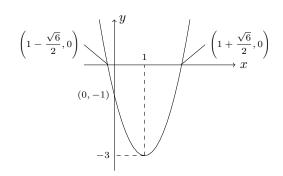
リメディアル数学 (化学システム工学科) —— 第2回 2024/5/1 略解

問題 1.

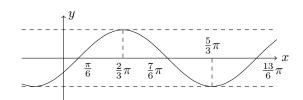
(1) $y = 2(x-1)^2 - 3$ より、軸は直線 x = 1、頂点は (1, -3). 交点の座標はグラフにある.



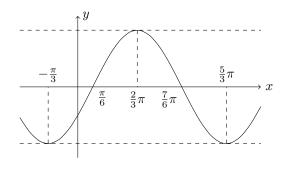
- (3) (i) $-3 \le y \le 5$.
 - (ii) $y \ge -3$.
 - (iii) $y \ge -3$.

問題 2.

(1) 以下の図.

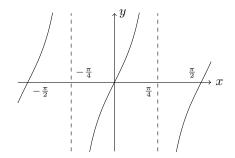


- (3) 以下の図.



$$(4) \, \cos \left(x + \frac{\pi}{3} \right) > -\frac{1}{2} \, \, \xi \, \text{同値であり、これを解く } \xi \\ \\ -\frac{2}{3}\pi + 2n\pi < x + \frac{\pi}{3} < \frac{2}{3}\pi + 2n\pi \quad (n \, \, \text{は整数}). \\ \\ \text{よって} \, (2n-1)\pi < x < \frac{\pi}{3} + 2n\pi \, \, (n \, \, \text{は整数}).$$

(5) 以下の図.



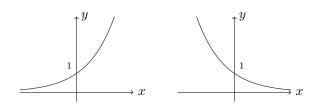
(6) 三角関数の合成より $\sin\left(x-\frac{\pi}{3}\right) \geq \frac{\sqrt{2}}{2}$ と同値であり、これを解くと

$$\frac{\pi}{4} + 2n\pi \leqq x - \frac{\pi}{3} \leqq \frac{3}{4}\pi + 2n\pi \quad (n \text{ li整数}).$$

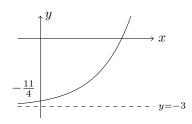
よって
$$\frac{7}{12}\pi + 2n\pi \le x \le \frac{13}{12}\pi + 2n\pi \ (n \text{ は整数}).$$

問題 3.

(1) 左が $y = 2^x$, 右が $y = 2^{-x}$ のグラフである.



(2) 以下の図.



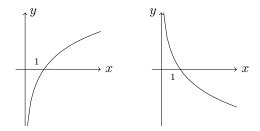
(3) (i)
$$3^{-x} \le 3^{-3} \Longleftrightarrow -x \le -3 \Longleftrightarrow x \ge 3$$
.

(ii)
$$5^{2x-6} < 5^3 \Longleftrightarrow 2x - 6 < 3 \Longleftrightarrow x < \frac{9}{2}$$

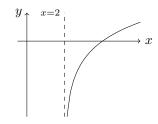
(iii)
$$2^{6x-2} \ge 2^{\frac{5}{2}} \Longleftrightarrow 6x - 2 \ge \frac{5}{2} \Longleftrightarrow x \ge \frac{3}{4}$$
.

問題 4.

(1) 左が $y = \log_3 x$, 右が $y = \log_{\frac{1}{2}} x$ のグラフである.



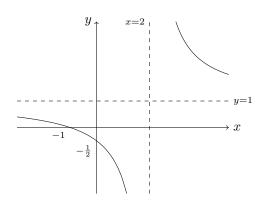
(2) 以下の図.



- (3) (i) 真数条件より $x>\frac{1}{3}$. 与えられた不等式を解くと $3x-1 \le 16 \iff x \le \frac{17}{3}$. よって $\frac{1}{3} < x \le \frac{17}{3}$.
 - (ii) 真数条件より x < 3. 与えられた不等式を 解くと $-x + 3 \le 4 \iff x \ge -1$. よって $-1 \le x \le 3$.
 - (iii) 真数条件より $x>\frac{2}{3}$. 与えられた不等式を解 くと $3x-2>9 \Longleftrightarrow x>\frac{11}{3}$. よって $x>\frac{11}{3}$.

問題 5.

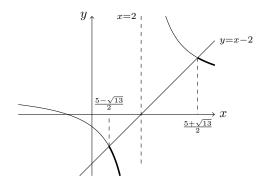
(1) 以下の図.



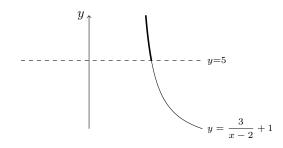
(2)
$$\frac{3}{x-2} + 1 = x - 2$$
 を解くと $x = \frac{5 \pm \sqrt{13}}{2}$.

よって下のグラフより

$$\frac{5-\sqrt{13}}{2}\leqq x<2,\quad x\geqq\frac{5+\sqrt{13}}{2}.$$

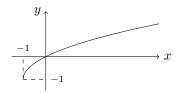


(3) $5 = \frac{3}{x-2} + 1$ を解くと $x = \frac{11}{4}$. よって下のグラフ より $2 < x \le \frac{11}{4}$.



問題 6.

(1) 以下の図.



(2) $y=\sqrt{x+1}-1$ と y=2x-5 の交点を考える. 連立すると $\sqrt{x+1}=2x-4$ となるが, 左辺は 0 以上なので $2x-4 \ge 0$, つまり $x \ge 2$. 方程式を 2 乗して解くと, $x=3,\frac{5}{4}$. $x \ge 2$ より x=3. よって下のグラフより $-1 \le x < 3$.

