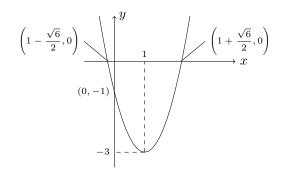
第2回リメディアル数学 (化学システム工学科) 2023/4/26 略解

2 次関数のグラフ

問題 1.

(1) $y = 2(x-1)^2 - 3$ より、軸は直線 x = 1、頂点は (1,-3). 交点の座標はグラフにある.



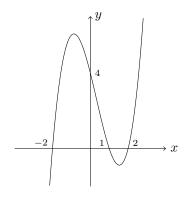
(2) (1)
$$\sharp$$
 \mathfrak{h} $1 - \frac{\sqrt{6}}{2} \le x \le 1 + \frac{\sqrt{6}}{2}$.

- (3) (i) $-3 \le y \le 5$.
 - (ii) $y \leq -3$.
 - (iii) $y \ge -3$.

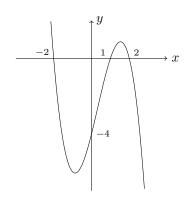
3 次関数のグラフ

問題 2.

(1) 以下の図.



(2) 以下の図.

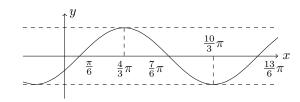


- (3) (i) (1) $\sharp \mathfrak{h} -2 < x < 1, x > 2.$
 - (ii) (2) $\sharp h \ x \leq -2, 1 \leq x \leq 2.$

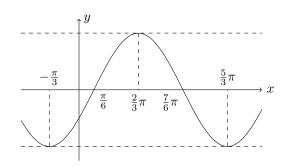
三角関数のグラフ

問題 3.

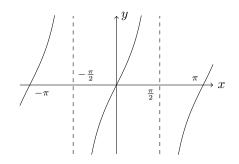
(1) 以下の図.



(2) 以下の図.



(3) 以下の図.



- (5) $\cos\left(x + \frac{\pi}{3}\right) > -\frac{1}{2}$ と同値であり、これを解くと $-\frac{2}{3}\pi + 2n\pi < x + \frac{\pi}{3} < \frac{2}{3}\pi + 2n\pi \quad (n \text{ は整数}).$ よって $(2n-1)\pi < x < \frac{\pi}{3} + 2n\pi \quad (n \text{ は整数}).$
- (6) 三角関数の合成より $\sin\left(x-\frac{\pi}{3}\right) \geq \frac{\sqrt{2}}{2}$ と同値であり、これを解くと

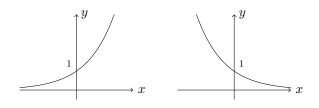
$$\frac{\pi}{4} + 2n\pi \le x - \frac{\pi}{3} \le \frac{3}{4}\pi + 2n\pi \quad (n$$
は整数).

よって
$$\frac{7}{12}\pi + 2n\pi \le x \le \frac{13}{12}\pi + 2n\pi$$
 (n は整数).

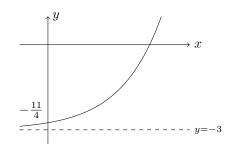
指数関数のグラフ

問題 4.

(1) 左が $y = 2^x$, 右が $y = 2^{-x}$ のグラフである.



(2) 以下の図.

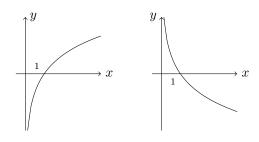


- (3) (i) $3^{-x} \le 3^{-3} \Longleftrightarrow -x \le -3 \Longleftrightarrow x \ge 3$.
 - (ii) $5^{2x-6} < 5^3 \iff 2x 6 < 3 \iff x < \frac{9}{2}$
 - (iii) $2^{6x-2} \ge 2^{\frac{5}{2}} \Longleftrightarrow 6x 2 \ge \frac{5}{2} \Longleftrightarrow x \ge \frac{3}{4}$.

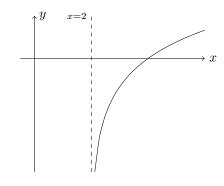
対数関数のグラフ

問題 5.

(1) 左が $y = \log_3 x$, 右が $y = \log_{\frac{1}{2}} x$ のグラフである.



(2) 以下の図.

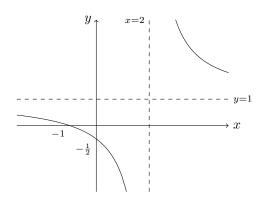


- (3) (i) 真数条件より $x>\frac{1}{3}$. 与えられた不等式を 解くと $3x-1 \le 16 \iff x \le \frac{17}{3}$. よって $\frac{1}{3} < x \le \frac{17}{3}$.
 - (ii) 真数条件より x < 3. 与えられた不等式を解くと $-x + 3 \le 4 \iff x \ge -1$. よって $-1 \le x \le 3$.
 - (iii) 真数条件より $x>\frac{2}{3}$. 与えられた不等式を解 くと $3x-2>9 \Longleftrightarrow x>\frac{11}{3}$. よって $x>\frac{11}{3}$.

分数関数のグラフ

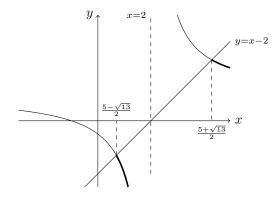
問題 6.

(1) 以下の図.

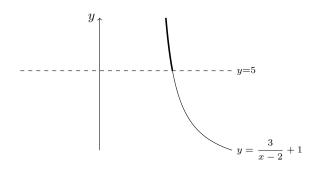


(2)
$$\frac{3}{x-2} + 1 = x - 2$$
 を解くと $x = \frac{5 \pm \sqrt{13}}{2}$. よって下のグラフより

$$\frac{5-\sqrt{13}}{2} \le x < 2, \quad x \ge \frac{5+\sqrt{13}}{2}.$$



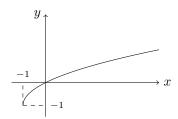
$$(3) \ 5 = \frac{3}{x-2} + 1 を解くと \ x = \frac{11}{4}. \ よって下のグラフ より \ 2 < x \leq \frac{11}{4}.$$



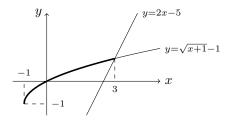
無理関数のグラフ

問題 7.

(1) 以下の図.



(2) $y = \sqrt{x+1} - 1$ と y = 2x - 5 の交点を考える. 連立すると $\sqrt{x+1} = 2x - 4$ となるが, 左辺は 0 以上なので $2x - 4 \ge 0$, つまり $x \ge 2$. 方程式を 2 乗して解くと, x = 3, $\frac{5}{4}$. $x \ge 2$ より x = 3. よって下のグラフより $-1 \le x < 3$.



(3) $y = \sqrt{|x+1|} - 1$ のグラフは $y = \sqrt{x+1} - 1$ のグラフを直線 x = 1 に関して対象なグラフを付け加えたものである. よって (2) より x < 3