

学号:

姓名:

专业班级:

学院:

题

答

要

不

内

线

订

装

浙江农林大学 2015 - 2016 学年第二学期考试卷 (A卷)

课程名称概率论与数理统计 (B) 课程类别: 必修 考试方式: 闭卷注意事项: 1、本试卷满分 100 分. 2、考试时间 120分钟.

题号	一	二	三	四	五	六	得分
得分							
评阅人							

答题纸 (交卷时, 答题纸背面朝上放在桌面上)

一、选择题 (每小题 3 分, 共 24 分)							得分	
题号	1	2	3	4	5	6	7	8
答案								

二、填空题 (每小题 3 分, 共 18 分)				得分	
题号	答案		题号	答案	
1			2		
3			4		
5			6		

三、实验解读应用题 (每空 2 分, 共 24 分)				得分	
题号	答案		题号	答案	
1			2		
3			4		
5			6		
7			8		
9			10		
11			12		

一、选择题 (每小题 3 分, 共 24 分)

1. 设 A, B 相互独立且 $P(A \cup B) = 0.7, P(A) = 0.4$, 则 $P(B) = (\quad)$.

- A. 0.5. B. 0.3. C. 0.75. D. 0.42.

2. 设 $F(x) = P\{X \leq x\} = \begin{cases} 0 & x < 0 \\ x^2 & 0 \leq x \leq 1 \\ 1 & x > 1 \end{cases}$, 则 $E(X^2) = (\quad)$.

- A. $\frac{1}{2}$. B. $\frac{1}{3}$. C. $\frac{1}{4}$. D. $\frac{1}{5}$.

3. $D(X) = 4, D(Y) = 9, \rho_{XY} = 0.5$, 则 $D(X - 2Y + 1) = (\quad)$.

- A. 41 B. 40 C. 28 D. -14

4. 随机变量 X 服从指数分布, 参数 $\lambda = (\quad)$ 时, $E(X^2) = 18$

- A. 3 B. 6 C. $\frac{1}{6}$ D. $\frac{1}{3}$

5. 设 X_1, X_2, X_3, X_4 来自总体 $N(\mu, \sigma^2)$ 的样本, 则 μ 的最有效估计量是 ()

- A. $\frac{1}{3}(X_1 + X_2 + X_3)$ B. $\frac{1}{4}(X_1 + X_2 + X_3 + X_4)$
C. $\frac{1}{2}(X_3 + X_4)$ D. $\frac{1}{5}(X_1 + X_2 + X_3 + X_4)$

6. 设总体 $X \sim N(\mu, \sigma^2), \sigma^2$ 未知, X_1, X_2, \dots, X_n 为其样本, 检验假设 $H_0: \mu = \mu_0$, 要用统计量 ().

- A. $\frac{\bar{X} - \mu}{\sigma / \sqrt{n}} \sim N(0, 1)$ B. $\frac{\bar{X} - \mu}{S / \sqrt{n}} \sim t(n)$
C. $\frac{\bar{X} - \mu_0}{S / \sqrt{n}} \sim t(n-1)$ D. $\sum_{i=1}^n \frac{(X_i - \mu_0)^2}{\sigma^2} \sim \chi^2(n)$

7. 对因子 A 取 r 个不同水平, 因子 B 取 s 个不同水平, A 与 B 的每种水平组合重复 t 次试验后, 对结果进行双因子有重复试验的方差分析, 则以下关于各偏差平方和自由度的结论错误的是 ().

A. A 因子的偏差平方和 SS_A 的自由度为 $r-1$

B. B 因子的偏差平方和 SS_B 的自由度为 $s-1$

C. 交互作用的偏差平方和 $SS_{A \times B}$ 的自由度为 $(r-1)(s-1)$

D. 误差平方和 SS_E 的自由度为 $(r-1)(s-1)(t-1)$

8. 在线性模型 $Y = \beta_0 + \beta_1 x + \varepsilon$ 的相关性检验中, 如果原假设 $H_0: \beta_1 = 0$ 被否定, 则表明两个变量之间().

A. 不存在任何相关关系

B. 不存在显著的线性相关关系

C. 不存在一条曲线 $\hat{Y} = f(x)$ 能近似描述其关系

D. 存在显著的线性相关关系

二、填空题 (每小题 3 分, 共 18 分)

1. 设离散型随机变量 X 的分布函数是 $F(x) = P(X \leq x)$, 用 $F(x)$ 表示概率,

则 $P\{X = x_0\} = \underline{\hspace{2cm}}$.

2. 设随机变量 $X \sim P(\lambda)$, 且已知 $E[(X-1)(X-2)] = 1$, 则 $\lambda = \underline{\hspace{2cm}}$.

3. 设随机变量 X 的分布密度为 $\frac{1}{2\sqrt{\pi}} e^{-\frac{x^2-6x+9}{4}}$, 则 $P(X < 3) = \underline{\hspace{2cm}}$.

4. 设 X_1, X_2, \dots, X_{16} 是来自总体 $N(2, 1)$ 的样本, 而 $Y = \sum_{i=1}^{16} (X_i - 2)^2$, $Z \sim N(0, 1)$, 则

$\frac{4Z}{\sqrt{Y}} \sim \underline{\hspace{2cm}}$. (分布)

5. 设总体 $X \sim N(1, 4)$, X_1, X_2, X_3 是来自 X 的容量为 3 的样本, S^2 为样本方差, 则

$D(S^2) = \underline{\hspace{2cm}}$.

6. 若取显著性水平为 α , 设样本 (X_1, X_2, \dots, X_n) 来自总体 $X \sim N(\mu, \sigma^2)$, 对于假设

$H_0: \sigma^2 = \sigma_0^2, H_1: \sigma^2 < \sigma_0^2$, 采用统计量 $\chi^2 = \frac{1}{\sigma_0^2} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2$, 则其拒绝域为

$\underline{\hspace{2cm}}$.

三、实验解读应用题（每空 2 分，共 24 分）

（一）已知某种材料的抗压强度 $X \sim N(\mu, \sigma^2)$ ，现随机抽取 10 个试件进行抗压试验。由所得数据得到右表的实验结果。本实验用到的样本函数为 1，由实验结果知标准差 σ 的置信水平为 0.95 的置信区间为 2。

单个正态总体方差卡方估计活动表	
置信水平	0.95
样本容量	10
样本均值	457.5
样本方差	1240.27778
单侧置信下限	659.7620881
单侧置信上限	3357.028906
区间估计	
估计下限	586.7968382
估计上限	4133.662906

（二）为了检验甲乙两厂蓄电池的电容量是否有显著差异，随机地从甲乙两厂生产的蓄电池中抽取一些样本，用其数据得到实验结果如下表所示。

z-检验：双样本均值分析		
	甲厂	乙厂
平均	140.50	139.90
已知协方差	2.45	2.25
观测值	8	10
假设平均差	0	
z	0.823193	
P(Z<=z) 单尾	0.205199	
z 单尾临界	1.644854	
P(Z<=z) 双尾	0.410398	
z 双尾临界	1.959964	

实验结果如右表所示。问题的原假设为 3；由于检验的P-值4，所以，在 $\alpha = 0.05$ 的显著性水平下，问题的结论为5。

（三）进行农业实验，选择四个不同品种的小麦其三块试验田，每块试验田分成四块面积相等的小块，各种植一个品种的小麦，由试验的收获量数据得到方差分析结果如下。

方差分析						
差异源	SS	df	MS	F	P-value	F crit
品种	78		26	8.666667	0.013364	4.757063
试验田	14		7	2.333333	0.177979	5.143253
误差	18	6	3			
总计	110	11				

（1）在方差分析表中，缺失的品种自由度为6，缺失的试验田自由度为7。
（2）由于（实验结果）8，所以，在显著性水平 $\alpha = 0.05$ 下，小麦试验田对收获量的影响9（是否显著）。

(四) 随机调查 10 个城市居民的家庭平均收入 x 与电器用电支出 Y 情况的数据, 得到如下表的回归分析表, 由此可知求电器用电支出 Y 与家庭平均收入 x 之间的线性回归方程为 10; 在显著性水平 $\alpha = 0.05$ 下, 线性回归关系 11 (是否显著); 当 $x = 30$ 时, 电器用电支出的点估计值 12.

	Coefficients	标准误差	t Stat	P-value	Lower 95%	Upper 95%
Intercept	-1.425424	0.2142448	-6.653247	0.0001603	-1.919473	-0.931374
收入	0.1231638	0.0077491	15.894001	2.458E-07	0.1052944	0.1410332

四、应用题 (每小题 5 分, 共 10 分)

1. 一船舶在某海区航行, 已知每遭受一次波浪的冲击, 纵摇角大于 3° 的概率为 $p = 1/3$, 若船舶遭受了 90000 次波浪冲击, 问其中有 29500 ~ 30500 次纵摇角大于 3° 的概率是多少?

$$\left(\Phi \left(\frac{5\sqrt{2}}{2} \right) = 0.9998 \right)$$

2. 某种灯泡在原工艺生产条件下的平均寿命为 1100h, 现从采用新工艺生产的一批灯泡中随机抽取 16 只, 测试其使用寿命, 测得平均寿命为 1150h, 样本标准差为 20h. 已知灯泡寿命服从正态分布, 试在 $\alpha = 0.05$ 下, 检验采用新工艺后生产的灯泡寿命是否有提高?

$$(t_{0.05}(15) = 1.753)$$

五、综合计算题 (每问 3 分, 共 24 分)

1. 设随机变量 X 的密度函数为 $p(x) = \begin{cases} Ax^2, & 0 < x < 1. \\ 0, & \text{else} \end{cases}$. 试计算:

- (1) 验证常数 $A=3$; (2) $P\left\{-\frac{1}{2} < X < \frac{1}{2}\right\}$; (3) $E(X^2)$ (4) X 的分布函数 $F(x)$.

2. 设 X 的分布律为

X	1	2	3
P	θ	2θ	$1-3\theta$

其中 θ 为未知参数, $0 < \theta < 1$, 已知取得一组样本观测值 $(x_1, x_2, x_3, x_4, x_5) = (1, 1, 2, 2, 3)$.

- (1) 求 X 的数学期望 $E(X)$; (2) 求参数 θ 的矩估计值; (3) 求关于参数 θ 的似然函数;
(4) 求参数 θ 最大似然估计值.