Logik

Übungsblatt 3 – Teil 1 (für die 17. Kalenderwoche)

Bitte vor der Übung bearbeiten.

- 3.1. Die folgenden Behauptungen sind alle falsch. Erklären Sie jeweils weshalb.
 - a) Terme sind wahr oder falsch (abhängig von der Welt).
 - b) Ein atomarer Satz besteht aus einem n-stelligen Prädikatensymbol und n Objekten.
 - c) Wenn die logische Theorie $\{P_1, P_2, \dots, P_n\}$ WT-erfüllbar ist, dann sind die Sätze P_1, P_2, \dots, P_n alle wahr.
 - d) Wenn ein Satz P keine BW-Wahrheit ist, dann ist $\{P\}$ WT-erfüllbar.
- 3.2. Es seien die atomaren Sätze A, B und C gegeben. Entscheiden Sie für jeden der folgenden aussagenlogischen Sätze mit einer Wahrheitstafel (in Boole oder manuell), ob er eine Tautologie ist oder nicht.
 - a) $A \rightarrow \bot$
 - b) $(A \wedge B) \vee (\neg A \wedge \neg B)$
 - c) $((A \rightarrow B) \rightarrow A) \rightarrow A$
 - $\mathrm{d}) \ ((\mathsf{A} \wedge \mathsf{B}) \vee \mathsf{C}) \leftrightarrow ((\mathsf{A} \vee \mathsf{C}) \wedge (\mathsf{B} \vee \mathsf{C}))$
- 3.3. Es seien die atomaren Sätze A, B und C gegeben. Geben Sie eine Wahrheitswertbelegung h an, so dass $\hat{h}(\neg A \to B) = W$ und $\hat{h}(\neg (A \land B) \lor C) = F$.

Logik

Übungsblatt 3 – Teil 2 (für die 17. Kalenderwoche)

- 3.4. Es seien die atomaren Sätze A, B und C gegeben. Entscheiden Sie für jeden der folgenden aussagenlogischen Sätze mit einer Wahrheitstafel (in Boole oder manuell), ob er eine Tautologie ist oder nicht.
 - a) $(A \wedge B) \vee (A \rightarrow \neg B)$
 - b) $(A \leftrightarrow \neg B) \rightarrow (A \rightarrow (B \rightarrow C))$
 - $\mathrm{c}) \ (\mathsf{A} \vee \mathsf{B}) \vee \neg (\mathsf{A} \vee (\mathsf{B} \wedge \mathsf{C}))$
- 3.5. Zeigen Sie, dass folgende Theorie BW-erfüllbar ist, indem Sie eine Welt in Bivalenz World entwickeln, in der alle Sätze der Theorie wahr sind.

$$\{\mathsf{Dodec}(\mathsf{b}) \lor \mathsf{Cube}(\mathsf{b}), \mathsf{Small}(\mathsf{b}) \lor \mathsf{Medium}(\mathsf{b}), \neg \mathsf{Small}(\mathsf{b}) \lor \neg \mathsf{Cube}(\mathsf{b}), \neg (\mathsf{Medium}(\mathsf{b}) \land \mathsf{Dodec}(\mathsf{b}))\}$$

Geben Sie eine BW-kompatible Wahrheitswertbelegung an, die zeigt, dass diese Theorie auch WT-erfüllbar ist.

- 3.6. Es seien die atomaren Sätze A, B, C, D gegeben. Zeigen Sie, dass folgende Theorien WT-erfüllbar sind:
 - a) $\{(A \land \neg B) \rightarrow C, A \rightarrow \neg B, \neg D \rightarrow B, \neg A \rightarrow A\}$
 - b) $\{(\mathsf{Tet}(\mathsf{a}) \leftrightarrow \mathsf{Cube}(\mathsf{a})), \mathsf{Dodec}(\mathsf{a}) \lor \bot, \neg(\mathsf{Dodec}(\mathsf{a}) \land \neg \mathsf{Tet}(\mathsf{a})), \neg(\mathsf{Cube}(\mathsf{a}) \leftrightarrow \mathsf{Cube}(\mathsf{b}))\}$

Ist Theorie (b) auch BW-erfüllbar?