

Обширные вычисления до 10^9 и далее позволили выдвинуть гипотезы.

Гипотеза 1. Пусть $n \in \mathbb{N}_3$ и $k(n)$ — длина преобразований Коллатца, превращающих n в 1, тогда для $n > 2 * 10^6$ имеет место неравенство

$$\left| \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{i=n} k(n) - 3,5 * \ln(n) - 1 \right| < 0,2$$

Гипотеза 2. Пусть $n \in \mathbb{N}_3$ и $k(n)$ — длина преобразований Коллатца, превращающих n в 1, тогда для $n > 1$ имеет место неравенство

$$k(n) < 6 * 3,5 * \ln(n) = 21 \cdot \ln(n).$$

Литература

1. Рожков А. В. *Стратегия DPS - Debian-Python-Sage: Проблемно-ориентированные вычислительные среды на открытом коде* // Труды V-я Междунар. Науч.-практич. Конф. «Информационные технологии в образовании и науке» (ИТОН – 2016) Казань: КФУ, 2016. – С. 172-179.
2. Рожков А. В., Рожкова М. В. *Экспериментальная (вычислительная) теория чисел* // Новые информационные технологии в образовании и науке: материалы X междунар. науч.-практ. конф., Екатеринбург, 27 февраля – 3 марта 2017 г. ФГАОУ ВО «Рос. гос. проф.-пед. ун-т». – Екатеринбург, 2017. – С. 413-417.
3. Рожков А.В., Ниссельбаум О.В. *Теоретико-числовые методы в криптографии*. – Тюмень: ТюмГУ, 2007. – 160 с.

NOTE ABOUT KOLLATTS'S PROBLEM

A. Bolchakova, D. Stepanyan, A.V. Rozhkov

Number theory problems which can be model for many sections of mathematics are studied.

Keywords: number theory, packages of computer algebra, cryptography, prime numbers.

УДК 514.763.85

О ТОЧНОСТИ КОНСТАНТ В ОБОБЩЕННОМ НЕРАВЕНСТВЕ МАКАИ ДЛЯ ЖЕСТКОСТИ КРУЧЕНИЯ

Л.И. Гафиятуллина¹, Р.Г. Салахудинов²

¹ ligaftiyatullina@kpfu.ru; Казанский (Приволжский) федеральный университет, институт математики и механики им. Н.И. Лобачевского

² rsalakhud@gmail.com; Казанский (Приволжский) федеральный университет, институт математики и механики им. Н.И. Лобачевского

В данной работе с использованием подходов из [3] доказывается обобщение неравенства Макай для жесткости кручения в классе выпуклых областей.

Ключевые слова: жесткость кручения, моменты Евклида области относительно границы, изопериметрические неравенства, функция расстояния до границы области.

Ряд изопериметрических неравенств для жесткости кручения односвязных областей были получены Поля и Серё [2], Макай [1], Пейном [4] и другими математиками.

Пусть G — выпуклая область на плоскости со спрямляемой границей и $\rho(z, G)$ — расстояние от точки z до границы ∂G области G .

Геометрический функционал, определяемый равенством

$$I_p(G) := \iint_{\Omega} \rho(z, G)^p dA,$$

называется моментом Евклида области G порядка p .

В 1962 г. Е. Макай получил следующее неравенство

$$P(G) \leq 4I_2(G),$$

справедливое для любой выпуклой области G .

Имеет место следующая

Теорема. Пусть G — выпуклая область на плоскости и $p \geq 2$. Тогда имеет место следующее неравенство

$$P(G) \leq \frac{(p+1)(p+2)}{3\rho(G)^{p-2}} I_p(G) - \frac{(p-2)l(\rho(G))\rho(G)^3}{3},$$

где $l(\rho(G))$ — длина линии уровня $\rho(z, G)$, расположенной на расстоянии $\rho(G)$ от границы ∂G . Константы $(p+1)(p+2)/3$ и $(p-1)/3$ являются наилучшими из возможных.

Литература

1. Makai E. *On the Principal Frequency of a Membrane and the Torsional Rigidity of a Beam* // Stanford University Press. – 1962. – P. 227-231.
2. Поля Г., Серё Г. *Изопериметрические неравенства в математической физике*. – М., Физматгиз, 1962. – 336 с.
3. Салахудинов Р.Г. *Изопериметрические свойства евклидовых граничных моментов односвязной области* // Изв. вузов. Математика. – 2013. – № 8. – С. 66-79.
4. Payne L.E. *Some isoperimetric inequalities in the torsion problem for multiply connected regions* / Studies in Mathematical analysis and Related Topics // Essays in honor of G. Polya (Stanford University Press, Stanford, California, 1962). – P. 270-280.

EXTENSIONAL OF MAKAI INEQUALITY FOR TORSIONAL RIGIDITY

L.I. Gafiyatullina, R.G. Salakhudinov

Using methods from [3], we proved a generalization of Makai inequality for convex region.

Keywords: torsional rigidity, Euclidian moments of a domain with respect to the boundary, isoperimetric inequalities, distance function to the boundary of a domain.