## UPPSALA UNIVERSITET

Automatateori

## Matematiska institutionen

Vera Koponen

## Lektion 4

- 1. För var och en av följande grammatiker, gör följande:
  - (a) Gör en lista på de 8 kortaste strängarna som kan produceras.
  - (b) Visa en produktion av någon sträng av längd minst 10.
  - (c) Beskriv, med ord eller med matematiska symboler, grammatikens språk, dvs mängden av alla strängar över de terminerande symbolerna som grammatiken kan producera.

$$G_1: S \to XY$$

$$X \to aXb \mid \varepsilon$$

$$Y \to aaY \mid bbY \mid \varepsilon$$
där  $a$  och  $b$  är terminerande symboler.

$$G_2: S \to (\neg S) \mid (S \land S) \mid pN$$
  
 $N \to 1N \mid 1$   
där  $(,), \neg, \land, p$  och 1 är terminerande symboler.

$$G_3: S \to aSb \mid T \mid \varepsilon$$
 
$$T \to bTa \mid S \mid \varepsilon$$
 där  $a$  och  $b$  är terminerande symboler.

2. Följande grammatik producerar ett reguljärt språk. (Det är en så kallad  $reguljär \ grammatik$ .) Gör en NFA som accepterar det språket. (De terminerande symbolerna är a och b.)

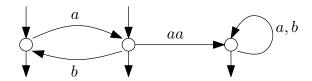
$$S \to aP \mid baQ$$

$$P \to bbP \mid aR \mid \varepsilon$$

$$Q \to aP \mid bbaR$$

$$R \to bS \mid \varepsilon$$

- 3. För vart och ett av följande språk, konstruera en CFG (sammanhangsfri grammatik) som producerar språket.
  - (a)  $bb(ab \cup ba)$ .
  - (b)  $ba(aa \cup bb \cup aba)^*bbb^*$ .
  - (c) Språket som accepteras av NFA:n nedan.



- (d)  $\{(aaa)^n c^k (ba)^n : n, k \in \mathbb{N}\}.$
- (e)  $\{(aa)^ib^jw: i, j \in \mathbb{N}, i \leq j, w \in \{a, b\}^*\}.$
- (f)  $\{w \in \{0,1\}^* : \text{ varje block av nollor f\"{o}ljs av ett minst lika långt block av ettor}\}$ .
- 4. För var och en av PDA:erna i slutet av dokumentet, gör följande:
  - (a) Gör en lista på de 8 kortaste strängarna som accepteras.
  - (b) För någon sträng av längd minst 8 gör en körning som leder till acceptans av strängen.
  - (c) Beskriv med ord eller matematiska symboler PDA:ns språk, dvs mängden av alla strängar som accepteras.
- 5. Konstruera en PDA för vart och ett av följande språk:
  - (a)  $\{w \in \{a, b\}^* : w \text{ b\"{o}rjar med } abb \text{ och slutar med } aa\}.$
  - (b)  $ab(aa \cup bb)^*a$ .
  - (c)  $\{(aba)^n (ac)^k (aa)^n : n, k \in \mathbb{N}\}.$
  - (d)  $\{w \in \{a, b\}^* : w \text{ har lika många } a \text{ som } b\}.$
  - (e)  $\{w \in \{a, b\}^* : w \text{ har minst tre gånger så många } a \text{ som } b\}.$
  - (f)  $\{w \in \{a, b, c\}^* : i \ w \ \text{är antalet} \ a \ \text{och} \ b \ (\text{sammanlagt}) \ \text{är lika stort som antalet} \ c\}.$
- 6. För var och en av grammatikerna i uppgift 1, konstruera en top-down och en bottom-up parser för grammatiken.

7. Övningar från boken, varav en del är av svårare karaktär:

Test 3.1, Test 3.2 a-e,

Övn. 3.2, 3.3, 3.4,

Test 3.3, Test 3.4,

Övn. 3.7, 3.8.

