

Téli kerékpárverseny feladatmegoldás

Függvény: max_teli_kerekparverseny

```
C: > Zsuzsa > SZTE digit > algoritmusok > github > telikerekparverseny.py > ...  
1 def max_teli_kerekparverseny(N, M, K, magassagok):
```

Bemeneti paraméterek: N: A négyzetrács sorainak száma (magasság); M: A négyzetrács oszlopainak száma (szélesség); K: Az engedélyezett maximális szintkülönbség két egymást követő lépés között; magassagok: Egy $N \times M$ méretű lista, amely minden kereszteződés magasságát tartalmazza.

Lépések a függvényen belül: lehetséges irányok meghatározása:

```
2 irányok = [(0, 1, 'J'), (1, 0, 'L')] # Jobbra és lefelé mozgás
```

Itt definiáljuk, hogy milyen irányokban mozoghatunk: (0, 1, 'J'): Ez jobbra lépést jelent (J), azaz az aktuális oszlopból a következő oszlopba; (1, 0, 'L'): Ez lefelé lépést jelent (L), azaz az aktuális sorból a következő sorba. DP mátrix és szülő mátrix inicializálása:

```
3 dp = [[0] * M for _ in range(N)] # Maximális hossz tárolása  
4 szulo = [[None] * M for _ in range(N)] # Útvonal visszakövetése  
5
```

dp mátrix: Minden cellában azt tároljuk, hogy az adott cellába lépve mennyi a maximális lépések száma (azaz az adott cellából indulva hány kereszteződés érhető el). szulo mátrix: Ez segít visszakövetni, hogy az adott cellába honnan érkeztünk, és milyen lépéssel (jobbra vagy lefelé). Dinamikus programozás a táblázat feltöltéséhez:

```
6 # Dinamikus programozás a táblázat feltöltéséhez  
7 for i in range(N):  
8     for j in range(M):  
9         for di, dj, lep in irányok:  
10            ni, nj = i - di, j - dj  
11            if 0 <= ni < N and 0 <= nj < M and abs(magassagok[i][j] - magassagok[ni][nj]) <= K:  
12                if dp[ni][nj] + 1 > dp[i][j]:  
13                    dp[i][j] = dp[ni][nj] + 1  
14                    szulo[i][j] = (ni, nj, lep)
```

Ez a rész végigmegy minden cellán, és megvizsgálja, hogy az adott cellába lépve milyen hosszú út érhető el. Külső két ciklus (for i, for j): soronként és oszloponként végigmegyünk a mátrixon. Belső ciklus (for di, dj, lep): az

aktuális cella minden lehetséges "szülőjét" ellenőrizzük, ahonnan az adott cellába érkezhettünk (jobbra vagy lefelé lépés). Határok ellenőrzése: csak olyan cellát vizsgálunk, amely a rácson belül van ($0 \leq n_i < N$ és $0 \leq n_j < M$). Szintkülönbség ellenőrzése: csak akkor léphetünk a cellába, ha a szintkülönbség a két kereszteződés között nem haladja meg a K értéket. Maximális hossz frissítése: ha a szülő cellából érkező hosszabb út érhető el, frissítjük a dp mátrixot és a szulo mátrixot. Maximum hosszú út keresése:

```
16     # Maximum hossz keresése
17     max_hossz = 0
18     vegpont = None
19     for i in range(N):
20         for j in range(M):
21             if dp[i][j] > max_hossz:
22                 max_hossz = dp[i][j]
23                 vegpont = (i, j)
```

Ebben a lépésben meghatározzuk, hogy melyik cellából indul a leghosszabb lehetséges út: max_hossz: a maximális lépések száma, amely egy cellából indulva érhető el; vegpont: az a cella (sor, oszlop), ahonnan a leghosszabb út elérhető. Útvonal visszakövetése:

```
25     # Útvonal visszakövetése
26     utvonal = []
27     jelenlegi = vegpont
28     while jelenlegi:
29         ni, nj, lep = szulo[jelenlegi[0]][jelenlegi[1]] if szulo[jelenlegi[0]][jelenlegi[1]] else (None, None, None)
30         if lep:
31             utvonal.append(lep)
32         jelenlegi = (ni, nj) if ni is not None and nj is not None else None
33
```

Ez a rész visszaköveti a maximális hosszú út lépéseit: a szulo mátrix segítségével megtaláljuk, hogy az adott cellába honnan érkeztünk; a lépéseket (J vagy L) hozzáadjuk az útvonalhoz; visszalépünk a szülő cellába, amíg el nem érjük az útvonal kezdőpontját. Út kezdőpontjának meghatározása:

```
34     # Kiírás
35     kezdo_pont = vegpont
36     for lep in utvonal[::-1]:
37         if lep == 'L':
38             kezdo_pont = (kezdo_pont[0] - 1, kezdo_pont[1])
39         elif lep == 'J':
40             kezdo_pont = (kezdo_pont[0], kezdo_pont[1] - 1)
```

Miután visszaköveltük az útvonalat, az eredeti végpont alapján kiszámítjuk az útvonal kezdőpontját. Eredmények visszaadása:

```
42     return max_hossz, (kezdopont[0] + 1, kezdopont[1] + 1), ''.join(utvonal[::-1])
```

Az eredmények: `max_hossz`: a maximális út hossza (az érintett kereszteződések száma); `kezdopont`: az útvonal kezdőpontjának sor- és oszlopindexe (1-alapú indexelésben); `utvonal`: az útvonalat leíró karakterlánc, amely a lépések sorrendjét tartalmazza.

Főprogram: bemenet beolvasása:

```
45     # Bemenet beolvasása
46     N, M, K = map(int, input().split())
47     magassagok = [list(map(int, input().split())) for _ in range(N)]
48
```

Beolvassuk a mátrix méreteit és a kereszteződések magasságait. Megoldás meghívása:

```
49     # Megoldás meghívása
50     max_hossz, kezdopont, utvonal = max_teli_kerekparverseny(N, M, K, magassagok)
```

Meghívjuk a függvényt, és eltároljuk az eredményeket. Eredmények kiírása:

```
51
52     # Kimenet
53     print(max_hossz)
54     print(kezdopont[0], kezdopont[1])
55     print(utvonal)
56
```

Az eredményeket a megadott formátumban írjuk ki: Maximális út hossza; Kezdőpont (sor, oszlop); Útvonal (lépések).