# Laboratorio di Fisica 1 R12: Misura della velocità del suono

Gruppo 15: Bergamaschi Riccardo, Graiani Elia, Moglia Simone

## 28/05/2024 - 04/06/2024

### Sommario

Il gruppo di lavoro ha misurato la velocità del suono mediante un apparato sperimentale detto "tubo di Kundt", sfruttando due fenomeni ondulatori: risonanza ed eco.

#### Materiali e strumenti di misura utilizzati 0

| Strumento di misura        | Soglia            | Portata <sup>1</sup> | Sensibilità       |
|----------------------------|-------------------|----------------------|-------------------|
| Metro a nastro             | $0.1\mathrm{cm}$  | $300.0\mathrm{cm}$   | $0.1\mathrm{cm}$  |
| Calibro ventesimale        | $0.05\mathrm{mm}$ | $150.00\mathrm{mm}$  | $0.05\mathrm{mm}$ |
| Termometro ambientale      | 0.5 °C            | +50.0 °C<br>-20.0 °C | 0.5 °C            |
| Oscilloscopio <sup>2</sup> | $2.5\mathrm{ms}$  | N./A.                | $2.5\mathrm{ms}$  |

| Altro                         | Descrizione/Note  |  |  |
|-------------------------------|---|--|--|
| Tubo in plastica              | Nel quale facciamo propagare le onde sonore.  |  |  |
| Pistone                       | Mobile, utilizzato per chiudere un'estremità del tubo.  |  |  |
| Generatore di on-<br>de       | Ci permette di regolare frequenza, ampiezza e forma d'onda delle onde generate.   |  |  |
| Altoparlante                  | Posto a un'estremità del tubo, riceve un segnale elettri-<br>co dall'oscilloscopio e, vibrando, lo emette sottoforma<br>di onde sonore.                               |  |  |
| Microfono a con-<br>densatore | Mobile, utilizzato per rilevare le onde di pressione.   |  |  |
| Oscilloscopio                 | Riceve le onde sottoforma di segnali elettrici, sia dal generatore che dal microfono: permette quindi di visualizzare sia la forma d'onda emessa che quella rilevata. |  |  |

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Più precisamente, gli estremi dell'intervallo di funzionamento (si veda, in particolare, il termometro).  $^2{\rm Riportiamo}$  qua la sensibilità della scala temporale più ridotta che abbiamo utilizzato.

## 1 Misura mediante le frequenze di risonanza

## 1.1 Esperienza e procedimento di misura

Ripetiamo cinque volte i seguenti passaggi (la prima, lasciando il tubo aperto; le altre, chiudendo l'estremità opposta all'altoparlante tramite il pistone):

- 1. Mediante il termometro, misuriamo la temperatura ambiente  $T_{\rm amb}$ .
- 2. Con il metro a nastro, misuriamo la lunghezza L della colonna d'aria all'interno del tubo, mentre con il calibro ventesimale il diametro interno di quest'ultimo  $\varnothing=(38.20\pm0.05)\,\mathrm{mm}.$
- 3. Accesi l'oscilloscopio e il generatore di onde, impostiamo una forma d'onda sinusoidale; regoliamo poi l'ampiezza in modo da poter percepire un suono.
- 4. Inseriamo il microfono dentro al tubo in modo che riesca a rilevare le onde di pressione chiaramente, assicurandoci che, in presenza di onde stazionarie, non si trovi in corrispondenza di un nodo.
- 5. Aumentiamo la frequenza fino a trovare, mediante l'oscilloscopio, il primo massimo relativo nell'ampiezza del segnale rilevato dal microfono: questa sarà la prima frequenza di risonanza, ovvero l'armonica fondamentale.
- 6. Ripetiamo più volte il passaggio precedente, in modo da ottenere le prime armoniche (multiple della fondamentale).

#### 1.2 Analisi dei dati raccolti

**Nota.** Avendo valutato gli errori sulle grandezze misurate direttamente come piccoli, casuali e indipendenti, per svolgere ogni calcolo abbiamo utilizzato, qui e successivamente, la tradizionale propagazione degli errori.

La frequenza emessa è una delle frequenze di risonanza del tubo se e solo se all'interno di quest'ultimo si forma un'onda di pressione stazionaria. In tal caso:

• se il tubo è aperto a entrambi gli estremi, lì la pressione è costante (quella atmosferica) e si formano due nodi. La lunghezza d'onda sarà allora della forma:

$$\lambda_n^{\mathrm{a}} = \frac{2L}{n}, \quad n \in \mathbb{N}$$

• se invece il tubo è chiuso ad un estremo, lì si forma un ventre, mentre all'altro estremo (dove la pressione è quella atmosferica, costante) si forma un nodo:

$$\lambda_n^{\rm c} = \frac{4L}{n}, \quad n \in \mathbb{N} \text{ dispari}$$

Tuttavia, non trattandosi di nodi e ventri ideali, è necessario effettuare una correzione empirica:

$$\lambda_n^{\rm a} = \frac{2L+1.6\varnothing}{n}, \quad n \in \mathbb{N}; \qquad \qquad \lambda_n^{\rm c} = \frac{4L+1.6\varnothing}{n}, \quad n \in \mathbb{N} \; {\rm dispari}$$

Moltiplicando ambo i membri per la rispettiva frequenza di risonanza  $(\nu_n^{\rm a}$  o  $\nu_n^{\rm c})$  e ricordando che  $\lambda_n^{\rm a} \nu_n^{\rm a} = \lambda_n^{\rm c} \nu_n^{\rm c} = v$ , la velocità del suono:

$$v = \frac{\nu_n^{\rm a}}{n}(2L+1.6\varnothing), \quad n \in \mathbb{N}; \qquad \quad v = \frac{\nu_n^{\rm c}}{n}(4L+1.6\varnothing), \quad n \in \mathbb{N} \; {\rm dispari}$$

Riarrangiando i termini, si ottiene:

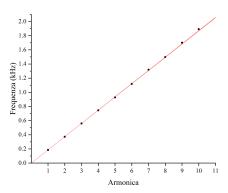
$$\nu_n^{\rm a} = \xi^{\rm a} n, \quad n \in \mathbb{N};$$
  $\nu_n^{\rm c} = \xi^{\rm c} n, \quad n \in \mathbb{N}$  dispari

avendo posto, rispettivamente:

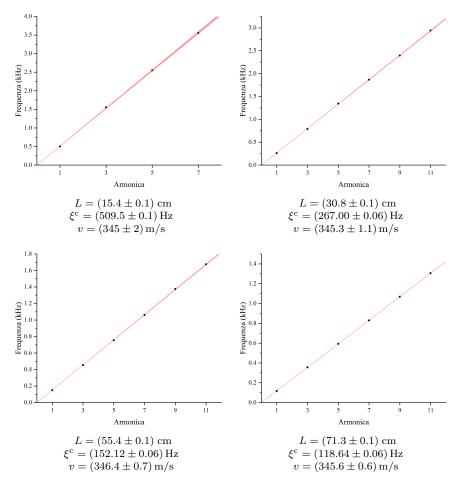
$$\xi^{a} = \frac{v}{2L + 1.6\varnothing};$$
 
$$\xi^{c} = \frac{v}{4L + 1.6\varnothing}$$

Poiché la dipendenza di  $\nu_n$  da n è, in entrambi i casi, di proporzionalità diretta, per determinare  $\xi^a$  e  $\xi^c$  il gruppo di lavoro ha effettuato, per ogni valore di L, una regressione lineare, fissando l'intercetta a 0.

Di seguito riportiamo, in grafico, i dati raccolti, accompagnati dalle rispettive rette di regressione e dai valori di  $L,\,\xi$  e v ottenuti.



 $L = (90.0 \pm 0.1) \text{ cm (tubo aperto)}$   $\xi^{\rm a} = (187.004 \pm 0.008) \text{ Hz}$   $v = (348.0 \pm 0.5) \text{ m/s}$ 



In rosso le rette di regressione e in rosa le rispettive regioni di incertezza. Le barre di errore, pur riportate, sono troppo ridotte per risultare visibili.

Osservazione. È immediato notare, sulla base di questi grafici, che le rette di regressione, passanti per l'origine, descrivono accuratamente i dati raccolti: ciò suggerisce che la frequenza di risonanza più bassa da noi misurata sia effettivamente la fondamentale.

## 1.3 Conclusioni

Per valutare l'affidabilità delle misure di v ottenute è possibile confrontarle con la velocità del suono attesa  $v_{\rm att}$ , calcolata sulla base della temperatura ambientale  $T_{\rm amb}$  durante l'esperienza, mediante una relazione empirica:

$$v_{\text{att}}(T_{\text{amb}}) = (331.5 + 0.607 \,^{\circ}\text{C}^{-1} T_{\text{amb}}) \,\text{m/s}$$

Per quanto riguarda la prima misura, l'unica col tubo aperto, la temperatura misurata era  $T_{\rm amb}^{\rm a}=(26.0\pm0.5)\,{}^{\circ}{\rm C}$ : ne segue che  $v_{\rm att}^{\rm a}=(347.3\pm0.3)\,{\rm m/s}$ .

Le altre misure, invece, sono state acquisite ad una temperatura ambiente leggermente inferiore:  $T_{\rm amb}^{\rm c}=(24.5\pm0.5)\,^{\circ}{\rm C}$ , da cui  $v_{\rm att}^{\rm c}=(346.4\pm0.3)\,{\rm m/s}$ .

Come è possibile osservare comparando questi risultati a quelli sopra riportati, tutti i valori di v ottenuti risultano compatibili con i rispettivi valori attesi.

## 2 Misura mediante l'eco

## 2.1 Esperienza e procedimento di misura

Ripetiamo quattro volte i seguenti passaggi:

- 1. Mediante il termometro ambientale, misuriamo la temperatura ambiente  $T_{\rm amb}$  (in questo caso, abbiamo ottenuto, per tutte le misure,  $T_{\rm amb} = (25.5 \pm 0.5)$  °C).
- 2. Chiusa l'estremità del tubo opposta all'altoparlante tramite il pistone, misuriamo la lunghezza L della colonna d'aria all'interno del tubo.
- 3. Accesi l'oscilloscopio e il generatore di onde, impostiamo una forma d'onda quadra e una frequenza di  $(10\pm1)\,\mathrm{Hz}$ . Regoliamo poi l'ampiezza fino a percepire un suono.
- 4. Fissiamo il microfono appena sotto all'altoparlante, rivolto verso l'interno del tubo.
- 5. Misuriamo, grazie all'oscilloscopio, un intervallo di tempo  $\Delta t$  immediatamente successivo all'emissione dell'onda, in modo tale che i segnali degli echi siano chiaramente distinguibili. Contiamo allora, in quell'intervallo di tempo, il numero di picchi N rilevati.

### 2.2 Analisi dei dati raccolti

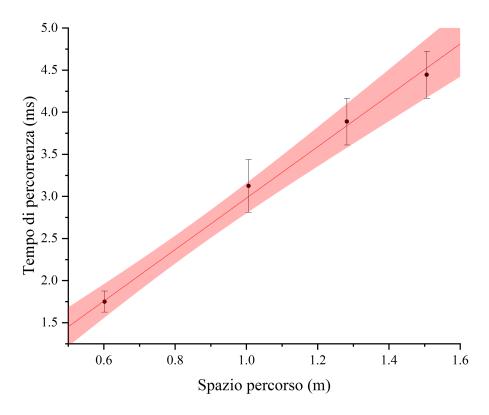
Sia  $L_0$  la distanza percorsa dall'onda e sia  $\Delta t_0$  il tempo impiegato. Allora, chiaramente,

$$L_0 = 2L,$$
  $\Delta t_0 = \frac{\Delta t}{N}$  e  $v = \frac{L_0}{\Delta t_0}$ .

È quindi possibile stimare v come il reciproco del coefficiente angolare  $\psi$  di una retta di regressione:

$$\Delta t_0 = \psi L_0$$
 per cui  $v = \frac{1}{\psi}$ 

Di seguito riportiamo i valori di  $L_0$  e  $\Delta t_0$  da noi ottenuti, accompagnati dai risultati della regressione lineare (pesata).



In rosso la retta di regressione, in rosa la sua regione di incertezza. Le barre di errore sull'ascissa, per quanto riportate nel grafico, non sono di dimensioni apprezzabili.

- Intercetta =  $(-0.75 \pm 2.63) \cdot 10^{-4} \,\mathrm{s}$
- Coefficiente angolare  $\psi = (3.05 \pm 0.29) \cdot 10^{-3} \, \mathrm{s/m}$

da cui:

$$v = (327 \pm 31) \,\mathrm{m/s}$$

## 2.3 Conclusioni

**Osservazione.** L'intercetta di questa retta di regressione è risultata compatibile con 0, come ci si aspettava dalla relazione  $\Delta t_0 = \psi L_0$ .

Per valutare l'affidabilità della stima di v misurata, possiamo confrontarla con un valore atteso  $v_{\rm att}$ , calcolato sulla base di  $T_{\rm amb}$  come mostrato nella sezione precedente.

In questo caso,  $v_{\rm att}=(347.0\pm0.3)\,{\rm m/s}$ : possiamo quindi affermare che la velocità del suono misurata è abbondantemente compatibile con il valore atteso.

Possiamo pertanto concludere che l'esperienza ha avuto successo: mediante l'apparato sperimentale il gruppo di lavoro ha ottenuto misure della velocità del suono compatibili con quelle attese.