* केन्द्रीय प्रवृति के माप: - तीन प्रकार की होती है।

- (i) अंक्ञाणितीय माह्य / माह्य (Arithmetic Mean)
- (ii) माध्यक/माध्यिका (Median)
- (iii) agnes (Mode)

(1) समान्तर (ॲक्टाणितीय) माह्य :-

सजातीय राशियों के सभी प्रेक्षणों के योग में प्रेक्षणों की संख्या से आग देने पर प्राप्त मान की अंकगणितीय माध्य या समान्तर माध्य कहते हैं।

इसे प्रायः M द्वारा सूचित हिया जाता है

ः माह्य (M) = सन्नी प्रेक्षणों का योग प्रेक्षणों की कुल संस्या

=> यदि किसी ऑकड़े के n प्रेक्षण 2, 2, 2, 2,, 2, हीं तो

 $\overline{x} = \frac{x_1 + x_2 + x_3 + \dots + x_n}{n}$

पहीं, र = अंक्जिणितीय साह्य /माह्य n = प्रेक्षणों की कुल संस्पा

≥ → कुल योग

उदाहरण:-0 90 से 100 के बीच की सभी विषम संख्याओं का माह्य जात करें ।

Ans: 90 से 100 के बीच की विषम संख्याएँ है-91, 93, 95, 97, 99

=: +11627 = 91+93+95+97+99 475 5 = 475 5 = 95 ×

(39)

उदाहरण:-2 यदि 6,10, x, एवं 12 का माह्य 8 हो तो x

Ans: - +11821 = 6+10+x+12

 $=> 8 = \frac{28 + x}{4}$

ラ 32 = 28+2

三 32-28 二足

> 4 = 2

-: 2 = 4 Any

अर (२+15) का माध्य 18 हो तो प्रचम न्यार प्रेक्षणों का माध्य जात करें।

Ans: - 2+x+3+x+6+x+9+x+12+x+15

 $=> 18 = \frac{62 + 45}{6}$

⇒ 108 = 6x + 45

⇒ 108-45 = 6x

= 63 = 6x

 $= 2 = \frac{68}{6} = 10.5$

अतः प्रधम नार प्रेक्षणो क लाजामान है -

×+3 = 10.5 +3 = 13.5

2+6=10.5+6=16.5

2+9=10.5+9=19.5

ं प्रथम पार प्रेक्षणों का काह्य = 10·5+13·5+16·5+19·5 = 60°=15

* समान्तर माह्य निकालने का सूत्र : -



(1) अब वंटन सरल या व्यक्तिगत हो:-

त राब्रियों $x_1, x_2, x_3, x_4, \dots, x_n$ हो ते

: साह्य = $\frac{x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + \dots + x_n}{n}$ उवाहरण:- 6, 9, 7, 5, 4 का माह्य जात करें।

 $\frac{9ms}{5}$ = $\frac{6+9+7+5+4}{5}$

 $=\frac{3t}{8}=6.2$

(ii) प्रत्यक्ष विका: - (Direct Method)

यदि किसी आंढड़े के n प्रेक्षणों $x_1, x_2, x_3, \dots, x_n$ की संगत बारम्बारताष्टें फ्रम्याः $f_1, f_2, f_3, \dots, f_n$ हो तो साह्य = $\frac{fix_1 + f_2x_2 + f_3x_3 + \dots + f_nx_n}{f_1 + f_2 + f_3 + \dots + f_n}$

उदाहरण:- यदि चर मान २,३,५,५ की बारम्बारताएँ ऋमशः १,३,३,९ हीं, तो उनका समान्तर माध्य जात्र करें।

Ans: $\frac{2x1+3x7+4x3+5x9}{1+7+3+9}$ $= \frac{2+21+12+45}{20}$ $= \frac{-80}{25} = 4 \text{ Ans}$

उदाहरण:- किसी कारिये के 30 पीचों की ऊँचारयों (सेमी में) निम्न प्रकार है-ऊँचर्म (सेमी मे') पौच्यो की संएमा

उनहीं माध्य ऊंचार्र सात हरें।

ऊँचाई (सेमीः में) (४४)	र्मः (वीष्गे की)	fixi
70	3	210
58	5	290
60	4	240
52	7	364
65	6	390
75	2	150
68	3	204
,	Zfi = 30	Sfixi = 1848



* HIEZIAS (Median):-

- => अवगिष्टित ऑकड़े की माह्यिका की गणना
 - (i) सरत्म वितरण के लिए नियम:-
 - (a) दिए गए ऑकड़े के प्रेक्षणों को आरोही या अवरोही क्रम में
 - (b) कुल प्रेक्षणों भी संख्या को n से सूचित्र किमा जाता है।
 - (c) यदि $n = aan संख्या हो, तो <math>\cdot$ साह्यका = $\left(\frac{n+1}{2}\right)$ वां पद
 - (d) यदि n= सम संख्या हो, तो
 साहियका = 1 (n) वॉ पद + (n+1) वॉ पद
- उदाहरण:- 2,3,8,5,7,6,9,11,10 का माह्यक जात करें-
 - Ans! दिए गए प्रेक्षणों की आरोही क्रम में सजाने पर, 2,3,5,6,7,8,9,10,11
 - : n= 9 जो विषम संस्पा है
 - -: माध्यक = (म्) वा पद

 - = (+0) 9 99
 - 5 वर्षे पद
 - = 7 Am

अयाहरण:- 1, 2, 4, 6, 7, 8, 10, 12, 15, 13, 18, 16 की माहियका जात करें ।

Ans; - प्रेक्षणों को आरोही क्रम में सजाने पर, 1,2,4,6,7,8,10,12,13,15,16,18

°: n = 12 जो सम संख्या ध

:
$$\frac{1}{2} \left[\frac{1}{2} \right] \dot{q} \dot{q} + \left(\frac{1}{2} + 1 \right) \dot{q} \dot{q} q$$

$$= \frac{1}{2} \left[\frac{12}{2} \right) \dot{q} \dot{q} \dot{q} + \left(\frac{12}{2} + 1 \right) \dot{q} \dot{q} \dot{q} q$$

$$= \frac{1}{2} \left[6 \dot{q} \dot{q} \dot{q} + 7 \dot{q} \dot{q} \dot{q} q \right]$$

$$= \frac{1}{2} \left[8 + 10 \right]$$

$$= \frac{1}{2} \times 18 \dot{q}$$

* यदि अकािकृत बारम्बारता वितरण दी गयी हो तो सारिणी में पर के मानों म्बे अते ही या अपरे ही क्रम में सजाहं। इसके बाद प्रत्येक पर के लिए संचयी बारम्बारता जात करे तथा बारम्बारताओं का योगफल N प्राप्त करें।

> अख <u>N</u> से ठीक छड़ी संन्यी खारम्बारता क्रांत करें । इस संन्यी खारम्बारता के संगत चर का मान दिए गए खारम्बारता वितरण की माहियका होंगी ।

उदाहरण:- नीचे दिए गए बारम्बारमा खंटन की माहियका जात

X	3	6	10	12	7	15
f	3	4	2	8	13	10

क्रम में लिखकर संचयी आरम्बारता की आरोही

X	f	रांचयी बारम्बारता (c.f)
3	3	3
6	4	7
7	13	20
10	2	22
12	8	30
15	10	40
	N= 40	
-		y y

[&]quot;: N=40

^{· &}lt;u>N</u> - 40 = 20 जो संचयी बारम्बारता 20 के बराबर है

अतः

साह्यिका = 20 के संग्रात न्यर मान एवं उसके ठीक बाद वाले पर ज माह्य



उदाहरण:

2	3	6	10	12	7	15
J	5	4	3	6	13	10

X	+	र्षंचयी बारम्बारा। (C:f)
3	5	5
6	4	9
7	13	22
10	3	25
12	6	31
15	10	41
	N = 41	\

ः संचित्रकारता २२ का चर मान न है

* अह्लक (Mode): - किसी वितरण का अहुलक वह न्यर मान है जिसके आस-पास पर मान सर्वाधिक केन्द्रीत होता है।

> => ष्रह्लक, पर-पर मान होता है जिसकी वारम्बारता सर्वाध्यक होती है।

> > => अह्लक को Mo से निर्कापत किया जाता है

* अवर्गीकृत आंचड़े के बहुलक की गणना :-

- सरल वितरण के लिए -विद्य:-(i) व्यविप्रथम ऑस्ड्रे के प्रेक्षणों का समूहप्राप्त करें एवं उन्हें आरोही या अवरोही क्रम में सजाएँ।
 - उस प्रेक्षण का मान प्राप्त करे जो दिए गए अंटन में सर्वाचिक छार आया है।
 - (jij) प्राप्त प्रेक्षण का मान ही वह्लक ही

3दाहरण:- नीचे दिए गए ऑक्ड्रों का बहुलक प्राप्त करें। 110, 120, 130, 120, 110, 140, 130, 120, 140, 120, 110, 115, 130, 120

Ans: -आंकड़ों के प्रेक्षणों की आरोही ऋम में सजाने पर 110, 110, 110, 115, 120, 120, 120, 120, 120, 130, 130,

- ं: 120 की पुनराष्ट्रित सर्वीधिक दृ
- 0: AEMB = 120 A

47

(b) अवर्गिक्त बारंबारता वितरण के लिए —

बहुलक = सर्वीिद्धक बारम्बारता वाले चरमान

उदाहरण:- निम्नांकित आंकड़े का बहुलक जात करें।

चर	3	4	5	6	7	8
वारम्बारमा	2	3	1	7	5	3

ं: सर्वाचित्र बारम्बारता = न

(c) माध्य, माध्यक खं बहुलक में संबंध

षहुलक = 3×माध्यिका - 2×माध्य

Exercise -14.4

(1) एक टीम ने फुरबाल है 10 मैचों में निम्नलिखित जोल हैए -2,3,4,5,0,1,3,3,4,3

इन गोलों के माध्य, माध्यक और बहुलक जात कीजिए।

Ans: -

$$\frac{2+3+4+5+0+1+3+3+4+3}{10} = \frac{28}{10}$$

कर, आरोही क्रम में सजाने पर, 0,1,2,3,3,3,3,4,4,5

ः n=10 जो सम संख्या ही

= 3 Any

- funz, : 0,1,2,3,3,3,3,4,4,5
 - ः 3 की पुनराष्ट्रित सर्वाध्यक ह
 - : a gras = 3 Am
- (२) जाणित की परीक्षा में 15 विष्यार्थियों ने (100 में से) निम्नीलिवत अंक प्राप्त किए :-

41, 39, 48, 52, 46, 62, 54, 40, 96, 52, 98, 40, 42 52,60

इन ऑक्डो के माध्य माख्यक और बहुतक जात की जिए |

: 41,39,48,52,46,62,54,40,96,52,98,40,42 52,60

41+39+48+52+46+62+54+40+96+52+98 H1627 =

+40+42+52+6

15 = 822

= 54.8 \$

फिर, ऑब्डो को आरोही क्रम में सजाने पर 39,40,40,41,42,46,48,52,52,52,54,60,62,96,98

ः n= 15 औं स्क विषम संख्या है।

ः माध्यक = (n+1) के पद = (15+1) ai 49

= 8 वां पद

= 52 Ans

कर, ं 52 की पुनराष्ट्रित सर्वाधिक हैं-

: OF M = 52 Ang

(3.) निम्निलियित प्रेक्षणों को आरोही क्रम में व्यवस्थित किया गया है। यदि ऑक्डो का साध्यक 63 हो, तो % का मान द्वात की जिए — 29, 32, 48, 50, x, x+2, 72, 78, 84, 95

ः n=10 जो सम संख्या है।

=)
$$63 = \frac{1}{2} \left[\left(\frac{18}{2} \right) \stackrel{\text{di}}{} 47 + \left(\frac{18}{2} + 1 \right) \stackrel{\text{di}}{} 47 \right]$$

$$= 2 = 62$$

(4) ऑक्डो १५,25,14,28,18,17,18,14,23,22,14,18 का बहुलकु

क्रां ः आंडड़ी को बारम्बारता खंटन बनायेंजे —

पर (प्र)	व्यारम्बारता (र्)
14	4
17	
18	3
22	
23	
25	
2.8	
	, //

ः न्यर्वीधिक बारम्बारता = 4

ः छहुत्रकः = सर्वाचिक बारम्बारता का चर मान = 14 Ans

(5) निम्न सारणी से एक फेक्टरी में काम कर रहे 60 कर्मचारियों का माच्य वेतन जात की जिए:-

वैतन (रूपयों में)	कर्मचारियों की संख्या
3000	16
4000	12
5000	10
6000	8
7000	6
8000	4
9000	3
10000	1
फुल योग	60

वितन (रूपयों में)	र्क्षिचारियों की संख्या (\frac{1}{2})	fx
3000	16	48000
4000	12	48000
5000	10	50000
6000	8	48000
7000	6	42000
8000	4	32000
9000	3	27000
10000	<i>i</i> 1	10000
	Ef = 60	Efx=305000

$$\therefore \text{ HIEZI} = \frac{\text{Efx}}{\text{Ef}} = \frac{305000}{600} = \frac{30500}{-600} = 5083.33$$