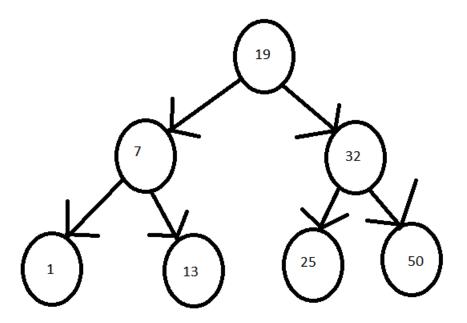
Aluno: Rafael Cruz Arantes da Silva

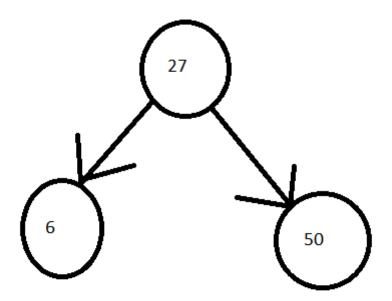
Matrícula: 20191105905

Matéria: Estrutura de Dados II

1- Desenho da Árvore de Busca Binária Balanceada, com os elementos 1,7,13,19,25,32 e 50 e fator de balanceamento de no máximo 1:



2- Desenho da Árvore AVL resultante, inicialmente vazia, sendo inseridos os elementos 6,27 e 50, em ordem:



3- Código da Árvore AVL:

Definindo a estrutura e funções para calcular altura e fator de balanceamento e funções para calcular o maior nó e calcular o maior número entre dois números:

```
//Aluno: Rafael Cruz Arantes da Silva
#include<stdio.h>
#include<stdlib.h>
typedef struct No{
    int num;
    int altura;
    struct No *esq;
    struct No *dir;
}Arv;
int altNo(struct No* no){
    if(no == NULL){
        return -1;
    else
    return no->altura;
int fatorBalancNo(struct No* no){
    return labs(altNo(no->esq)-altNo(no->dir));
Arv* maior(Arv* a){
    while(a->dir != NULL){
            a = a \rightarrow dir;
            }
    return a;
int maiorN(int x,int y){
    if(x>y){
        return x;
    }
    else{
        return y;
```

Funções de rotação:

```
Arv* rotacaoLL(Arv *a){
    struct No *no;
    no = a->esq;
    a->esq = no->dir;
    no->dir = a;
    a->altura = maiorN(altNo(a->esq),altNo(a->dir))+1;
    no->altura = maiorN(altNo(no->esq),a->altura)+1;
    a = no;
    return a;
}
Arv* rotacaoRR(Arv *a){
   struct No *no;
    no = a\rightarrow dir;
    a->dir = no->esq;
    no->esq = a;
    a->altura = maiorN(altNo(a->esq),altNo(a->dir))+1;
    no->altura = maiorN(altNo(no->dir),(a->altura))+1;
    a = no;
    return a;
Arv* rotacaoLR(Arv *a){
    rotacaoRR(a->esq);
    rotacaoLL(a);
    return a;
}
Arv* rotacaoRL(Arv *a){
    rotacaoLL(a->dir);
    rotacaoRR(a);
   return a;
}
```

```
int vazia(Arv *a){
    if(a == NULL)
        return 1;
    else
        return 0:
}
Arv* inicializar(){
    return NULL;
Arv* aloca(int valor){
    Arv *a;
        a = (No*) malloc(sizeof(No));
        a->num = valor;
        a->esq = NULL;
        a->dir = NULL;
        a->altura = 0;
        printf("Valor inserido com sucesso! Valor inserido: %d\n",valor);
        return a;
Função para inserir um nó:
Arv* insere(Arv* a, int valor){
        if(vazia(a)){
            a = aloca(valor);
            if(valor < a->num){
            a->esq = insere(a->esq, valor);
                    if(fatorBalancNo(a) >= 2){
                        if(valor < a->esq->num){
                        a = rotacaoLL(a);
                       }
                        else{
                        a = rotacaoLR(a);
                        a->altura = maiorN(altNo(a->esq),altNo(a->dir))+1;
            else if(valor > a->num){
            a->dir = insere(a->dir, valor);
                    if(fatorBalancNo(a) >= 2){
                        if(valor < a->esq->num){
                        a = rotacaoRR(a);
                        }
                        else{
                        a = rotacaoRL(a);
                        a->altura = maiorN(altNo(a->esq),altNo(a->dir))+1;
    return a;
}
```

Função para buscar um nó na árvore:

```
Arv *busca(Arv *a, int valor){
    if(vazia(a)){
        printf("Valor nao encontrado!\n0 valor buscado: %d\n\n",valor);
        return NULL;
}

else
{
    if(a->num == valor){
        printf("Valor encontrado!\n0 valor buscado: %d\n\n",valor);
    }

else if(a->num > valor)
        busca(a->esq, valor);

else if(a->num < valor)
        busca(a->dir, valor);
}

return a;
}
```

Função para remoção de um nó:

```
Arv* removevalor(Arv* raiz, int valor){
    if(vazia(raiz)) {
        printf("Valor nao encontrado.\n\n");
        return raiz;
    if(valor < raiz->num){
        raiz->esq = removevalor(raiz->esq, valor);
        raiz->altura = altNo(raiz);
        if(fatorBalancNo(raiz) >= 2){
            if(altNo(raiz->dir->dir->dir)>fatorBalancNo(raiz->dir->esq)){
            rotacaoRR(raiz);
            }
            else{
            rotacaoRL(raiz);
    else
        if(valor > raiz->num){
            raiz->dir = removevalor(raiz->dir, valor);
            raiz->altura = altNo(raiz);
            if(fatorBalancNo(raiz)>=2){
                if(altNo(raiz->esq->esq) > altNo(raiz->esq->dir)){
                rotacaoLL(raiz);
                else{
                rotacaoLR(raiz);
        else
            if(raiz->esq == NULL){
                printf("Valor removido!\n\n");
                Arv* t = raiz;
                raiz = raiz->dir;
                free(t);
```

Continuação da função para remover um nó e função para imprimir os elementos em ordem:

```
else
                              if(raiz->dir == NULL){
                                     printf("Valor removido!\n\n");
                                     Arv* t = raiz;
                                     raiz = raiz->esq;
                                     free(t);
                      else
                             if((raiz->dir != NULL)&&(raiz->esq != NULL)){
                                            Arv *t = maior(raiz->esq);
                                            int v = t->num;
                                            removevalor(raiz,v);
                                             raiz->num = v;
                                             }
       return raiz;
void imprimir(Arv* a){
       if (!vazia(a)){
               imprimir(a->esq);
               printf("%d\n", a->num);
               imprimir(a->dir);
}
Função Main:
int main(){
   Arv* a;
a = inicializar();
    int op;
   int op;
int valor = 0;
a = insere(a, 6);
a = insere(a, 27);
a = insere(a, 50);
a = insere(a, 77);
a = insere(a, 23);
a = insere(a, 11);
   // menu
do{
    Drintf("**************\n1- INSERIR\n2- BUSCAR\n3- IMPRIMIR\n4- DELETAR VALOR\n0- SAIR\n*********\nDigite a Opcao: ");
   scanf("%d", &op);
switch (op){
       case 1:
          printf("\nDigite o valor para inserir: ");
scanf("%d", &valor);
a = insere(a, valor);
printf("\n");
           break;
           printf("\nDigite o valor para buscar: ");
scanf("%d", &valor);
a = busca(a,valor);
           if(vazia(a)){
printf("\nArvore vazia.\n\n");
               else{
               printf("\nResultado: \n");
imprimir(a);
printf("\n");
```

Continuação da Main:

```
break;
case 4:
    printf("\nDigite o valor para remover: ");
    scanf("%d", &valor);
    a = removevalor(a, valor);
    break;
    case 0:
    break;
default:
    printf("\nOpcao Invalida.\n\n");
    break;
}
while(op != 0);
return 0;
}
```