*6*

**Exploration du comportement de SimFeodal**

Version 2019-10-07

— 25/08/2019 : Rendu à Lena de tout sauf 6.3 (à faire après l’ECTQG).

— 30/09/2019 : début reprises

— 03/10/2019 : fin reprise 6.1

— 06/10/2019 : fin reprise 6.2

— 07/10/2019 : Finalisation et envoi aux Paul² pour retour le 21/10/2019 : **merci !**

**Sommaire**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| **6.1** | **Introduction . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . .** | | **2** |  |
| **Calibrage du modèle et premiers résultats . . . . . . . .** | | **3** |  |
|  | 6.1.1 | Calibrage du modèle . . . . . . . . . . . . . . . . . . | 3 |  |
|  | 6.1.2 | Résultats des simulations . . . . . . . . . . . . . . . . | 12 |  |
| **6.2** | 6.1.3 | Après le calibrage, comment affiner le modèle ? . . . | 25 |  |
| **Analyser la sensibilité de SimFeodal . . . . . . . . . . .** | | **28** |  |
|  | 6.2.1 | Méthodologie - Analyse visuelle de sensibilité. . . . . | 29 |  |
|  | 6.2.2 | Sélection des paramètres à analyser. . . . . . . . . . . | 39 |  |
|  | 6.2.3 | Évaluation visuelle de la sensibilité . . . . . . . . . . . | 44 |  |
|  | 6.2.4 | Analyser la sensibilité à l’aléa . . . . . . . . . . . . . | 55 |  |
|  | 6.2.5 | Quels apports de l’analyse visuelle de sensibilité ? . . | 59 |  |
|  | **Conclusion . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . .** | | **60** |  |

1

Chapitre 6

**Introduction**

Dans les chapitres précédents ont été présentés le modèle SimFeodal (chapitre 2), la manière de l’évaluer (chapitre 3), la méthode suivie pour son paramé-trage (chapitre 4) et les outils développés pour mener à bien ces étapes de construction et d’évaluation (chapitre 5). Avec cet outillage, théorique, mé-thodologique et technique, nous sommes désormais en mesure d’explorer le modèle SimFeodal. Par « explorer le modèle », on entend ici l’exploration des sorties produites par le modèle, sous toutes leurs formes, afin de gagner en connaissance sur ce qui est modélisé, mais aussi sur la manière dont le mo-dèle est construit et implémenté. Il s’agit autant d’analyser les « résultats » de SimFeodal que d’en explorer le fonctionnement et la robustesse. Ce chapitre est construit en deux parties assez indépendantes mais qui se concentrent sur différents aspects de l’évaluation d’un modèle.

La première partie concerne l’analyse des « résultats » de SimFeodal, c’est-à-dire les réponses produites par le modèle aux questionnements énumérés dans le chapitre 3 : le modèle permet-il bien de générer une polarisation des foyers paysans ? Dans quelles conditions ? Le système de peuplement généré par le modèle est-il hiérarchisé tel qu’on l’attendait, et sa distribution est-elle proche des connaissances empiriques ? Observe-t-on une fixation du peuplement, dans un espace plus disséminé que dans les configurations initiales ? Pour répondre

* ces questions, on présente d’abord les étapes de calibrage qui ont permis d’aboutir à une version « définitive » du modèle. On pourra alors introduire les résultats de cette version, en en présentant les conclusions les plus saillantes, c’est-à-dire sans s’attacher à une présentation exhaustive de l’ensemble des indicateurs de sortie issus de cette version.

La deuxième partie de ce chapitre s’attachera à une exploration du compor-tement du modèle, c’est-à-dire à sa sensibilité. Cette sensibilité peut être en-tendue au sens de robustesse du modèle face aux différentes valeurs de para-mètres (analyse de sensibilité classique). Comment les différents paramètres – et leurs valeurs associées – jouent-ils sur la variabilité des indicateurs de sor-tie ? Un premier questionnement concerne Les valeurs de paramètres testées ont-elles un effet sur les valeurs des indicateurs de sortie ? Une seconde ques-tion concerne la robustesse du modèle à l’aléa. Observe-t-on des différences de variabilité réplicative du modèle selon les différents paramètres et valeurs de paramètres testés ? Dans le cas de SimFeodal, une analyse de ce type pose des questions méthodologiques complexes, en raison notamment du grand nombre de paramètres impliqués et de « l’explosion combinatoire » qui en découle.

2

Chapitre 6 6.1. CALIBRAGE DU MODÈLE ET PREMIERS RÉSULTATS

**6.1 Calibrage du modèle et premiers résultats**

Dans le chapitre 3 ( **??**), on indiquait que SimFeodal s’inscrivait dans la lignée des modèles dont le but est d’« assister la construction de théories », ou encore

* à utilité de développement », c’est-à-dire permettant à des chercheurs d’ex-pliciter et de vérifier la cohérence de leurs hypothèses plutôt qu’à les infirmer ou confirmer.

En tant que tels, les « résultats » de SimFeodal ne nous semblent pas revêtir d’enjeu confirmatoire majeur : ils sont là pour participer à l’évaluation du mo-dèle, tant sur un plan interne qu’externe (cf. chap3), mais ne constituent pas pour autant des éléments objectifs et quantifiables de validation.

Dans cette partie, nous rappelons les objectifs du modèle, nous décrivons les étapes de calibrage qui ont été nécessaires afin d’en approcher, et nous présen-tons enfin les résultats de la version actuelle (6.6 1) du modèle, c’est-à-dire les indicateurs de sortie de simulation issus de cette version, commentés selon la perspective de leur correspondance aux objectifs.

**6.1.1** **Calibrage du modèle**

La phase de calibrage diffère des nombreuses étapes de paramétrage décrites dans le chapitre 4. Il ne s’agit ainsi plus d’ajuster les mécanismes et paramètres pour obtenir une cohérence d’ensemble dans la manière dont le modèle réagit, mais de se concentrer sur quelques paramètres, contextuels, dont on va régler finement les valeurs afin que le contexte de déroulement des autres méca-nismes du modèle soit aussi contrôlé et fidèle aux connaissances expertes que possible.

Ces paramètres contextuels sont étroitement liés à certains indicateurs de sor-tie. Conceptuellement, paramètres et indicateurs sont très largement différents, situés de part et d’autre de la simulation dans une typologie comme celle de Balci (ref chap 4). Pourtant, dans le cas de ces éléments de contexte, les para-mètres sont étroitement liés, de manière presque déterministe, aux indicateurs de sortie qui en découleront. Pour « ajuster » la valeur d’un indicateur de sor-tie, on pourra donc tester différents ensembles de valeurs pour le ou les para-mètres qui agissent directement sur ces indicateurs. De plus, pour le calibrage des paramètres, on ne s’attachera pas à l’observation de l’ensemble des sorties possibles, mais seulement des indicateurs directement liés aux paramètres. Par exemple, les paramètres agissant sur le nombre de châteaux en fin de simula-tion ont un effet global sur le modèle, mais, pour l’aspect contextuel qui nous intéresse dans leur calibrage, seuls les indicateurs relatifs au nombre et au type de châteaux seront mobilisés.

Le calibrage d’un paramètre peut résulter d’un ajustement obtenu de manière expérimentale. Dans ce cas, on cherche les valeurs de paramètres qui assure-ront un écart minimal entre l’indicateur de sortie de simulation simulé et sa cor-respondance empirique. Le calibrage peut aussi être thématique, par exemple

1. Faire référence à tableau avec historique3des versions du modèle, sans doute chap 3-4.

Chapitre 6 6.1. CALIBRAGE DU MODÈLE ET PREMIERS RÉSULTATS

en menant une recherche plus approfondie sur les valeurs que peuvent prendre, thématiquement, certains paramètres du modèle au regard des connaissances expertes sur lesquels ils s’appuient. Ce second type de calibrage pourrait sem-bler évident, préalable à une démarche rigoureuse et scientifique, et indis-pensable à réaliser sur chacun des paramètres d’un modèle qui peuvent être estimés ou ajustés de manière empirique et thématique. Dans un modèle des-criptif, exploratoire et surtout basé sur des dynamiques passées, pourtant, la tâche de recherche précise de valeurs pour des dizaines de paramètres semble irréalisable en dehors de projets de modélisation de très large ampleur, ce qui n’est pas le cas de SimFeodal.

Dans les paragraphes suivants, nous donnons des exemples de paramètres qui ont été calibrées dans les dernières phases de paramétrage du modèle. Ces exemples reprennent la distinction établie ci-dessus entre les types de cali-brages.

— Le calibrage des paramètres d’*inputs*, c’est-à-dire des paramètres agissant sur l’initialisation du monde simulé, est entièrement thématique ;

— le calibrage des paramètres liés à l’émergence des paroisses, rurales et urbaines, est mixte : il fait appel à des éléments de calibrage thématiques et expérimentaux ;

— Le calibrage des paramètres liés à la création de châteaux par les sei-gneurs est pour sa part purement expérimental : les paramètres calibrés ne reposent pas sur des données empiriques, au contraire des objectifs quantitatifs en fin de simulation poursuivis.

**6.1.1.1** **Calibrage des *inputs***

**Taille du monde simulé.** Depuis sa conception (en 2014) jusqu’à la ver-sion 5.1 (Novembre 2018) du modèle, on avait choisi de simuler les agents du modèle dans un monde théorique, de forme carrée, de 100 km de côté. Ces di-mensions donnaient au monde du modèle l’étendue des grands départements français contemporains (ou des petites régions), et constituaient ainsi l’échelle

* laquelle on souhaitait modéliser les phénomènes décrits dans SimFeodal. Les différentes quantités empiriques relatives à cette dimension y étaient nécessai-rement fortement liées : population, quantité d’églises, de petites villes etc. On s’appuyait sur une vision assez large et englobante de la Touraine historique, en y incluant par exemple quelques éléments du duché d’Anjou voisin. La Tou-raine est en effet un espace qui a défini plusieurs ensembles régionaux au cours du temps, du diocèse de Tours dès le III*e* siècle au département d’Indre-et-Loire de la Révolution Française, en passant par la province historique de Touraine, successivement comtat (VI*e*) et duché (XIV*e*). Lors de chacune de ces étapes – et au cours d’entre elles – les frontières ont assez largement fluctué, notamment vis-à-vis de la province d’Anjou.

En avançant dans le calibrage de SimFeodal, on a choisi de préciser l’aire d’étude, en la calant sur une étendue plus restreinte correspondant au dio-cèse médiéval de Tours, plus stable en matière de délimitation 2. Cette redéfi-

2. Il n’est ainsi pas mentionné de changement relatif au diocèse de Tours dans Mirot (1950,

4

Chapitre 6 6.1. CALIBRAGE DU MODÈLE ET PREMIERS RÉSULTATS

nition de l’espace d’étude permettait en effet de pouvoir déterminer plus stric-tement quels éléments empiriques y inclure(châteaux, églises paroissiales…) afin d’avoir des chiffres empiriques mieux spécifiés.

En faisant ce choix, il a fallu en premier lieu revoir à la baisse la taille du monde simulé. Celui-ci, pour rappel, est une surface de forme carrée dont les côtés faisaient initialement 100 km de longueur. Le diocèse de Tours a une superficie proche de de 6 200 km², qui est ainsi inférieure de plus d’un tiers

* la superficie originellement choisie (100 100 km, soit 10 000 km²). On a choisi, pour conserver un aspect théorique, de conserver la forme carrée tout en en réduisant la superficie : la taille des côtés du monde simulé a été réduite
* 80 km, dont seuls 79 sont utilisables dans le cadre du modèle (voir le monde restreint, chapitre 2), soit une surface de 6 240 km², équivalente à celle de la Touraine 3.

Dans SimFeodal, la plupart des mécanismes ont une importante composante spatiale. Dès lors, avec la diminution de la superficie du monde, il a été né-cessaire de modifier certains paramètres de contexte et une large partie des paramètres techniques . Par exemple, un paramètre technique (coef\_redevance) permet d’ajuster le seuil de satisfaction matérielle des foyers paysans en fonc-tion du nombre de redevances dont ils doivent s’acquitter. En diminuant la taille du monde du modèle, et sans diminuer proportionnellement le nombre ou les surfaces des zones de prélèvement, le nombre de redevances des foyers paysans augmente mécaniquement.

**Population.** Le nombre de foyers paysans aurait aussi pu être affecté parla taille du monde du modèle, mais on le considère comme un *input* guidé par les connaissances empiriques plus que comme un élément contextuel. C’est un *input* un peu particulier en ce qu’il est extrêmement difficile, sinon vain, deparvenir à une estimation de la population d’une région française durant la période étudiée. On peut tout de même obtenir des indices sur des ordres de grandeur de population à des moments clés de l’histoire. Sur la Touraine, l’ex-pertise des archéologues et historiens (ref à EZR + Monique Bourrin) permet par exemple d’avoir une idée de la population au début du XVII*e* siècle, mais les différentes sources préalables présentent des écarts majeurs.

Pour SimFeodal, on a repris une hypothèse d’historien, qui semble réunir un certain consensus dans la communauté. Cette hypothèse consiste à penser qu’un optimum démographique a été atteint au début du XIII*e* siècle, et que la popu-lation a ensuite diminué considérablement. Les historiens estiment que les ni-veaux de populations du XIII*e* siècle n’ont été rattrapées qu’au début du XVII*e*. Il est de ce fait possible d’estimer que les niveaux de populations à l’issu de la période étudiée sont proches de celles, mieux connues empiriquement, du XVII*e* siècle. On a choisi de fixer un objectif de population, en fin de simulation (en 1200), à 40 000 foyers paysans, soit une densité d’environ 6.5 feu / km²,

p. 309–326) jusqu’en 1790, où Tours perd son statut d’archidiocèse (avant de le retrouver quelques années plus tard, en 1801).

3. Dans la suite de ce chapitre, nous référons au diocèse de Tours lors des mentions de la Touraine.

5

Chapitre 6 6.1. CALIBRAGE DU MODÈLE ET PREMIERS RÉSULTATS

ou encore de 30 habitants/ km².

La population initiale est bien plus difficile à estimer. Selon les sources 4, cer-tains présentent le IX*e* siècle comme un « nadir » démographique (c’est-à-dire un minimum dans l’ensemble du moyen-âge), dont la population aurait été multipliée par plus de 7 pour atteindre son niveau maximal – relativement à la période médiévale – à la fin du XIII*e*. Pour d’autres historiens et archéo-logues, rien ne permet de penser qu’il y ait eu une croissance démographique significative entre ces périodes (voir avec EZR et SL).

Dans SimFeodal, nous avons choisi l’hypothèse la plus prudente et qui a le moins d’implications : considérer que la population est relativement stable entre le début et la fin de la période simulée. Cette « hypothèse nulle » n’a pas d’implication thématique forte ici, et nous permettra par la suite de tester des scénarios où l’on ajoute de la croissance démographique dans le déroulement du modèle (voir encadré 6.2).

**6.1.1.2** **Calibrage des paroisses**

Le calibrage du nombre et de la distribution spatiale paroisses a posé des ques-tions tant thématiques que méthodologiques. Dans SimFeodal, il existe deux mécanismes distincts de création ou promotion de paroisses (voir **??** dans le chapitre 2) : un mécanisme dédié aux églises paroissiales situées dans des agré-gats (les paroisses « urbaines ») et un mécanisme pour la promotion de nou-velles paroisses en zone peu dense (les paroisses « rurales »). Ces mécanismes servent à faire émerger, de manière guidée, un maillage paroissial similaire, structurellement, à celui que l’on peut reconstituer à partir des connaissances empiriques. L’apparition et la densification de ce maillage, est une conséquence recherchée, dans le modèle, des migrations individuelles des foyers paysans. De plus, ce maillage influe à son tour sur les futures migrations de ces mêmes foyers paysans : la création de nouvelles paroisses et leur localisation agissent sur les choix de migration des foyers paysans, en constituant l’un des éléments polarisant.

Les paroisses sont ainsi autant des marqueurs spatiaux, témoins de la distri-bution spatiale des foyers paysans de l’époque, que des catalyseurs à la po-larisation et à la fixation de cette même population. Au sein du modèle, la transformation du maillage paroissial joue un rôle contextuel, conditionnant les migrations des foyers paysans, et un rôle émergent, que l’on observe à une échelle plus agrégée (densification ou étalement, rythmes de changements etc.) C’est le rôle contextuel que l’on a calibré, par l’intermédiaire des paramètres de contexte agissant sur la création et la localisation des paroisses, et non des paramètres régissant l’influence des paroisses sur les foyers paysans.

**Calibrer le nombre et l’espacement des paroisses « rurales ».** Pourle calibrage des paroisses « rurales », on se base surtout sur des aspects thé-matiques issus de connaissances archéologiques. On connaît ainsi, au moins

4. Voir avec les archéos. Par exemple, dans le nord de la France (Picardie, IdF etc.) : « [La](https://www.persee.fr/doc/rnord_0035-2624_1998_num_80_326_2872)

[population du Nord au Moyen Age. I : avant 1384](https://www.persee.fr/doc/rnord_0035-2624_1998_num_80_326_2872) » de Alain Derville (1998).

6

Chapitre 6 6.1. CALIBRAGE DU MODÈLE ET PREMIERS RÉSULTATS

pour la fin du XII*e* siècle, le nombre et la répartition spatiale de la plupart des paroisses de Touraine (en s’appuyant sur Zadora-Rio (2008, p. 31), on considère dans le modèle qu’il y a environ 300 églises paroissiales). Celles-ci correspondent majoritairement à des milieux ruraux et ont en partie perduré dans le maillage communal actuel. La fin du XII*e* correspond à la date d’arrêt du modèle, et cette quantité empirique de paroisses constitue ainsi un objectif à atteindre pour SimFeodal en fin de simulation.

La répartition spatiale de ces églises paroissiales, en fin de période, peut être dérivée d’estimations empiriques sur l’espacement moyen entre églises parois-siales : « Entre 900 et 1200, l’augmentation importante du nombre de lieux de cultes attestés par les sources écrites se traduit par une diminution nette de l’espacement observé entre les sites : on passe d’une distance moyenne d’un peu plus de 4 km entre deux églises en 900, à une distance d’environ 2,8 km en 1200. » (Chareille, Rodier et Zadora-Rio 2008, p. 261). Ces espacements empiriques permettent de calibrer le modèle via le calcul d’un indicateur dédié à la mesure de la moyenne des distance à la plus proche église paroissiale.

Le calibrage porte sur le paramètre associé aux mécanismes de création/pro-motion de paroisses rurales. Ces mécanismes sont complexes (voir chap2, sec-tion 2.7.2.3) et le paramètre qui les régit, seuil\_nb\_paroissiens\_insatisfaits, a donc une influence importante et difficilement prévisible sans expérimenta-tion. Dans l’ensemble, ce paramètre agit comme un seuil de foyers paysans au delà duquel une nouvelle église paroissiale est créée ou promue en zone rurale. Pour le calibrage, on a fait varier le paramètre : diminuer la valeur de ce seuil poussait à la création de plus de paroisses rurales, et l’augmenter limitait le nombre final. Dans l’état actuel du modèle, le nombre de paroisses rurales est encore trop important au regard des connaissances empiriques (380 au lieu de 300, voir le tableau 6.1 page 13), mais on n’a pas augmenté le seuil afin qu’il garde du sens sur le plan thématique. Le seuil est fixé à 20 foyers paysans, et thématiquement, on estime que cette quantité pouvait suffire à la création d’une nouvelle paroisse.

**Calibrer le nombre et la nombre et la hiérarchie des paroisses « ur-baines ».** On dispose de moins de données empiriques pour les paroisses ur-baines que pour les paroisses rurales. On sait que le nombre de paroisses d’une ville est à peu près corrélé à sa population (mais aussi à l’ancienneté de la ville par exemple). On estime aussi que dans les plus grosses villes de la région (Tours, Loches…), le nombre de paroisses ne dépasse pas la dizaine. On ne peut pas reconstituer la hiérarchie du nombre de paroisses par villes en fonction des tailles de celles-ci, mais ces éléments empiriques nous fournissent toutefois des cadres pour le calibrage du modèle.

Dans SimFeodal, un paramètre (ponderation\_creation\_paroisse\_agregat) contrôle seul la création de paroisses au sein des agrégats. C’est un « paramètre de mé-canisme », quand bien même sa valeur est assez éloignée de l’empirie : elle définit le seuil de foyers paysans (par paroisse urbaine, c’est-à-dire pondéré par le nombre de paroisses présentes dans l’agrégat) à partir duquel la proba-bilité de créer une nouvelle paroisse dans l’agrégat atteint 1. On a procédé par

7

Chapitre 6 6.1. CALIBRAGE DU MODÈLE ET PREMIERS RÉSULTATS

calibrage expérimental, manuel, en testant différentes valeurs pour ce seuil, tout en restant dans des ordres de grandeur acceptables d’un point de vue em-pirique. Il n’aurait par exemple pas été souhaitable de placer ce seuil à 10 foyers paysans, ce qui aurait impliqué que des paroisses secondaires soient gé-nérées dans chaque petit agrégat, résultant thématiquement en une paroisse par hameau par exemple).

Une difficulté particulière du calibrage a porté sur une des spécificités du mé-canisme : il consiste à pondérer le nombre de paroissiens par le nombre de paroisses de l’agrégat. Dès lors, la définition des « paroisses de l’agrégat » revêt une importance considérable et est difficile à stabiliser : un agrégat qui change légèrement d’emprise spatiale entre deux pas de temps peut « exclure » une église paroissiale de son emprise, parfois à quelques dizaines de mètres près seulement. Le calibrage du paramètre de pondération de création de paroisse au sein d’agrégats a donc été mené conjointement à des ajustements sur les mécanismes de définition des agrégats, et donc à un calibrage aussi des para-mètres techniques et de mécanismes impliqués dans la définition spatiale des agrégats.

**6.1.1.3** **Calibrage des châteaux**

Le calibrage des châteaux a été plus simple du point de vue de son préalable, c’est-à-dire de la recherche de données empiriques en vue de l’estimation de la situation initiale et finale. La documentation est précise quant au nombre et aux périodes d’apparition de ces monuments dans l’espace d’étude, et leur nature massive leur a le plus souvent assuré une forte pérennité, atout rare dans l’étude de monuments anciens. Dans l’ensemble, on sait que le nombre de châteaux 5 est très faible, si ce n’est nul, au début de la période. On voit apparaître des châteaux dès le milieu du X*e* siècle, sans doute en réaction au climat de violence qui s’établit à ce moment. En 1200, on estime 6 le nombre de châteaux, en Touraine, à une cinquantaine.

Dans SimFeodal, les châteaux apportent une protection nécessaire aux foyers paysans, mais en contre-partie permettent aussi aux seigneurs de prélever des droits supplémentaires. Leur quantité a donc une importance certaine sur le déroulement des simulations, et l’ajustement des châteaux revêt donc un in-térêt majeur en termes d’élément structurant du contexte spatial dans lequel évoluent les foyers paysans.

**Nombre de châteaux.** Dans les premières versions du modèle, des seuilsfixes, dépendant de la puissance des seigneurs, avaient ainsi été définis pour caractériser la probabilité de chaque seigneur de construire un château. Dès

5. Comme pour la définition des villes, il y a un débat important en archéologie et en histoire sur la définition de ce qu’est un château. Faut-il y inclure, par exemple, les *castra* an-tiques ? Les mottes castrales ? Dans le cadre de ce modèle, nous avons considéré les « châteaux forts », par nécessité d’établir un référentiel accessible pour la collaboration entre thématiciens et modélisateurs.

6. L’approximation ne porte pas sur le nombre concret de châteaux construits au total dans la région, mais sur leur date de construction : on ne peut alors que mener une estimation du nombre de châteaux déjà existants à cette date.

8

Chapitre 6 6.1. CALIBRAGE DU MODÈLE ET PREMIERS RÉSULTATS

lors que les modifications du modèle ont amené à des changements dans la population des foyers paysans (le passage de 1 000 foyers paysans à 4 000, puis à 40 000 dans les versions les plus récentes, voir chapitre 2 et 4.1.4.4), le nombre de châteaux a été fortement impacté. Les seuils étaient ainsi trop liés

* des variables techniques (la puissance des seigneurs, qui dépend du nombre de foyers paysans du modèle), et donc le mécanisme n’était pas robuste aux évolutions du modèle.

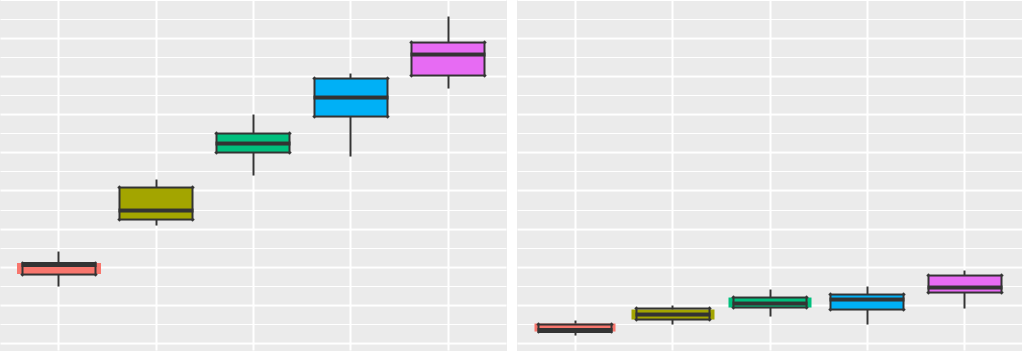
Pour que le nombre de châteaux généré soit moins sensible, le mécanisme a été adapté à plusieurs reprises et on y a introduit de nouveaux paramètres tech-niques permettant un contrôle plus robuste. La figure 6.1 donne un exemple de test de l’un de ces paramètres (nb\_tirages, qui définit le nombre de tirages aléatoire qu’un grand seigneur peut réaliser pour éprouver sa probabilité de construire un château). Ce paramètre ayant une influence visuellement linéaire sur le nombre de châteaux en fin de simulation, on peut identifier dans ce graphique que pour obtenir 50 châteaux en fin de simulation (graphique de gauche), la valeur la plus adaptée du paramètre nb\_tirages est de 3.

Nombre de châteaux en fin de simulation

Variabilité : Réplications



Châteaux Grands châteaux



|  |
| --- |
| Nombre |

80

70

60

50

40

30

20

10

**●**

0

1 2 3 4 5 1 2 3 4 5

Valeur du paramètre 'nb\_tirages'

SimFeodal version 6.5.1

Figure 6.1 – Influence du paramètre nb\_tirages sur le nombre de châteaux

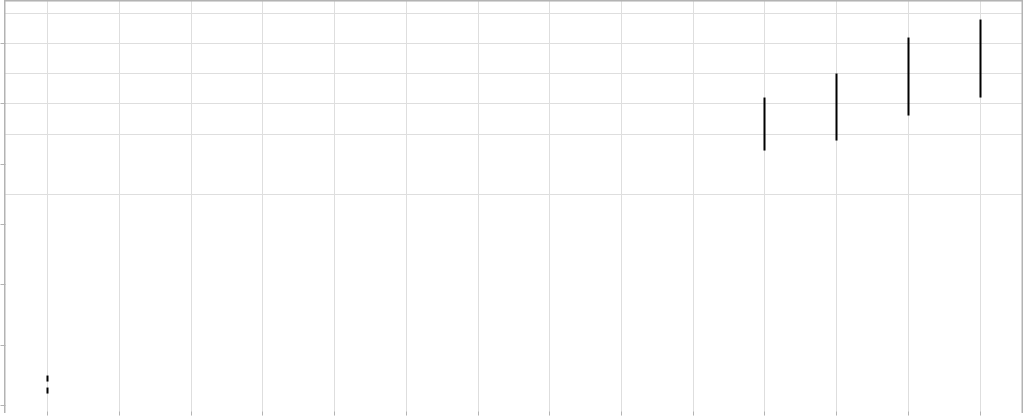
En jouant sur les différents paramètres associés à la construction d’un château, on obtient un ensemble de valeurs de paramètres qui amènent à la construc-tion d’une quantité régulière de châteaux, dont le nombre en fin de simulation correspond aux données empiriques (figure 6.2).

9

Chapitre 6 6.1. CALIBRAGE DU MODÈLE ET PREMIERS RÉSULTATS

Évolution du nombre de châteaux

Variabilité : Réplications



|  |
| --- |
| de |

|  |
| --- |
| châteaux Nombre |

60

50

**●**

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | | **●** | |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 40 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 30 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 20 |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 10 |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 0 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 940 | | 960 | | 980 | | 1000 | | 1020 | | 1040 | | 1060 | | 1080 | | 1100 | | 1120 | | 1140 | | 1160 | | 1180 | | 1200 | |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | Temps | | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |

Paramètres de la sélection :

sim\_name : [6\_6\_Scenarios\_base]

Figure 6.2 – Évolution du nombre de châteaux simulé par le modèle calibré.

**Détail des types des châteaux.** Le nombre de châteaux n’est toutefoispas la seule valeur empirique sur laquelle on essaie d’ajuster le contexte. En effet, dans SimFeodal, on distingue plusieurs catégories de châteaux, d’une part selon leur importance (gros et petits châteaux), et d’autre part selon le type de seigneurs qui les ont construits (petits ou grands seigneurs). L’importance des châteaux joue sur leur attractivité vis-à-vis des foyers paysans (un gros château contribue davantage à l’attractivité du pôle d’attraction qui le contient qu’un petit château). Le type de propriétaire joue quant à lui sur le prélèvement des droits associés : un château construit par un grand seigneur a des zones de prélèvement associées plus larges que celles d’un petit seigneur.

Ces distinctions dans le modèle, d’un niveau de détail supérieur à celui de nombreux mécanismes, sont possibles car elles s’appuient sur des typologies empiriques connues sur la région d’étude. Leur prise en compte permet d’affi-ner le contexte spatial dans lequel les foyers paysans évoluent, aussi bien en matière de répulsion (*push*, par le type de constructeur) que d’attraction (*pull*, par les attractivités différenciées).

* la fin de la période, en Touraine, on estime à une dizaine le nombre de « forteresses » 7. Dans SimFeodal, on a donc pu calibrer les paramètres liés à la promotion de châteaux de manière à obtenir 10 gros châteaux (correspondants aux forteresses empiriques) et 40 (50 - 10) petits châteaux en fin de simulation.

On connaît de plus, empiriquement, les seigneurs à l’initiative de la construc-tion des châteaux. Dans la plupart des cas (de 40 à 45 châteaux sur les 50), ce sont les seigneurs les plus importants : ducs et comtes d’Anjou et de Touraine, représentés dans SimFeodal par les grands seigneurs. Les 5 à 10 châteaux res-tant sont issus de seigneurs de moindre importance qui ont toutefois acquis une puissance symbolique et militaire bien supérieure à celles des autres petits seigneurs. Dans SimFeodal, on a donc calibré les paramètres régissant les méca-nismes de création de châteaux, différenciés pour les grands et petits seigneurs, afin que les valeurs obtenues par simulation soient similaires aux valeurs em-

7. Trouver ref. avec Samuel pour distinguer les « forteresses importantes » et les « points fortifiés secondaires »

10

Chapitre 6 6.1. CALIBRAGE DU MODÈLE ET PREMIERS RÉSULTATS

piriquement connues.

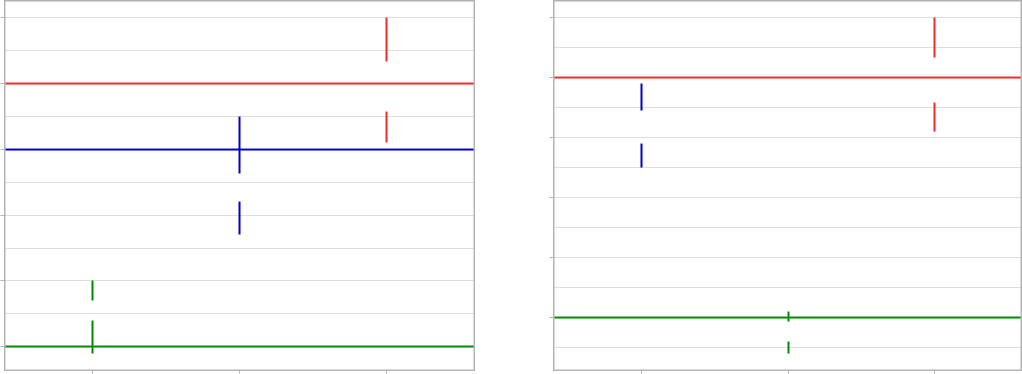
Les graphiques de la figure 6.3 présentent les résultats obtenus dans la dernière version de SimFeodal. Ils ne sont pas entièrement satisfaisants, mais résultent d’un compromis entre le calibrage des trois indicateurs que sont le nombre et le type des châteaux, ainsi que le statut de leurs constructeurs.

|  |
| --- |
| de |

|  |
| --- |
| châteaux Nombre |

Types des châteaux Origine des châteaux

Variabilité : Réplications Variabilité : Réplications



|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 60 |  |  |  | 60 |  |  |  |
| 50 |  | **●** |  | 50 |  | **●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  | **●** |  |  |  |
| 40 |  | Nombrede |  | 40 |  |  |  |
|  | châteaux |  |  |  |  |
|  | **●** | 30 |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |
| 30 |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  | 20 |  |  |  |
| 20 |  |  |  |  |  |  |  |
| **●** |  |  |  | 10 |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  | **●** |  |  |
| 10 |  |  |  |  |  |  |  |
| Grand Chateau | Petit Chateau | Total |  | Grand Seigneur | Petit Seigneur | Total |  |

Type de châteaux Type de constructeur

des châteaux

Paramètres de la sélection :

init\_nb\_total\_fp : [50000]

rayon\_migration\_locale\_fp : [map([800::2500])]

sim\_name : [6\_5 ; 6\_5\_1]

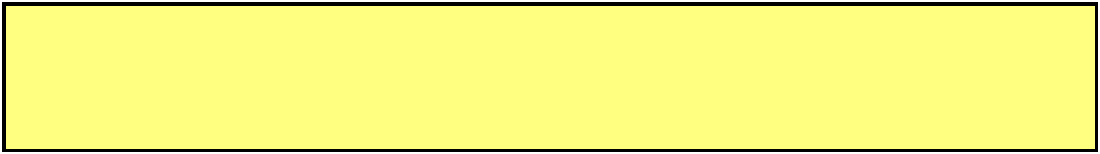
Figure 6.3 – Détail de la composition des châteaux en fin de simulation à l’issu du calibrage de SimFeodal.

*Les lignes horizontales en pointillés représentent les objectifs à atteindre, définis selon les connaissances empiriques.*

11

Chapitre 6 6.1. CALIBRAGE DU MODÈLE ET PREMIERS RÉSULTATS

**6.1.2** **Résultats des simulations**



Il manque des corrections de Lena, depuis cette intro jusqu’à la figure 6.6 (nombre de pôles et part des agrégats comprenant un pôle). Lui redemander la version numérique de sa correction, que je n’ai pas eu pour ce petit bout.

Nous avons largement décrit, dans le chapitre 3, les objectifs poursuivis par le modèle et les indicateurs de sortie de simulation employés pour les évaluer. Pour rappel, ces objectifs peuvent être catégorisés en trois familles, selon les objectifs thématiques qu’ils cherchent à reproduire :

— Polarisation du système de peuplement : le modèle parvient-il à faire émerger une structure polarisée et concentrée de l’habitat, où les foyers paysans sont concentrés dans des agrégats de population plutôt que dis-persés comme dans la situation initiale ?

— Hiérarchisation du système de peuplement : depuis une situation initiale composée d’une faible hiérarchie dans les agrégats (des « agglomérations secondaires antiques » d’une trentaine de foyers et des « villages » d’une dizaine de foyers), parvient-on à une structure hiérarchique, proche du modèle log-normal identifié dans la majorité des systèmes de peuplement historiques et contemporains ?

— Fixation et dissémination du peuplement : on estime que la population, initialement assez mobile (relativement à la granularité temporelle du modèle, soit tous les 20 ans) tend peu à peu à se fixer. Cette fixation, dans des agrégats, s’assortit d’une dispersion à l’échelle de la région mo-délisée : d’une occupation dispersée et quasi-aléatoire, l’objectif théma-tique est que les agrégats maillent progressivement l’ensemble du monde simulé. Observe-t-on bien ces deux processus dans le déroulement des si-mulations ?

Dans cette partie, nous allons synthétiquement commenter les indicateurs de sortie de simulation issus de la version calibrée (6.6) de SimFeodal, en analy-sant l’écart entre les objectifs attendus, thématiques, et les résultats du modèle.

Par soucis de parcimonie et de synthèse, les résultats présentés par la suite ne sont qu’une sélection de l’ensemble des résultats du modèle. Nous invi-tons le lecteur à les consulter directement dans l’application SimEDB d’où ces indicateurs sont extraits. Le lien suivant permet d’accéder aux résultats spécifiques à la version présentée ici : Créer lien direct

**6.1.2.1** **Résumé global des résultats**

Avant de chercher à analyser les résultats du modèle à une échelle fine, le tableau 6.1 peut déjà synthétiser une bonne part des résultats agrégés, en fin de simulation. Il rassemble les indicateurs de sortie de simulation quantitatifs, qui décrivent uniquement l’état du modèle en 1200, à la fin de la simulation.

12

Chapitre 6 6.1. CALIBRAGE DU MODÈLE ET PREMIERS RÉSULTATS

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Indicateur** | **Valeur** | **Moyenne** | **Médiane** | **Q1** | **Q3** | **Écart-** |
|  | **attendue** 8 |  |  |  |  | **type** |
| *Agrégats* | *200* | 249 | 248 | 244 | 253 | 10.45 |
| *Gros châteaux* | *10* | 15 | 15 | 13 | 17 | 2.87 |
| *Églises paroissiales* | *300* | 348 | 348 | 338 | 359 | 12.96 |
| *Distance moyenne* | *3 000 m* | 1 459 m | 1 456 m | 1 391 m | 1 537 m | 97 m |
| *entre églises* |  |  |  |  |  |  |
| *Part de foyers pay-* | *20 %* | 30 % | 30 % | 30 % | 30 % | 0.8 % |
| *sans isolés* |  |  |  |  |  |  |
| *Augmentation de* | *x 3* | x 2.4 | x 2.4 | x 2.4 | x 2.5 | x 0.03 |
| *la charge fiscale* |  |  |  |  |  |  |
| *des foyers paysans* |  |  |  |  |  |  |

Tableau 6.1 – Valeurs des indicateurs numériques en fin de simulation.

On y constate en premier lieu que les ordres de grandeur sont plutôt respectés, à l’exception peut-être de la distance entre églises paroissiales 9.

Concernant les autres indicateurs, on peut noter qu’ils sont un peu trop impor-tants, ce qui est rendu plus significatif par des variabilités faibles (les médianes et quartiles sont assez proches de la moyenne, et l’écart-type est faible relati-vement aux grandeurs considérées). Le nombre d’agrégats et d’églises parois-siales simulés dépasse ainsi dans les deux cas d’une cinquantaine les valeurs empiriques correspondantes. La part de foyers paysans isolés en fin de simu-lation est trop importante de 10%, quand bien même l’intervalle de confiance empirique est assez flou.

Le nombre de gros châteaux dépasse significativement l’objectif, comme on a pu le constater dans la figure 6.3 (gauche), mais on expliquait alors que nous ne parvenions à ajuster davantage cette valeur aux quantités empiriques sans déstabiliser d’autres éléments du modèle.

Le dernier indicateur, l’augmentation de la charge fiscale des foyers paysans, est quant à lui assez satisfaisant : il est certes plus faible que l’objectif empirique fixé (augmentation de 2.4 au lieu de 3 de la charge fiscale moyenne entre le début et la fin de la simulation), mais dans le cas de cet objectif empirique difficile à estimer, cette valeur nous paraît suffisante.

Dans la suite de cette partie, nous menons une analyse plus fine des résultats du modèle, en observant de manière plus précise les valeurs des indicateurs de sortie de simulation qui caractérisent les « trois familles » d’objectifs théma-tiques : polarisation, hiérarchisation et fixation-dissémination.

8. Objectif en fin de simulation

9. La distance moyenne simulée est ainsi de 1459m, c’est-à-dire deux fois moindre que les estimations empiriques. Notons que cela s’explique notamment par le nombre trop élevé d’églises paroissiales, et par la difficile constitution de cet indicateur : les données empiriques concernent surtout les paroisses rurales, alors que l’on tient ici compte de l’ensemble des églises paroissiales. Les églises paroissiales urbaines, très proches les unes des autres, tirent ainsi considérablement la moyenne des distances à la baisse. Il est difficile, dans le modèle, de différencier les églises paroissiales rurales et urbaines, et on ne peut donc obtenir un indicateur de sortie directement comparable aux données empiriques.

13

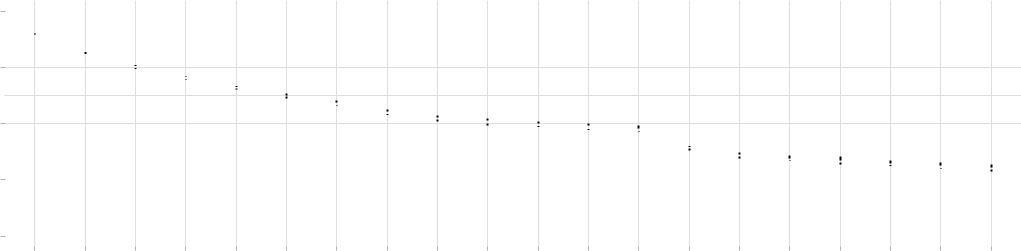
Chapitre 6 6.1. CALIBRAGE DU MODÈLE ET PREMIERS RÉSULTATS

**6.1.2.2** **Capacité du modèle à simuler la polarisation des foyers paysans**

Les résultats mettent en évidence une forte concentration des foyers paysans, dont la part de foyers isolés diminue de manière importante, d’environ 90% à 30% en fin de simulation (figure 6.4).

Évolution de la part de foyers paysans isolés

Variabilité : Réplications



|  |
| --- |
| Taux de foyers paysans isolés |

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 100% |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 75% |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 50% |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●** |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●** |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |
| 25% |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 0% |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 820 | | 840 | 860 | 880 | 900 | 920 | 940 | 960 | 980 | 1000 | 1020 | 1040 | 1060 | 1080 | 1100 | 1120 | 1140 | 1160 | 1180 | 1200 |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | Temps | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |

Paramètres de la sélection :

sim\_name : [6\_6\_Scenarios\_base]

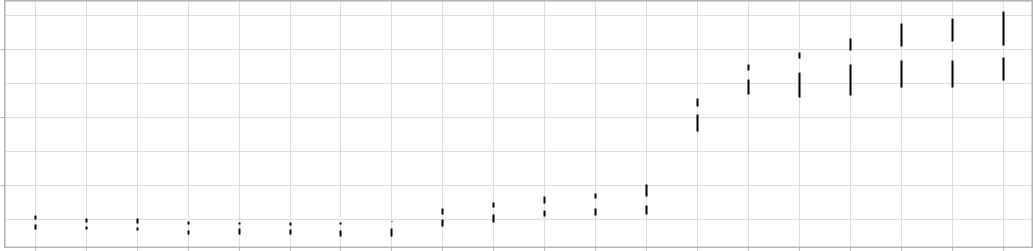
Figure 6.4 – Concentration des foyers paysans.

Cette diminution paraît assez régulière, en dépit d’une légère rupture de ten-dance entre 1060 et 1080, période qui correspond dans le modèle à une évo-lution du seuil de satisfaction religieuse. Notons que parmi les 20 réplications étudiées, cet indicateur se montre extrêmement stable, les marques visuelles de variabilité étant à peine visibles.

|  |
| --- |
| Nombre d'agrégats |

Évolution du nombre d'agrégats de population

Variabilité : Réplications



250

200

150

**●** **●**

**●**

**●**

**●**

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **●** | **●** | **●** | **●** | **●** | **●** | **●** | **●** |  |
|  |  |  |

**●**

**●**

**●**

**●**

**●** **●**

**●**

820 840 860 880 900 920 940 960 980 1000 1020 1040 1060 1080 1100 1120 1140 1160 1180 1200

Temps

Paramètres de la sélection :

sim\_name : [6\_6\_Scenarios\_base]

Figure 6.5 – Nombre d’agrégats.

La concentration des foyers paysans s’effectue à destination d’un nombre crois-sant d’agrégats (figure 6.5). Dans l’évolution de ce nombre, on constate un effet de seuil important entre 1060 et 1080 (pour les mêmes raisons que l’augmen-tation de la concentration), mais aussi, un premier changement de tendance entre 940 et 960 d’ampleur moindre. Ces deux paliers caractérisent les trois régimes repérés empiriquement, c’est-à-dire une augmentation lente, suivie d’une augmentation rapide et enfin une stabilisation du nombre d’agrégats.

* la différence d’une simple concentration du peuplement, la polarisation im-plique que des éléments (des pôles) jouent un rôle d’attracteur, et que la concen-tration s’effectue donc à proximité de ces pôles.

Dans SimFeodal, on cherche donc d’une part à ce que les foyers paysans se concentrent et forment des agrégats, et d’autre part à ce que ces agrégats se constituent autour des pôles d’attraction constitués par les agents attracteurs du modèle (églises paroissiales, châteaux et agrégats dotés de communautés 14

Chapitre 6 6.1. CALIBRAGE DU MODÈLE ET PREMIERS RÉSULTATS

paysannes). Pour savoir si le modèle parvient bien à reproduire le fait stylisé qu’est la polarisation du peuplement, on mobilise donc des indicateurs relatifs à la quantité de pôles et à leur localisation.

Dans cette version du modèle, on constate bien une croissance du nombre de pôles (figure 6.6-a), assez semblable à celle des agrégats en termes de rythme et de valeur. Les valeurs atteintes (environ 250 pôles en fin de simulation) sont très satisfaisantes, particulièrement au regard des résultats de la version 0 du modèle (ref chap 3 ou annexe).

|  |
| --- |
| Nombre de |

300

200

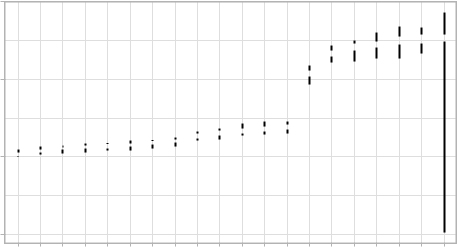
|  |
| --- |
| pôles |

100

0

Évolution du nombre de pôles d'attractions

Variabilité : Réplications



**●** **●**

**●**

**●**

**●**

**●**

**●**

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **●** | **●** | **●** | **●** |

**●**

**●**

**●** **●** **●** **●**

**●** **●**

**●**

82084086088090092094096098010001020104010601080110011201140116011801200

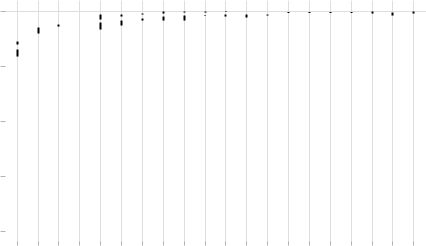
Temps

Paramètres de la sélection :

sim\_name : [6\_6\_Scenarios\_base]

Évolution du taux d'agrégats avec pôle

Variabilité : Réplications



|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | 100.00% |  |  |  | **●** | **●** | **●●** | **●** | **●** | **●** | **●●●●●●●●●** |  |
|  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| Tauxd'agrégatscontenantunpôle |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 25.00% |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | 75.00% |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | 50.00% |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | 0.00% |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |

82084086088090092094096098010001020104010601080110011201140116011801200

Temps

Paramètres de la sélection :

sim\_name : [6\_6\_Scenarios\_base]

(a) (b)

Figure 6.6 – Nombre de pôles et part des agrégats comprenant un pôle.

La figure 6.6-b présente elle-aussi des résultats satisfaisants, qui viennent pré-ciser l’analyse précédente. Cette figure présente l’évolution du taux d’agrégats qui sont situés dans un pôle d’attraction. On remarque que ce taux augmente très rapidement pour ensuite se maintenir autour de 100% : cela signifie que tous les agrégats sont situés dans un pôle, et donc que les agrégats se sont bien formés autour de pôles d’attraction plutôt que de manière purement dispersée. Cette figure constitue ainsi un des indices montrant que SimFeodal parvient bien à reproduire le processus de polarisation tel qu’observé empiriquement.

Les cartes de la figure 6.7 permettent de noter que le semis des pôles se confond spatialement avec celui des agrégats, ce qui amène un élément d’interprétation supplémentaire : les agrégats sont bien constitués dans des pôles (paragraphe précédent), mais en plus, tous les pôles semblent contenir un ou des agrégats. Le modèle fait donc émerger une quasi-équivalence entre pôles et agrégats, quasi-équivalence que l’on retrouve chez Le Bras et Le Bras-Folain (1976, p. 27-28), en assimilant les pôles à leurs seules églises : « Le village appelle l’église. [...] L’église fait naître le village. ».

15

Chapitre 6 6.1. CALIBRAGE DU MODÈLE ET PREMIERS RÉSULTATS

Population des agrégats au cours du temps

Variabilité : Aucune / Agrégats représentés : population >= 20

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  |  |  | Année: 820 | | | | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | Année: 900 | | | | | | | |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  | **● ●** | |  | **●** |  | **●** | |  |
|  |  |  | **●** | **● ●** |  | **●●** | |  |  |  |  |  |  | **●** | | **●● ●** | | | |  | **●** | | **●** |  | **●** | |  |  |  |
| **●** |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  | **● ● ●** | | | | | | **●●** | |  | **●** |  |  | **●** |  |
|  |  |  | **●** |  | **●●●●** | | |  | **●** |  |  |  |  |  |  | **●● ●** | | |  |  |  |
| **●** |  | **●** |  |  |  |  | **●** | **● ●** | | | |  |  |  |  |
| **●● ●** | | | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |  | **●** | **●** |  | **●** |  | **● ●●** | | |  |  | **●** |  |
|  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |
|  |  |  | **● ●** |  |  | **●** |  |  |  |  | **●●** |  |  | **●** | |  |  | **● ●** | |  |  |  |  | **●** | |  |  | **●** |  |
|  |  | **●** |  | **●●** |  | **●** | **●** |  | **●** |  |  |  |  | **●** | | |  |  | **●●** | | |  |  |  | **●●** | |  | **●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  | **●** |  |
| **●** |  | **●** |  | **●** | **● ●** |  |  |  | **●** |  | **●** |  |  | **●●** | |  |  |  |  | **● ● ●** | | | | **●●** |  |  |  | **●●** |  |
| **●** |  | **●** | **●** | **● ●** | **●** |  |  |  |  |  | **●** |  |  | **●** | |  |  |  | **● ●●●** | | | | **●●● ●** | | |  |  | **●● ●** |  |
|  |  |  | **●** | **●** |  |  |  | **●** |  |  | **●** |  |  |  |  |  | **●** |  | **●** |  | **●** |  | **●** |  |  | **●** | |  |  |
|  |  |  |  | **●** |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  | **●** |  |
|  |  | **●** |  |  |  |  |  |  | **●●** | | | |  |  |  | **●** | |  | **●** |  |  |  |  |  | **●** |  |
|  | **●** |  |  | **●** |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  | **●●●** | **● ●** |  |  |  | **●** |  | **●** |  |  |  |  | **●** |  |  | **●●●●●** | | |  | **● ● ●** | | |  |  | **● ● ●** |  |
|  |  |  |  | **●** |  |  | **●** |  | **●** |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  | **●●** | |  | **●** | |  | **●** | |  | **●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | | **●** |  | **●** |  |  |  |  |  |  |
|  |  | **●** |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |  | **●** |  |
|  |  |  |  | **●** | **●●** |  |  |  | **●** |  |  | **●●** | | |  |  |  |  |  | **● ●** | | **●●** | | |  |  |  | **●** |  |
|  |  | **●** | **●** | **●** | **●** |  |  |  |  |  | **●** | | **●** | |  |  |  |  | **●●●●** | | | |  | **●** |  | **●●● ●** | | |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  | **● ●** | | |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  | **● ●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |
|  |  |  |  | **●** |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  | **●** | |  |  | **●** | |  |
| **●** |  |  |  | **●** |  |  |  | **●** |  |  | **●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  | **●** | **●** | |  |  |
|  |  |  | **●** | **●** |  |  | **●** |  |  |  |  |  | **●** | |  | **●** | |  | **●** | |  |  |  | **●** | | **●** |  |  |
|  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  | **●** |  |  |  | **●** |  | **● ●** | | | |  | **●** | | **●** | **●** | |  | **●●●** | | | **●** |  |  | **● ●** |  |
|  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
| **●** |  | **●** | **● ●●** |  | **● ●** | | **●** |  | **●** |  | **●** | **●** | | **●** | **●** | | **●** | | **● ● ●** | | |  | **●●● ●** | | | |  | **●** |  |
|  |  | **●** |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** | |  |  |  |  |  |
|  |  | **●** |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  | **●** | |  |  | **● ●●** | |  |  | **●** |  |
|  |  |  | **●** |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  | **●** |  | **●●** | **●** |  |  | **●** |  |
| **●** |  |  |  | **●** | **●** | **●** |  |  |  |  | **●** |  | **●** | |  |  |  |  |  | **●** |  |  | **●●** | **●** |  |  | **●** |  |
|  | **●** |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  | **●** |  |
|  |  |  | **●** | **● ●** |  | **●** |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** | | | | | |  |  | **●** |  |
| **●** |  |  |  | **● ●** |  |  |  |  |  |  | **● ●** | | | |  |  |  |  | **●●●** | | **●● ●** | |  | **●** | | **●** | |  |  |

Communauté rurale ? **●** FALSE **●** TRUE

Paramètres de la sélection :

sim\_name : [6\_6\_Scenarios\_base]

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  |  |  |  |  | Année: 1000 | | | | | | | | | | | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | Année: 1100 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | Année: 1200 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  | **●●** | | | |  |  |  |  |  |  | **●●●● ● ●** | | | | | | | | | |  | **●** | **●** | | **●●** | | |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  | **●●●●●●●** | | | | | | | | | | | | | | | |  | **●** |  | **●** | | **●●** | | | | | |  |  |  |  |  | **●** | |  |  | **●●** | | | |  |  | **●** | | | **●●●●** | | | | | | | |  |
| **●** | | | | | | | | | | | | | | | **●●** | | |  | | | |  | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | **●** | | | **●** | | | | |  |
| **●** | **●●** | | | | | | | | | **●** | | | **●** | |  | | | |  | **●** | **●** | | | | **●● ●** | | | | | | | | | | | **●** | | **●** | | | | **●●** | | | | | | | | | | **●** |  | **●** | **●** | | | | | | | **●●●● ●** | | | | | | | | | | | **●** | | **●** | | | | **●** | | | | | | **●** | | | | **●** |  |
| **●** | | | | | | | | **●** | | | **●●** | | | | | | | | **●** | |  | **●** | | | | | | **●** | | | | | | | **●** | | | | **●●** | | | | **●** | | **●** | | | | | **●** | **●** | | **●** |  | **●** | | | | | | | | | | **●** | | | | | | **●** | | | **●●** | | | | | **●** | | **●** | | | | | **●●** | | | |  |
| **●** | **●** | **●** | | | | | | | | | | | **●** | **●●** | | |  | | | | |  | **●●** | | | **●●●** | | | | | | | | | | | | | | | | **●** |  | **●●** | | | **●●** | | | | | | | | |  | **●●** | | | |  | | | **●** | **● ●** | | | | | | | | | | | | | **●** |  | **● ●** | | | | **●●** | | | | | **●** | | | **●** |  |
| **●** | | **●** | | | | | | | | |  | | | | |  | **●** | | | | | | | | | | | **●** | | | | |  |  | **●●** | **●** | | | | | | |  |  | | | **●** | | | | | | | | | | | | |  |  | | **●●** | | **●** | | | | |  |
| **●** | |  | | | **● ●** | | | | | **●** | | | **●** | | | | | | |  | **●** | | | **●** | | | | | | | **●** | |  | | **●** | | | | **●** | | | | **●** | |  |  | | | | | | |  | **●** | | | | **●** | | | | | | | | | **●** | |  | | | **●** | | **●** | | | | | **●** | |  | |  | | | | |  |
| **●** | | | | | **●** |  |  | | | | | | | | | |  | **●** | | | | | **●** | | | |  |  | |  | | | |  | | | | | | | | |  | **●** | | | | | | | | | **●** | | |  |  | | |  | | | | |  | | | | | | | | |  |
| **●●** | | | | |  | **●** |  | | | | | **●** | **●** | | | | | | **●** | |  | **●●** | | | | **●** |  | **●●** | | **● ●** | | | | | | | | | | **●** | | | **●** | | | **●● ●** | | | | |  | **●●** | | | | | | | **●** | |  | **●●** | | | **●** | | | | | | **●** | | **●** | | | | | **●** | | **●● ●** | | | | |  |
| **●** | | | **●** | **●** | | |  | | | | | **● ●** | | | | | | | |  | **● ●** | | | **●●** | | **●** | | | | | **●** | | | | | | | | | | | | | **●** | | | **● ●** | | | | |  | **●** | | **●** | | | | | | | | **●** | | | **●** | | | | | | **●** | | | | | | | **●** | | **●** | |  |  |
|  | | | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | |  | **●** | | | **●** | | | | | | | | | | | **●** | | | | **●** | | **●** | | | | | | | | | | |  | **●● ●●** | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | **●** | | | | **● ●** | | | | | | | | | | |  |  |
| **●** | | | | | | | **●** | | **●** | **●** | | | | | | **●** | | | | **●** |  |  | **●** | | | | | | **●** | | | **●** | | | **●** | | | **●** | | | | | | | **●** | | **●●** | | | **●** | | | **●** | | |  | **●** | | | | | | | | | | **●** | | **●** | | | | **●** | | **●** | | | | | | | **●** | | | **● ●** | | | **●** | |  | **●** |  |  |
|  | | **●** | |  | | | | |  | | | **●** | **●** | | | | | |  |  | **●** | | | | | |  | | | **●** | | | | | | |  | | | **●** | | |  | **●** | | | | | | | | **●** | |  | | | | **●** | | | | | | |  | | |  |  |  |
| **●** |  |  | | | | | | | | | **●** | | | | | | | |  | **●** | | | | | **●** | | **● ●** | | | | | | | | | **●** | | **●** | | | **●** | | | | **●** | **●** | | | **●** | **●** | | |  | **●** | | | | **●** | | | | **● ●** | | | | | | | | | **●** | | **●** | | **●** | | | | | | **●** | | **●** | **●** | | **●** | |  |
| **●** | | |  |  |  |  | **●●● ●●** | | | | | | | |  |  |  |  | **●** | |  | **● ●●** | | | |  | **●** | |  |  |  | **● ●** | | | | **●●●●** | | | | | | | | |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  | **● ●●** | | | | | |  |  |  | **●** | |  |  | **● ●** | | | |  | **●●●●** | | | | | | | |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |
| **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |  | | | | | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | |  |  | | | | | | | | | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |
| **●● ●●●** | | | | | | | | | | | |  | **●●** | |  |  |  |  |  |  | **●** |  | **●** | | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** | | |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  | **●● ●● ●●** | | | | | | | | | | | | | | | | |  | **●●** | | | | **●** | |  |  |  | **●** | |  |  |  | **●** |  |
|  | **●** | |  |  |  |  | **●●** |  |  | **● ●●●** | | | | | | | | | | | | | | |  | **●●** | |  | **●** | |  |  | **●●** | | |  |  | **●** | | |  |  |  |  | **●** | |  | **●●** | | |  |
| **●** | | | | | | | | | | | | | | **●** | **●** | | |  | |  |  | | | | **●●●●** | | | | | | | **●** | | | | | | | | | **●** | |  |  | | | | | |  | **●** | | | | | | | | | **●** | | | | | | | **●** | | | **●** | | | **●** | | | | |  | | | |  |
| **●** | **● ●** | | | | | | **● ●** | | | | | | **●** | | | |  | |  | **●●●** | | | | **●** | | | | | | | | **●** | | | | | | **●● ●** | | | | | | | **●** |  | **●●●** | | | | | **●●** | | | | **●** | | | | **●** | | **●** | | **●** | | | | **●** | | | | | | | | **●● ●** | | | | | | **●** |  |
| **●** | | | | **●** | | | | **●** | | **●** | | | | | | | | | | **●** |  | **●** | | | | | | | **●** | | | **●** | | | **●** | | **● ●●** | | | | | | | | **●** | | | **●** | | |  |  | | | **●** | | | **●●** | | | **●** | | | **●** | | **●** | | **● ●●** | | | | | | | | | | **●** | | | **●** | |  |
| **●** | | | | | | | | | **●** | | | | | | | | | | **● ●** |  | **●** | | | | | **●** | | | | | | | | | **●** | | | | | **●** | | | | | | | | **●** | **●** | |  | **●** | | | | | | | |  | | | | | | **●** | | | | | **●** | | **●●** | | | **●** | | | | | | **●** |  |
| **●** | **● ●** | | | | | | **●** | | **●** | | | | **●** | **●** | | **●** | | | | **●** | |  | **● ●** | | | | **● ●** | | | | | | **●** | | | **●** | | | | | **●** | | **●** | | | **●●** | | | | | | **●● ●** | | | |  | **● ● ●** | | | | | | | | | | | | | **●** | | | **●** | | | | **●** | | **●** | | | | **●** | | | | | **●●** | |  |
| **● ●●** | | | | | | | | | | | | | **●** | | **●** | | | | | **●** |  | **●●** | | | | | | | **●** | | | **●** | | | **●** | | | | **●** | | | **●** | | **●** | | | | **●** | | |  | **●** | | | | | | | | | | | | **●●** | | **●** | | | **●** | | **●** | | | **●** | | | | | **●** | | | | **●** | **●** | | | |  |
| **●** | | | | | | | **●** | | | | | | **●** | **●** | | | | | | | **●** |  | **●●** | | | | **● ●** | | | | | **●** | | | | | | | | **●** | **●** | | | | | | **●** | | | | | | **●** | | |  | **●●** | | | **● ● ●** | | | | | | | | | **●** | | | | | | | **●** | | **●** | | | | | | | **●** | | | | | | **●** | |  |
| **●** | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | |  | **●** | | | | **●** | | | | | | | | | **●** | | | | | | | | | | **● ●** | | | | |  |  | | | **●** | | | | | | | | **● ●** | | | | | | | | | | | **● ●** | | | | |  |
|  | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |  | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |  | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |
| **●** | | | | | **●** |  | **● ●** | | | |  | | | | | | | | | | |  | **●** | | | | | **●** | **●** | | |  | **● ●●** | | | | | | |  | | **●** | | **●** | | | **●** | | | | | | | | |  | **●** | | | | | | | | **●** | | **●** | |  | | **● ●●** | | | | | **●** | | **●** | | **● ●●** | | | | | | | | **●** | | | | **●** |  |
|  | | | | |  | **●** | | | | **● ●** | | | |  | | |  | **●** | | | | | |  |  | | **●** | | | **●** | | | | | | | | |  |  | | | | | | | | | |  | |  | |  | **●** | | | | **●** | | | | | | | **●** |  |
|  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  | **●●** |  | **● ● ●** | | | | | | | | | **●** |  |  |  | **●** | |  |  | **●** |  |  | **●** |  |  |  |  | **●** | |  |  | **●●●● ●●●●●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |  |  | **● ●** | | |  |  | **●** | **●** |  |
|  | **●●** | |  |  |  |  | **●●** | | | **●** | |  | **●● ●** | | | |  |  |  | **●** |  |  | **● ●●** | | | |  |  |  |  |  |  | **●** | **●●** | | |  |  | **●●●●●●** | | | | | | | | | **●●●●** | | | | | | | |  |  | **●●** | | | |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** | | | |  | **●●●●●** | | | | | | | | | | | **●●●●** | | | | | | |  |
| **● ●** | | |  |  |  | **● ● ●** | | | | | **●** | |  | **● ●●●** | | | | | | |  |  | **●** |  | **●** | |  |  |  |  | **●● ● ●●●** | | | | | | | | | |  | **●** |  | **●** | |  |  | **● ●** | | | | |  |  |  |  | **●●●●** | | | | |  |  | **● ●** | | | | | | | **● ●●●** | | | | | |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  | **●● ●** | | | |  |  |  |  |
|  | | | | | | | | | | | | | |  |  | **●** | | | | | | **●** | | **● ● ●** | | | | | | | | | |  | | |  | |  | | |  | **●** | | | | | | | | | **●** | | | **●** | |  | | | | **●** | | **● ● ●** | | | | | | | | |  | | |  |
|  | | | | **● ● ●** | | | | **●** | | | | | | | | | | | | | |  | **●** | **●● ●** | | |  | **●** | |  | **●** | | | | | | | | | | | **●** | | | |  | **●** | | | **●● ●** | | |  | | **●** | |  | |  | | | | **●** | | | | | | | | | | | | **●** | | | |  |
|  | | | |  | | | | **●** | |  | | | **●** | | | **●** | **●** |  |  |  | **●** | | | | | | | | | **●** | | **●** | | **●** | | | | | **●** | | | | **●●** | **●** | | |  |  | | |  | | **●** | | | | | | | **● ●** | | | **●** | | **● ●** | | | | | | | **●** | | | **● ●** | | | |  |
| **●** |  | | | | | | | | | | |  | **●** | |  | |  | **●** | **●** | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | **●** | | | | | | | | | | | | |  | **● ●** | | | | **●** | | | | | | | | | | | | | | **●** | | **●** | | | | | | **●** | | | **●●** | |  | | |  |
|  | | | | | | | | | | **●** | | |  | **●** | | | | |  | **●** | | | | | **● ●** | | | | | | | | | | **●** | | | **●** | | **●** | | **●** | | **●●** | | | | **●●** | | | |  | **● ●** | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | **●** | | **● ●** | | | | | | **●** | | **●** | |  |  |
|  | | | | | | | | | | |  | | **●** | | **●** | | | |  | **●** | | **●** | **●** | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | | **●●** | | | | **●** | | | |  | **●** | | | **●** | **●** | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | **●** | | | | | | | **●●** | | | |  |  |
|  | | | **● ●** | | | | | |  | | | | | | |  | | | |  | **●** |  |  | **● ●** | | | | | | | |  | | | | | | | | **●** | | **●** | | | | | | | | | | |  | **●** |  | |  | | | **● ● ●** | | | | | | | | | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |
| **●** | | |  | | | **●** | | **●** | | | | | | **● ●** | |  | **●** | | |  | | | **● ●** | | | | | **●●** | | | | | | | | | | |  | **●** | | | | | | **●** | | | | | | | | | **●** | | | **●●** | | | | | | | |  |
| **● ●** | | | | | | | **●** |  | | | |  | | | | | |  | **● ●** | | | | | | **●** | | |  | **●** | |  | | | **● ●●●** | | | | | | | | | | | | |  | **●** | | **●●** | | | | | | | | | | | **●** | | | **● ●** | | | | | | | | | | | | | **● ●●●** | | | | | | |  |
|  | | | | **●** | **●** | | **●●** | | | | | | | **●** | **●** | | **●●** | | | |  |  | | | | **●** | |  | **●●●** | | | | | | | | | | | | **●●** | | **●●** | | | | | **●** | |  |  | | | | | | | **●** | | **●** | | | | **●●●●** | | | | | | | | | | | | **● ●●●●** | | | | | | | |  |
| **●** |  | | | **●** | | | | | | | | **●** | |  | | | **●** |  | **● ●●** | | | | **●●** | | | | | | | | **●** | | | | **●** | | | | **●** | | **●** | | |  | **●** | | |  | **● ●●** | | | | | |  | **●●** | | | | | | | | **● ●●** | | | | | | | | **●** | | | **●** | | | **●** |  | | **●** | |  |
| **●●●●** | | | | | **●●** | | | | | | | **●** | | | | | | | |  | **●** | **●** | | | | **●●** | | | | | | | | | | **●** | | | | | | **●** |  |  | **●** | | **●** | | | | **●●** | | | | | | | **● ●** | | | | | | | | | | **●** |  |  | |  |
|  | **●●** | | | **●** | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | |  |  | | **●●** | | | **●** | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | **●●** | | |  | | | | | | |  |  | | | **●●** | | | | | **●** | | | | | | | **● ●** | | | | | **●** | | | | | | | | |  | | | | | |  |
|  |  |  |  | **● ●** | | |  | **●** | | | **●●●** | | |  |  |  | **●●** | **●** |  | **●** |  | **●** | |  |  |  | **● ● ●** | | | | | | | | **●** | |  |  |  | **●●** | | | | **●** | | |  | **●** | | |  | **●** | |  |  | **●** | | **●** | |  |  |  | **●●** | | | |  | **● ●●** | | |  | **●** | |  |
| **● ●** | |  | | | | | | | | | **●●** | | | | | | |  | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | **●●** | | | | | | | | | |  | **●** | | | | | | | | | | | | **●** | | | | **●** | | | | **●●** | | | | | | | | | | |  |
| **●** | | | | | | | | | **●** | | | **● ●** | | | | | | | |  | **●** | **●** | | | | | | **●** | | | | **●** | | | | | | **●** | | | | | | **●** | | | | | | | | | |  | **● ●** | | | | | | | | | | | **●** | | | | **●** | | | | **●** | | | | **●** | | | **●** | | | | | | | | | |  |
| **●** | | | | | | | | | | | **●** | | | **● ●** | | | | | | **●** | |  |  | | **● ●** | | **●** | | **●** | |  | | | **●●** | | | | | | **●** | | | | **●** | | **●** | | | | | | **●●** | | | |  |  | | | **●** | **●●** | | | | | | | | | | | **●●●** | | | | **●** | | | | **●●** | | | | | | | **●** | | **●●** | | | |  |
| **●** | |  | | | | | **●** | **●●** | | | | | | | | | | | **●** | | **●** |  | **●** |  |  | |  | | | **● ●** | | | | | | | | | | | | | **●** | | |  | **●** | |  | **●** | | | | | **●** | | | | | |  | | | | | | | | | | | **● ●** | | | |  |
|  | | | | | **●** | | | **●** | | | | | | **●** | | | | |  |  | **●** | | **●** | | | | | | **●** | | | **●** | | | | **●** | | **●** | | | | | | **● ●** | | | | | | | |  |  | **●** | | | **●** | | | | | | | **●** | | | **●** | | | **●** | | **● ●● ●●●** | | | | | | | | | | | | | | |  |
|  | **●** | | |  |  | **● ●** | | | **●** | |  |  |  | **●** | |  |  |  |  | **●** |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  | **●** | | **●** | | **●** | | |  |  |  |  |  | **●●●●** | | | | | | | | | | | |  | **●** |  |  |  |  | **●** | |  |  | **●** | | **●** | | **●** | | |  |  |  |  |  | **●●●●●** | | | | | | | | | | | |  |
|  | | | | | | | | | | | | | |  | | | |  |  |  | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |  | | | | | | |  | | | | | | | | | | | | | |  |

Nombre de Foyers Paysans **●** 50 **●** 100 **●** 250 **●** 500

|  |
| --- |
| Simulation: 1 Simulation: 2 |



Attractivité des pôles au cours du temps

Variabilité : Aucune

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Année: 820 | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  | Année: 900 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  | Année: 1000 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  | Année: 1100 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  | Année: 1200 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |
|  | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |  | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |  | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |  | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |  | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |
| **●●** | | | | **●** | | | | | | | **● ● ●** | | | | | | **●** | |  | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | **●●● ●** | | | | | | | | **●** | | | |  | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | **●●●●●** | | | | | | | | | | | | **●** |  | **●** | | | **●** | | | | **●●** | | | | | | | | **●** | | | | | | **●●●●●●● ● ●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  | **●** | | **●** | | | **●●** | | | | | | | | | **●** | | | | | | **●●● ●●●● ●● ● ●** | | | | | | | | | | | | | | | | |  |
| **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  | **●●** | | | | | | | | | | | | | | | | **● ●** | | |  | | | | | | | | | |  | **●●** | | | | | | | | | | | | | | | **● ●** | | |  | | | | | | | | | | |  | **●●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | **●** | | | | | | | | | | | | | | |  | **●●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | **●** | | | | | **● ●** | | | | |  | | |  |
| **● ●** | | | | | | | | | | | **● ●** | | | **●** | | | | |  | **● ●** | | | | | | | | | | | | | | | |  | | | | | | | | | |  | **● ●** | | | | | | | | | | | | | | |  | | | | | | | | | | |  | **●** | | **●** | | | | | | | **●** | | **●** | | | | | | | | | | **●** | | **●** | | | | | | | | | | | | | | |  | **●** | |  | **●** | | **●●●** | | | | | | | | | | | | | | | **●** |  | | | | | **●** | | |  |
| **●** | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | |  | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | **●** | | | | | | | **●** |  | **●** | | | | | | **● ●●** | | | | | | **●** | | | | | | | | **●** | | | | | | **●** | | |  |  | | | | | **●● ●** | | | | | | | **●** | | | | **●●** | | | **●** | | | | | | | **●** | | | | | | | | **●●●●** | | | |  |  | **●** | | | | | | | **●●** | | | | | **●** | | | **●●** | | | | | **●** | | | | | | | | **●●●●●** | | | |  |
| **●** | | | | **●** | | | **●** | | | **●** | | **● ●** | | | | | **●** | |  | **● ●** | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | **● ●** | | | | | | | | | | |  | **●●** | | | | | | **●** | | | | | **●** | | | | | **●** | | | | **●** | | |  | **●** | | | | | | | **●** | | | | **●** | | | | | | **●** | | | **●●** | | | | | |  | **●** | | | | | | **●** | | | | **●** | | | **●** | | | | **●** | | | | | **●●●** | | | | | | | |  |
| **●** | **●** | | | | | | | | | | | **● ● ●** | | | | | | |  | **●** | | | **●** | | **●** | **● ● ●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  | **●** | |  | | **●** | | **● ● ●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  | **●** | | | | | | | **●** | | | | | | | | | **●** | | | | | | | | **●** | | | | **●** | | | | **●** | | | | | **●** | | |  | **●** | | | | | **●** | | | | | | | | | | | **●** | | | | | **●** | | | | **●** | | | | | **●** | | | | **●** | | |  |
| **● ●** | |  | | | | | | | | | | | | | | | | |  | **●** | | | | |  | | | | | **●** | |  | | **●** | | |  | | | | | | | | | | |  |  | |  | | | | **●** | |  | | | **●** | |  | | | | | | | | | | | |  | **●** | | | | **●** | | | | | | | | | | **●** | |  | | | **●●** | | |  | | | | | | **●** | | |  | | | | | | | | |  | **●** | | | | **●** | | | | | | | | | **●** | | |  | **●●** | | |  | | | | | **●** | | **●** | | | | | | | | | |  |
|  | | | **●** | **●** | | | | **●** | | | | | | | | |  | **●** | **●** | | |  | | | | **●** | |  |  | |  | | | | | | | | | | |  | **●** | **●** | | |  | | | **●** | |  |  | | | **●** | | | | | | | | | | | |  | **●** | **● ●** | | | | | | | | **●** | | | |  |  | | |  | | | | | | **●** | | | | | **●● ●** | | | |  | **●** | | | | | | | | | **●** | | | |  |  | | | | | **●** | | | | | **●● ●** | | | | |  |
|  | | | | | **●** | | | | | | | | | | | | |  |  |  | | | | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |  |  | | | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |  |  | | | | | | | | | | | **●●** | | | **●** | | | | | | | | |  | **●** | | | | | **●** | |  | |  | | | | | | | | | **●●** | | | **●** | | | | | | |  |
| **●●** | | | | | **● ●** | | | | | | | | | | | | | |  | **●●** | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | |  | **●●** | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | |  | **●●** | | **● ●●** | | | | | | **●●** | | | | | | | | | | | | | | | | **●●** | | | | | | | | | | | **●** | |  | **●●** | | | | |  | | | **●** | | | **●●** | | | | | | | | | **●●** | | | | | | | | | | | |  |
| **●** | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | |  | **●** | | | | | | | | | **●** | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | |  | **●** | | | | | | | | **●** | | | | | | | | | **●** | | **●** | | | | | | | | | |  | **●** | | **●** | | | | | | **●** | | | | | | **●** | | | **●●● ●** | | | | | | | | | | | | | | | **●** | |  | **●●●** | | | | | **●** | | | | | **●** | | | | | | **●●● ●** | | | | | | | | | | | **●** | | | | **●** | | |  |
| **●** | | | | | | | | **●** | | | | | | | | **●** | **●** | |  | **●** | | | | | | | | | | | | **●** | | **●** | | **●** | | | | | | | | | | | **●** | |  | **●** | | | | | | | | | | | **●** | | **●** | | **●** | | | | | | | **●** | | | **●** | |  | |  | **●** | | | | | | **●** | | | | **●** | | | **●** | | | | **●** | | **●** | | | | | **●** | |  | | **●** | | | **●●** | | | | | | | **●** | |  | **●** | | | **●●** | | | | | | | **●** | | **●** | | | | | | **●** | | | | | **●** |  | **●** | | | **●●** | | | | **●● ●** | | | | |  |
| **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |  | | | | | | | | | | | | | |  | | | | | | | | | | | | |  |  | | | | | | | | | | | | |  | | **●** |  | | | | | | |  | |  | **●** | | | | | | | | | |  | | | |  | | | | |  | | **●● ●** | | | | | | | | |  | **●** | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | | | | |  |  | | | |  |
| **●** | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | |  | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | | | | | |  | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | |  | | | | | **●** | |  |  | **●●●** | | | | | | | | | **●** | | **●** | | | | **●** | | | | | **●** | | | **●** | | | **●** | | | | | | | | **●** | | | **●** | | |  | **●** | | | | **●●●** | | | **●** | | | **●** | | | **● ●** | | | | | | | | **●** | | | **●** | | | | | | | **●** | | | **●** | | |  |
| **●** | | **●●** | | | | | | | | | | | **●** | | | | **●** | |  | **●●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | | **●** |  | **●●** | | | | | | | | | | | | | | **●** | | **●** | |  | | | | |  |  | **●●** | | **●●** | | | | | | | **●** | | | | | **●** | | **● ●** | | | | | **●** | | | | **●** | | | | | | | **●●** | | | | |  | **●** | | | | | | | | | **●** | | | | **●** | | | | **●** | | | **●** | | | | **●** | | | | | | **●** | | | |  |
| **●** | **●** | | | | | **●** | **● ●** | | | | | **●** | | | | | **●** | |  | **●** | | | | | **●** | | | | | **●** | **● ●** | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** |  | **●** | | | | **●** | | **●** | | | | | | | | **●** | | | | | | | | | | | **●** | |  | **●●** | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | **●** |  | **●●●●** | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | **●** | | | | | | | | | | **●●** | | | | | | **●** |  |
|  | | | | | **●** | | | | **●** |  | | **●** |  | | | |  | **●** | | | | | | | | | | **● ●●** | | | | | | | | | | **●** | | **●** | | | | | |  | **●** | | |  | **● ●** | | | | | | | | | **● ●●** | | | | **●** | | | **●** | | | | | | |  | **●** | | | **●** | | | | | | | | | **● ●** | | | | | | | **●** | | | | **●●** | | | | **●** | | | | **●** | | | | | | | | |  | **●** | | | **●●** | | | | | | | | | **●● ●** | | | | | | **●** | | | **●●** | | | | **●** | |  | | | **●** | | | **●** | | | |  |
|  | | | | | | | | | | **●●** |  | |  | | | |  |  | | | | | | | | | | | | | | | **● ●** | | |  | | | **●** | | | | | |  |  | | | | | | | | | | | **● ●** | | |  | | **●** | | | | | | |  |  | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | **●** | | |  | | | | **●** | | | | | | | | |  |  | | | **●** | | |  | | | **●** | |  | | | | | **●** | | **●** | | | |  | | | **●** | | | |  |
|  | | | | | | | | | |  | | | | | | | |  |  | | | | | | | | | | | | | | |  | | | | | | | | | | |  | **●** | | | | | | | | | | | | | | **●** |  | | | | | **●** | | |  | | |  |  | | | | | | | **● ●** | | | | | | **●** | | | | | **●** | | **●** | | | | | | | **●●● ●** | | | | | | | |  |  | | | | | |  | | |  | | | | | **●** | | | **●** | | | | | | **●●● ●** | | | | | | |  |
| **●●** | | | | | | | | | | | | **●** | | | | **●** | | |  | **●** | | **●** | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | **●** | | | | |  | **●** | | **●** | | | | | | | | | | | | | | |  | | | | |  | | |  | **●** | |  | | | | |  | | **●** | | **●** | | | | **●** | |  | | | | | | |  | **●** | | **●●●** | | | | | | | | | | | | **●** | | | **●** | | | |  | | | | | |  |
| **●●** | | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | |  |  | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | |  | | | | | | | | |  | **● ●** | | | | | | | |  | | | | | | | **●** | |  | | | | | | | | | |  | **●●** | | | | |  | | | | **●** | | |  |  | | | |  | **● ●●** | | | | | | | |  | | | | | | | |  | **●●** | | | | **●** | | | | | | | | **●** | | | | **●** | | |  | **●** | | |  | | | | | | | | |  |
| **●** | | | | | | | | **●** | **●** | | | | | | | |  | **●** | | | | | | | | | **●** | | | | | | **●** |  |  | | | | | | | | **●** |  |  | |  | | | | **●** | |  |  | | | | | | | | **●** |  |  |  | |  | | **●** | |  | | | | **●** | | |  | | |  | | | | | | **●** | |  |  | | **●** | | | | | **●** | | | | | | **●** | | |  |  |  | | | | | | **●** | | |  |
|  | | | | | | | | | |  | | | | | | **● ●** | |  | **●** | | | | | | | | | | | | | | |  | | | | | | | | | | | |  | **●** | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | | | | |  |  | **●** | | | | | | | | |  | | | | | | | **● ●** | | | | | | | | | | | | | | | | |  | **●** | | | | | |  | | | | | | **●** | | | | | | **●** | | | | | | | |  |
|  | | | | | | **●** | **●** | | | **●** | | **●** | **●** |  | | |  |  | | | | | | | | | | **●** | **● ●** | | | | | | **●** | | | **●** | | | | | | | | **●** |  |  | | | | | | | **●** | | **●** | | | | | **●** | | | **●** | **●** | | | | | | | | **●** | | **●** |  |  | | | | | **●** | | |  | **●** | | | **● ●** | | | | | | | | | | **●** | **●** | | **●** | | | | | | | | | | | **● ● ●** | | | |  | **●** | | | | | | | | | | | | | **● ●** | | | | | | | | **●** | | | **●●** | | | | | | | | | **● ● ●** | | | |  |
|  | | | | | |  | | | | | |  | **●** | |  | |  | **●** | |  | | | | | | | |  | | | | | | **●** | |  | | | | | | |  | **●●** | |  | | | | | **● ●** | | | | |  | | | **●** | | |  | | | | | | | |  | **●** | |  | | |  | **●● ●** | | | | | |  | | | | **●** | | | | **●** | | | | | **● ●** | | | | |  |  | **●** | | **● ●●** | | | | | | | | | | **●● ●** | | | | |  | | | | **●** | | **●** | | | | | **● ●** | | | | |  |  |
| **●** | | | | | | | **●●** | |  | **●** |  | | | |  | |  |  | | | | | | | | | **●** |  | | | **●** |  | | | |  | **●** |  | | | | |  |  | | | | | | | **●** | |  | |  | **●** | |  | | | | |  |  | | | | | | | | | | **●** | | |  | | | |  | | **●●** | |  |  |  |  | | | | | | | | | | **●** | | | **●** | | | |  | **●●** | | | |  |  |
| **●** |  | | | | | |  |  | | | | | **●** |  | **●** |  | **●** | |  | | | | | | | | |  | | |  | | | | | | |  | | | | **●** |  | **●** | | **●** | | | | | | | | | | | |  | | | | | |  | | | **●** | |  | **●** | | | | | | | | | | | | | | **●●** | | |  | **●** | |  | | | | | | | |  | | | | | | **●** |  | **●** | | | | | | | | | | | | | **●●** | | |  |  | | | | | | |  | | | | | **●** |  |
|  | | | | | | | | | | | | | | |  |  | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | |  | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | |  | |  | **●●** | | | | | | | | | | | | | |  | | | | **●** | | | | | | | | | | | | **●** | | |  |  | **●●** | | | | | | | | | | | | | **●●** | | | | | | | | | | | | **● ●** | | | | | | |  |  |
| **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | |  | | | |  | **● ● ●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | **●** | | | | | | | | **●** | | | |  | |  | **● ● ●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | **● ●** | | | | | | |  | |  |
|  | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |  | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |  | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |  | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |  | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |
|  | | | | | | | | **● ●** | | |  | | | | | | | |  |  | | | | | | | | | | | **● ●** | | | | |  | | | | | | | | | | | | |  | **●** | | | | | | | | **● ●** | | | | |  | | **●** |  | | | | | | | | | | | | |  | **● ●** | | | | | | | | | | **● ●●●** | | | | | | | | | | |  | | | **●** | | **●** | | | | | **●** | | | | | | | | **●** |  |  | **●** | | **●●** | | | | | | | **● ●●●** | | | | | | | | | | **●** | | | | **●** | **●** | | | **●** | | | | **●** | | | | **●** |  |
|  | | | | | | | |  | | | | | | | |  |  | | | | | | | | | | |  | | | | | **●** | |  | | | | | |  |  | | | | | | | |  | |  | | | **●** | | | |  | | | | | |  | **●** | | | **●** | | |  | | | |  | | |  | **●** | | | |  | | | | | | | | |  |  |  | | | | | | | **●** | | | | | **●** | | | **●** | | | | | | | | |  |
| **●** | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | |  | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  | | | | | |  | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  | | | | | |  | **●** | | | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | **●●** | | **●** | | | | | | |  | **●** | | | **●** | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | **●●** | | | | **●●** | | | **●** | | | | **●** | |  |
|  | **●●** | |  | | | | | | | | | | | | | | | |  |  | | **●●** | | |  | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |  | | **●** | | **●** | | | | | | | | | | | | | **● ●** | | | | | **●** | | | | | | |  | **●** | | **●** | | | **● ●** | | | | | | | | | | **●** | | | | **●** | | | | | | | **●** | | | | |  | | | | | | |  | **●** | | **●** | | **●** | | | | | | | | **●** | | **●** | | | | **●** | | | | | | **●** | | | | **●** | | | | | |  |
|  | **●** | | | | | | | | | | | | | | **●** | |  |  | | **●** | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | | **●** | |  |  | | **●** | | | | | | | | | | | **●** | | **●** | | | | | | |  |  | |  | | | | | | **●** | | | **●** | | **●** | | | | **●** | | **●** | | | | | | | **●** | | | **●** | | | | **●** | | **●** | |  |  | | **●** | | | | | | | | | | | **●** | | | **●●** | | | | | **● ●** | | | | | | | **●** | | **●** | | | **●** | |  |
| **●** | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |  | **●** | |  | | | | | | | **●** | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | |  | **●** | | | **●** | | | | | | **●** | |  | | | |  | | | | | | | | | | | |  | **●** | | | **●** | | | | | | | |  | | | | | | **●** | | | | | | | | | | | | | | **●** | |  | **●●●●● ●** | | | | | | | | | | | **●●** | | |  | | | |  | | | | | | | | | **●** | |  |
| **● ● ●** | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |  |  | | | | | | |  | **●** | | | **●** | | | | | | | | | | | | | |  |  | | | | | | **●** | | | **●** | | | | | | | | | | | | | | |  | **●** | | | | | | | | | | | | | **●** | | **●** | | | **●** | | | | | | **●** | | | | | | | | | | | | | | | |  | **●●** | | | | | | | | | | | **●** | | | **●** | | | | **● ● ●** | | | | | |  | | | | | | | | | |  |
| **●** | | | | | | | | | | | | | **●** | | | **●** | **● ●** | |  | **●** | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | | **●●●** | | | | **●** | |  | **●** | | | | | | | | | | | **● ●●** | | | | | | | | | | | | **●** |  | |  | **●** | | | **●** | | | | | | | **●** | |  | | | **●** | | | | | | | **●** | | | | | | | **●** | | | | **●** | |  | |  | **●** | | | **●** | | | | | | | **●** | |  | | **●** | | | | **●** | | | | | **●** | | |  | |  |
|  | | | | **● ●** | | | **●** | | | | | | | | | | | |  |  | | | | | | | **● ●** | | | |  | | | | | | | | | | | |  | |  |  | | | | | | | **● ●** | | | | **●** | | | | | | | | | | | | | | |  | |  | **●** | |  | | | | | | | |  | | | | | | **●** | | **●** | | | | | | | | | | | | **●●** | | | |  | |  | **●** |  | | | | | | | | |  | | | | | **●●** | | | | **●●** | | | | | | | | | | |  | |  |
|  | | | |  | | | | | | | | | | | |  |  | | | | | | |  | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |  | | | | | | |  | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |  | **●●** | |  | | | | **●** | | **●** | | | | | | |  | | | | | | **●** | | | **●** | | | | | | | **●** | | | |  |  | **●** | | **● ●** | | | | | | | | | |  | | |  | | | | **●** | **●** | | | | | | | **●** | | | |  |
|  | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |  | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |  | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |  | | |  | | | |  | | | **● ●●** | | | | | | | |  | | | | **●** | | | | | | | **●** | | | |  |  | |  | | | | **●● ●●** | | | | | | | **●** | | | | | | | **●** | | | **●** |  |
| **●** | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | |  | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | **●** | | | | |  | **●** | | **●** | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | **●** | | | | **●** | |  | **●** | | **●** | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | | | | **●** | |  | | **●** | | **●** | |  | **●●** | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | **●** | | | | | | | | | | |  |
| **●●** |  | | | | | | | | | | **●** | **●** | | | | | | |  | **●●** | |  | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | |  | | |  |  | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | |  | | |  | **●** | | | | **●** | | | | **● ●** | | | | | | |  | | | **●** | | **●** | | | | **●** | |  | | | |  | |  | |  | **●●** | | **●** | | | **●** | | | | **● ●** | | | | | | | |  | | | | | **●** | | **●** | | **●** | | | | **●** | | **●** | | |  | |  |
|  | | | | | | | | | |  | | | | **● ●** | |  |  |  | | | | | | | | | | | | | | | **●** |  | | | | | |  | | |  | **●●** | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | |  | | | | |  | | |  | **●●** | | | | | | | | | |  | | |  | | | | **●●** | | | | | | | | **●** | | | |  |  | | | | | | |  | | **●●** | | | **●** | | | | | |  | |  |
|  | | | | | | | | | | | | | | | |  |  |  | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | **●** | | | |  |  | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | **●** | | | | |  | **●** | | | **●** | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | **●** | | | | | | | | | | | **●●** | | | | | **●** | | |  | **●** | | | **●** | | | | | | | | | | | **●** | | | | | **●** | | | | | | | **●●●** | | | | | **●** | | |  |
| **● ●** | | | | | | | | **●** | | | | | | | | | | |  | **● ●** | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | |  | **● ● ●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  | **●●● ●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | **●** | | | | | | | |  | **●** | | | **● ●** | | | | | | | **●** | | | **●** | | | | | | | | | | **●** | | **●** | | **●** | | | | | | | | | |  |
| **●** | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** |  | **●** | | | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | **● ●** | |  | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | |  | | | | | | | | **●●** | | |  | **●** | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | **● ●** | | | | | | **●** | | | | | | | | | | | | **●●** | | |  | **●** | **●** | | | | | | | | |  | | | | **● ●** | | | | | |  | |  | | **● ●●●** | | | | | | | |  |
| **●** | | | | | | **● ●●** | | | | **●** | | | **●** | | | | **●** | |  | **●** | | | | | | | | | | **● ●●** | | | | | **●** | | | **●** | | **●** | | | | | | |  | **●** | | | **●** | | | | | **●** |  | | **●●** | | |  | |  | | | | | | | |  | **●** | | | | | | | | | **●** | | |  | | **●** | |  | | **●** | | | | | | | | | | | |  | **●** | | | | | | | | | **●** | |  | | **●●** | | |  | | | | | |  |
| **●** | | | | | | **●** | | | | | | **●** | **●●** | |  | **●** | | | | | | | | | |  | | | **●** | | | | | | **●●** | | |  |  | | | | | | **●** | |  | | **●● ●** | | | | | | | | | | | **●●** | | | |  |  | | | | | | | **●** | | |  | |  | **●** | | **●●●** | | | | | | | | | | | **●●** | |  | **●●** | | | | | **●** |  |  | | | | | | **●** | | | |  | | **●●●** | | | | | | | | | | | **●● ●●●** | | | | | | | **●●** | |  |
| **●** | | | | | | | | | | | | | **●** | | **●** | | | |  |  | | | | **●** | |  | **●** | | **●** | | | | | | | | | | **●** | | **●** | | **●** | | | | | |  | **●** | |  | | **●** |  | **●** | | | | | | | | | **●** | | **●** | | | **●** | | | | | | |  | **●** | |  | | **●** | | | **●●●** | | | | | | | | **●** | | | | | | | | | | |  | **●** |  | **●** | |  | | | | **●●** | | | | | | | **● ●** | | | | | | | **●** | | | |  | **●** |  |
| **●** | | **●** | | | | **●** | | **● ●** | | |  | |  | | | |  | **●** | | | **●** |  |  | **●●●** | | | | | |  | | |  | | | | | |  | **●** | | **●** | | **●** | | **●●** | | | | **●** | | | | | |  | | | | | | |  | **●** | | **●** | | **●** | | | | **●●** | | | | **●●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  | **●●●** | | | | | | **●** | | | | **●●** | | | | |  | | | **●** | **●●** | | | | | | | | | | **●** | |  | | |  |
| **●** | | | **●** | | | | | **●●** | | | | | | | |  |  | | | **●** | | | | | | **●●** | | | | | | | | | | | | |  |  | |  |  | | **●** | | | | | | | | | | | | | | | |  |  | |  | | |  | | | | **●** | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | **●** | | | | | |  |  | |  | | | |  | | | **●●** | | | | | | | | | **●** |  | | | |  |
| **●** | | | | | | | **●** | | **●** | | | | **●** | **●** | **●** | | **●●** | |  | **●** | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | **● ●●** | | | | | | | **●●** | | |  | **●** | | | | | | | | | | | | **●●** | | | | | | | | **●●** | | | | | | **●** | | |  | **●** | | | | | | | | | | | | | | **●** | | **●●** | | | | | | | | | | | **●●** | | | | | | | **●** | | | | | |  | **●** | | | | | | | | | | | | **●** | | | **●●** | | | | | | | | | **● ●●** | | | | | | **●●** | | | | | | |  |
|  | | | | | | | | | | | **●** | **●** | | **●** | | | **●** | |  | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | **●** | | | | | | | | | | **●** |  | **●** | | | | | | | | | | **●** | | | | | | **●** | **●** | | | | | | | | **●** | | **●** | |  | **● ●** | | | | | | | | **●** | | | | | | **●** | | **●** | | **●** | | | | | | | **●** | | | **●** | | | **●** | | | | | | | | **●** |  |  | **●** | | **●** | | | | | | **●** | | | | **●** | | **●** | | **●** | | | | **●** | | | **●●** | | | | **●●** | | | | | | | | **●** |  |
|  | | | | | | | | | | |  | | | | |  |  | | | | | | | | | | | | | | | | | **●●** | | | | | | | | | |  |  | | | | | | | | | | | | | | | | **●●** | | | | | | | | | |  |  | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | | | |  | | | | | | | |  |  |  | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | |  | | | | | | | |  |
| **● ●** | | | | | | | | | | | **●** | | **● ●** | | | | **●** | |  | **● ●** | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | **●●●** | | | | **●** | | | | | **●** | |  | **● ●** | | | | | | | | | | | | **●** | |  | | **●** | | **●●●** | | | **●** | | | | | **●** | | |  | **●** | | | **●** | | | **●** | | | | | | | | | | **●** | |  | | | **●** | | | **●●** | | | | | | | | | | | | | **●** | | |  | **●** | | **●** | | |  | | | | | **●** | | | **●** | | | | | | | **●** | | **●●** | | | | **●** | | | | | | | | **●** | | |  |
| **●** | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | **●** | |  |  | | | | | | | | | | | | | **●●** | |  | | **●** | | | | **●** | | **●** | | | | |  |  | | | | | | | | | | | |  | | **●** | | | **●** | | **●** | | | | | |  |  | | |  | **●** | | **●** | | | | | | |  | | | **●** | | | | | **●** | | | **●** | | | | | | | |  |  | |  | | | | |  | | | **●●** | |  | | **●** | | | | **●** | | | **●** | | | | | | | |  |
|  | | | | | | | **●** | | **●** | **● ●** | | | | **●** | | | | |  |  | | | | | | | | | | | **●** | | **●** | **●** | | | | | |  | | | | |  | **●●** | | | | | | | | | | | | | | | **●** | **●** | | | | | **●** | | | | | |  | **●** | | | | | | | **●** | | | | | | | **●●** | | | **●** | | **●** | | | | | | | | **●●** | | | | **●** | | | |  | **●** | | | | | **●● ●** | | | | | | | | | | | **●** | | **●** | | | | | |  | **●** | |  | | **●** | | **●** |  |
| **●** |  | | | | | | **●** | | | | | | | | | |  | **●** | |  | | | | | | | | |  | | **●** | |  | | | | | | | | | | |  | **●** | | |  | | | | | | | **●** | |  | | | **●** |  | | | | | | | | | | | |  | **●** | | | **● ●** | | | | | | | | | | | **●** | |  | | | **●** | |  | **●** | | |  | | | | | **●** | | | **●** |  | **●** | | | **●** | | | **●** | | | | | | | **●** | |  | | |  | | | | | | | | | |  | | **●** |  |
| **●** | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | |  |  | | | | | | | | **●** | | **●** | | | |  | | | | | | | | | | |  |  | | | | | | | **●** | | | |  | **● ●** | | | | | | | | |  | |  |  | | | | | | | | | | | **●** | | | | |  | **●** | | | | | | | | **● ●** | | | | |  | **● ●** | | | | | | |  | | | **●** | | | | **●** | | | **● ●●●●●** | | | | | | | | | | | | | | |  |
| **●** | | | | | | | | **●** | | **●** | | | **●** | | | | | |  | **●** | | | | | | | | | | **●** | | | **●** | | | | | | **●** | | | | | | | |  | **●** | | | | | | | | | **● ●** | | | | | **●** | | | |  | |  | **●** | | | | **●** | | | | | | | | **●** | | | **●●** | | | | | | | | | | | **●** | | | | | **●●** | | | |  | **●** | | | **●** | | | | **●●** | | | | | | | | | | **●** | | | **●●** | | | | **● ●** | | | | | |  |

|  |
| --- |
| Simulation: 1 Simulation: 2 |



Attractivité **●** 0.2 **●** 0.4 **●** 0.6 **●** 0.8 **●** 1.0

Paramètres de la sélection :

sim\_name : [6\_6\_Scenarios\_base]

Figure 6.7 – Dispersion spatiales des agrégats et pôles.

Sur le plan de la polarisation d’ensemble des foyers paysans au sein d’agrégats de population, les résultats du modèle montrent que SimFeodal est entièrement capable de reproduire les attendus. La valeur finale issue des simulations est certes légèrement inférieure à l’objectif, mais tous les ordres de grandeurs et surtout les rythmes estimés correspondent largement aux estimations issues des connaissances expertes.

**6.1.2.3 Capacité du modèle à simuler la hiérarchisation du système de peuplement**

Les dernières figures étudiées montraient une forte hétérogénéité dans la taille des agrégats (un agrégat est créé dès 5 foyers paysans, et la légende de la première série de cartes – dispersion des agrégats – s’étend entre 50 et 500 foyers), ce qui constitue déjà un indice sur le niveau de hiérarchisation de ces concentrations locales de foyers paysans.

Comme indiqué dans le chapitre 3, il est difficile d’avoir des mesures précises de la distribution statistique attendue dans le système de peuplement. Les dif-férentes sources historiques divergent aussi bien sur les quantités absolues que

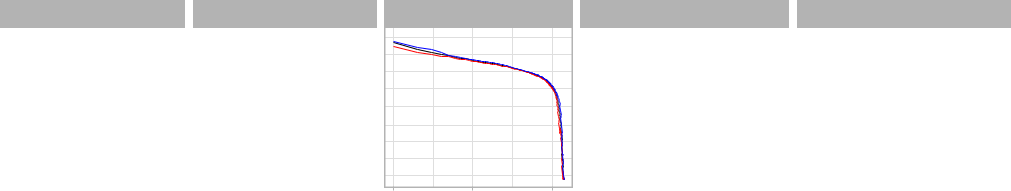
16

Chapitre 6 6.1. CALIBRAGE DU MODÈLE ET PREMIERS RÉSULTATS

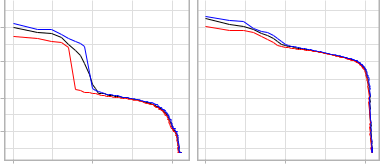
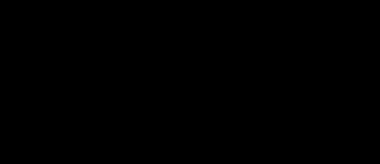
sur la forme des distributions. Ces sources s’accordent en revanche sur une nette hiérarchisation, avec une distribution qui doit tendre vers les formes log-normales dont l’on retrouve l’existence dans les sociétés contemporaines.

Évolution de la distribution rang−taille des agrégats de population

Variabilité : Moyenne, Q1 et Q3 des Réplications



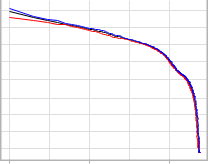
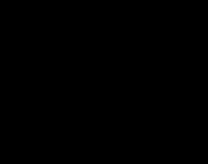
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Tailledesagrégats | (nombredefoyerspaysans) |  |  |  |  |  |  |  | 820 |  |  |  |  |  |  |  |  | 900 |  |  |  |  |  |  |  | 1000 |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  | 300 |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  | **●** | **●●** |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  | **●** | **●●** | **●●** |  |  |  |  |  |  | **●●** | **●●** |  |  |  |  | **●** |  | **●●** | **●●** | **●●● ●● ●● ●● ●●** |  |  |
|  |  |  | **●** |  |  |  |  |  | **●** | **●** | **●** |  |  |  |  |  | **●●** | **●** |  |  |
|  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●** | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  | **●** | **●●** |  |  |  |  |  |
|  |  |  | **●** | **●** | **●** | **●●** | **●●** | **●** | **●** |  |  |  |  |  | **●** | **●●** | **●●●** | **●●● ●●● ● ●●** |  |  |  |  |  |  |  | **● ●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●** | |  |
|  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **● ● ●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●** | |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●** |  |
|  |  | 100 |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |
|  |  | 30 |  |  |  |  |  | **● ● ● ● ●● ●●● ●●●●●●●●●●●●** | | **●● ●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |
|  |  | 10 |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
|  |  |  | 1 |  |  |  |  |  | 10 | 100 | 1 |  |  |  |  |  |  | 10 | 100 | 1 |  |  |  |  |  | 10 | 100 |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | Rang (log10) | |  |



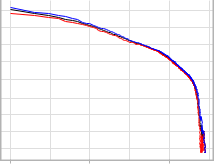
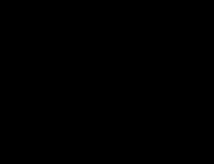
**●** Moyenne **●** Q1



|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  |  |  |  |  |  |  | 1100 |  |  |
| **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| **●** | **●●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |
|  | **●** | **●●** | **●●** | **●** |  |  |  |  |  |
|  |  |  | **●** | **●** | **●●** | **●●** | **●** |  |  |
|  |  |  |  |  |  | **●** | **●● ●●● ●●● ●●● ●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●** | |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
| 1 |  |  |  |  |  |  | 10 | 100 |  |
| **●** | Q3 |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |



|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  |  |  |  |  |  |  | 1200 |  |  |
| **●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| **●** | **●●** | **●** | **●●** |  |  |  |  |  |  |
|  | **●** | **●●** | **●** | **●●** |  |  |  |  |
|  |  |  | **●** | **●** | **●** |  |  |  |
|  |  |  |  | **●** | **●** | **●● ●●● ●●** | **●** |  |  |
|  |  |  |  |  |  | **●** | **●● ●●● ●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●** |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●● ●●●●** | |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●● ●** |  |
| 1 |  |  |  |  |  | 10 | | 100 |  |



Paramètres de la sélection :

sim\_name : [6\_6\_Scenarios\_base]

Figure 6.8 – Organisation hiérarchique des agrégats.

La figure 6.8 montre une claire hiérarchisation des agrégats : la courbe se

* redresse » au cours de la simulation, marque d’une pente croissante. Les va-leurs absolues augmentent aussi : les plus gros agrégats voient leur population croître. Le « coude » dans la courbe, qui correspond à la longue traîne de petits agrégats, se réduit.

En parallèle de cette nette hiérarchisation des agrégats, les graphiques de la figure 6.9 permettent de constater une toute aussi nette hiérarchisation des pôles. Cela n’est pas surprenant dans la mesure où on a vu qu’agrégats et pôles se confondaient, ce qui constitue en soi un résultat satisfaisant.

Évolution rang−taille de la composition des pôles Évolution de l'attractivité des pôles

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Variabilité : Moyenne, Q1 et Q3 des Réplications | | | | | | | | | | | Variabilité : Réplications | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |
| 820 | | | | 960 | | 1060 | | | 1200 | | | | | | | 820 | | | | | | | | | | | 900 | | | | | | | | | | | | | | | 1000 | | | | | | | | | | | | | 1100 | | | | | | | | | | | | | 1200 | | | | | | | |  |
| (log10) | 10 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |
| 90 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | | |  |
| Nombred'attracteurs | | | | | | | | | | Fréquence | 30 | | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |
| **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |
| 3 | | | | | | | | | | | 60 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | |  |
| **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |
| **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |
| **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |
| **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |
| **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |
| **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |
|  | | | | | | | | | | | | | | | **●** | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |
|  | 1 |  | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |
|  | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | **●** | | | | |  |
| **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |
|  | 1 | 10 | 1001 | 10 | 100 1 | 10 | 100 | 1 | 10 | 100 | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | **●** | |  |
|  | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** |  |
|  | | | | | Rang (log10) | |  | | | | 0 | **●** | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | **●** | **●** | | | | | | | | | | | | |  |
|  | | | | |  | | | | **●** | | | | **●** | **●** | **●** | | | | | | **●** | | | | **●** | | | | | | | | | | | | **●** | | | **●** | | | **●** | **●** | **●** | | | | | | | | | | | | | **●** | | | | | | | | | | | | | **●** | |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | .1 | | .2 | .3 | .4 | .5 .6 .7 .8 | | | .9 | 1 | .1 | | .2 .3 | | .4 | | .5 | | .6 | | .7 | | .8 .9 | | 1 | .1 | | .2 | | .3 .4 | | .5 .6 | | | .7 .8 | | .9 | 1 | .1 .2 .3 | | | | .4 | | .5 | .6 | | .7 | | .8 | | .9 | 1 | .1 | .2 .3 | | .4 | .5 | | .6 | | .7 .8 .9 | | | 1 |  |
|  |  | Méthode d'agrégation | | | | Moyenne |  | Q1 | Q3 |  | 0 | 0 0 0 0 0 | | | | | 0 | 0 0 | |  | 0 | 0 | | 0 0 | | 0 | | 0 | | 0 | | 0 | | 0 |  | 0 | 0 | | 0 0 | | 0 | | 0 | 0 | | 0 0 | |  | 0 | 0 | 0 | 0 | | 0 0 | | | 0 | | 0 | | 0 | |  | 0 0 0 | | 0 0 | | | 0 | | 0 | | 0 | 0 |  |  |
|  | |  |  | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | Attractivité | | | | | | | |  | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |
|  | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |
| Paramètres de la sélection : | | | | | | | | | | | Paramètres de la sélection : | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |
| sim\_name : [6\_6\_Scenarios\_base] | | | | | | | | | | | sim\_name : [6\_6\_Scenarios\_base] | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |  |

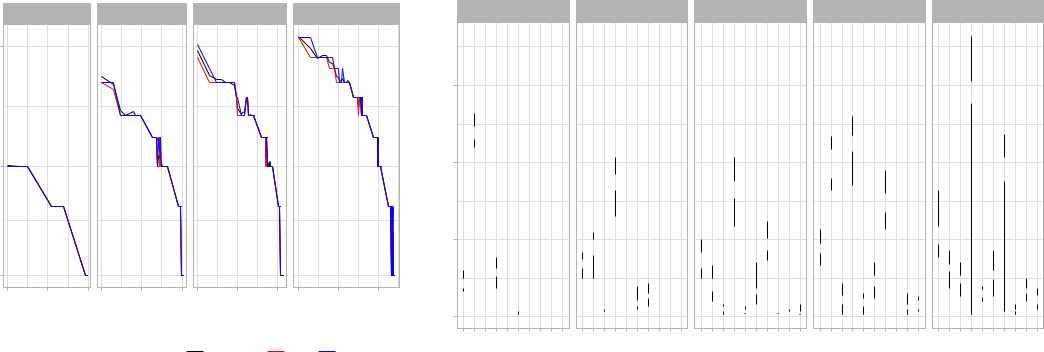


Figure 6.9 – Organisation hiérarchique des pôles.

La mesure représentée dans la figure de gauche – le nombre d’attracteurs de chaque pôle – est beaucoup plus « discrète » que le nombre de foyers paysans des agrégats. Il y a moins de modalités (de un à une dizaine d’attracteurs, contre de 5 à plus de 500 foyers paysans), donc moins d’effets possibles de coudes. Ce graphique communique donc plus lisiblement, visuellement, la forte hiérarchisation des pôles. Comme le nombre maximum d’attracteur augmente régulièrement (environ 3 en début de simulation contre plus de 10 à la fin), on peut dire que dans le modèle, cette hiérarchisation est dûe à une croissance des pôles les plus importants et non à une croissance équitablement répartie. Par exemple, en fin de simulation, sur les 250 pôles, moins de la moitié est composée de plus de trois attracteurs.17

Chapitre 6 6.1. CALIBRAGE DU MODÈLE ET PREMIERS RÉSULTATS

En cela, le modèle reproduit bien l’apparition d’une tête de hiérarchie urbaine, qui trouve une correspondance empirique dans les villes (Amboise, Loches, Chinon…) de la région d’étude, organisées autour de châteaux et composées de multiples églises paroissiales. La figure 6.9-b montre aussi cette hiérarchisa-tion : elle met en évidence un glissement des modalités d’attraction depuis une valeur de 0.2 (deux églises paroissiales) à un double mode à 0.4 (deux églises et une communauté) et 0.7 (plusieurs églises, un château, une communauté…).

Un dernier élément du modèle en lien avec la hiérarchisation du peuplement est composé par la hiérarchie des paroisses. On peut extraire deux types de comportements attendus à partir des connaissances empiriques.

— En premier lieu, une large majorité des paroisses, que l’on pourrait nom-mer « rurales », sont peu fréquentées et visent surtout à une desserte équi-table de la population. Un paroissien ne devait ainsi pas avoir à effectuer plus d’une heure de marche pour se rendre dans son église paroissiale.

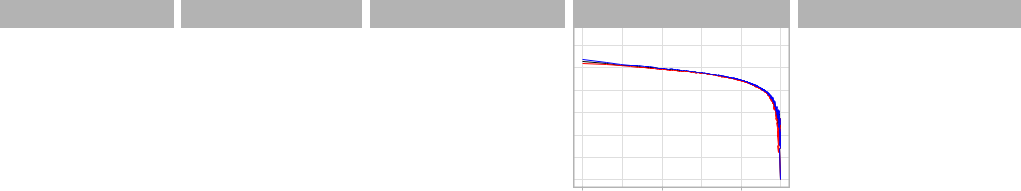
— En second lieu, les paroisses « urbaines » desservent un nombre de pa-roissiens bien supérieur à celui des paroisses rurales. D’après les connais-sances expertes, ce nombre reste largement inférieur au millier de pa-roissiens, puisque de nouvelles paroisses urbaines étaient créées pour décharger les églises paroissiales trop fréquentées.

En agrégeant ces types de paroisses, le fait stylisé que l’on cherche à repro-duire dans le modèle serait donc d’avoir une distribution composée de deux tendances : une tête de hiérarchie desservant un grand nombre de paroissiens, mais avec une faible hiérarchisation interne (paroisses urbaines), et une très longue traine, cette-fois ci plus hiérarchisée et desservant beaucoup moins de paroissiens (paroisses rurales).

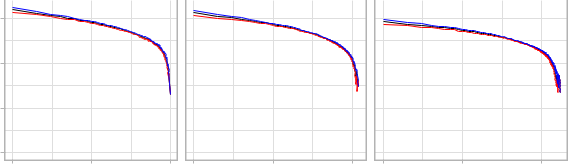
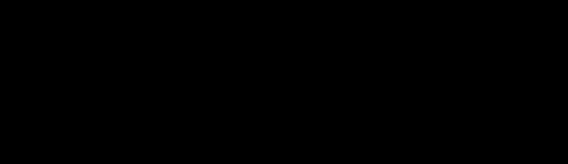
Dans la figure 6.10, on constate que le modèle semble reproduire ce type de distribution : on y remarque bien une courbe caractérisée par une double ten-dance. Le haut de la hiérarchie présente une pente faible, signe d’une homo-généité importante entre 100 et 300 paroissiens, et est nettement séparé d’une longue traîne, graphiquement presque verticale, inférieure à 100 paroissiens. Le nombre maximum de paroissiens diminue au cours de la simulation, passant de plus de 1000 à environ 300.

Évolution de la distribution rang−taille des paroisses

Variabilité : Moyenne, Q1 et Q3 des Réplications



|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| paroissiens |  |  |  |  |  |  | 820 | | |  |  |  |  |  |  | 900 |  |  |  |  |  |  |  | 1000 |  |  |  |  |  |
|  | **●●** |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●** |  |
|  | 1000 | **●** | **●●** | **●●●** |  |  |  |  |  | **●●** | **●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  | **●** | **●● ●** |  | **●** | **● ●● ●●● ●●● ●●●** | **●●●** | **●** | **●** |  | **●** | **●●** | **●● ●● ●● ●● ●●** |  | **●●** | **●●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  | **● ●●** | **●●** | **●** | **● ●** |  |  | **●** | **●●** | **●●●** | **●●** |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  | **● ●● ●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●** | |  | **●** | **●●** | **●●●** | **●●●** | **●●●** | **●●● ●●● ●●● ●●● ●●● ●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●** | |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●** |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●** |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●** | |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●** | |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** | |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** | |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** | **●●●●** |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●●●●** | |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |
|  | 100 |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●●●** |  |
| de |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
| Nombre | 10 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 1 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  | 1 |  |  |  |  |  | 10 |  | 100 1 |  |  |  |  |  | 10 | 100 | 1 |  |  |  |  |  | 10 |  |  |  | 100 |  |



Rang (log10)

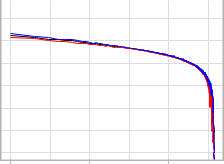
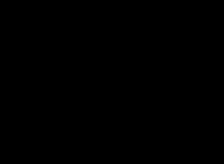
**●** Moyenne **●** Q1



|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  |  |  |  |  |  | 1100 |  |  |  |
| **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| **●●** | **●●** | **●●** |  |  |  |  |  |  |  |
|  | **●** | **●●** | **●●●** | **●●●** | **●● ●● ●● ●● ● ●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●** | |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●● ●●●● ●●** | **● ●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |
| 1 |  |  |  |  |  | 10 | 100 | |  |
| **●** | Q3 | |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |



|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  |  |  |  |  |  |  | 1200 |  |  |
| **●●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |
| **●** | **●●** | **●●** | **●** | **●** | **●** |  |  |  |  |
|  |  | **●** | **●** | **●●** | **●●** | **●●●** | **●●● ●●● ●●● ●● ●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●** | **●●●●●●●● ● ●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |
| 1 |  |  |  |  |  |  | 10 | 100 |  |



Paramètres de la sélection :

sim\_name : [6\_6\_Scenarios\_base]

Figure 6.10 – Organisation hiérarchique des paroisses.

En regardant des indicateurs plus détaillés (figure 6.11), on peut remarquer que cela correspond en fait à une forte homogénéisation dans les intervalles de

18

Chapitre 6 6.1. CALIBRAGE DU MODÈLE ET PREMIERS RÉSULTATS

50 à 200 paroissiens (51-100 et 101-200) qui deviennent en fin de simulation le mode principal de la distribution. Cet intervalle correspond aux paroisses rurales qui contiennent quelques agrégats ruraux de taille moyenne à faible (figure 6.8).

Évolution du nombre de foyers paysans par paroisse

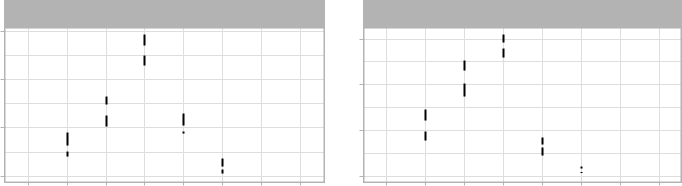
Variabilité : Réplications

|  |
| --- |
| Fréquence |

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | 820 | |  |  |  |  | |  | 900 | | |  |  |  |  | 1000 | | |  |  |  |  |  |
| 30 |  |  |  |  |  |  |  | 40 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  | **●** | |  | 30 | |  |  |  | **●** | | | |  | **●** | |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 40 |  |  | **●** | |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | | |  |
|  |  |  |  |  |  | **●** | | |  | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 20 |  |  |  |  |  |  |  | 20 |  | **●** | | **●** | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 20 |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 10 | **●** | |  |  |  | 10 | | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | | | |  | **●** | |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |



|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  |  | **●** |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  | **●** |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 0 |  |  | 0 | **●** |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | **●** |  |  | 0 |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |
| 150 |  |  |  |  |  | 0 | −100 | −200 | −300 | −500 | |  |  | >1000 |  |
|  |  |  |  |  | 1 | − | |  |
|  |  |  |  |  |  |  | 1000 |  |  |
|  |  | 1100 |  |  | 1200 | − 50 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  | **●** | 150 | **●** |  |  | 51 | 101 | 201 | 301 | 501 | |  |  |  |
| 100 |  |  | 100 | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 50 |  |  | 50 | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  | **●** |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 0 |  | **●** | 0 |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| **●** | **●** | **●** |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |



|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 0 |  |  |  |  |  | − | | >1000 | 0 |  |  |  |  |  | − | | >1000 |  |
| −50 | −100 | −200 | −300 | −500 | | −50 | −100 | −200 | −300 | −500 | |  |
|  | 1000 |  |  | 1000 |  |  |
| 1 |  |  | 1 |  |  |  |
|  | 51 | 101 | 201 | 301 | 501 | |  |  |  | 51 | 101 | 201 | 301 | 501 | |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |

Nombre de paroissiens

Paramètres de la sélection :

sim\_name : [6\_6\_Scenarios\_base]

Figure 6.11 – Détail de la distribution hiérarchique des paroisses.

SimFeodal parvient donc bien à reproduire la double-densification du maillage paroissial. En milieu rural, le nombre de paroisses augmente jusqu’à assurer une desserte équitable des foyers paysans qui dans le même temps ont tendance

* se concentrer, et en milieu urbain, le nombre de paroisses augmente aussi jusqu’à uniformiser le nombre de foyers paysans par paroisse entre 200 et 300.

Dans l’ensemble, SimFeodal montre une bonne capacité à reproduire la hié-rarchisation du système de peuplement. Avec les informations dont l’on dispose pour évaluer le modèle, on ne peut qu’être satisfait des tendances présentes dans cette version calibrée de SimFeodal. Le modèle reproduit en effet bien les faits stylisés estimés, même si ces derniers sont formalisés de manière plus floues que par exemple le phénomène de polarisation. Cette incertitude, ou au moins de manque de détail, est dû à la faiblesse de la documentation empi-rique sur ces questions thématiques : il est déjà difficile d’avoir une estimation des populations à cette période féodale, alors le détail de la forme de distri-bution de ces populations est une connaissance encore plus dure à estimer. À ce stade de maturité du modèle, il faudrait sans doute collecter de nouvelles sources historiques pour pouvoir raffiner le comportement du modèle, ou au moins, départager des simulations présentant de légères variations au niveau des indicateurs analysés dans cette sous-partie.

**6.1.2.4 Capacité du modèle à simuler la fixation et la dissémination du peuplement**

Dans ce dernier objectif thématique, on cherche à vérifier si le modèle par-vient bien à reproduire le double processus de fixation des foyers paysans et de dissémination des peuplements dans l’espace.

19

Chapitre 6 6.1. CALIBRAGE DU MODÈLE ET PREMIERS RÉSULTATS

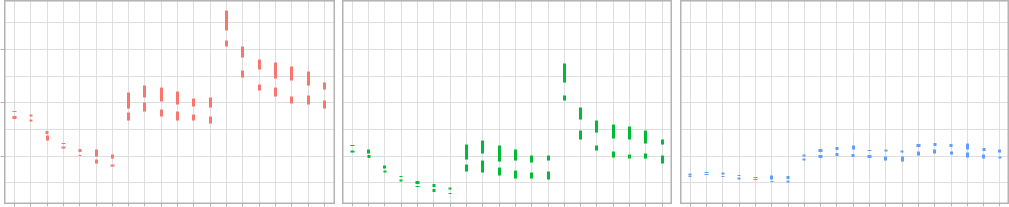
Dans le modèle, ces processus devraient s’exprimer sous la forme d’un accrois-sement des migrations (restructuration) suivi d’une diminution nette (fixa-tion). Àu niveau d’observation des agrégats, on devrait observer une couver-ture croissante, de plus en plus dense, du monde simulé.

Migrations des foyers paysans

Variabilité : foyers paysans et réplications

|  |
| --- |
| % de migration |

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Deplacement (Total) |  | Local |  | Lointain |
|  |  |  |  |  |



|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 15.00% |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 10.00% |  |  |  |  |  |  | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  | **●** | **●** | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | **●** |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●** | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |
| 5.00% |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●** |  |  |  | **●** | **●** | **●** | **●** |  |  |
|  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●** | **●** |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  | **●** |  |
|  | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  | **●** | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | 820840860880900920940960980 | | |  |  |  |  |  | 820840860880900920940960980 | | | |  |  |  |  |  |  |  | 820840860880900920940960980 | | | | | | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  | 10001020104010601080110011201140116011801200 | | | | | |  |  |  | 10001020104010601080110011201140116011801200 | | | | | | | |  |  |  |  |  |  | 10001020104010601080110011201140116011801200 | | | | | | | | | | | |  |

Temps

Paramètres de la sélection :

sim\_name : [6\_6\_Scenarios\_base]

Figure 6.12 – Migration des foyers paysans.

**Fixation des foyers paysans.** La figure 6.12 illustre l’évolution des mi-grations, selon leur type (locale ou lointaine, cf. chap 2, règles migrations) au cours du temps. On y constate que le modèle produit un motif spécifique, composé de trois phases :

— Avant 960, les migrations diminuent de manière régulière, depuis près de 10% de migrations (total) jusqu’à 5%. Dans le modèle, cette période cor-respond aux premiers regroupements de foyers paysans. Ces derniers, ini-tialement isolés, rejoignent des pôles locaux (églises rurales par exemple) et y constituent ainsi de petits agrégats ruraux locaux. Ils se fixent dans ces agrégats car il n’y pas encore véritablement de motif d’insatisfaction (religieuse ou de protection du moins).

— En 960, deux éléments exogènes viennent perturber le système : l’aug-mentation de la pression religieuse (diminution des seuils de distance aux églises) et de la pression de protection (nécessité de s’approcher des châ-teaux). En conséquence,le nombre de migrations bondit et retrouve son niveau de début de simulation (environ 10%). Le besoin de protection augmente régulièrement à cette période, et les foyers paysans sont donc sans cesse amenés à migrer, ce qui explique que ce niveau de migration semble stable jusqu’à la fin de cette deuxième phase 10.

— Une nouvelle rupture survient en 1060, là encore en raison d’une aug-mentation, exogène, de la pression religieuse (les seuils acceptables de distance à l’église paroissiale diminuent encore jusqu’à devenir très res-treints). À nouveau, les migrations (uniquement locales cette fois-ci) aug-mentent de manière abrupte, et, comme dans la première phase, tendent ensuite à diminuer : le niveau maximal d’exigences (religieuse, de pro-tection) est atteint, et les migrations des foyers paysans y pallient.

10. Si de nouveaux éléments exogènes ne venaient pas à nouveau perturber le système après

1060, le niveau de migration diminuerait à son tour, comme avant 960.

20

Chapitre 6 6.1. CALIBRAGE DU MODÈLE ET PREMIERS RÉSULTATS

Évolution de la satisfaction des foyers paysans

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | Variabilité : Ensemble des réplications | | | | | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | 100 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | 75 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | Globale |  |
|  | 50 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | 25 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | 0 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| Distribution (en %) | 100 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | ProtectionMatérielle |  |
| 75 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 50 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 25 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 0 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 100 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 75 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 50 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 25 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | 0 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | 100 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | Religieuse |  |
|  | 75 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | 50 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | 25 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | 0 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | 820 | 840 | 860 | 880 | 900 | 920 | 940 | 960 | 980 | 1000 | 1020 | 1040 | 1060 | 1080 | 1100 | 1120 | 1140 | 1160 | 1180 | 1200 |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | Temps | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  | Satisfaction | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  | < 0.1 | 0.1 | 0.2 | 0.3 | 0.4 | 0.5 | 0.6 | 0.7 | 0.8 | ... 0.9 |  |  |  |  |  |
|  | Paramètres de la sélection : | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | sim\_name : [6\_6\_Scenarios\_base] | | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |

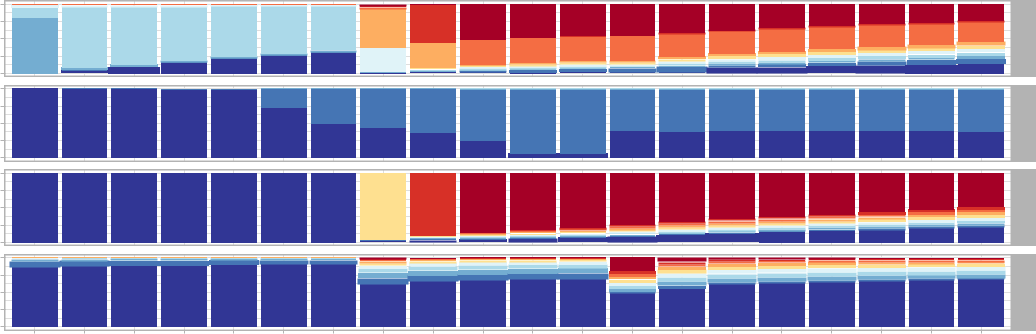


Figure 6.13 – Satisfaction des foyers paysans.

La lecture de la figure 6.13, qui présente les types de satisfaction des foyers paysans au cours de la simulation, vient appuyer cette analyse. On y retrouve les trois phases observées dans les sorties de simulation. Avant 960, la satis-faction augmente, et les migrations diminuent avec elle. En 960, c’est bien la satisfaction de protection qui diminue fortement, poussant les foyers paysans

* migrer et déclenchant la seconde phase migratoire. En 1060, on retrouve le même effet, de moindre ampleur cependant, dans la satisfaction religieuse. À nouveau, les satisfactions diminuent et une nouvelle phase migratoire est initiée.

Détail du type de migrations des foyers paysans

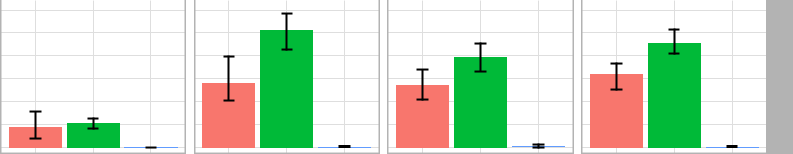
Variabilité : Moyenne/Min/Max des réplications



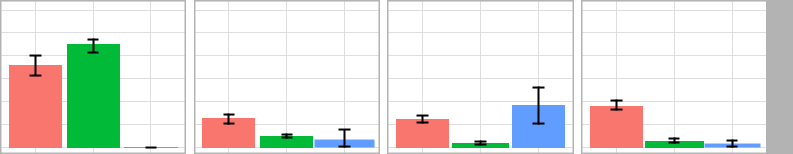
|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
|  |  | 820 |  |
|  |  | 60.00% |  |
|  |  | 40.00% |  |
| % des migrations | (min, moyenne, max) | 20.00% |  |
| 0.00% |  |
| 60.00% |  |
| 40.00% |  |
|  |  |
|  |  | 20.00% |  |
|  |  | 0.00% |  |



|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 900 |  | 1000 |  | 1100 |  | 1200 |
|  |  |  |  |  |  |  |



|  |
| --- |
| Origine: Agrégé |



|  |
| --- |
| Origine: Isolé |

Temps

Destination choisie

Agrégat local  Agrégat lointain  Pôle local hors agrégat

Paramètres de la sélection :

sim\_name : [6\_6\_Scenarios\_base]

Figure 6.14 – Types de migration des foyers paysans.

En observant le détail des migrations (figure 6.14), non continu dans le temps contrairement aux graphiques précédents, on ne retrouve que deux périodes. La figure nous renseigne toutefois sur une autre dimension liée aux migrations, en fonction ici de l’origine et de la destination des foyers paysans. On peut alors préciser les observations précédentes : quels foyers paysans migrent, et où ?

En 820 et en 900, la plupart des migrations proviennent de foyers paysans isolés. Ces migrations, locales et lointaines, permettent aux foyers paysans de rejoindre un agrégat, quel qu’en soit la place dans la hiérarchie. En 1000 et

21

Chapitre 6 6.1. CALIBRAGE DU MODÈLE ET PREMIERS RÉSULTATS

après, les foyers paysans isolés représentent encore une part substantielle de la population (50% d’après la figure 6.4), mais leur poids relatif dans les mi-grations est devenu bien plus faible que celui des migrations entre agrégats de population. Après une première période de concentration arrive une période de choix hiérarchique pour les foyers paysans, où les différences d’attractivité des agrégats jouent alors un rôle prépondérant. Cela indique aussi qu’à partir de cette période, les agrégats sont pour la plupart pérennes et voient alors se mettre une compétition en place.

**Dissémination du peuplement.** La répartition des paroisses, dans le mo-dèle, constitue un observable intéressant pour évaluer la dissémination du peu-plement. Comme les paroisses ont comme vocation de desservir la population des foyers paysans, elles constituent un proxy de sa répartition tout au long du temps. Les indicateurs liés (figures 6.15 et 6.16) donnent une lecture satisfai-sante du processus de dissémination.

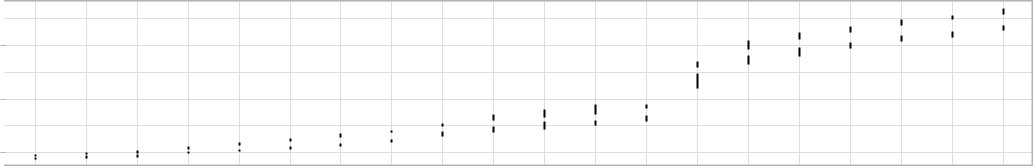
En premier lieu, on note que le nombre d’églises paroissiales augmente de manière régulière au cours du temps, avec un saut entre 1060 et 1080 (comme pour de nombreux indicateurs vu auparavant (figure 6.15). Par rapport aux logiques de création et de promotion, on remarque que le nombre d’églises non paroissiales chute fortement à la même période. Ces églises se voient attribuer les droits paroissiaux, et on peut dès lors affirmer que l’accroît de paroisses de 1080 correspond surtout à des églises rurales puisque ce sont elles qui sont susceptibles d’être promues par le mécanisme (voir chap2, **??**).

Évolution du nombre de paroisses

Variabilité : Réplications



Eglises paroissiales



|  |
| --- |
| Nombre d'églises |

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 300 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 200 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 100 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |
| **●** | |  |  |  |  | **●** | | **●** | |  |  |
|  |  | **●** | |  |  |  |  |
|  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |
| 70 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 60 | **●** | | **●** | | **●** | | **●** | | **●** | | **●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 50 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 40 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 30 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 20 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |

**●**

**●**

**●**

**●**

**●**

**●**

**●**

**●**

**●**

**●**

**●**

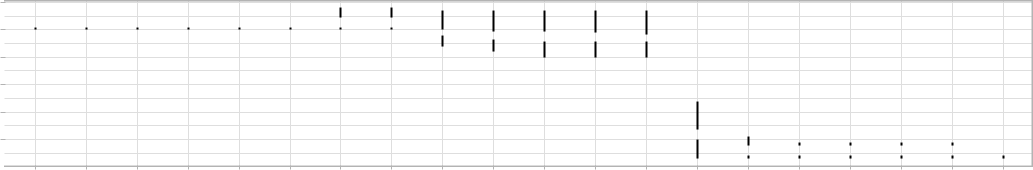
**●**

**●**

**●**



Eglises non paroissiales



**●** **●**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| **●** | **●** | **●** | **●** | **●** |

**●**

**●**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| **●** | **●** | **●** | **●** | **●** |

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 820 | 840 | 860 | 880 | 900 | 920 | 940 | 960 | 980 | 1000 | 1020 | 1040 | 1060 | 1080 | 1100 | 1120 | 1140 | 1160 | 1180 | 1200 |

Temps

Paramètres de la sélection :

sim\_name : [6\_6\_Scenarios\_base]

Figure 6.15 – Nombre de paroisses.

On constate nettement dans la figure 6.16a une densification généralisée du maillage paroissial. Cette densification est visible à deux niveaux. En premier lieu, le maillage est de plus en plus dense globalement : la superficie moyenne des paroisses diminue (visible aussi dans la figure 6.16b), et visuellement, on constate une certaine homogénéisation et normalisation des paroisses. Les très grandes paroisses initiales (plus de 50 km² dans la figure 6.16b), surtout situées dans les marges de la région, disparaissent progressivement à mesure qu’elles sont subdivisées par le mécanisme de création/promotion d’églises paroissiales rurales (ref méca paroisse, chap2).

22

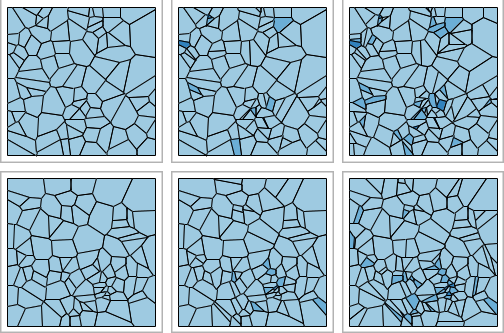
Chapitre 6 6.1. CALIBRAGE DU MODÈLE ET PREMIERS RÉSULTATS

Densité de paroissiens au cours du temps

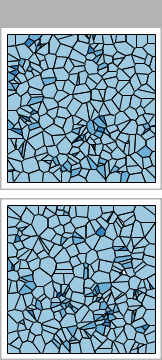
Variabilité : Aucune



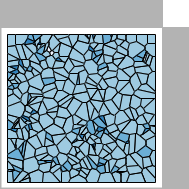
Année: 820 Année: 900 Année: 1000



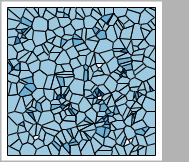
Année: 1100



Année: 1200



|  |
| --- |
| Simulation: 1 |



|  |
| --- |
| Simulation: 2 |

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Densité |  | <1 |  | 1−10 |  | 11−25 |  | 26−50 |  | 51−100 |  | >100 |
| (Foyers paysans / km²) |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |

Paramètres de la sélection :

sim\_name : [6\_6\_Scenarios\_base]

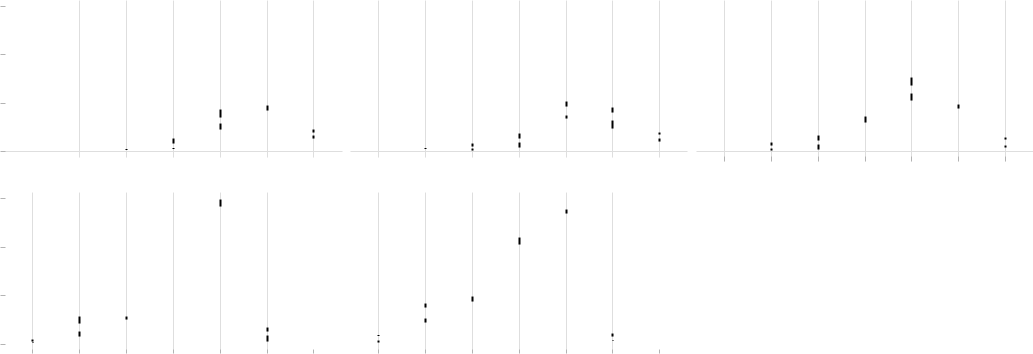
(a) Densité des paroisses et des paroissiens.

Évolution de l'aire de desserte des églises paroissiales

Variabilité : Réplications

|  |
| --- |
| Fréquence |

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  |  |  |  |  |  |  | 820 | | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 900 | | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 1000 | | |  |  |  |  |  |  |  |
| 150 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 100 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |
| 50 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | | |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |
| 0 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  | **●** | **●** | | **●** | | |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  | **●** | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | <1 |  | 5 | −10 | −20 | | | −50 | | −100 | | −500 | |  |
|  |  |  |  |  |  |  | 1100 | | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 1200 | | |  |  |  |  |  |  | 1 |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | − | | 6 | 11 |  |  | 21 |  |  |
| 150 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 51 |  | 101 |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 100 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  | **●** | | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 50 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 0 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | <1 | | − | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | <1 | − | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  | 1 | 5 | −10 | | −20 | | | −50 | | −100 | | −500 | |  |  | 1 | 5 | −10 | | −20 | | | −50 | | −100 | | −500 | | | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  | 6 |  | 11 |  |  | 21 |  |  |  |  |  | 6 |  | 11 |  |  | 21 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 51 |  | 101 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 51 |  | 101 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |



Superficie de l'aire de desserte des églises paroissiales (km²)

Paramètres de la sélection :

sim\_name : [6\_6\_Scenarios\_base]

(b) Superficie des paroisses

Figure 6.16 – Indicateurs du maillage paroissial.

En second lieu, à l’échelle infra-régionale, on note une intensification très lo-cale de paroisses (le maillage augmente fortement), dans lesquelles les densités de foyers paysans sont importantes. Ces densifications locales sont représen-tatives des agrégats les plus importants, qui peuvent comporter jusqu’à près d’une dizaine d’églises paroissiales 11.

Ces deux niveaux d’observation, combinés à la cartographie des agrégats (fi-gure 6.7), montrent que le modèle produit bien une dispersion du peuplement dans l’espace : on voit des concentrations locales, mais à l’échelle globale, les mailles sont harmonisées par le bas, signe que des petits agrégats apparaissent dans l’ensemble du monde simulé.

11. On peut le constater dans la figure 6.6-a, où les pôles les plus importants de la hiérarchie contiennent une douzaine d’attracteurs. Si l’on considère que ces pôles contiennent un agrégat et un château, on peut en déduire qu’il y a aussi une dizaine d’églises paroissiales au service de cet agrégat.

23

Chapitre 6 6.1. CALIBRAGE DU MODÈLE ET PREMIERS RÉSULTATS

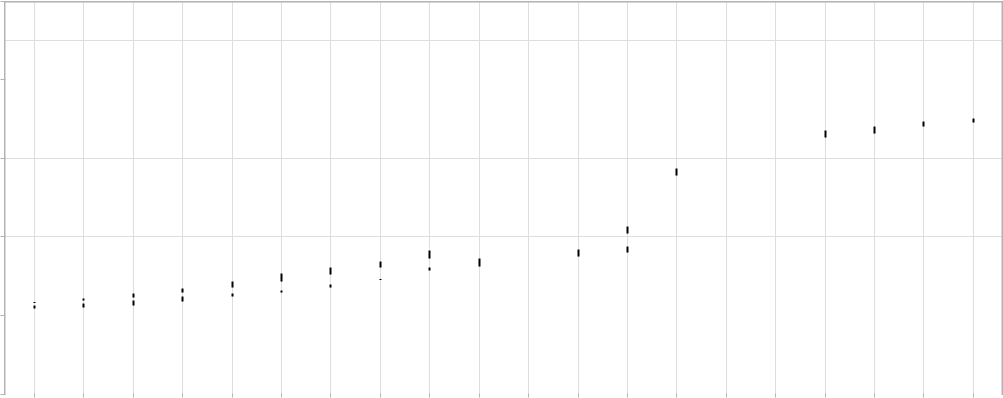
|  |  |
| --- | --- |
| carroyage | église paroissiale |
| Part du | contenant une |

Évolution de la desserte paroissiale

Le monde est discrétisé en 400 carreaux (20\*20).

On représente la proportion de carreaux qui contiennent au moins une église paroissiale

100%



|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 80% |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  | **●** | **●** | |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 60% |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 40% |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 20% |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 0% |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | 840 | 860 | 880 | 900 | 920 | 940 | 960 | 980 | 1000 | | 1020 | | 1040 | | | 1060 | 1080 | | 1100 | | 1120 | | 1140 | | 1160 | | 1180 | | 1200 | |  |
| 820 | |  |

Temps

Paramètres de la sélection :

sim\_name : [6\_6\_Scenarios\_base]

Figure 6.17 – Couverture de la desserte paroissiale.

Pour préciser cette mesure et obtenir un indicateur spatial agrégé des répli-cations 12, on peut quantifier la couverture de l’espace qu’occupent les églises paroissiales. Dans la figure 6.17, le monde simulé est discrétisé en 400 carreaux de 4 km de côté et on procède à un comptage de la proportion de ces carreaux qui contiennent au moins une église paroissiale à chaque date. La lecture de la figure montre que la part du monde qui est située à proximité d’une église paroissiale augmente au cours du temps, avec un rythme comparable à celui de l’augmentation du nombre d’églises paroissiales (figure 6.15). Cela indique que l’augmentation du nombre de paroisses dans le modèle est bien un phéno-mène qui est réparti de manière homogène dans l’espace. SimFeodal est donc bien en capacité de reproduire *in silico* les processus de fixation et de dissémi-nation qui ont été observés empiriquement en Touraine et plus généralement dans l’Europe du Nord-Ouest.

SimFeodal parvient ici entièrement à reproduire le double fait stylisé recher-ché : fixation et dissémination du peuplement. Pourtant, plus encore que pour les dimensions précédentes, il nous paraît extrêmement difficile d’aller plus loin dans le calibrage du modèle. La raison en est principalement la difficulté de l’évaluation quantitative de ces phénomènes. Parmi les indicateurs de sortie de simulation étudiés, ceux correspondant à cette dimension d’analyse sont les plus intrinsèquement spatio-temporels, et se prêtent donc mal à des agréga-tions synthétiques. Certes, le champ de l’analyse spatiale s’est en partie consti-tué pour répondre à ce type de problème, en trouvant des mesures synthé-tiques et variées permettant de décrire et de comparer des semis de points, correspondent-ils à des entités ou à des époques différentes.

Pourtant, et on y reviendra plus extensivement dans le chapitre suivant, on constate ici une limite de notre méthode d’évaluation des simulations, au vu des données et connaissances empiriques dont on dispose. Un espace théorique,

1. Au contraire des cartes, qui ne peuvent décrire que des simulations particulières, l’agré-gation spatiale n’étant pas possible dans le monde théorique fluctuant qui est simulé (voir chap7, agrégation pour plus de précision). 24

Chapitre 6 6.1. CALIBRAGE DU MODÈLE ET PREMIERS RÉSULTATS

simulé et très variable localement comme celui de SimFeodal se prête en effet mal à une agrégation de données. Les différentes réplications d’un modèle ne partagent ainsi pas véritablement de référentiel spatial commun en dehors des limites du monde simulé : les positions des agrégats, des églises, des paroisses, sont en effet incomparables d’une réplication à l’autre. Sans données empi-riques susceptibles de préciser les taux d’occupation attendus, les mesures de dispersion des semis d’églises, de villages etc., on ne peut pousser l’évaluation visuelle plus avant.

**6.1.3** **Après le calibrage, comment affiner le modèle ?**

Dans l’ensemble, l’analyse des résultats montre que cette version calibrée de SimFeodal répond aux attentes en matière de reproduction des faits stylisés identifiés d’après les connaissances expertes. Le modèle aboutit bien sur une polarisation de l’habitat, autour de pôles d’attractions très hiérarchisés et dis-séminés dans l’espace simulé. Cette polarisation débouche sur une structure spatiale pérenne, due à la fixation des foyers paysans au sein d’agrégats qui composent le système de peuplement.

Le modèle SimFeodal est donc satisfaisant vis-à-vis de ce pour quoi il a été conçu, développé et calibré. En comparant les dizaines de versions succes-sives du modèle, ce constat est d’autant renforcé : chaque version a permis des améliorations notables, depuis une version 0 qui parvenait tout juste à une concentration du peuplement jusqu’aux versions plus récentes, préalables à la version 6.6 ici présentée, qui ont renforcé l’ajustement aux connaissances ex-pertes chacune sur des points plus spécifiques. Certains indicateurs, toutefois, et en particulier les indicateurs quantitatifs qui donnent un aperçu global et synthétique des résultats du modèle (section 6.1.2.1), demeurent toutefois re-lativement éloignés des objectifs fixés. On pourrait donc chercher désormais à prolonger et affiner le calibrage du modèle afin que sa capacité à reproduire les faits stylisés soit améliorée.

Il nous semble toutefois que cette démarche ne vaudrait pas le temps et l’effort qu’il serait nécessaire de lui consacrer. Nous appuyons ce sentiment sur deux raisons principales, la première liée au domaine de l’empirie et la seconde au domaine du modèle.

**Calibrer sans sur-ajuster.** Dès le calibrage des paramètres d’*input*(sec-tion 6.1.1.1), on mentionnait les difficultés du recueil de sources empiriques – matérielles ou littéraires – pour des éléments qui paraîtraient pourtant triviaux et indispensables à tout géographe contemporain. La population de la région et son évolution sur la période considérée, par exemple, ne peut donner lieu qu’à une estimation très grossière. De plus, on ne peut avoir aucune garantie, ni même d’espoir, que de futures sources permettent de mieux les spécifier.

Dans le même temps, on cherche à améliorer l’ajustement des sorties du mo-dèle à des objectifs fixés sur ces sources empiriques floues et lacunaires. L’ex-pertise des thématiciens du groupe de modélisation de SimFeodal a permis de définir ces objectifs, mais ceux-ci présentent un niveau de précision parfois as-

25

Chapitre 6 6.1. CALIBRAGE DU MODÈLE ET PREMIERS RÉSULTATS

sez faible. Par exemple, on cherche à ce que SimFeodal puisse atteindre 20% de foyers paysans isolés en fin de simulation. Les versions successives du mo-dèle ont permis de faire descendre ce taux d’environ 60% à environ 20%. En considérant que les connaissances empiriques donnent une estimation plau-sible située entre 20% et 30%, quel sens y aurait-il à départager des modèles selon qu’ils atteignent 25% ou 27% ?

Ce problème, qui se pose pour chacun des objectifs et attendus du modèle, est un cas typique de sur-ajustement, ou « overfitting ». Sur le plan thématique, chercher à coller absolument à un objectif sans tenir compte du degré d’incer-titude de ce dernier, bien plus élevé que celui que le modèle est en mesure de produire, n’a ainsi aucun sens. Sur le plan méthodologique, on peut aussi noter qu’à mesure que le calibrage du modèle progresse, les « gains » de chaque étape se font plus faibles. Chercher à améliorer le calibrage du modèle reviendrait alors à différencier des modèles sur des critères de plus en plus précis, alors même que le niveau de précision de ces critères est en lui-même statique et d’un ordre de grandeur inférieur.

Sans connaissances empiriques supplémentaires, il n’est pas possible de véri-tablement mieux calibrer SimFeodal, qui a déjà atteint un niveau de détail qui dépasse presque celui des connaissances expertes par le prisme desquelles tout résultat doit être étudié pour porter un sens.

**Calibrer un modèle (très) complexe.** Un autre élément concoure aussi

* la difficulté d’améliorer le modèle, cette fois-ci directement lié aux choix de conception de SimFeodal. Comme décrit dans les deux premiers chapitres, Sim-Feodal est un modèle exploratoire, plus descriptif (KIDS) que parcimonieux. Les paramètres y sont très nombreux, de même que les mécanismes qu’ils ajustent. Les agents du modèle interagissent, et, avec eux, les mécanismes qui les caractérisent sont aussi entrecroisés et imbriqués. Si l’on a une connaissance parfaite de chaque mécanisme (puisqu’on les a conçus et implémentés), il est difficile d’avoir une connaissance de même ordre sur l’aboutissement de leurs interactions, c’est la raison d’être de la simulation.

Dans des modèles moins descriptifs, mêmes complexes, on peut avoir des idées relativement précises de la combinaison des mécanismes, et donc une bonne intuition des sorties de simulation qui en aboutiront. Dans un modèle comme SimFeodal, les paramètres sont trop nombreux pour que ce soit réellement possible, et les résultats contre-intuitifs ont été fréquents dans les différentes étapes de paramétrage et de calibrage du modèle. Ces éléments contre-intuitifs, surprenants, sont extrêmement stimulants du point de vue de la connaissance des effets du modèles. Ils placent les modélisateurs et évaluateurs dans une démarche abductive où l’identification de l’explication de ces contre-intuitions permet de mieux comprendre le fonctionnement effectif du modèle et à partir de là du système modélisé.

Dans la recherche d’un calibrage mieux adapté, cette approche abductive ne permet toutefois pas véritablement de progresser. À mesure que le calibrage se précise, la complexité du modèle apparaît renforcée. Comme dans le prin-

26

Chapitre 6 6.1. CALIBRAGE DU MODÈLE ET PREMIERS RÉSULTATS

cipe des vases communicants, une modification de valeur d’un paramètre est presque systématiquement assortie d’une réaction imprévu (et imprévisible) sur un indicateur différent de celui sur lequel le paramètre devait agir. Chaque modification de paramètre devrait donc donner lieu à de nouveaux ajustements d’autres paramètres, jusqu’à obtenir un ensemble de valeurs de paramètres stable.

Pour améliorer le calibrage, et éviter ces allers-retours imprévisibles entre pa-ramètres, il manque alors une vision plus globale des réactions engendrées par les modifications de chaque paramètre Une telle vision permettrait de ré-organiser les paramètres, pour chaque indicateur de sortie, en ensembles thé-matiques dont l’on ferait systématiquement co-varier les valeurs testées afin d’approcher de l’objectif de manière harmonisée. Pour mieux comprendre les aboutissements du modèle, il est dès lors nécessaire de l’explorer de manière plus systématique, en essayant de comprendre l’influence réelle de chacun des paramètres plutôt que de tâtonner, de manière experte certes, en agissant sur les paramètres qui nous semblent intuitivement les plus importants. Ce sont ces objectifs de compréhension plus fine du comportement du modèle que nous al-lons poursuivre dans la suite de ce chapitre, au moyen d’analyses de sensibilité.

27

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL

**6.2 Analyser la sensibilité de SimFeodal**

Parmi les nombreuses méthodes dédiées à l’évaluation de modèles, il en est une que l’on retrouve dans tous les manuels et dans la plupart des articles dé-diés à la présentation de modèles. Il s’agit de l’analyse de sensibilité, catégorie en fait plurielle qui regroupe l’ensemble des méthodes vouées à tester ou à explorer la stabilité d’un modèle face aux éléments qui le composent : poids des *inputs* dans les résultats obtenus ; variabilité des résultats selon les valeurs de paramètres choisies ; variabilité des résultats due à l’aléa etc. Ces méthodes sont extrêmement nombreuses et constituent presque un champ scientifique entier, lié à l’évaluation de modèles, soient-ils à base d’agents ou statistiques.

Parmi celles-ci, les méthodes les plus classiques (Crooks et al. 2019, p. 257) visent à « déterminer l’influence des paramètres sur les sorties du modèle. » (Ginot et Monod 2005, p. 75). Il s’agit de faire varier les valeurs des para-mètres et de mesurer les écarts résultant dans les sorties. Le plus souvent, cette mesure est quantitative, par exemple sous la forme d’un « indice de sensibilité » qui dépend des variations des sorties mais aussi de l’amplitude de la variation des paramètres 13.

Les analyses peuvent être menées paramètre par paramètre, en conservant par exemple des valeurs fixes pour un jeu de paramètre (issus de calibrage) de base et en faisant varier un unique paramètre à la fois (analyse de type *OFAT*, « *one* *factor at a time* »). On peut aussi procéder en croisant des valeurs pour tous lesparamètres, c’est-à-dire en analysant la sensibilité du modèle aux interactions entre paramètres.

Les analyses de sensibilités sont largement recommandées comme une pratique indispensable à la validation de modèle : on les retrouve dans l’ensemble des schémas relatifs à la démarche d’évaluation du chapitre 3. Au-delà de la va-lidation des modèles, ce type d’analyses constitue un outil extrêmement utile pour aider à la compréhension d’un modèle, sans nécessairement chercher à en quantifier la validité. Cette méthode repose sur l’exploration d’un modèle par le prisme de ses réactions face aux paramètres choisis, et permet ainsi de mener une étude approfondie de l’influence des paramètres. Dans certains modèles, une analyse de ce type a par exemple permis de rendre plus parcimo-nieux un modèle KISS, en mettant en lumière le peu d’influence d’un paramètre sur l’ensemble des sorties d’un modèle. C’est le cas dans le travail de thèse de Clara Schmitt, où une analyse de sensibilité a révélé la relative inutilité de l’un des 6 paramètres mobilisés dans le modèle SimpopLocal (Schmitt 2014, p. 224-225).

Dans le cadre d’un modèle exploratoire, où les très nombreux paramètres com-

13. Cette prise en compte de la variation des valeurs de paramètre, par exemple dans l’indice proposé par Crooks et al. (2019, p. 258) et dérivé de celui de Hamb (1994) (in O’Sullivan et Perr 2013, p. 201), permet de s’assurer, lors de la comparaison de la sensibilité des para-mètres, que les valeurs comparées sont bien comparables. Pour prendre l’exemple du modèle de Schelling, il s’agit de s’assurer qu’on ne compare pas une variation de 0,1% du seuil de to-lérance avec une variation de 20% dans la part d’espace vide. Dans ces indices, les amplitudes des valeurs testées sont en fait normalisées. 28

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL

portent vraisemblablement une part de redondance, l’ambition n’est pas de re-chercher à réduire la masse de paramètres à tout prix, mais plutôt d’aider à comprendre lesquels ont la plus grande influence sur le modèle.

Dans le cadre de SimFeodal, une analyse de sensibilité doit permettre de gagner en compréhension du modèle, et en conséquence, des dynamiques modélisées.

La nature exploratoire et descriptive de SimFeodal rend l’application des mé-thodes classiques de l’analyse de sensibilité assez difficile : les paramètres ne sont pas tous quantitatifs, certains fonctionnent par paires, par grappes etc. Dans cette partie, nous nous en tiendrons à une analyse de sensibilité gros-sière, orientée vers une évaluation visuelle, à l’instar des autres démarches d’évaluation du modèle mises en places. Nous nous inscrivons pleinement dans le raisonnement de Joanne Hirt el, d’autant plus que le dit raisonnement est tenu dans une thèse dont l’analyse de sensibilité de modèles descriptifs est l’un des enjeux principaux :

* Ces différents constats nous ont conduit à procéder à des ana-lyses de sensibilité locales, avec la méthode OAT 14, en modifiant les valeurs de chacun des paramètres les unes après les autres, toutes choses égales par ailleurs, c’est-à-dire tous les autres paramètres étant fixés à leur valeur par défaut […]. Ce choix n’est pas unique dans la modélisation individu-centrée : la méthode OAT est utilisée dans plusieurs travaux en géographie ou en écologie (Ginot et al., 2006 ; Sanders et al., 2006 ; Laperrière et al., 2009 ; Schouten et al., 2014).

Nous n’avons pas jugé indispensable le calcul d’indices de sensi-bilité pour étudier la sensibilité des résultats de simulation aux dif-férents paramètres du modèle. Une analyse graphique à la manière de Sanders et al. (2006~~a~~), Laperrière et al. (2009) ou encore Schou-ten et al. (2014) nous a paru suffisante, dans un premier temps. Ainsi, pour reprendre les termes évoqués dans les deux sous-parties précédentes, l’analyse de sensibilité présentée dans ce chapitre est une analyse locale (OAT), avec des évaluations qualitatives de l’im-pact de l’incertitude émanant des valeurs de paramètres sur diffé-rents résultats de simulation. »

Hirt el 2015, p. 251-252

**6.2.1** **Méthodologie - Analyse visuelle de sensibilité.**

Dans cette partie, nous décrivons et justifions brièvement la méthodologie mise en place pour l’analyse de sensibilité de SimFeodal. Les sources informatiques, précises, de la démarche sont disponibles dans le dépôt du modèle (mettre URL dossier). Le détail des paramètres, les outputs du modèle, les traitements et les sorties graphiques sont disponibles quant à eux à cette adresse : depot these / anasensib

14. [C’est un autre acronyme de « *one factor at a time* », identique à *OFAT* que nous utilisons dans cette partie.]

29

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL

**6.2.1.1** **Calcul de la sensibilité.**

Nous avons choisi de mener l’analyse de sensibilité de SimFeodal en emprun-tant l’approche *OFAT*, c’est-à-dire en faisant varier les paramètres un par un. Il convient en effet de rappeler que ce modèle est caractérisé par un nombre important de paramètres : près de 70. En ne choisissant que 5 valeurs pour chaque paramètre et pour croiser tous les paramètres, une analyse de type plan complet demanderait l’exécution de 570 20[replications], soit environ 1050 simulations… Une approche plus simple, de type OFAT, nous paraît dès lors la seule à être applicable dans le cas de SimFeodal.

**Paramètres.** Dans une analyse de sensibilité, le premier choix à faireconcerne les paramètres à analyser. Dans les modèles statistiques ou KISS, l’analyse de chacun des paramètres est une évidence. Dans des modèles plus descriptifs tels que SimFeodal (ou les modèles analysés par Hirt el (2015)), on procède souvent à une sélection des paramètres afin de réduire l’ampleur de la tâche. Par exemple, quand certains paramètres ont un ancrage empirique fort, on peut considérer qu’ils se comportent plus comme des constantes que comme des paramètres, n’auront jamais à varier, et ne requièrent ainsi pas d’être analysés.

Dans SimFeodal, on aurait pu par exemple se passer d’analyser les paramètres de contexte les plus inscrits dans les connaissances empiriques. Pourtant, comme nous envisageons d’éprouver le modèle sur des scénarios susceptibles de faire varier tous les types de paramètres, par exemple portant sur des régions et des périodes différentes, il nous a semblé important de tester aussi ces paramètres. On a opté pour une analyse de sensibilité de l’ensemble des paramètres du modèle. SimFeodal comporte dans les faits 70 paramètres, mais en pratique, certains n’ont aucun sens quand ils sont mobilisés seuls. Par exemple, deux paramètres définissent le rayon minimum et maximum des zones de prélève-ment. Il n’y a pas grand sens à faire varier l’un sans l’autre. Dans l’analyse de sensibilité, nous considérons ces deux paramètres comme un unique para-mètre à analyser, qui ne prend pas la forme d’une valeur numérique simple, mais plutôt celle d’une étendue.

Pour cette analyse de sensibilité, nous avons au final analysé 57 « paramètres », certains de forme numérique simple, d’autres sous formes d’étendues, et en-fin quelques-uns ayant des structures plus complexes (étendues changeant au cours du temps par exemple).

**Méthode.** La méthode choisie est simple : on définit un jeu de paramètresde base, issu du calibrage, et pour chacun des paramètres, on exécute un en-semble de simulations en faisant varier ce paramètre autour de sa valeur de base. Comme pour toute simulation d’un modèle stochastique, il est indispen-sable de procéder à des réplications de ces simulations.

Comme le nombre de paramètres était déjà important, que le nombre de répli-cations (20) l’était lui aussi, on a choisi de mener une analyse de sensibilité as-sez réduite, en ne testant, pour chaque paramètre, que 5 valeurs différentes. Ce nombre amène déjà à l’exécution de 57[paramètres] 5[valeurs] 20[réplications] = 5700

30

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL

simulations, ce qui est une quantité importante de simulations au regard de toutes celles qui ont été menées dans les étapes de paramétrage et d’évalua-tion visuelle du modèle.

**Étendue.** Dans une analyse de sensibilité classique, on cherche à testerdes variations de paramètres comparables, c’est-à-dire centrées autour des va-leurs par défaut et présentant des variations relatives de même ampleur. Par exemple, pour un modèle dont le premier paramètre vaut 10 et le second 100, on cherchera à répartir les valeurs testées de manière comparable : le premier paramètre sera testé aux valeurs [0, 5, 10, 15 et 20], et le second pour [0, 50, 100, 150 et 200].

Dans un cas réel, cette règle est difficile à suivre : on a ici pris l’exemple de pa-ramètres quantitatifs « de stock », qui ne sont comparables qu’entre eux. Dans SimFeodal, certains paramètres ont des structures bien plus difficilement com-parables, à l’instar des étendues plus haut. Comment rendre comparable cinq variations autour d’un stock de 10, et cinq variations autour d’une étendue de 1500 m à 5000 m ? L’étendue des possibles transformations pour ces étendues est bien plus important : diminution, augmentation, translation… Contraire-ment aux variables de stocks qui ne comportent qu’une dimension, les étendues sont en effet composées de deux dimensions, et la quantité de variation pos-sibles suit donc une loi de puissance.

Ce problème se pose de manière plus importante encore pour les paramètres qui évoluent en fonction du temps. Par exemple, le paramètre qui agit sur la satisfaction protection des foyers paysans, a une valeur composite (de type *map*, voir**??**dans lechapitre 2)qui vaut «0entre 800 et 940 ;0*:*2en 960 ;0*:*4 en 980 ; 0*:*6 en 1000 ; 0*:*8 en 1020 ; et 1 à partir de 1040 ». C’est donc un paramètre à trois dimensions : une valeur (dimension 1) qui évolue selon des intervalles de temps (dimensions 2 et 3). Pour l’analyser dans son entièreté, il faudrait supprimer la variation en testant plusieurs valeurs, mais aussi chan-ger le rythme de cette variation, en décaler l’étendue temporelle, en changer l’intensité etc. Sous bien des aspects, ce paramètre peut être considéré comme qualitatif, et les variations qu’on lui appliquera dans l’analyse de sensibilité ne peuvent être que très subjectives et intrinsèquement différentes.

Face à ces difficultés, nous avons adopté une position générale acceptant la subjectivité, la non-comparabilité, mais cherchant à explorer des valeurs « ca-ractéristiques » pour ce type de paramètres : activation et désactivation du mé-canisme associé, valeur de base, et augmentation et diminution de l’ampleur de la valeur de paramètre. Dans l’ensemble, les valeurs de paramètres choisies (mettre les tableaux en annexe) ne sont que peu comparables de manière nu-mérique, mais elles apportent un éclairage précieux sur le comportement du modèle en fonction de ses paramètres.

***Outputs*.**Lechapitre 5donnait des ordres de grandeur de la masse desdonnées produites par le modèle, autour de 10 Mo pour une simulation. Avec 5700 simulations, un enregistrement complet des données aurait représenté plus de 50 Go de données et plus de 50 milliards de lignes de données à pré-

31

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL

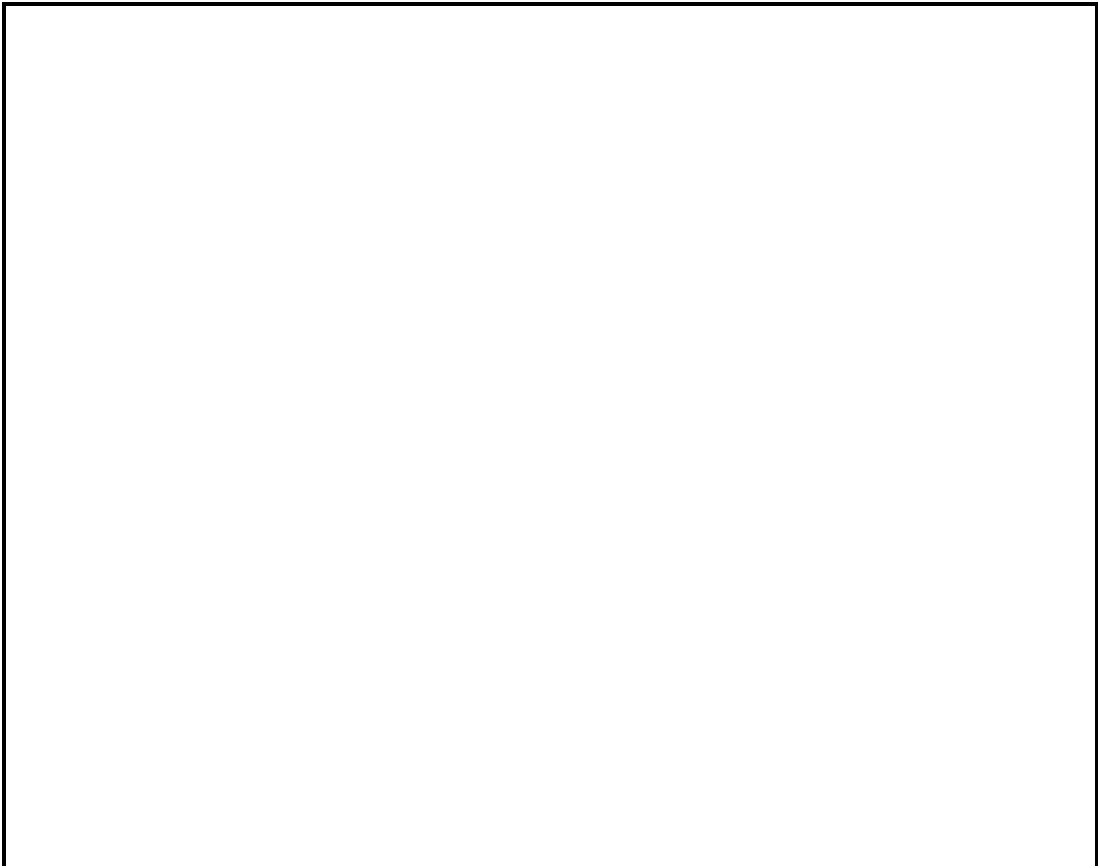
traiter, intégrer et analyser dans la base de données.

Cette masse de données pose des problèmes techniques tant que méthodo-logiques. Sur le plan technique, les solutions de stockage et d’interrogation de données utilisées pour l’exploration des données (chap 3.3) ne sont pas adaptées à une telle masse, du moins sans avoir recours à des infrastructures physiques coûteuses (serveurs équipés de cartes graphiques extrêmement puis-santes etc.). En termes de capacité d’archivage, il est donc obligatoire de ré-duire considérablement la masse des données.

Sur le plan méthodologique, l’exploration visuelle de milliers de simulations organisées selon les variations des valeurs d’une soixantaine de paramètres nous semble répondre à des caractéristiques très particulières. Les méthodes et outils d’exploration interactive mis en place jusque là (chap 5.4) ne sont pas adaptés à ce type d’usages. Nous avons donc choisi, par soucis de lisibi-lité, de réduire autant que possible la production d’indicateurs de sorties de simulations pour cette analyse de sensibilité.

Dans un premier temps, nous n’enregistrons l’état du modèle qu’à son pas de temps final (en 1200) plutôt que tout au long de son déroulement. L’analyse de sensibilité doit se concentrer sur aussi peu d’objectifs que possible, et il n’est pas véritablement gênant de perdre l’aspect dynamique et la possibilité de comparer les rythmes du changement entre les simulations. Pour les mêmes raisons, on a décidé de n’extraire que des données très agrégées du modèle. L’analyse de sensibilité s’appuie sur des résultats à l’échelle globale du mo-dèle, et il n’est pas utile, à ce stade de l’analyse, d’enregistrer les indicateurs individuels relatifs aux agents du modèle.

*Encadré 6.1 : Différencier indicateurs contextuels et émergents.*



Dans les chapitres précédents, on a présenté de manière extensive les ob-jectifs – dans tous les sens du terme – poursuivis par le modèle. On mobi-lise des indicateurs de sortie de simulation pour rendre compte de l’état du modèle, et le but est que ces indicateurs soient proches des objectifs empiriques formulés. Ces indicateurs peuvent être qualitatifs (courbes d’évolution…) ou quantitatifs (taux atteints en fin de simulation). En dé-finissant un ensemble d’objectifs, qualifiés (allures de courbes, ordres de grandeur…) sinon quantifiés (les indicateurs numériques), on esquissait une grille d’évaluation du modèle.

Au sein de ces indicateurs de sortie de simulation, il est une distinction que l’on n’a pas encore réalisée, et qui nous semble indispensable pour l’analyse de la sensibilité du modèle, où il est nécessaire de réduire au-tant que possible la quantité d’indicateurs calculés : le distinguo entre des indicateurs que l’on pourrait caractériser comme « émergents », et d’autres qui pourraient être qualifiés de « contextuels ».

— Le premier type, les indicateurs émergents, sont les indicateurs les plus classiques en modélisation agent : on s’attache à leur évalua-tion parce qu’ils sont entièrement générés par la combinaison et

32

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL



l’intrication des mécanismes du modèle. Parvenir à obtenir des va-leurs proches de ce que l’on peut observer sur le plan empirique dans ces modèles est un critère de validation d’un modèle, et donc potentiellement un signe d’acquisition de connaissance thématique ou théorique. Par exemple, dans SimFeodal, le taux de foyers pay-sans dispersés en fin de simulation est un pur indicateur émergent : le modèle n’a nullement été paramétré ou calibré pour faire at-teindre une certaine valeur à ce taux, et la valeur simulée donne des éléments d’interprétation thématique sur le modèle.

— Les indicateurs contextuels n’apportent aucune connaissance thé-matique. Ils remplissent un rôle de cadrage pour les indicateurs émergents : le modèle est paramétré et calibré pour que ces indica-teurs parviennent à un résultat pré-décidé. Le calibrage des para-mètres associés (c’est-à-dire des paramètres qui ont un impact ma-jeur sur ces indicateurs) permet alors de définir un contexte dans lequel les indicateurs émergents pourront être exploités. Dans Sim-Feodal, le nombre de foyers paysans en fin de simulation est un exemple d’indicateur de contexte. Cette quantité est entièrement dépendante de deux paramètres (quantité initiale et taux de crois-sance), et peut ainsi être assimilée à un *input*, c’est-à-dire ici un contexte au sein duquel les autres indicateurs s’exprimeront.

Dans le tableau 6.2, nous présentons les indicateurs de sortie de simula-tion numériques présentés dans l’interface de SimEDB (voir **??**) et dis-tinguons les indicateurs émergents des indicateurs contextuels. Si ces indicateurs ont une cohérence à être présentés conjointement au sein de SimEDB – de par leur aspect synthétique –, leur traitement doit né-cessairement être différent en matière d’évaluation du modèle. Dans le cadre d’une analyse de sensibilité où l’on essaye de n’enregistrer qu’un nombre très réduit d’indicateurs, il nous semble utile de ne pas conserver les indicateurs « de contexte ».

33

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Chapitre 6 | | |  |  | 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL | | | | | | | | | |
|  |  |  | | |  |  |  |  |  |  | |  |  |  |
|  |  | **Indicateur de sortie de** | | |  | **Valeur** |  | **Type** |  | **Dépendances directes** | |  |  |  |
|  |  | **simulation** | |  |  | **attendue** |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  | *Nombre d’agrégats* | |  | *200* | |  | Émergent |  |  | – |  |  |  |
|  |  | *Nombre de châteaux* | |  |  | *50* |  | Contextuel |  | probabilités | de construc- | |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | tion de châteaux (PS et GS) | | |  | |
|  |  | *Nombre de gros châteaux* | | |  | *10* |  | Émergent |  |  | – |  |  |  |
|  |  | *Nombre de seigneurs* | |  |  | *200* |  | Contextuel |  | paramètre | dédié | : |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | (objectif\_nombre\_seigneurs) | | |  | |
|  |  | *Nombre* | *d’églises* | *parois-* |  | *300* |  | Émergent |  |  | – |  |  |  |
|  |  | *siales* |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  | *Distance* | *moyenne* | *entre* |  | *3 000 m* |  | Émergent |  |  | – |  |  |  |
|  |  | *églises* |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  | *Part de foyers paysans isolés* | | | *20 %* | |  | Émergent |  |  | – |  |  |  |
|  |  | *Augmentation de la charge* | | |  | *x 3* |  | Émergent |  |  | – |  |  |  |
|  |  | *fiscale des foyers paysans* | | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  | *Nombre de Foyers Paysans* | | |  | 50 000 |  | Contextuel |  | nombre initial ; taux de | | |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | croissance |  |  |  |  |
|  |  | *Densité de population* | | |  | 8 feux/km² |  | Contextuel |  | nombre de foyers paysans ; | | |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | taille du monde | |  |  |  |

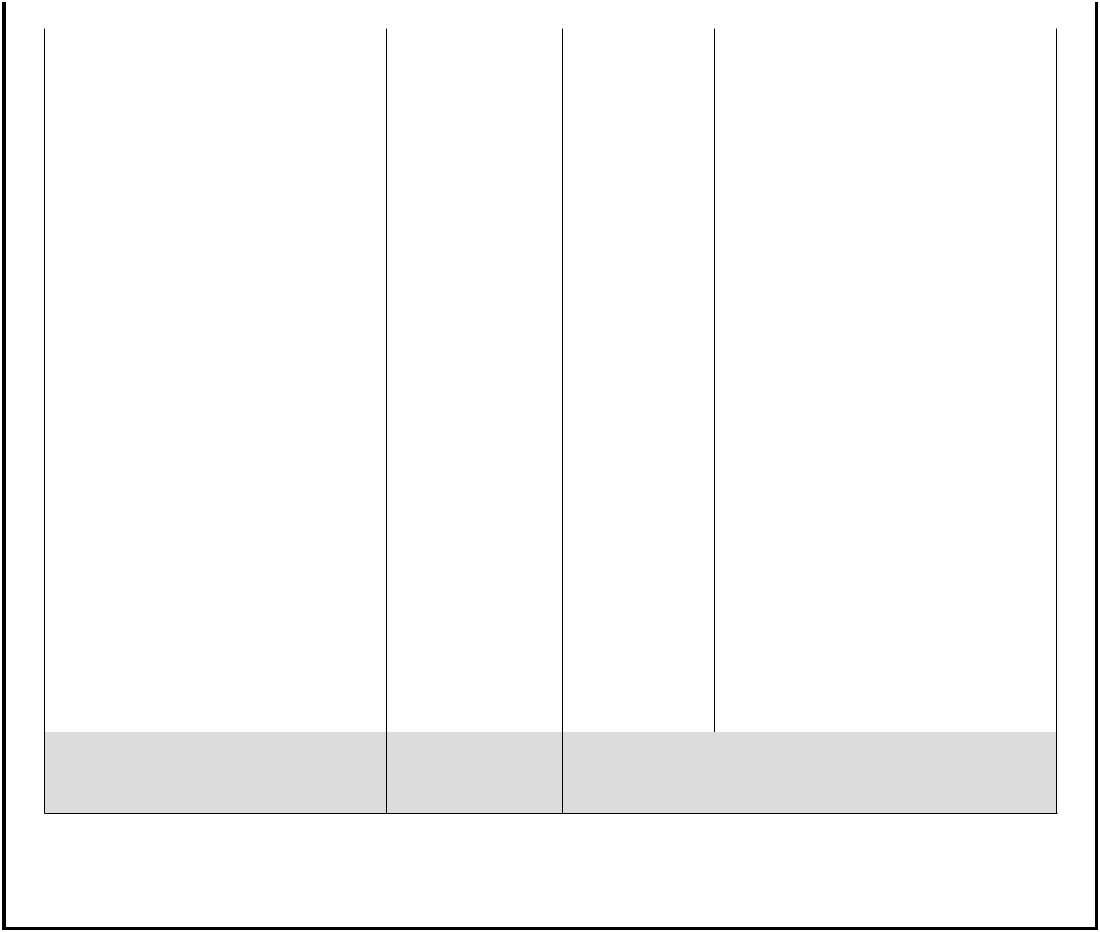


Tableau 6.2 – Les indicateurs de sortie de simulation quantitatifs de SimFeodal. *Les lignées grisées désignent les indicateurs « contextuels ».*

On a choisit de mener l’analyse de sensibilité sur les indicateurs numériques synthétiques, présentés dans le tableau 6.2. Parmi ceux-ci, on a conservé uni-quement les 6 indicateurs « émergents » (encadré 6.1) : nombre d’agrégats ; nombre de grands châteaux ; nombre d’églises paroissiales ; distance moyenne entre églises paroissiales ; part de foyers paysans isolés ; et augmentation de la charge fiscale.

Dans la construction et l’évaluation du modèle, ce sont ces indicateurs que l’on a le plus observés, et s’ils n’informent pas sur l’ensemble des objectifs thématiques du modèle, ils permettent au moins de qualifier sommairement son comportement d’ensemble.

**Computation.** Dans une analyse de sensibilité portant sur autant de si-mulations, la masse de données n’est pas la seule difficulté technique. Le temps de calcul représente ainsi un obstacle qui peut devenir un véritable point de blocage, tant il peut s’allonger jusqu’à devenir irréalisable. Sur un ordinateur individuel, avec les valeurs de paramètre issues du calibrage, chaque simula-tion demande en moyenne (basse) 5 minutes de calcul. Multiplié par les 5700 simulations requises, l’exécution des simulations nécessaires à l’analyse de sen-sibilité réclame alors un temps de calcul de près de 20 jours sur un ordinateur individuel, sans véritable droit à l’erreur sous faute d’avoir à recommencer ce quasi-mois de calcul.

Pour que cette analyse soit effectuée dans un délai plus raisonnable, nous avons utilisé les capacités de calcul d’un serveur du laboratoire ainsi que d’un ser-

34

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL

veur de calcul géré par la TGIR Huma-Num 15. En distribuant les exécutions de simulation sur la quarantaine de processeurs que compte ce serveur, tout en laissant tourner les simulations uniquement de nuit pour ne pas gêner les autres utilisateurs de cet équipement collectif, toutes les simulations requises ont été exécutées en 3 jours, ce qui représente un investissement temporel bien plus raisonnable.

**6.2.1.2 Analyse Quantitative - Filtrage des paramètres**

Devant la masse de paramètres à analyser, nous avons réalisé qu’il était difficile de mener une analyse visuelle directe de la sensibilité des paramètres. Il a été choisi de mener une première étape, quantitative, pour permettre de trier et de filtrer un sous-ensemble de paramètres dont une étude plus approfondie serait alors possible.

Pour cette étape, on a raisonné à l’échelle agrégée du paramètre, en cherchant

* mesurer la variabilité des indicateurs de sortie choisis provoquée par la va-riation des valeurs de paramètres.

**Normalisation des objectifs.** Un premier problème est que les indica-teurs de sortie de simulation choisis pour caractériser les objectifs dont les référentiels sont très différents. Une variation de 5 grands châteaux (objectif de 10) montre une sensibilité plus forte qu’une variation de 5 agrégats (objec-tif de 200). Il est alors nécessaire de procéder à un « centrage » des données issues de la simulation. Ce centrage peut être effectué, classiquement, sur les valeurs obtenues, pour obtenir une moyenne valant 0, comme on le fait lors d’une normalisation classique de données.

Pour l’étude de SimFeodal, nous avons préféré centrer les données de chaque indicateur relativement aux objectifs numériques identifiés. Par exemple, une simulation produisant 250 agrégats, quand l’objectif numérique est de 200, aura la valeur de +50 pour l’indicateur « nombre d’agrégats ». Cela permet de mesurer les comportements de manière plus thématique qu’un centrage statis-tique autour de 0. Pour chaque indicateur, on a soustrait à la valeur obtenue par simulation la « valeur attendue », déterminée thématiquement comme objectif (voir le tableau 6.1). Après cela, pour chaque indicateur pris individuellement, les données générées par chaque simulation deviennent comparables.

Pour atteindre une comparabilité plus importante entre des données hétéro-gènes, on procède aussi usuellement à une « réduction » des données, c’est-à-dire à la normalisation de leur variabilité (écart-type). Classiquement, cette étape consiste à diviser chaque résultat par l’écart-type. On obtient ainsi, pour chaque série de donnée, un écart-type de 1, qui permet alors de comparer la variabilité de ces séries hétérogènes. Comme pour le centrage, on a choisi de réduire les données en fonction de données connues plutôt qu’autour d’une va-leur abstraite de 1. On a préféré pour cela se référer à nos données simulées de référence, c’est-à-dire issues des simulations présentées dans la première partie

15. [www.huma-num.fr](https://www.huma-num.fr)

35

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL

de ce chapitre, après calibrage. Les données centrées ont ainsi été ensuite divi-sées par l’écart-type mesuré sur les simulations de cette version de référence, pour chaque indicateur numérique, plutôt que par l’écart-type des simulations issues de l’analyse de sensibilité.

Au final, ce procédé de normalisation est très proche d’une normalisation sta-tistique classique, mais se base sur des valeurs qui ont un sens dans le modèle plutôt que sur les valeurs « abstraites » que constituent une moyenne à 0 et un écart-type de 1 : le référentiel est ici fixé à partir objectifs numériques, et la dis-persion autour des résultats des simulations de la version calibrée du modèle présentée auparavant (section 6.1).

valeur\_normaliséeindicateur\_i = valeurindicateur\_i valeur\_attendueindicateur\_i

(valeurs\_calibréesindicateur\_i)

Ainsi conçue, la valeur normalisée permet de comparer entre les valeurs des indicateurs puisque les ordres de grandeur sont désormais similaires.

**Calcul de la sensibilité globale des paramètres.** Comme les valeurssont désormais normalisées, il est possible de mener des opérations conjointes sur les différents indicateurs. On définit un indice global, intitulé « sensibilité », qui correspond à une moyenne, pour chaque paramètre, de ses valeurs norma-lisées dans chacun des indicateurs. Après le centrage, les valeurs deviennent négatives ou positives selon qu’elles sont inférieures ou supérieures aux ob-jectifs. Pour un paramètre qui verrait des variations importantes, négatives et positives, le risque d’une moyenne est alors que la sensibilité calculée soit faible, le très positif compensant le très négatif. Pour prévenir ce risque, on a choisi de calculer la sensibilité sur les valeurs absolues des valeurs normalisées plutôt que sur leur valeur brute. La sensibilité de chaque paramètre peut alors être définie comme suit :

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|  | ∑ |  |  |  |
| sensibilitéparamètre\_ = |  | *j*valeurs\_normaliséesparamètre\_ *j* | |  |
|  |  | |  |
|  | *n*indicateurs | | *n*valeurs\_paramètres\_*n*réplications |  |

**Sélection des paramètres à étudier.** Après avoir calculé la sensibilitédes paramètres, on sera en mesure d’en sélectionner un sous-ensemble que l’on pourra analyser, visuellement, de manière plus approfondie. Pour isoler ce sous-ensemble, on cherchera à conserver une dizaine des paramètres à la plus forte sensibilité globale. Le nombre précis dépendra de la forme de la dis-tribution de la sensibilité des paramètres : on cherchera avant tout à isoler des paramètres dont la sensibilité les différencie franchement des autres. On se ba-sera pour cela sur une méthode subjective d’examen visuel des écarts entre les valeurs de sensibilité, tel qu’on peut le faire pour choisir un nombre de classes à étudier lors de l’exécution d’une classification ascendante hiérarchique.

Un risque de cette sélection à partir de la sensibilité globale est que certains paramètres, très influents sur un indicateur particulier, auraient une sensibilité globale assez moyenne ou faible, effet de resserrement des moyennes oblige. Pour ne pas risquer de négliger de tels paramètres, on complètera la sélection

36

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL

précédente par une sélection des trois paramètres les plus sensibles sur chacun des 6 indicateurs.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| sensibilitéparamètre\_ indicateur\_i = | ∑*j* | valeurs\_normaliséesparamètre\_ indicateur\_i | *j* |  |
| *n*valeurs\_paramètres\_*n*réplications |  |

Une large partie de ces paramètres auront vraisemblablement déjà été isolés par le filtre sur la sensibilité globale, mais cette méthode devrait permettre de sélectionner quelques paramètres supplémentaires sur lesquels mener l’analyse visuelle. On évitera en cela de laisser de côté un paramètre ayant un effet important quoi que sur un nombre réduit d’indicateurs seulement.

**6.2.1.3** **Analyse visuelle**

Une fois les paramètres à étudier sélectionnés, on pourra mener une analyse visuelle pour comprendre l’influence des paramètres sur les indicateurs de sor-tie du modèle. Le nombre de paramètres étant réduit, il sera possible d’ana-lyser l’importance de cette influence (la sensibilité), mais aussi sa direction : en observant la réaction des indicateurs de sortie en fonction des valeurs de paramètre, on pourra noter le sens des corrélations (visuelles) entre valeurs de paramètres et valeurs des indicateurs obtenus.

Dans la figure 6.18, la sensibilité du paramètre sur l’indicateur *n* (haut droite) en constitue un exemple. On peut y voir que les valeurs de paramètres (modali-tés 1 à 5) ont un effet sur l’indicateur, et que cet effet montre une corrélation visuelle positive : les valeurs de l’indicateur *n* augmentent dans le même sens que celles des modalités testées. Ce même paramètre , produit un effet opposé sur l’indicateur 1 : la corrélation y apparaît négative.

Cette analyse visuelle de sensibilité s’inscrit dans une analyse à la fois tech-nique et thématique de SimFeodal. Elle doit en effet permettre de gagner en compréhension sur les interactions entre paramètres et mécanismes. Cela de-vrait éclairer l’aspect technique, lié à la validation interne du modèle – tel pa-ramètre que l’on pense jouer sur tel mécanisme se comporte-t-il bien comme attendu ? – et l’aspect thématique – est-ce que la taille du monde simulé a un effet sur le rythme de la polarisation générée ? –.

**Visualisation.** L’objectif est d’étudier, visuellement, pour chaque para-mètre, comment une variation de ce dernier influence chacun des indicateurs. Pour cela, on représente la variation due aux réplications de chaque paramètre au moyen de représentations visuelles dédiées à la variabilité, comme des *box-plots* ou *violin-plots*. La figure 6.18 présente un exemple de mise en page de tellesreprésentations graphiques afin de faciliter l’analyse de sensibilité visuelle.

37

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  |  |  | **INDICATEUR 1** | | | **...** | |  |  |  | **INDICATEUR n** | | |  |  |  |
| **PARAMÈTRE** | 2000 |  |  |  |  |  |  | 2000 |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  | 1750 |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 1750 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  | 1500 |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | 1500 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  | 1250 |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | 1250 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | Modalité | Modalité | Modalité | Modalité | Modalité |  |  |
|  |  | Modalité | Modalité | Modalité | Modalité | Modalité | |  |  |  |  |
| **...** |  | α1 | α2 | α3 | α4 | α5 | |  |  | α1 | α2 | α3 | α4 | α5 |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| **α** | 3000 |  |  |  |  |  |  | 20 |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |



|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
|  | **de valeur** | *à la valeur du paramètre)* |  |
|  |  |
|  |  |
|  | **érenceﬀDi** | *(variabilité* |  |

|  |
| --- |
| **PARAMÈTRE** |

2500



16

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 2000 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 1500 |  |  |  |  |  | 12 |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 1000 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  | 8 |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | Modalité | Modalité | Modalité | Modalité | Modalité | Modalité | Modalité | Modalité | Modalité | Modalité |  |
|  |  |  |
|  | ω1 | ω2 | ω3 | ω4 | ω5 |  | ω1 | ω2 | ω3 | ω4 | ω5 |  |



|  |  |
| --- | --- |
| **de variabilité** | *(variabilité à l'aléa)* |
| **érenceﬀDi** |  |

Figure 6.18 – Construction et mise en page de planches graphiques dédiées

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| à l’analyse visuelle de la sensibilité de 5 modalités de | ! | paramètres sur *n* |  |
| **ω** |  |  |
|  |  |  |
| indicateurs. |  |  |  |

Ces planches permettent de lire une double information. En premier lieu, la position relative des valeurs correspondant à chaque modalité permet de re-marquer d’éventuelles influences des valeurs de paramètres sur les valeurs d’in-dicateur. Dans le schéma, on représente ainsi les « différences de valeur » qui expriment une variabilité à la valeur du paramètre (exemple en haut à droite). Dans un second temps, et on y reviendra après (section 6.2.4), le choix des représentations en *violin-plots* permet aussi d’étudier la variabilité interne des valeurs de paramètres testées sur chaque indicateur (exemple en bas à droite). Les différences d’amplitude (sur l’axe des ordonnées) exprime ainsi les diffé-rentes variabilités dues à l’aléa : plus les « violons » sont grands, plus l’indica-teur varie selon les réplications pour la valeur de paramètre testée.

**Normalisation.** La normalisation des valeurs était indispensable lors ducalcul de la sensibilité globale afin d’homogénéiser la variabilité des indica-teurs. Pourtant, sur un sous-ensemble de paramètres cette normalisation de-vient un frein à l’interprétation et à la lisibilité des analyses : les valeurs des différents indicateurs n’étant plus exprimés dans l’unité d’origine, il est difficile d’en faire un commentaire thématique. L’analyse visuelle, sur les paramètres sélectionnés, sera ainsi présentée sur les valeurs brutes issues des simulations, et chaque graphique aura en conséquence un axe des ordonnées propre. La logique est encore une fois la même que dans les classifications ascendantes hiérarchiques couramment pratiquées en géographie quantitative : on effectue la classification sur des valeurs normalisées, mais on représente souvent les profils des classes en revenant aux valeurs brutes.

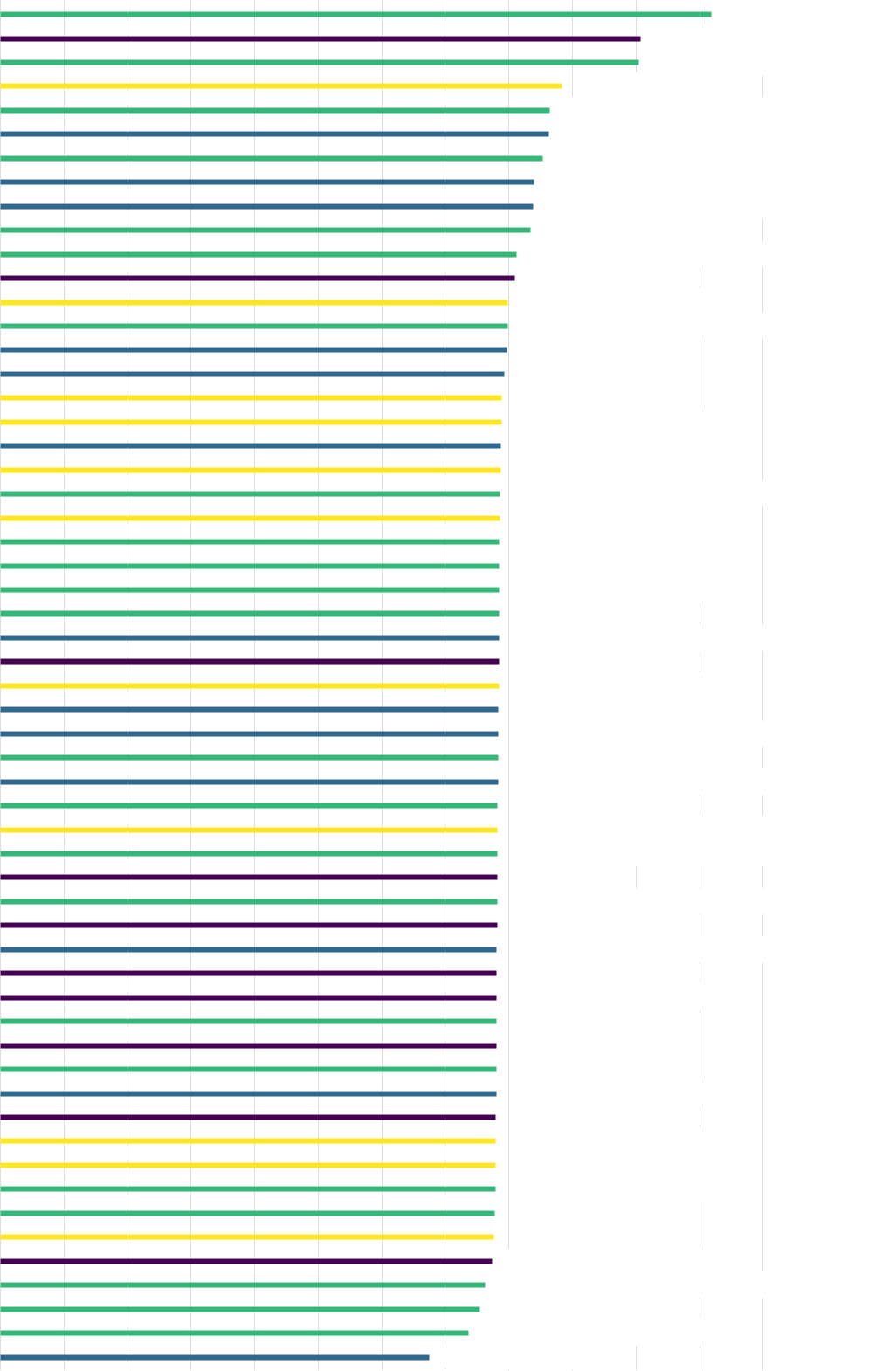
38

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL

**6.2.2** **Sélection des paramètres à analyser.**

Sensibilité moyenne des paramètres

Sensibilité : moyenne des valeurs absolues des valeurs normalisées



|  |
| --- |
| Paramètres |

**●** dist\_minmax\_eglise

**●** taille\_cote\_monde

**●** distance\_detection\_agregat

**●** droits\_fonciers\_zp

**●** rayon\_migration\_locale\_fp

**●** periode\_promotion\_chateaux

**●** ponderation\_creation\_paroisse\_agregat

**●** proba\_gain\_haute\_justice\_gs

**●** debut\_construction\_chateaux

**●** nb\_min\_fp\_agregat

**●** taux\_prelevement\_zp\_chateau

**●** init\_nb\_total\_fp

**●** nb\_tirages\_chateaux\_gs

**●** seuil\_nb\_paroissiens\_insatisfaits

**●** besoin\_protection\_fp

**●** proba\_fp\_dependant

**●** coef\_redevances

**●** nb\_tirages\_chateaux\_ps

**●** taux\_renouvellement\_fp

**●** droits\_haute\_justice\_zp

**●** proba\_promotion\_chateau\_pole

**●** autres\_droits\_zp\_cession

**●** proba\_cession\_droits\_zp

**●** prop\_migration\_lointaine\_fp

**●** proba\_chateau\_agregat

**●** proba\_don\_chateau

**●** debut\_garde\_chateaux\_seigneurs

**●** init\_nb\_villages

**●** distance\_fusion\_agregat

**●** objectif\_nombre\_seigneurs

**●** proba\_institution\_communaute

**●** proba\_collecter\_foncier\_ps

**●** debut\_cession\_droits\_seigneurs

**●** dist\_minmax\_chateau

**●** droits\_haute\_justice\_zp\_cession

**●** proba\_creation\_zp\_autres\_droits\_ps

**●** init\_nb\_ps

**●** proba\_construction\_chateau\_ps

**●** init\_nb\_fp\_village

**●** proba\_gain\_haute\_justice\_chateau\_ps

**●** init\_nb\_agglos

**●** puissance\_grand\_seigneur1

**●** proba\_cession\_locale

**●** init\_nb\_fp\_agglo

**●** rayon\_voisinage\_ps

**●** puissance\_communautes

**●** init\_nb\_eglises

**●** min\_s\_distance\_chateau

**●** droits\_fonciers\_zp\_cession

**●** dist\_min\_entre\_chateaux

**●** attractivite\_amenites

**●** autres\_droits\_zp

**●** init\_nb\_eglises\_paroissiales

**●** minmax\_taux\_prelevement\_zp\_ps

**●** rayon\_minmax\_zp\_ps

**●** rayon\_minmax\_zp\_chateau

* croissance\_demo

0 2 4 6 8 10 12

Sensibilité

Type de paramètre

**●● ● ●**

Input Contexte Mécanisme Technique

Figure 6.19 – Analyse de la sensibilité d’ensemble de tous les paramètres de

SimFeodal. 39

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL

La figure 6.19 présente les « scores de sensibilité » de chacun des paramètres du modèle. Ces paramètres sont classés par ordre descendant selon leur sensibilité globale, et la couleur reprend la typologie des paramètres.

On constate tout d’abord que la sensibilité des paramètres est relativement peu dispersée : les valeurs abstraites de la sensibilité varient entre près de « 7 » et

* 11 », soit un écart maximal de 65%, là où on aurait pu imaginer que certains paramètres aient des sensibilités doublées, triplées… par rapport à d’autres. Cela indique que les paramètres ont tous une influence sur les sorties du mo-dèle, influence qui est située dans le même ordre de grandeur. Par extension, on note qu’aucun des paramètres testés ne présente une sensibilité véritablement faible. Ce constat est renforcé en considérant que le paramètre le moins sen-sible globalement (croissance\_demo) a une influence réelle sur le modèle, pour avoir notamment été testé plus extensivement en parallèle de cette analyse de sensibilité (voir **??**). Pour le modélisateur, cette relative homogénéité des sensibilités est un résultat véritablement rassurant. Cela nous prouve qu’aucun paramètre n’est inutile, et ne devrait par conséquent être supprimé du modèle si on recherchait une parcimonie plus importante à cette étape.

Toujours à un niveau d’observation global, on peut remarquer que la sensibilité globale des paramètres ne semble pas liée aux types de paramètres. Visuelle-ment, on constate en effet qu’il ne semble pas y avoir de motif particulier dans le positionnement des types représentés par les couleurs. En cela, le choix de mener l’analyse indistinctement sur tous les types de paramètres semble avoir été le bon.

En entrant dans le détail, on peut remarquer que trois paramètres se démarquent véritablement : les seuils de distance acceptables à l’église paroissiale la plus proche (dist\_minmax\_eglise), la dimension du monde simulé (taille\_cote\_monde) et le seuil de distance de détection des agrégats, en dessous duquel on considère que des foyers paysans peuvent former un agrégat (distance\_detection\_agregat). Il est intéressant de noter que les valeurs par défaut de ces paramètres ont toutes été choisies avec une précaution particulière.

— Le seuil de distance aux églises est un paramètre particulièrement com-plexe qui a donné lieu à de multiples allers-retours pour en fixer les va-leurs. Sur la forme, c’est l’un des paramètres les plus « qualitatifs » : il désigne une étendue spatiale qui varie au cours du temps de la simula-tion. Comme la satisfaction religieuse que ce paramètre conditionne a une importance majeure sur les migrations des foyers paysans (voir sec-tion 6.1.2.4), on pouvait s’attendre à ce qu’il se montre particulièrement sensible.

— Les dimensions du monde simulé ont donné lieu à un calibrage, par ajustement empirique, dont l’on a discuté au début de ce chapitre (sec-tion 6.1.1.1). On décrivait alors toutes les répercussions que ce change-ment avait provoqué, et il n’est pas surprenant que ce paramètre soit parmis les plus sensibles dans le modèle.

— La distance de détection des agrégats a été l’un des premiers paramètres implémenté dans le modèle, ajusté selon des valeurs empiriques. La va-

40

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL

leur fixée (100 m) n’a pas évoluée depuis les premières versions du mo-dèle. C’en est presque une constante et il est très enrichissant pour le modélisateur de découvrir que ce paramètre a une influence importante sur l’issue des simulations.

Au sein des paramètres qui suivent immédiatement ce trio, les ruptures sont moins nettes et l’on découpera donc ce continuum entre les paramètres situés en 10*e* et 11*e* position (nb\_min\_fp\_agregat et taux\_prelevement\_zp\_chateau), où l’on discerne visuellement un nouveau saut dans les valeurs de sensibilité. Sur ces 57 paramètres, cette sélection en isole donc 10, auxquels on ajoute une sélection des trois paramètres ayant la plus forte sensibilité sur chacun des in-dicateurs. Comme ces derniers sont en bonne partie redondants avec les autres sélections, on obtient finalement un total de 14 paramètres à analyser visuel-lement par la suite. Ces paramètres, leur description complète ainsi que les valeurs testées sont présentées dans le tableau 6.3.

**Limites de cette approche de sélection.** Avant de passer à l’analysedétaillée des paramètres isolés, il nous parait important de noter une limite substantielle de la méthode mise en place pour leur sélection. La mesure choi-sie, consistant en une sensibilité normalisée, ne tient pas compte de l’étendue des valeurs de paramètres testées. Ces étendues sont largement incommensu-rables, qui plus est quand il s’agit de comparer des paramètres numériques simples (la taille des côtés du monde simulé) à des paramètres plus qualita-tifs (les seuils de distance évolutifs de la distance aux églises paroissiales). On peut par exemple noter que dans les 10 paramètres jugés les plus sensibles, 4 portent sur des valeurs testés « qualitatives » (étendues, variables au cours du temps…, voir p. 31), alors que ces paramètres ne représentent que 20% de l’ensemble des paramètres testés.

Lors du choix des valeurs de paramètres à tester pour cette analyse de sensi-bilité (disponibles dans l’annexe N), certains paramètres auront forcément été testés sur des valeurs plus ou moins éloignées des valeurs par défaut issues du calibrage. Cet éloignement se traduit forcément par des sensibilités mesurées très variables. On peut illustrer ce biais en comparant un paramètre de stock simple qui se montre très sensible (la taille du monde simulé à nouveau) et un paramètre de ratio qui se situe lui tout en bas du classement (le taux de croissance démographique, croissance\_demo).

— Pour le premier, les valeurs testées s’échelonne régulièrement entre 50 et 150 km. L’ordre de grandeur de ces valeurs est similaire, représentant une variation qui va environ de la division par deux à la multiplication par deux de la valeur par défaut (80 km).

— Pour le second, qui vaut 0% par défaut, les valeurs testées sont de 0%, 1.53%, 3.72%, 5.89% et 12.89%. Au regard du nombre de pas de temps, cela représente un doublement, un triplement, un quintuplement et enfin un décuplement de la population initiale, que l’on a fait covarier pour que la population finale soit systématiquement identique. Vis-à-vis du para-mètre précédent, l’étendue interprétée est plus large, consistant même en une activation ou non du mécanisme de croissance démographique.

En absolu, les 4 premières valeurs sont cependant très proches et on ne 41

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL

s’attend ainsi pas à ce qu’elles aient un effet majeur sur les sorties du modèle.

Un autre exemple de cette incomparabilité des étendues concerne le choix des valeurs à tester pour les paramètres techniques. Par définition, ceux-ci ont des valeurs qui ne représentent strictement rien d’un point de vue thématique. Leur étendue acceptable est alors extrêmement difficile à évaluer, et on aura ainsi pu avoir tendance à effectuer de mauvais jugements sur les valeurs testées de ces paramètres.

Ces biais dans la comparabilité des valeurs de paramètres testées ont forcément influencé la sélection des paramètres à analyser. En changeant les valeurs tes-tées, le classement des paramètres aurait sans doute été largement altéré. Dans l’incapacité de produire des valeurs de paramètres plus comparables, nous nous tiendrons toutefois à la sélection des paramètres « les plus sensibles » effectuée dans cette partie. Tous les paramètres peuvent toutefois être analysés indivi-duellement, de manière interactive, dans la partie dédiée de la plate-forme SimEDB (figure 6.20) : Mettre un lien direct.

A

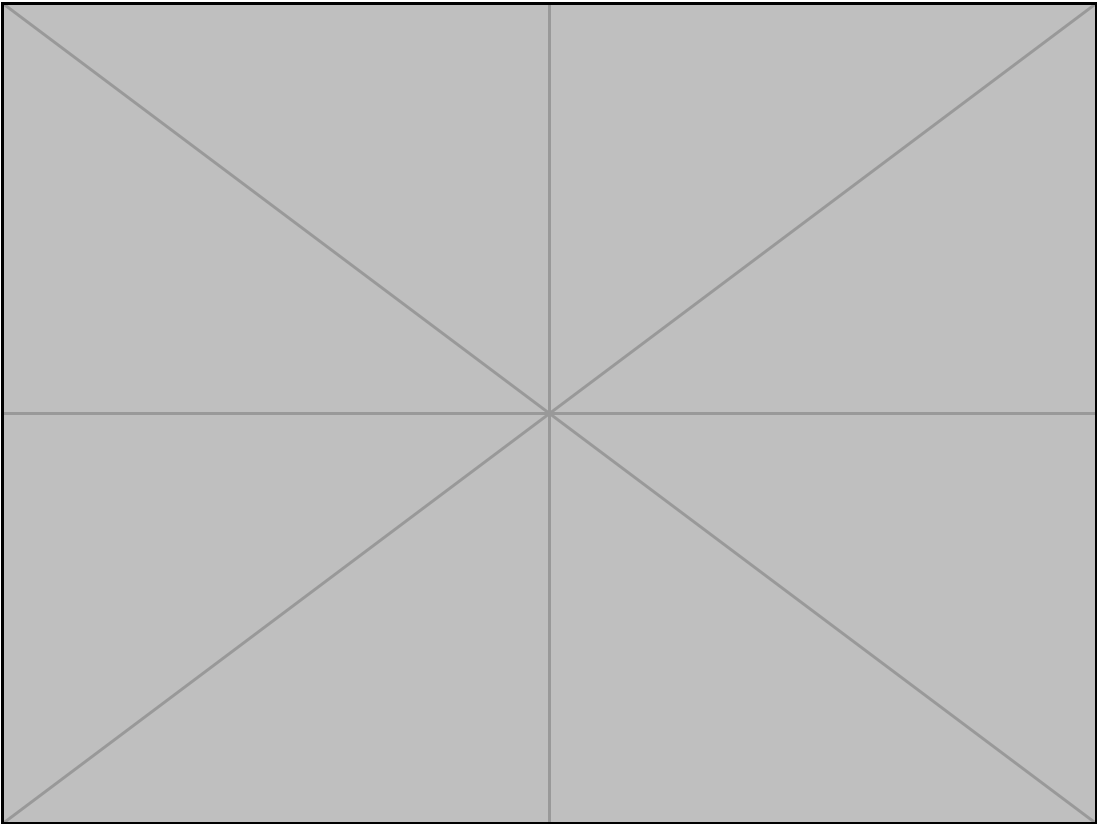


Figure 6.20 – Partie de l’interface de SimEDB dédiée à l’exploration visuelle des résultats de l’analyse de sensibilité de SimFeodal. À faire

42

|  |
| --- |
| Paramètre |

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | **Description** | **Intitulé** | **Type de** | **Agents** | **Valeur par défaut** | **Valeurs testées** | **Origine de la sélection** | **Rang** |  |
|  | **paramètre** | **caractérisés** | **sensibilité** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |
| Tableau |  |  |  |  |  | - Valeur par défaut : base |  |  |  |
| Étendue (variable au cours du temps) dans laquelle | **dist\_minmax\_eglise** | Mécanisme | Foyers | Avant 960 : de 5km à 25km | - Entre 5km et 25km tout au long : statique\_large | Globale | 1 |  |
|  | un foyer paysan calcule sa satisfaction religieuse | paysans | Entre 960 et 1060 : de 3 à 10km | - Entre 1.5km et 5km tout au long : statique\_reduit |  |
|  |  |  | Après 1060 : de 1.5 à 5km | - Avant 960 : [1.5, 5], de 960 à 1060 : [1, 3], après : [0.5, 1.5] : dynamique\_reduit |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  | - Avant 960 : [25, 50], de 960 à 1060 : [10, 25], après : [5, 10] : dynamique\_large |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 6 | Dimensions de l’espace du modèle en km de co)té. | **taille\_cote\_monde** | Input | Monde |  |  | Globale | 2 |  |
| (Une marge de 1km de large est o)tée dans les | 80 | [50,75,100,125,150] |  |
| . | simulations afin d'éviter les effets de bord). |  |  |  |  |  |  |  |  |
| –3 |  |  |  |  |  |  |  |  |
| Distance maximale entre les foyers paysans et les | **distance\_detection\_agregat** | Mécanisme | Agrégats |  |  | Globale | 3 |  |
|  |  |  |  |
|  | attracteurs les plus proches pour qu'ils soient | 100 m. | [50, 100, 150, 200, 300] |  |
|  | considérés comme faisant partie d'un me)me agrégat |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | Prélèvement de droits fonciers : montant des |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | redevances perçues par le seigneur détenteur de la | **droits\_fonciers\_zp** | Technique | Seigneurs | 1 | [0, 0.5, 1, 1.5, 2] | Globale | 4 |  |
|  | zone de prélèvement pour chaque foyer paysan |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | assujetti |  |  |  |  |  |  |  |  |
| sélectionnés |  |  |  |  |  | - 2500m tout au long : base |  |  |  |
| 43 | Rayon de distance dans lequel un foyer paysan | **rayon\_migration\_locale\_fp** | Mécanisme | Foyers |  | - 1000m tout au long : statique\_reduit | Globale | 5 |  |
| effectue une migration locale | paysans | [800::2500] : 2500m tout au long | - 2500m jusqu’à 1000, puis 5000m : dyn\_croissant |  |
|  |  |  |  |  |  | - 1000m jusqu’en 1000, puis 2500m : dyn\_reduit |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  | - 5000m jusqu’en 1000, puis 10000m : dyn\_large |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  | 940-1040 |  |  |  |
|  | Période au cours de laquelle les cha)teaux peuvent | **periode\_promotion\_chateaux** | Contexte | Cha)teaux |  | 940-1200 | Globale | 6 |  |
|  | de 940 à 1040 inclus | 1100-1200 |  |
| pour | devenir des gros cha)teaux |  |
|  |  |  |  | 1000-1100 |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  | 940-1000 |  |  |  |
| l’analyse | Pondération (en nombre de foyers paysans) de la | **proba\_gain\_haute\_justice\_gs** | Contexte | Seigneurs | Entre 900 et 980 : 0.2 | Graduel défaut : base | Globale | 8 |  |
|  | probabilité qu'une nouvelle église paroissiale soit | **ponderation\_creation\_paroisse\_agregat** | Mécanisme | Églises | 2000 | [500, 1000, 2000, 3000, 5000] | Globale | 7 |  |
|  | créée au sein d'un agrégat |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  | 0 tout au long : statique\_nul |  |  |  |
|  | Probabilité pour un grand seigneur d'acquérir des |  |  |  | Avant 900 : 0 | 1 tout au long : statique\_fort |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| visuelle | droits de haute justice à chaque pas de simulation. |  |  |  | A partir de 1000 : 1 | 0 + 0.1/an à partir de 900 : croissant\_regulier |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  | 0 avant 1000, puis 0.5 : croissant\_seuil |  |  |  |
|  | Date à partir de laquelle des cha)teaux peuvent e)tre | **debut\_construction\_chateaux** | Contexte | Cha)teaux | 940 | [820, 880, 940, 1000, 1060] | Globale | 9 |  |
|  | construits par les seigneurs |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| . | Nombre minimum de foyers paysans nécessaires pour | **nb\_min\_fp\_agregat** | Mécanisme | Agrégats | 5 | [3, 5, 7, 10, 15] | Globale | 10 |  |
|  | constituer un agrégat |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | Proportion de foyers paysans s'acquittant de droits |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | dans chaque zone de prélèvement relevant d'un | **taux\_prelevement\_zp\_chateau** | Mécanisme | Seigneurs | 1 (100%) | [0.0, 0.25, 0.5, 0.75, 1] | ratio\_charge\_fiscale | 11 |  |
|  | cha)teau (droits fonciers, droits de haute justice et |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | autres droits) |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | Nombre de tirages successifs de la probabilité qu'un | **nb\_tirages\_chateaux\_ps** | Technique | Cha)teaux | 1 | [0, 1, 2, 3, 4] | nb\_grands\_chateaux | 18 |  |
|  | des petits seigneurs crée un cha)teau. |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | Probabilité, pour un petit seigneur, de créer une | **proba\_creation\_zp\_autres\_droits\_ps** | Mécanisme | Seigneurs |  |  | distance\_eglises\_paroissiales | 36 |  |
|  | nouvelle zone de prélèvement d'autres droits dans son | 0.15 (15%) | [0.0, 0.05, 0.15, 0.25, 0.35] |  |
|  | voisinage à chaque pas de simulation |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  | avec variation pop\_init , pour pop 40k final constante : |  |  |  |
|  |  |  |  | Foyers |  | croissance\_demo : 0.0 & init\_nb\_total\_fp : 40000 |  |  |  |
|  | Taux de croissance du nombre de foyers paysans à | **croissance\_demo** | Contexte | 0 | croissance\_demo : 0.1289 & init\_nb\_total\_fp : 4000 | ratio\_charge\_fiscale | 57 |  |
|  | chaque pas de simulation | paysans | croissance\_demo : 0.0589 & init\_nb\_total\_fp : 13500 |  |
|  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  | croissance\_demo : 0.0372 & init\_nb\_total\_fp : 20000 |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  | croissance\_demo : 0.0153 & init\_nb\_total\_fp : 30000 |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |

|  |
| --- |
| Chapitre 6 |

|  |
| --- |
| 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL |

|  |
| --- |
| s |

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL

**6.2.3 Évaluation visuelle de la sensibilité**

Plutôt que de mener l’évaluation de la sensibilité des paramètres sélectionnés de manière linéaire, paramètre après paramètre, nous présentons ces derniers organisés par thématique c’est-à-dire selon les types d’agents concernés par chacun d’entre eux.

**6.2.3.1** **Paramètres liés au monde simulé**

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | Nombre d'agrégats |  | Nombre de grands |  | Nombre d'églises |  | Distance entre |  | Taux de foyers |  | Augmentation de la |  |
|  |  | châteaux |  | paroissiales |  | églises |  | paysans isolés |  | charge fiscale |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |
| 500 |  | 20 |  | 600 |  | 3000 |  |  |  | 3.00 |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  | 0.4 |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  | 2.75 |  |  |
| 400 |  |  |  |  |  | 2500 |  |  |  |  |  |
|  |  |  | 500 |  |  |  |  |  |  |  |
|  | 16 |  |  |  |  | 0.3 |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  | 2000 |  |  | 2.50 |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 300 |  | 12 |  | 400 |  | 1500 |  | 0.2 |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  | 2.25 |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 200 |  |  |  | 300 |  | 1000 |  |  |  |  |  |  |
|  | 8 |  |  |  |  |  | 0.1 |  | 2.00 |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |



|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **taille\_cote\_monde** | 75 | 100 | 125 | 150 |  |
| 50 |  |

Figure 6.21 – Sensibilité à la taille du monde simulé.

Le paramètre régissant la taille du monde simulé est un paramètre majeur qui affecte la totalité des indicateurs étudiés, comme la figure 6.21 permet de le constater. Quand la taille du monde simulé augmente, le nombre d’agrégats, d’églises paroissiales, la distance moyenne entre églises paroissiales et le taux de foyers paysans augmente aussi. Au contraire, la pression fiscale varie de façon inverse : quand la taille du monde simulé augmente, elle diminue. On ne constate pas d’effet direct ou linéaire sur le nombre de grands châteaux, qui ne semblent pas être directement sensibles à la taille du monde. Les différences visuelles de position semblent surtout influencées par la forte variabilité liée à l’aléa que l’on constate sur cet indicateur de sortie de simulation.

Ces résultats sont assez intuitifs : plus le monde est restreint, plus les foyers pay-sans sont proches les uns des autres. Cela entraîne premièrement une concen-tration plus forte, mais aussi un nombre d’agrégats plus faible : au lieu d’être dispersés en une multitude de petits agrégats (500 en moyenne avec un monde de 150 km de côté), les foyers paysans se concentrent dans un nombre res-treint d’agrégats (200 quand le côté est de 50 km), de superficie vraisembla-blement supérieures par les effets des mécanismes de fusion des agrégats. En effet, quand la superficie d’ensemble est plus faible, toutes choses égales par ailleurs concernant le nombre et le rayon des zones de prélèvement, on assiste nécessairement à une superposition plus importante de ces zones. La charge fiscale des foyers paysans s’en retrouve fortement affectée.

Un effet de ce paramètre nous paraît légèrement contre-intuitif : avec une sur-face plus importante, il est entièrement logique que la distance entre les églises augmente, puisque celles-ci sont forcément plus dispersés dans un monde plus large. Pourtant, le nombre d’églises paroissiales croît aussi avec la superficie du monde simulé, ce qui ne nous semble pas découler directement des règles de création/promotion de nouvelles églises paroissiales. On peut interpréter ce comportement comme une conséquence imprévue et non linéaire de la disper-sion des foyers paysans au sein de petits agrégats. De petites églises paroissiales sont mécaniquement créées ou promues en plus grand nombre dans les zones

44

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL

faiblement peuplées (petits agrégats proches du seuil minimal), là où la créa-tion d’une paroisse est moins coûteuse (en termes de nombre de foyers pay-sans requis) qu’au sein des agrégats plus importants. En renforçant le nombre d’agrégats, le paramètre de taille du monde simulé agit ainsi de manière indi-recte sur le nombre d’églises paroissiales.

**6.2.3.2** **Paramètres liés aux foyers paysans et agrégats**

Les foyers paysans (et les agrégats de population qui résultent de leur concen-tration) sont, par hypothèse, les agents les plus déterminants dans l’évolution des structures spatiales observées dans SimFeodal. À ce titre, il est attendu (et sécurisant en termes de validation interne) que les paramètres contrôlant leurs mécanismes propres aient une influence nette sur les indicateurs de sortie analysés.

**Foyers paysans.** Les trois paramètres, spécifiquement liés aux foyers pay-sans, les plus sensibles (figures 6.22 à 6.24), embrassent trois aspects bien dif-férents des mécanismes gérant le comportement des foyers paysans.

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | Nombre d'agrégats |  | Nombre de grands |  | Nombre d'églises |  | Distance entre |  | Taux de foyers |  | Augmentation de la |  |
|  |  | châteaux |  | paroissiales |  | églises |  | paysans isolés |  | charge fiscale |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |
| 500 |  |  |  | 800 |  | 3000 |  | 0.4 |  | 3.0 |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  | 2500 |  |  |  |  |  |
|  |  | 20 |  |  |  |  |  |  | 2.8 |  |  |
| 400 |  |  |  | 600 |  | 2000 |  | 0.3 |  | 2.6 |  |  |
|  |  | 15 |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 300 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  | 400 |  | 1500 |  | 0.2 |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  | 2.4 |  |  |
| 200 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | 10 |  |  |  | 1000 |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  | 0.1 |  |  |  |  |
|  |  |  |  | 200 |  |  |  | 2.2 |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |



|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **dist\_minmax\_eglise** | statique\_reduit | base | statique\_large | dynamique\_large |  |
| dynamique\_reduit |  |

Figure 6.22 – Sensibilité du paramètre dist\_minmax\_eglise.

Le premier de ces paramètres ((figure 6.22), qui est aussi le plus sensible du modèle, joue sur la satisfaction religieuse des foyers paysans. Notons déjà que le calibrage de ce paramètre semble efficace : au moins sur les quatre pre-miers indicateurs, c’est la valeur par défaut dans le modèle qui approche le plus les objectifs fixés. En matière d’interprétation, le fait que ce paramètre ait une influence sur les indicateurs de sortie du modèle est attendu et intuitif. La satisfaction religieuse que ce paramètre conditionne, est en effet, intentionnel-lement l’un des éléments majeurs du modèle.

Pourtant, l’ampleur de cette influence est un peu plus forte qu’on aurait pu le penser au vu des mécanismes et résultats principaux du modèle. Dans la **??** qui présentait l’évolution de la satisfaction des foyers paysans, on remarquait que la satisfaction protection était la composante principale de la satisfaction globale. On aurait donc pu s’attendre, au regard des mécanismes implémentés,

* ce que les paramètres liés à la satisfaction protection aient une sensibilité supérieure à celui-ci.

Pour ce paramètre qui régit les seuils de distance acceptables à l’église pa-roissiale la plus proche, on peut émettre l’hypothèse que les valeurs testées biaisent la mesure de la sensibilité globale. Ces valeurs sont qualitatives (éten-dues plus ou moins importantes, variables ou non au cours du temps, cf. le tableau 6.3), ont une large influence sur les aspects liés à la concentration des

45

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL

foyers paysans, et leur action sur les autres indicateurs est moins linéaire et prévisible.

Plus les étendues testées sont restreintes (modalités « dynamique\_reduit » et

* statique\_reduit »), plus le nombre d’agrégats et de foyers paysans isolés est important. Pour ceux-là, la satisfaction religieuse joue à ce moment là le rôle limitant et « force » les foyers paysans à migrer à proximité d’églises parois-siales.

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | Nombre d'agrégats |  | Nombre de grands | | |  | Nombre d'églises | | | |  |  | Distance entre | | |  |  | Taux de foyers | |  |  | Augmentation de la |  |
|  |  | châteaux | | |  |  | paroissiales | | |  |  | églises | | |  |  | paysans isolés | |  |  | charge fiscale |  |
| 280 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 3000 |  |  |  |  | 0.6 | |  |  | 3.0 | |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 260 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | 20 |  |  |  |  |  |  |  |  | 2500 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  | 350 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 2.8 | |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 240 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 0.4 | |  |  |  |  |  |  |
|  |  | 15 |  |  |  |  |  |  |  |  | 2000 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 220 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 2.6 | |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 200 |  |  |  |  |  | 300 |  |  |  |  | 1500 |  |  |  |  | 0.2 | |  |  |  |  |  |  |
|  | 10 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 2.4 | |  |  |
| 180 |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 1000 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 0.0 | |  |  |  |  |  |  |
|  | **rayon\_migration\_locale\_fp** | | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  | statique\_reduit | | |  |  | dynamique\_reduit | | |  | base |  |  | dynamique\_croissant | |  |  | dynamique\_large | |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |

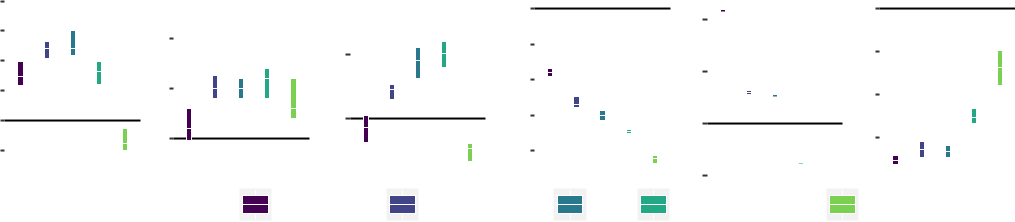


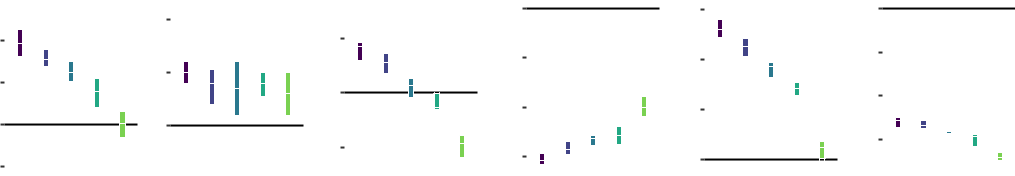
Figure 6.23 – Sensibilité du paramètre rayon\_migration\_locale\_fp.

Cette migration, au moins pour l’aspect local, est largement influencée par le second paramètre de la sélection : le rayon maximal de migration locale des foyers paysans (figure 6.23). Celui-ci n’est pas une étendue, mais un rayon maximum qui peut (valeurs « dynamiques ») changer au cours du temps. Dans le modèle calibré, ce rayon est fixe au cours du temps (2 500 m, modalité

* base »). Dans des versions précédentes du modèle, les valeurs de ce paramètre augmentaient au cours du temps 16, et on a voulu tester l’influence de l’évolu-tion de ces valeurs (modalités « dynamique\_reduit » et « dynamique\_croissant ») ainsi que d’augmentations et diminutions du rayon (modalités de type « reduit » par opposition à « croissant » et « large »).

Ce paramètre a notamment un rôle déterminant sur la concentration des foyers paysans, puisque selon les valeurs éprouvées, cet indicateur peut passer en moyenne de plus de 60% à moins de 5%. Les effets sur le nombre d’agrégats, de grands châteaux et d’églises paroissiales ne sont pas directement linéaires. C’est un exemple typique de paramètre qui régit un mécanisme dont les interactions avec les autres suit des effets de seuils. Sur les indicateurs de sortie, cela résulte en des tendances diverses selon l’ordre de grandeur des seuils empruntés.

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | Nombre d'agrégats |  | Nombre de grands |  | Nombre d'églises |  | Distance entre |  | Taux de foyers |  | Augmentation de la |  |
|  |  | châteaux |  | paroissiales |  | églises |  | paysans isolés |  | charge fiscale |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  | 20 |  |  |  | 3000 |  | 0.32 |  | 3.00 |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 250 |  |  |  | 350 |  |  |  |  |  | 2.75 |  |  |
|  |  |  |  |  |  | 2500 |  | 0.28 |  |  |  |
|  |  | 15 |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 225 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  | 300 |  |  |  |  |  | 2.50 |  |  |
|  |  |  |  |  | 2000 |  | 0.24 |  |  |  |
| 200 |  | 10 |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | 2.25 |  |  |
|  |  |  |  | 250 |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  | 1500 |  | 0.20 |  |  |  |  |
| 175 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |



|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **croissance\_demo** | 1.53% | 3.72% | 5.89% | 12.89% |  |
| 0% |  |

Figure 6.24 – Sensibilité du paramètre croissance\_demo.

Le paramètre de croissance démographique régit un mécanisme particulier dans le modèle, puisque par hypothèse, on a choisi de considérer une popula-

16. Reproduisant ainsi *in silico* la diminution des coûts de distance-temps qui témoignent de l’intégration d’un système de peuplement.

46

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL

tion stable dans le déroulement du modèle (ref chap 2, là où j’explicite, sans doute inputs/situation initiale).

Ce paramètre est considéré comme relevant du contexte, mais aurait égale-ment entièrement sa place parmi les *inputs* tant son importance thématique est majeure. La très faible sensibilité globale de ce paramètre (figure 6.19), ne nous paraît pas représentative de son influence effective tant l’analyse visuelle de son influence sur les indicateurs de sortie (figure 6.24) montre un effet direct sur tous les indicateurs présentés (à l’exception du nombre de grands châteaux).

On peut constater que plus le taux de croissance est élevé, plus le nombre d’agrégats est faible, de même que le taux de foyers paysans isolés. Sur les deux paramètres précédents (figures 6.22 et 6.23), de même que plus globalement, ces deux indicateurs sont pourtant le plus souvent opposés : quand le nombre d’agrégat augmente, le taux de foyer paysans isolés diminue.

L’influence de ce paramètre est extrêmement intéressante pour le modèle tant ce paramètre permet d’approcher des objectifs de ces indicateurs qui sont tous deux dépassés alors qu’opposés. On notera par exemple que parmi les valeurs de croissance démographique testées, la plus forte (12.80%) permet un ex-cellent ajustement du nombre d’agrégats et du taux de foyers paysans isolés, deux objectifs majeurs dans l’évaluation de SimFeodal. L’encadré 6.2 illustre une démarche d’exploration plus poussée de ce paramètre.

*Encadré 6.2 : Un scénario thématique pour tester l’hypothèse de croissance démographique*



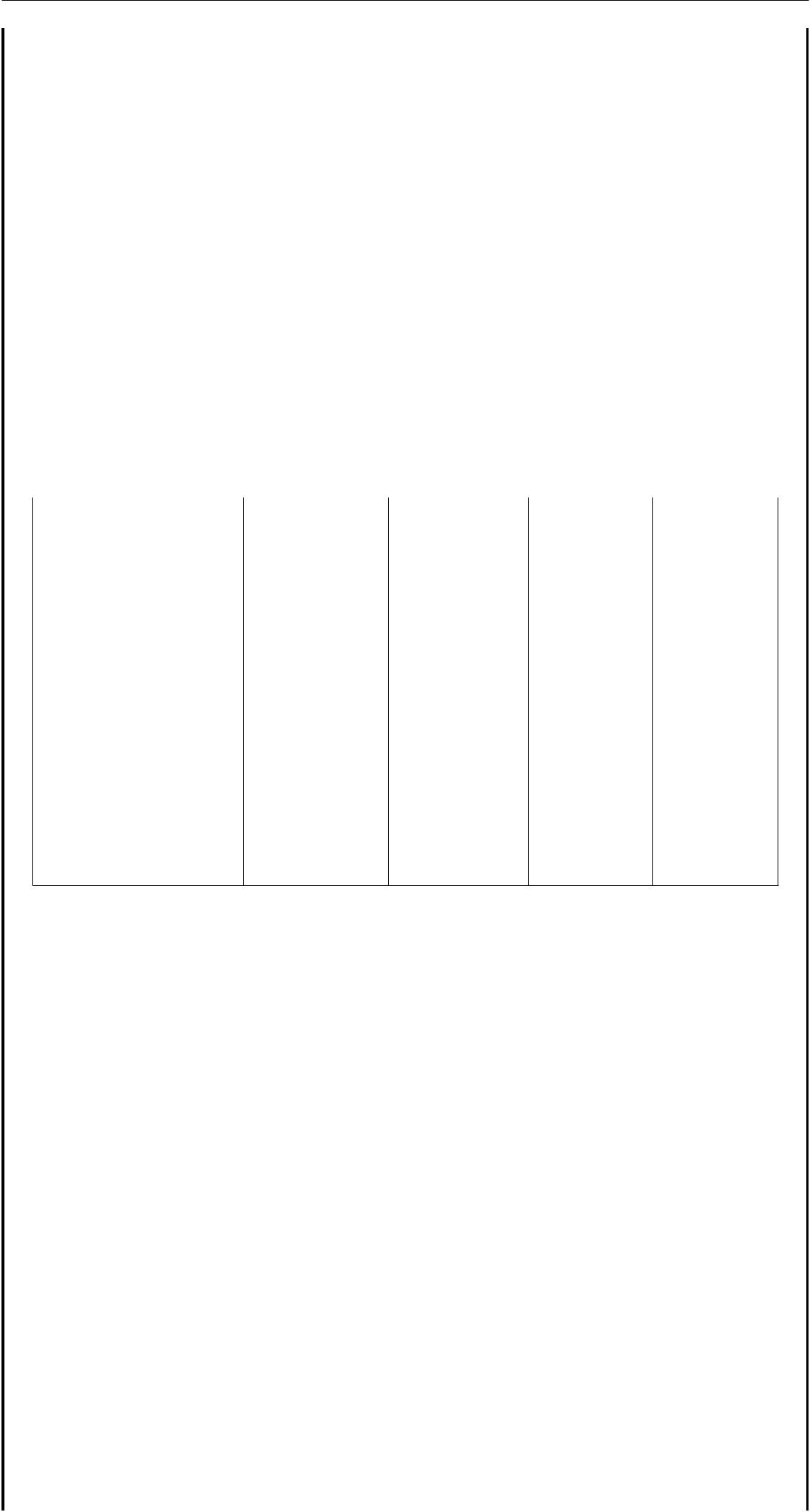
L’envie de mener des « scénarios thématiques » a émergé très tôt dans la conception du modèle SimFeodal. L’idée était de pouvoir tester des hypothèses différentes quant aux grands faits stylisés mobilisés dans le modèle. Ces versions alternatives permettraient d’éprouver la validité du modèle, et donc des logiques sur lequel il repose, en l’adaptant à d’autres régions où les processus étudiés se sont déroulés différemment voire pas du tout.

* ce jour, une quinzaine de scénarios de tels types ont été conçus, im-plémentés et simulés. La temporalité plus large de ce projet de recherche par rapport à celle de ce travail de thèse fait que l’analyse des résultats de ces scénarios et des résultats thématiques qu’ils engendrent est encore en cours par l’ensemble de l’équipe de SimFeodal.

Dans cet encadré, nous présentons toutefois un scénario, qui permet de revenir sur un élément majeur du modèle tel qu’il a été conçu. Cet élé-ment est l’absence de prise en compte de croissance démographique, quand bien même empiriquement, on sait qu’il y a eu une croissance. Pour tester les effets d’une telle croissance sur les sorties du modèle, on a procédé presque toute chose par ailleurs : la quasi-totalité des paramètres n’ont pas été modifiés, et le modèle n’a donc pas été re-calibré pour être adapté à ce fait stylisé, nouveau et majeur, qui a été implémenté. Seule

47

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL



exception : pour que l’état final du scénario soit comparable à l’état final de la version calibrée, il fallait que les populations soient comparables. De même que l’on a fait varier le taux de croissance démographique, on a donc aussi fait varier la population initiale du modèle, afin que la population atteigne 40 000 foyers paysans en fin de simulation.

Il y a eu trois scénarios conçus pour éprouver l’influence de taux va-riables de croissance démographique (D1, D2 et D3). On n’en présente ici qu’un seul, par soucis de brièveté. Ce scénario, intitulé « D2 », est ce-lui dont les résultats sont les plus intéressants. Dans ce scénario, le taux de croissance démographique est fixé à 12.89%, ce qui permet de faire passer une population initiale de 4 000 foyers paysans à 40 000 en fin de simulation. Cela correspond donc à un décuplement de la population entre 800 et 1200, jugé non aberrant par les thématiciens.

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | |  |  |  |  |
| **Indicateur** | | **Valeur** | **Valeur de** | **Moyenne** | **Médiane** |
|  |  | **attendue** | **référence** |  |  |
| *Agrégats* |  | *200* | 249 | 198 | 199 |
| *Gros châteaux* | | *10* | 15 | 12 | 12 |
| *Églises paroissiales* | | *300* | 348 | 252 | 253 |
| *Distance* | *moyenne* | *3 000 m* | 1 459 m | 1 988 m | 1 975 m |
| *entre églises* | |  |  |  |  |
| *Part de foyers pay-* | | *20 %* | 30 % | 21 % | 21 % |
| *sans isolés* | |  |  |  |  |
| *Augmentation de la* | | *x 3* | x 2.4 | x 2.6 | x 2.6 |
| *charge* | *fiscale des* |  |  |  |  |
| *foyers paysans* | |  |  |  |  |

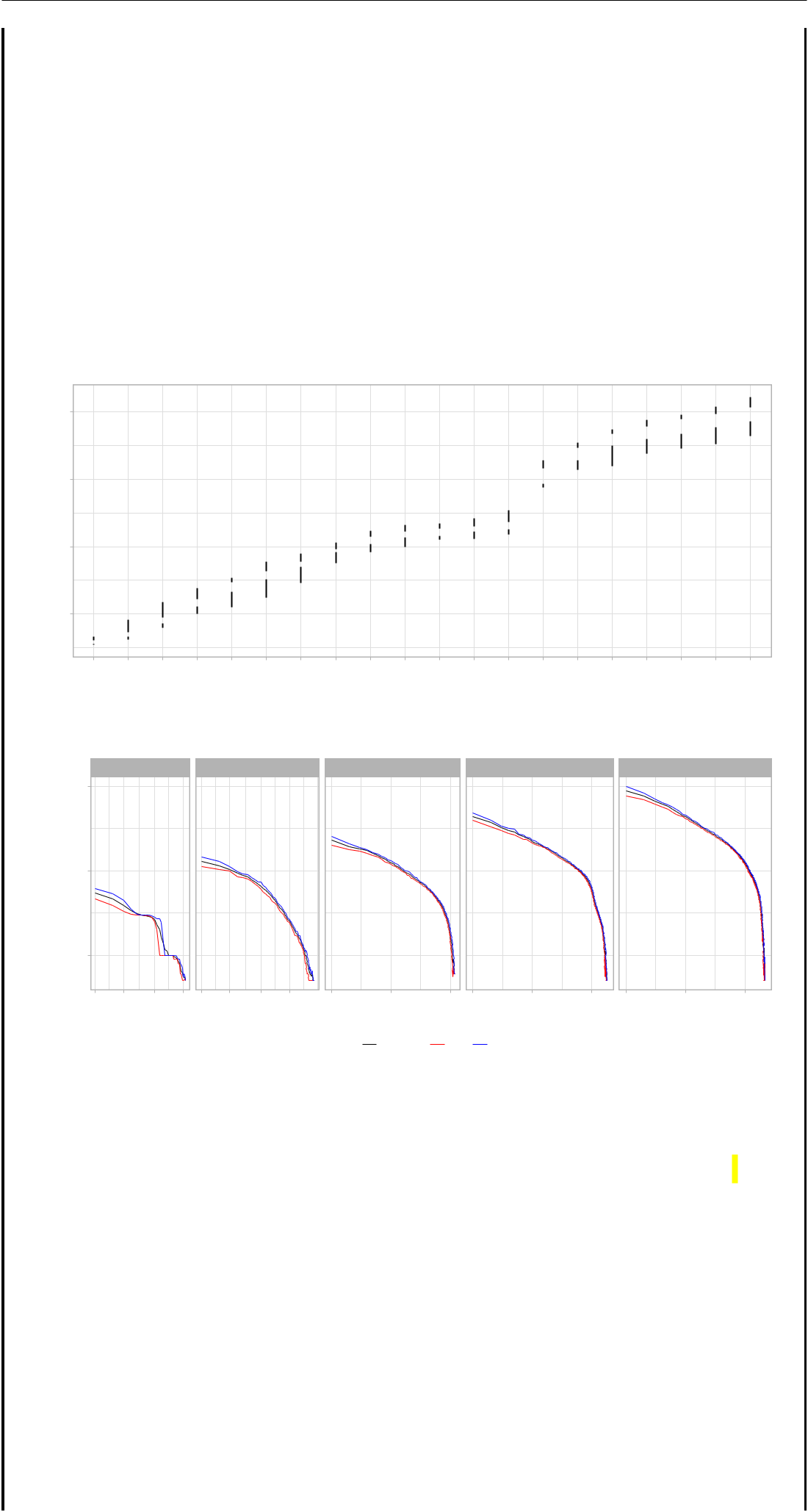
Tableau 6.4 – Valeurs des indicateurs numériques du scénario D2 en fin de simulation. *Les valeurs de référence correspondent aux moyennes obtenues* *dans la version calibrée de SimFeodal, sans croissance démographique donc.*

Les résultats agrégés de ce scénario (tableau 6.4) sont globalement satis-faisants, et même plus que les résultats de la version calibrée : le nombre d’agrégats en fin de simulation et la part de foyers paysans isolés sont presque parfaitement ajustés aux valeurs attendues fixées empirique-ment. Le nombre de grands châteaux et l’augmentation de la charge fis-cale sont aussi plus proches des attentes, bien que d’une manière moins franche. Seul point négatif : les églises paroissiales sont beaucoup moins nombreuses dans ce scénario que dans la version de référence, et trop faibles désormais au regard des valeurs attendues.

En regardant le détail de la structure, et notamment relative aux indi-cateurs de sortie relatifs aux agrégats (figure 6.25), on constate qu’en matière de hiérarchisation du système, les résultats de ce scénario sont aussi meilleurs que ceux de la version de base (figures 6.5 et 6.8). La croissance du nombre d’agrégats y est assez régulière, contrairement à la version calibrée (figure 6.5) où l’évolution était très faible jusqu’en

48

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL



1060. Plutôt que d’insuffler un changement de tendance, les mécanismes exogènes (960 et 1060) ne font qu’accélerer un processus déjà actif. On note aussi que l’organisation hiérarchique des agrégats, et son évolu-tion, est bien plus proche des formes connues sur les sociétés contempo-raines. Dans la version calibrée du modèle (figure 6.8), la courbe conser-vait un « coude » important, tandis qu’ici, on note que l’évolution tend vers un redressement de la pente de la courbe rang-taille. En cela, l’orga-nisation hiérarchique tend vers le modèle log-normal observé empirique-ment sur de très nombreux systèmes (Cura et al. (2017) par exemple).

Évolution du nombre d'agrégats de population

Variabilité : Réplications

|  |
| --- |
| Nombre d'agrégats |

200

150

100

**●**

**●**

**●**

50

**●**

**●**

**●**

**●**

**●**

**●** **●**

**●**

**●**

**●**

**●**

**●**

**●**

**●**

**●**

**●**

**●**

820 840 860 880 900 920 940 960 980 1000 1020 1040 1060 1080 1100 1120 1140 1160 1180 1200

Temps

Paramètres de la sélection :

croissance\_demo : [0.1289]

sim\_name : [6\_6\_Scenarios]

Évolution de la distribution rang−taille des agrégats de population

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | Variabilité : Moyenne, Q1 et Q3 des Réplications | | | | | | | | | | | | | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  | 820 |  |  |  |  |  |  |  | 900 |  |  |  |  |  |  |  |  | 1000 |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 1100 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 1200 | | |  |
|  | 1000 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●** | **●●** | **●●** |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●** | **●** | **●** |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●●** | **● ●** |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **● ●●●●●** | **●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **● ●●** | **●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●●●●●●●●** |  |
|  | 100 |  |  |  |  |  | **●●●** | **●●** | **●** |  |  |  |  | **●●●** | **●●●** | **●●●** | **●●●** | **●●●** | **●●●** | **●●●** | **●●● ●●● ●●● ●●● ●●● ●●●●●●** |  |  |  |  |  |  | **●** | **●●●** | **●●●** | **●●● ●●● ●●● ●●● ●●● ●●● ●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●** | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  | **●** | **●●** | **●● ●** | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●** |  |
|  | **●●●** | **●●●** | **●●** |  |  |  |  |  |  | **● ●●** | **●●** | **●●● ●●● ●●● ●●● ●●● ●●● ●●● ●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●** | |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●** | | |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●** |  |
| Tailledesagrégats | (nombredefoyerspaysans) |  | **●** | **●●● ●●● ● ●●● ●● ●● ●●● ●● ● ●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●●** |  |
|  |  | **● ●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●** |  |
|  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |
|  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |
|  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |
|  |  |  | **●●** |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |
|  |  |  | **●●●●●●●●●** | |  |  |  |  |  |  | **●●● ●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
|  | 10 |  |  | **● ●●** |  | **●●●** |  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
|  |  |  |  |  | **●●●●●●●●** |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |
|  |  |  |  |  |  | **● ●** |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  | **● ●** |  |  |  |  |  |  | **● ●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
|  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  | **● ●●●●●** | |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |
|  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |  |  |  |  |  | **●●●●●●●●●** | |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |
|  |  |  |  |  |  | **●●●** |  |  |  |  |  |  | **●** | **●●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  | **●●●●●** |  |  |  |  |  |  |  | **●●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |
|  | 1 |  | 3 | 10 |  | 30 | 1 |  | 3 |  |  | 10 | 30 | 1 |  |  |  |  |  |  | 10 |  | 100 | 1 |  |  |  |  |  |  | 10 | 100 | 1 |  |  |  |  |  |  | 10 | | | | 100 |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | Rang (log10) | | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **●** |  |  | Moyenne | **●** | Q1 |  | **●** | Q3 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | Paramètres de la sélection : | | | | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | croissance\_demo : [0.1289] | | | | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | sim\_name : [6\_6\_Scenarios] | | | | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |

Figure 6.25 – Nombre et organisation des agrégats dans le scénario D2. Nous ne détaillerons pas les autres résultats de ce scénario D2, par ailleurs d’ores et déjà explorable dans la plateforme SimEDB (mettre lien direct), et nous contenterons d’affirmer que ce scénario répond mieux une majorité des attentes identifiées pour SimFeodal. C’est particuliè-rement étonnant dans la mesure où le modèle n’a jamais été conçu en ayant l’arrière pensé d’y remplacer la stabilité démographique par de la croissance, et n’a pas non plus été calibré à cet effet. Sans perdre de vue les biais que l’implémentation informatique de mécanismes peut appor-ter vis-à-vis des processus modélisés, on notera tout de même qu’il est, thématiquement et méthodologiquement, très intéressant que les interac-tions entre mécanismes de SimFeodal s’ajustent mieux quand de la crois-sance démographique est mise en place. Cela nous semble constituer un

49

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL



résultat majeur de ce scénario, et de SimFeodal plus globalement : sans mettre en place de mécanisme de croissance démographique, les objec-tifs thématiques à atteindre semblent inaccessibles, alors qu’une version même naïve et non calibrée d’un tel mécanisme permet déjà de répondre bien davantage aux objectifs formalisés.

**Agrégats de population.** Les deux paramètres agissant sur la définitiondes agrégats (paramètres distance\_detection\_agregat et nb\_min\_fp\_agregat) sont très comparables et agissent de manière symétriquement opposée sur les indi-cateurs de sortie (figure 6.26).

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | Nombre d'agrégats |  | Nombre de grands | | | | | | |  |  |  |  | Nombre d'églises | | | | | | |  |  |  | Distance entre | | |  |  | Taux de foyers |  | Augmentation de la |  |
|  |  |  | châteaux | | |  |  |  |  |  |  |  | paroissiales | | | | |  |  |  |  |  |  | églises | |  |  | paysans isolés |  | charge fiscale |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 800 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 3000 | |  |  |  |  | 0.3 |  |  | 3.0 |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  | 20 |  |  |  |  |  |  |  | 400 | | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 2.8 |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 2500 | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 600 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | 15 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 0.2 |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  | 360 | | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 2.6 |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 2000 | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 400 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | 10 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 0.1 |  |  | 2.4 |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 320 | | |  |  |  |  |  |  |  |  | 1500 | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 2.2 |  |  |
| 200 |  | 5 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 0.0 |  |  |  |  |
|  | **distance\_detection\_agregat** | | | | |  |  | 50 | |  |  |  | 100 | |  |  | 150 | |  |  |  | 200 | |  | 300 |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | |  | |  | |  |  | | |  |  |  |  |  |
|  | Nombre d'agrégats |  | Nombre de grands | | | | | | |  |  |  |  | Nombre d'églises | | | | | | |  | |  | Distance entre | |  | |  | Taux de foyers |  | Augmentation de la |  |
|  |  | châteaux | | | |  |  |  |  |  |  |  | paroissiales | | | | |  |  |  |  |  | églises | |  |  |  | paysans isolés |  | charge fiscale |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 0.35 | |  |  |  |
| 500 |  | 21 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 3000 | |  |  | |  |  | 3.0 |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  | 375 | | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  | 18 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 2500 | |  |  | | 0.30 | |  |  | 2.8 |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 400 |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 350 | | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 0.25 | |  |  |  |  |  |
|  |  | 15 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | |  |  | 2.6 |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 2000 | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 300 |  | 12 |  |  |  |  |  |  |  | 325 | | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | | 0.20 | |  |  | 2.4 |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | | 1500 | |  |  |  | 0.15 | |  |  |  |  |  |
| 200 |  | 9 |  |  |  |  |  |  |  | 300 | | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | |  |  | 2.2 |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | **nb\_min\_fp\_agregat** | |  | 3 |  |  | 5 | |  |  |  | 7 |  |  | 10 |  |  |  | 15 | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |

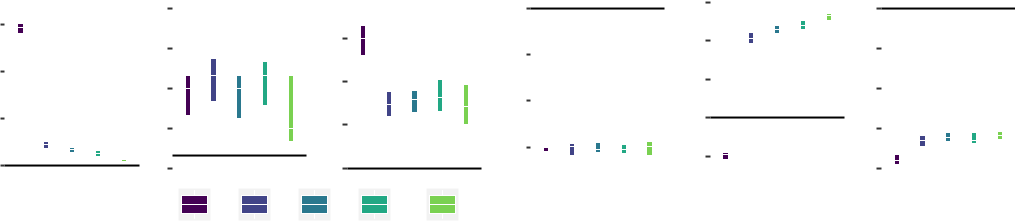
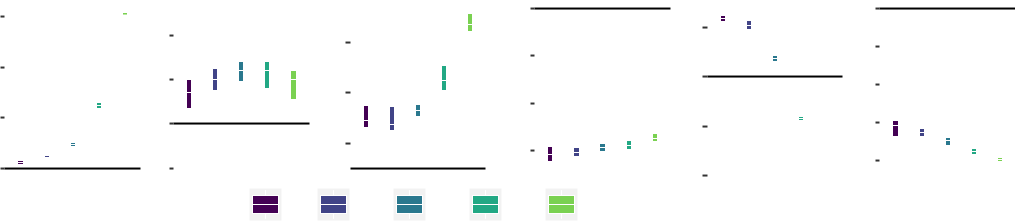


Figure 6.26 – Sensibilité des paramètres liés aux agrégats.

Sans surprise, leur effet est largement circonscrit aux indicateurs relatifs aux foyers paysans (à l’exception inattendue des églises paroissiales, sans doute pour les mêmes raisons que le paramètre de taille du monde simulé), mais il est intéressant de noter leur extrême sensibilité.

On constate ainsi que des variations relativement fines de ces paramètres 17 aboutissent sur des variations plus que linéaires, et d’ordres de grandeurs quasi-différents sur le nombre d’agrégats (800 au maximum sur le premier para-mètre, contre 200 au minimum) et le taux de foyers isolés (de plus de 30% à moins de 2% sur le même paramètre).

Les variations présentées dans la figure indique que les valeurs par défaut (100 m et 5 foyers paysans) sont au moins dans des intervalles assez sensés au re-gard des objectifs poursuivis. Cela nous indique qu’il serait possible de jouer plus finement sur les valeurs de ces paramètres pour améliorer le calibrage de SimFeodal.

17. Des distances de quelques dizaines/centaines de mètres de plus ou moins au regard des 80 kilomètres de côté du monde simulé pour le premier paramètre ; quelques foyers paysans de plus ou de moins pour constituer un agrégat dans le second paramètre, relativement aux 40 000 foyers paysans que compte le modèle…

50

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL

**6.2.3.3** **Paramètres liés aux seigneurs et châteaux**

Les paramètres liés aux seigneurs et aux châteaux (les premiers construisant les seconds) sont les plus nombreux du modèle et il est attendu qu’ils soient assez sensibles. Ce sont en effet les paramètres qui régissent les mécanismes qui façonnent le monde dans lequel les foyers paysans auront à évoluer.

**Seigneurs.** La figure 6.27 présente les quatre paramètres sélectionnés liésaux seigneurs et aux châteaux : droits\_fonciers\_zp, proba\_gain\_haute\_justice\_gs, taux\_prelevement\_zp\_chateau et proba\_creation\_zp\_autres\_droits\_ps.



|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | Nombre d'agrégats | Nombre de grands | |  | Nombre d'églises | | Distance entre | | Taux de foyers | Augmentation de la |  |
|  | châteaux |  |  | paroissiales | | églises |  | paysans isolés | charge fiscale |  |
|  |  |  |  |  |  |
|  | 20 |  |  |  |  | 3000 |  | 0.6 |  | 3.00 |  |
| 250 | 15 |  |  | 370 |  |  |  | 0.5 |  | 2.75 |  |
|  |  |  |  | 2500 |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  | 350 |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 200 | 10 |  |  | 330 |  | 2000 |  | 0.4 |  | 2.50 |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 150 | 5 |  |  | 310 |  | 1500 |  | 0.3 |  | 2.25 |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | 0 |  |  | 290 |  |  |  | 0.2 |  | 2.00 |  |
|  | **droits\_fonciers\_zp** | 0 | 0.5 | 1 | 1.5 | 2 |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |
|  | Nombre d'agrégats | Nombre de grands | |  | Nombre d'églises | | Distance entre | | Taux de foyers | Augmentation de la |  |
|  | châteaux |  |  | paroissiales | | églises |  | paysans isolés | charge fiscale |  |
|  |  |  |  |  |  |
| 260 |  |  |  |  |  | 3000 |  |  |  | 3.0 |  |
| 20 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  | 360 |  |  |  | 0.30 |  |  |  |
|  |  |  |  |  | 2500 |  |  | 2.5 |  |
| 240 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 16 |  |  | 340 |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 220 |  |  |  |  |  | 2000 |  | 0.25 |  | 2.0 |  |
| 12 |  |  | 320 |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  | 1500 |  |  |  | 1.5 |  |
| 200 | 8 |  |  | 300 |  |  |  | 0.20 |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | **proba\_gain\_haute\_justice\_gs** | | statique\_nul | | | croissant\_seuil | croissant\_regulier | | base | statique\_fort |  |
|  |  |  |  |
|  | Nombre d'agrégats | Nombre de grands | |  | Nombre d'églises | | Distance entre | | Taux de foyers | Augmentation de la |  |
|  | châteaux |  |  | paroissiales | | églises |  | paysans isolés | charge fiscale |  |
|  |  |  | 370 |  |  |
|  | 20.0 |  |  |  | 3000 |  |  |  | 3.00 |  |
| 260 | 17.5 |  |  | 350 |  | 2500 |  | 0.30 |  | 2.75 |  |
|  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 240 | 15.0 |  |  | 330 |  |  |  |  |  | 2.50 |  |
|  |  |  |  | 2000 |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  | 0.25 |  |  |
| 220 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 12.5 |  |  | 310 |  | 1500 |  |  |  | 2.25 |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 200 | 10.0 |  |  | 290 |  |  |  | 0.20 |  |  |  |
|  | **taux\_prelevement\_zp\_chateau** | |  | 0% | 25% | 50% | 75% | 100% |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |
|  | Nombre d'agrégats | Nombre de grands | |  | Nombre d'églises | | Distance entre | | Taux de foyers | Augmentation de la |  |
|  | châteaux |  |  | paroissiales | | églises |  | paysans isolés | charge fiscale |  |
|  |  |  |  |  |  |
|  | 21 |  |  | 380 |  | 3000 |  |  |  | 3.00 |  |



|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 260 | 360 | |  |  |  |  |  |  |  | 0.30 | | 2.75 |  |
| 18 |  |  |  | 2500 | |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |
| 240 | 340 | |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 2.50 |  |
| 15 |  |  |  | 2000 | |  |  | 0.25 | |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 220 | 320 | |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 2.25 |  |
| 12 |  |  |  |  |  | 1500 | |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 200 | 300 | |  |  |  |  |  |  |  | 0.20 | | 2.00 |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| **proba\_creation\_zp\_autres\_droits\_ps** | |  | 0% |  | 5% |  | 15% |  | 25% |  | 35% |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |

Figure 6.27 – Sensibilité des paramètres liés aux seigneurs.

* la lecture de cette figure, on note en premier lieu que de nombreux indica-teurs montrent des « violons » très étendus, signes d’une forte variabilité rela-tive à l’aléa, et donc d’une faible variabilité absolue aux valeurs testées. Sur ces indicateurs (les trois premiers indicateurs des trois derniers paramètres par exemple), l’influence des paramètres est presque nulle. Au contraire, ces quatre paramètres influent sur le dernier indicateur (augmentation de la charge fis-cale), via un effet visuel linéaire (deux derniers paramètres) ou de seuil (deux premiers).

On retrouve cet effet de seuil sur plusieurs indicateurs chez le premier pa-ramètre, qui régit le montant des redevances de loyer que les seigneurs per-51

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL

çoivent : la première modalité (0) joue de manière importante sur le nombre d’agrégats et de grands châteaux et sur le taux de foyers paysans isolés et la charge fiscale. Il est important de noter que cette modalité est particulière : quand sa valeur vaut 0, cela signifie que les seigneurs ne gagnent pas de puis-sance sur les loyers qu’ils prélèvent. Cela correspond donc à la désactivation du mécanisme associé, et il est intéressant de remarquer que les quatre para-mètres ici présentés comportent tous une modalité qui désactive le mécanisme associé.

Sur les deux premiers paramètres, l’effet de rupture est net, par exemple sur l’augmentation de la charge fiscale. Le montant des droits fonciers (1er pa-ramètre) collectés ne joue que par son activation ou non (les valeurs supé-rieures à 0 présentent des résultats très similaires). L’existence et la propension des droits de haute justice des grands seigneurs (2ème paramètre) ne semble jouer que sur l’augmentation de la charge fiscale, mais y exerce une influence énorme : c’est le seul des paramètres ici présentés dont une valeur testée peut faire diminuer autant cet indicateur (1.5 alors que l’ordre de grandeur des si-mulations est plutôt entre 2 et 2.5)

Il est intéressant de remarquer que pour les deux paramètres suivant 18, où la valeur de 0% correspond aussi à une désactivation du mécanisme concerné, on ne retrouve pas ces effets de seuil. Ces paramètres ont une réaction linéaire, dans l’étendue testée, sur l’augmentation de la charge fiscale et n’ont que peu d’influence sur les autres indicateurs.

Le profil du dernier paramètre illustre les gains que l’analyse de sensibilité peut apporter pour le calibrage du modèle : ce paramètre agit sur l’augmentation de la charge fiscale dans des propensions non négligeables, et pas ou très peu sur les autres indicateurs (sa sensibilité globale le place en 36ème position sur les 57 paramètres). Ce paramètre constitue dès lors un très bon candidat à un ajustement de l’augmentation de la charge fiscale (y compris en éprouvant des valeurs de paramètre plus élevées que celles testées ici), puisqu’il agit dessus sans présenter d’effets de bords qui viendraient perturber d’autres indicateurs.

**Châteaux.** Les paramètres liés aux châteaux sont sensiblement surrepré-sentés parmi ceux qui ont la sensibilité la plus forte : il n’y en a que 6 sur les 57

paramètres (environ 11%), mais les trois paramètres sélectionnés (debut\_construction\_chateaux, nb\_tirages\_chateaux\_ps et periode\_promotion\_chateaux) représentent 20% des paramètres les plus sensibles.

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | Nombre d'agrégats |  | Nombre de grands | |  | Nombre d'églises | | | |  |  |  | Distance entre | | |  |  | Taux de foyers | | |  |  | Augmentation de la |  |
|  |  | châteaux | |  |  | paroissiales | | |  |  |  | églises | | |  | paysans isolés | | | |  |  | charge fiscale |  |
| 280 |  |  |  |  |  |  |  | 0.325 |  |  |  |
|  | 50 |  |  | 360 |  |  |  |  |  | 3000 | |  |  |  |  |  |  |  |  | 3.0 |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 0.300 |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 260 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 2.8 |  |  |
|  | 40 |  |  |  |  |  |  |  |  | 2500 | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 0.275 |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 240 |  |  |  |  | 340 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | 30 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 2.6 |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  | 2000 | |  |  |  | 0.250 |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 220 |  | 20 |  |  | 320 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 0.225 |  |  |  |  |  | 2.4 |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 1500 | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  | 10 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 200 |  |  |  | 300 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 0.200 |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 2.2 |  |  |
|  | **periode\_promotion\_chateaux** | | |  | 940−1000 | |  |  | 940−1040 | |  |  | 1000−1100 |  |  | 1100−1200 | |  |  | 940−1200 | |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |

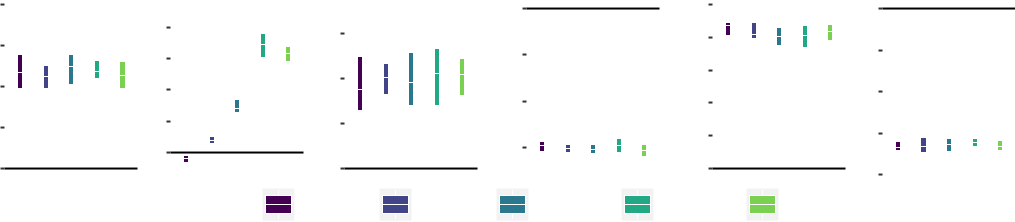


Figure 6.28 – Sensibilité du paramètre periode\_promotion\_chateaux.

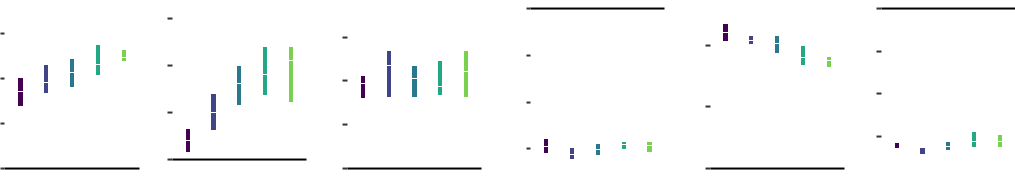
18. taux\_prelevement\_zp\_chateau et proba\_creation\_zp\_autres\_droits\_ps.

52

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL

Logiquement, on s’attend à ce que ces paramètres agissent majoritairement sur le seul indicateur numérique lié aux châteaux, ici le nombre de grands châteaux. C’est bien le cas du paramètre régissant l’intervalle de temps pendant lequel les châteaux peuvent être promus en gros châteaux (figure 6.28). Ce paramètre semble n’avoir aucun impact sur les autres indicateurs de sortie, mais influence fortement le nombre de gros châteaux. Sa valeur par défaut (de 940 à 1040, issue de connaissances expertes) est presque optimale au regard de cet indicateur, signe que le calibrage des autres paramètres (moins inscrits dans l’empirie) est adapté.

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | Nombre d'agrégats |  | Nombre de grands |  | Nombre d'églises |  | Distance entre |  | Taux de foyers |  | Augmentation de la |  |
|  |  | châteaux |  | paroissiales |  | églises |  | paysans isolés |  | charge fiscale |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |
| 275 |  | 25 |  |  |  | 3000 |  |  |  | 3.0 |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  | 360 |  |  |  | 0.30 |  | 2.8 |  |  |
|  |  |  |  |  |  | 2500 |  |  |  |  |
|  |  | 20 |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 250 |  |  | 340 |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | 2.6 |  |  |
|  |  |  |  |  |  | 2000 |  | 0.25 |  |  |  |
|  |  | 15 |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 225 |  |  | 320 |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  | 2.4 |  |  |
|  |  |  |  |  |  | 1500 |  |  |  |  |  |
|  |  | 10 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 200 |  |  | 300 |  |  |  | 0.20 |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |



|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **nb\_tirages\_chateaux\_ps** | 1 | 2 | 3 | 4 |  |
| 0 |  |

Figure 6.29 – Sensibilité du paramètre nb\_tirages\_chateaux\_ps.

Les deux autres paramètres liés aux châteaux (figures 6.29 et 6.30) ont une influence qui n’est pas circonscrit au nombre de grands châteaux : tous deux agissent sur d’autres indicateurs que celui-ci.

Plus le nombre de tirages probabilistes permettant aux petits seigneurs de construire un château est élevé, plus il y a de grands châteaux en fin de pé-riode (figure 6.29), ce qui est attendu au regard des mécanismes. Par contre, on notera aussi que le nombre de ces châteaux influe sur le nombre d’agrégats et par conséquent sur le taux de foyers paysans isolés : plus il y a de châteaux, plus il y a de pôles et donc d’agrégats. Et plus il y a d’agrégats dispersés dans le monde simulé (les châteaux le sont nécessairement puisqu’ils ne peuvent être construits à moins de 5 km les uns des autres), plus les foyers paysans isolés trouvent à migrer localement, diminuant donc la part de ceux qui demeurent isolés en fin de simulation. Cette influence reste assez modeste toutefois au regard des variations engendrées par le troisième paramètre de cette sélection.

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | Nombre d'agrégats |  | Nombre de grands | |  |  | Nombre d'églises | | | | |  |  |  | Distance entre | | | |  | Taux de foyers |  | Augmentation de la |  |
|  |  | châteaux | |  |  |  | paroissiales | | |  |  |  |  |  | églises | | |  | paysans isolés |  | charge fiscale |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 0.35 |  |  |
| 280 |  | 40 |  |  | 380 |  |  |  |  |  |  | 3000 | |  |  |  |  |  |  | 3.0 |  |  |
| 260 |  | 30 |  |  | 360 |  |  |  |  |  |  | 2500 | |  |  |  |  |  | 0.30 |  | 2.8 |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 240 |  | 20 |  |  | 340 |  |  |  |  |  |  | 2000 | |  |  |  |  |  |  |  | 2.6 |  |  |
| 220 |  | 10 |  |  | 320 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 0.25 |  | 2.4 |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  | 1500 | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 200 |  | 0 |  |  | 300 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 0.20 |  | 2.2 |  |  |
|  | **debut\_construction\_chateaux** | | |  | 820 |  |  | 880 |  |  | 940 | |  |  | 1000 |  |  | 1060 |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |

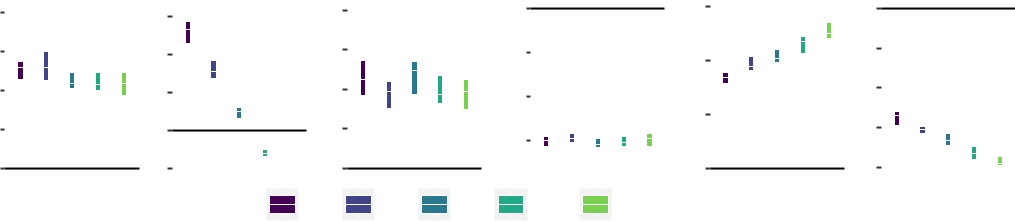


Figure 6.30 – Sensibilité du paramètre debut\_construction\_chateaux.

Celui-ci (figure 6.30) agit de manière assez similaire en termes de tendance, avec une influence plus importante toutefois. Les figures peuvent laisser penser

* une relation inverse à celle du paramètre précédent, mais c’est uniquement dû aux valeurs de ce paramètre qui fixe l’année à partir de laquelle des châ-teaux peuvent être construits : plus cette année est tardive, moins le nombre de

53

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL

châteaux final sera important 19. Au-delà des remarques précédentes, on notera que la date de construction des premiers châteaux influe sur l’augmentation de la charge fiscale, dans un sens qui nous semble à nouveau intuitif : plus il y a de châteaux, plus il y a de zones de prélèvement associées, et plus les foyers paysans voient leur charge fiscale augmenter.

De manière générale, la conception et le paramétrage des mécanismes liés aux châteaux ont demandé un travail conséquent (voir la partie dédiée à leur cali-brage – section 6.1.1 – p. 8), qui nous a pourtant semblé, lors ces étapes, assez peu convaincant au regard de l’amélioration très modeste que cela a apporté en termes d’ajustement général du modèle. D’où de nombreux débats internes entre modélisateurs et thématiciens sur la nécessité de détailler autant les mé-canismes liés à la construction des châteaux.

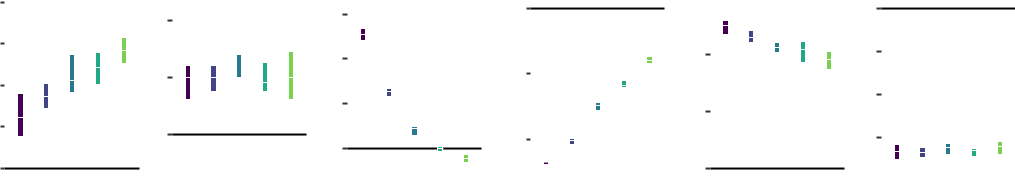
L’analyse du premier paramètre (periode\_promotion\_chateaux, figure 6.28) semble aller dans ce sens, puisque la complexité des mécanismes de promotion des châteaux ne semble influencer, sur ces indicateurs très synthétiques, que l’in-dicateur directement lié : le nombre de gros châteaux.

Les résultats l’analyse de sensibilité des autres paramètres (figures 6.29 et 6.30) donnent tort à l’intuition du modélisateur-« calibreur », et gain de cause aux thématiciens pour lesquels les châteaux, et la justesse de leur implémentation, avaient une dimension thématique considérable. La portée réduite mais claire de ces paramètres sur le premier objectif thématique recherché (la concentra-tion des foyers paysans) justifie de leur existence et de leur nécessité dans les processus modélisés au sein de SimFeodal.

**6.2.3.4** **Paramètres liés aux églises et paroisses**

Le dernier paramètre de cette analyse visuelle est aussi le seul qui porte sur les paroisses. Celles-ci constituent l’un des moteurs principaux de la fixation de la population dans les agrégats de taille réduite qui constituent la grande majorité des lieux de concentration des foyers paysans (la fameuse « longue traîne » de cette hiérarchie). En première analyse, cette sous-représentation des paramètres liés aux paroisses dans l’ensemble des paramètres sélectionnés nous apparaît donc contre-intuitif.

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | Nombre d'agrégats |  | Nombre de grands |  | Nombre d'églises |  | Distance entre |  | Taux de foyers |  | Augmentation de la |  |
|  |  | châteaux |  | paroissiales |  | églises |  | paysans isolés |  | charge fiscale |  |
| 280 |  |  |  |  |  |  |  |
|  | 20 |  | 600 |  | 3000 |  |  |  | 3.0 |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 260 |  |  |  | 500 |  |  |  | 0.30 |  | 2.8 |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  | 2000 |  |  |  |  |  |  |
| 240 |  | 15 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  | 2.6 |  |  |
|  |  |  |  | 400 |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  | 0.25 |  |  |  |  |
| 220 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | 10 |  |  |  | 1000 |  |  |  | 2.4 |  |  |
|  |  |  | 300 |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 200 |  |  |  |  |  |  |  | 0.20 |  |  |  |  |



|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **ponderation\_creation\_paroisse\_agregat** | 1000 | 2000 | 3000 | 5000 |  |
| 500 |  |

Figure 6.31 – Sensibilité du paramètre de pondération de création de nou-velles paroisses dans les agrégats.

La figure 6.31 présente les réponses des indicateurs à différentes valeurs du pa-

19. Au contraire du paramètre précédent, où une modalité plus forte impliquait plus de châteaux.

54

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL

ramètre ponderation\_creation\_paroisse\_agregat, qui agit sur le nombre de foyers paysans nécessaires à la création d’une nouvelle église paroissiale au sein des agrégats. De manière prévisible et évidente, ce paramètre influence nettement les deux indicateurs liés aux paroisses et églises : plus grand est le nombre de paroissiens nécessaire à la création d’une nouvelle paroisse dans un agré-gat, plus faible est le nombre d’églises paroissiales conséquemment créées. Et moins il y a d’églises dans un monde à la superficie constante, plus large est la distance entre elles.

Passé ces éléments intuitifs, on notera avec intérêt la variation amenée par ce paramètre sur le nombre d’agrégats : plus le seuil est élevé, plus les agré-gats sont nombreux, et cette corrélation apparaît visuellement significative et inverse à celle du nombre d’églises paroissiales. Cette tendance est inverse à celles observées dans les paramètres liés aux foyers paysans et agrégats (sec-tion 6.2.3.2, figures 6.22 à 6.24 et 6.26). Pour ces paramètres, les nombres d’agrégats et d’églises paroissiales varient dans le même sens face à une aug-mentation de la valeur des paramètres. Dans le cas du paramètre de pondéra-tion de la création de paroisses « urbaines », la relation est inverse (figure 6.31).

Cela nous paraît contre-intuitif au regard des mécanismes du modèle, et résulte vraisemblablement d’effets inattendus des interactions entre ces mécanismes. Une piste d’explication réside dans l’influence de ce paramètre de pondéra-tion des créations de paroisse sur la hiérarchisation des paroisses et des pôles. En créant moins de paroisses en zone dense, la distribution de l’attractivité des pôles d’attraction – qui dépend en large partie du nombre d’églises paroissiales qui les composent – tend vers plus d’uniformité. Quand les pôles ont une attrac-tivité plus homogène, les migrations locales sont favorisées, et la concentration s’effectue alors vers des pôles moins attractifs constitués d’agrégats faiblement peuplés.

**6.2.4** **Analyser la sensibilité à l’aléa**

En menant l’analyse de sensibilité visuelle, on a pu remarquer que certains indicateurs présentaient une plus forte variation que d’autres. Une partie de l’explication tient à l’inégale amplitude des valeurs de paramètres testées, mais d’autres facteurs peuvent être en jeu.

De manière globale, on constate dans les résultats de la version calibrée de SimFeodal (tableau 6.1) que la variabilité des indicateurs émergents, mesurée

* partir de leur écart-type, est forte. L’écart-type se lisant dans l’unité de l’in-dicateur, il peut être intéressant de le transformer en coefficient de variation

(*CV*indicateur = indicateur/ indicateur) pour obtenir des valeurs comparables entre les indicateurs.

55

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Chapitre 6 | 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL | | | | |  |
|  |  |  |  |  |  |  |
| **Indicateur** |  | **Moyenne** | **Écart-type** | **Coefficient** |  |
|  |  |  |  | **de variation** | |  |
| *Agrégats* |  | 249 | 10.45 | 0.042 |  |  |
| *Grands châteaux* |  | 15 | 2.87 | 0.191 |  |  |
| *Églises paroissiales* |  | 348 | 12.96 | 0.037 |  |  |
| *Distance moyenne* | *entre* | 1459 m | 97 m | 0.066 |  |  |
| *églises* |  |  |  |  |  |  |
| *Part de foyers paysans isolés* | | 30% | 0.8 % | 0.027 |  |  |
| *Augmentation de la* | *charge* | 2.4 | 0.030 | 0.013 |  |  |
| *fiscale des foyers paysans* | |  |  |  |  |  |
|  |  |  | ***Moyenne*** | 0.063 |  |  |

Tableau 6.5 – Mesures de dispersion des indicateurs de sortie de la version calibrée (6.6) de SimFeodal.

La comparaison des coefficients de variation tableau 6.5 montre que la va-riabilité des indicateurs due à l’aléa est assez faible, et d’ordre de grandeurs comparables d’un indicateur à l’autre 20.

Pourtant, lors de l’analyse de sensibilité, on a pu constater des variations (éten-due dans l’axe des ordonnées des *violin-plots*) bien différentes au sein des ré-plications des paramètres testés. Dans la figure 6.23 par exemple, on peut re-marquer que la modalité « dynamique\_large » présente une variabilité à l’aléa (le « violon » est très étendu) différente des autres modalités : plus faible sur le nombre d’églises paroissiales et plus importante sur l’augmentation de la charge fiscale. De même, l’indicateur ponderation\_creation\_paroisse\_agregat (fi-gure 6.31) présentait, sur le nombre de grands châteaux, une importante dif-férence de variabilité à l’aléa.

Il nous paraît par conséquent utile de mener un bref complément d’analyse, dédié à l’étude de la variabilité au sein des réplications d’une expérience. De telles analyses systématiques nous paraissent peu fréquentes dans la littérature liée aux modèles de simulation en géographie. On trouve une définition de ce type d’approche chez Ginot et Monod (2005), sous le terme d’« analyses d’incertitude » :

* Compte tenu des incertitudes sur les paramètres, de la varia-bilité naturelle des variables d’entrée et des composantes stochas-tiques qui peuvent être incluses dans la structure du modèle, il s’agit de calculer l’incertitude associée aux variables de sorties. Les ana-lyses d’incertitude sont très liées aux analyses de sensibilité dans la mesure où l’on souhaite en général connaître non seulement cette incertitude, mais également son origine. C’est pourquoi ces deux types d’analyses sont souvent menées en parallèle, voire confon-dues. »

Ginot et Monod 2005, p. 76

20. Le nombre de grands châteaux fait exception : son coefficient de variation (0.191) est nettement supérieur aux autres. Cela s’explique par l’ordre de grandeur du nombre de châteaux et grands châteaux, faible relativement aux autres, et où des variations de quelques unités jouent beaucoup sur l’écart-type en raison de la nature entière de ces variables.

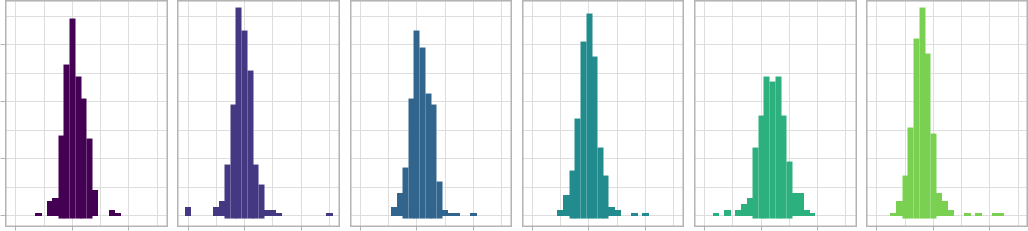
56

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL

Pour mesurer cette incertitude, nous avons repris l’ensemble des réplications correspondant à l’analyse de sensibilité de chaque paramètre et avons mesuré la variabilité (écart-type) sur chaque indicateur. Afin d’avoir des mesures com-parables, on a ensuite procédé à une réduction (division par l’écart-type des valeurs de référence, présentées dans le tableau 6.5) de l’amplitude de ces va-leurs.

Distribution de la sensibilité à l'aléa

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Nombre d'agrégats |  | Nombre de grands |  | Nombre d'églises |  | Distance entre |  | Taux de foyers |  | Augmentation de la |  |
|  | châteaux |  | paroissiales |  | églises |  | paysans isolés |  | charge fiscale |  |
|  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |



|  |
| --- |
| Fréquence |

60

40

20

0

0 1 2 0 1 2 0 1 2 0 1 2 0 1 2 0 1 2

Incertitude des simulations

Figure 6.32 – Sensibilité à l’aléa selon les indicateurs.

*L’incertitude mesurée se lit en proportion de l’écart-type des résultats de la version calibrée de SimFeodal. Une valeur de 0.5, par exemple, signifie que la variabilité due à l’aléa est moitié moins importante que celle des valeurs de paramètres issues du calibrage.*

La distribution de ces valeurs d’incertitude relatives est présenté dans la fi-gure 6.32. Dans ces histogrammes, la valeur de 1 correspond à une incertitude moyenne identique à celle des réplications de référence, c’est-à-dire des répli-cations de la version calibrée du modèle dont les résultats ont été commentés dans la première partie de ce chapitre (section 6.1.2). Une valeur de 2 peut être comprise ainsi : pour l’indicateur considéré, les différentes simulations exécu-tées lors de l’analyse de chaque valeur de chaque paramètre ont une variabilité deux fois supérieure à la variabilité de référence. Autrement dit, certaines va-leurs de certains paramètres amènent une bien plus forte variabilité : ils laissent une part plus importante à la stochasticité du modèle.

On peut remarquer que la plupart des indicateurs présentent des *outliers*, c’est-à-dire des valeurs de paramètres pour lesquelles la variabilité due à l’aléa est nettement supérieure (ou inférieure) à la normale. Dans le cas du nombre de grands châteaux, il y a même des valeurs de paramètres qui montre une absence presque totale de variabilité à l’aléa. Sans aller plus loin sur cet exemple, il s’agit en fait des valeurs de paramètre qui ont tendance à réduire très largement le nombre de châteaux, amenant alors à une variabilité extrêmement faible dans cette amplitude des possibles restreinte.

* partir de cet histogramme, nous avons isolés les *outliers* et en proposons une représentation graphique dans la figure 6.33.

57

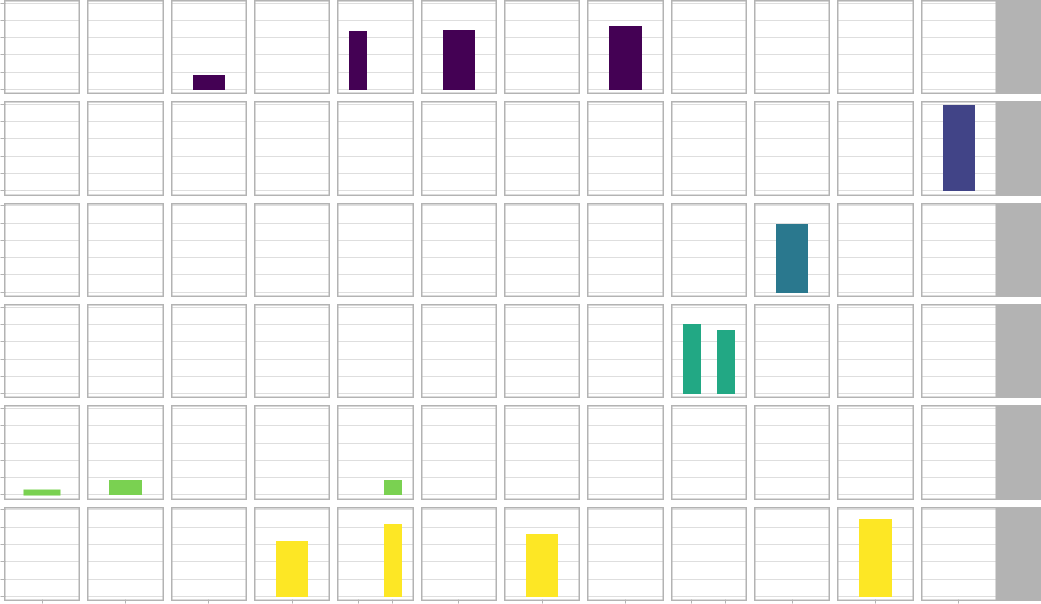
Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL

Valeurs de paramètres présentant une variabilité à l'aléa atypique



|  |
| --- |
| Rapport à la variabilité de référence (écart−type) |

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| distance | dist | droits |  | minmax | rayon | nb min | rayon | rayon | init nb | | ponderation | rayon | | periode |  |  |  |
|  | taux | migration | creation | minmax | |  |  |  |
| detection | minmax | fonciers |  | fp | minmax | voisinage |  | total | promotion |  |  |  |
| prelevement | | locale |  | paroisse |  | zp |  |  |  |
| agregat | eglise | zp | agregat | zp ps | ps |  | fp |  | chateaux |  |  |  |
|  | zp ps | fp |  | agregat | chateau | |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 2.5 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 2.0 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | d'agrégats | Nombre | |  |
| 0.5 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 1.5 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 1.0 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 0.0 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 2.5 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | châteauxgrands | | deNombre |  |
| 0.5 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 2.0 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 1.5 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 1.0 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 0.0 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 2.5 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | paroissialesd'églises | | Nombre |  |
| 0.5 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 2.0 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 1.5 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 1.0 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 0.0 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 2.5 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | églises | entreDistance | |  |
| 2.0 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 1.5 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 1.0 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 0.5 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 0.0 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 2.5 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | paysans | deTaux | |  |
| 2.0 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 1.5 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 1.0 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | isolés | foyers | |  |
| 0.5 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 0.0 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 2.5 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | fiscalechargelade | | Augmentation |  |
| 2.0 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 1.5 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 1.0 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 0.5 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 0.0 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  | 0 | map([800::2500,1000::5000]) | | | 3 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  | map([800::5000,1000::10000]) | | Valeurs de paramètres | |  |  |  |  |  | map([800::false,1100::true]) | |  |  |  |
| 300 | reduit |  |  | positif |  |  | positif | 5000 |  |  | 500 | \_ | |  |  |  |  |
|  | \_ |  |  |  |  |  | \_ |  | 10000 | 25000 | augmentation | |  |  |  |  |  |
| dynamique | | deplacement | |  |  | deplacement | |  |  |  |  |  |  |  |  |
| Figure 6.33 – Paramètres présentant des sensibilités atypiques à l’aléa. | | | | | | | | | | | | | | |  |  |  |



De manière globale, on peut remarquer que les indicateurs relatifs aux foyers paysans sont surreprésentés parmi cette sélection d’*outliers*. Cela montre bien que les foyers paysans sont les agents qui subissent le plus les changements de valeurs des paramètres du modèle.

Notons aussi que sur les 14 *outliers* identifiés (axe des abscisses), la moitié sont des valeurs de paramètres qualitatifs. La difficile estimation de l’amplitude de ceux-ci explique sans doute en partie la plus forte variabilité à l’aléa : si on choisit des valeurs (étendues, évolutions temporelles etc.) trop éloignées des valeurs calibrées, il se peut que le modèle réagisse de manière non habituelle aux interactions entre mécanismes.

Plus spécifiquement, on peut constater le comportement très particulier du paramètre régissant le rayon maximum de migration locale des foyers pay-sans (rayon\_migration\_locale\_fp, cinquième colonne en partant de la gauche dans la figure 6.33). Certaines valeurs de ce paramètre sont parmi les plus sensibles à l’aléa (notamment sur le nombre d’agrégats et l’augmentation de la charge fiscale : les barres y sont parmi les plus élevées de la figure). De plus, de manière surprenante, la valeur correspondant à un rayon évolutif très étendu (map([800:5000, 1000:10000])) se caractérise aussi par une très faible sensibilité à l’aléa sur l’indicateur de concentration des foyers paysans.

Ce paramètre a donc la capacité de faire fortement varier les sorties (vu dans l’analyse de sensibilité visuelle), mais en plus de faire varier tout aussi forte-ment la part de l’aléa dans le modèle, en la diminuant ou en l’augmentant.

58

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL

**6.2.5** **Quels apports de l’analyse visuelle de sensibilité ?**

Cette analyse de sensibilité, même limitée et grossière, a permis de mettre en évidence un certain nombre de propriétés des paramètres et d’apporter des connaissances extrêmement utiles sur le fonctionnement du modèle face à di-vers types d’aléas en particulier.

Dans un premier temps, notons que la hiérarchie de la sensibilité des para-mètres n’est pas véritablement proche de celle que l’on attendait. Le paramé-trage et le calibrage ont ainsi été menés, en partie, sur des paramètres moins déterminants que notre intuition du comportement du modèle ne pouvait le laisser croire. Cette étape d’évaluation qu’est l’analyse de sensibilité gagnerait

* être menée avant le calibrage du modèle afin d’obtenir une meilleure adé-quation aux objectifs. Ce raisonnement est toutefois circulaire : sur un modèle moins calibré, l’analyse de sensibilité n’aurait pas forcément mis en avant les mêmes paramètres. Comme ceux-si sont en interaction étroite, les résultats de cette analyse de sensibilité sont ainsi, eux-mêmes, extrêmement sensibles au paramétrage de base.

Dans un second temps, l’analyse de sensibilité semble confirmer que le modèle est parcimonieux, relativement à son approche exploratoire du moins. On l’a dit lors de l’analyse quantitative, mais il nous semble important de le répéter tant ce résultat est rassurant au regard des craintes que l’on pouvait avoir : quand un modèle implique autant de mécanismes et paramètres, le risque est toujours important que certains soient entièrement redondants et donc super-flus. Aucun des paramètres n’apparaît inutile, ce qui peut laisser entendre que les (très) nombreux mécanismes du modèle ne le sont pas non plus. Pour un mo-délisateur qui a des intuitions fortes sur les réactions d’un modèle aux différents changements de mécanismes et paramètres, c’est presque une surprise. Surprise d’autant plus positive que cet examen systématique des paramètres se révèle réellement une aide indéniable à la compréhension du modèle. Après plus de 5 ans à travailler régulièrement sur un modèle, il est très enrichissant d’y trou-ver encore des éléments inattendus voir nettement contre-intuitifs. De ce fait, l’analyse de sensibilité favorise elle aussi l’abduction (voir section 6.1.3).

Un autre point, classique, concerne les limites d’une telle analyse. Une ap-proche entièrement quantitative, présentée dans l’introduction de cette partie, permet de s’affranchir des effets de faible comparabilité que l’on a pu consta-ter dans l’analyse visuelle : certains paramètres ont une sensibilité globale im-portante, mais celle-ci se cantonne parfois à un unique indicateur, sans avoir de répercussions sur le reste du modèle. Un modèle comme SimFeodal, c’est-à-dire descriptif, exploratoire, est caractérisé par des paramètres nombreux, hétérogènes et parfois très qualitatifs. il ne serait pas pertinent de chercher

* quantifier, juste pour mener une analyse de sensibilité, tout ce qui n’a pas été quantifié dans le modèle en lui-même : objectivation des attendus dans les indicateurs graphiques, quantification de la pondération entre les différents objectifs etc.

La démarche mise en place pour cette analyse de sensibilité a été basée sur une volonté d’exploration graphique et s’inscrit, comme de nombreux aspects de 59

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL

ce travail de thèse, dans une approche d’analyse visuelle entièrement dédiée à l’exploration d’un modèle. Cette démarche paraît confirmer l’adéquation de ce type d’approches à la construction et à l’évaluation commune et interdiscipli-naire de modèles. Les éléments de compréhension des interactions effectives du modèle et les retours auxquels ces découvertes incitent nous paraissent entière-ment fructueux, et à mettre au crédit de cette approche exploratoire, visuelle, et fondamentalement très qualitative.

**Conclusion**

Dans ce chapitre, nous avons présenté les dernières étapes de calibrage de SimFeodal et les résultats qui en émanent. À l’aune de ces résultats, on peut conclure que le modèle, une fois calibré, est globalement satisfaisant, sur cha-cune des dimensions d’objectifs poursuivis : concentration et polarisation, hié-rarchisation et fixation-dissémination du peuplement. L’ajustement n’est certes jamais parfait, mais aussi bien en termes de valeurs finalement obtenues que d’évolutions de ces valeurs au cours du paramétrage et du calibrage du modèle, cet ajustement nous apparaît tout à fait satisfaisant.

Dans la seconde partie de ce chapitre, nous partions du constat qu’il est dif-ficile d’améliorer le calibrage du modèle à cause des effets d’interactions et des réponses inattendues de certains paramètres. Pour y remédier, nous avons mené une analyse de sensibilité de l’ensemble des paramètres de SimFeodal qui nous a permis de mieux comprendre l’influence de chaque paramètre et mécanisme lié sur les sorties du modèle. Cette analyse de sensibilité a aussi contribué à isoler certains paramètres qui constitueraient des leviers sur les-quels agir pour améliorer le calibrage du modèle : des paramètres sans effets de bord, qui n’agissent véritablement que sur les indicateurs auxquels ils sont directement liés.

L’analyse de sensibilité a aussi débouché sur l’identification de paramètres ayant une influence plus importante que nous ne le pensions, voir une in-fluence inverse, de manière contre-intuitive. Ces paramètres, entre autres, nous semblent de très bons candidats à la réalisation de scénarios thématiques (voir encadré 6.2) qui permettraient de comprendre les répercussions thématiques de ces résultats simulés surprenants.

Un élément limite pourtant fortement d’éventuelles améliorations et exploi-tations plus fines des résultats du modèle : le risque d’*overfitting*. Au vu de la précision faible et hétérogène des connaissances empiriques par le prisme desquelles SimFeodal est évalué, il paraît difficile de chercher à comparer de nouvelles versions du modèle dont les variations sur les indicateurs sont de plus en plus fines à mesure que le calibrage progresse.

Cela n’empêche aucunement le modèle d’être utile, utilisable et utilisé. Par faute de temps, nous n’avons présenté qu’un des scénarios sur la quinzaine réalisée, mais celui-ci apporte déjà beaucoup de matière à réflexion, autant d’un point de vue restreint au modèle que, plus généralement, sur les processus thématiques que SimFeodal cherche à reproduire.

60

Chapitre 6 6.2. ANALYSER LA SENSIBILITÉ DE SIMFEODAL

Dans l’ensemble, la calibration, l’analyse de sensibilité et les scénarios servent certes un rôle de validation interne, mais surtout, ils permettent aux co-concepteurs du modèle de mieux en comprendre les biais et le fonctionnement effectif, c’est-à-dire issu des indénombrables interactions entre mécanismes. Afin de saisir les effets contre-intuitifs liés à ces interactions, c’est-à-dire en cherchant à ac-quérir une connaissance plus intime du modèle, on effectue un travail dont les apports thématiques sont certains. Comme dans la conception d’un mo-dèle, l’analyse de ses résultats et la recherche de leur amélioration force ainsi les modélisateurs à mieux formaliser et expliciter les hypothèses et attentes sous-jacentes. Dans le cadre d’un modèle dédié à l’étude de processus anciens sur le temps long, ces différentes phases ont aussi poussé à la recherche ap-profondie de nouvelles sources et documentations sur les faits stylisés et mé-canismes implémentés dans le modèle. Toutes ces étapes, loin de viser à une validation théorique du modèle, sont ainsi autant d’occasions d’échanger et de co-construire des connaissances toujours plus formalisées. Il nous semble que c’est là l’enjeu majeur de cette expérience de construction collective et interdisciplinaire d’un modèle exploratoire.

61

**Références**

Chareille, Pascal, Xavier Rodier et Elisabeth Zadora-Rio (2008). « Dyna-miques Morphologiques et Échelles d’analyse Des Territoires ». In : *Des Pa-roisses de Touraine Aux Communes d’Indre-et-Loire. La Formation Des Terri-toires*. Sous la dir. d’Elisabeth Zadora-Rio. FERACF, p. 260-263. url :[https : / / halshs . archives - ouvertes . fr / halshs - 00956186](https://halshs.archives-ouvertes.fr/halshs-00956186) (visité le 05/08/2019).

Crooks, Andrew et al. (2019). *Agent-Based Modelling and Geographical Infor-mation Systems : A Practical Primer*. 1 edition. Thousand Oaks, CA : SAGEPublications Ltd. 408 p. url : [https : / / uk . sagepub . com / en - gb / eur /](https://uk.sagepub.com/en-gb/eur/agent-based-modelling-and-geographical-information-systems/book250134)

[agent - based - modelling - and - geographical - information - systems /](https://uk.sagepub.com/en-gb/eur/agent-based-modelling-and-geographical-information-systems/book250134) [book250134](https://uk.sagepub.com/en-gb/eur/agent-based-modelling-and-geographical-information-systems/book250134).

Cura, Robin et al. (2017). « The Old and the New : Qualifying City Systems in

the World with Classical Models and New Data ». In : *Geographical Analysis*

49.4, p. 363-386. doi : [10/gb45hw](https://doi.org/10/gb45hw). url : [https://onlinelibrary.wiley.](https://onlinelibrary.wiley.com/doi/abs/10.1111/gean.12129)

[com/doi/abs/10.1111/gean.12129](https://onlinelibrary.wiley.com/doi/abs/10.1111/gean.12129).

Ginot, Vincent et Hervé Monod (2005). « Explorer Les Modeles Par Simula-tion : Application Aux Analyses de Sensibilité ». In : Amblard, F et Denis Phan. *Modélisation et Simulation Multi-Agents : Applications Pour Les Sciences* *de l’Homme et de La Société., Chapitre*. T. 3, p. 75-101.

Hamb , D. M. (1994). « A Review of Techniques for Parameter Sensitivity Ana-lysis of Environmental Models ». In : *Environmental Monitoring and Assess-*

*ment* 32.2, p. 135-154. doi :[10/bp38m8](https://doi.org/10/bp38m8).url :[https://doi.org/10.1007/](https://doi.org/10.1007/BF00547132)[BF00547132](https://doi.org/10.1007/BF00547132) (visité le 01/08/2019).

Hirt el, Joanne (2015). « Exploration Prospective Des Mobilités Résidentielles Dans Une Agglomération Urbaine Au Moyen d’un Modèle de Simulation Multi-Agents (MOBISIM) ». Université de Franche-Comté.

Le Bras, Gabriel et Marthe Le Bras-Folain (1976). *L’église et le village*. Nou-velle bibliothèque scientifique. Paris : Flammarion. 289 p. url : [http://](http://gallica.bnf.fr/ark:/12148/bpt6k34031818)

[gallica.bnf.fr/ark:/12148/bpt6k34031818](http://gallica.bnf.fr/ark:/12148/bpt6k34031818).

Mirot, Albert (1950). *Manuel de Géographie Historique de La France*. 2ème. T. 2.

2 t. Paris : Picard et Compagnie. 310-619.

62

|  |  |
| --- | --- |
| Chapitre 6 | RÉFÉRENCES |
| O’Sullivan, David et George L. W. Perr | (2013). *Spatial Simulation : Exploring* |

*Pattern and Process*. Chichester, West Sussex, UK : John Wiley & Sons Inc.

305 p.

Schmitt, Clara (2014). « Modélisation de la dynamique des systèmes de peu-plement : de SimpopLocal à SimpopNet. » Thèse de Doctorat. paris : Univer-sité Paris I - Panthéon-Sorbonne. url : [https://tel.archives-ouvertes.](https://tel.archives-ouvertes.fr/tel-01077891/document)

[fr/tel-01077891/document](https://tel.archives-ouvertes.fr/tel-01077891/document).

Zadora-Rio, Elisabeth, éd. (2008). *Des paroisses de Touraine aux communes* *d’Indre-et-Loire : la formation des territoires*. T. 34e Supplément. Revue ar-chéologique du Centre de la France. 34e Supplément à la Revue Archéolo-gique du Centre de la France, Tours. Tours : Ferac Editions. 302 p. url :

<https://halshs.archives-ouvertes.fr/halshs-00378136>.

63