

## 1. 统计学基本知识

### 1.1 集中趋势

#### a. 均值

$$\text{总体均值 } \mu = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N X_i$$

$$\text{样本均值 } \bar{X} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i$$

#### b. 众数

#### c. 中位数

### 1.2 离散趋势

#### a. 方差

$$\text{总体方差 } \sigma^2 = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (x_i - \mu)^2$$

$$\text{样本方差 } S_{n-1}^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^N (x_i - \bar{X})^2$$

#### b. 标准差

### 1.3 随机变量

随机变量不是传统意义上的变量，更像是从随机过程映射到数值的函数。它包括离散型变量（个数有限）和连续型变量（个数无限）

## 2. 二项及泊松分布

### 2.1 二项分布

含义：重复  $n$  次独立的伯努利试验，其概率公式为  $P = C_n^k p^k (1 - p)^{n-k}$ ,  $p$  为成功概率

其期望  $E(X) = np$ , 方差  $D(X) = np(1 - p)$

## 2.2 泊松分布（来自二项分布）

其概率分布函数 $P(X = k) = \frac{\lambda^k}{k!} e^{-\lambda}$ ,  $\lambda$ 是单位时间（或单位面积）内随机事件的平均发生率

其期望和方差均为 $\lambda$

泊松分布与二项分布联系

当二项分布  $n$  很大  $p$  很小时，泊松分布可作为二项分布近似，其中  
 $\lambda = np$

## 3. 大数定律

它是随机变量的平均值向数学期望收敛的定律，是一种描述当实验次数很大时所呈现的概率性质的定律。

## 4. 正态分布

其概率密度函数 $P(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$ , 标准 Z 分数为 $\frac{x-\mu}{\sigma}$ , 累计分布函数 $CDF(x) = \int_{-\infty}^x P(x) dx$

正态分布图像特征：以  $x=\mu$  为对称轴，标准差越小，图像越窄

正态分布数字特征： $\mu \pm \sigma \sim 68\%$                        $\mu \pm 2\sigma \sim 95\%$

$\mu \pm 3\sigma \sim 99.7\%$