

# MAE0217 - Estatística Descritiva - Lista 1

Natalia Koza<sup>1</sup>  
Rafael Gonçalves Pereira da Silva<sup>2</sup>  
Ricardo Geraldies Tolesano<sup>3</sup>  
Rubens Kushimizo Rodrigues Xavier<sup>4</sup>  
Rubens Gomes Neto<sup>5</sup>  
Rubens Santos Andrade Filho<sup>6</sup>  
Thamires dos Santos Matos<sup>7</sup>

Abril de 2021

## Sumário

<b>Exercício 1</b>	<b>2</b>
<b>Exercício 2</b>	<b>2</b>
<b>Exercício 4</b>	<b>2</b>
<b>Exercício 5</b>	<b>3</b>
<b>Exercício 7</b>	<b>3</b>
<b>Exercício 8</b>	<b>3</b>
a)	3
b)	4
c)	6

---

<sup>1</sup>Número USP: 10698432

<sup>2</sup>Número USP: 9009600

<sup>3</sup>Número USP: 10734557

<sup>4</sup>Número USP: 8626718

<sup>5</sup>Número USP: 9318484

<sup>6</sup>Número USP: 10370336

<sup>7</sup>Número USP: 9402940

## Exercício 1

## Exercício 2

A tabela é derivada de um estudo cujo o objetivo era comparar resultados da Avaliação Diagnóstica do estudo com os resultados da macro-avaliação Prova São Paulo e verificar a possível influência de variáveis socioeconômicas no aprendizado de Matemática dos alunos da quarta série do Ensino Fundamental da rede de ensino do município de São Paulo. Pelo fato dos alunos estarem agrupados em escolas construiu-se um modelo de regressão que considerou o agrupamento dos alunos por subprefeitura que considera a relação linear da nota da Avaliação Diagnóstica com a nota da Prova São Paulo e a idade do aluno, e as variações entre subprefeituras.

A tabela visa comparar as notas médias da Avaliação Diagnóstica com os da Prova São Paulo, tal que tais valores fossem padronizados no intervalo  $[0,1]$ . Para facilitar a leitura, é interessante que seja simplificada e ordenada pelas notas da Avaliação Diagnóstica, além de ter os valores truncados para 2 casas decimais, precisão suficiente já que os resultados são semelhantes e que facilitam a visualização.

INCLUIR TABELA

## Exercício 4

Num estudo planejado para avaliar o consumo médio de combustível de veículos em diferentes velocidades foram utilizados 4 automóveis da marca A e 3 automóveis da marca B selecionados ao acaso das respectivas linhas de produção.

O consumo (em L/km) de cada um dos 7 automóveis foi observado em 3 velocidades diferentes (40 km/h, 80 km/h e 110 km/h). Delineamos uma planilha apropriada para a coleta e análise estatística dos dados e rotulamos-a adequadamente. A planilha encontra-se no formato longo, isto é, medidas de uma mesma variável encontram-se em uma única coluna.

Tabela 1: Delineamento da Planilha para Coleta

automovel_id	marca	velocidade	consumo
1	A	40	
1	A	80	
1	A	110	
2	A	40	
2	A	80	
2	A	110	
3	A	40	
3	A	80	
3	A	110	
4	A	40	
4	A	80	
4	A	110	
5	B	40	
5	B	80	
5	B	110	
6	B	40	
6	B	80	
6	B	110	
7	B	40	
7	B	80	
7	B	110	

## Exercício 5

## Exercício 7

## Exercício 8

a)

Importamos o arquivo `ciudades.xls` e usamos o comando `str` para olhar a estrutura dos dados:

```
dados <- readxl::read_xls('data/ciudades.xls')
str(dados, strict.width="wrap", width=80)

## tibble[,17] [3,556 x 17] (S3: tbl_df/tbl/data.frame)
## $ MUNIC : chr [1:3556] "SAO PAULO-SP" "RIO DE JANEIRO-RJ" "SALVADOR-BA" "BELO
##   HORIZONTE-MG" ...
## $ UF : chr [1:3556] "SP" "RJ" "BA" "MG" ...
## $ CÓDIGO : num [1:3556] 1001 1002 1003 1004 1005 ...
## $ POPTOT : num [1:3556] 10406166 5850544 2440886 2229697 2138234 ...
```

```
## $ CRES_POP: num [1:3556] 1.41 1.32 2.5 1.61 2.13 2.91 1.82 1.38 4.94 1.35 ...
## $ POPURB : num [1:3556] 9785640 5850544 2439881 2229697 2138234 ...
## $ PIBTOT : chr [1:3556] "105906.65014758587" "47171.514842028657"
## "12028.532892949122" "18572.982040672556" ...
## $ CRES_PIB: chr [1:3556] "1.7512161470303413" "1.321351601458381"
## "3.0807993763343071" "2.8526224256715946" ...
## $ GRAU1 : chr [1:3556] "5322497" "2731075" "1139181" "1107558" ...
## $ GRAU2 : chr [1:3556] "1606381" "1110059" "465685" "373858" ...
## $ SUPERIOR: chr [1:3556] "1076916" "731746" "148887" "224303" ...
## $ 110UMAI: chr [1:3556] "2142313" "1562602" "485962" "488029" ...
## $ EMPREGAD: chr [1:3556] "3986021" "2041470" "563139" "990843" ...
## $ MICROEMP: chr [1:3556] "377600" "133165" "38922" "75665" ...
## $ PEQEMP : chr [1:3556] "18494" "9521" "2494" "4108" ...
## $ MEDEMP : chr [1:3556] "3198" "1804" "437" "690" ...
## $ GRAENP : chr [1:3556] "568" "380" "93" "142" ...
```

Observamos que muitas colunas numéricas foram lidas como do tipo caractere, mesmo a função tendo identificado corretamente que o arquivo usa vírgula como separador decimal.

Apenas as colunas MUNIC e UF são de caracteres, as outras deveriam ser do tipo numéricas. Após analisar os dados, descobrimos que os dados faltantes estão codificados com um traço "-". Dessa forma, vamos ler novamente o arquivo e dizer ao R para tratar os traços como dados faltantes.

```
dados <- readxl::read_xls('data/cidades.xls', na='-')
str(dados, strict.width="wrap", width=80)
```

```
## tibble[,17] [3,556 x 17] (S3: tbl_df/tbl/data.frame)
## $ MUNIC : chr [1:3556] "SAO PAULO-SP" "RIO DE JANEIRO-RJ" "SALVADOR-BA" "BELO
## HORIZONTE-MG" ...
## $ UF : chr [1:3556] "SP" "RJ" "BA" "MG" ...
## $ CÓDIGO : num [1:3556] 1001 1002 1003 1004 1005 ...
## $ POPTOT : num [1:3556] 10406166 5850544 2440886 2229697 2138234 ...
## $ CRES_POP: num [1:3556] 1.41 1.32 2.5 1.61 2.13 2.91 1.82 1.38 4.94 1.35 ...
## $ POPURB : num [1:3556] 9785640 5850544 2439881 2229697 2138234 ...
## $ PIBTOT : num [1:3556] 105907 47172 12029 18573 6478 ...
## $ CRES_PIB: num [1:3556] 1.75 1.32 3.08 2.85 1.49 ...
## $ GRAU1 : num [1:3556] 5322497 2731075 1139181 1107558 1004021 ...
## $ GRAU2 : num [1:3556] 1606381 1110059 465685 373858 317977 ...
## $ SUPERIOR: num [1:3556] 1076916 731746 148887 224303 112762 ...
## $ 110UMAI: num [1:3556] 2142313 1562602 485962 488029 340635 ...
## $ EMPREGAD: num [1:3556] 3986021 2041470 563139 990843 447896 ...
## $ MICROEMP: num [1:3556] 377600 133165 38922 75665 45504 ...
## $ PEQEMP : num [1:3556] 18494 9521 2494 4108 2152 ...
## $ MEDEMP : num [1:3556] 3198 1804 437 690 418 ...
## $ GRAENP : num [1:3556] 568 380 93 142 78 133 104 87 56 85 ...
```

Com isso os tipos de dados estão agora corretos.

b)

A seguir, apresentamos um resumo das variáveis dos dados como o comando `summary`:

```
summary(dados)
```

```
##      MUNIC              UF              CÓDIGO
## Length:3556      Length:3556      Min.   :1001
## Class :character  Class :character  1st Qu.:1889
## Mode  :character  Mode  :character  Median :3720
##                                         Mean  :3440
##                                         3rd Qu.:4609
##                                         Max.   :5497
##                                         NA's   :2
##      POPTOT              CRES_POP              POPURB
## Min.   :      795      Min.   : -13.330      Min.   :      423
## 1st Qu.:      7995      1st Qu.:  0.020      1st Qu.:      4389
## Median :     15650      Median :  1.150      Median :      9243
## Mean   :     134929      Mean   :  1.284      Mean   :     112497
## 3rd Qu.:     30724      3rd Qu.:  2.310      3rd Qu.:     20746
## Max.   :    169544443      Max.   : 23.630      Max.   :    137697439
##                                         NA's   :1
##      PIBTOT              CRES_PIB              GRAU1
## Min.   :      0.9      Min.   : 0.0000      Min.   :      469
## 1st Qu.:     13.5      1st Qu.: 0.6937      1st Qu.:     4744
## Median :     26.8      Median : 1.0373      Median :     8494
## Mean   :     536.9      Mean   : 1.1608      Mean   :     69987
## 3rd Qu.:     66.9      3rd Qu.: 1.4490      3rd Qu.:     16102
## Max.   :    641969.4      Max.   :24.6598      Max.   :    86262616
## NA's   :14              NA's   :14              NA's   :13
##      GRAU2              SUPERIOR              110UMAIS
## Min.   :      47      Min.   :      0      Min.   :      37
## 1st Qu.:     495      1st Qu.:      75      1st Qu.:     407
## Median :     950      Median :     178      Median :     786
## Mean   :    15293      Mean   :     6202      Mean   :    16302
## 3rd Qu.:    2282      3rd Qu.:     522      3rd Qu.:    1969
## Max.   :   18351427      Max.   :7358947      Max.   :   19465358
## NA's   :13              NA's   :13              NA's   :13
##      EMPREGAD              MICROEMP              PEQEMP
## Min.   :      10      Min.   :      3      Min.   :      0.0
## 1st Qu.:     414      1st Qu.:     94      1st Qu.:      1.0
## Median :     927      Median :     207      Median :      3.0
## Mean   :    23433      Mean   :    2769      Mean   :    110.5
## 3rd Qu.:    2754      3rd Qu.:     504      3rd Qu.:     13.0
## Max.   :   27933651      Max.   :3315552      Max.   :   131536.0
## NA's   :14              NA's   :14              NA's   :14
##      MEDEMP              GRAENP
## Min.   :      0      Min.   :  0.000
## 1st Qu.:      1      1st Qu.:  0.000
## Median :      1      Median :  0.000
## Mean   :     21      Mean   :  4.031
## 3rd Qu.:      2      3rd Qu.:  1.000
## Max.   :   25310      Max.   :4787.000
## NA's   :14              NA's   :14
```

c)

Observando o resumo do item anterior, notamos que as variáveis **MUNIC** e **UF** são alfanuméricas enquanto que as demais são numéricas. A seguir indicamos o número de observações omissas em cada variável:

Tabela 2: Classificação e Observações Omissas

Variável	Tipo	Obs. Omissas
MUNIC	Alfanumérica	0
UF	Alfanumérica	2
CÓDIGO	Numérica	2
POPTOT	Numérica	0
CRES_POP	Numérica	1
POPURB	Numérica	0
PIBTOT	Numérica	14
CRES_PIB	Numérica	14
GRAU1	Numérica	13
GRAU2	Numérica	13
SUPERIOR	Numérica	13
11OUMAIS	Numérica	13
EMPREGAD	Numérica	14
MICROEMP	Numérica	14
PEQEMP	Numérica	14
MEDEMP	Numérica	14
GRAENP	Numérica	14