

Examen I

Rodrigo Hernández Mota (if 693056)

September 15, 2016

0.1 I

El algoritmo genético permite optimizar una función de la forma $F(X)$, en donde $X = x_1, \dots, x_n$ con un método heurístico que pretende simular el sistema de recombinación genético biológico.

0.1.1 Inicialización

Dada una región de búsqueda se inicializa la población de 'm' pobladores. Los pobladores son distintos valores X para los cuales la función puede ser evaluada.

0.1.2 Selección

Se evalúa el desempeño de cada poblador mediante el valor resultante de la función F . Dependiendo si el objetivo es maximizar o minimizar, se seleccionan los pobladores más aptos. Se deberán escoger al menos dos para asegurar la recombinación genética.

0.1.3 Cruzamiento

Habiendo seleccionado los mejores pobladores, se utiliza su código genético para generar nuevos pobladores (nueva generación). En esta generación están los mejores pobladores anteriores y los nuevos resultantes del cruzamiento.

Existen diferentes métodos de cruzamiento.

0.1.4 Mutación

Para evitar la degeneración de la población se establece un factor de mutación. Parte de la nueva generación sufre alteraciones en su código genético (generalmente representado como un número en binario).

Los pasos a partir de la inicialización son repetidos de forma iterativa. De esta forma la población mejora (o intenta mejorar) su desempeño generación tras generación.

0.2 II

Sea F una función de x_1, x_2 en donde $\min F(x_1, x_2)$ se encuentra en los intervalos $1 \leq x_1 \leq 2$ y $-2 \leq x_2 \leq 2$, entonces si se requiere que el algoritmo pueda buscar en intervalos de 2.44×10^{-4} , el número de bits necesarios son: 14.

Declaramos Δ como una variable para determinar el "salto" o cambio que se dará debido a la división o discretización (determinado por los bits) del espacio de búsqueda real.

$$\Delta = \frac{ls - li}{2^n - 1}$$

En donde ls, li son los límites superior e inferior y n es el número de bits. Entonces calculamos delta para cada variable:

$$\Delta_1 = \frac{1}{m}$$

$$\Delta_2 = \frac{4}{m}$$

Debido a que $1/m < 4/m$ entonces para asegurar que el algoritmo pueda buscar en (al menos) en el intervalo deseado; se calcula m de la siguiente forma:

$$m = 4 * \Delta_2^{-1} = \frac{4}{2.44 \times 10^{-4}} = 16393.4426$$

Despejando n y sustituyendo m en $2^n - 1 = m$ tenemos:

$$n = \log_2 m + 1 = \log_2 16394.4426 = 14.000919$$

Debido a que el "número de bits" en práctica debe ser entero; se redondea al entero más cercano;

$$n = 14$$

0.3 III

Sea la F la función por partes:

$$F(x_1, x_2) = \begin{cases} x_1^2 + x_2^2 & : x_1 + x_2 \geq 1 \\ -10(x_1 + x_2) + 20 & : x_1 + x_2 < 1 \end{cases}$$

Considerando la reestricción de $x_1, x_2 > 1$ entonces el valor de X que minimiza F es:

$$\begin{aligned} x_1 &= 0.4983 \\ x_2 &= 0.5101 \end{aligned}$$

Generando un $F = 0.500$.

0.4 IV

Utilizando la descripción y datos del problema, se propone una función:

$$F = f(x_1, x_2, x_3, x_4, x_5)$$

Sujeto a las restricciones:

$$\begin{aligned} x_1 &\geq 48 \\ x_1 + x_2 &\geq 79 \\ x_1 + x_2 &\geq 65 \\ x_1 + x_2 + x_3 &\geq 87 \\ x_2 + x_3 &\geq 64 \\ x_3 + x_4 &\geq 73 \\ x_3 + x_4 &\geq 82 \\ x_4 &\geq 43 \\ x_4 + x_5 &\geq 52 \\ x_5 &\geq 15 \end{aligned}$$

En donde F representa el costo de la empresa (pago a empleados), x_1, \dots, x_5 son el número de empleados por turno $i = 1, 2, \dots$ y las restricciones son el número mínimo de agentes necesarios.

Resultado (número de empleados por turno):

$$\begin{aligned}x_1 &= 50 \\x_2 &= 29 \\x_3 &= 39 \\x_4 &= 43 \\x_5 &= 16\end{aligned}$$

Generando un costo (aprox.) de 30676.5198449 unidades monetarias.