Deuxième Partie

Plan

Algèbre de BOOLE

Définition des variables et fonctions logiques Les opérateurs de base et les portes logiques Les lois fondamentales de l'algèbre de Boole

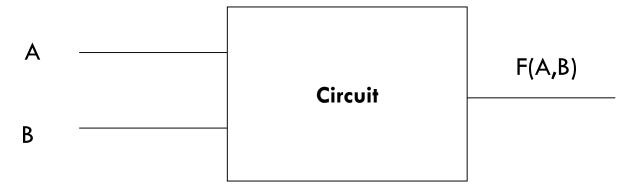
Logique combinatoire

Variables et fonctions booléennes

- □ <u>l'algèbre de BOOLE</u> est une structure mathématique qui traite l'ensemble des opérations formelles appliquées aux propositions du raisonnement logique qui seront représentés par des états logiques '0' ou '1'.
- □ <u>Une variable</u> est une grandeur (symbole) qui peut prendre que 0 ou 1.
- Une fonction logique est représentée par un groupe de variables logiques reliés par des opérations logiques.

Variables et fonctions booléennes

- Les machines numériques sont constituées d'un ensemble de circuits électroniques.
- Chaque circuit fournit une fonction logique bien déterminée (addition, comparaison,...).



La fonction F(A,B) peut être : la somme de A et B , ou le résultat de la comparaison de A et B ou autre fonction

Variables et fonctions booléennes

- Pour concevoir et réaliser ce circuit on doit avoir un modèle mathématique de la fonction réalisée par ce circuit.
- Ce modèle doit prendre en considération le système binaire.
- Le modèle mathématique utilisé est celui de Boole.
- □ George Boole est un mathématicien anglais (1815-1864).

Variables booléennes

- Définition:
- Il a fait des travaux dont les quels les fonctions (expressions) sont constitués par des variables qui peuvent prendre les valeurs 'OUI' ou 'NON'.
- Ces travaux ont été utilisés pour faire l'étude des systèmes qui possèdent deux états s'exclus mutuellement :
 - Le système peut être uniquement dans deux états E1 et E2 tel que E1 est l'opposé de E2.
 - Le système ne peut pas être dans l'état E1 et E2 en même temps
- Ces travaux sont bien adaptés au Système binaire (0 et 1).

Exemple de systèmes à deux états

- Un interrupteur est ouvert ou non ouvert (fermé)
- Une lampe est allumée ou non allumée (éteinte)
- □ Une porte est ouverte ou non ouverte (fermée)

Conclusion:

On peut utiliser les conventions suivantes :

Définitions

Niveau logique: Lorsque on fait l'étude d'un système logique il faut bien préciser le niveau du travail.

Niveau	Logique positive	Logique négative
H (Hight) haut	1	0
L (Low) bas	0	1

Exemple:

Logique positive:

lampe allumée: 1

lampe éteinte : 0

Logique négative

lampe allumée : 0

lampe éteinte : 1

Variable logique (booléenne)

- Une variable logique (booléenne) est une variable qui peut prendre soit la valeur 0 ou 1.
- □ Généralement elle est exprimée par un seul caractère alphabétique en majuscule (A , B, S , ...)
- Exemple:

```
• Une lampe : allumée L = 1 éteinte L = 0
```

Fonction logique

- C'est une fonction qui relie N variables logiques grâce à un ensemble d'opérateurs logiques de base.
- Dans l'Algèbre de Boole il existe trois opérateurs de base : ET , OU, NON .
- La valeur d'une fonction logique est égale à 1 ou 0 selon les valeurs des variables logiques.
- □ Si une fonction logique possède n variables logiques → 2ⁿ combinaisons → la fonction possède 2ⁿ valeurs.
- Les 2ⁿ combinaisons sont représentées dans une table qui s'appelle table de vérité (TV).

fonction logique

Exemple:

$$F(A,B,C) = \overline{A.B.C} + \overline{A.B.C} + A.\overline{B.C} + A.B.C$$

La fonction F possède 3 variables \rightarrow 2³ combinaisons

$$F(0,0,0) = \overline{0}.\overline{0}.0 + \overline{0}.0.0 + 0.\overline{0}.0 + 0.0.0 = 0$$

$$F(0,0,1) = \overline{0}.\overline{0}.1 + \overline{0}.0.1 + 0.\overline{0}.1 + 0.0.1 = 1$$

$$F(0,1,0) = \overline{0}.\overline{1}.0 + \overline{0}.1.0 + 0.\overline{1}.0 + 0.1.0 = 0$$

$$F(0,1,1) = \overline{0}.\overline{1}.1 + \overline{0}.1.1 + 0.\overline{1}.1 + 0.1.1 = 1$$

$$F(1,0,0) = \overline{1}.\overline{0}.0 + \overline{1}.0.0 + 1.\overline{0}.0 + 1.0.0 = 0$$

$$F(1,0,1) = \overline{1}.\overline{0}.1 + \overline{1}.0.1 + 1.\overline{0}.1 + 1.0.1 = 1$$

$$F(1,1,0) = \overline{1}.\overline{1}.0 + \overline{1}.1.0 + 1.\overline{1}.0 + 1.1.0 = 0$$

$$F(1,1,1) = \overline{1}.\overline{1}.1 + \overline{1}.1.1 + 1.\overline{1}.1 + 1.1.1 = 1$$

А	В	С	F
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	1

Une table de vérité

NON (négation)

 NON: est un opérateur unaire (une seule variable) qui à pour rôle d'inverser la valeur d'une variable.

A	A
0	1
1	0



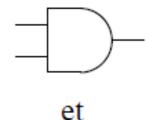
non

ET (AND)

Le ET est un opérateur binaire (deux variables), à pour rôle de réaliser le Produit logique entre deux variables booléennes.

- Le ET fait la conjonction entre deux variables.
- \Box Le ET est défini par : F(A,B) = A . B

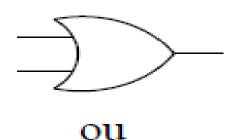
Α	В	A.B
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1



OU (OR)

- Le OU est un opérateur binaire (deux variables), à pour rôle de réaliser la somme logique entre deux variables logiques.
- Le OU fait la disjonction entre deux variables.
- □ Le OU est défini par F(A,B)= A + B (il ne faut pas confondre avec la somme arithmétique)

A B A + B
O O O
O 1 1 1
1 O 1



NB:

- Dans la définition des opérateurs ET, OU, nous avons juste donner la définition de base avec deux variables logiques.
- L'opérateur ET peut réaliser le produit de plusieurs variables logique (ex : A . B . C . D).
- L'opérateur OU peut aussi réaliser la somme logique de plusieurs variables logiques (ex: A + B + C +D).
- Dans une expression on peut aussi utiliser les parenthèses.

priorité des opérateurs

- Pour évaluer une expression logique (fonction logique):
 - on commence par évaluer les sous expressions entre les parenthèses.
 - puis le complément (NON),
 - en suite le produit logique (ET)
 - enfin la somme logique (OU)

Exemple:

$$F(A,B,C) = (\overline{A \cdot B}) \cdot (C+B) + A \cdot \overline{B} \cdot C$$

si on veut calculer F(0,1,1) alors:

$$F(0,1,1) = (\overline{0.1})(1+1) + 0.\overline{1.1}$$

$$F(0,1,1) = (0)(1) + 0.0.1$$

$$F(0,1,1) = 1.1 + 0.0.1$$

$$F(0,1,1) = 1 + 0$$

$$F(0,1,1)=1$$

Exercice:

Trouver la table de vérité de la fonction précédente ?

priorité des opérateurs

Pour trouver la table de vérité, il faut trouver la valeur de la fonction F pour chaque combinaisons des trois variables A, B, C

3 variables \rightarrow 2 ³ = 8 combinaisons

$$F(A,B,C) = (\overline{A \cdot B}) \cdot (C+B) + A \cdot \overline{B} \cdot C$$

$$F(0,0,0) = (\overline{0.0}).(0+0) + 0.\overline{0}.0 = 0$$

$$F(0,0,1) = (\overline{0.0}).(1+0)+0.\overline{0}.1 = 1$$

$$F(0,1,0) = (\overline{0.1}).(0+1) + 0.\overline{1.0} = 1$$

$$F(0,1,1) = (\overline{0.1}).(1+1) + 0.\overline{1.1} = 1$$

$$F(1,0,0) = (\overline{1.0}).(0+0)+1.\overline{0}.0=0$$

$$F(1,0,1) = (\overline{1.0}).(1+0)+1.\overline{0}.1=1$$

$$F(1,1,0) = (\overline{1.1}).(0+1)+1.\overline{1.0} = 0$$

$$F(1,1,1) = (\overline{1.1}).(1+1)+1.\overline{1.1} = 0$$

Α	В	С	F
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	0

Lois fondamentales de l'Algèbre de Boole

L'opérateur NON

$$egin{aligned} \overline{\overline{A}} &= A \ \overline{\overline{A}} + A &= 1 \ \overline{\overline{A}} . A &= 0 \end{aligned}$$

L'opérateur ET

(A.B).C = A.(B.C) = A.B.C	Associativité
A.B = B.A	Commutativité
A.A = A	Idempotenœ
A.1 = A	Elément neutre
A.0 = 0	Elément absorbant

Lois fondamentales de l'Algèbre de Boole

L'opérateur OU

$$(A+B)+C=A+(B+C)=A+B+C$$
 Associativité

$$A + B = B + A$$
 Commutativité

$$A + A = A$$
 Idempotence

$$A + 0 = A$$
 Elément neutre

$$A+1=1$$
 Elément absorbant

Distributivité

$$A.(B+C) = (A.B) + (A.C)$$
 Distributivité du ET sur le OU

$$A + (B.C) = (A + B).(A + C)$$
 Distributivité du OU sur le ET

Lois fondamentales de l'Algèbre de Boole

L'opérateur OU

Autres relations utiles

$$A + (A \cdot B) = A$$

 $A \cdot (A + B) = A$
 $(A + B) \cdot (A + \overline{B}) = A$
 $A + \overline{A} \cdot B = A + B$

Dualité de l'algèbre de Boole

- Toute expression logique reste vraie si on remplace le ET par le OU, le OU par le ET, le 1 par 0, le 0 par 1.
- □ Exemple :

$$A+1=1 \rightarrow \overline{A}.0=0$$

$$A + A = 1 \rightarrow A \cdot A = 0$$

Théorème de DE MORGANE

 La somme logique complimentée de deux variables est égale au produit des compléments des deux variables.

$$\overline{A+B} = \overline{A} \cdot \overline{B}$$

 Le produit logique complimenté de deux variables est égale à la somme logique des compléments des deux variables.

$$\overline{A.B} = \overline{A} + \overline{B}$$

Généralisation du Théorème de DE MORGANE à N variables

$$\overline{A.B.C....} = \overline{A} + \overline{B} + \overline{C} + \dots$$

$$\overline{A+B+C+....} = \overline{A.B.C}.\dots$$

Autres opérateurs logiques

OU exclusif (XOR)

$$F(A,B) = A \oplus B$$

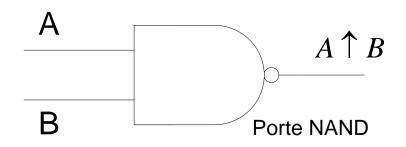
$$A \oplus B = \overline{A}.B + A.\overline{B}$$

A	В	$A \oplus B$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

Autres opérateurs logiques

NAND (NON ET)

$$F(A,B) = \overline{A \cdot B}$$
$$F(A,B) = A \uparrow B$$



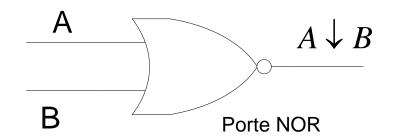
A	В	A•B
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0

Autres opérateurs logiques

□ NOR (NON OU)

$$F(A,B) = \overline{A+B}$$

$$F(A,B) = A \downarrow B$$



A	В	$\overline{A+B}$
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0

Combinaison des opérateurs

En utilisant les NAND et les NOR on peut exprimer n'importe qu'elle expression (fonction logique).

 Pour cela , Il suffit d'exprimer les opérateurs de base (NON , ET , OU) avec des NAND et des NOR.

Réalisation des opérateurs de base avec des NOR

$$\overline{A} = \overline{A + A} = A \downarrow A$$

$$A + B = \overline{A + B} = \overline{A + B} = \overline{A} \downarrow B = (A \downarrow B) \downarrow (A \downarrow B)$$

$$A.B = \overline{A.B} = \overline{A + B} = \overline{A} \downarrow \overline{B} = (A \downarrow A) \downarrow (B \downarrow B)$$

Exercice

□ Exprimer le NON , ET , OU en utilisant des NAND ?

Propriétés des opérateurs NAND et NOR

$$A \uparrow 0 = 1$$

 $A \uparrow 1 = \overline{A}$
 $A \uparrow B = B \uparrow A$
 $(A \uparrow B) \uparrow C \neq A \uparrow (B \uparrow C)$

$$A \downarrow 0 = \overline{A}$$

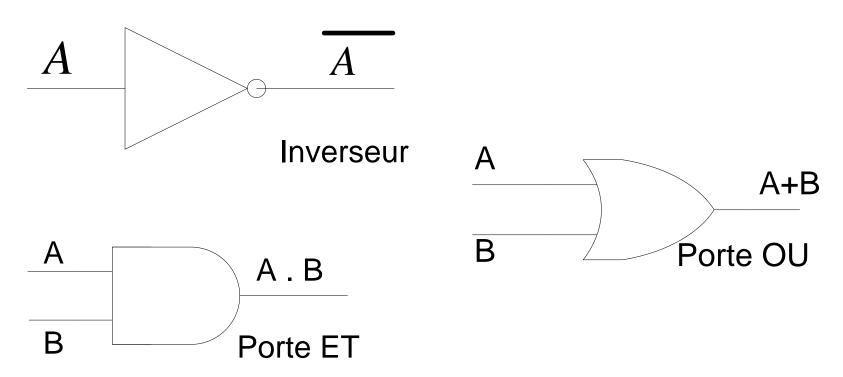
$$A \downarrow 1 = 0$$

$$A \downarrow B = B \downarrow A$$

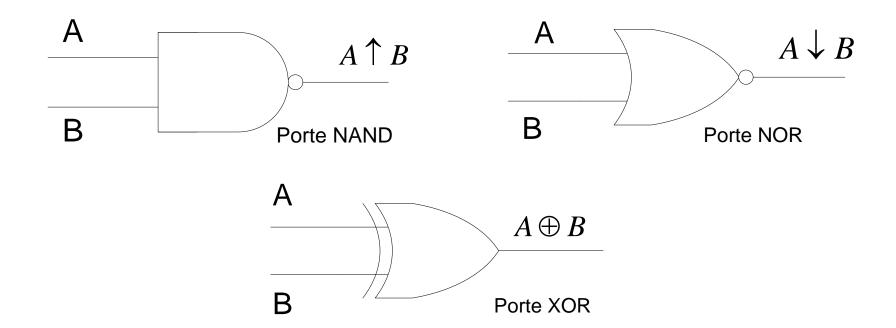
$$(A \downarrow B) \downarrow C \neq A \downarrow (B \downarrow C)$$

Portes logiques

Une porte logique est un circuit électronique élémentaire qui Permet de réaliser la fonction d'un opérateur logique de base .



Portes logiques



Remarque:

- Les portes ET, OU, NAND, NOR peuvent avoir plus que deux entrées
- Il n'existe pas de OU exclusif à plus de deux entrées

Schéma d'un circuit logique (Logigramme)

C'est la traduction de la fonction logique en un schéma électronique.

Le principe consiste à remplacer chaque opérateur logique par la porte logique qui lui correspond.

Exemple 1

$$F(A, B, C) = A.B + \overline{B}.C$$

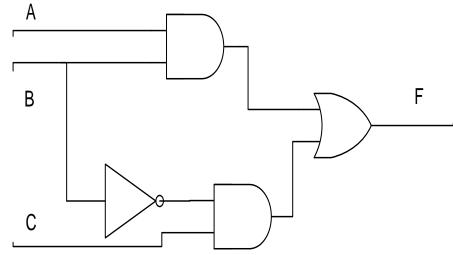
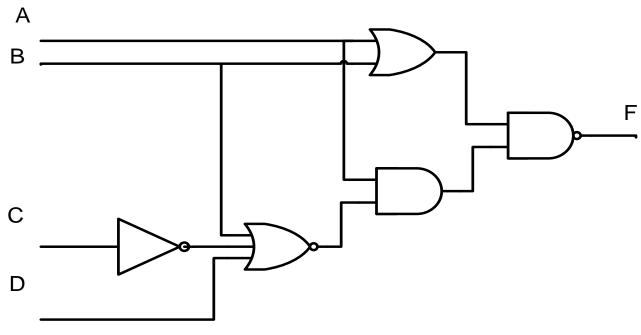


Schéma d'un circuit logique (Logigramme)

Exemple 2

$$F(A, B, C, D) = (A + B) \cdot (B + \overline{C} + D) \cdot A$$



Pr Mohamed CHAKRAOUI

Exercices

Exercice 1

Donner le logigramme des fonctions suivantes :

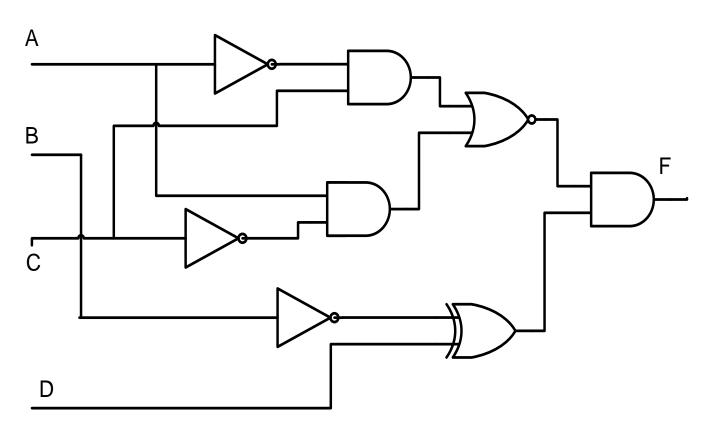
$$F(A,B) = \overline{A}.B + A.\overline{B}$$

$$F(A,B,C) = (A+B).(\overline{A}+C).(B+\overline{C})$$

$$F(A,B,C) = (\overline{A}.\overline{B}).(C+B) + A.\overline{B}.C$$

Exercices

□ **Exercice 2 :** Donner l'équation de F ?



Chapitre 2

- Définition textuelle d'une fonction logique,
- □table de vérité,
- formes algébriques,
- simplification algébrique,
- □table de Karnaugh

Définition textuelle d'une fonction logique

- Généralement la définition du fonctionnement d'un système est donnée sous un format textuelle.
- Pour faire l'étude et la réalisation d'un tel système on doit avoir son modèle mathématique (fonction logique).
- Donc il faut tirer (déduire) la fonction logique a partir de la description textuelle.

définition textuelle du fonctionnement d'un système

- Une serrure de sécurité s'ouvre en fonction de trois clés. Le fonctionnement de la serrure est définie comme suit :
 - La serrure est ouverte si au moins deux clés sont utilisées.
 - La serrure reste fermée dans les autres cas.
- Donner le schéma du circuit qui permet de contrôler
 l'ouverture de la serrure ?

Étapes de conception et de réalisation d'un circuit numérique

Pour faire l'étude et la réalisation d'un circuit il faut suivre les étapes suivantes :

- 1. Il faut bien comprendre le fonctionnement du système.
- 2. Il faut définir les variables d'entrée.
- Il faut définir les variables de sortie.
- Etablir la table de vérité.
- 5. Ecrire les équations algébriques des sorties (à partir de la table de vérité).
- 6. Effectuer des simplifications (algébrique ou par Karnaugh).
- Faire le schéma avec un minimum de portes logiques.

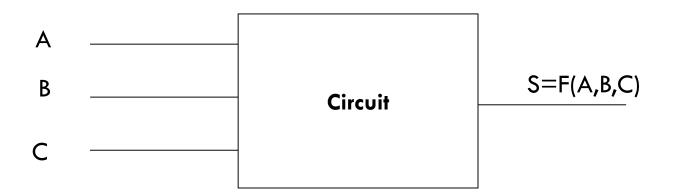
Étapes de conception et de réalisation d'un circuit numérique

- □ Si on reprend l'exemple de la serrure :
 - Le système possède trois entrées : chaque entrée représente une clé.
 - □ On va correspondre à chaque clé une variable logique: clé 1 →
 A , la clé 2 →
 B , la clé 3 →
 - Si la clé 1 est utilisée alors la variable A=1 sinon A =0
 - Si la clé 2 est utilisée alors la variable B=1 sinon B =0
 - Si la clé 3 est utilisée alors la variable C=1 sinon C =0
 - Le système possède une seule sortie qui correspond à l'état de la serrure (ouverte ou fermé).
 - On va correspondre une variable S pour designer la sortie :
 - S=1 si la serrure est ouverte,
 - S=0 si elle est fermée

Étapes de conception et de réalisation d'un circuit numérique

$$S=F(A,B,C)$$

F(A,B,C)=1 si au mois deux clés sont introduites F(A,B,C)=0 si non .



Remarque:

Il est important de préciser aussi le niveau logique avec lequel on travail (logique positive ou négative).

Table de vérité

 □ Si une fonction logique possède N variables logiques → ? combinaisons → la fonction possède ? valeurs.

 □ Les 2ⁿ combinaisons sont représentées dans une table qui s'appelle table de vérité.

Table de vérité

Α	В	С	S			
0	0	0	0			: max terme
0	0	1	0		A+B+C	: max terme
0	1	0	0	→	$A + \overline{B} + C$: max terme
0	1	1	1	→	\overline{A} .B.C	: min terme
1	0	0	0		$\overline{A} + B + C$: max terme
1	0	1	1		$A.\overline{B}.C$: min terme
1	1	0	1	│ ──→	$A.B.\overline{C}$: min terme
1	1	1	1	─ →	A.B.C	: min terme

Extraction de la fonction logique à partir de la T.V

F = somme min termes

$$F(A,B,C) = \overline{A} \cdot B \cdot C + A \cdot \overline{B} \cdot C + A \cdot B \cdot \overline{C} + A \cdot B \cdot C$$

F = produit des max termes

$$F(A, B, C) = (A + B + C) (A + B + \overline{C})(A + \overline{B} + C) (\overline{A} + B + C)$$

Forme canonique d'une fonction logique

- On appel forme canonique d'une fonction la forme ou chaque terme de la fonction comportent toutes les variables.
- □ Exemple :

$$F(A, B, C) = AB\overline{C} + A\overline{C}B + \overline{A}BC$$

Il existent plusieurs formes canoniques : les plus utilisées sont la première et la deuxième forme.

Première forme canonique

- Première forme canonique (forme disjonctive): somme de produits
- C'est la somme des min termes.
- Une disjonction de conjonctions.
- □ Exemple :

$$F(A,B,C) = \overline{A} \cdot B \cdot C + A \cdot \overline{B} \cdot C + A \cdot B \cdot \overline{C} + A \cdot B \cdot C$$

Cette forme est la forme la plus utilisée.

Deuxième forme canonique

- Deuxième forme canonique (conjonctive):
 produit de sommes
- Le produit des max termes
- Conjonction de disjonctions
- □ Exemple :

$$F(A, B, C) = (A + B + C) (A + B + \overline{C})(A + \overline{B} + C) (\overline{A} + B + C)$$

La première et la deuxième forme canonique sont équivalentes.

Remarque 1

- On peut toujours ramener n'importe qu'elle fonction logique à l'une des formes canoniques.
- Cela revient à rajouter les variables manquants dans les termes qui ne contiennent pas toutes les variables (les termes non canoniques).
- Cela est possible en utilisant les règles de l'algèbre de Boole :
 - Multiplier un terme avec une expression qui vaut 1
 - Additionner à un terme avec une expression qui vaut 0
 - Par la suite faire la distribution

Exemple

$$1. F(A,B) = A + B$$

$$= A (B + \overline{B}) + B (A + \overline{A})$$

$$= AB + A\overline{B} + AB + \overline{AB}$$

$$= AB + A\overline{B} + \overline{AB}$$

$$2. F(A,B,C) = AB + C$$

$$= AB(C + \overline{C}) + C(A + \overline{A})$$

$$= ABC + AB\overline{C} + AC + \overline{A}C$$

$$= ABC + AB\overline{C} + AC(B + \overline{B}) + \overline{A}C(B + \overline{B})$$

$$= ABC + AB\overline{C} + ABC + \overline{A}BC + \overline{A}BC + \overline{A}BC$$

$$= ABC + AB\overline{C} + ABC + \overline{A}BC + \overline{A}BC + \overline{A}BC$$

- Remarque 2
- Il existe une autre représentation des formes canoniques d'une fonction, cette représentation est appelée forme numérique.
- R: pour indiquer la forme disjonctive
- P: pour indiquer la forme conjonctive.

Exemple: si on prend une fonction avec 3 variables

$$R(2,4,6) = \sum (2,4,6) = R(010,100,110) = \overline{A}B\overline{C} + A\overline{B}\overline{C} + AB\overline{C}$$

$$P(0,1,3,5,7) = \prod (0,1,3,5,7) = P(000,001,011,101,111)$$
$$= (A+B+C)(A+B+\overline{C})(A+\overline{B}+\overline{C})(\overline{A}+B+\overline{C})(\overline{A}+B+\overline{C})$$

□ Remarque 3 : déterminer F

Α	В	С	F	Non(F)
0	0	0	0	1
0	0	1	0	1
0	1	0	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	1	0
1	1	1	1	0

$$\overline{F} = \overline{A}.\overline{B}.\overline{C} + \overline{A}.\overline{B}.C + \overline{A}.B.\overline{C} + A.\overline{B}.\overline{C}$$

Exercices

□ Exercice 1

Déterminer la première , la deuxième forme canonique et la fonction inverse à partir de la Table de Vérité suivante ? Tracer le logigramme de la fonction ?

Α	В	F
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

Exercices

■ Exercice 2

Faire le même travail avec la Table de Vérité suivante :

Α	В	С	S
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

Exercices

Exercice 3

Un jury composé de 4 membres pose une question à un joueur, qui à son tour donne une réponse. Chaque membre du jury positionne son interrupteur à "1 "lorsqu'il estime que la réponse donnée par le joueur est juste (avis favorable) et à "0 " dans le cas contraire (avis défavorable). On traite la réponse de telle façon à positionner:

- Une variable succès (S=1) lorsque la décision de la majorité des membres de jury est favorable,
- une variable Échec (E=1) lorsque la décision de la majorité des membres de jury est défavorable
- et une variable Égalité (N=1) lorsqu'il y a autant d'avis favorables que d'avis défavorables.

Question:

- a./ Déduire une table de vérité pour le problème,
- **b.**/ Donner les équations de S, E,
- c./ En déduire l'équation de N,

Simplification des fonctions logiques

- L'objectif de la simplification des fonctions logiques est de :
 - réduire le nombre de termes dans une fonction
 - et de réduire le nombre de variables dans un terme
- Cela afin de réduire le nombre de portes logiques utilisées > réduire le coût du circuit
- Plusieurs méthodes existent pour la simplification :
 - La Méthode algébrique
 - Les Méthodes graphiques : (ex : table de karnaugh)
 - Les méthodes programmables

Méthode algébrique

- Le principe consiste à appliquer les règles de l'algèbre de Boole afin d'éliminer des variables ou des termes.
- Mais il n'y a pas une démarche bien spécifique.
- □ Voici quelques règles les plus utilisées :

$$A \cdot B + \overline{A} \cdot B = B$$

$$A + A \cdot B = A$$

$$A + \overline{A} \cdot B = A + B$$

$$(A + B) (A + \overline{B}) = A$$

$$A \cdot (A + B) = A$$

$$A \cdot (\overline{A} + B) = A \cdot B$$

- Règles 1 : regrouper des termes à l'aide des règles précédentes
- Exemple

$$ABC + AB\overline{C} + A\overline{B}CD = AB(C + \overline{C}) + A\overline{B}CD$$

$$= AB + A\overline{B}CD$$

$$= A(B + \overline{B}(CD))$$

$$= A(B + CD)$$

$$= AB + ACD$$

- Règles 2 : Rajouter un terme déjà existant à une expression
- □ Exemple :

$$A B C + \overline{ABC} + A\overline{BC} + A\overline{BC} =$$
 $ABC + \overline{ABC} + ABC + A\overline{BC} + ABC + AB\overline{C} =$
 $BC + AC + AB$

- Règles 3 : il est possible de supprimer un terme superflu (un terme en plus), c'est-à-dire déjà inclus dans la réunion des autres termes.
- □ Exemple 1:

$$F(A,B,C) = A B + \overline{B}C + AC = AB + \overline{B}C + AC (B + \overline{B})$$

$$= AB + \overline{B}C + ACB + A\overline{B}C$$

$$= AB (1+C) + \overline{B}C (1+A)$$

$$= AB + \overline{B}C$$

 Exemple 2 : il existe aussi la forme conjonctive du terme superflu

$$F(A,B,C) = (A+B) \cdot \overline{(B}+C) \cdot (A+C)$$

$$= (A+B) \cdot \overline{(B}+C) \cdot (A+C+B \cdot \overline{B})$$

$$= (A+B) \cdot \overline{(B}+C) \cdot (A+C+B) \cdot (A+C+\overline{B})$$

$$= (A+B) \cdot \overline{(B}+C) \cdot \overline{(B}+C) \cdot \overline{(B}+C) \cdot \overline{(A+C+B)}$$

$$= (A+B) \cdot \overline{(B}+C)$$

- Règles 4 : il est préférable de simplifier la forme canonique ayant le nombre de termes minimum.
- □ Exemple :

$$F(A, B, C) = R(2,3,4,5,6,7)$$

$$\overline{F(A, B, C)} = R(0,1) = \overline{A} \cdot \overline{B} \cdot \overline{C} + \overline{A} \cdot \overline{B} \cdot C$$

$$= \overline{A} \cdot \overline{B} \cdot \overline{C} + C)$$

$$= \overline{A} \cdot \overline{B} = \overline{A + B}$$

$$F(A, B, C) = \overline{F(A, B, C)} = \overline{A + B} = A + B$$

Exercice

Démontrer la proposition suivante :

$$A.B+B.C+A.C+A.\overline{B.C}+\overline{A.B.C}+\overline{A.B.C}+\overline{A.B.C}=A+B+C$$

Donner la forme simplifiée de la fonction suivante :

$$F(A, B, C, D) = \overline{ABCD} + \overline{ABCD} + \overline{ABCD} + \overline{ABCD} + \overline{ABCD} + \overline{ABCD}$$

Simplification par la table de Karnaugh

Les termes adjacents

Examinons l'expression suivante:

$$A.B+A.B$$

- Les deux termes possèdent les même variables. La seule différence est l'état de la variable B qui change.
- ☐ Si on applique les règles de simplification on obtient :

$$AB + A\overline{B} = A(B + \overline{B}) = A$$

Ces termes sont dites adjacents.

Simplification par la table de Karnaugh

Exemple de termes adjacents

Ces termes sont adjacents

$$A.B + \overline{A.B} = B$$

$$A.B.C + A.B.C = A.C$$

$$A.B.C.D + A.B.C.D = A.B.D$$

Ces termes ne sont pas adjacents

$$A.B + \overline{A.B}$$

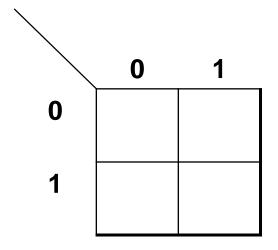
$$A.B.C + A.B.C$$

$$A.B.C.D + \overline{A.B.C.D}$$

Description de la table de karnaugh

- La méthode de Karnaugh se base sur la règle précédente.
- La méthode consiste a mettre en évidence par une méthode graphique (un tableaux) tous les termes qui sont adjacents (qui ne différent que par l'état d'une seule variable).
- La méthode peut s'appliquer aux fonctions logiques de 2,3,4,5 et 6 variables.
- Un tableau de Karnaugh comportent 2ⁿ cases (N est le nombre de variables).

Description de la table de karnaugh



	00	01	11	10
0				
1				

Tableau à 2 variables

Tableaux à 3 variables

Description de la table de karnaugh

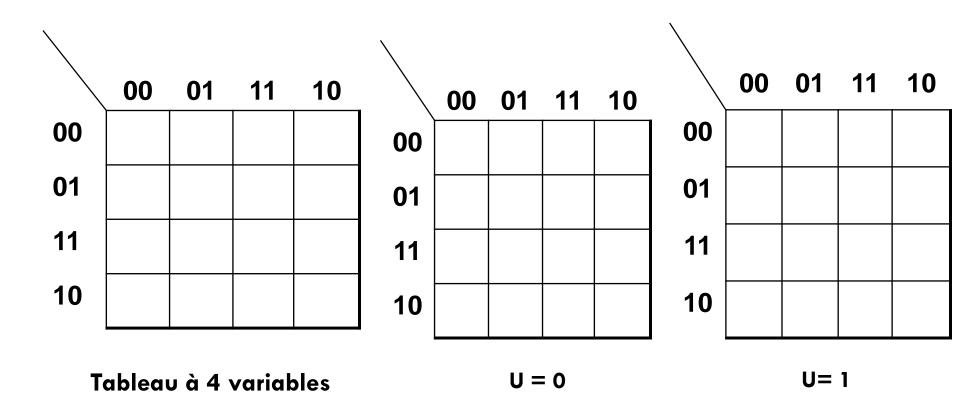
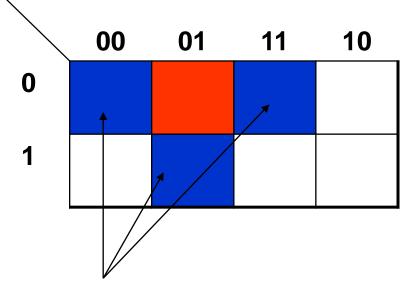
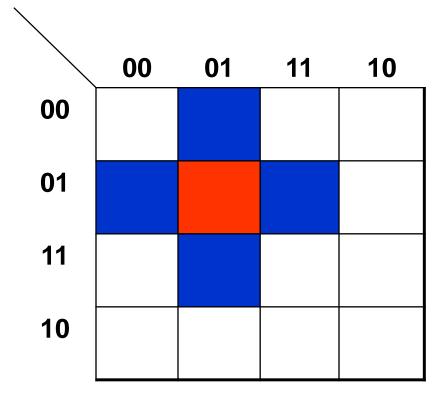


Tableau à 5 variables

Dans un tableau de karnaugh , chaque case possède un certain nombre de cases adjacentes.



Les trois cases bleues sont des cases adjacentes à la case rouge

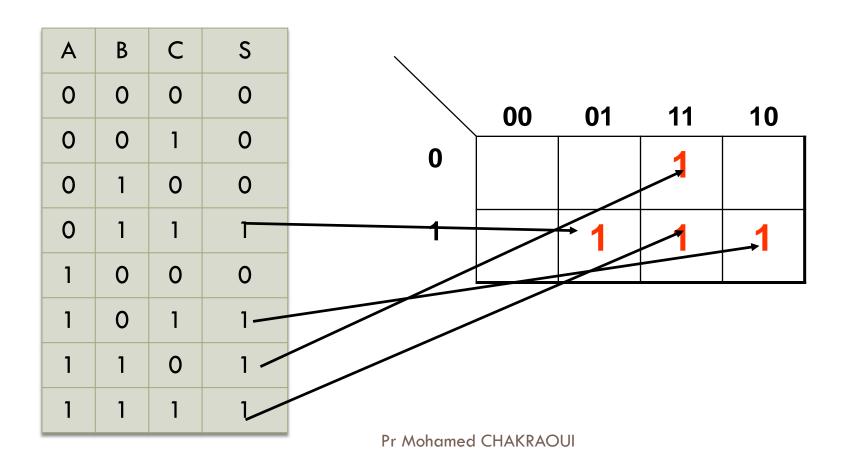


Passage de la table de vérité à la table de Karnaugh

- Pour chaque combinaisons qui représente un min terme lui correspond une case dans le tableau qui doit être mise à 1
- Pour chaque combinaisons qui représente un max terme lui correspond une case dans le tableau qui doit être mise à 0 .
- Lorsque on remplis le tableau, on doit soit prendre les min terme ou les max terme

Passage de la table de vérité à la table de Karnaugh

□ Exemple :



Passage de la table de vérité à la table de Karnaugh

Si la fonction logique est donnée sous la première forme canonique (disjonctive), alors sa représentation est directe : pour chaque terme lui correspond une seule case qui doit être mise à 1.

Si la fonction logique est donnée sous la deuxième forme canonique (conjonctive), alors sa représentation est directe : pour chaque terme lui correspond une seule case qui doit être mise à 0.

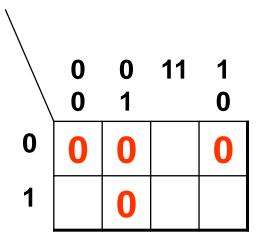
Passage de la table de vérité à la table de Karnaugh

Exemple

$$F1(A, B, C) = \sum (1,2,5,7)$$

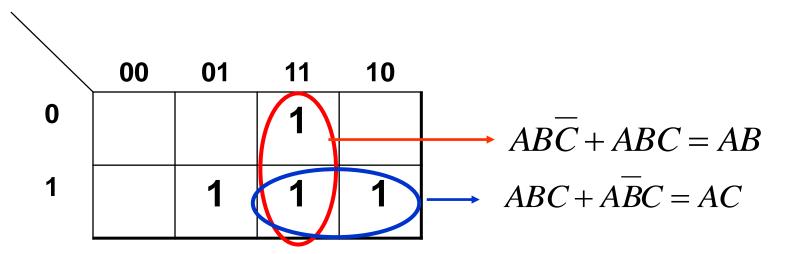
	00	01	11	10
0		1		
1	1		1	1

$$F2(A, B, C) = \prod (0,2,3,6)$$

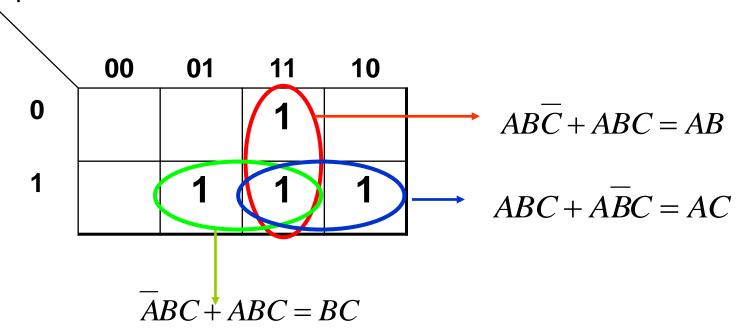


- L'idée de base est d'essayer de regrouper (faire des regroupements) les cases adjacentes qui comportent des 1 (rassembler les termes adjacents).
- Essayer de faire des regroupements avec le maximum de cases (16,8,4 ou 2)

- Puisque il existent encore des cases qui sont en dehors d'un regroupement on refait la même procédure : former des regroupements.
- Une case peut appartenir à plusieurs regroupements



- On s'arrête lorsque il y a plus de 1 en dehors des regroupements
- La fonction final est égale à la réunion (somme) des termes après simplification.

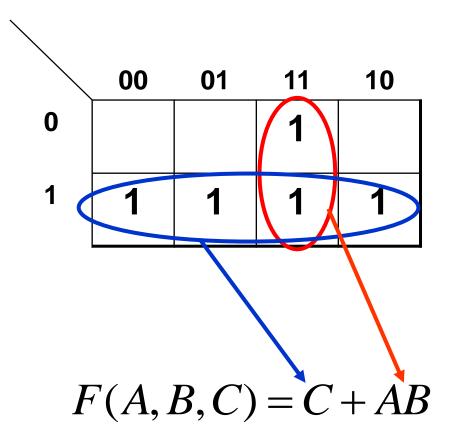


$$F(A, B, C) = AB + AC + BC$$

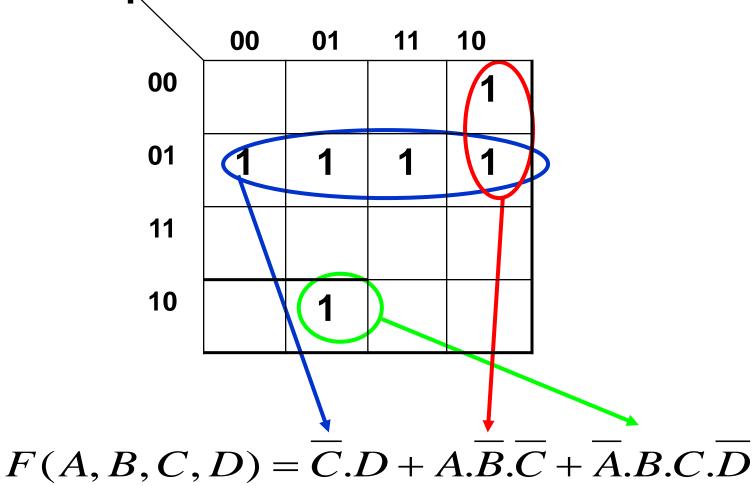
Donc, en résumé pour simplifier une fonction par la table de karnaugh il faut suivre les étapes suivantes :

- 1. Remplir le tableau à partir de la table de vérité ou à partir de la forme canonique.
- Faire des regroupements : des regroupements de 16,8,4,2,1 cases (Les même termes peuvent participer à plusieurs regroupements).
- 3. Dans un regroupement:
 - Qui contient un seule terme on peut pas éliminer de variables.
 - Qui contient deux termes on peut éliminer une variable (celle qui change d'état).
 - Qui contient 4 termes on peut éliminer 2 variables.
 - Qui contient 8 termes on peut éliminer 3 variables.
 - Qui contient 16 termes on peut éliminer 4 variables.
- 5. L'expression logique finale est la réunion (la somme) des groupements après simplification et élimination des variables qui changent d'état.

■ Exemple 1 : 3 variables

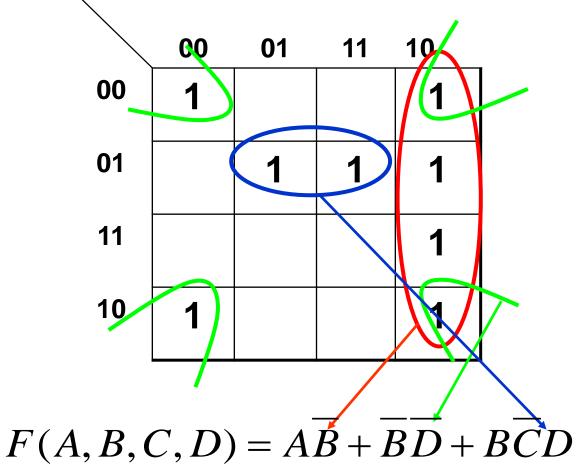


Méthode de simplification (Exemple : 3 variables) Exemple 2 : 4 variables

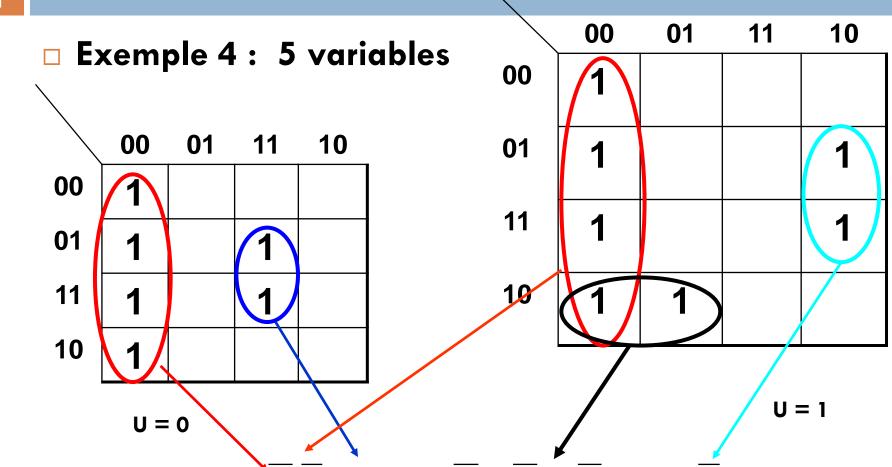


Pr Mohamed CHAKRAOUI

Exemple 3 : 4 variables



Pr Mohamed CHAKRAOUI



F(A, B, C, D, U) = AB + A.B.D.U + A.C.D.U + A.B.D.U

Trouver la forme simplifiée des fonctions à partir des deux tableaux ?

	00	01	11	10
0		1	1	1
1	1		1	1

	00	01	11	10
00	1		1	1
01				
11				
10	1	1	1	1

Examinons l'exemple suivant :

- Une serrure de sécurité s'ouvre en fonction de quatre clés A, B, C D.
 Le fonctionnement de la serrure est définie comme suite :
- □ S(A,B,C,D)= 1 si au moins deux clés sont utilisées
- $\square \qquad S(A,B,C,D) = 0 \text{ sinon}$
- Les clés A et D ne peuvent pas être utilisées en même temps.
- On remarque que si la clé A et D sont utilisées en même temps l'état du système n'est pas déterminé.
- Ces cas sont appelés cas impossibles ou interdites

 représenter ces cas dans la table de vérité?.

Pour les cas impossibles ou interdites

il faut mettre un X dans la T.V.

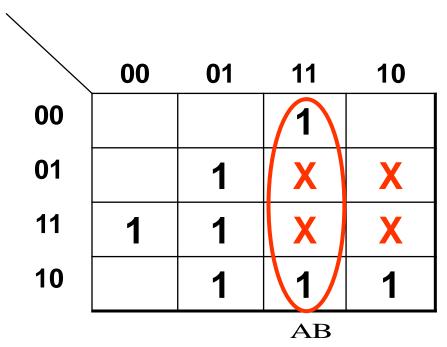
Les cas impossibles sont représentées

aussi par des X dans la table de karnaugh

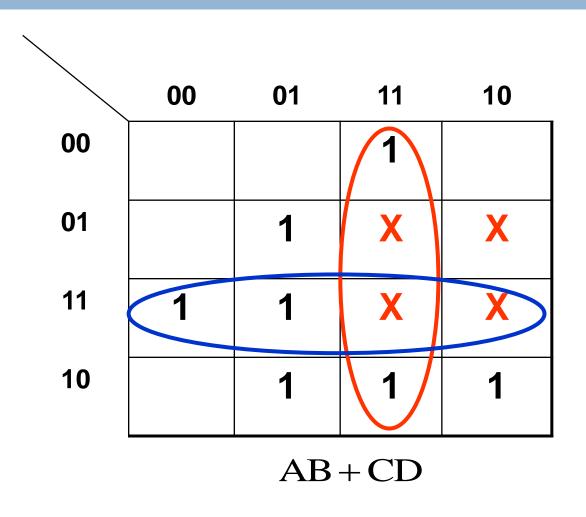
	00	01	11	10
00			1	
01		1	X	X
11	1	1	X	X
10		1	1	1

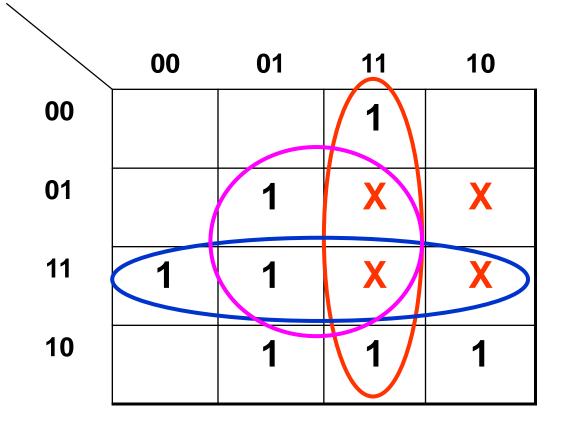
Α	В	С	D	S
0	0	0	0	0
0	0	0	1	0
0	0	1	0	0
0	0	1	1	1
0	1	0	0	0
0	1	0	1	1
0	1	1	0	1
0	1	1	1	1
1	0	0	0	0
1	0	0	1	X
1	0	1	0	1
1	0	1	1	X
1	1	0	0	1
1	1	0	1	X
1	1	1	0	1
1	1	1	1	X

- Il est possible d'utiliser les X dans des regroupements :
 - Soit les prendre comme étant des 1
 - Ou les prendre comme étant des 0
- □ Il ne faut pas former des regroupement qui contient uniquement des X

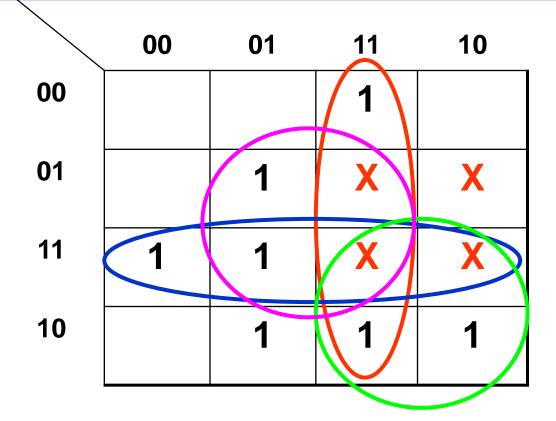


Pr Mohamed CHAKRAOUI

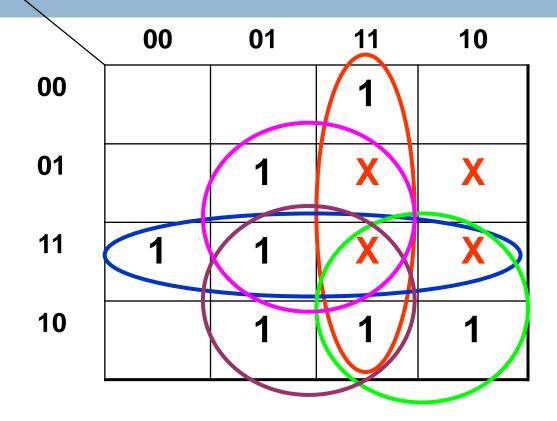




AB + CD + BD



AB + CD + BD + AC



AB+CD+BD+AC+BC

■ Exercice 1

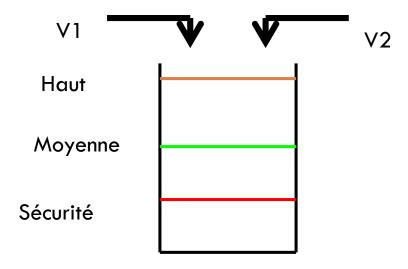
Ś

Trouver la fonction logique simplifiée à partir de la table suivante

	00	01	11	10
00		1	X	
01	1	X		1
11	1		X	1
10	X		1	X

- La figure 1 représente un réservoir alimenté par deux vannes V1 et V2. On distingue trois niveaux : Sécurité, Moyen, Haut:
 - lorsque le niveau de liquide est inférieur ou égale à Sécurité, V1 et V2 sont ouvertes.
 - lorsque le niveau du liquide est inférieur ou égal à Moyen mais supérieur à Sécurité, seule V1 est ouverte.
 - lorsque le niveau du liquide est supérieur à Moyen mais inférieur à Haut, seule V2 est ouverte.
 - lorsque le niveau de liquide a atteint le niveau Haut, les deux vannes sont fermées.

Question: Donner les équations logiques de l'ouverture de V1 et V2 en fonction du niveau de liquide.



Troisième Partie

Plan

Conversion de Bases

Définition des différentes bases

Conversion vers la base 10

Conversions de la base 10 vers d'autres bases

Codage des informations

La numération arabe utilise une représentation positionnelle contrairement à la numération romaine : le rang de chaque chiffre indique son poids.

Numération romaine : MCMXCIX où M vaut toujours 1000, C vaut toujours 100, etc.

Numération positionnelle : 1999 où le « 9 » le plus à droite vaut « 9 », celui immédiatement à sa gauche vaut « 90 », etc. La valeur d'un chiffre dépend de sa position.

 XXX_b indique que le nombre XXX est écrit en base b.

Exemples:

- \square 10³ 10² 10¹ 10⁰
- $5931_{10} = 5*1000+9*100+3*10+1*1$
- $2^3 2^2 2^1 2^0$
- \Box 5² 5¹ 5⁰

Codage des informations

- □ Bases usuelles : base 10, 8.
- Représentation des nombres dans une base b :
 - 1. Si $b \le 10$, on utilise simplement les chiffres de 0 à b-1 (exemple : base 2).
 - 2. Si b > 10, on utilise les chiffres de 0 à 9 et des lettres.

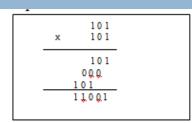
Ainsi, en base 16 (numération hexadécimale) on utilise les chiffres de 0 à 9 et les lettres de A (=10) à F (=15).

$$E2A1_{16} = 14*16^3 + 2*16^2 + 10*16 + 1 = 58017_{10}$$

Exemple: l'adresse mémoire.

Opérations arithmétiques

Tables d'addition et de multiplication en base 2.



Dans le système de calcul binaire la soustraction ressemble en quelque sorte à l'addition, sauf que lorsque l'on soustrait un bit égal à un d'un bit égal à zéro, on obtient une retenue pour le bit de poids plus élevé.

Principe de base :

$$0-0=0$$
 $0-1=1$ (avec retenue)
 $1-0=1$ $1-1=0$

Exemple de soustraction :

Conversion Binaire décimal:

Passage d'une base quelconque à la base 10

Il suffit d'écrire le nombre comme ci-dessus et d'effectuer les opérations en décimal. (x 10)

Exemple en hexadécimal:

$$(AB)_{16} = 10 * 16^{1} + 11 * 16^{0} = 160 + 11 = (171)_{10}$$

(En base 16, A représente 10, B \rightarrow 11, et F \rightarrow 15).

Passage de la base 10 vers une base quelconque

Nombres entiers : On procède par divisions successives. On divise le nombre par la base, puis le quotient obtenu par la base, et ainsi de suite jusqu'a l'obtention d'un quotient nul.

La suite des restes obtenus correspond aux chiffres dans la base visée, $a_0a_1...a_n$.

Exemple: soit à convertir $(44)_{10}$ vers la base 2.

$$44 = 22 \times 2 + 0 \Rightarrow \alpha_0 = 0$$

 $22 = 11 \times 2 + 0 \Rightarrow \alpha_1 = 0$
 $11 = 2 \times 5 + 1 \Rightarrow \alpha_2 = 1$
 $5 = 2 \times 2 + 1 \Rightarrow \alpha_3 = 1$
 $2 = 1 \times 2 + 0 \Rightarrow \alpha_4 = 0$
 $1 = 0 \times 2 + 1 \Rightarrow \alpha_5 = 1$
Donc $(44)_{10} = (101100)_2$.

Nombres fractionnaires : On multiplie la partie fractionnaire par la base en répétant l'opération sur la partie fractionnaire du produit jusqu'a ce qu'elle soit nulle (ou que la précision voulue soit atteinte).

Pour la partie entière, on procède par divisions comme pour un entier.

- Exemple: conversion de $(54, 25)_{10}$ en base 2 Partie entière: $(54)_{10} = (110110)_2$ par divisions. Partie fractionnaire:
- \square 0,25 x 2 = 0,50 = 0+0,50=> α_{-1} = 0
- \square 0,50 x 2 = 1,00 = 1+0,00=> α_{-2} = 1
- \square 0,00 x 2 = 0,00 = $0+0,00 = > a_{-3} = 0$

Cas des bases 2, 8 et 16

Ces bases correspondent à des puissances de 2 (2¹, 2³ et 2⁴), d'où des passages de l'une à l'autre très simples. Les bases 8 et 16 sont pour cela très utilisées en informatique, elles permettent de représenter rapidement et de manière compacte des configurations binaires.

La base 8 est appelée notation octale, et la base 16 notation hexadécimale.

Chaque chiffre en base $16 (2^4)$ représente un paquet de 4 bits consécutifs. Par exemple :

$$(10011011)_2 = (1001\ 1011)_2 = (9B)_{16}$$

De même, chaque chiffre octal représente 3 bits.

On manipule souvent des nombres formés de 8 bits, nommés octets, qui sont donc notés sur 2 chiffres hexadécimaux.

Exemples:

Décimal \rightarrow binaire : on procède par division entière successive par 2. Exemple : 29_{10} :

29:2=14 reste 1

14:2=7 reste 0

7:2=3 reste 1

3:2=1 reste 1

1:2=0 reste 1 donc $29_{10}=11101_2$:

Exemple: $14_5 = 9_{10} = 12_7$:

- Conversion de la base 5 vers la base 7: division entière par $7 = 12_7$ en base 7.

$$14_5: 12_5 = 1 \text{ reste } 2$$

$$1_5: 12_5 = 0$$
 reste 1

Le codage de 14_5 est donc 12_7 .

- Conversion de la base 7 vers la base 5 : division entière par $5 = 5_7$ en base 7.

X	0,	1,	2 ₇	3 ₇	4 ₇	5 ₇	6 ₇	10,
5 ₇	07	5 ₇	13 ₇	217	26 ₇	34 ₇	42 ₇	50 ₇

- $12_7:5_7=1 \text{ reste } 4$
- $1_7:5_7=0$ reste 1
- \Box Le codage de 12_7 est donc 14_5 .

REPRÉSENTATION DES ENTIERS

Exemple plus compliqué : conversion de 1452, en base 5

D'où
$$1452_7 = 4301_5$$
. Les sceptiques peuvent vérifier que $1452_7 = 1*7^3 + 4*7^2 + 5*7 + 2 = 576$ et $4301_5 = 4*5^3 + 3*5^2 + 0*5 + 1 = 576...$

En pratique, si b1 = 10, on évite d'effectuer la division en base b_1 en convertissant X en base 10 puis en procédant par division sur le nombre obtenu pour effectuer la conversion de la base 10 vers la base b_2 .

Certaines conversions sont très faciles à réaliser comme la conversion binaire vers octal (base 8) ou binaire vers hexadécimal (base 16).

```
Exemple: 1010011101_2

- base 8 découpages par blocs de 3 chiffres: 001 \quad 010 \quad 011 \quad 101

1 2 3 5 = 1235_8

- base 16 découpages par blocs de 4 chiffres: 0010 \quad 1001 \quad 1101

2 9 D = 29D_{16}
```

De manière générale, les conversions sont faciles lorsque b_2 est une puissance de b_1 . Les conversions en base 8 ou 16 sont très fréquentes pour l'affichage des nombres binaires qui, par leurs longueurs, sont rapidement illisibles.

Exemple : octal pour les codes de caractères, hexadécimal pour les adresses mémoires.

Autres Opérations

Opérations arithmétiques

Les opérations arithmétiques s'effectuent en base quelconque b avec les mêmes méthodes qu'en base 10. Une retenue ou un report apparait lorsque l'on atteint ou dépasse la valeur b de la base.

Représentation des entiers

Codage machine

La représentation (ou codification) des nombres est nécessaire afin de les stocker et manipuler par un ordinateur. Le principal problème est la limitation de la taille du codage : un nombre mathématique peut prendre des valeurs arbitrairement grandes, tandis que le codage dans l'ordinateur doit s'effectuer sur un nombre de bits fixé.

Codage

Entiers naturels

Les entiers naturels (positifs ou nuls) sont codés sur un nombre d'octets fixé (un octet est un groupe de 8 bits). On rencontre habituellement des codages sur 1, 2 ou 4 octets, plus rarement sur 64 bits (8 octets, par exemple sur les processeurs DEC Alpha).

Un codage sur n bits permet de représenter tous les nombres naturels compris entre 0 et 2^n - 1. Par exemple sur 1 octet, on pourra coder les nombres de 0 à 2^8 - 1=255.

On représente le nombre en base 2 et on range les bits dans les cellules binaires correspondant à leur poids binaire, de la droite vers la gauche. Si nécessaire, on complète à gauche par des zéros (bits de poids fort).

Codage

Entiers relatifs

- Il faut ici coder le signe du nombre. On utilise le codage en complément à deux, qui permet d'effectuer ensuite les opérations arithmétiques entre nombres relatifs de la même façon qu'entre nombres naturels.
- 1. Entiers positifs ou nuls : On représente le nombre en base 2 et on range les bits comme pour les entiers naturels. Cependant, la cellule de poids fort est toujours à 0 : on utilise donc n 1 bits.

Le plus grand entier positif représentable sur n bits en relatif est donc 2ⁿ⁻¹-1.

Codage des entiers négatif

Pour obtenir le codage d'un nombre x négatif, on code en binaire sa valeur absolue sur n - 1 bits, puis on complémente (ou inverse) tous les bits et on ajoute 1.

Exemple: soit à coder la valeur -2 sur 8 bits. On exprime 2 en binaire, soit

0000010. Le complément à 1 est 11111101. On ajoute 1 et on obtient le résultat : 1111 1110.

Remarque:

- ✓ le bit de poids fort d'un nombre négatif est toujours 1;
- ✓ sur n bits, le plus grand entier positif est 2^{n-1} $1=011 \dots 1$;
- \checkmark sur n bits, le plus petit entier négatif est -2^{n-1} .

Représentation des caractères: Code ASCII

- Les caractères sont des données non numériques : il n'y a pas de sens à additionner ou multiplier deux caractères. Par contre, il est souvent utile de comparer deux caractères, par exemple pour les trier dans l'ordre alphabétique.
- Les caractères, appelés symboles alphanumériques, incluent les lettres majuscules et minuscules, les symboles de ponctuation (& \sim , . ; # " etc...), et les chiffres.
- Un texte, ou chaîne de caractères, sera représenté comme une suite de caractères.
- Le codage des caractères est fait par une table de correspondance indiquant la configuration binaire représentant chaque caractère. Les deux codes les plus connus sont l'EBCDIC (en voie de disparition) et le code ASCII (American Standard Code for Information Interchange).
- Le code ASCII représente chaque caractère sur 7 bits (on parle parfois de code ASCII étendu, utilisant 8 bits pour coder des caractères supplémentaires).

Code ASCII

Notons que le code ASCII original, défini pour les besoins de l'informatique en langue anglaise) ne permet la représentation des caractères accentués (é, è, à, ù, ...), et encore moins des caractères chinois ou arabes. Pour ces langues, d'autres codages existent, utilisant 16 bits par caractères. A chaque caractère est associée une configuration de 8 chiffres binaires (1 octet), le chiffre de poids fort (le plus à gauche) étant toujours égal à zéro. La table indique aussi les valeurs en base 10 (décimal) et 16 (hexadécimal) du nombre correspondant.

Plusieurs points importants à propos du code ASCII :

- Les codes compris entre 0 et 31 ne représentent pas des caractères, ils ne sont pas affichables. Ces codes, souvent nommés caractères de contrôles sont utilisés pour indiquer des actions comme passer à la ligne (CR, LF), émettre un bip sonore, etc.
- Les lettres se suivent dans l'ordre alphabétique (codes 65 à 90 pour les majuscules, 97 à 122 pour les minuscules), ce qui simplifie les comparaisons.
- On passe des majuscules aux minuscules en modifiant le 5ième bit, ce qui revient à ajouter 32 au code ASCII décimal.
- Les chiffres sont rangés dans l'ordre croissant (codes 48 à 57), et les 4 bits de poids faibles définissent la valeur en binaire du chiffre.

Récapitulatif

- Codage en binaire, ici un chiffre est appelé un bit (binary digit : chiffre binaire).
- Les nombres sont codés sur n octets, généralement 2 (short en Langage C)
 ou 4 (int ou long en langage C).
- m bits --> 2^m nombres différents, si n = 2 ---> $2^{16} = 65$ 536 nombres, si n = 4 ---> $2^{32} = 4294$ 967 296 nombres.
- le problème c'est que la capacité de la mémoire est limitée. Si le résultat de l'opération est supérieur au nombre maximum représentable ----> overflow (dépassement de capacité).

Exemple sur 4 bits : 9 + 7 = 16 qui ne peut être stocké sur 4 bits...

Récapitulatif

Complément binaire et codage des entiers négatifs

- En binaire, le principe du complément est le même, le complément à 1 revient simplement à inverser les bits d'un nombre et le complément à 2 ajoute 1 au complément à 1.

Conversion en binaire

- Exemple : 28,862510en binaire
 - Conversion de 28 : 11100₂
 - □ Conversion de 0,8625 :
 - $0,8625 \times 2 = 1,725 = 1 + 0,725$
 - $0.725 \times 2 = 1.45 = 1 + 0.45$
 - $0.45 \times 2 = 0.9 = 0 + 0.9$
 - $0.9 \times 2 = 1.8 = 1 + 0.8$
 - $0.8 \times 2 = 1.6 = 1 + 0.6 \dots$
 - **28,862510= (11100,11011...)** ₂

Conversion en hexadécimal

- \square Exemple: 3,14159₁₀ en hexadécimal
 - □ Conversion de 3: 3₁₆
 - □ Conversion de 0,14159:
 - $0,14159 \times 16 = 2,26544 = 2 + 0,26544$
 - $0,26544 \times 16 = 4,24704 = 4 + 0,24704$
 - $0,24704 \times 16 = 3,95264 = 3 + 0,95264...$
 - \square 3,14159₁₀ = (3,243...)₁₆

Codage IEEE

- Représentation normalisée
- Un nombre représenté en virgule flottante est normalisé s'il est sous la forme:
 - $\Box \pm 0$, $M * X^{\pm c}$
 - M un nombre dont le premier chiffre est non nul
 - Exemple:
 - $+ 59,4151 * 10^{-5} => Normalisé: +0,594151 * 10^{-3}$

De nombreux défauts pour la représentation en virgule fixe

- Pour un nombre très grand comme le nombre d'Avogadro NA(environ 6,022×10²³), en écriture décimale cela nécessite au moins 24 chiffres pour une approximation à l'entier près.
- □ Pour un nombre très petit comme la charge élémentaire d'un électron (environ −1,602 ×10⁻¹⁹Coulombs), en écriture décimale cela nécessite au moins 20 chiffres pour une approximation.

Virgule flottante

- □ Inspiré de l'écriture scientifique
- Exemple:

$$\square$$
 173,95 = + 1,7395 × 10²

Généralisation: soit x un réel

$$x = signe mantisse x 10^n$$

 Avantage: permet de représenter des nombres très grands et très petits sans s'encombrer de zéros

Application à la base 2

- L'écriture devient alors:
 - signe mantisse x 2ⁿ
 - Avec la mantisse et l'exposant en binaire
- A la fin des années 70, chaque ordinateur avait sa propre représentation pour les nombres à virgule flottante. Il y a donc eu la nécessité de normaliser le codage des nombres flottants

- □ signe mantisse x 2ⁿ
- □ Le signe + est représenté par 0 et le signe − par 1
- □ La mantisse appartient à l'intervalle [1; 2[
- L'exposant est un entier relatif et il est établi de manière à ce que la mantisse soit de la forme ((1,...))

Normalisation dans le format IEEE754

- □ La mantisse est normalisé sous la forme
 - ±1,M*2^{±c}
 - Pseudo mantisse
 - Le 1 précédant la virgule n'est pas codé en machine et est appelé bit caché
- Exemple:

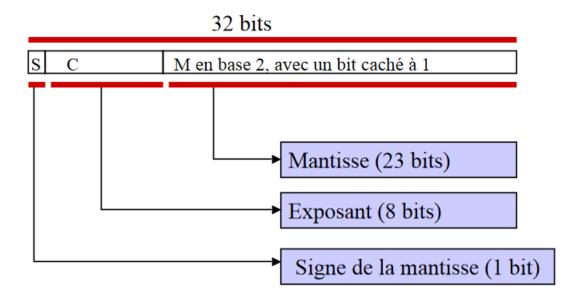
 - \blacksquare Représentation:1. 101₂ = 1. 625₁₀

- Plusieurs formats:
 - □ Simple précision : 32 bits (soit 4 octets)1 bit de signe, 8 bits d'exposant, 23 bits de mantisse
 - Double précision : 64 bits (soit 8 octets) 1 bit de signe,
 11 bits d'exposant, 52 bits de mantisse
 - Quadruple précision : 128 bits (soit 16 octets)1 bit de signe, 15 bits d'exposant, 112 bits de mantisse

- Un format standardisé
- □ Format simple précision: 32 bits
 - Bit du signe (1 bit)
 - Exposant (8 bits)
 - Mantisse (23 bits)
- □ Format double précision: 64 bits
 - Bit du signe (1 bit)
 - Exposant (11 bits)
 - Mantisse (52 bits)

Format simple précision

□ IEEE 754 simple precision



- □ Simple précision:
- les caractéristiques
 - Exposant (n): de -126 à 127
 - On effectue la somme n + 127 afin de coder
 l'exposant en binaire
 - Mantisse: de 1 à 2-2-23
 - □ Plus petit nombre normalisé: 2⁻¹²⁶
 - Plus grand nombre normalisé: presque 2¹²⁸
 - Les exposants 0000000 et 11111111 sont interdits

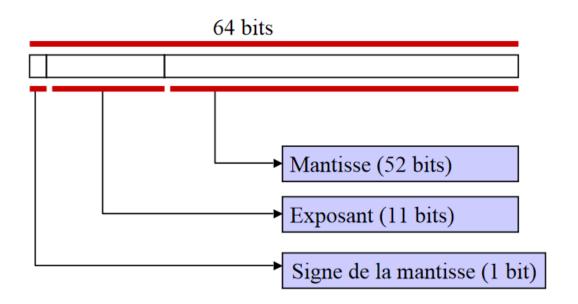
- Simple précision: Exemple
- \square Codons le nombre $\neg 6,625$
 - \square 6, 625₁₀= 110, 1010₂
 - \square 110, 1010 = 1, 101010 $\times 2^2$
 - 10101000000000000000000
 - \square 127 + 2 = 129₁₀ = 10000001₂
 - 1 10000001 1010100000000000000000
 - En hexadécimal : C0 D4 00 00

- □ Exemple: 0.75₁₀
 - $0.75_{10} = 1.1 \times 2^{-1}$
 - La mantisse est donc : .1000...0 L'exposant est donc : -1+ 127 = 126 = 011111110
 - \Box L'exposant est donc : -1 + 127 = 126 = 011111110₂
 - Le codage du nombre sur 32 bits est donc :
 - O 01111110 10000000000000000000000
 - 3F400000₁₆

- Double précision: les caractéristiques
 - Exposant (n): de -1022 à 1023
 - On effectue la somme n + 1023 afin de coder l'exposant en binaire
 - Mantisse: de 1 à 2-2⁻⁵²
 - □ Plus petit nombre normalisé: 2⁻¹⁰²²
 - □ Plus grand nombre normalisé: presque 2¹⁰²⁴

Format double precision

□ IEEE 754 double precision



Le texte en informatique

- □ la façon dont on stocke du texte dans un ordinateur.
- Un ordinateur ne peut stocker que des nombres, plus précisément des 0 et des 1 « bits » qu'on regroupe pour former des nombres en binaire. Comment fait-on alors pour écrire du texte ? on associe à chaque **caractère** (une lettre, un signe de ponctuation, un espace...) un nombre. Un texte est alors une suite de ces nombres, on parle de **chaîne de caractères**.
- Il y a des caractères particuliers, dits « de contrôle », qui ne servent pas pour un symbole « imprimable » mais donnent des indications aux programmes qui manipulent les chaînes de caractères. Comme le caractère « fin de chaîne » qui sert à indiquer où s'arrête la chaîne.
- De plus, il y a aussi les lettres minuscules. Il faudrait aussi pouvoir gérer les accents, les symboles de monnaie... voire, les langues non latines (Arabe et Chinois).là c'est un vrai problème.
- I faut aussi considérer les contraintes matérielles. En effet, un ordinateur ne connaît que le binaire. Les bits sont regroupés par groupes de 8 appelés « octets ». Un octet ne peut stocker que les nombres entiers de 0 à 255 (soit 256 = 28 possibilités). Si cela ne suffit pas, on peut rassembler les octets par 2, 4 ou plus pour avoir de plus grands nombres.

Le code ASCII

- Le premier encodage historique est l'**ASCII**, soit l'American Standard Code for Information Interchange (en français, le code américain normalisé pour l'échange d'informations). C'est une norme américaine, inventée en 1961, qui avait pour but d'organiser le bazar informatique à l'échelle nationale. Ce n'est pas le premier encodage utilisé mais on peut oublier les précédents.
- Le jeu de caractères ASCII utilise **7 bits** (et non 8 !) et dispose donc de **128 (27) caractères uniquement**, **numérotés de 0 à 127**. En effet, il est paru à une époque où des regroupements par 7 au lieu de 8 étaient encore assez fréquents. Sans plus attendre, voici la table de l'ASCII en attaché.

ISO 8859 : 8 bits pour les langues latines

- Plus tard, une norme mieux pensée a fait son apparition : la norme **ISO 8859**. Cette fois, elle utilise **8 bits donc 256 caractères au maximum**. Le standard ISO 8859 comporte en fait plusieurs (parties), c'est-à-dire des pages de code indépendantes, nommées ISO 8859-n où n est le numéro de la partie. ISO 8859 a été pensée afin que les parties soient le plus largement compatibles entre elles. Ainsi, elle englobe l'ASCII (codes 0 à 127) comme base commune, et les codes 128 à 255 devaient accueillir les caractères propres à chaque page de code, en s'arrangeant pour que des caractères identiques ou proches d'une page à l'autre occupent le même code.
- Ce standard a principalement servi aux langues latines d'Europe pour mettre au point une page de code commune. À elles seules, elles utilisent finalement 10 parties d'ISO 8859, parfois appelées latin-1, latin-2, etc.; ces parties correspondent à des évolutions dans la page de code latine de base (latin-1, ou officiellement ISO 8859-1) afin de rajouter certains caractères pour compléter des langues. En voici deux que vous devriez connaître:
 - ISO 8859-1 (latin-1 ou « Occidental ») est un encodage très courant dans les pays latins et sur la toile. C'est en effet celui qu'utilisent Linux et de nombreux documents et pages web. Les systèmes Windows utilisent également un jeu proche. Il a l'avantage de permettre d'écrire grosso modo toutes les langues latines, et ceci avec des caractères d'un octet seulement.
 - ISO 8859-15 (latin-9 ou « Occidental (euro) »), datant de 1998, introduit le signe de l'euro (€) et complète le support de quelques langues dont le français (avec Œ) en abandonnant des symboles peu utilisés (dont le mystérieux ¤ signifiant « monnaie »). Il est néanmoins peu utilisé par rapport à son grand frère ci-dessus.

ISO 2022 : du multi-octet pour les langues asiatiques

Les langues latines s'en sont plutôt bien sorties finalement. Elles ont réussi à ne pas dépasser la limite fatidique de l'octet, ce qui restait quand même le plus pratique pour les traitements (et la consommation mémoire). Mais les langues asiatiques comme le japonais, le coréen ou le chinois disposent de bien trop de caractères pour que tout tienne sur 8 bits. Les encodages mis au point en Asie de l'Est ont donc franchi le saut du **multi-octet**. Certains utilisaient 2 octets, ce qui permet 65 536 (216) codes différents.

Comme pour les langues latines, un standard a été mis au point pour les organiser, on l'appelle **ISO 2022**. C'est un concept un peu spécial. Il permet de jongler entre plusieurs pages de code à l'aide de « séquences d'échappement » codées sur 3 octets (parfois 4) et commençant par le caractère ASCII ESC (0x1B); celles-ci indiquent aux programmes quelle page de code il faut utiliser pour interpréter ce qui suit. Les différentes pages de codes sont totalement indépendantes et peuvent utiliser un octet ou deux par caractère.

ISO 2022 a été utilisé pour le chinois (ISO 2022-CN), le coréen (ISO 2022-KR) et le japonais (ISO 2022-JP). Ces encodages, surtout le japonais, restent encore très répandus même si l'Unicode se développe

Unicode

Avec des normes comme ISO 8859 ou ISO 2022, on commençait à s'en tirer pas trop mal. Les problèmes sont atténués, mais subsistent (et si vous rédigez un document en français mais voulez y insérer de l'arabe ?). Finalement, des illuminés se sont dit : « Et si on créait un jeu de caractères unique pour tout le monde ? » De cette idée toute simple sont nés deux monuments : le standard ISO 10646 et Unicode.

Quatrième Partie

Plan

Assembleur

Architecture RISC & CISC

Architecture PIPELINE

Registres

segmentation de la mémoire

Programmation en Assembleur 80x86

Directives d'assembleur 80x86

la pile

les procédures

Rappel: Microprocesseur

- □ le microprocesseur est constituer de:
 - * UAL
 - * UC
 - Bus internes
 - Registres

Historique

- le premier microprocesseur était le 4004 inventé par INTEL contient un bus de transfert de langueur 4 bits, mémorise un volume mémoire de 640 octets(bytes).
- Puis le 80x86 avec un bus de transport de 16 bits et un bus d'adresse de volume 20bits, il adresse 1MB de mémoire
- Puis apparu le pentium avec un bus de transfert de 32bits puis les PC courants d'un bus de transport de volume 64bits

Historique du 8086

Depuis 1978, le 8086 fut le premier microprocesseur 16 bits fabriqué par Intel. Parmi ses caractéristiques principales:

Il est de la forme d'un boitier de 40 broches alimenté de 5V.

Il possède un bus multiplexé adresse/donnée de 20bits

Le bus de donnée occupe 16 bits ce qui permet d'échanger des mots de 2 octets

Le bus d'adresse occupe 20 bits ce qui permet d'adresser 2²⁰ bits soit 1MO

Il est compatible avec la majorité des processeur du marché

Tous les registres sont de 16 bits de taille, mais pour garder la compatibilité avec les autres processeurs comme 8088, certains registres sont découpés en deux et on peut accéder séparément à la partie haute et à la partie basse.

Caractéristique du 8086

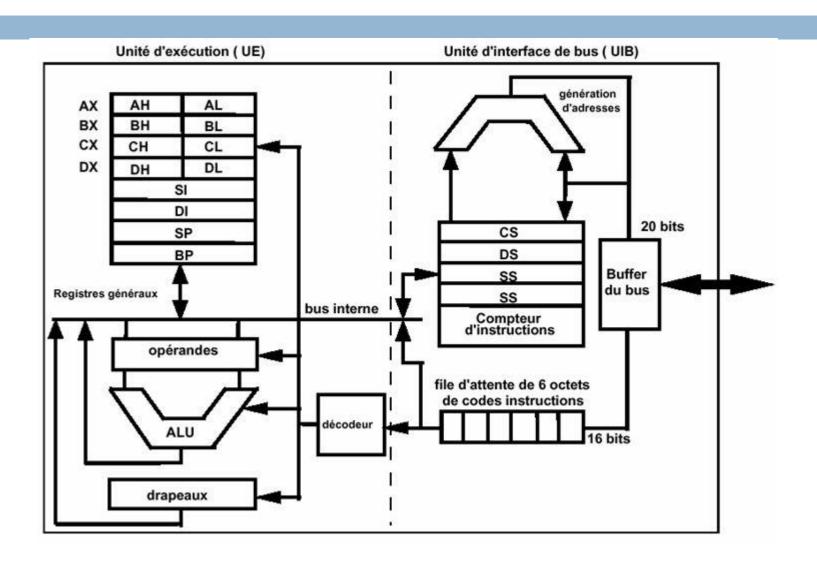
- Le microprocesseur 8086 est un processeur 16 bits, il peut adresser 1MO par l'intermédiaire de son bus d'adresse
- □ Les registres du 8086:
- 4 registres de travail de 16 bits(AX, BX, CX, DX) qu'on peut les utiliser sous forme de 8 registres de 8 bits
- 2 registres d'index SI et DI de 16 bits
- 2 registres de pointeurs BP et SP de 16 bits
- 4 registres de segment 16 bits, CS, DS, SS, ES permettant la pagination de la mémoire,
- 1 registre d'état

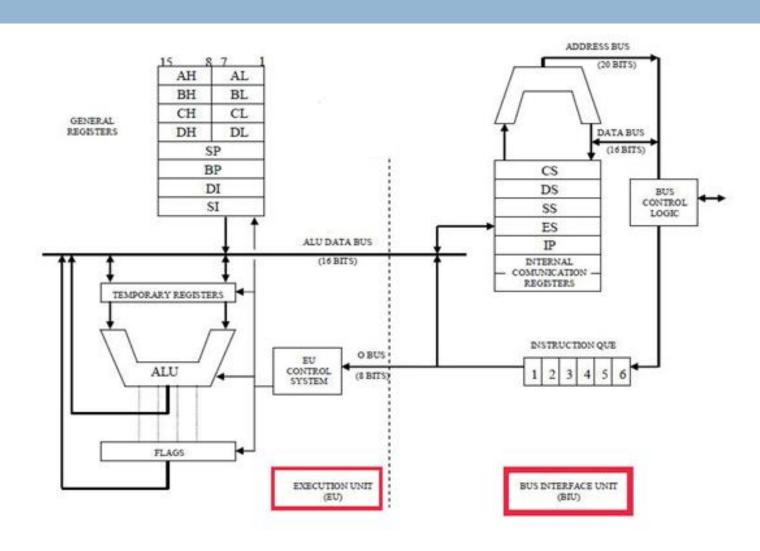
Il existe deux unités internes distinctes: l'UE (**Unité** d'Exécution) et l'UIB (**Unité** d'Interfaçage avec le Bus). Le rôle de l'UIB est de récupérer et stocker les informations à traiter, et d'établir les transmissions avec les bus du système. L'UE exécute les instructions qui lui sont transmises par l'UIB. Les processeurs actuels de la famille x86(compatible 8086) traitent les informations de la même façon.

Le traitement des instructions se passait comme suit:

- -Extraction des instructions par l'UIB
- Exécution des instructions
- Extraction des nouvelles instructions

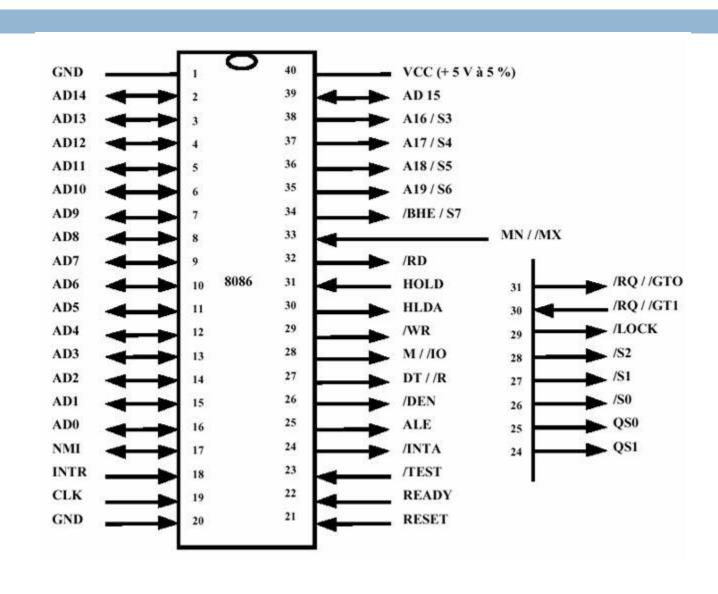
- Lorsque l'exécution d'une instruction est terminée, l'UE reste inactif un court instant, pendant que l'UIB extrait l'instruction suivante. Pour remédier à ce temps d'attente, le prétraitement ou traitement pipeline à été introduit dans cette famille de microprocesseur.
- Pendant que l'UE exécute les informations qui lui sont transmises, l'instruction suivante est chargée dans l'UIB.
- Les instructions qui suivront sont placées dans une file d'attente. Lorsque l'UE a fini de traiter une instruction l'UIB lui transmet instantanément l'instruction suivante, et charge la troisième instruction en vue de la transmettre à l'UE. De cette façon, l'UE est continuellement en activité. Dans la figure suivante nous pouvons observer un schéma plus détaillé de l'UE et l'UIB. Nous y retrouvons les éléments dont il a été question précédemment
- En conclusion on peut dire que le 8086 se compose essentiellement de deux unités : la BIU qui fournit l'interface physique entre le microprocesseur et le monde extérieur et l'EU qui comporte essentiellement l'UAL de 16 bits qui manipule les registre généraux de 16 bits aussi.





- □ Dans un ordinateur il y'a 3 bus:
- Bus de Données: il relie entre le microprocesseur et la mémoire, sa principale fonction est le transfert des données de la mémoire et vers la mémoire
- Bus d'Adresse: il relie entre le microprocesseur et la mémoire sa principale fonction est le transport des adresses du processeur vers la mémoire
- Bus de Contrôle: il coordonne entre le bus de donnée et le bus d'adresse

Architecture Externe du 8086



Les registres

Le processeur utilise toujours des registres, qui sont des petites mémoires internes intégré au microprocesseur, très rapides d'accès utilisées pour stocker temporairement une donnée, une instruction ou une adresse(durant l'exécution d'un programme). Certains d'entre eux sont affectés à des opérations d'ordre général et sont accessibles au programmeur à tout moment. Nous disons alors qu'il s'agit de registres généraux. D'autres registres ont des rôles bien plus spécifiques et ne peuvent pas servir à un usage non spécialisé

Le nombre exact de registres dépend du type de processeur et varie typiquement entre une dizaine et une centaine.

Parmi les registres, le plus important est le registre accumulateur, qui est utilisé pour stocker les résultats des opérations arithmétiques et logiques. L'accumulateur intervient dans une proportion importante des instructions.

Les registres généraux

Les registres généraux peuvent être utilisés dans toutes les opérations arithmétiques et logiques que le programmeur insère dans le code assembleur. Un registre complet présente une grandeur de 16 bits. Comme le montre la figure suivante, chaque registre est en réalité divisé en deux registres distincts de 8 bits. De cette façon, nous pouvons utiliser une partie du registre si nous désirons y stocker une valeur n'excédant pas 8 bits. Si, au contraire, la valeur que nous désirons y ranger excède 8 bits, nous utiliserons le registre complet, c'est à dire 16 bits. Nous verrons plus loin qu'il est possible de manipuler facilement les registres généraux.

Le programmeur dispose de 8 registres internes de 16 bits qu'on peut diviser en deux groupes:

- groupe de données : formé par 4 registres de 16 bits (AX, BX, CX, et DX), chaque registre peut être divisé en deux registres de 8 bits (AH, AL,BH, BL,CH,CL, DH et DL)
- groupe de pointeur et indexe : formé de 4 registres de 16 bits (SI, DI, SP, BP) et font généralement référence à un emplacement en mémoire.

Les registres

Les registres généraux: Groupe de données:

	15 8	8 7 0				
AX	AH	AL				
BX	ВН	BL				
CX	СН	CL				
DX	DH	DL				

□ Les Registres d'Adresse: Groupe de pointeur et index:

15	O)
Stack pointer	SP	_
Base pointer	BP	
Source index	SI	_
Oestination index	DI	Ī

Groupe de données

Registre AX: (Accumulateur)

Toutes les opérations de transferts de données avec les entrées-sorties ainsi que le traitement des chaînes de caractères se font dans ce registre, de même les opérations arithmétiques et logiques.

Les conversions en BCD du résultat d'une opération arithmétique (addition, soustraction, multiplication et la division) se font dans ce registre.

Registre BX: (registre de base)

Il est utilisé pour l'adressage de données dans une zone mémoire différente de la zone code : en général il contient une adresse de décalage par rapport à une adresse de référence.). (Par exemple, l'adresse de début d'un tableau). De plus il peut servir pour la conversion d'un code à un autre.

Groupe de données

Registre CX: (Le Compteur)

Lors de l'exécution d'une boucle on a souvent recours à un compteur de boucles pour compter le nombre d'itérations, le registre CX a été fait pour servir comme compteur lors des instructions de boucle.

<u>Remarque:</u>

Le registre CL sert en tant que compteur pour les opérations de décalage et de rotation, dans ce cas il va compter le nombre de décalages (rotation) de bits à droite ou à gauche.

Registre DX: (données)

On utilise le registre DX pour les opérations de multiplication et de division mais surtout pour contenir le numéro d'un port d'entrée/sortie pour adresser les interfaces d'E/S.

Groupe de Pointeur d'Index

Ces registres sont plus spécialement adaptés au traitement des éléments dans la mémoire. Ils sont en général munis de propriétés d'incrémentation et de décrémentation.

Un cas particulier de pointeur est le pointeur de pile (Stack Pointer : SP). Ce registre permet de pointer la pile pour stocker des données ou des adresses selon le principe du "Dernier Entré Premier Sorti" ou "LIFO" (Last In First Out).

Groupe de Pointeur d'Index

L'index SI : (source indexe) :

Il permet de pointer la mémoire il forme en général un décalage (un offset) par rapport à une base fixe (le registre DS), il sert aussi pour les instructions de chaîne de caractères, en effet il pointe sur le caractère source

L'index DI : (Destination index) :

Il permet aussi de pointer la mémoire il présente un décalage par rapport à une base fixe (DS ou ES), il sert aussi pour les instructions de chaîne de caractères, il pointe alors sur la destination

Les pointeurs SP et BP : (Stack pointer et base pointer)

Ils pointent sur la zone pile (une zone mémoire qui stocke l'information avec le principe FILO: voir plus loin), ils présentent un décalage par rapport à la base (le registre SS). Pour le registre BP il a un rôle proche de celui de BX, mais il est généralement utilisé avec le segment de pile.

Les Registres de segment

Le 8086 a 4 registres segments de 16 bits chacun: **CS** (code segment, **DS** (Data segment), **ES** (Extra segment) et **SS** (stack segment), ces registres sont chargés de sélectionner les différents segments de la mémoire en pointant sur le début de chacun d'entre eux. Chaque segment de mémoire ne peut excéder les 65535 octets.

	0
CS	
DS	
SS	8
ES	
	DS SS

Les Registres de segment

Le registre CS (code segment):

Il pointe sur le segment qui contient les codes des instructions du programme en cours.

<u>Remarque:</u>

Si la taille du programme dépasse les 65535 octets alors on peut diviser le code sur plusieurs segments (chacun ne dépasse pas les 65535 octets) et pour basculer d'une partie à une autre du programme il suffit de changer la valeur du registre CS et de cette manière on résout le problème des programmes qui ont une taille supérieure à 65535 octets.

Le registre DS (Data segment):

Le registre segment de données pointe sur le segment des variables globales du programme, bien évidemment la taille ne peut excéder 65535 octets (si on a des données qui dépassent cette limite, on utilise la même astuce citée dans la remarque précédente mais dans ce cas on change la valeur de DS).

Les Registres de segment

<u>Le registre ES (Extra segment) :</u>

Le registre de données supplémentaires ES est utilisé par le microprocesseur lorsque l'accès aux autres registres est devenu difficile ou impossible pour modifier des données, de même ce segment est utilisé pour le stockage des chaînes de caractères.

Le segment SS (Stack segment):

Le registre SS pointe sur la pile : la pile est une zone mémoire ou on peut sauvegarder les registres ou les adresses ou les données pour les récupérer après l'exécution d'un sous programme ou l'exécution d'un programme d'interruption, en général il est conseillée de ne pas changer le contenu de ce registre car on risque de perdre des informations très importantes (par exemple les passages d'arguments entre le programme principal et le sous programme).

Remarque: Les valeurs des registres CS, DS et SS sont automatiquement initialisées par le système d'exploitation au lancement du programme. Dès lors, ces segments sont implicites, c'est-à-dire que si l'on désire accéder à une donnée en mémoire, il suffit de spécifier son offset sans avoir à se soucier du segment.

Autres Registres

Le registre IP : (Le compteur de programme) :

Instruction Pointer ou Compteur de Programme, contient l'adresse de l'emplacement mémoire où se situe la prochaine instruction à exécuter. Autrement dit, il doit indiquer au processeur la prochaine instruction à exécuter. Le registre IP est constamment modifié après l'exécution de chaque instruction afin qu'il pointe sur l'instruction suivante.

Le registre d'état (Flags)

Le registre d'état FLAG sert à contenir l'état de certaines opérations effectuées par le processeur. Par exemple, quand le résultat d'une opération est trôp grand pour être contenu dans le registre cible (celui qui doit contenir le résultat de l'opération), un bit spécifique du registre d'état (le bit OF) est mis à 1 pour indiquer le débordement.

Remarque: Drapeaux (flags)

Les drapeaux sont des indicateurs qui annoncent une condition particulière suite à une opération arithmétique ou logique.

Registre d'état

FLAGSH

FLAGSL

Le registre d'état du 8086 est formé par les bits suivants :

15															0
X	X	X	X	OF	DF	IF	TF	SF	ZF	X	AF	X	PF	X	CF

Autres Registres généraux

CF (Carry Flag):

Retenue: cet indicateur et mis à lorsque il y a une retenue du résultat à 8 ou 16 bits. il intervient dans les opérations d'additions (retenue) et de soustractions (borrow) sur des entiers naturels. Il est positionné en particulier par les instructions ADD, SUB et CMP (comparaison entre deux valeurs).

CF = 1 s'il y a une retenue après l'addition ou la soustraction du bit de poids fort des opérandes. Exemples (sur 8 bits pour simplifier) :

PF (Parity Flag):

Parité: si le résultat de l'opération contient un nombre pair de 1 cet indicateur est mis à 1, sinon zéro.

Autres Registres généraux

AF (Auxiliary Carry):

Demie retenue : Ce bit est égal à 1 si on a une retenue du quarter de poids faible dans le quarter de poids plus fort.

ZF (Zero Flag):

Zéro: Cet indicateur est mis à 1 quand le résultat d'une opération est égal à zéro. Lorsque l'on vient d'effectuer une soustraction (ou une comparaison), ZF=1 indique que les deux opérandes étaient éga ux. Sinon, ZF est positionné à 0.

SF (Sign Flag):

SF est positionné à 1 si le bit de poids fort du résultat d'une addition ou soustraction est 1 ; sinon SF=0. SF est utile lorsque l'on manipule des entiers signés, car le bit de poids fort donne alors le signe du résultat. Exemples (sur 8 bits) :

Autres Registres généraux

OF (Overflow Flag):

Débordement : si on a un débordement arithmétique ce bit est mis à 1. c.à.d. le résultat d'une opération excède la capacité de l'opérande (registre ou case mémoire), sinon il est à 0.

DF (Direction Flag):

Auto Incrémentation/Décrémentation : utilisée pendant les instructions de chaîne de caractères pour auto incrémenter ou auto décrémenter le SI et le DI.

IF(Interrupt Flag):

Masque d'interruption : pour masquer les interruptions venant de l'extérieur ce bit est mis à 0, dans le cas contraire le microprocesseur reconnaît l'interruption de l'extérieur.

TF (Trap Flag):

Piège: pour que le microprocesseur exécute le programme pas à pas du.

Remarque:

Les instructions de branchements conditionnels utilisent les *indicateurs* (drapeaux), qui sont des bits spéciaux positionnés par l'UAL après certaines opérations. Chaque indicateur est manipulé individuellement par des instructions spécifiques.

Schéma récapitulatif

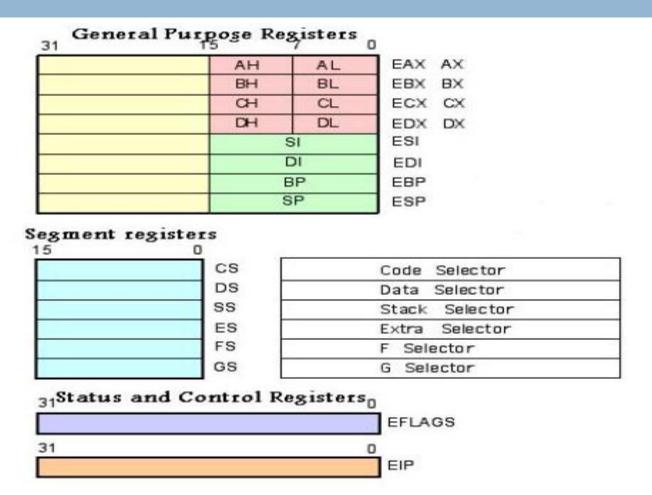
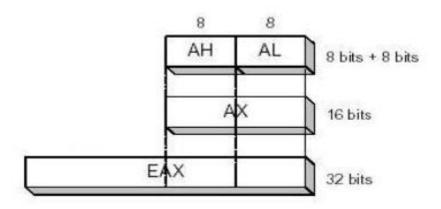


Schéma récapitulatif



Quand on utilise ces registres on arrive jusqu'à 32 bit grâce à EAX, et jusqu'à 16 bits grâce à AX Aussi jusqu'au premier ou deuxième Byte grâce à AL et AH

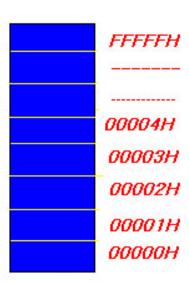
Gestion de la mémoire

- La mémoire se constitue de cases bien structurées de capacité 8bits soit un 1 octet, ces cases ce numérotent de 0 jusqu'à la fin de la mémoire, et généralement le système de calcul hexadécimal est utilisé pour numéroter, et on appel ce numéro <u>Adresse</u> mémoire de la case.
- Entre le microprocesseur et la mémoire existe deux bus: un bus de données de largeur 16 bits, et un bus d'adresse de largeur 20 bits
- Exemple: quand le UP a besoin de la valeur stocké dans la case 100 : le UP convertit 100 en binaire et la pose dans le bus d'adresse puis l'envoie à la mémoire, quand la mémoire reçoive ce nombre, elle renvoie au UP le contenue de cette case à travers le bus de données
- Le fait que le bus d'adresse est de largeur de 20 bits(il peut transporter un nombre binaire de 20 digits), donc la plus grange valeur qu'il peut poser dans le bus d'adresse est 2^20=1048576 bits soit 1 MO donc le 8086 peut adresser 1 MO de mémoire au maximum. On peut aussi enlever quatre segments que le UP utilise directement: CS,DS, SS, ES

Gestion de la mémoire

```
0000
0001
0010
0011
.....
```

Et jusqu'à la dernière adresse en décimal: 1048575 Mais avec le système hexadécimal c'est très simple:



Gestion de la mémoire

Donc des adresses de largeur 20 bits dans des registres de taille 16 bits? Ce qui n'est pas logique

Méthodes d'addressage:

Pour accéder à un octet, le processeur propose 3 mécanismes d'adressages :

- l'adressage direct (un registre 32 bits contient une adresse);
- l'adressage semi-direct;
- l'adressage logique. Pour ce faire on utilise une adresse logique. Cette adresse est composée du numéro du segment contenu dans un registre 16 bits et d'un offset contenu dans un registre 32 bits.

adressage logique

Au lieu d'élargir les tailles des registres, on a mis en place une méthode facile qui permet d'arriver vite à l'adresse voulue, on rassemblant deux registres, et diviser la mémoire en segments de 64 KO, à l'intérieur on utilise une autre adresse qui s'appelle offset. Donc pour arriver à n'importe quelle adresse dans la mémoire on utilise son adresse premièrement puis pour arriver à l'emplacement exact on utilise offset.

Donc l'adresse est <u>segment:offset</u> s'appelle <u>adresse logique</u> qu'à son travers on arrive à l'adresse affective dans la mémoire: adresse physique(pour convertir une adresse logique en adresse physique en multiplie par 16 **ajout d'un 0** au début puis on l'additionne avec offset, et on trouve l'adresse physique.

Bref, pour arriver à n'importe quelle adresse dans la mémoire on utilise l'adresse: segemnt:offset, la première adresse segment existe dans les registres de segment et la deuxième adresse offset existe dans l'un des registres SP ou IP

Donc: adresse physique= segment0+offset

adresse physique= segment*16+offset

```
Exemple 1:
L'adresse logique F000:FFFD === ?Adresse physique
F0000 + FFFD = FFFFD
Donc l'adresse physique recherchée est FFFD
Exemple 2:
923F:E2FF =====? Adresse physique
923F0 + E2FF = A06EF
Donc l'adresse physique de cet exemple est: A06EF
Exemple 3:
0007:7B90 combien d'adresse physique lui correspond
0008:7B80 combien d'adresse physique lui correspond
Une seule adresse physique pour les deux adresses logiques différentes!
CHEVAUCHEMENT(OVERLAPPING)!!!!!
```

- La mémoire est découpée à plusieurs segments de même taille 64KO soit 56536 octets(bytes)
- Après tout 16 octets du début du segment commence le deuxième segment et après 16 octets commence le troisième et ainsi de suite. Qui veut dire que les segments sont interférés l'un dans l'autre, donc je peux arriver à une adresse dans le troisième segment à travers le premier segment ou le deuxième
- Exemple: une adresse dans le segment 100, je peux y arriver à travers le segment 99 ou 98 et les segment avant ===> quand le nombre de segment est grand le nombre d'adresse logiques qu'on peut utilisé pour arriver cette adresse physique est grand
- Dans le schéma suivant: le premier segment:00000 ===> OFFFh
- le deuxième segment commence de 00010h soit après 16 octets du début du premier ...
- La région du début du premier au début du suivant s'appelle: PARAGRAPH

Début du s	segment	Fin du se	gment
1 0000:0000	00000h	0000:FFFF	OFFFFh
2 0001:0000	00010h	0001:FFFF	1000Fh
3 0002:0000	00020h	0002:FFFF	2000Fh
4 0003:0000	00030h	0003:FFFF	3000Fh
• • • • • • • • • • • • •	• • • • • • • • • • • • •	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • •
L FFFF:0000	FFFFOh	FFFF:FFFF	1 OFFEFh

0003:FFFF

0004:FFFF

169

ФФФЗ: FFFФ

0004:FFF0

```
0000:0000
                           0000:000F
               16 bytes
 0001:0000
                            0001:000F
 0002:0000
               16 bytes
                            0002:000F
 0003:0000
                            0003:000F
                16 bytes
 0004:0000
                             0004:000F
             Segments 1, 2,
              3, etc. each
  The
             begin 16 bytes
                                                   Segment
                                                                Memory Location
  64 kb
             after the one
                                                   0: ---->
                                                                00h à 0FFFFh(o to 65535)
Segments
             before it ...
              Each Segment
                                                   1: ---->
                                                                10h à 1000Fh(16 to 65551)
OVERLAP
                covers
                                                   2: ---->
                                                                20h à 1001Fh(32 to 65567)
  each
              65,536 bytes
  other
                                                   3: ---->
                                                                30h à 1002Fh(48 to 65583)
              Zero through
                FFFF hex
                                                   4: ---->
                                                                40h à 1003Fh(64 to 65599)
              using
                       the
             Segment:Offset
 0000:FFF0
                             0000:FFFF
 0001:FFF0
               Addressing
  0002:FFF0
                 Scheme
                             0002:FFFF
```

Dans le schéma précédent nous avons 5 premiers segments de la mémoire, on a ignoré le reste parce que ces le même principe. Sur le schéma on trouve bien l'interférence entre les segments, après 16 octets du début d'un segment commence le suivant.

Si je veux arriver au segment vert(4^{ième}), je peux utiliser O,1, 2, 3, 4 parce que ce point existe dans les 64KO de ces segments ====> ce qui permet le fait que pour une même adresse physique est associé plusieurs adresses logiques

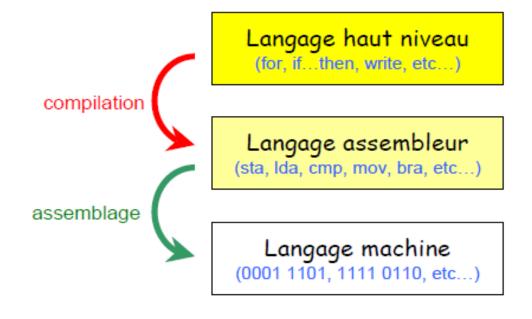
Langage de programmation: bas niveau

- Le langage machine est le langage compris par le microprocesseur. Ce langage est difficile à maîtriser puisque chaque instruction est codée par une séquence propre de bits. Afin de faciliter la tâche du programmeur, on a créé différents langages plus ou moins évolués.
- Le langage assembleur est le langage le plus « proche » du langage machine. Il est composé par des instructions en général assez rudimentaires que l'on appelle des mnémoniques. Ce sont essentiellement des opérations de transfert de données entre les registres et l'extérieur du microprocesseur (mémoire ou périphérique), ou des opérations arithmétiques ou logiques. Chaque instruction représente un code machine différent. Chaque microprocesseur peut posséder un assembleur différent.

Langage de programmation: assembleur

La difficulté de mise en œuvre de ce type de langage, et leur forte dépendance avec la machine, a nécessité la conception de langages de haut niveau, plus adaptés à l'homme, et aux applications qu'il cherchait à développer. Faisant abstraction de toute architecture de machine, ces langages permettent l'expression d'algorithmes sous une forme plus facile à apprendre, et à dominer (C, Pascal, Java, etc...). Chaque instruction en langage de haut niveau correspondra à une succession d'instructions en langage assembleur. Une fois développé, le programme en langage de haut niveau n'est donc pas compréhensible par le microprocesseur. Il faut le compiler pour le traduire en assembleur puis l'assembler pour le convertir en code machine compréhensible par le microprocesseur. Ces opérations sont réalisées à partir de logiciels spécialisés appelés compilateur et assembleur.

Assembleur 8086



Assembleur 8086

□ Pourquoi l'assembleur ?

Lorsque l'on doit lire ou écrire un programme en langage machine, il est difficile d'utiliser la notation hexadécimale (un ensemble de 0101ABE...). On écrit les programmes à l'aide de symboles comme MOV, ADD, etc. Les concepteurs de processeur, comme Intel, fournissent toujours une documentation avec les codes des instructions de leur processeur, et les symboles correspondant.

Ecriture et exécuter programme

- L'assembleur est un utilitaire qui n'est pas interactif, contrairement à Java, C,
- Le programme que l'on désire traduire en langage machine (on dit assembler) doit être placé dans un fichier texte (avec l'extension .ASM sous DOS).
- La saisie du programme source au clavier nécessite un programme appelé éditeur de texte.
- L'opération d'assemblage traduit chaque instruction du programme source en une instruction machine. Le résultat de l'assemblage est enregistré dans un fichier avec l'extension .OBJ (fichier objet).
- Le fichier .OBJ n'est pas directement exécutable. En effet, il arrive fréquemment que l'on construise un programme exécutable à partir de plusieurs fichiers sources. Il faut "relier" les fichiers objets à l'aide d'un utilitaire nommé éditeur de lien (même si l'on en a qu'un seul). L'éditeur de liens fabrique un fichier exécutable, avec l'extension .EXE.
- Le fichier .EXE est directement exécutable. Un utilitaire spécial du système d'exploitation, le chargeur est responsable de la lecture du fichier exécutable, de son implantation en mémoire principale, puis du lancement du programme.

Déclaration de variables

- On déclare les variables à l'aide de directives. L'assembleur attribue à chaque variable une adresse. Dans le programme, on repère les variables grâce à leur nom.
- Les noms des variables (comme les étiquettes) sont composés d'une suite de 31 caractères au maximum, commençant obligatoirement par une lettre. Le nom peut comporter des majuscules, des minuscules, des chiffres, plus les caractères @, ? et

__•

Structure d'un Programme

```
SEGMENT
                        ; data est le nom du segment de donnees
data
  ; directives de declaration de donnees
data
            ENDS
                       ; fin du segment de donnees
            ASSUME DS:data, CS:code
                      ; code est le nom du segment d'instructions
code
            SEGMENT
debut:
                        ; lere instruction, avec l'etiquette debut
  ; suite d'instructions
            ENDS
code
            END debut ; fin du programme, avec l'etiquette
                        ; de la premiere instruction.
```

Structure d'un programme en assembleur (fichier .ASM).

Variables de 8 ou 16 bits

Les directives DB (Define Byte) et DW (Define Word)
 permettent de déclarer des variables de respectivement
 1 ou 2 octets.

Exemple d'utilisation :

```
data SEGMENT

entree DW 15; 2 octets initialisés à 15

sortie DW ?; 2 octets non initialisés

cle DB ?; 1 octet non initialisé

nega DB -1; 1 octet initialisé à -1

data ENDS
```

Variables de 8 ou 16 bits

 Les valeurs initiales peuvent être données en hexadécimal (constante terminée par H) ou en binaire (terminée par b):

data SEGMENT

truc DW OFOAH; en hexa

masque DB 01110000b; en binaire

data ENDS

Les variables s'utilisent dans le programme en les désignant par leur nom. Après la déclaration précédente, on peut écrire par exemple :

MOV AX, truc

AND AL, masque

MOV truc, AX

L'assembleur se charge de remplacer les noms de variable par les adresses correspondantes.

Directive MOV

MOV op1, op2: pose dans op1 une copie de op2.

Exemple: AL = 20h, BL=50h

Mov AL, BL : après l'exécution: BL = 50h, AL=50h.

Mov BL, 60h: après l'exécution: BL=60h

Mov ne change pas les drapeaux.

Remarque: l'op1 doit être en même taille que op2

Directive	Position	Cause
MOV AL, BX	F	Op2 <op1< td=""></op1<>
MOV 123h, AL	F	On peut pas stocker un nombre de trois chiffres en hexa, dans un registre de taille 8bits. Il faut 1 ou 2 chiffres
MOV 120, BL	V	120=78h
MOV DX,12345h	F	Dans un registre de taille 16bits il faut y enregistrer une valeur de 4 bit maximum en hexa

Directive ADD

ADD OP1, OP2: Ajoute le contenue de op2 au contenue de op1 et ça peut <u>affecter les drapeaux</u>

Le premier op peut être: variable, adresse, numéro

Op2 peut être référence mémoire

Exemple:

Mov AX, 3d

Add AX, 2d

Résultats: AX=5d

Directive SUB

- SUB OP1, OP2: cette directive permet de soustrait la valeur de op2 du contenue de op1 le résultat est stocké dans l'op1.
- Cette directive affecte les drapeaux

Directive CMP

CMP OP1,OP2: s'utilise souvent pour comparer les valeurs des op1 et op2.

Exemple: es-ce que le registre AX contient la valeur 5

CMP AX, 5; cette opération permet de soustraire 5 de AX, ni l'un ni l'autre ne change de valeur, mais les registre qui s'affectent:

RESULTAT	COMPARAISON	FLAGS
ZERO	EGALITE	SF = 0, ZF = 1
POSITIVE	OP1>OP2	SF=0,ZF=0
NEGATIVE	OP1 <op2< td=""><td>SF=1,ZF=0</td></op2<>	SF=1,ZF=0

DIRECTIVE AND

Cette opération est logique

Les valeurs possibles de AND:

1 AND 1	1
1 AND 0	0
0 AND 0	0
0 AND1	0

Exemple: AND AX, BX

AX avant	0	0	0	0	1	0	1	1	1	1	0	0	0	1	1
BX avant	1	0	0	1	1	0	0	0	0	1	0	0	0	0	1
AX après	0	0	0	0	1	0	0	0	0	1	0	0	0	0	1

ADD s'utilise souvent pour déterminer la valeur d'un bit dans la mémoire

DIRECTIVE OR

Cette opération est logique Les valeurs possibles de OR:

1 OR 1	1
1 OR 0	1
0 OR 0	0
0 OR 1	1

Exemple: OR AX, BX

AX avant	0	0	0	0	1	0	1	1	1	1	0	0	0	1	1
BX avant	1	0	0	1	1	0	0	0	0	1	0	0	0	0	1
AX après	1	0	0	1	1	0	1	1	1	1	0	0	0	1	1

ADD s'utilise souvent pour déterminer la valeur d'un bit dans la mémoire

DIRECTIVE XOR

Cette opération est logique

Les valeurs possibles de XOR:

1 XOR 1	0
1 OR 0	1
0 OR 0	0
0 OR 1	1

Exemple: XOR AX, BX

AX avant	0	0	0	0	1	0	1	1	1	1	0	0	0	1	1
BX avant	1	0	0	1	1	0	0	0	0	1	0	0	0	0	1
AX après	1	0	0	1	0	0	1	1	1	0	0	0	0	1	0

ADD s'utilise souvent pour déterminer la valeur d'un bit dans la mémoire

DIRECTIVE TEST

 Même chose que AND, mais ne change que la valeur des drapeaux (FLAGS)

DIRECTIVE MUL ET IMUL

- Même chose pour les deux la seule différence est que IMUL permet de faire une multiplication par signe par contre Mul permet de faire une multiplication sans signe.
- Ces directives utilisent par défaut AX comme OP2

Exemple: -2*-4 = 8=1000b

Mov AL,-2

Mov BL,-4

IMUL BL

AX=8h=1000b

1700*520=0D7D20h=11010111110100100000b

MOV AX, 1700

MOV BX,520

MUL BX

DX =000D h=00000000001101 b

AX=7D20 h=0111110100100000 b

IDIV et DIV

Taille	Résultat	Reste	1
ВҮТЕ	AL	AH	AX
WORD	AX	DX	DX:AX
DWORD	EAX	EDX	EDX:EAX

Exemple:

11CCCEEE44BBBAAA h / 33A33A33 = 583EF4DF h = 1011000001111110111110101111111 b

MOV EDX, 11CCCEEE h

MOV EAX, 44BBBAAA h

MOV ECX, 33A33A33 h

IDIV ECX

EAX = 583EF4DFh = 1011000001111110111110100110111111b

EDX = 15B96C3Dh

XCHG, INC, DEC

XCHG Permet d'échanger le contenue des deux opérandes

Exemple XCHG AX,BX

SI BX=10 et AX=5

On aurait:

BX=5et AX=10

INC incrémente la donnée avec UN

Exemple: INC AX ===> AX =AX+1

INC affecte les drapeaux: ZF,SF,OF,PF,AF

DEC décrémente avec 1:

Exemple: DEC AX ===> AX =AX -1 =====SUB AX,1

DEC affecte les drapeaux: ZF,SF,OF,PF,AF

NOT, NEG

□ NOT permet d'inverser la valeur contenue dans la donnée
 Exemple: AL=01110010 on veut lui affecter la valeur 10001101

Mov AL, 01110010 b

NOT AL

$$====>AL = 10001101b$$

NEG permette de changer le signe de la donnée

MOV AX,
$$100 ====> AX = 100$$

NEG
$$1X ====> AX=100$$

NEG affecte les flags: CF, ZF, SF, OF, PF, AF

SHL

□ SHL fais une translation vers la gauche (MSB) d'un octet les bits qui restent à droite

(LSB) prennent 0

Nom bre	0	1	0	0	1	1	0	0
SHL	1	0	0	1	1	0	0	0

Si cette opération cause un débordement, le bit qui s'ajoute va être stocker dans le CARRY-FLAG

Exemple:

MOV AL, 01001010B

SHL AL, 1D

Après l'exécution de SHL, AL devient: 10010100B, on pose 1 dans le CRRY-FLAG

RQ: Exécution de SHL une fois permet de multiplier le nombre*1

SHL AX,1 ==> AX*2

SHL AX,2 ==> AX*4

SHL AX,3 ==> AX*8

SHR

 SHL fais une translation vers la droite (LSB) d'un octet les bit à droite(MSB) prennent 0

Nom bre	0	1	0	0	1	1	1	1
SHL	0	0	1	0	0	1	1	1

Exemple:

MOV AL, 01100111B

SHR AL, 1D

Après l'exécution de SHR, AL devient: 00110011B, on pose 1 dans le CRRY-FLAG

RQ: Exécution de SHR une fois permet de diviser le nombre par 1

SHL AX,1
$$==> AX/2$$

ROR

ROR permet de faire tourner la donnée à droite

Exemple:

1. MOV AL, 01010111B

ROR AL, 1

Après exécution, la valeur de AL devient 10101011B

2. MOV AL, 001111111B

ROR AL, 3

AL:

Premier tours 10011111

Deuxième tours 11001111

Troisième tours 11100111

CF:1

RQ: ROR AX, $16 = \rightarrow$ AX revient à son état initiale

Pareil pour ROL: MOV AL, 00111111B

ROL AL, $1 == \rightarrow 01111110B$ CF: 0

CALL, RET, INT

CALL Son nom l'indique, c'est un ordre

CALL Adresse

- RET: permet le retour d'un ou la fin d'une fonction.
- INT: permet l'appel d'un ordre généralement existant dans le bios.

Exemple: INT 10h

Segment de code et de données

La valeur du segment est stockée dans des registres spéciaux de 16 bits. Le registre DS (Data Segment) est utilisé pour le segment de données, et le registre CS (Code Segment) pour le segment d'instructions.

Registre CS

Lorsque le processeur lit le code d'une instruction, l'adresse 32 bits est formée à l'aide du registre segment CS et du registre déplacement IP. La paire de ces deux registres est notée CS:IP.

Registre DS

Le registre DS est utilisé pour accéder aux données manipulées par le programme. Ainsi, l'instruction

MOV AX, [0145]

donnera lieu à la lecture du mot mémoire d'adresse DS:0145H.

Initialisation des registres segment

- Dans ce cours, nous n'écrirons pas de programmes utilisant plus de 64 Ko de code et 64 Ko de données, ce qui nous permettra de n'utiliser qu'un seul segment de chaque type.
- Par conséquent, la valeur des registres CS et de DS sera fixée une fois pour toute au début du programme.
- Le programmeur en assembleur doit se charger de l'initialisation de DS, c'est-à-dire de lui affecter l'adresse du segment de données à utiliser.
- Par contre, le registre CS sera automatiquement initialisé sur le segment contenant la première instruction au moment du chargement en mémoire du programme (par le chargeur du système d'exploitation).

Déclaration d'un segment en assembleur

Comme nous l'avons vu précédemment les directives SEGMENT et ENDS permettent de définir les segments de code et de données.

La directive ASSUME permet d'indiquer à l'assembleur quel est le segment de données et celui de code, afin qu'il génère des adresses correctes. Enfin, le programme doit commencer, avant toute référence au segment de données, par initialiser le registre segment DS, de la façon suivante :

MOV AX, nom_segment_de_donnees

MOV CS, AX

(Il serait plus simple de faire

MOV CS, nom_segment_de_donnees mais il se trouve que cette instruction n'existe pas.)

Exemple de programme en assembleur

; Programme calculant la somme de deux entiers de 16 bits

data SEGMENT

A DW 10; A = 10

B DW 1789; B = 1789

Result DW ? ; resultat

data ENDS

code SEGMENT

ASSUME DS:data, CS:code

debut: MOV AX, data; etiquette car 1 ere instruction

MOV DS, AX; initialise DS

; Le programme:

MOV AX, A

ADD AX, B

MOV result, AX; range resultat

; Retour au DOS:

MOV AH, 4CH

INT 21H

code ENDS

END debut ; etiquette de la 1 ere inst.

Spécification de la taille des données

Dans certains cas, l'adressage indirect est ambigu. Par exemple, si l'on écrit

MOV [BX], 0 ; range 0 a l'adresse spécifiée par BX l'assembleur ne sait pas si l'instruction concerne 1, 2 ou 4 octets consécutifs.

Afin de lever l'ambiguïté, on doit utiliser une directive spécifiant la taille de la donnée à transférer :

MOV byte ptr [BX], val ; concerne 1 octet

MOV word ptr [BX], val ; concerne 1 mot de 2 octets

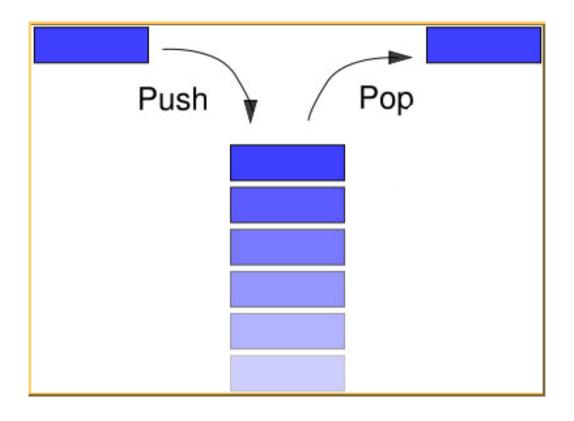
La pile

Notion de pile

- Les piles offrent un nouveau moyen d'accéder à des données en mémoire principale, qui est très utilisé pour stocker temporairement des valeurs.
- Une pile est une zone de mémoire et un pointeur qui conserve l'adresse du sommet de la pile.

POP & PUSH

PUSH , POP



Instructions PUSH et POP

Ces deux nouvelles instructions, PUSH et POP, permettent de manipuler la pile.

PUSH registre empile le contenu du registre sur la pile.

POP registre retire la valeur en haut de la pile et la place dans le registres spécifié.

Exemple: transfert de AX vers BX en passant par la pile.

```
PUSH AX ; Pile <- AX POP BX ; BX <- Pile
```

(Note : dans cet exemple il vaut mieux employer MOV AX, BX.) La pile est souvent utilisée pour sauvegarder temporairement le contenu des registres. AX et BX contiennent des données à conserver

```
PUSH AX

PUSH BX

MOV BX, truc ; on utilise AX

ADD AX, BX ; et BX

MOV truc, BX

POP BX ; récupère l'ancien BX

POP AX ; et l'ancien AX
```

On voit que la pile peut conserver plusieurs valeurs. La valeur dépilée par POP est la dernière valeur empilée ; c'est pourquoi on parle ici de pile LIFO (Last In First Out, Premier Entré Dernier Sorti).

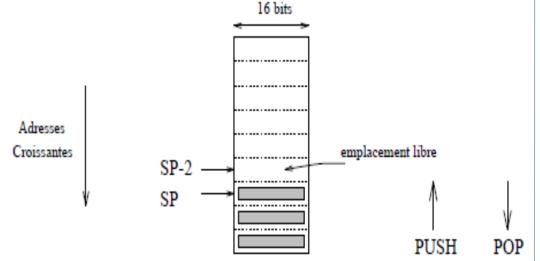
Registres SS et SP

La pile est stockée dans un segment séparé de la mémoire principale. Le processeur possède deux registres dédiés à la gestion de la pile, SS et SP.

Le registre SS (Stack Segment) est un registre segment qui contient l'adresse du segment de pile courant (16 bits de poids fort de l'adresse). Il est normalement initialisé au début du programme et reste fixé par la suite.

Le registre SP (Stack Pointer) contient le déplacement du sommet de la pile (16

bits de poids faible de son adresse).



L'instruction PUSH effectue les opérations suivantes :

[SP] valeur du registre 16 bits.

Notons qu'au début (pile vide), SP pointe "sous" la pile.

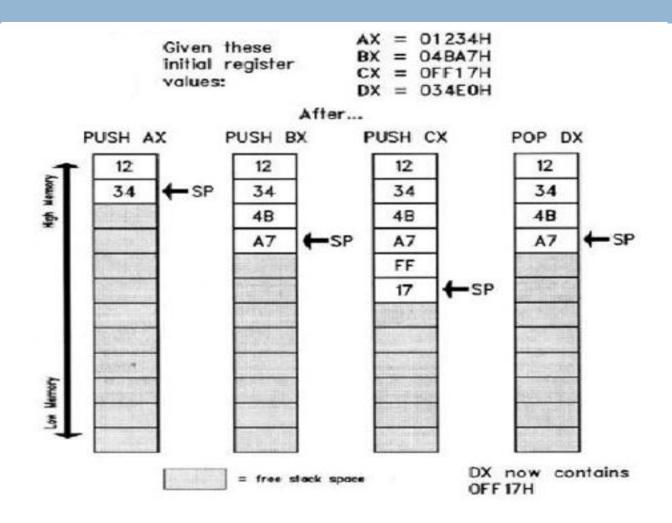
L'instruction POP effectue le travail inverse :

registre destination [SP]

$$SPSP+2$$

Si la pile est vide, POP va lire une valeur en dehors de l'espace pile, donc imprévisible

Exemple



Exemple

en remarque que si on conserve les valeurs des registres comme ça:
 AX,BX,DX,CX successivement avec les instructions:

PUSH AX

PUSH BX

PUSH CX

PUSH DX

Donc on doit les récupérer comme ça:

POP DX

POP CX

POP BX

POP AX

On suit le principe LIFO.

Déclaration d'une pile

Pour utiliser une pile en assembleur, il faut déclarer un segment de pile, et y réserver un espace suffisant. Ensuite, il est nécessaire d'initialiser les registres SS et SP pour pointer sous le sommet de la pile.

Voici la déclaration d'une pile de 200 octets :

seg_pile SEGMENT stack ; mot clef stack car pile

DW 100 dup (?) ; réserve espace

base_pile EQU this word ; étiquette base de la pile

seg_pile ENDS

Noter le mot clef "stack" après la directive SEGMENT, qui indique à l'assembleur qu'il s'agit d'un segment de pile. Afin d'initialiser SP, il faut repérer l'adresse du bas de la pile ; c'est le rôle de la ligne

Déclaration d'une pile

Après les déclarations ci-dessus, on utilisera la séquence d'initialisation :

ASSUME SS:seg_pile

MOV AX, seg_pile

MOV SS, AX; init Stack Segment

MOV SP, base_pile; pile vide

Noter que le registre SS s'initialise de façon similaire au registre DS; par contre, on peut accéder directement au registre SP.

Les Branchements

JMP: branchement non conditionnel, permet de transférer le traitement dans un autre point du programme sans condition.

Exemple:

MOV EAX, 1

JMP @1

ADD EAX, 2

JMP @2

:@1

ADD EAX, 3

:@2

La valeur final de EAX est 4 et non pas 3 parce qu'il saute une partie qu'elle n'est plus utilisée

Les Branchements conditionnels

Les branchement conditionnels sont: JE/JZ, JNE/JNZ, JG, JGE, JA,, JAE, JL, JLE, JBE ...les plus utilisés: JZ, JNZ et JE.

Ces directives sont toujours suivies par une condition particulière par exemple JE est utilisée quand ZF=1 et ce drapeau s'affecte par une comparaison

Exemple:

CMP EAX, EBX

JE SMP

• • •

: FPO

• • •

:SMP

Dans ce cas si la valeur de EAX vaux la valeur de EBX le programme va faire un jump vers SMP si non il va poursuivre son exécution normale

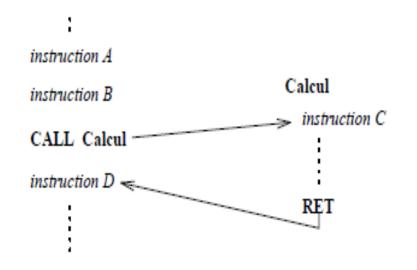
Exemple de branchement conditionnel

Directive	Sens
JC	Jump if CF = 1
JNC	Jump if CF=0
JO	Jump if OF=1
JNO	Jump if $OF = 0$
JS	Jump if SF = 1
JNS	Jump if $SF = 0$
JZ/JE	If égalité/résultat égal à 0
JNL/JGE	If >=/si n'est pas inferieur
JNZ/JNE	If différent/ if résultat n'est pas nul

Procédures

■ Notion de procédure

La notion de procédure en assembleur correspond à celle de fonction en langage C, ou de sous-programme dans d'autres langages.



Appel d'une procédure. La procédure est nommée calcul. Après l'instruction B, le processeur passe à l'instruction C de la procédure, puis continue jusqu'à rencontrer RET et revient à l'instruction D.

Procédures

Une procédure est une suite d'instructions effectuant une action précise, qui sont regroupées par commodité et pour éviter d'avoir à les écrire à plusieurs reprises dans le programme.

Les procédures sont repérées par l'adresse de leur première instruction, à laquelle on associe une étiquette en assembleur.

L'exécution d'une procédure est déclenchée par un programme appelant. Une procédure peut elle-même appeler une autre procédure, et ainsi de suite

Instructions CALL et RET

L'appel d'une procédure est effectué par l'instruction CALL.

CALL adresse_debut_procedure

L'adresse est sur 16 bits, la procédure est donc dans le même segment d'instructions.

CALL est une nouvelle instruction de branchement inconditionnel.

La fin d'une procédure est marquée par l'instruction RET:

RET ne prend pas d'argument ; le processeur passe à l'instruction placée immédiatement après le CALL.

RET est aussi une instruction de branchement : le registre IP est modifié pour revenir à la valeur qu'il avait avant l'appel par CALL. Comment le processeur retrouve-t-il cette

Déclaration d'une procédure

L'assembleur possède quelques directives facilitant la déclaration de procédures.

On déclare une procédure dans le segment d'instruction comme suit :

```
Calcul PROC near; procedure nommee Calcul instructions
```

RET; dernière instruction

Calcul ENDP ; fin de la procédure

Le mot clef PROC commence la définition d'une procédure, near indiquant qu'il s'agit d'une procédure située dans le même segment d'instructions que le programme appelant.

L'appel s'écrit simplement :

CALL Calcul

Passage de paramètres

En général, une procédure effectue un traitement sur des données (paramètres) qui sont fournies par le programme appelant, et produit un résultat qui est transmis à ce programme.

Plusieurs stratégies peuvent être employées:

- Passage par registre : les valeurs des paramètres sont contenues dans des registres du processeur. C'est une méthode simple, mais qui ne convient que si le nombre de paramètres est petit (il y a peu de registres).
- Passage par la pile : les valeurs des paramètres sont empilées. La procédure lit la pile.

Exemple avec passage par registre

On va écrire une procédure "SOMME" qui calcule la somme de 2 nombres naturels de 16 bits. Convenons que les entiers sont passés par les registres AX et BX, et que le résultat sera placé dans le registre AX.

La procédure s'écrit alors très simplement :

SOMME PROC near; $AX \leftarrow AX + BX$

ADD AX, BX

RET

SOMME ENDP

et son appel, par exemple pour ajouter 6 à la variable Truc :

MOV AX, 6

MOV BX, Truc

CALL SOMME

MOV Truc, AX

Exemple avec passage par la pile

Cette technique met en œuvre un nouveau registre, BP (Base Pointer), qui permet de lire des valeurs sur la pile sans les dépiler ni modifier SP.

Le registre BP permet un mode d'adressage indirect spécial, de la forme :

MOV

AX, [BP+6]

cette instruction charge le contenu du mot mémoire d'adresse BP+6 dans AX.

Ainsi, on lira le sommet de la pile avec :

MOV

BP, SP; BP pointe sur le sommet

MOV

AX, [BP]; lit sans dépiler

et le mot suivant avec :

MOV

AX, [BP+2]; 2 car 2 octets par mot de pile.

L'appel de la procédure "SOMME2" avec passage par la pile est :

PUSH 6

PUSH

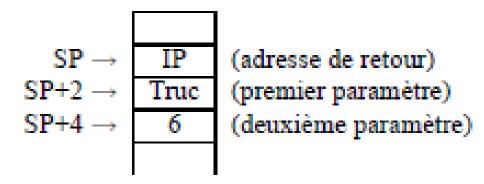
Truc

CALL

SOMME2

La procédure SOMME2 va lire la pile pour obtenir la valeur des paramètres. Pour cela, il faut bien comprendre quel est le contenu de la pile après le CALL:

Exemple avec passage par la pile



Le sommet de la pile contient l'adresse de retour (ancienne valeur de IP empilée par CALL). Chaque élément de la pile occupe deux octets.

La procédure SOMME2 s'écrit donc :

SOMME2	PROC near	;	AX <- arg1 + arg2	
MOV	BP, SP	;	adresse sommet pile	
MOV	AX, [BP+2]	;	charge argument 1	
ADD	AX, [BP+4]	;	ajoute argument 2	
	RET			
SOMME2	ENDP			

Exemple avec passage par la pile

La valeur de retour est laissée dans AX.

La solution avec passage par la pile parait plus lourde sur cet exemple simple. Cependant, elle est beaucoup plus souple dans le cas général que le passage par registre. Il est très facile par exemple d'ajouter deux paramètres supplémentaires sur la pile.

Une procédure bien écrite modifie le moins de registres possible. En général, l'accumulateur est utilisé pour transmettre le résultat et est donc modifié. Les autres registres utilisés par la procédure seront normalement sauvegardés sur la pile. Voici une autre version de SOMME2 qui ne modifie pas la valeur contenue par BP avant l'appel:

SOMME2	PROC	near	;	AX <- arg1 + arg2
PUSH	BP		;	sauvegarde BP
MOV	BP, SP		;	adresse sommet pile
MOV	AX, [BP+4]		;	charge argument 1
ADD	AX, [BP+6]		;	ajoute argument 2
POP	BP		;	restaure ancien BP
	RET			
SOMME2	ENDP			

Noter que les index des arguments (BP+4 et BP+6) sont modifiés car on a ajouté une valeur au sommet de la pile.

Mode d'Adressage

Les instructions et leurs opérandes (paramètres) sont stockées en mémoire principale. La taille totale d'une instruction (nombre de bits nécessaires pour la représenter en mémoire) dépend du type d'instruction et aussi du type d'opérande. Chaque instruction est toujours codée sur un nombre entier d'octets, afin de faciliter son décodage par le processeur. Une instruction est composée de deux champs :

- le code opération, qui indique au processeur quelle instruction réaliser.
- le champ opérande qui contient la donnée, ou la référence à une donnée en mémoire (son adresse).

Champ code opération Champ code opérande

Mode d'Adressage

Les façons de désigner les opérandes constituent les "modes d'adressage". Selon la manière dont l'opérande (la donnée) est spécifié, c'est à dire selon le mode d'adressage de la donnée, une instruction sera codée par 1, 2, 3 ou 4 octets.

Le microprocesseur 8086possède 7 modes d'adressage :

- Mode d'adressage registre
- Mode d'adressage immédiat
- Mode d'adressage direct
- Mode d'adressage registre indirect.
- Mode d'adressage relatif à une base.
- Mode d'adressage direct indexe.
- Mode d'adressage indexée.

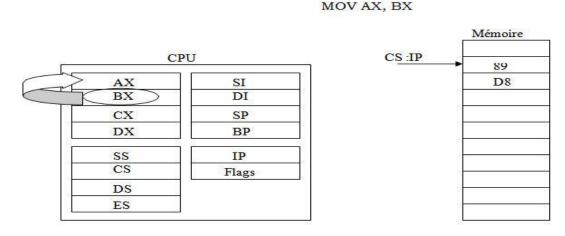
Mode d'adressage registre

Ce mode d'adressage concerne tout transfert ou toute opération, entre deux registres de même taille.

Dans ce mode l'opérande sera stockée dans un registre interne au microprocesseur.

Exemple :

Mov AX, BX ; cela signifie que l'opérande stocké dans le registre BX sera transféré vers le registre AX. Quand on utilise l'adressage registre, le microprocesseur effectue toutes les opérations d'une façon interne. Donc dans ce mode il n'y a pas d'échange avec la mémoire, ce qui augmente la vitesse de traitement de l'opérande.

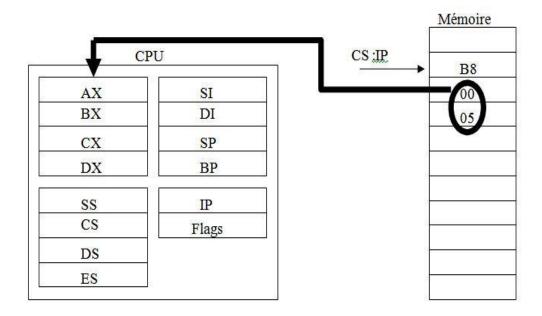


Mode d'adressage immédiat

Dans ce mode d'adressage l'opérande apparaît dans l'instruction ellemême(valeur),

exemple:

MOV AX,500H; cela signifie que la valeur 500H sera stockée immédiatement dans le registre AX



Mode d'adressage direct

- Dans ce mode un des opérandes se trouve en mémoire. L'adresse de la case mémoire ou plus précisément son offset est précisé directement dans l'instruction. L'adresse Rseg:Off doit être placée entre [], si le segment n'est pas précisé, DS est pris par défaut
- ==>On spécifie directement l'adresse de l'opérande dans l'instruction
- INST AX, [adr]; INST [adr], R; INST taille [adr], im; La valeur adr est une constante (un déplacement) qui doit être ajouté au contenu du registre DS pour former l'adresse physique de 20 bits.

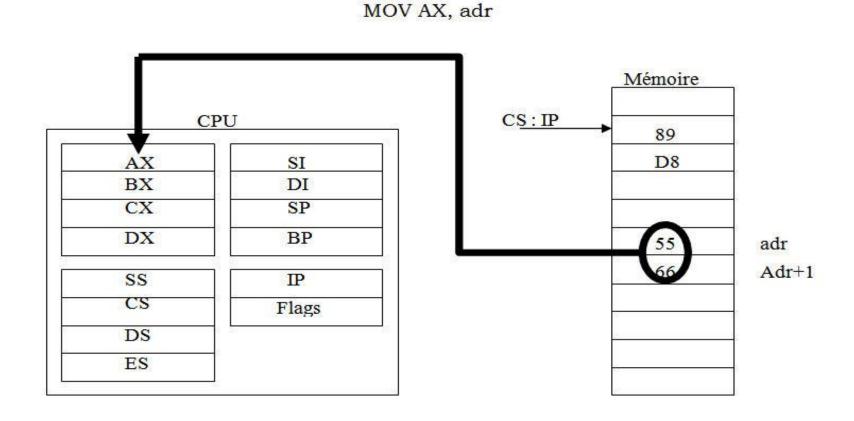
exemples:

MOV AX, [234]: Copier la case mémoire d'adresse DS:234 dans AX

MOV [123], AX ;Copier AX dans la mémoire d'adresse DS:243

MOV AX, [SS:234] ; Copier dans AX le contenu de la case mémoire SS:234

Mode d'adressage direct



Mode d'adressage registre indirect

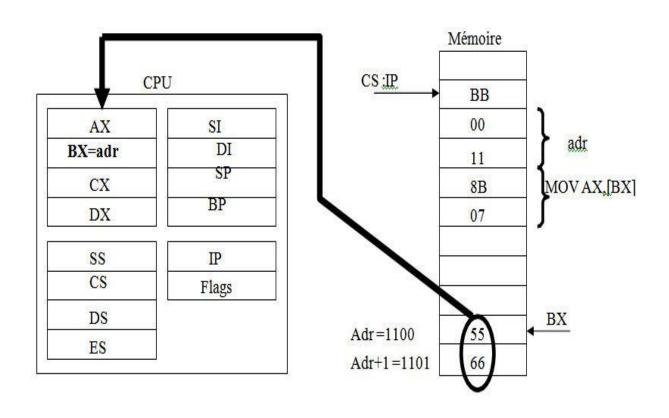
UN Des deux opérandes se trouve en mémoire. L'offset de l'adresse n'est pas précisé directement dans l'instruction, il se trouve dans l'un des 4 registres d'offset BX, BP, SI, ou DI et c'est le registre qui sera précisé dans l'instruction: [Rseg:Roff]. Si Rseg n'est pas précisé, le segment par défaut sera utilisé

INST R;[Rseg:Roff]
INST [RSEG:Roff], R
INST taille [Rseg:Roff], im
Exemple:
MOV BX,offset adr
MOV AX, [BX]; charger AX par la mémoire d'adresse DS:BX
MOV AX, [BP]; charger AX par la mémoire d'adresse SS:BP
MOV AX, [SI]; charger AX par la mémoire d'adresse DS:SI
MOV AX, [DI]; charger AX par la mémoire d'adresse DS:DI
MOV AX, [ES:BP]; charger AX par la mémoire d'adresse ES:BP

Le contenu de la case mémoire dont l'adresse se trouve dans le registre BX (c.a.d : Adr) est mis dans le registre AX

<u>Remarque:</u> Le symbole [] design l'adressage indirect.

Mode d'adressage registre indirect



Adressage Indirect: Adressage Basé

L'offset se trouve dans l'un des deux registres de base BX ou BP. On peut préciser un déplacement qui sera ajouté au contenu de Roff pour déterminer l'offset,

```
INST R, [Rseg:RB+dep]
INST [Rseg:Rb+dep], R
INST taille[Rseg:Rb + dep], im
Exemples:
```

MOV AX,[BX]; Charger AX par la mémoire d'adresse DS:BX MOV AX,[BI+5]; Charger AX par la mémoire d'adresse DS:BX+5 MOV AX,[BP-200]; Charger AX par la mémoire d'adresse SS:BX-200 MOV AX,[ES:BP]; Charger AX par la mémoire d'adresse ES:BP

Adressage Indirect: Adressage Indexé(X)

L'offset se trouve dans l'un des 2 registres d'index SI ou DI. On peut préciser un déplacement qui sera ajouter au contenu de Ri pour déterminer l'offset

INST R, [Rseg:Ri+dep]
INST [Rseg:Ri+dep], R
INST taille [Rseg:Ri+dep], im
Exemples:

MOV AX,[SI]; Charger AX par la mémoire d'adresse DS:SI MOV AX,[SI+500]; Charger AX par la mémoire d'adresse DS:SI+500 MOV AX,[DI-8]; Charger AX par la mémoire d'adresse DS:DI-8 MOV AX,[ES:SI+4]; Charger AX par la mémoire d'adresse ES:SI+4

Adressage Indirect: Adressage Basé Indexé(X)

L'offset de l'adresse de l'opérande est la somme d'un registre de base, d'un registre d'index et d'un registre optionnel.

Si Rseg n'est pas spécifié, le segment par défaut du registre de base est utilisé:

INST R, [Rseg:Bp+Ri+dep]

INST [Rseg:Rb+Ri+dep], R

INST taille [Rseg:Rb+Ri+dep], im

Exemples:

MOV AX, [BX+SI]; AX est chargée par la mémoire d'adresse DS:BX+SI

MOV AX, [BX+DI+5]; AX est chargé par la mémoire d'adresse DS:BX+DI+5

MOV AX, [BX+SI-8]; AX est chargé par la mémoire d'adresse SS:BP+SI-8

MOV AX,[BP + DI]; AX est chargé par la mémoire d'adresse SS:BP+DI