

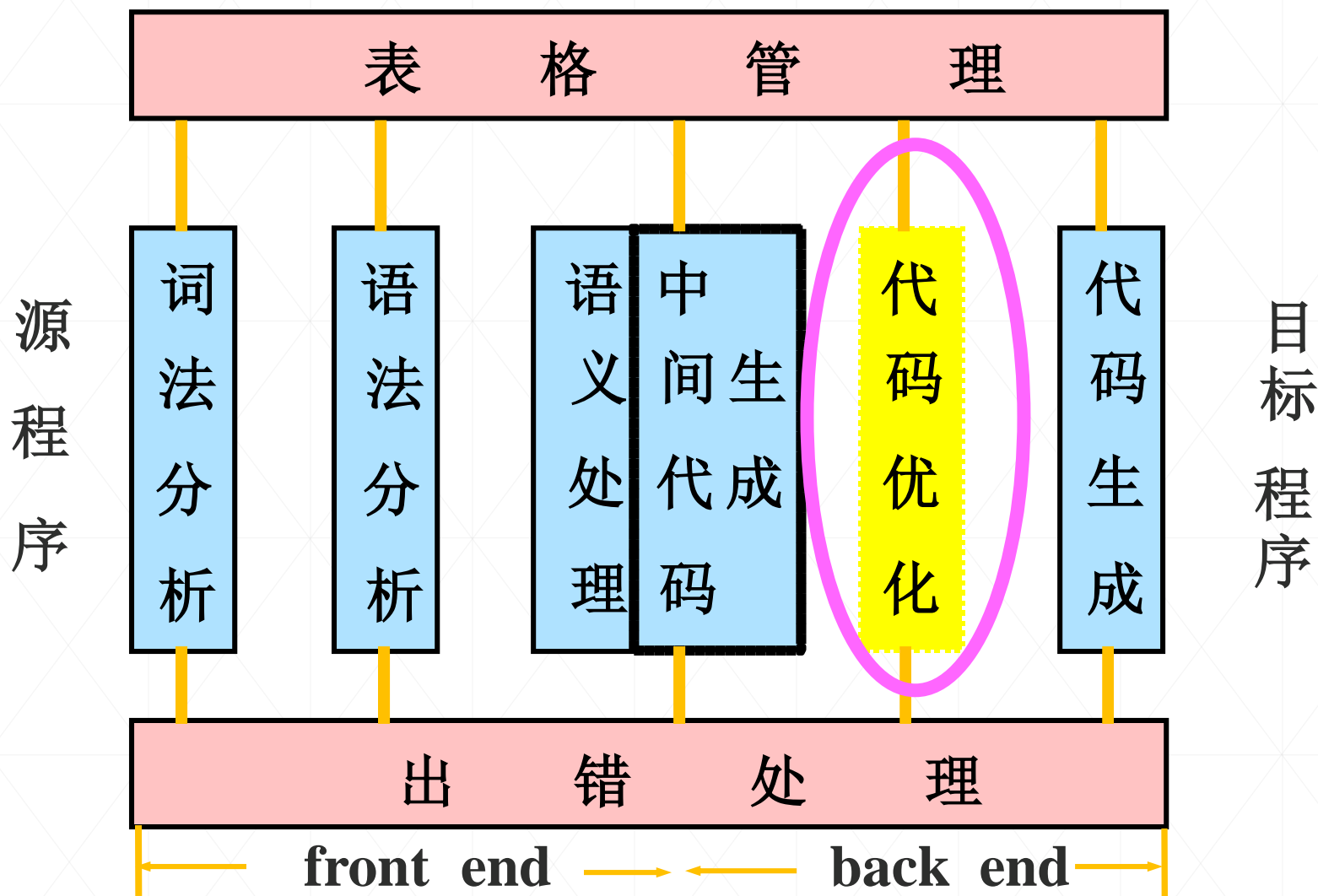


代码优化



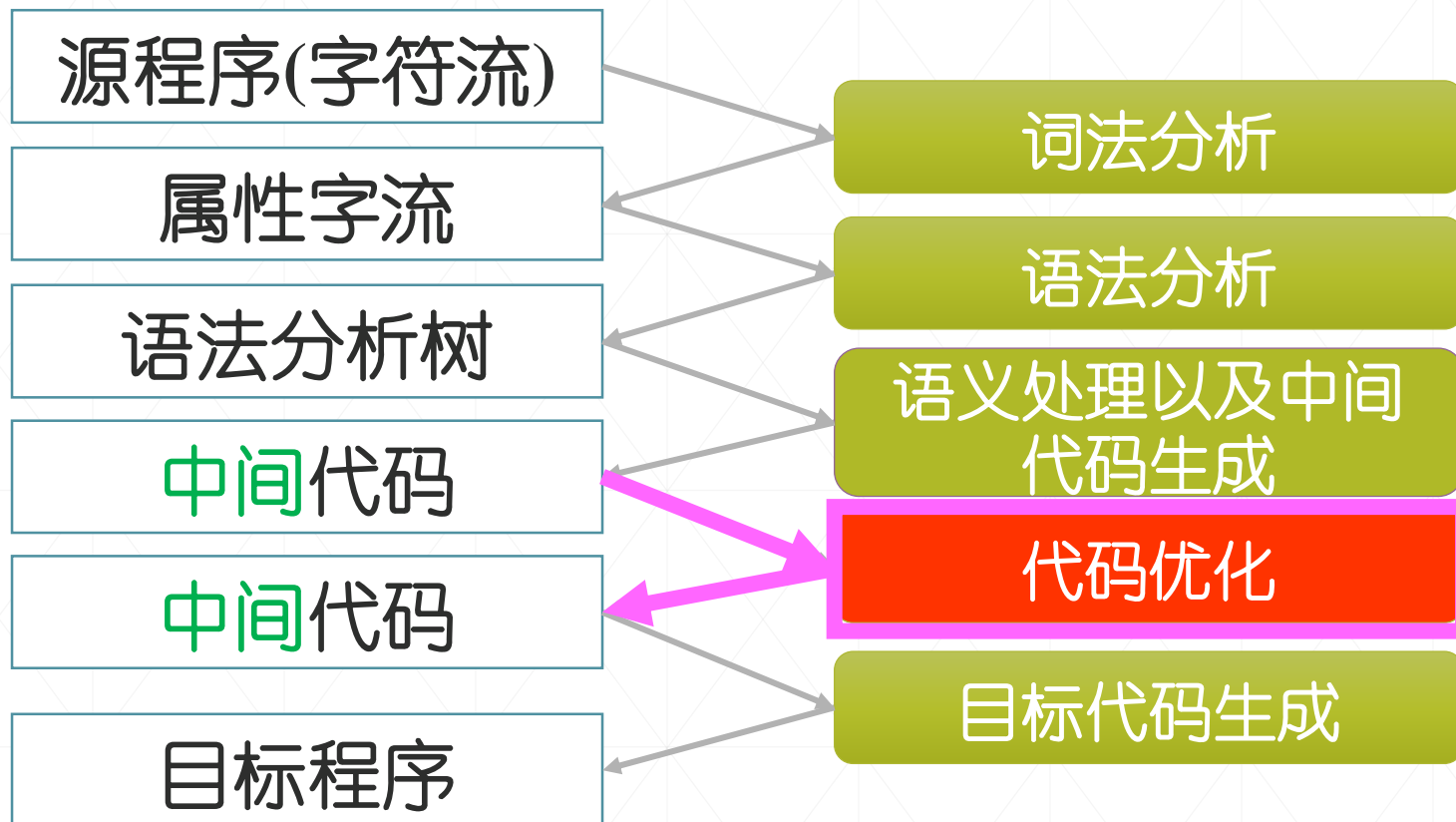
坚持

如果这世界上真有奇迹，
那只是努力的另一个名字。





■ 基本功能





第 8 章 代码优化 (optimization)

8.1 代码优化概述



8.2 局部优化

8.3 控制流分析与循环查找

8.4 数据流分析基础

8.5 循环优化的实施



8.1 代码优化概述

8.1.1 代码优化的概念



8.1.2 优化技术分类

8.1.3 具优化功能编译器的组织



■ 代码优化

在**不改变程序运行效果**的前提下，对**被编译的程序**进行**等价变换**，使之能生成更加**高效**的目标代码。

■ 优化整体过程

等价：不改变程序执行效果；
变换：引起程序形式上的变动



■ 提高程序效率的途径

- 1) 改进算法;
- 2) 在源程序级上等价变换;
- 3) 充分利用系统提供的程序库;
- 4) 编译时优化等。

■ 优化目的

产生高效的目标代码。

- 时间：源程序运行时间尽可能短；
- 空间：程序及数据所占空间尽可能少；



放心 我懂



■ 为什么要实施优化

- 优化程度是编译器的一个重要技术、质量目标；
- 无法苛求用户对源语言的掌握，编程技巧，编写源程序的优化；
- 编译程序固有的缺陷：不是面对一个或一类具体问题的程序，而是统一处理该语言的各种源程序，无法尽善尽美。



例如,

```
int a[25][25], b[25][25];
```

```
...
```

```
a[i][j] = b[i][j];
```

```
...
```

对 $a[i][j] = b[i][j]$ 翻译的目标代码:

| |
|--------------------|
| 计算 $a[i][j]$ 的addr |
| 计算 $b[i][j]$ 的addr |
| 赋 值 |

重复计算了地址的
变化部分



8.1 代码优化概述

8.1.1 代码优化的概念

8.1.2 优化技术分类



8.1.3 具优化功能编译器的组织



一. 优化所涉及的源程序的范围

- 局部优化 — 基本块内优化;
- 循环优化 — 隐式、显式循环体内优化;
- 全局优化 — 一个源程序范围内优化;

二. 优化相对于编译逻辑功能实现的阶段

- 中间代码级 — 目标代码生成前的优化;
- 目标代码级 — 目标代码生成后的优化。



三. 优化具体实现技术的角度

1. 常量合并

Before optimization

```
X = 2;  
Y = X + 10;  
Z = 2 * Y;
```

After optimization

```
X = 2;  
Y = 12;  
Z = 24;
```



2. 公共子表达式删除

Before optimization

```
d = e + f + g;  
y = e + f + z;
```

After optimization

```
x = e + f;  
d = x + g;  
y = x + z;
```

3. 循环不变量或不变代码外提

Before optimization

```
b = c;  
for(i=0; i<3; i++)  
    d[i] = 2 * b + 1;
```

After optimization

```
b = c;  
z = 2 * b + 1;  
for(i=0; i<3; i++)  
    d[i] = z;
```

下一例



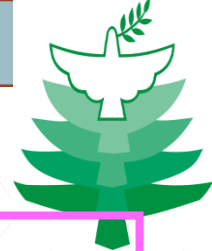
4. 无用赋值删除

Before optimization

```
a = 5;  
...  
a = 7;
```

After optimization

```
a = 7;
```



6. 死代码删除

Before optimization

```
char c;  
if (c > 300) a = 1;  
else  
    a = 2 ;
```

After optimization

```
a = 2;
```

永假式



7. 循环内的运算强度削弱

C source code

```
int table[100];  
step = 1;  
for(i=0; i<100; i+=step)  
table[i] = 0;
```

before optimization

i = 0;

```
L1: if(i<100) goto L2  
    if(i>100) goto L3  
L4: i++; goto L1;  
L2: t1 = i * 4;  
    table[t1] = 0; goto L4;
```

L3: **Loop**

after optimization

i = 0;

t1 = i * 4;

```
L1: if(i<100) goto L2  
    if(i>100) goto L3  
L4: i++; goto L1;  
L2: t1 = t1 + 4;  
    table[t1] = 0 ; goto L4;
```

L3:

返回

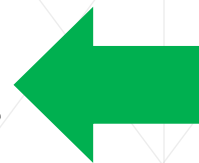


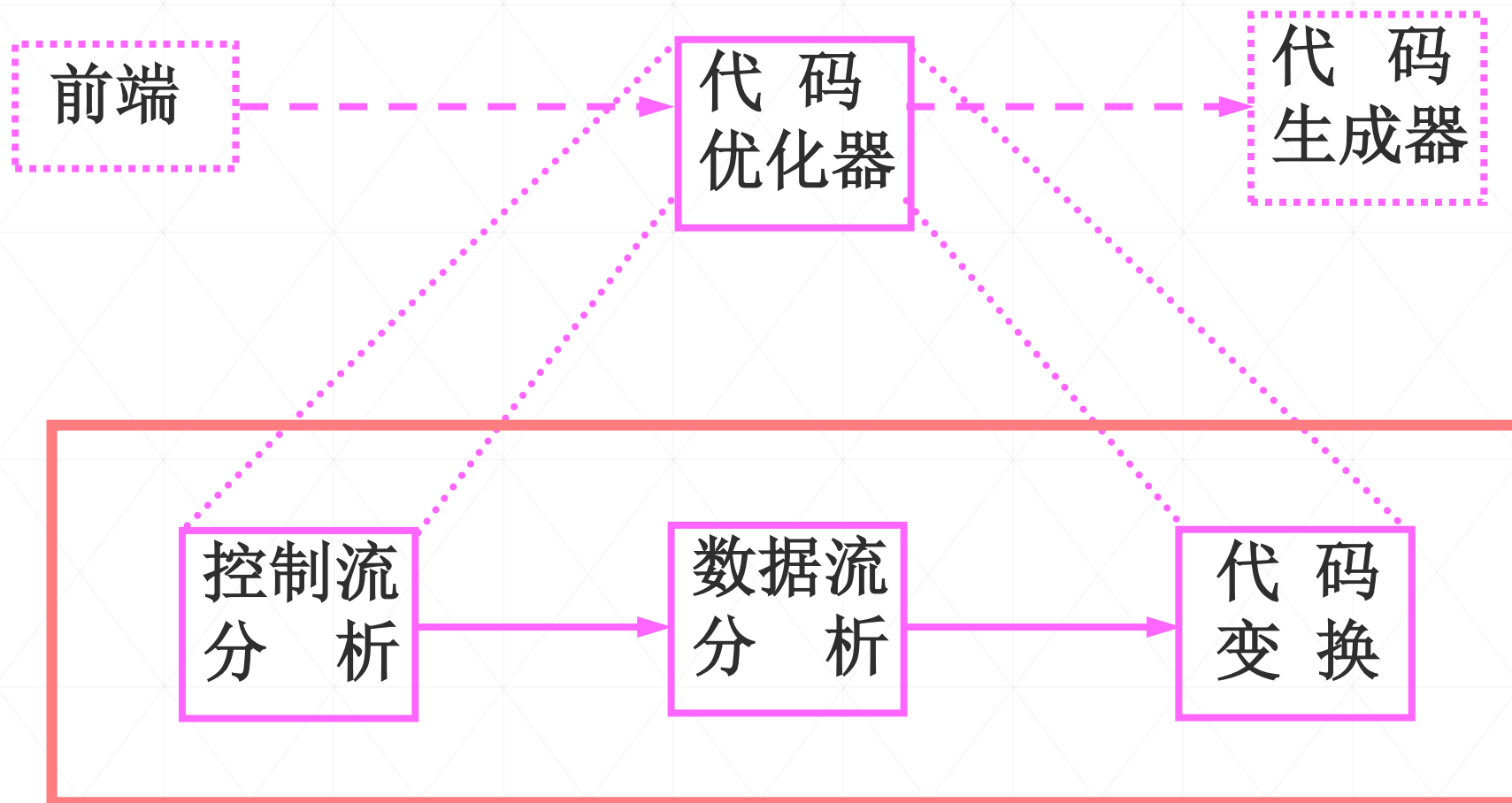
8.1 代码优化概述

8.1.1 代码优化的概念

8.1.2 优化技术分类

8.1.3 具优化功能编译器的组织







第 8 章 代码优化 (optimization)

8.1 代码优化概述

8.2 局部优化



8.3 控制流分析与循环查找

8.4 数据流分析基础

8.5 循环优化的实施



8.2 局部优化

8.2.1 基本块定义与划分



8.2.2 程序的控制流图

8.2.3 基本块的DAG表示与应用



■ 局部优化

指在程序的一个**基本块**内进行的优化。

■ 基本块

一顺序执行的最大语句序列。

特点1:

惟一入口和惟一出口。

序列的第一个语句

序列的最后一个语句

特点2:

没有转进转出，分叉汇合。



■ 基本块划分

第1步： 确定每个基本块的入口语句。

据基本块结构特点，入口语句是下述语句之一：

(1) 程序的第一个语句；

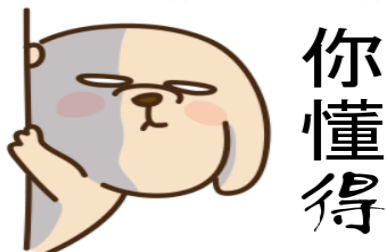
(2) 分叉汇合的语句：

(a) 转移语句转移到的语句；

汇合语句

(b) 紧跟转移语句后面的语句。

分叉语句



引起分叉汇合的语句：转移语句



第2步：根据基本块的入口语句，构造基本块。

一个入口语句对应一个基本块，每个基本块的范围：

(1) 该入口语句到下一个入口语句之间有停止、暂停语句或该入口语句是程序的最后一个入口语句，该入口语句到此停止、暂停语句或程序的最后一个语句。

(2) 否则：该入口语句到下一个入口语句（不包含下一个入口语句）；

第3步：凡是未包含在基本块中的语句，都是程序的控制流不可到达的语句，直接从程序中删除。

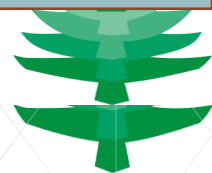


死代码删除



例 对如下程序段实施基本块的划分。

| | | |
|-------|-------------------------|---|
| →(1) | read (limit); | 0 |
| (2) | i=1; | |
| →(3) | if (i>limit) goto (11); | 1 |
| →(4) | read(j) | 2 |
| (5) | if (i=1) goto (8); | |
| →(6) | sum=sum+j; | 3 |
| (7) | goto (9); | |
| →(8) | sum=j; | 4 |
| →(9) | i + +; | 5 |
| (10) | goto (3); | |
| →(11) | write(sum); | 6 |



■ 基本块的确定

Step1:找各基本块的入口语句;

Step2:由每一个入口语句构造相应的基本块;

Step3:凡不属于某一基本块中的语句, 皆是程序控制流程无法到达的语句, 直接删除;



例：逆向分析是安全领域对可执行程序进行分析的常用技术手段之一，如下为一段**MIPS**汇编程序及其对应指令说明：

(1)请绘制该程序的程序控制流图；

(2)该程序中是否存在循环，包括哪些基本块？

(3)请说明该程序的功能。



| | | | |
|---------|--------|------------------|---|
| | → la | \$t0, array | 0 |
| | addi | \$t3, \$zero, 0 | 1 |
| out: | → add | \$t1, 0, \$t0 | |
| | slti | \$s0, \$t3, 10 | |
| | beqz | \$s0, print | |
| | → addi | \$t4, \$t3, -1 | 2 |
| in: | → slti | \$s0, \$t4, 0 | 3 |
| | bnez | \$s0, exitln | |
| | → sll | \$t5, \$t4, 2 | 4 |
| | add | \$t5, \$t1, \$t5 | |
| | lw | \$t6, 0(\$t5) | |
| | lw | \$t7, 4(\$t5) | |
| | slt | \$s0, \$t6, \$t7 | |
| | bnez | \$s0, swap | |
| | → j | exitln | 5 |
| swap: | → sw | \$t6, 4(\$t5) | 6 |
| | sw | \$t7, 0(\$t5) | |
| | addi | \$t4, \$t4, -1 | |
| | j | in | |
| exitln: | → addi | \$t3, \$t3, 1 | 7 |
| | j | out | |
| print: | → | | 8 |

#加载数组起始地址到t0

#计数器\$t3 = 0

#\$t1=0+\$t0

#比较\$t3是否小于10

#不小于则跳转到print

#\$t4 = \$t3 - 1

#比较\$t4 是否小于0

#小于则跳转到exitln

#\$t5 = \$t4 * 4

#\$t5 = 数组起始地址 + \$t4 * 4

#加载数组元素到\$t6

#加载数组元素到\$t7

#比较\$t6是否小于\$t7

#小于则跳转到swap

#跳转到exitln

#写入数组元素

#写入数组元素

#\$t4 = \$t4 - 1

#跳转到in

#\$t3 = \$t3 + 1

#跳转到out



8.2 局部优化

8.2.1 基本块定义与划分

8.2.2 程序的控制流图



8.2.3 基本块的DAG表示与应用



■ 程序的控制流图(简称流图)

具有惟一**首结点**的有向图。流图G表示为

$$G = (N, E, n_0)$$

其中:

N: 流图的所有**结点**组成的集合。

流图中的一个结点为一个**基本块**。

n_0 : 流图的**首结点**。

程序的首条语句所在的基本块。

程序的第一个基本块。

E: 流图的所有有向**边**组成的集合。



■ 流图中的有向边:

如: 结点*i*到结点*k*有边



基本块*i*执行完后接下来可能执行的基本块为*k*

条件:

- ① 基本块*k*在代码中的位置紧跟在基本块*i*之后且*i*的出口语句不是无条件转移或停语句;
- 或② 基本块*i*的出口语句是跳转语句且跳转到的语句是基本块*k*的入口语句。

每个基本块射出的有向边数可为0或1或2:
根据其出口语句确定



例 给出如下程序的流图。

(1) read (limit);

(2) i=1;

(3) if (i>limit) goto (11);

(4) read(j)

(5) if (i=1) goto (8);

(6) sum=sum+j;

(7) goto (9);

(8) sum=j;

(9) i ++;

(10) goto (3);

(11) write(sum);

0

1

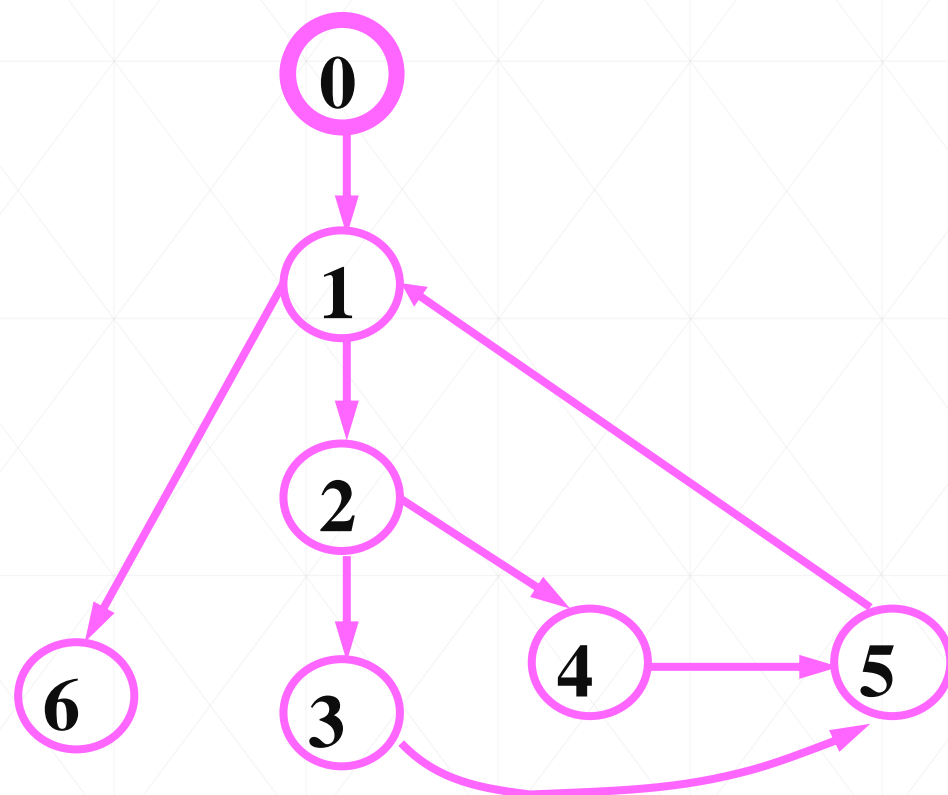
2

3

4

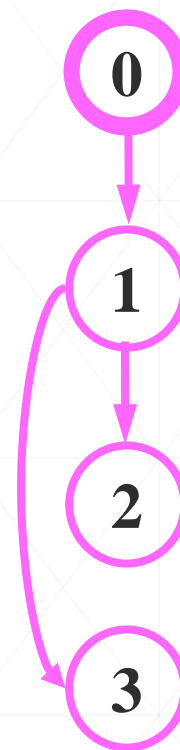
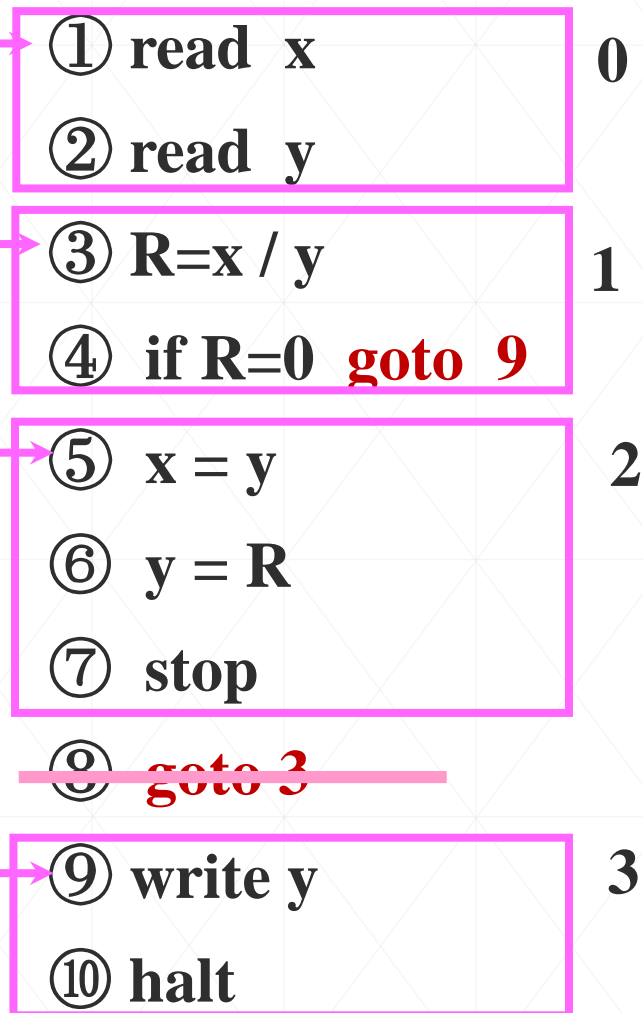
5

6



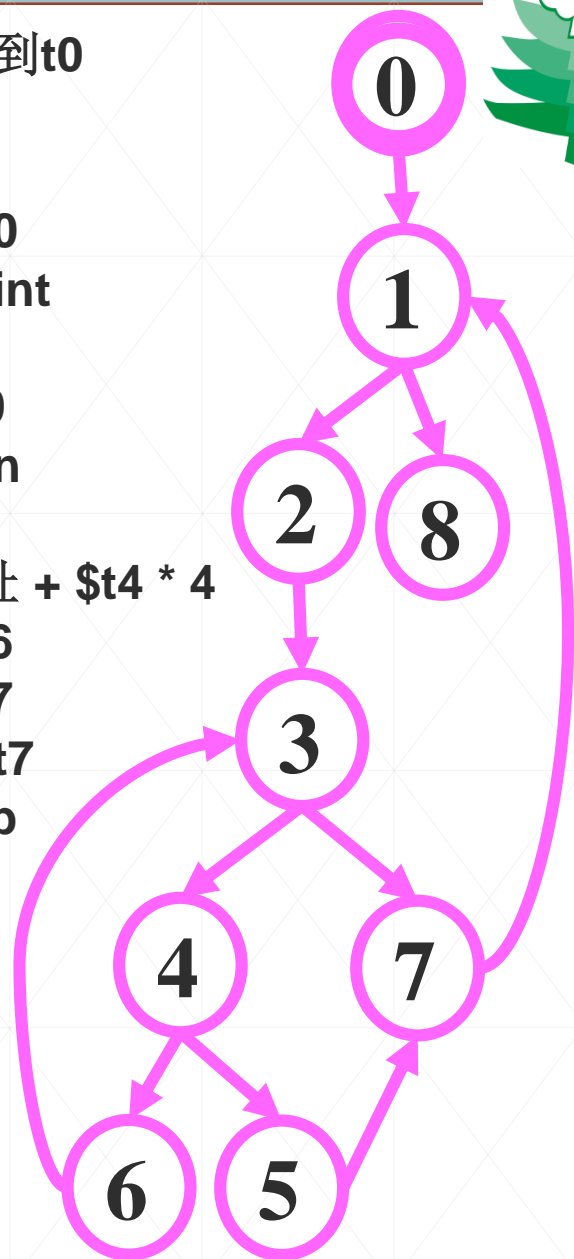


例 对如下程序段划分基本块，给出流图。





| | | | | |
|---------|--------|------------------|---|----------------------------|
| | → la | \$t0, array | 0 | #加载数组起始地址到t0 |
| | addi | \$t3,\$zero, 0 | 1 | #计数器\$t3 = 0 |
| out: | → add | \$t1, 0, \$t0 | 2 | # \$t1 = 0 + \$t0 |
| | slti | \$s0, \$t3, 10 | 3 | #比较\$t3是否小于10 |
| | beqz | \$s0, print | 4 | #不小于则跳转到print |
| | → addi | \$t4, \$t3, -1 | 5 | # \$t4 = \$t3 - 1 |
| in: | → slti | \$s0, \$t4, 0 | 6 | #比较\$t4是否小于0 |
| | bnez | \$s0, exitln | 7 | #小于则跳转到exitln |
| | → sll | \$t5, \$t4, 2 | 8 | # \$t5 = \$t4 * 4 |
| | add | \$t5, \$t1, \$t5 | | # \$t5 = 数组起始地址 + \$t4 * 4 |
| | lw | \$t6, 0(\$t5) | | #加载数组元素到\$t6 |
| | lw | \$t7, 4(\$t5) | | #加载数组元素到\$t7 |
| | slt | \$s0, \$t6, \$t7 | | #比较\$t6是否小于\$t7 |
| | bnez | \$s0, swap | | #小于则跳转到swap |
| | → j | exitln | | #跳转到exitln |
| swap: | → sw | \$t6, 4(\$t5) | | #写入数组元素 |
| | sw | \$t7, 0(\$t5) | | #写入数组元素 |
| | addi | \$t4, \$t4, -1 | | # \$t4 = \$t4 - 1 |
| | j | in | | #跳转到in |
| exitln: | → addi | \$t3, \$t3, 1 | | # \$t3 = \$t3 + 1 |
| | j | out | | #跳转到out |
| print: | → | | | |





8.2 局部优化

8.2.1 基本块定义与划分

8.2.2 程序的控制流图

8.2.3 基本块的DAG表示与应用
(基本块优化)





■ DAG (Directed Acyclic Graph) (复习)

无环路的有向图。

■ 定义

设G是由若干结点构成的有向图，从结点 n_i 到结点 n_j 的有向边用 $n_i \rightarrow n_j$ 表示。

- ① 若存在有向边序列 $n_{i1} \rightarrow n_{i2} \rightarrow \dots \rightarrow n_{im}$ ，则称结点 n_{i1} 与结点 n_{im} 之间存在一条路径，或称 n_{i1} 与 n_{im} 是连通的。
- ② 如果存在一条路径，其起始和终止于同一个结点，则称该路径是一个**环路**；
- ③ 如果有向图G中任一条路径都不是环路，则称G为**无环路有向图**。



基本块的DAG表示

结点之间关系类似于有向树

基本块的DAG是结点上带有下列标记的DAG

- ① **叶结点**用标识符或常量作为其标记，当叶结点是标识符时，代表其初值，标识符加下标0；
- ② **内部结点**用运算符标记，表示后继结点施加该运算后的值；
- ③ 各结点上可以**附加**一个或多个**标识符**，附加在同一结点上的多个标识符具有相同的值。



■ 常见四元式分类:

0型



定值语句

=, B, , A

1型



单目运算且定值

op, B, , A

2型



双目运算、
取数组元素且定值

op, B, C, A

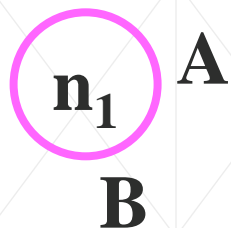
=[], B, C, A



■ 四元式与DAG对应关系

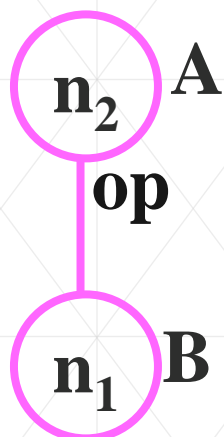
0型:

$(=, B, , A)$ $(op, B, , A)$



一个结点

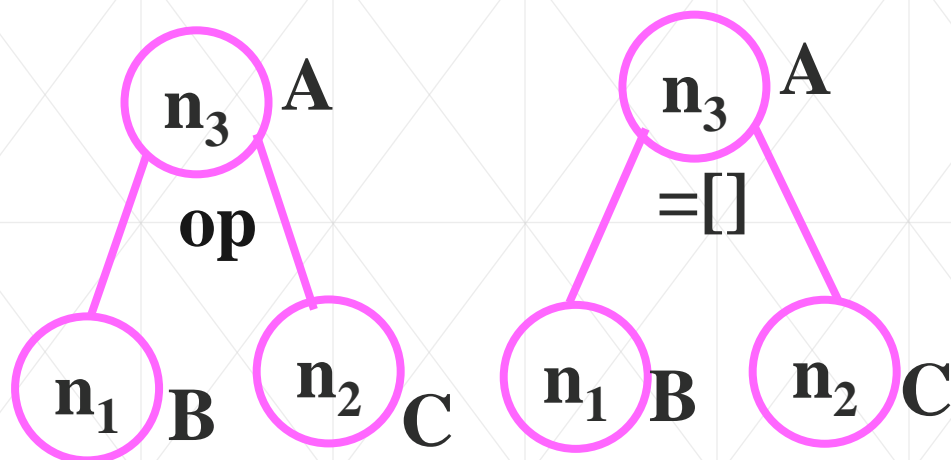
1型:



两个结点

2型:

(op, B, C, A)
 $(=[], B, C, A)$



三个结点



■ 算法(基本块的DAG的构造算法)

//初始化, 置DAG为空。仅考虑0型、1型和2型①

输入: 一个基本块i

0型: (=, B, , A)

1型: (op, B, , A)

2型: (op, B, C, A)

输出: 含有下列信息的基本块i的DAG:

适当数据结构存放的节点信息表。

叶结点、内部结点按统一标记;

标识符与结点的对应关系表(用NODE函数表示);

算法:

对基本块中每一四元式依次执行以下步骤

1. 构造操作数结点;

操作符2. 捕捉已知量, 合并常数; //删除原常数结点

处理 3. 捕捉公共子表达式; //删除冗余的公共子表达式

赋值 4. 捕捉可能的无用赋值; //删除无用赋值

处理



[1] //构造操作数结点

如果 $\text{NODE}(B)$ 无定义，则增加该结点。令 $\text{NODE}(B)=n$ 。

① 对0型，转[4]；

② 对1型，转[2]的①；

③ 对2型，若 $\text{NODE}(C)$ 无定义，则增加该结点，并转[2]的②；

0型: $(=, B, , A)$
1型: $(\text{op}, B, , A)$
2型: (op, B, C, A)

[2] //常量合并

①如果 $\text{NODE}(B)$ 是常数结点，则转[2]的③，否则转[3]的①； // 1型

②如果 $\text{NODE}(B)$ 和 $\text{NODE}(C)$ 都是常数结点，则转[2]的④，否则转[3]的②； // 2型

③ 执行 $\text{op } B$,设得到的新常数为 P 。若 $\text{NODE}(P)$ 无定义，则增加该结点，令 $\text{NODE}(P)=n$ ，若 $\text{NODE}(B)$ 是处理当前四元式时新建立的结点，则删除它。转[4]。 // 1型

④ 执行 $B \text{ op } C$ ，设得到的新常数为 P 。若 $\text{NODE}(P)$ 无定义，则增加该结点，令 $\text{NODE}(P)=n$ 。若 $\text{NODE}(B)$ 或 $\text{NODE}(C)$ 是处理当前四元式时新建立的结点，则删除它。转[4]。 // 2型



[3]//捕捉并删除公共子表达式

① 检查DAG中是否有结点：标记为OP且唯一后继为NODE(B)。若没有，增加该结点。令NODE(OP)=n；转[4]。//1型

②检查DAG中是否有结点：标记为OP，其左后继为NODE(B)，右后继为NODE(C)。若没有，增加该结点。令NODE(OP)=n；转[4]。//对2型

[4] //捕捉并删除无用赋值

如果NODE(A)无定义，则令NODE(A)=n；否则，先把A从NODE(A)结点的附加标识符集中删除(如果NODE(A)是叶子结点，则其标记A不删除)，令NODE(A)=n。转处理下一四元式。

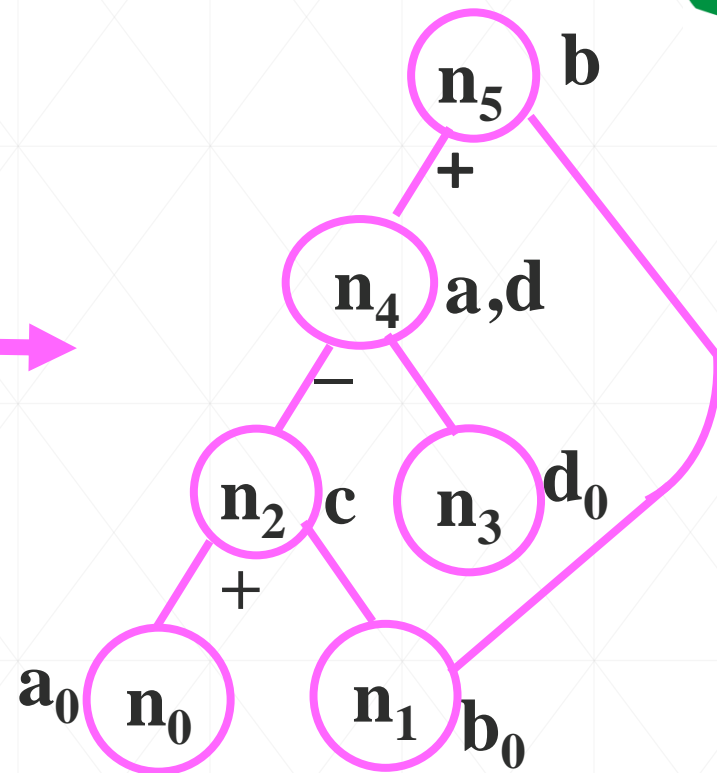
0型: (=, B, , A)
1型: (op, B, , A)
2型: (op, B, C, A)



例:设有基本块如下

| | | | |
|---|---|---|---|
| + | a | b | c |
| - | c | d | a |
| + | a | b | b |
| - | c | d | d |

DAG



删除了公共子表达式

按照DAG的结点顺序，重写代码，就是经过局部优化后的代码。

| | | | |
|---|---|---|---|
| + | a | b | c |
| - | c | d | a |
| = | a | | d |
| + | a | b | b |



例：一基本块的语句序列如下，构造其DAG

(1) =, 3.14, , T_0

(2) *, 2, T_0 , T_1

(3) +, R, r, T_2

(4) * , T_1 , T_2 , A

(5) =, A, , B

(6) *, 2, T_0 , T_3

(7) +, R, r, T_4

(8) * , T_3 , T_4 , T_5

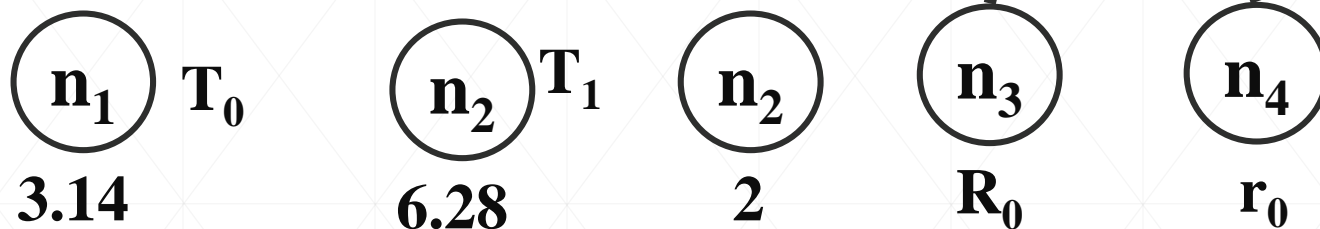
(9) -, R, r, T_6

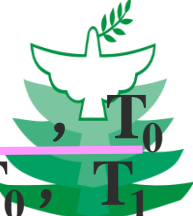
(10) * , T_5 , T_6 , B



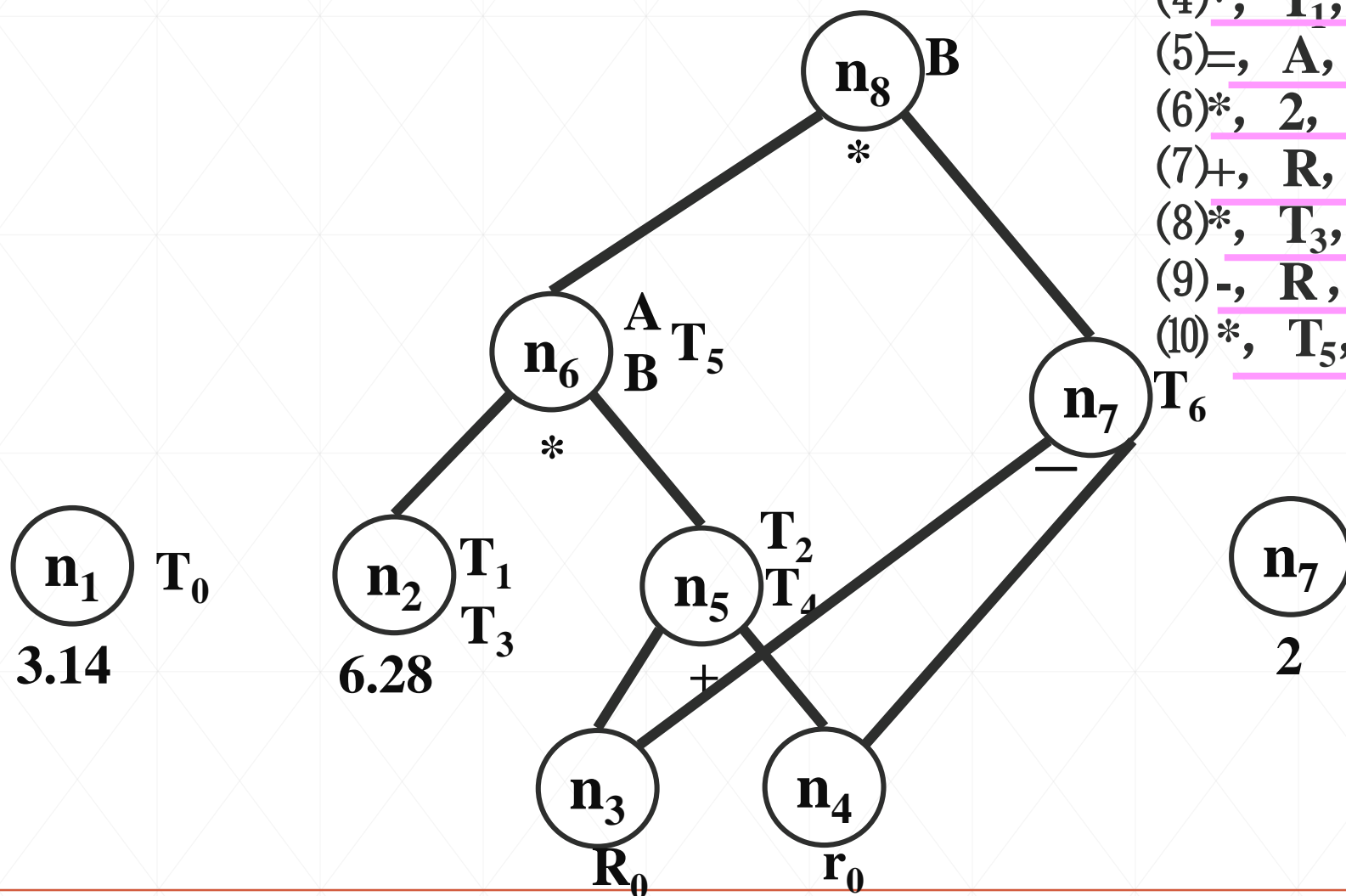
解：构造DAG的过程如下：

(1)=, 3.14, , T_0
 (2)*, 2, T_0 , T_1
 (3)+, R, r, T_2
 (4)*, T_1 , T_2 , A
 (5)=, A, , B
 (6)*, 2, T_0 , T_3
 (7)+, R, r, T_4
 (8)*, T_3 , T_4 , T_5
 (9) -, R, r, T_6
 (10) *, T_5 , T_6 , B





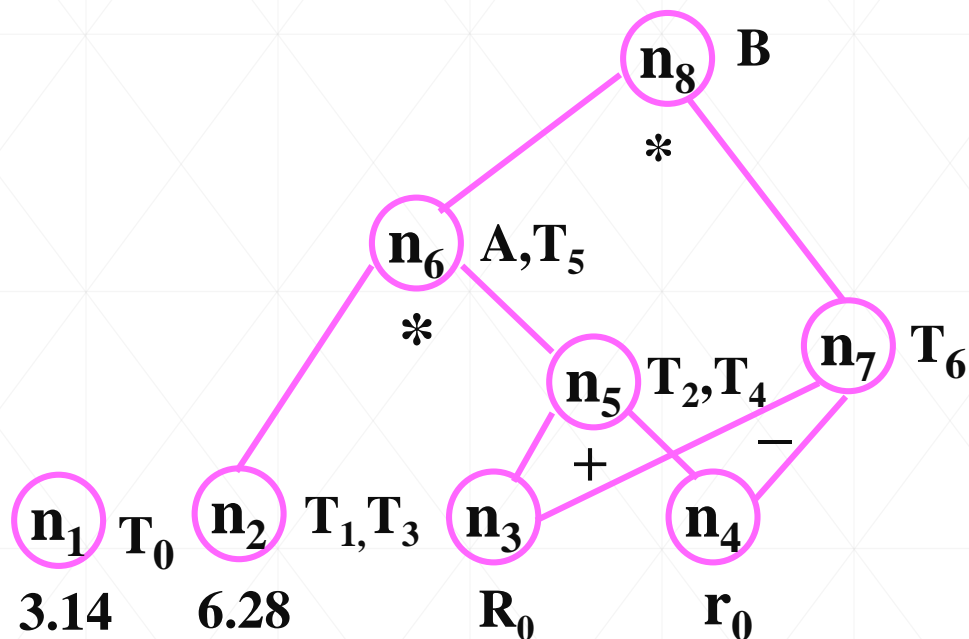
解：构造DAG的过程如下：



- (1) $=, 3.14, , T_0$
- (2) $*, 2, T_0, T_1$
- (3) $+, R, r, T_2$
- (4) $*, T_1, T_2, A$
- (5) $=, A, , B$
- (6) $*, 2, T_0, T_3$
- (7) $+, R, r, T_4$
- (8) $*, T_3, T_4, T_5$
- (9) $-, R, r, T_6$
- (10) $*, T_5, T_6, B$



(1)=, 3.14, , T_0 (2)*, 2, T_0 , T_1 (3)+, R, r, T_2 (4)*, T_1 , T_2 , A
 (5)=, A, , B (6)*, 2, T_0 , T_3 (7)+, R, r, T_4 (8)*, T_3 , T_4 , T_5
 (9)-, R, r, T_6 (10)*, T_5 , T_6 , B



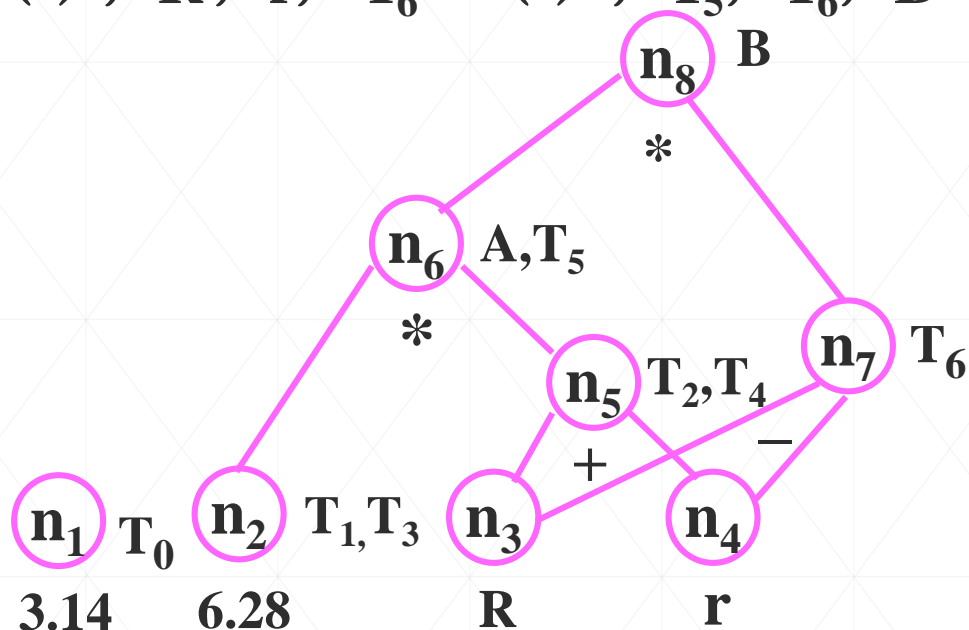
按照DAG的结点顺序，重写代码。

所做优化：常量合并、公共子表达式删除、无用赋值删除

(1) =, 3.14, , T_0
 (2) =, 6.28, , T_1
 (3) =, 6.28, , T_3
 (4) +, R, r, T_2
 (5) =, T_2 , , T_4
 (6)*, 6.28, T_2 , A
 (7) =, A, , T_5
 (8) -, R, r, T_6
 (9)*, A, T_6 , B



- (1) =, 3.14, , T_0 (2)*, 2, T_0 , T_1 (3)+, R, r, T_2 (4)*, T_1 , T_2 , A
 (5)=, A, , B (6)*, 2, T_0 , T_3 (7)+, R, r, T_4 (8)*, T_3 , T_4 , T_5
 (9)-, R, r, T_6 (10)*, T_5 , T_6 , B



如果知道某些变量在此基本块出口处不活跃(之后不再被引用), 其值就不用再“复制”。

若 T_3 、 T_4 在出口处不活跃。

- (1) =, 3.14, , T_0
 (2) =, 6.28, , T_1
~~(3) =, 6.28, , T_3~~
 (4) +, R, r, T_2
~~(5) =, T_2 , , T_4~~
 (6)*, 6.28, T_2 , A
 (7) =, A, , T_5
 (8) -, R, r, T_6
 (9)*, A, T_6 , B



 **注意：**

流图的一个结点是一个基本块，基本块可用DAG表示。

流图确认的是基本块之间的关系，

DAG确认的是基本块内各四元式间的关系。



第 8 章 代码优化 (optimization)

8.1 代码优化概述

8.2 局部优化

8.3 控制流分析与循环查找



8.4 数据流分析基础

8.5 循环优化的实施



■ 引入本节的原因

- **循环优化的重要性：** 循环是程序中反复执行的代码序列，实施循环优化，将高效提高目标代码质量。
- **循环优化的技术准备：** 循环查找；控制流和数据流分析。

通过控制流分析查找循环。



■ 构成循环条件

具有下列性质的结点序列构成一个循环：

1. 强连通性。

任意两个结点之间必有一条通路，且通路上的任何结点都属于该序列。

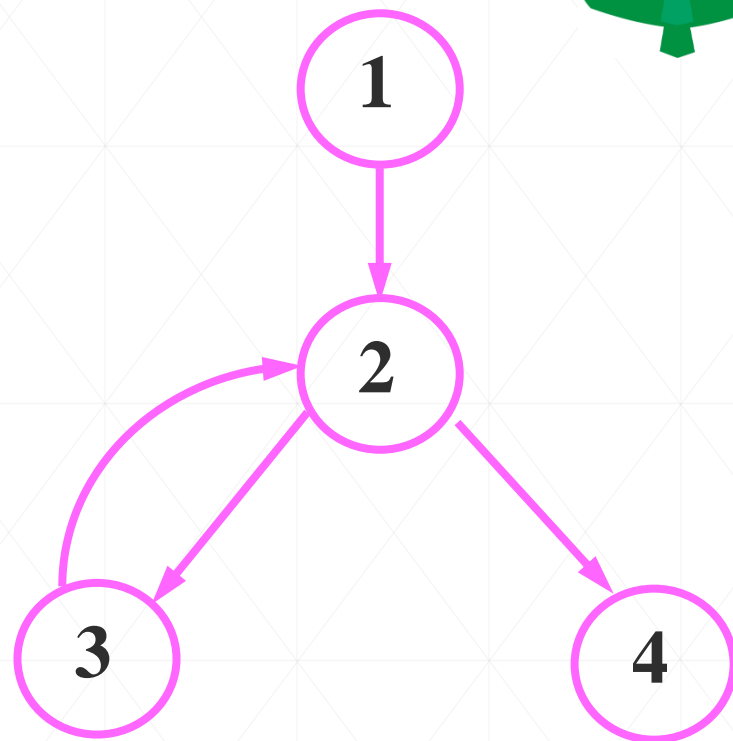
2. 入口惟一。

入口： 流图的首结点或结点序列外某结点有一条有向边引到的结点。



例：如右图，

{2, 3}是循环 { 强连通性成立
惟一入口结点2





例如下图,

循环:

{6} 强连通/入口6

{4,5,6,7} 强连通/入口4

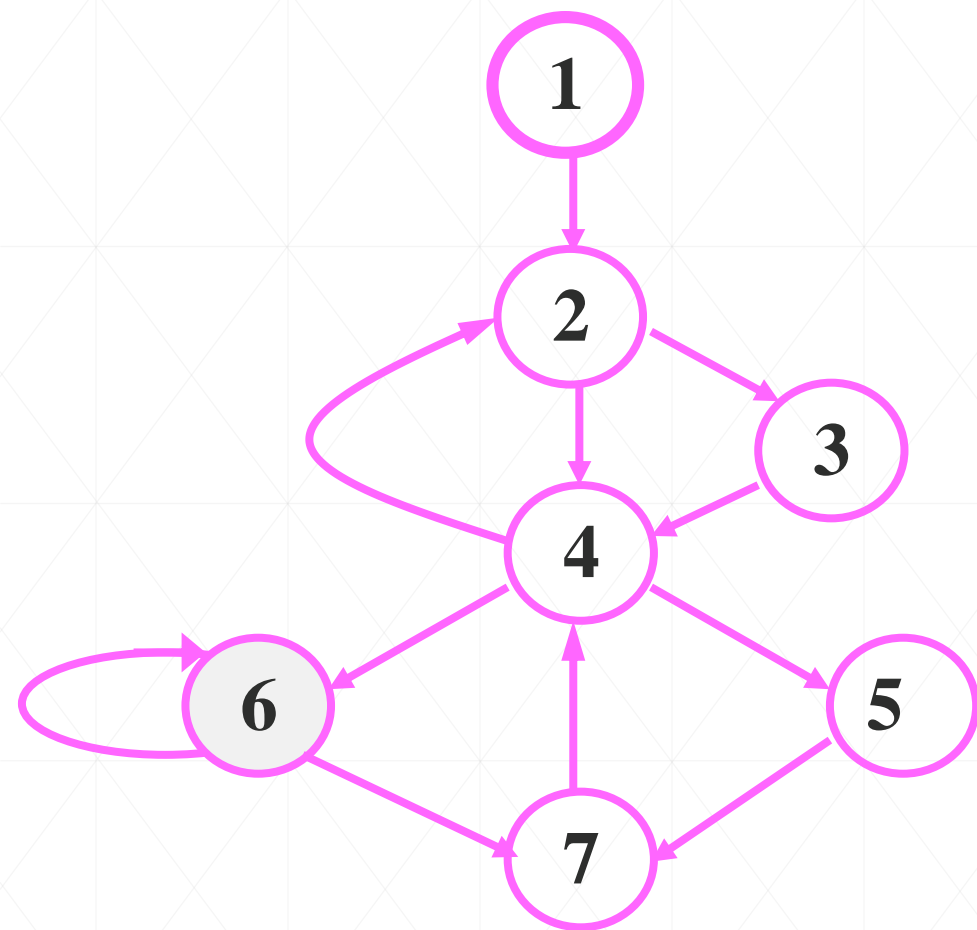
{2,3,4,5,6,7} 强连通/入口2

非循环:

{2,4} 强连通/入口2,4

{2,3,4} 强连通/入口2,4

{4,6,7} 强连通/入口4,7





必经结点、必经结点集与回边

■ 定义（必经结点）

在程序流图G中， n_i 和 n_j 为任意结点。若从 n_0 出发，到达 n_j 的**任何**一条通路都必经过 n_i ，则称 n_i 是 n_j 的必经结点，记作 $n_i \text{ DOM } n_j$ 。

■ 定义（必经结点集）

在程序流图G中，结点n的全部必经结点，称为结点n的必经结点集，记作 $\mathbf{D}(n)$ 。



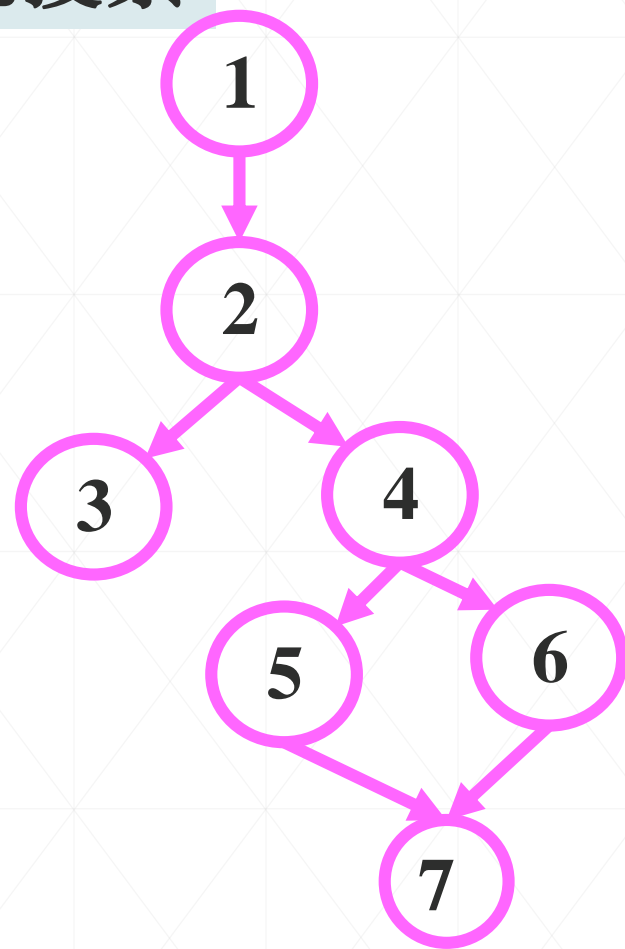
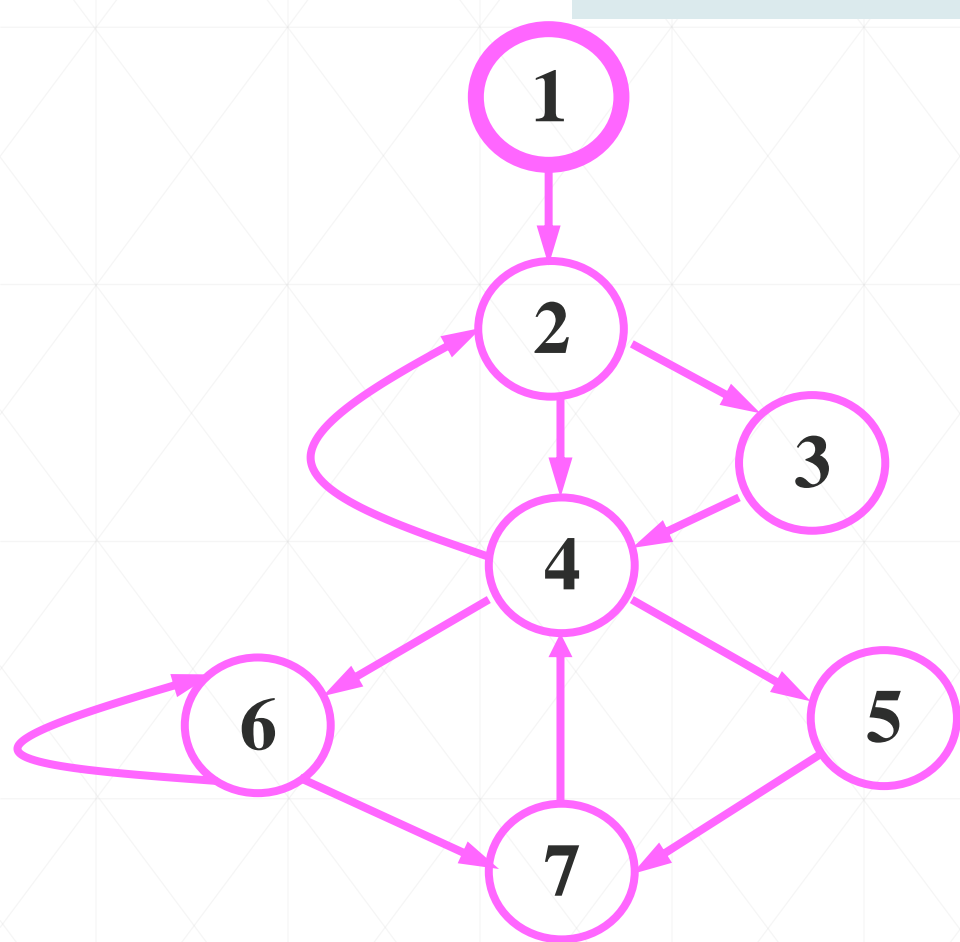
■ **DOM**是流图结点集上一个偏序关系:

- (1) **自反性:** $a \text{ DOM } a$
- (2) **传递性:** 如果 $a \text{ DOM } b$, $b \text{ DOM } c$,
则有: $a \text{ DOM } c$ 。
- (3) **反对称性:** 若有 $a \text{ DOM } b$, $b \text{ DOM } a$,
则有: $a = b$ 。



例:设有如下流图,求出所有结点的必经结点集

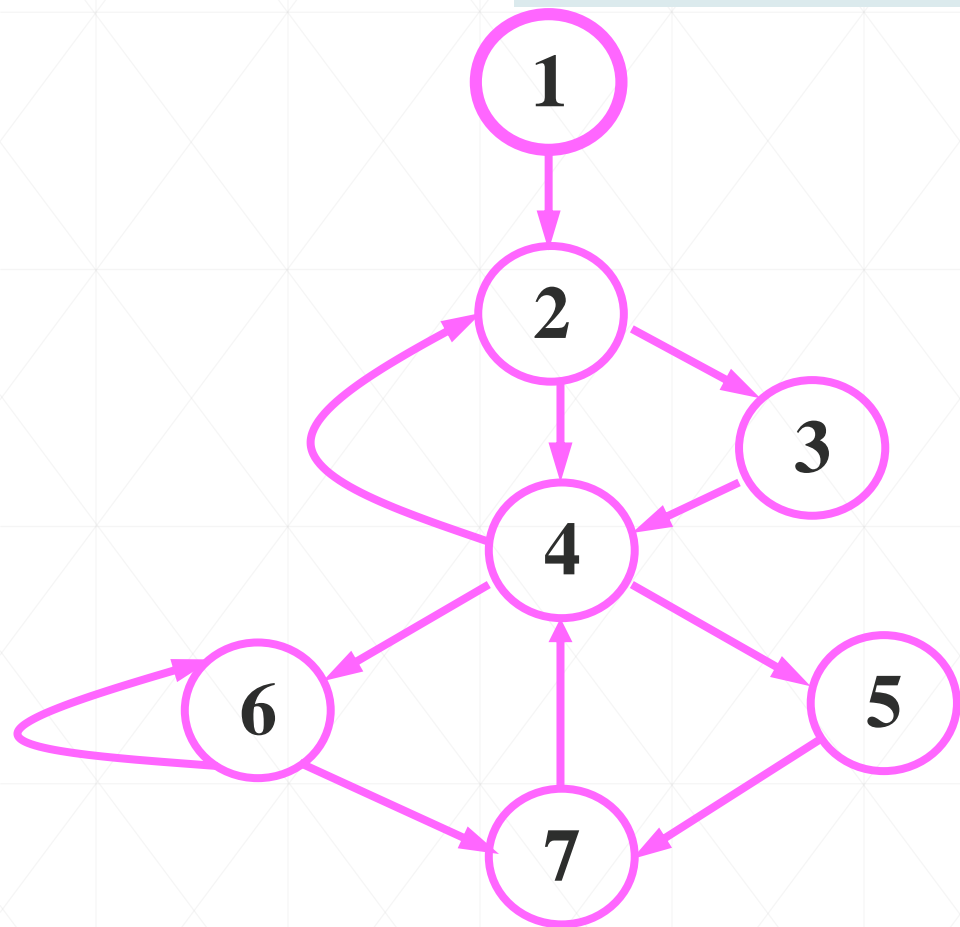
流图做广度优先搜索





例:设有如下流图,求出所有结点的必经结点集

根据广度优先搜索序列写出必经结点集



$$D(1)=\{1\}$$

$$D(2)=D(1)\cup\{2\}=\{1,2\}$$

$$D(3)=D(2)\cup\{3\}=\{1,2,3\}$$

$$D(4)=D(2)\cup\{4\}=\{1,2,4\}$$

$$D(5)=D(4)\cup\{5\}=\{1,2,4,5\}$$

$$D(6)=D(4)\cup\{6\}=\{1,2,4,6\}$$

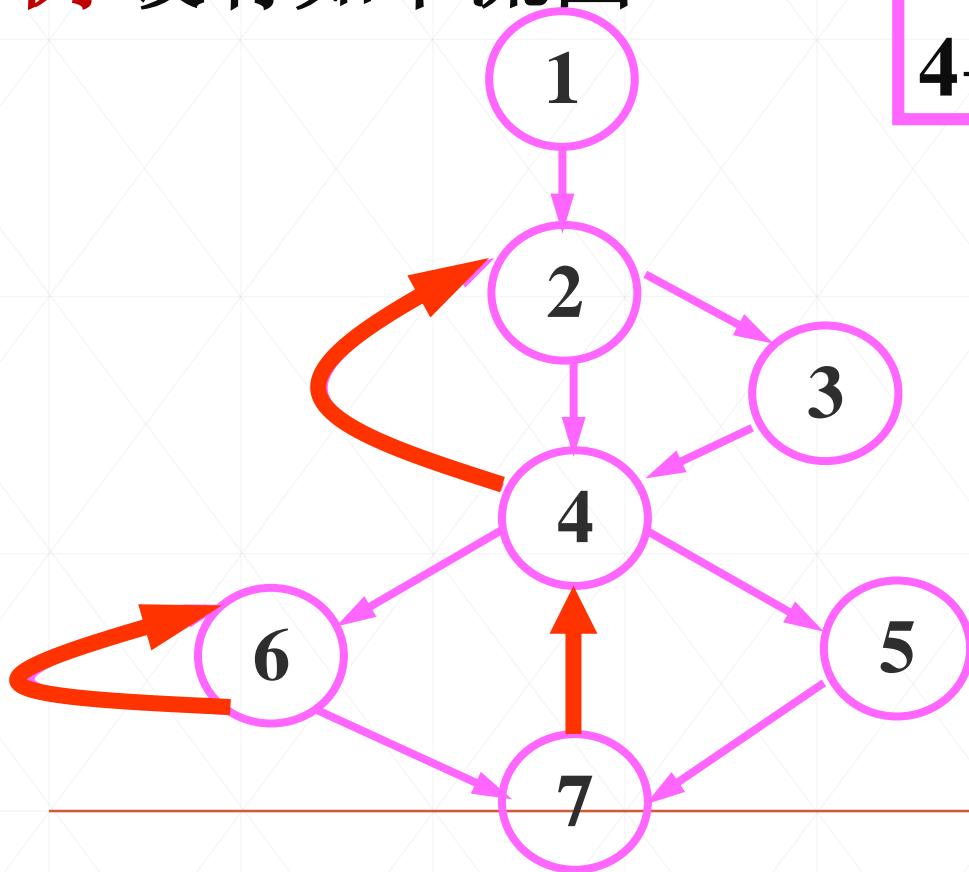
$$\begin{aligned} D(7) &= (D(5) \cap D(6)) \cup \{7\} \\ &= \{1,2,4,7\} \end{aligned}$$



■ 定义（回边）

■ $a \rightarrow b$ 是流图 G 中一条有向边，如果 $b \text{ DOM } a$ ，则称 $a \rightarrow b$ 是流图 G 中的一条回边。记作 $\langle a, b \rangle$ 。

例 设有如下流图



流图中的回边有3条：
 $4 \rightarrow 2$ ， $6 \rightarrow 6$ 和 $7 \rightarrow 4$ 。

$$D(1) = \{1\}$$

$$D(2) = \{1, 2\}$$

$$D(3) = \{1, 2, 3\}$$

$$D(4) = \{1, 2, 4\}$$

$$D(5) = \{1, 2, 4, 5\}$$

$$D(6) = \{1, 2, 4, 6\}$$

$$D(7) = \{1, 2, 4, 7\}$$



■ 利用回边求出流图中的循环：

若 $\langle n, d \rangle$ 是一回边，则由结点 d 、结点 n 以及所有通路到达 n 而该通路不经过 d 的所有结点序列构成一个循环 L ， d 是循环 L 的惟一入口。

求解算法：

$\text{loop} = \{d\};$

{if n is not in loop

$\{\text{loop} = \text{loop} \cup \{n\}; \text{push } n \text{ onto stack}; \}$

while stack is not empty

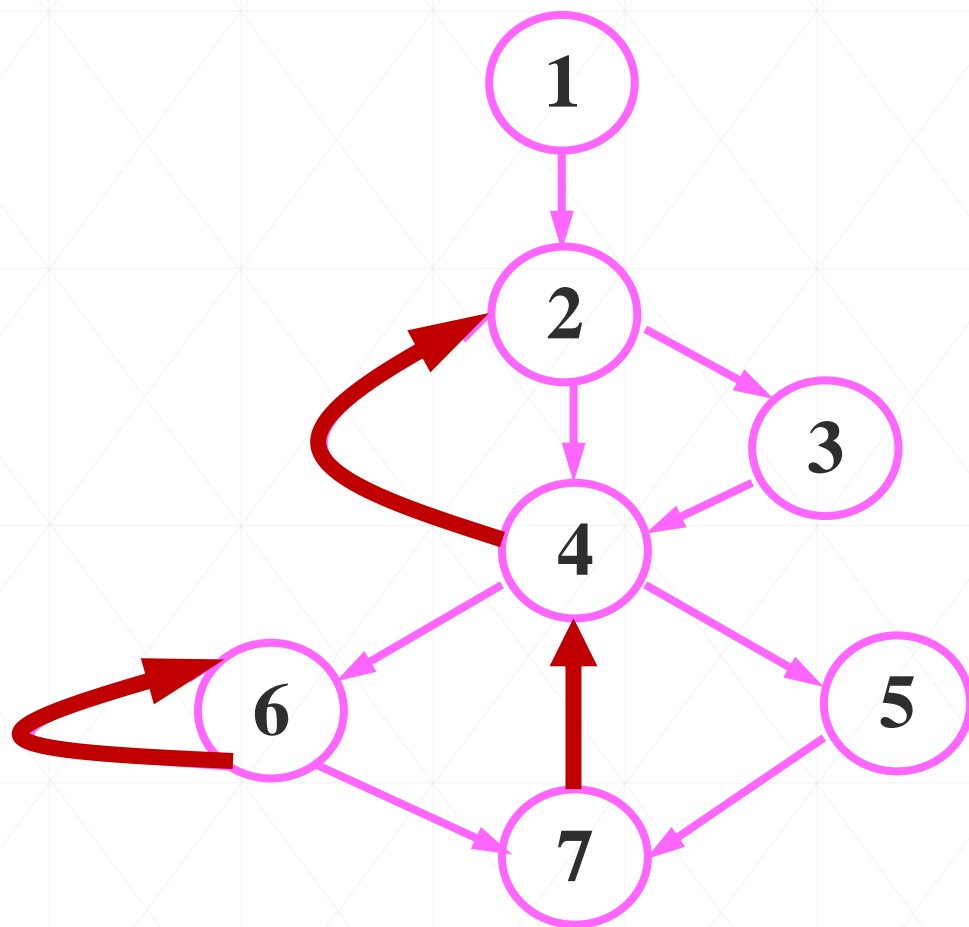
{pop m ; for each predecessor p of m do

 {if p is not in loop

$\{\text{loop} = \text{loop} \cup \{p\}; \text{push } p \text{ onto stack}; \}$



例：设有如下流图



流图中的循环：

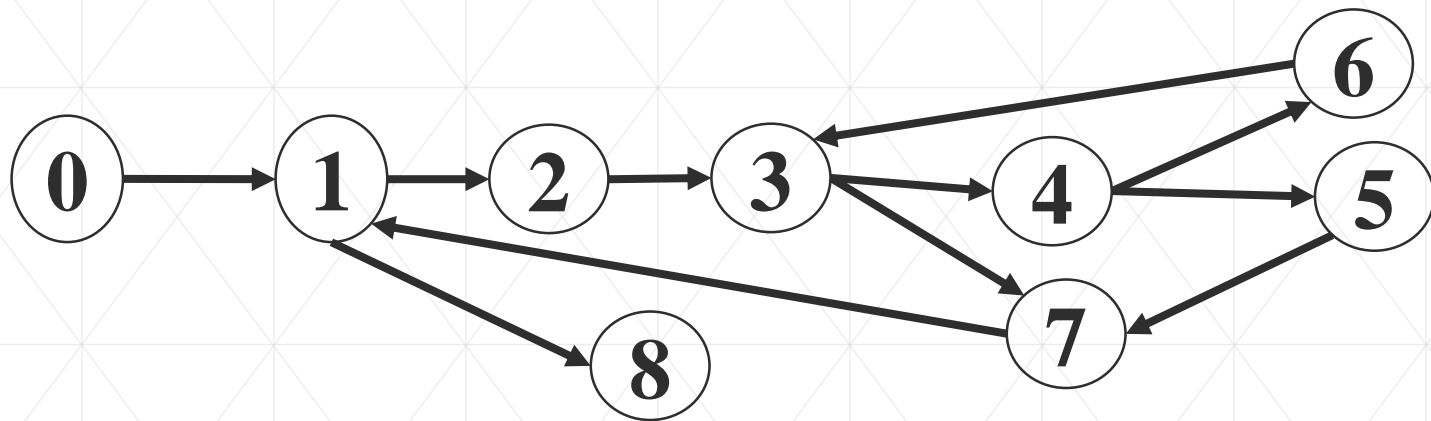
$\langle 4, 2 \rangle$ loop
 $= \{ 2, 4, 3, 7, 5, 6 \}$

$\langle 6, 6 \rangle$ loop
 $= \{ 6 \}$

$\langle 7, 4 \rangle$ loop
 $= \{ 4, 7, 5, 6 \}$



如下图所示的程序控制流图中有【 】
个循环



A 1

B 2

C 3

D 4

提交



➤ summary (查找循环步骤)

1. 确定G的所有节点的 $D(n)$;
2. 由 $D(n)$ 找回边;
3. 通过回边确定循环。



第 8 章 代码优化 (optimization)

8.1 代码优化概述

8.2 局部优化

8.3 控制流分析与循环查找

8.4 数据流分析基础



8.5 循环优化的实施



一. 数据流分析基础

■ 数据流分析

涉及多个基本块范围的优化，
编译程序需要知道**相关基本块中**的数据如何
沿着执行路径流动的信息，
此信息叫**数据流信息**，
收集信息的工作称为数据流分析。



■ 点：数据信息采集位置

一个中间语言语句在代码序列中的位置。

或语句在流图基本块中的位置。

基本块入口点：第一个中间代码的前位置

基本块出口点：最后一个中间代码后位置

例如

| | | |
|-------------|---|-------------------|
| d_i : | → | $x = a * b;$ |
| d_{i+1} : | → | $\text{read } x;$ |
| d_{i+2} : | → | |



■ 定值点:

变量 x 获得值的中间代码的位置 d , 称为 x 的定值点。

例如, $d_i: x=a*b+c;$ $d_j: \text{read } x ;$

定值方式

赋值语句

输入语句

函数调用的形参与实参结合



■ 引用点:

引用变量 x 的中间代码的位置 d , 称为 x 的引用点。

如,

$d_j: \quad \underline{i} = i + 1$

定值 引用

如,

$d_k: \quad \underline{i} ++$

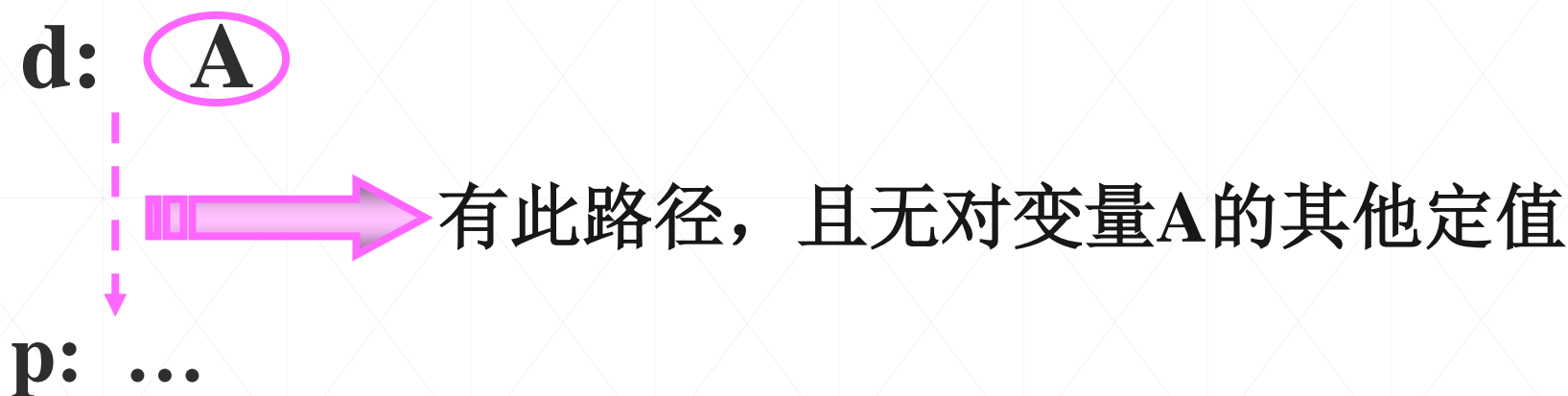
引用/定值



■ 到达 — 定值:

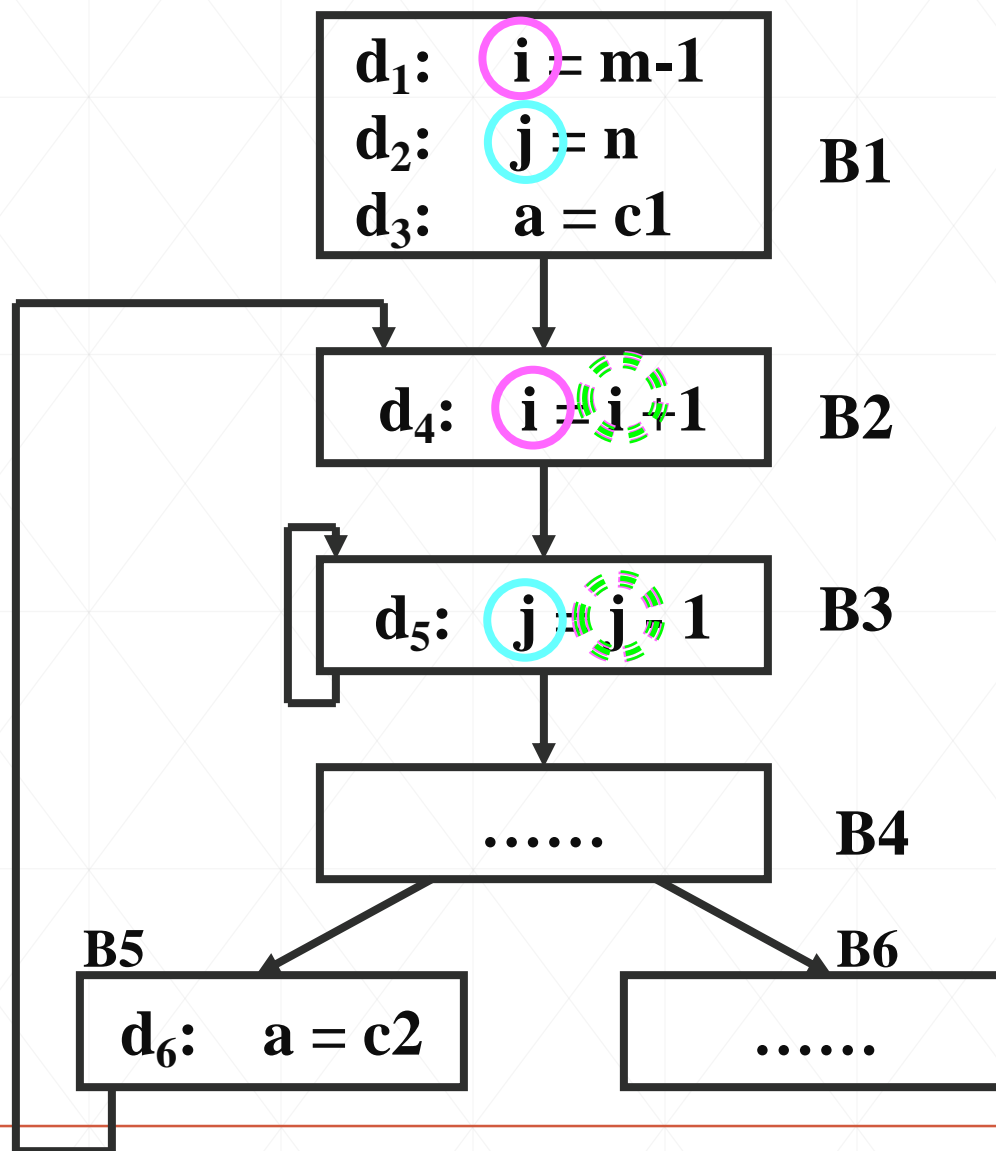
在流图G，从点d有一通路到达点p且该通路上没有对变量A的再定值，则称变量A在点d的定值到达点p。

约定：
 $\langle A \rangle$ — 对变量A的引用；
 \textcircled{A} — 对变量A的定值；





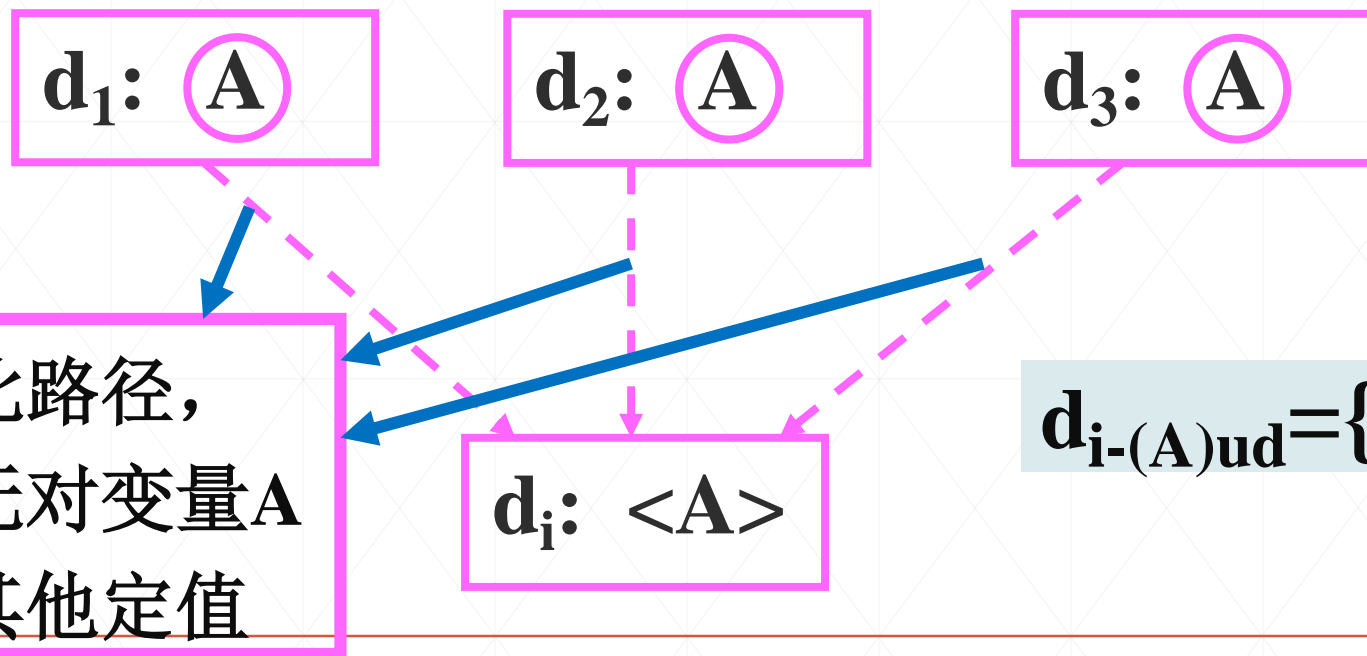
例 设有如下流图





■ 定义 (ud链)

假设在程序中某点P引用了变量A的值，则把流图中能到达P的A的定值点的全体，称为A在引用点P的引用一定值链（即ud链）。

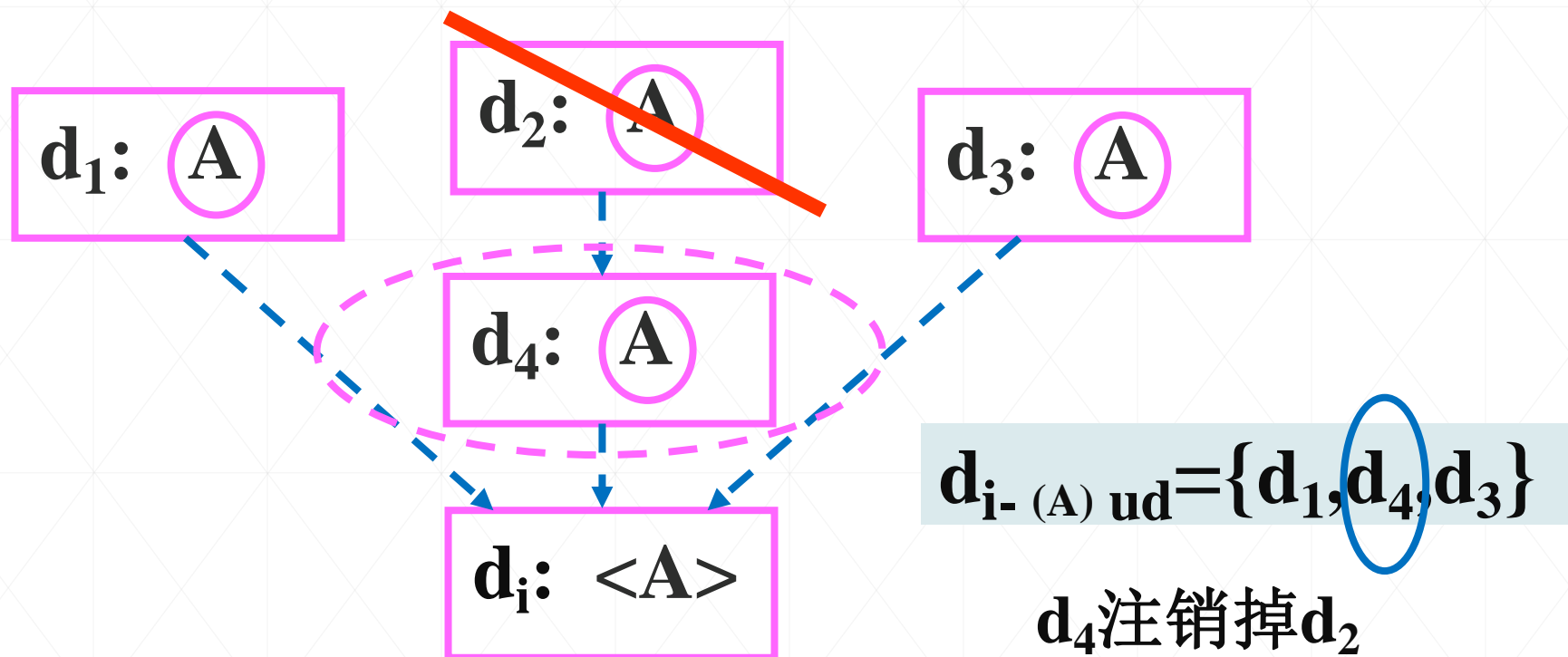




☺ **ud链**是相对于引用点的定值情况。

变量A在点d的引用的ud链:

所有能到达d点的A的定值点。





■ 定义(du链)

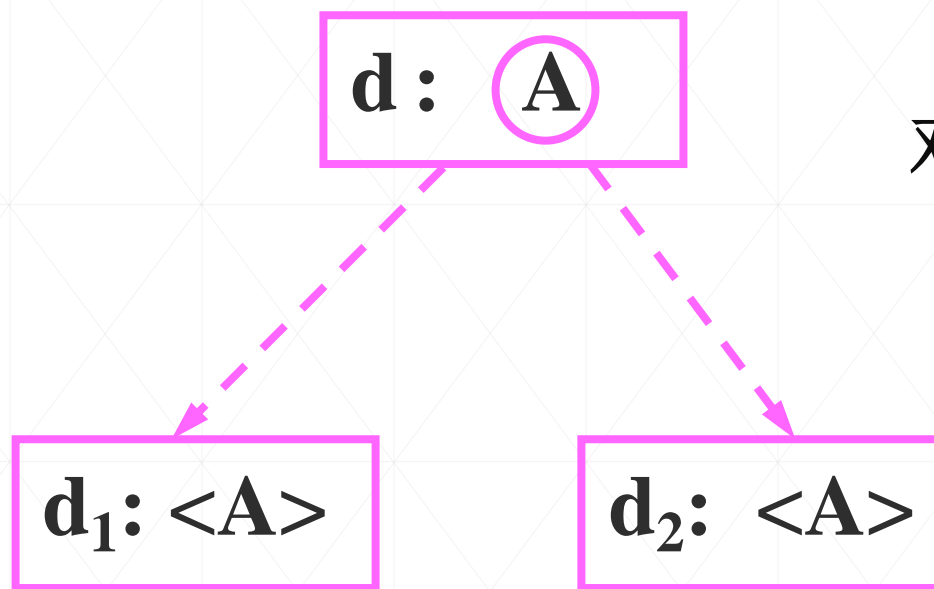
假设在程序中某点P对一个变量A定值，则把该定值能到达的A的引用点的全体，称为A在定值点P的定值—引用链（即du链）。

☺ du链是相对于定值点的引用情况。

变量A在点d的定值的du链，
定值到达的所有引用点。



■ du链



对变量A:

$$d_{-(A)}du = \{d_1, d_2\}$$



例 设有流图

t 在点 d_{k+2} 的ud链 $=\{d_{j+1}, d_{k+1}\}$

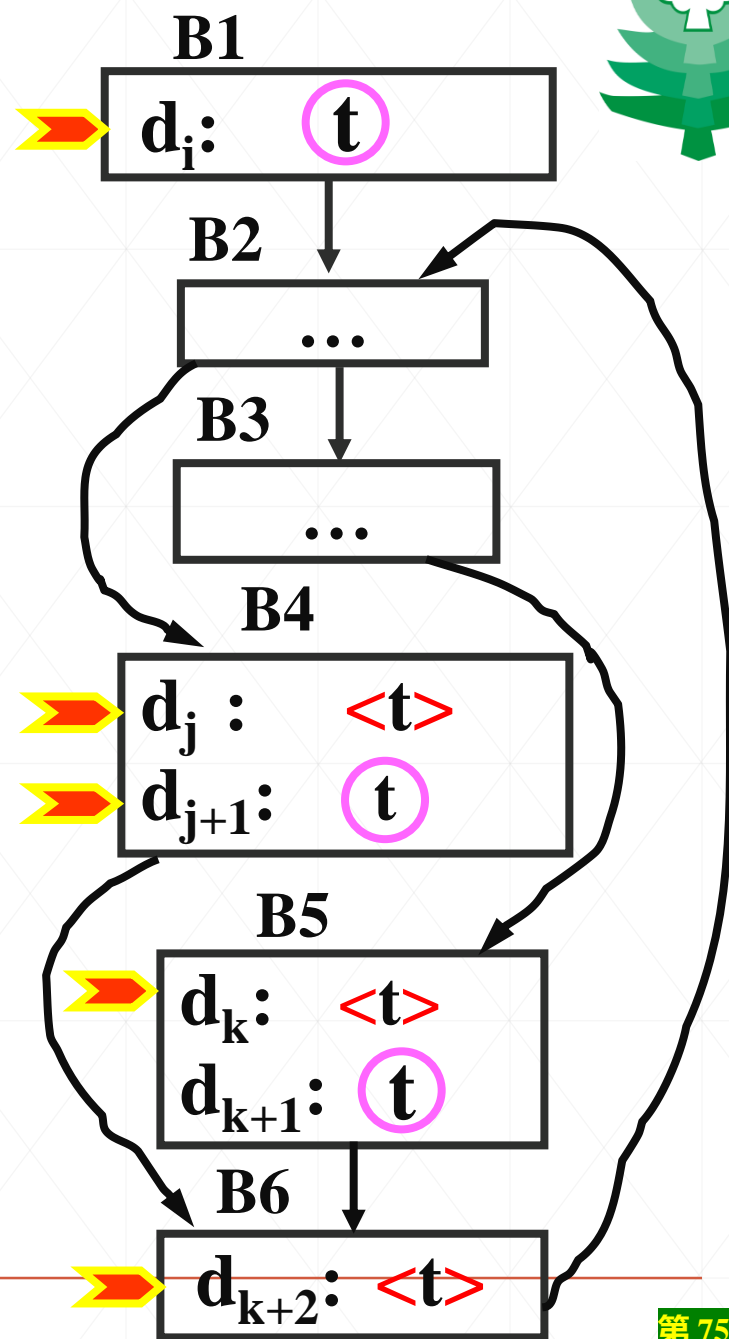
t 在点 d_k 的ud链 $=\{d_i, d_{j+1}, d_{k+1}\}$

t 在点 d_j 的ud链 $=\{d_i, d_{j+1}, d_{k+1}\}$

t 在点 d_i 的du链 $=\{d_j, d_k\}$

t 在点 d_{j+1} 的du链
 $=\{d_{k+2}, d_k, d_j\}$

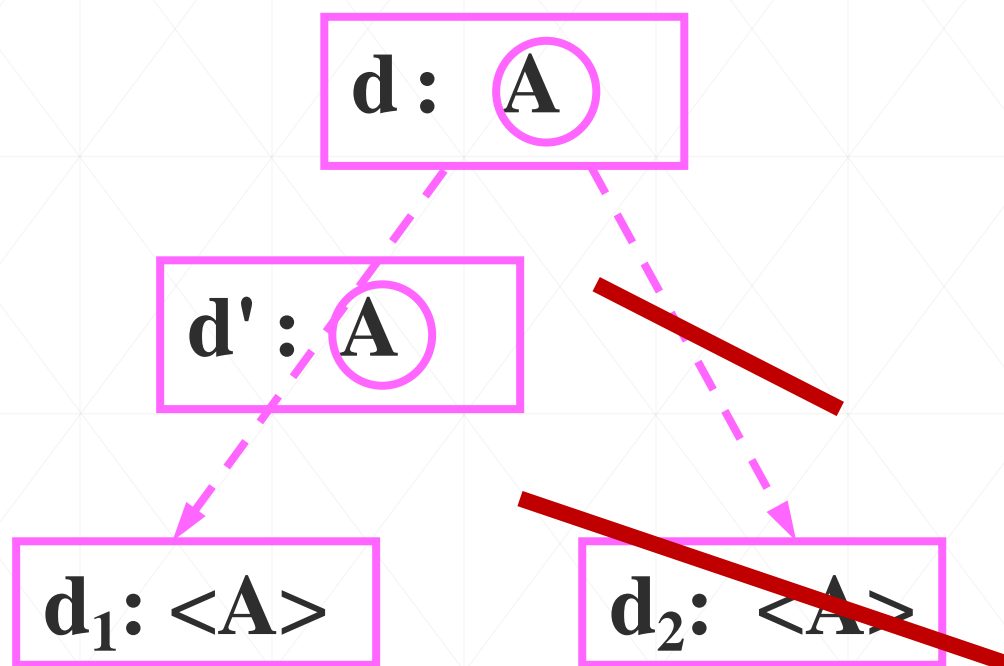
t 在点 d_{k+1} 的du链
 $=\{d_{k+2}, d_k, d_j\}$





■ 活跃变量:

在程序中对某变量A和某点P，如果存在一条从P开始的通路，其中引用了A在点P的值，则称A在点P是活跃的，否则称A在点P是死亡的。



A在点d活跃

A在点d, d'活跃

A在点d'活跃，
在点d死亡



二. 重要数据流方程

编译器把程序的一部分或全部看作一个整体来收集信息，并把收集的信息分配给流图中的各个基本块。

- 到达定值信息 — 求解ud链信息；常数合并
- 活跃变量信息 — 求解du链信息；删除无用赋值；
- 公共子表达式信息 — 删除冗余运算。



■ 典型的数据流方程

前 \longrightarrow 后 数据流控制流方向一致

$$\text{out}[B] = \text{gen}[B] \cup (\text{in}[B] - \text{kill}[B])$$

后 \longrightarrow 前 数据流控制流方向相反

$$\text{in}[B] = \text{gen}[B] \cup (\text{out}[B] - \text{kill}[B])$$

信息采集单位B：流图中某个**基本块**，或语句

出来的信息是产生(gen)信息加上没有被注销(kill)的进去的信息；



■ 使用数据流方程的注意事项

1. 产生、注销的概念依赖所需要的信息
2. 进入的信息依赖数据流方向

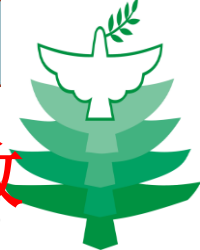
前 \rightarrow 后 数据流控制流方向一致

in[B]由前驱基本块的信息决定

后 \rightarrow 前 数据流控制流方向相反

out[B]由后继基本块的信息决定

3. 由于数据沿流图的控制路径流动，故数据流分析受程序控制结构影响。



■ 到达一定值数据流方程 数据流控制流方向一致

采集程序中变量的定值情况的数据流分析
(即到达点P的各变量的全部定值点信息)。

in(B_i): 能到达基本块 B_i 入口点的各个变量的所有定值点集。

out(B_i): 能到达基本块 B_i 出口点的各变量所有定值点的集合。

gen(B_i): 在 B_i 中定值且能到达 B_i 出口点的所有定值点集。

kill(B_i): 在基本块 B_i 中定值的变量在**所有其它基本块的定值点**的集合。



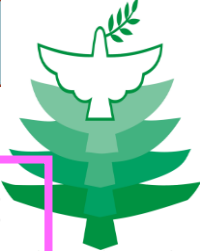
到达一定
值方程

$$\begin{cases} \text{out}(B) = \text{gen}(B) \cup (\text{in}(B) - \text{kill}(B)) \\ \text{in}(B) = \bigcup \text{out}(P) \quad P \in \text{Pred}(B) \end{cases}$$

其中：

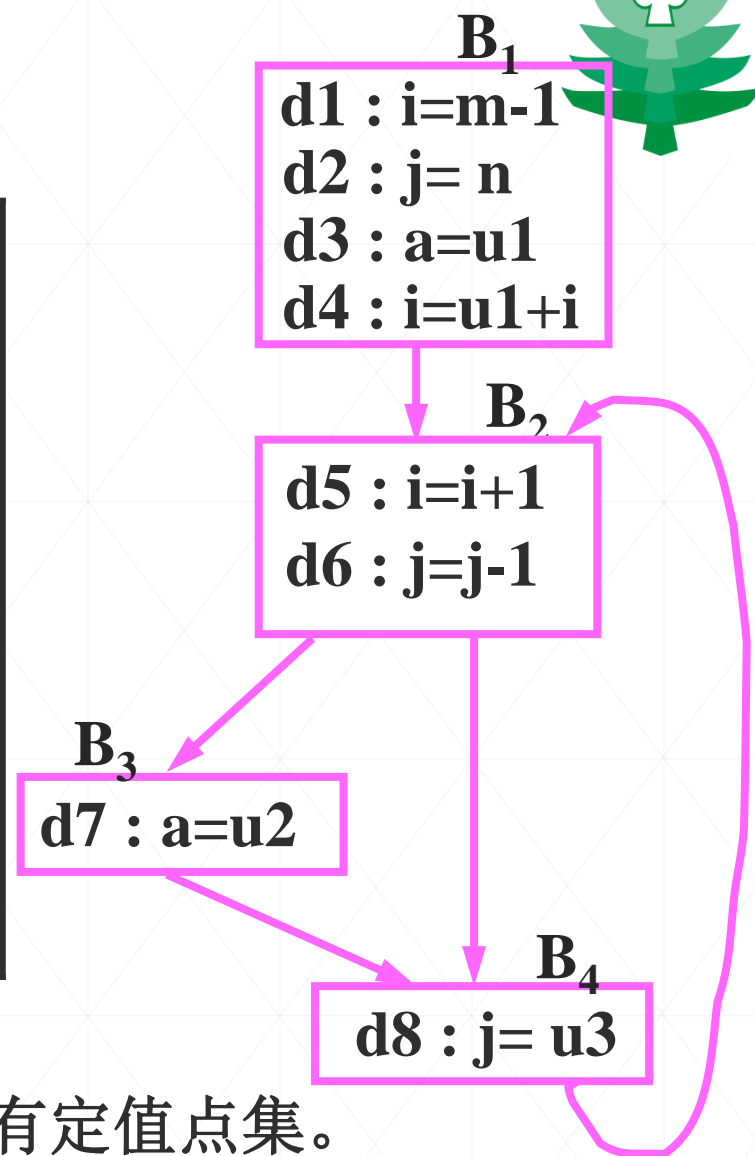
$\text{gen}(B)$ 和 $\text{kill}(B)$ 从其定义出发，直接从给定的代码求出。

$\text{Pred}(B)$ 表示 B 的前驱基本块。



例：设有流图

| | gen(B) | kill(B) |
|-------|------------------------|-------------------------------|
| B_1 | {d2(j), d3(a), d4(i) } | {d5(i), d6(j), d7(a), d8(j) } |
| B_2 | {d5(i), d6(j)} | {d1(i), d2(j), d4(i), d8(j)} |
| B_3 | {d7(a) } | {d3(a) } |
| B_4 | {d8(j)} | {d2(j), d6(j) } |



gen(B_i): 在 B_i 中定值且能到达 B_i 出口的所有定值点集。

kill(B_i): 在基本块 B_i 中定值的变量在其它基本块的定值点的集合。



对 $\text{out}(B)$ ，可由以下条件得到：

- ① 如果某定值点 d 在 $\text{in}(B)$ 中，而且在 d 定值的变量在 B 中未被重新定值，则 d 也在 $\text{out}(B)$ 中；
- ② 如果定值点 d 在 $\text{gen}(B)$ 中，则它一定在 $\text{out}(B)$ 中；
- ③ 除以上两种情况外，没有其它定值点 $d \in \text{out}(B)$ 。

对 $\text{in}(B)$ ：

某定值点 d 到达基本块 B 的入口点，当且仅当它到达 B 的某一前驱基本块的出口点。

即 $\text{in}(B)$ 是 B 的所有前驱基本块的 out 之并。



■ 算法 （到达一定值）



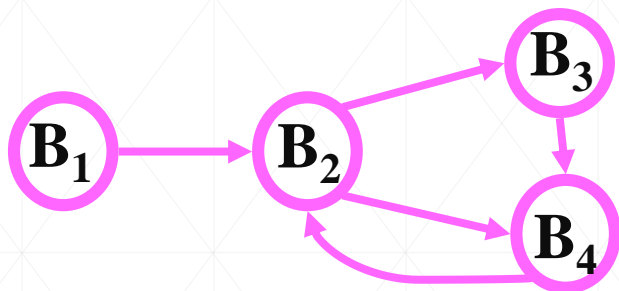
输入： G及G中每个基本块B的kill[B]和gen[B]

输出： G中每个基本块B的in[B]和out[B]

```
{
for (i=1;i<=N;i++)
{
    in[Bi]=Φ; out[Bi]=gen[Bi];           /* in[Bi]和out[Bi]的迭代初值 */
}
change=“真” ; /*change记录相继2次迭代所得的in[Bi]之值.不等则为“真”,
while (change)  需要继续迭代; 若相等, 则迭代过程结束, 其值为“假” */
    { change= “假” ;
      for (i=1;i<=N;i++)
      { NEWIN= ∪ out[P];    /* P ∈ Pred(Bi) */
        if ( NEWIN != in[Bi] ) /* NEWIN记录每次迭代后IN[Bi] 的新值 */
        { change= “真” ;
          in[Bi]= NEWIN;
          out[Bi]=gen[Bi] ∪ ( in[Bi]-kill[Bi]);
        }
      }
    }
}
```



例： 设有程序的流图及每个流图的数据信息，
求每个基本块的到达——定值信息



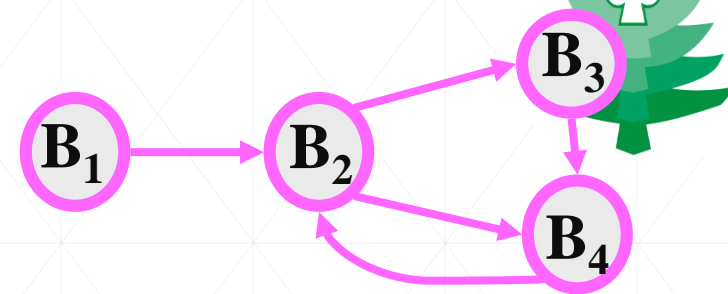
| | gen(B) | kill(B) |
|-------|---------------------------|----------------------------------|
| B_1 | $\{d2(i), d3(j), d4(a)\}$ | $\{d5(i), d6(j), d7(a), d8(j)\}$ |
| B_2 | $\{d5(i), d6(j)\}$ | $\{d1(i), d2(j), d4(a), d8(j)\}$ |
| B_3 | $\{d7(a)\}$ | $\{d3(a)\}$ |
| B_4 | $\{d8(j)\}$ | $\{d2(j), d6(j)\}$ |

| | |
|---------|---------------------------|
| in(B1) | Φ |
| out(B1) | $\{d2(i), d3(j), d4(a)\}$ |
| in(B2) | Φ |
| out(B2) | $\{d5(i), d6(j)\}$ |
| in(B3) | Φ |
| out(B3) | $\{d7(a)\}$ |
| in(B4) | Φ |
| out(B4) | $\{d8(j)\}$ |



| | gen(B) | kill(B) |
|-------|---------------------------|----------------------------------|
| B_1 | $\{d2(i), d3(j), d4(a)\}$ | $\{d5(i), d6(j), d7(a), d8(j)\}$ |
| B_2 | $\{d5(i), d6(j)\}$ | $\{d1(i), d2(i), d4(j), d8(j)\}$ |
| B_3 | $\{d7(a)\}$ | $\{d3(a)\}$ |
| B_4 | $\{d8(j)\}$ | $\{d2(j), d6(j)\}$ |

| | |
|---------|---------------------------|
| in(B1) | Φ |
| out(B1) | $\{d2(i), d3(j), d4(a)\}$ |
| in(B2) | Φ |
| out(B2) | $\{d5(i), d6(j)\}$ |
| in(B3) | Φ |
| out(B3) | $\{d7(a)\}$ |
| in(B4) | Φ |
| out(B4) | $\{d8(j)\}$ |



| | |
|---------|----------------------------------|
| in(B1) | Φ |
| out(B1) | $\{d2(i), d3(j), d4(a)\}$ |
| in(B2) | $\{d2(i), d3(j), d4(a), d8(j)\}$ |
| out(B2) | $\{d3(j), d5(i), d6(j)\}$ |
| in(B3) | $\{d3(j), d5(i), d6(j)\}$ |
| out(B3) | $\{d5(i), d6(j), d7(a)\}$ |
| in(B4) | $\{d3(j), d5(i), d6(j), d7(a)\}$ |
| out(B4) | $\{d3(j), d5(i), d7(a), d8(j)\}$ |



■ 利用到达一定值信息计算ud链

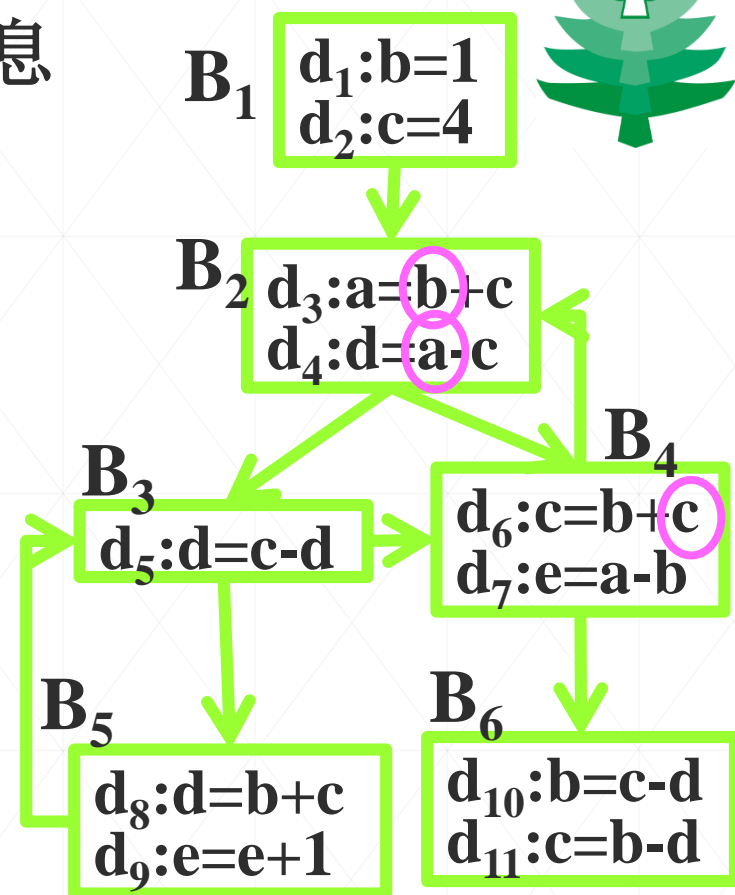
(1) 若在基本块B中，某变量A的引用点u之前有A的定值点d，且A的定值点d能到达点u，则A在u点的ud链为{d}；

(2) 若在基本块B中，某变量A的引用点u之前无A的定值点，则包含在IN[B]中的全部A的定值点均可到达点u，所以in[B]中的这些A的定值点组成A在u点的ud链。



例：如图所示的流图的到达定值信息

| | |
|---------|---|
| in(B1) | Φ |
| out(B1) | 1(b),2(c) |
| in(B2) | 1(b),2(c),3(a),4(d),5(d),6(c),7(e) |
| out(B2) | 1(b),2(c),3(a),4(d),6(c),7(e) |
| in(B3) | 1(b),2(c),3(a),4(d),6(c),7(e),8(d),9(e) |
| out(B3) | 1(b),2(c),3(a),5(d),6(c),7(e),9(e) |
| in(B4) | 1(b),2(c),3(a),4(d),5(d),6(c),7(e),9(e) |
| out(B4) | 1(b),3(a),4(d),5(d),6(c),7(e) |
| in(B5) | 1(b),2(c),3(a),5(d),6(c),7(e),9(e) |
| out(B5) | 1(b),2(c),3(a), 6(c), 8(d),9(e) |
| in(B6) | 1(b),3(a),4(d),5(d),6(c),7(e) |
| out(B6) | 3(a),4(d),5(d), 7(e), 10(b), 11(c) |



$d_{3-} (b)_{ud} = \{d_1\}$

$d_{4-} (a)_{ud} = \{d_3\}$

$d_{6-} (c)_{ud} = \{d_2, d_6\}$



下表为右图所示流图中部分基本块的到达定值信息，则变量d在d4点的ud链为

| | |
|---------|------------------------------------|
| in(B1) | Φ |
| out(B1) | 1(d),2(c) |
| in(B2) | 1(d),2(c),3(a),4(d),5(d),6(c),7(e) |
| out(B2) | 2(c),3(a),4(d),6(c),7(e) |

A d1

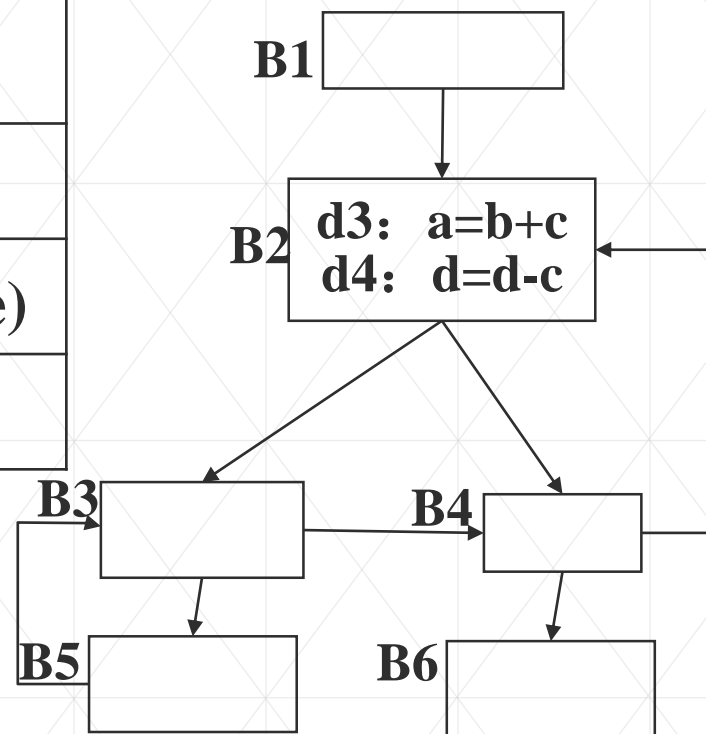
B d2

C d3

D d4

E d5

F d6



提交

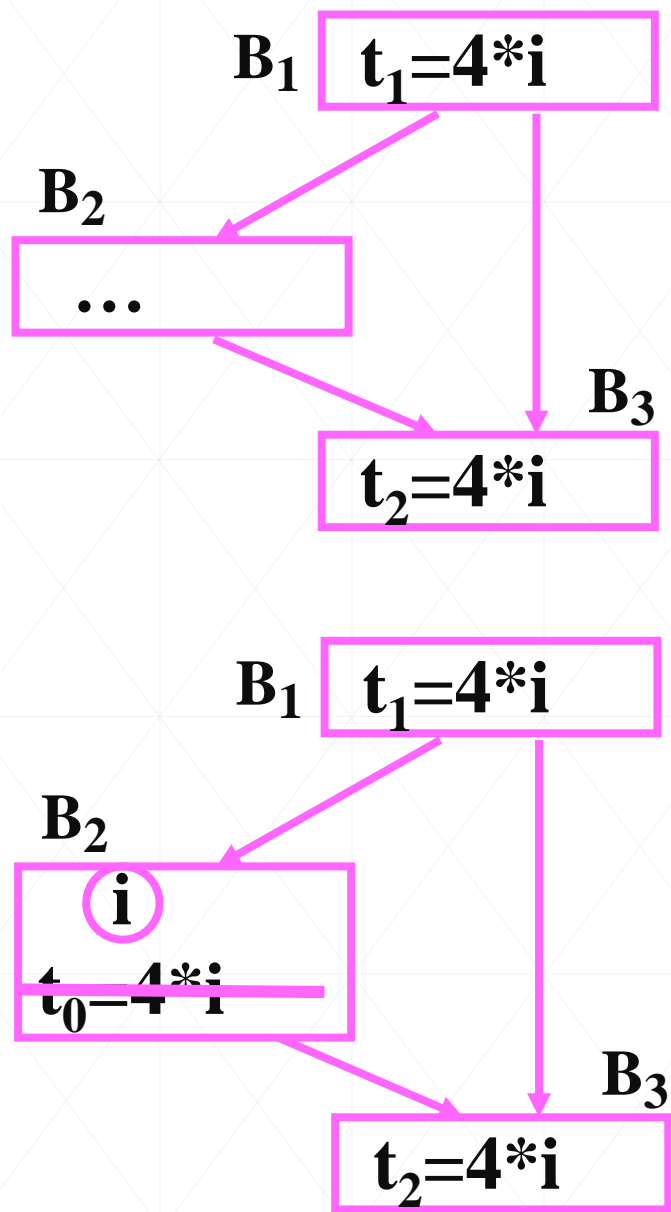


■ 可用表达式数据流方程

表达式 $x+y$ 在点P可用:

如果从首结点到P的每条路径上都计算 $x+y$,
并且在最后一次计算 $x+y$ 到P之间未对 x 或 y 定
值, 则表达式 $x+y$ 在点P可用。

若有对 x 或 y 的定值, 则可用的 $x+y$ 被注销。



B_2 中没有对变量 i 的定值，则 B_1 中的 $4 * i$ 在 B_3 开始点可用。

B_2 中对变量 i 定值后又计算 $4 * i$ ，则表达式 $4 * i$ 在 B_3 开始点可用。

B_2 中对变量 i 定值后不计算 $4 * i$ ，则表达式 $4 * i$ 在 B_3 开始点不可用。



■ 可用表达式数据流方程 数据流控制流方向一致

$$\left\{ \begin{array}{ll} \text{out}[B] = (\text{in}[B] - \text{kill}[B]) \cup \text{gen}[B] \\ \text{in}(B) = \bigcap_{P \text{ 是 } B \text{ 的前驱}} \text{out}[P] & (B \text{ 不是首基本块}) \\ \text{in}(B_1) = \Phi & (B_1 \text{ 是首基本块}) \end{array} \right.$$

**** 与到达一定值数据流方程的区别:**

(1) 首基本块的处理特殊;
首基本块无任何表达式可用

(2) 算符 \cap ;

一个表达式在块的开始点可用,
只有当它在该块的所有前趋块的出口可用时才行



活跃变量数据流方程

数据流控制流方向相反

$$\begin{cases} \text{in}_L(B) = (\text{out}_L(B) - \text{def}_L(B)) \cup \text{use}_L(B) \\ \text{out}_L(B) = \bigcup_{S \in \text{Succ}(B)} \text{in}_L(S) \end{cases}$$

$\text{in}_L(B)$: 在基本块B入口点的活跃变量的集合。

$\text{out}_L(B)$: 在基本块B出口点的活跃变量的集合。

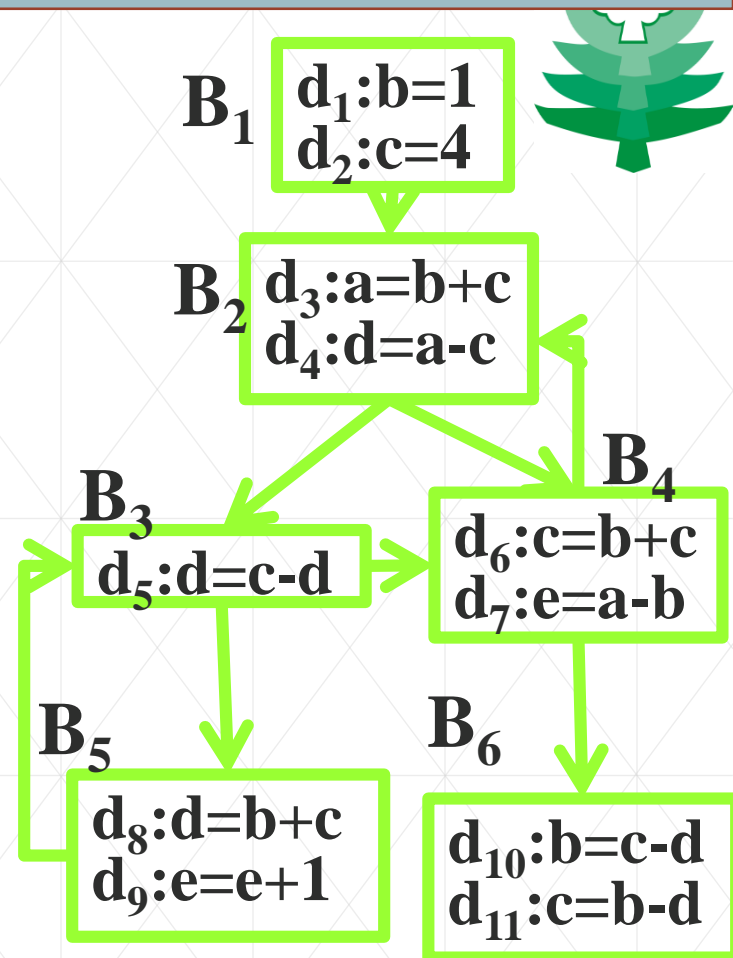
$\text{def}_L(B)$: 在基本块B中定值的变量的集合。

$\text{use}_L(B)$: 在基本块B中引用的，但在引用前未曾在B中定值的变量集。

$\text{Succ}(B)$: 表示B的后继基本块。

例： 如图所示的流图

| | DEF | USE |
|----|-----|-------|
| B1 | b,c | |
| B2 | a,d | b,c |
| B3 | d | c,d |
| B4 | c,e | c,b,a |
| B5 | d,e | b,c,e |
| B6 | b,c | c,d |



$\text{def}_L(B)$: 在基本块B中定值的变量集合。

$\text{use}_L(B)$: 在基本块B中引用的，但在引用前未曾在B中定值的变量集。



对 $\text{in}_L(B)$ ，可由以下条件得到：

- ① 如果某变量 a 在 $\text{out}_L(B)$ 中，而且变量 a 在 B 中未被重新定值，则 a 也在 $\text{in}_L(B)$ 中；
- ② 如果变量 a 在 $\text{use}_L(B)$ 中，则它一定在 $\text{in}_L(B)$ 中；
- ③ 除以上两种情况外，没有其它变量 $a \in \text{in}_L(B)$ 。

对 $\text{out}_L(B)$ ：

某变量 a 在基本块 B 的出口点是活跃变量，当且仅当 a 在 B 的某一后继基本块的入口点活跃。

即 $\text{out}_L(B)$ 是 B 的所有后继基本块的 in_L 之并。



■ 算法 （活跃变量）



输入： G 及 G 中每个基本块 B 的 $\text{def}_L[B]$ 和 $\text{use}_L[B]$

输出： G 中每个基本块 B 的 $\text{in}_L[B]$ 和 $\text{out}_L[B]$

```
{
for (i=1;i<=N;i++)
{
     $\text{in}[B_i] = \text{use}_L[B_i]$ ;  $\text{out}[B_i] = \Phi$ ;           /*  $\text{in}[B_i]$  和  $\text{out}[B_i]$  的迭代初值 */
}
change="真" ; /*change记录相继2次迭代所得的 $\text{out}[B_i]$ 之值.不等则为“真”,
while (change) 需要继续迭代; 若相等, 则迭代过程结束, 其值为“假” */
    { change=“假” ;
      for (i=N;i>=1;i--)
      { NEWOUT=  $\cup \text{in}[S]$ ; /*  $S \in \text{Succ}(B_i)$  */
        if ( NEWOUT !=  $\text{out}[B_i]$  ) /* NEWOUT记录每次迭代后 $\text{OUT}[B_i]$  的
          { change=“真” ;          新值 */
             $\text{out}[B_i] = \text{NEWOUT}$ ;
             $\text{in}[B_i] = \text{use}_L[B_i] \cup (\text{out}_L[B_i] - \text{def}_L[B_i])$ ;
          }
        }
      }
    }
}
```



包含活跃点的活跃变量数据流方程

$$\begin{cases} \text{in}_L(B) = (\text{out}_L(B) - \text{def}_L(B)) \cup \text{use}_L(B) \\ \text{out}_L(B) = \bigcup_{S \in \text{Succ}(B)} \text{in}_L(S) \end{cases}$$

$\text{in}_L(B)$: 在基本块B入口点的活跃变量活跃点的集合。

$\text{out}_L(B)$: 在基本块B出口点的活跃变量活跃点的集合。

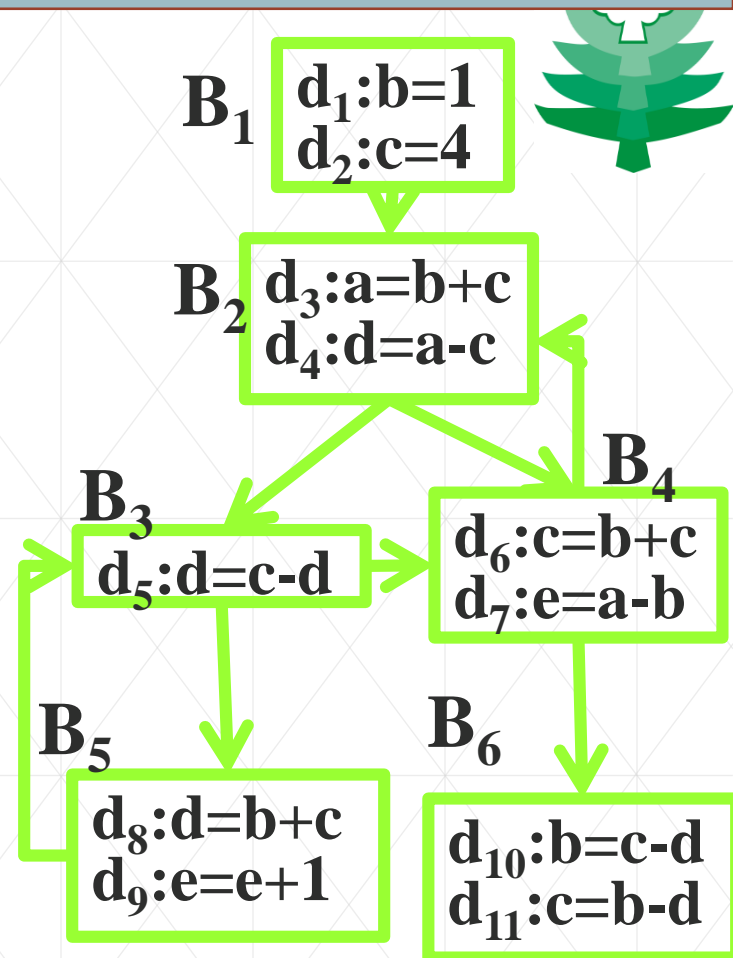
$\text{def}_L(B)$: 在基本块B中定值的变量在其它基本块的引用点的集合。

$\text{use}_L(B)$: 在基本块B中引用的，但在引用前未曾在B中定值的变量引用点的集合。

$\text{Succ}(B)$: 表示B的后继基本块。

例：如图所示的流图

| | DEF | USE |
|----|-----------------------------------|-----------------------|
| B1 | b(3,6,7,8,11), c(3,4,5,6,8,10) | |
| B2 | a(7),d(5,10,11) | b(3),c(3,4) |
| B3 | d(10,11) | c(5),d(5) |
| B4 | c(3,4,5,8,10), e(9) | c(6),b(6, 7), a(7) |
| B5 | d(5,10,11) | b(8),c(8),e(9) |
| B6 | b(3,6,7,8), c(3,4,5,6,8) | c(10),d(10,11) |



def_L(B): 在基本块B中定值。点为块外引用点

use_L(B): 在基本块B中引用的，但在引用前未曾在B中定值的变量集。点为引用点。



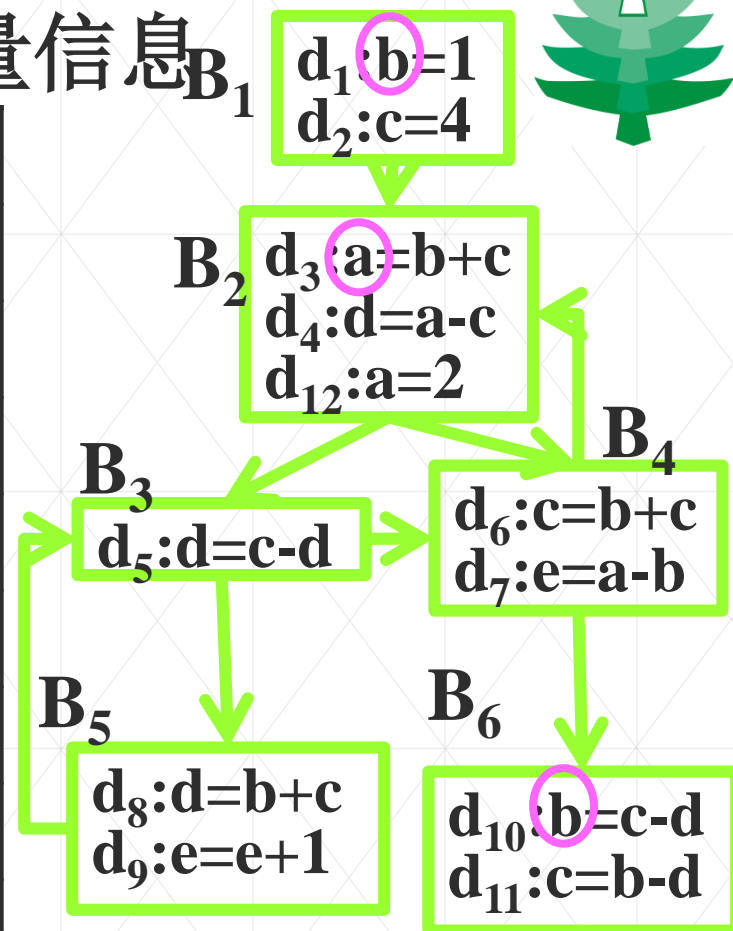
■ 利用包含活跃点的活跃变量信息计算du链

- (1)若在基本块B中，某变量A的定值点d之后有A的定值点p，则从点d到与d相距最近的那个A的定值点p之间的对A的所有引用点，即为A在定值点d的du链。
- (2)若在基本块B中，某变量A的定值点d之后无A的定值点，则B中点d之后的A的所有引用点加上 $OUT_L(B)$ 中变量A的所有活跃点即为A在点d的du链。

例：如图所示的流图的活跃变量信息 B_1



| | |
|---------|--|
| in(B1) | e(9) |
| out(B1) | b(3,6,7,8), c(3,4,5,6,8), e(9) |
| in(B2) | b(3,6,7,8), c(3,4,5,6,8), e(9) |
| out(B2) | c(5,6,8), d(5,10,11), b(3,6,7,8), a(7), e(9) |
| in(B3) | c(5,6,8), d(5), b(3,6,7,8), a(7), e(9) |
| out(B3) | c(5,6,8), b(3,6,7,8), a(7), d(10,11), e(9) |
| in(B4) | c(5,6), b(3,6,7,8), a(7), d(10,11) |
| out(B4) | b(3,6,7,8), c(3,4,5,6,8,10), d(10,11), e(9) |
| in(B5) | b(3,6,7,8), c(5,6,8), e(9), a(7) |
| out(B5) | c(5,6,8), d(5), b(3,6,7,8), a(7), e(9) |
| in(B6) | c(10), d(10,11) |
| out(B6) | \emptyset |



$$d_{3-(a)du} = \{d_4\}$$

$$d_{1-(b)du} = \{d_3, d_6, d_7, d_8\}$$

$$d_{10-(b)du} = \{d_{11}\}$$



第 8 章 代码优化 (optimization)

8.1 代码优化概述

8.2 局部优化

8.3 控制流分析与循环查找

8.4 数据流分析基础

8.5 循环优化的实施





■ 循环优化准备

1. 循环查找;
2. 涉及循环的所有基本块的数据流分析:

量的定值——引用情况信息

ud链

du链、活跃变量

可实施的
循环优化

代码外提 (频度削弱)

强度削弱

删除归纳变量



■ 循环的前置结点

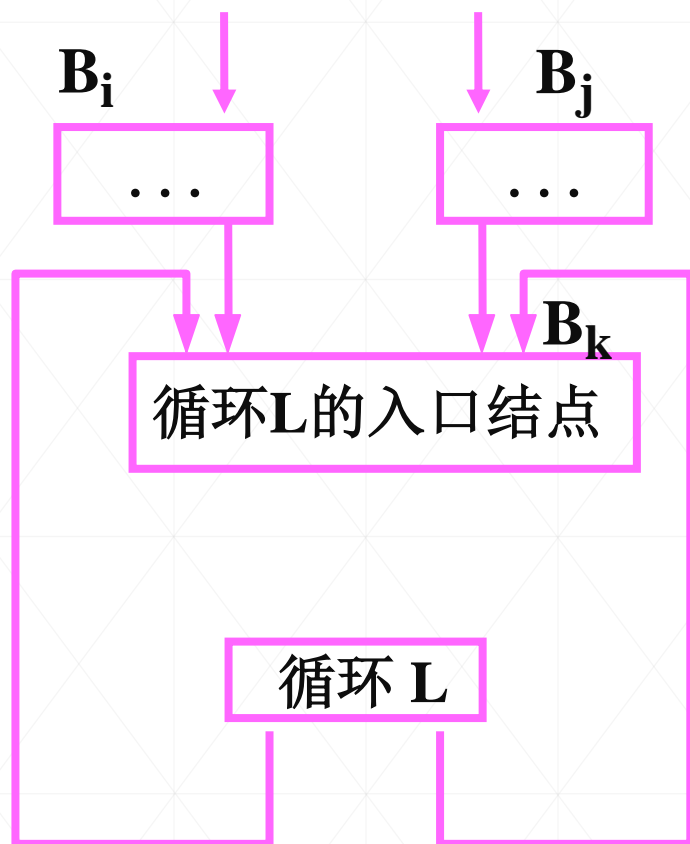
在循环的入口结点前加的一个新结点(基本块)
循环的入口结点为其惟一后继,
原程序流图中从循环外到循环入口结点的有向
边修改为到循环前置结点。

∴ 循环的入口惟一

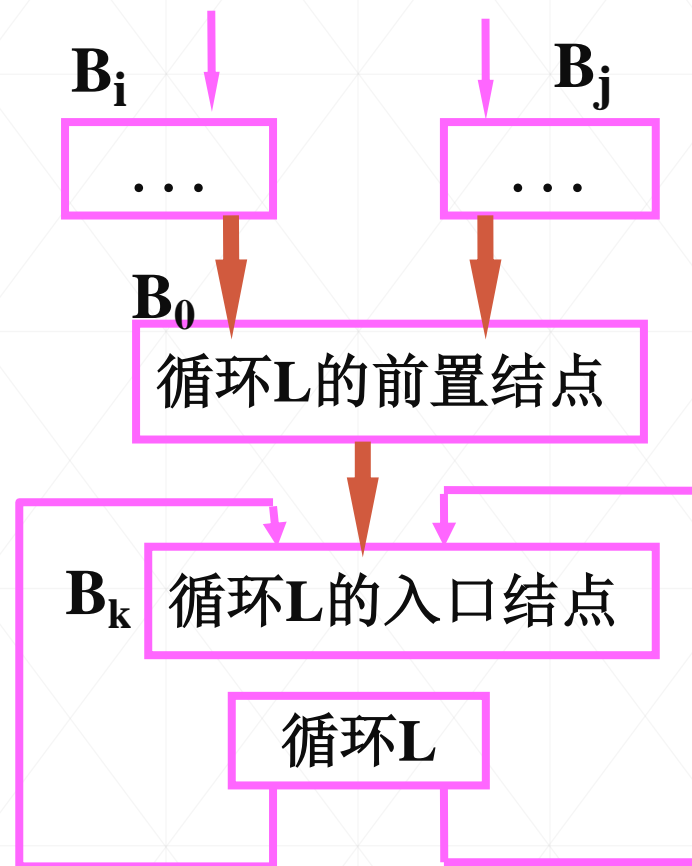
∴ 前置结点惟一



例：设有流图



建立循环L的
前置结点 B_0 前的流图



建立循环L的
前置结点 B_0 后的流图



一. 代码外提

将循环中的不变运算提到循环的前置结点中。

不变运算：与循环执行次数无关的运算或不受循环控制变量影响的那些运算。

例如：

循环L中有语句 $A = B \text{ op } C$

B和C是常数，

B和C虽然是变量，但到达B和C的**定值点**皆在循环L外，则在循环中每次计算出的 $B \text{ op } C$ 的值始终不变。



例：给出以下源程序

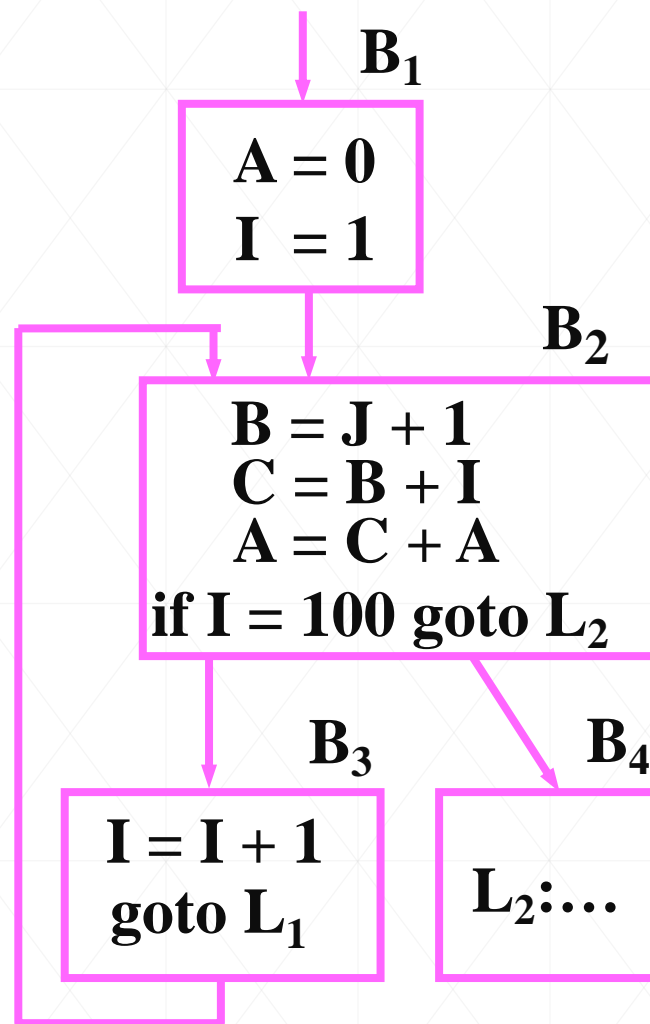
循环中：

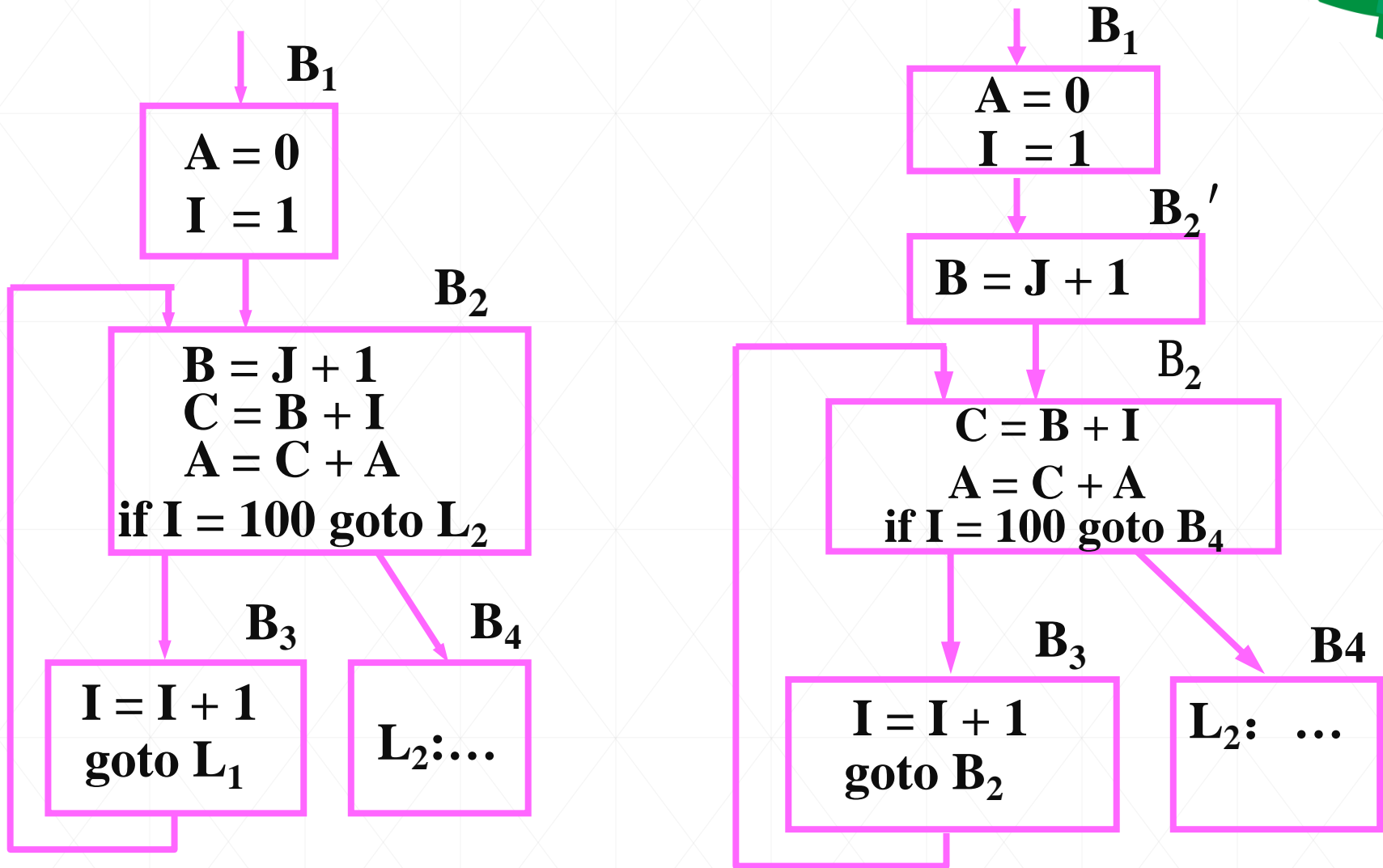
基本块 B_2 中的语句

$B = J + 1,$

循环中没有对J的定值点，
对J引用的定值点都在循环
外，所以它是循环的不变运
算，可提到循环的前置结点
 B_2' 中。

$\langle B_3, B_2 \rangle_{\text{loop}} = \{ B_2, B_3 \}$







■ 代码外提算法的设计

(1) 查找循环中的不变运算; (X1)

(2) 实施代码外提; (X2)

■ 算法 (X1:查找循环中不变运算)

设有循环L

输入: 循环L; L中的所有变量引用点的ud链信息;

输出: 标识了所有“不变运算”的循环L;



方法:

- (1) 查看L中各基本块的每个语句，如果其中的每个运算对象为常数或定值点在L外（据ud链判断），将该语句标记为“不变运算”；
- (2) 重复第(3)步，直至没有新的语句被标记为“不变运算”为止；
- (3) 依次查看未被标记为“不变运算”的语句，如果其运算对象为常数或定值点在L外，或只有一个到达-定值点，但该点上的语句已被标记为“不变运算”，则将被查看的语句标为“不变运算”。



■ 算法 (X2: 代码外提)

输入： 循环L； **ud链信息**和**必经结点D(n_i)信息**；
活跃变量信息

输出： L'； (加前置块，已经外提“不变运算”
后的循环L)

方法：

(1) 求出循环L中所有不变运算。(call X1)

(2) 对(1)求出的每一不变运算

d: A=B op C 或 A=op B 或 A=B,

检查是否满足如下条件之一：



①(i)点d所在的结点是L的所有出口结点的必经结点;

(ii)A在L中其它地方未再定值;

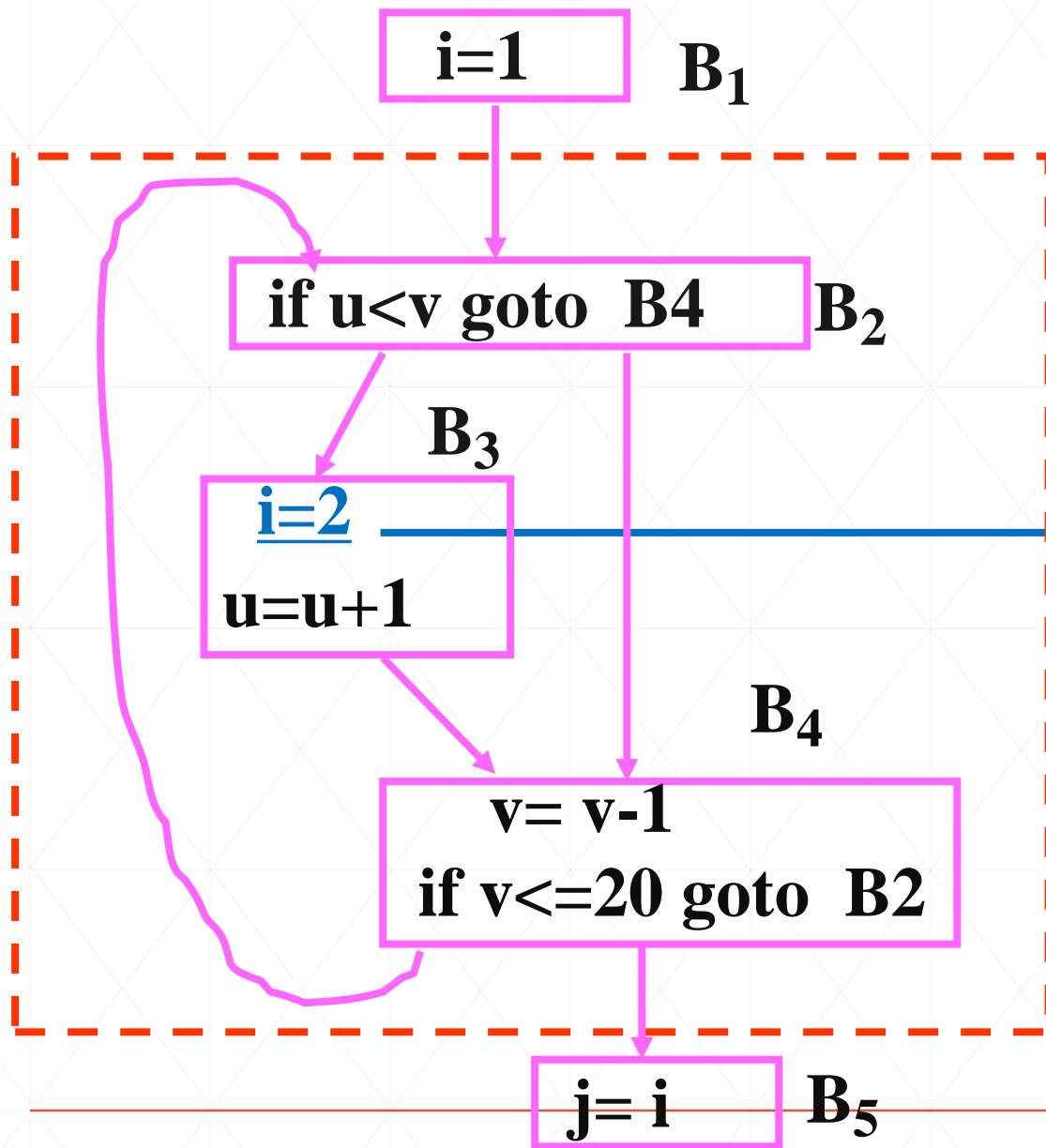
(iii)L中所有A的引用点只有点d对A的定值才能到达。

② A在离开L后不再是活跃的(A在L的任何出口结点的出口处不是活跃的), 且条件①的(ii)和(iii)成立。

(3) 按第(1)步找出的不变运算的顺序, 依次把符合(2)的条件之一的不变运算外提到L的前置结点中。若点d的运算对象(B或C)是在L中定值的, 那么, 只有当这些定值语句都提到前置结点中后, 才可把点d的运算外提。



说明外提的限制条件:



关于条件(1)中的
(i)的举例:

点d所在的结点是
L的所有出口结点的
必经结点;

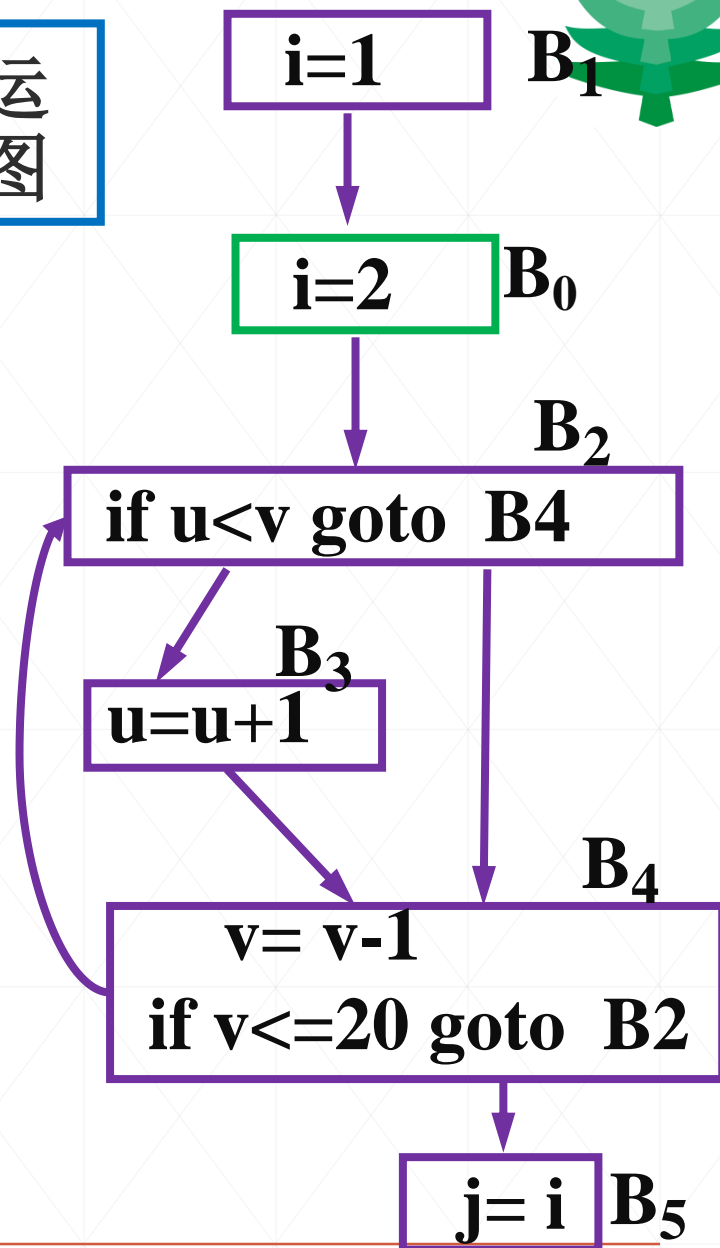
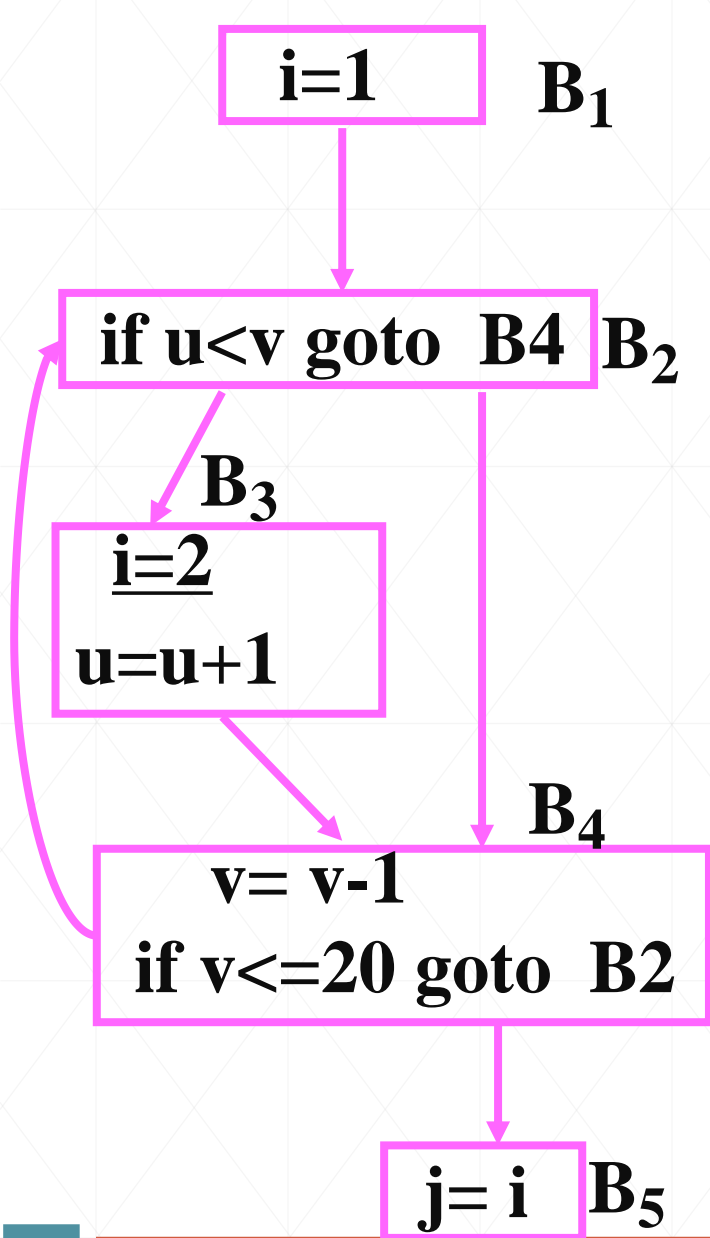
不变运算

$\langle B4, B2 \rangle_{\text{Loop}}$
 $= \{ B2, B3, B4 \}$



外提不变运算
后的流图

将“不变
运算”外
提后，会
改变程
序的计算
结果。



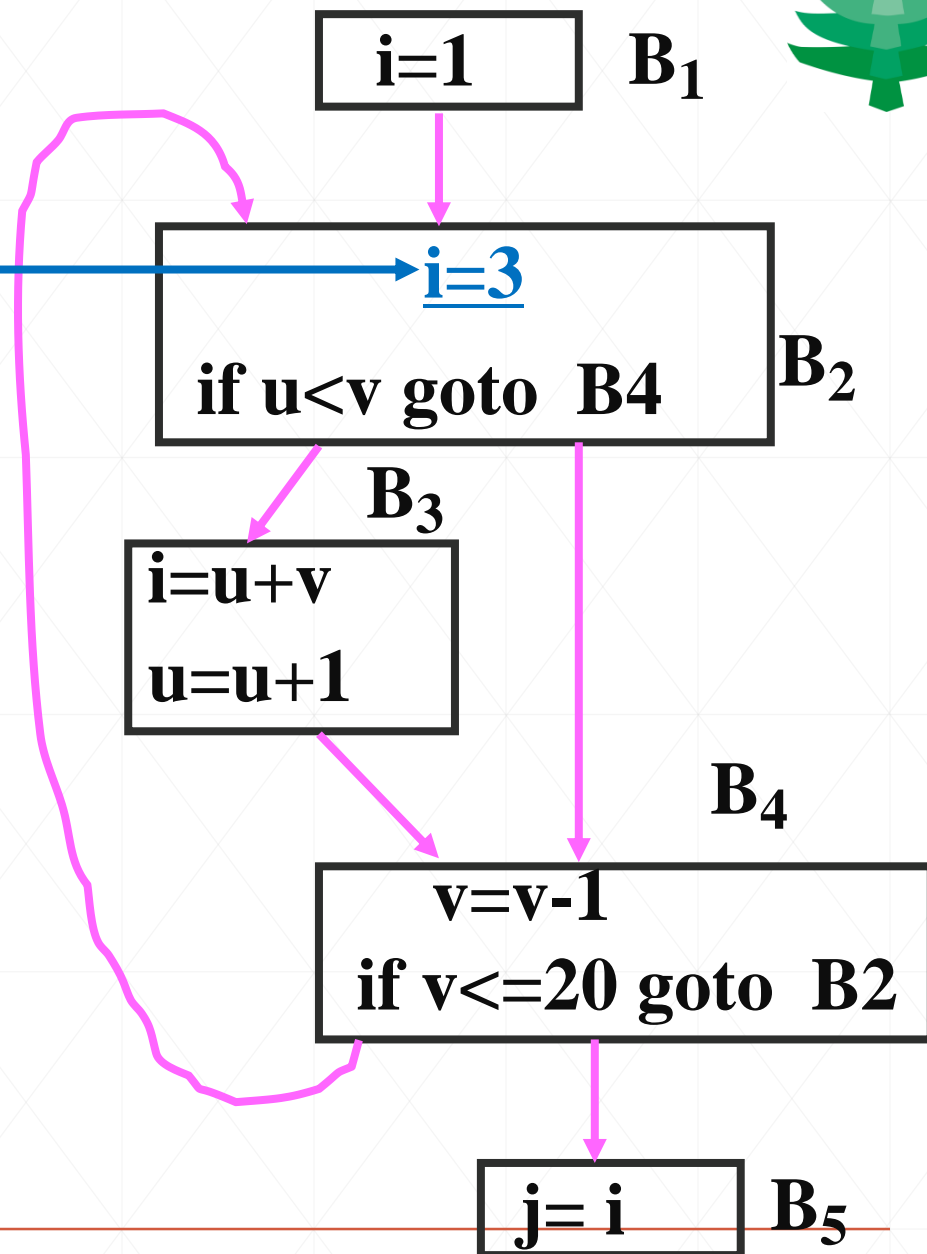


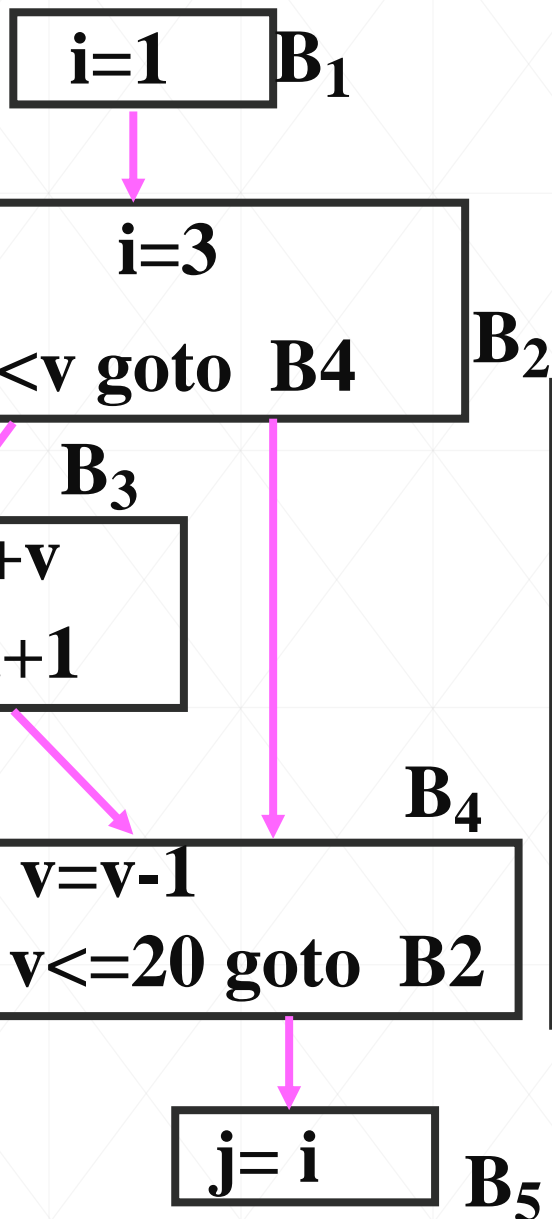
说明外提的限制条件:

不变运算

条件(i)不能
阻挡将*i*=3外提

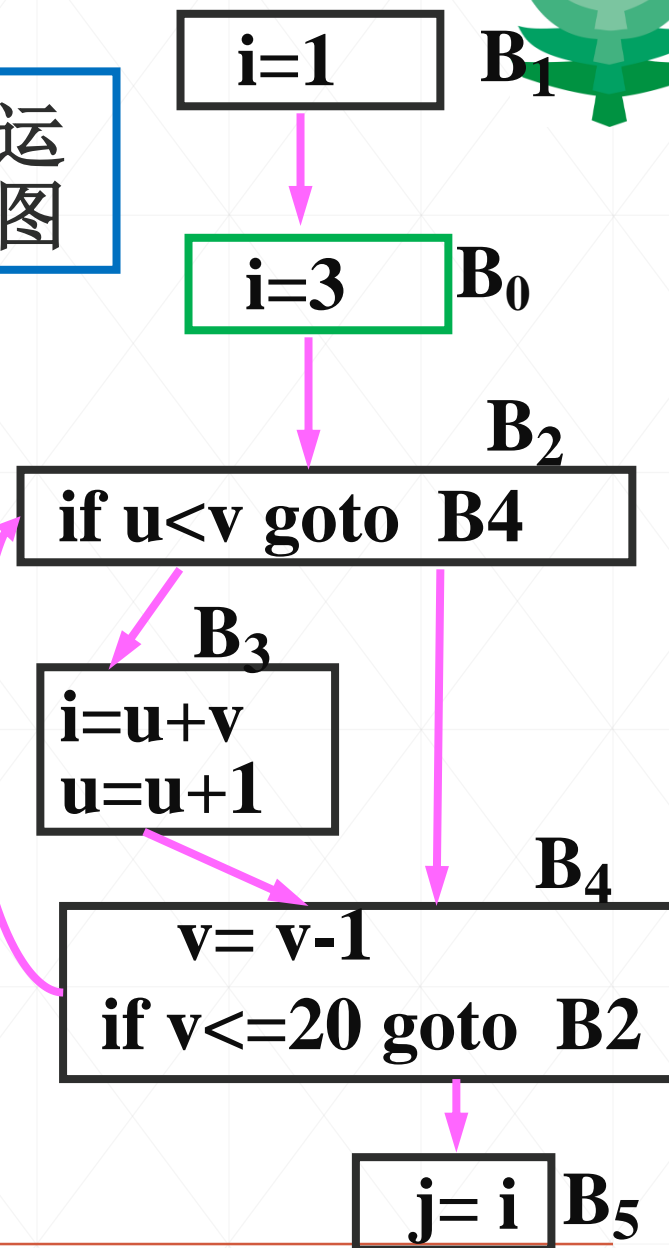
关于条件(1)中的
的(ii)的举例:
A在L中其它地
方未再定值;





外提不变运算
算后的流图

将“不变运算”外提后，会改变程序的计算结果。





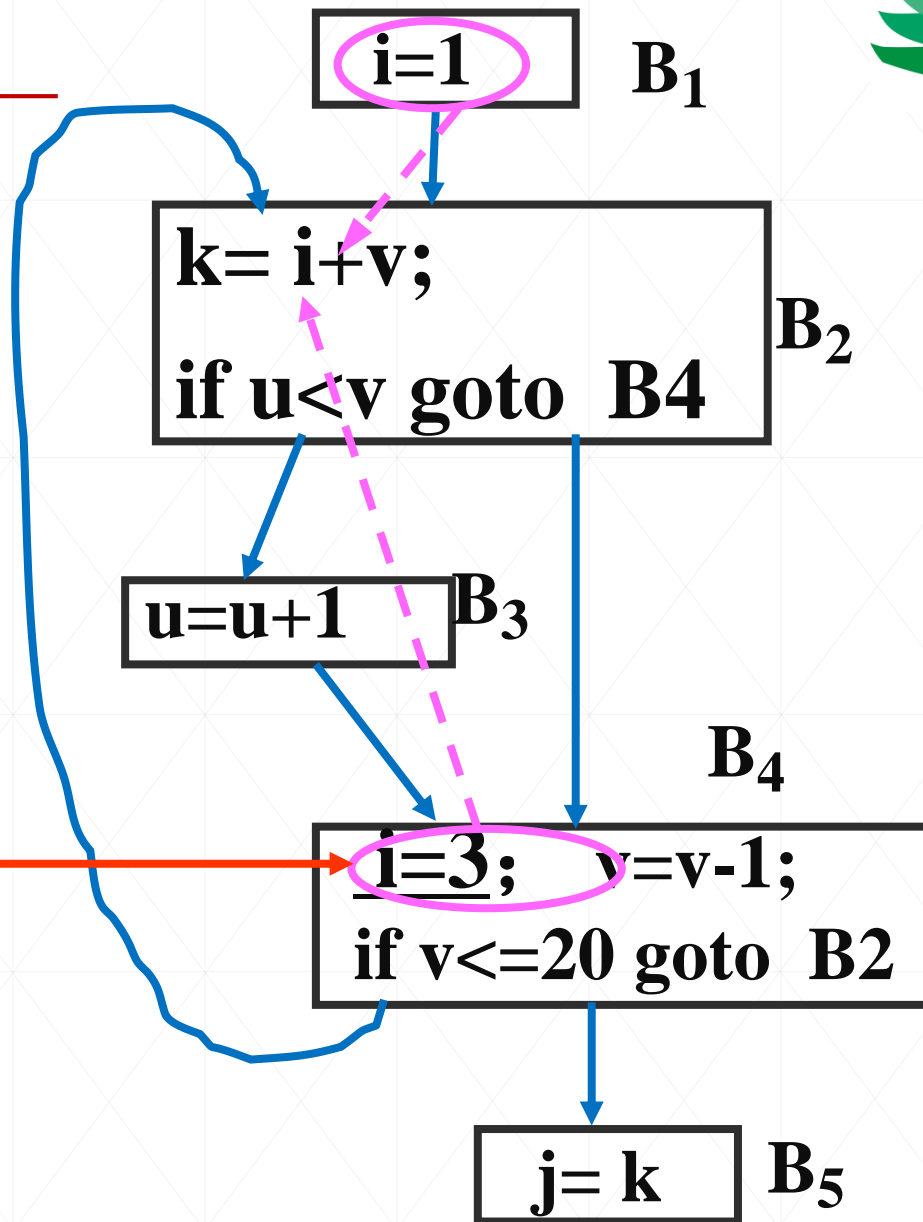
说明外提的限制条件:

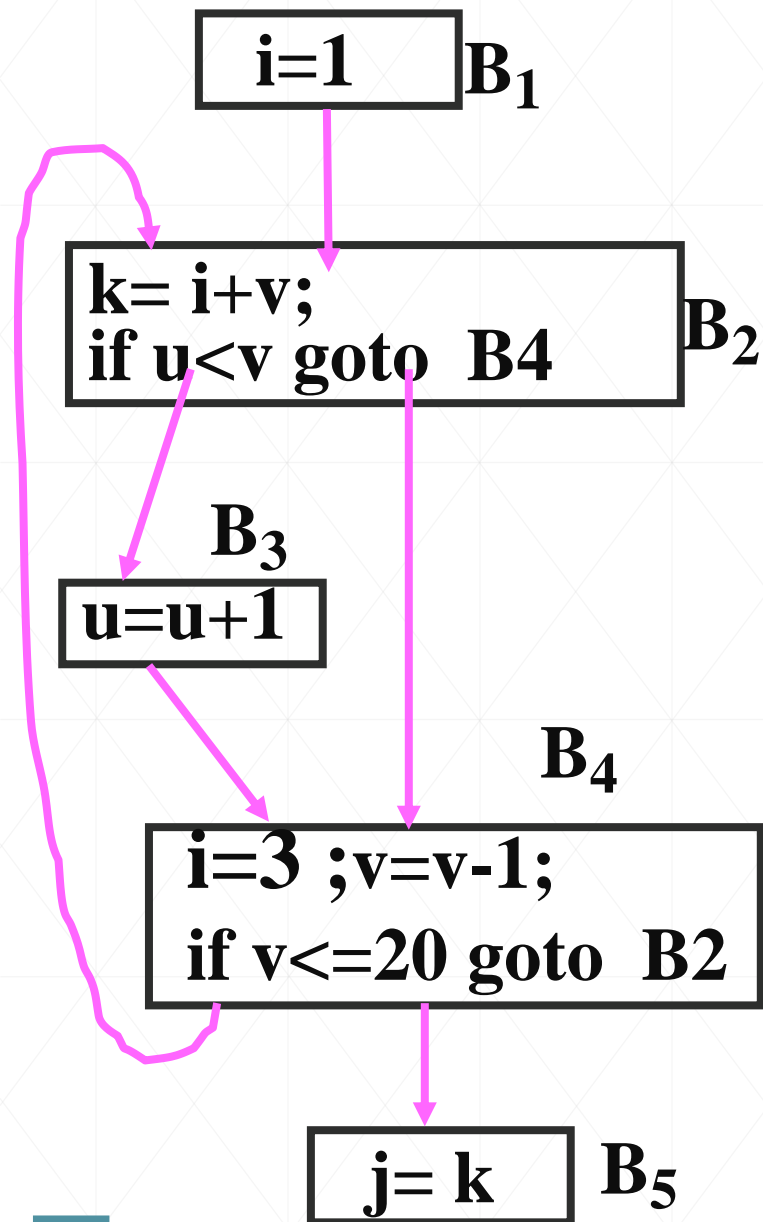
关于条件(1)中的
(iii)的举例:

L中所有A的引用
点只有点d对A的
定值才能到达;

不变运算

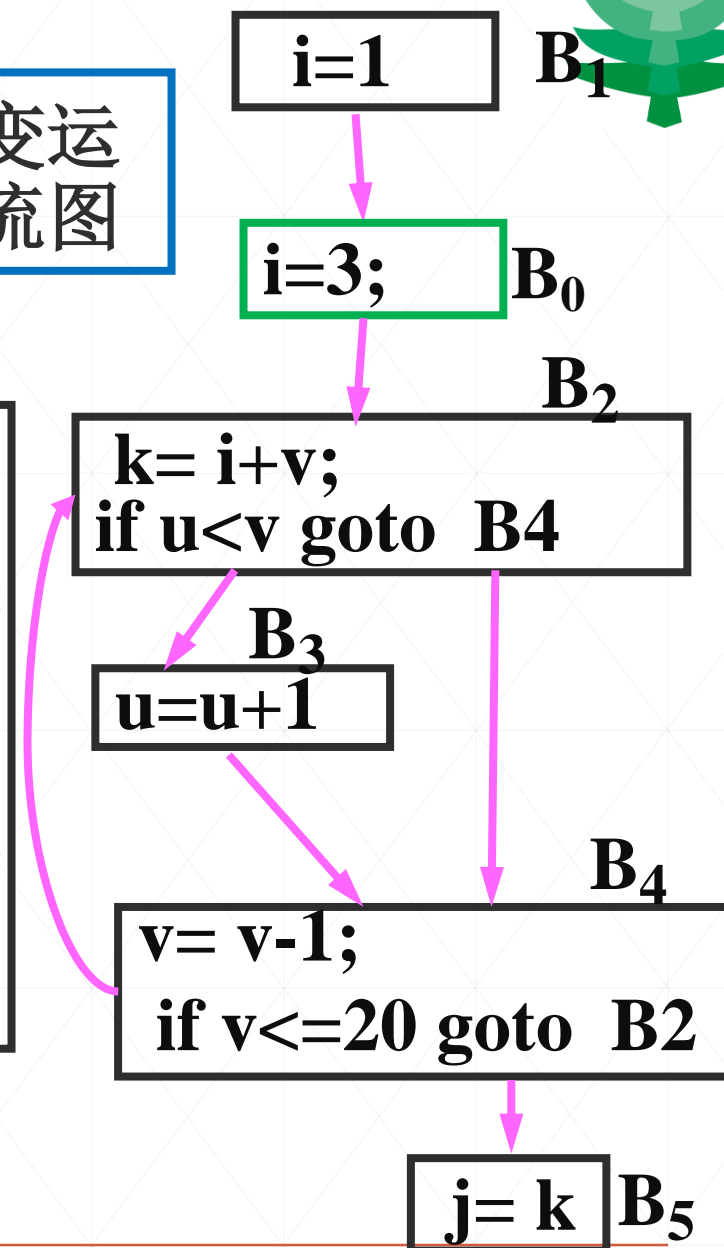
条件(i)和(ii)都不
能阻挡将*i=3*外提





外提不变运算
算后的流图

将“不变
运算”外
提后，会
改变程序
的计算结
果。





■ 算法 (X2: 代码外提)

输入: 循环L; **ud链信息**和**必经结点D(n_i)信息**;
活跃变量信息

输出: L'; (加前置块, 已经外提“不变运算”
后的循环L)

方法:

(1) 求出循环L中所有不变运算。(call X1)

(2) 对(1)求出的每一不变运算

d: $A=B \text{ op } C$ 或 $A=\text{op } B$ 或 $A=B$,

检查是否满足如下条件之一:



①(i)点d所在的结点是L的所有出口结点的必经结点;

(ii)A在L中其它地方未再定值;

(iii)L中所有A的引用点只有点d对A的定值才能到达。

② A在离开L后不再是活跃的(A在L的任何出口结点的出口处不是活跃的), 且条件①的(ii)和(iii)成立。

(3) 按第(1)步找出的不变运算的顺序, 依次把符合(2)的条件之一的不变运算外提到L的前置结点中。若点d的运算对象(B或C)是在L中定值的, 那么, 只有当这些定值语句都提到前置结点中后, 才可把点d的运算外提。

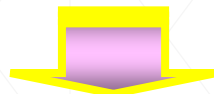


二. 强度削弱与删除归纳变量

强度削弱是将程序中强度高的运算使用强度低的运算替代，以便使程序运行时间缩短。

▲ 一般情况

循环L中存在 $I = I \pm C_1$



且L中存在 $T = K * I \pm C_2$

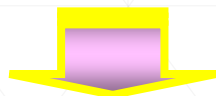


求出递增(减)量K1，用 \pm 替代*

呈线性函数

(T是归纳变量

I是基本归纳变量)



$$T = T \pm K1$$



■ **定义**（基本归纳变量/归纳变量）

如果循环中变量**I****仅有惟一的** $I = I \pm C$ 形式的赋值，其中**C**为循环不变量，则称**I**为循环中**基本归纳变量**。

如果**I**是循环中一基本归纳变量，变量**J**在循环中的定值总可化为**I**的某一线性函数的形式： $J = C_1 * I \pm C_2$ ，其中**C₁**，**C₂**是循环不变量，则称**J**是**归纳变量**，并称**J**与**I**同族。



■ 循环优化中强度削弱和删除归纳变量

有次序且相关





■ 算法 (W1: 查找归纳变量)

输入：带有到达一定值信息和循环不变运算信息的循环L

输出：查找循环L中的一组归纳变量

方法：

step1: 扫描L，找出所有基本归纳变量； ($I = I \pm C$)

step2: 寻找L中 **只有一个定值** 的K(归纳变量)，其形式为：

$$K = J * C; \quad K = C * J; \quad K = J / C; \quad K = J \pm C; \quad K = C \pm J$$

(其中：C为循环不变量；J为基本归纳变量或归纳变量；)

- 1) 若J是基本归纳变量，K在J族中；{K、J同族}
- 2) 若J是归纳变量， $J \in I$ 族，K、J、I同族的附加要求：
 - a) 在L中对J的惟一定值和K的定值间没有对I的定值；
 - b) L外没有J的定值可到达K；

找出一族归纳变量，可以变换计算归纳变量的指令 ($* \rightarrow +$)



■ 算法 (W2: 强度削弱)

输入: 带有到达一定值信息的L和归纳变量族

输出: 进行强度削弱优化后的L

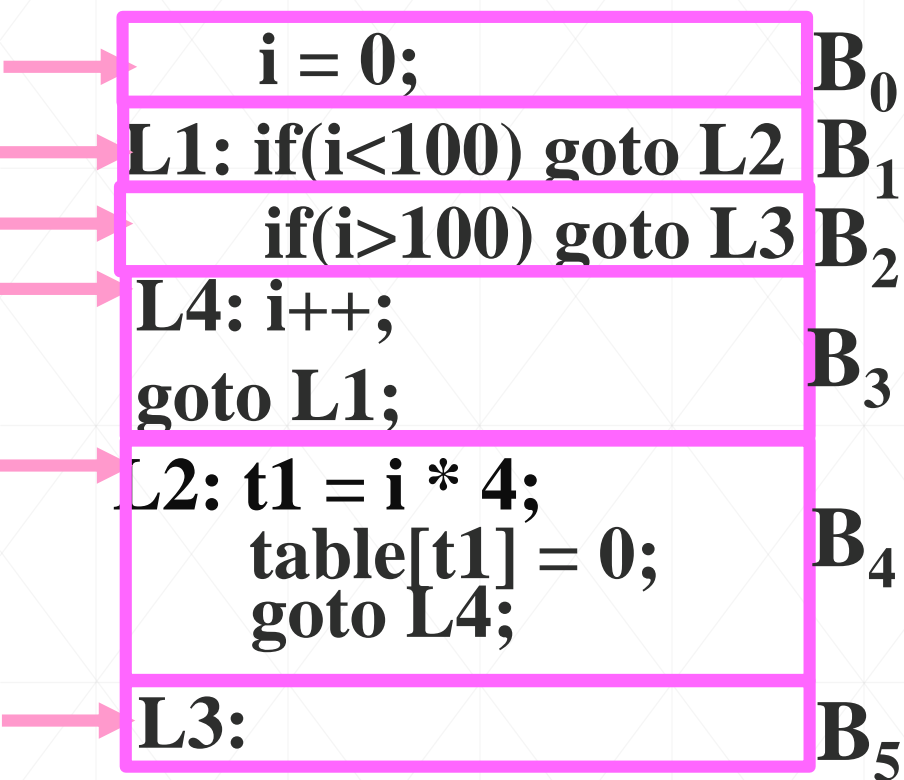
方法: 依次考察基本归纳变量I, 对每个形如

$J = C * I \pm d$ 的四元式:

step1: 在L中每个 $I = I + n$ (n 为常量) 的四元式后加上 $J = J + C * n$;

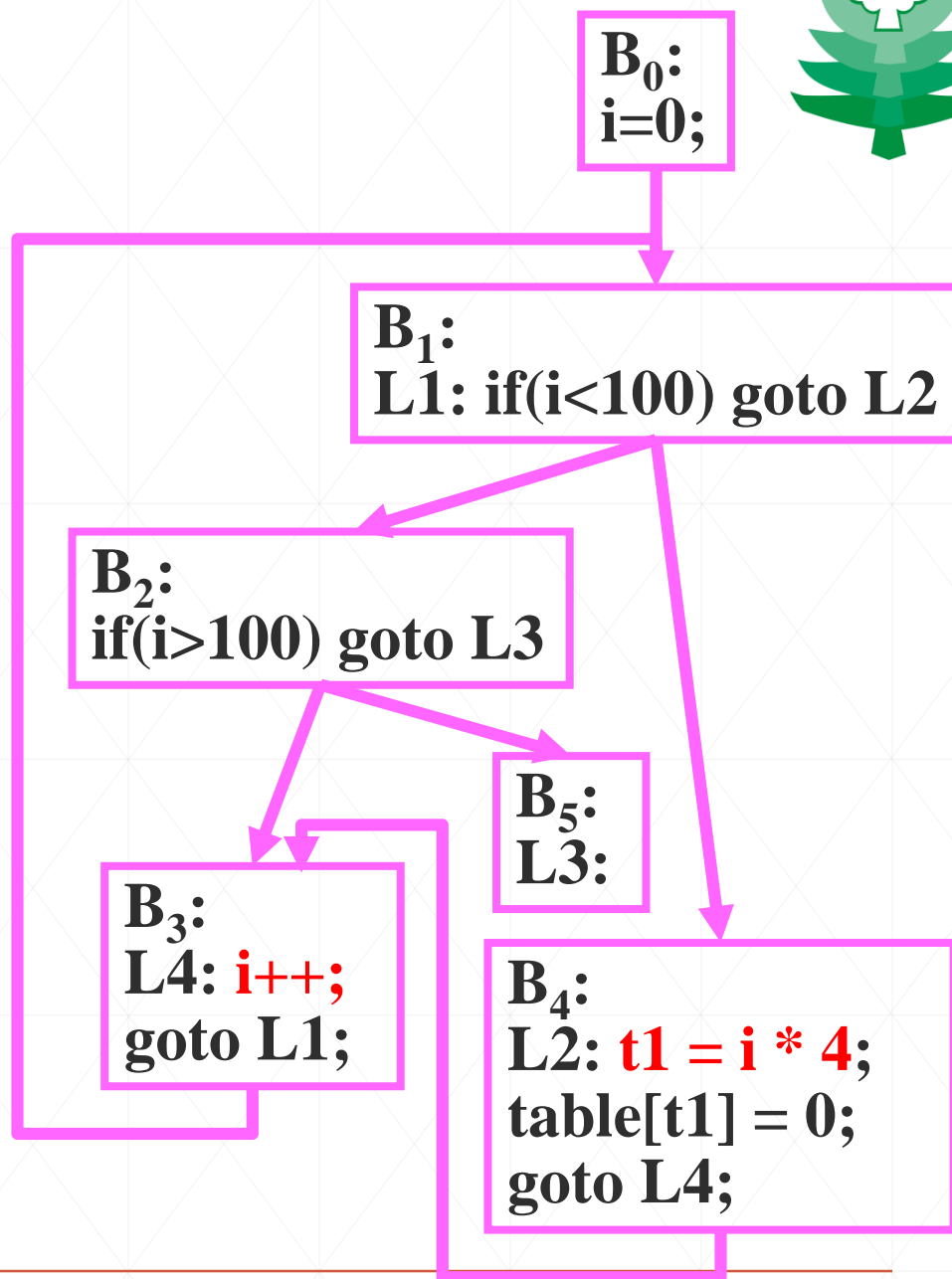
step2: 在循环的前置基本块中添加 $J = C * I \pm d$;

step3: 删除原来的 $J = C * I \pm d$



$\langle B_3, B_1 \rangle$ loop

$= \{ B_1, B_3, B_2, B_4 \}$





B₀: i=0;

B: t1=i*4;

B₁:
L1: if(i<100) goto L2

B₂:
if(i>100) goto L3

B₃:
L4: i++;
t1 = t1+4;
goto L1;

B₅:
L3:

B₄:
L2: table[t1]=0;
goto L4;

B₀:
i=0;

B₁:
L1: if(i<100) goto L2

B₂:
if(i>100) goto L3

B₃:
L4: i++;
goto L1;

B₅:
L3:

B₄:
L2: t1 = i * 4;
table[t1] = 0;
goto L4;

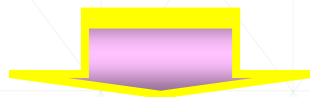


■ 算法 (W3: 删除归纳变量)

输入：带有到达一定值信息、循环不变运算信息和活跃变量信息的L

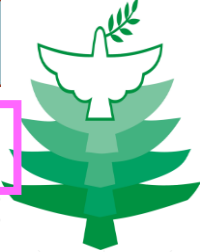
输出：删除归纳变量优化后的L

方法：考察每个仅用于计算同族中其它归纳变量和条件分支的归纳变量I，取I族的一个归纳变量J，将含I的测试改为用J代替。



据du链信息

替代后的I不再引用时，从L中删去对I定值的语句



B₀:i=0;

B:t1=i*4;

B₁:
L1: if(i<100) goto L2

B₂:
if(i>100) gotoL3

B₃:
L4: i++;
t1 = t1+4;
goto L1;

B₅:
L3:

B₄:
L2:table[t1]=0;
goto L4;

B₀:i=0;

B:t1= i*4;

B₁:
L1: if(t1<400) goto L2

B₂:
if(t1>400) gotoL3

B₃:
L4:
t1 = t1+4;
goto L1;

B₅:
L3:

B₄:
L2:table[t1]=0;
goto L4;



例： P247 — 例8.6

设计算大小为20的两个向量(一维数组表示)a与b的内积公式为

$$\text{prod} = a_1 \times b_1 + a_2 \times b_2 + \dots + a_{20} \times b_{20}$$

实现计算的源程序片段如下：

```
prod=0; i=0;  
do{  
    prod=prod+a[i]*b[i];  
    i++;}  
while(i>20)
```




→ 1.=,0, ,prod
2.=,0, ,i **B0**
→ 3.*,4, i, t1
4.=[],a,t1,t2
5.*,4, i, t3
6.=[],b,t3,t4
7.*,t2,t4,t5
8.+,prod,t5,t6
9.=,t6, ,prod
10.+, i,1,i
11.<,i, 20,t7
12.Jt,t7, ,3 **B1**
→

```
prod=0; i=0;  
do{  
  prod=prod+a[i]*b[i];  
  i++;}  
while(i<20)
```



B0:=,0, ,prod
=,0, ,i

B0:=,0, ,prod
=,0, ,i

B1:*,4, i, t1
=[],a,t1,t2
***,4, i, t3**
=[],b,t3,t4
***,t2,t4,t5**
+,prod,t5,t6
=,t6, ,prod
+, i,1,i
<,i, 20,t7
Jt,t7, ,B1

B1':*,i, 4 ,t1
***,i, 4 ,t3**

B1:=[],a,t1,t2
=[],b,t3,t4
***,t2,t4,t5**
+,prod,t5,t6
=,t6, ,prod
+,t1,4,t1
+,t3,4,t3
<,t1, 80,t7
Jt,t7, ,B1





B0:=,0, ,prod
=,0, ,t1

B0:=,0, ,prod
=,0, ,i

B1':*,i, 4 ,t1
***,i, 4 ,t3**

B1:=[],a,t1,t2
=[],b,t1,t4
***,t2,t4,t5**
+,prod,t5,t6
=,t6, ,prod
+,t1,4,t1
<,t1, 80,t7
Jt,t7, ,B1

B1:=[],a,t1,t2
=[],b,t3,t4
***,t2,t4,t5**
+,prod,t5,t6
=,t6, ,prod
+,t1,4,t1
+,t3,4,t3
<,t1, 80,t7
Jt,t7, ,B1





■ 实施优化的综合考虑

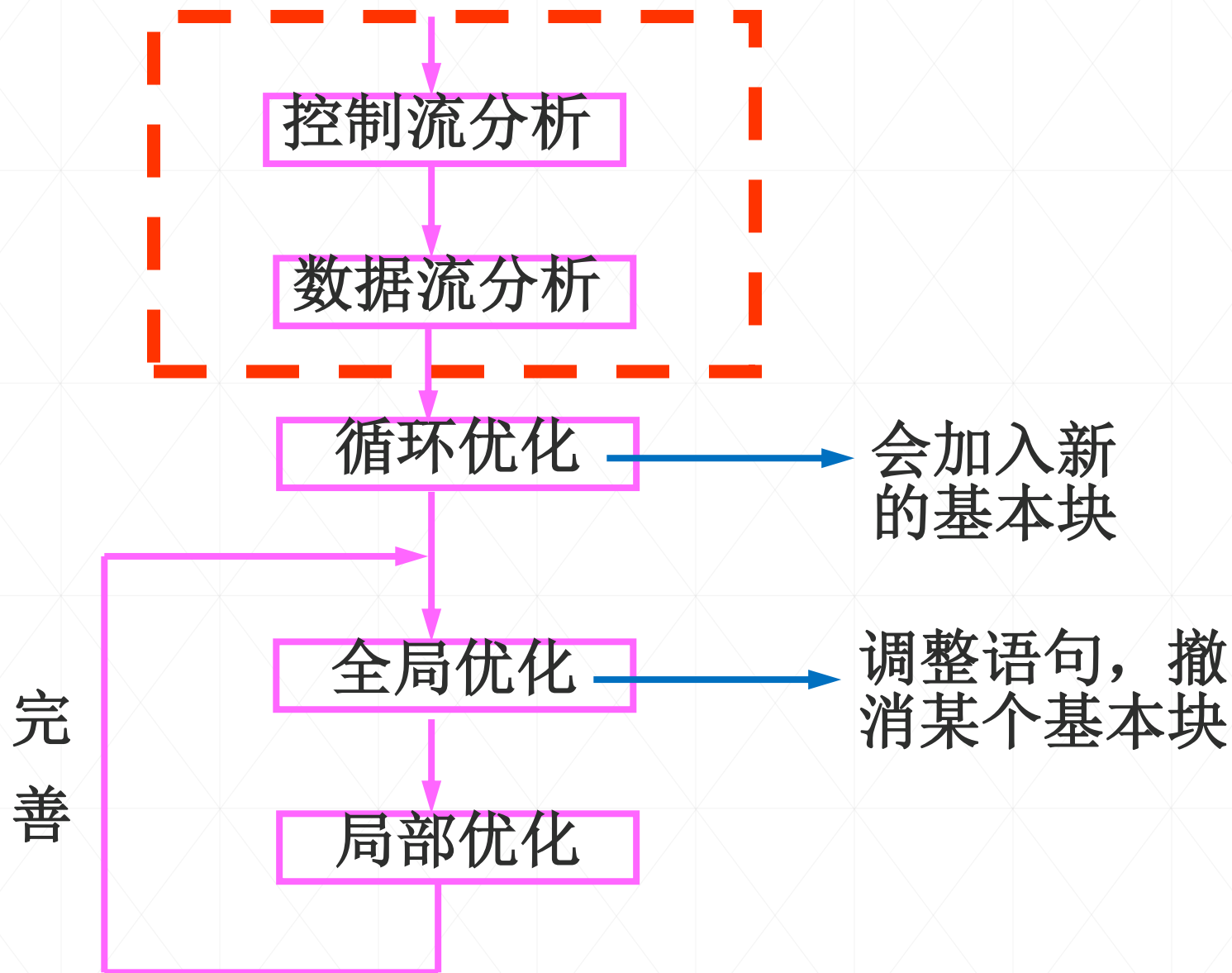
综合应用各类优化技术的共性应考虑的因素：

一. 中间代码的选择

1. 便于生成目标代码；
2. 便于优化；

二. 确定实施各类优化的内容、次序和具体技术

1. 内容：适合实施的具体优化工作；
2. 次序：对提高优化效率，减少优化代价很重要。





三. 平衡提高优化效率、减少优化代价的矛盾

- 优化效率本身的矛盾： 代码执行时间的减少；
存储空间占用的减少；
- 优化考虑严密、完善，不顾及完成优化所花费的代价，则会相对抵消整个编译程序的效率、质量甚至影响优化的实际效率；
- 策略：针对具体问题抓住主要矛盾，估计主要因素；如，
 - * 目标机环境；
 - * 循环优化：最内层优化；
 - * 数据流分析信息对优化的应用价值；
 - * 通用、专用性语言，库函数、包 ...



- ✓ 代码优化的基本概念
- ✓ 优化技术的几种分类方法及类别
- ✓ 优化的技术基础：控制流分析（流图）和数据流分析
- ✓ 局部优化：基本块划分，构造DAG，优化实施
- ✓ 循环优化的技术基础：控制流分析（循环查找）基础上的数据流分析，数据流方程及其中引入的概念
- ✓ 循环优化：不变外提、强度消弱、删除归纳变量



结束