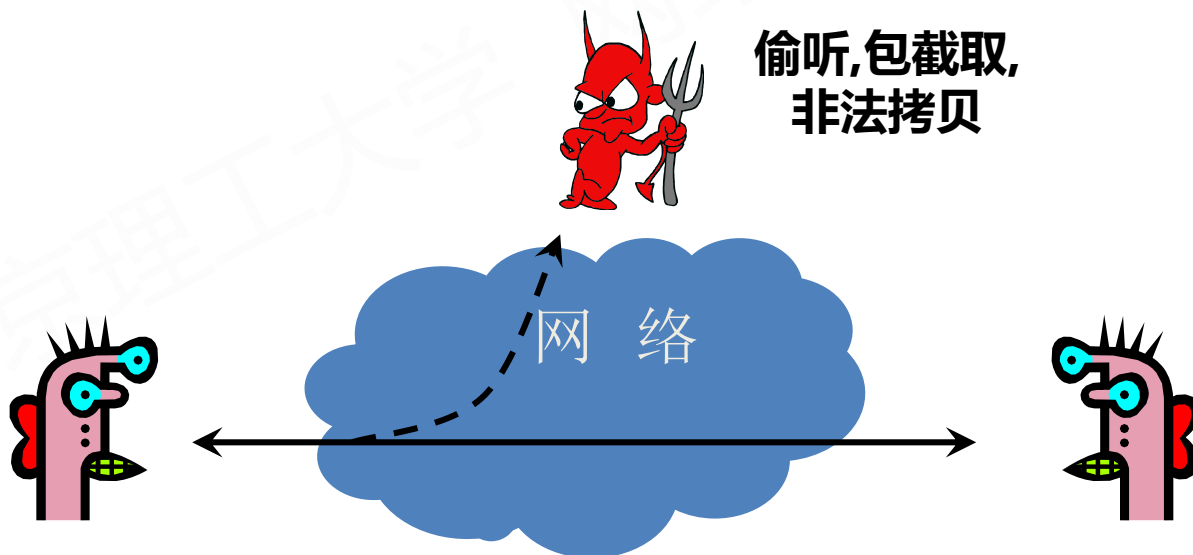


# 网络信息安全特点

- 网络安全的特点

**机密性、完整性、可用性、可控性、不可否认性**

— 机密性：杜绝有用信息泄露给非授权个人或实体；

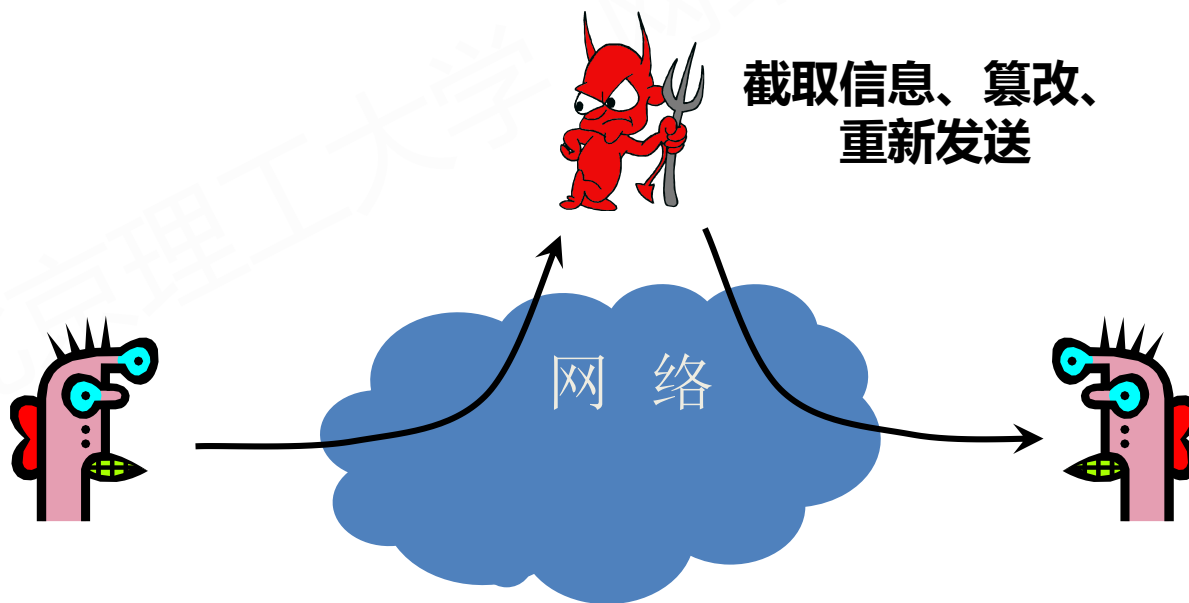


# 网络信息安全特点

- 网络安全的特点

**机密性、完整性、可用性、可控性、不可否认性**

— 完整性：信息保持非修改、非破坏和非丢失；



# 网络信息安全特点

- 网络安全的特点

**机密性、完整性、可用性、可控性、不可否认性**

– 可用性：可被授权实体正常访问；



# 网络信息安全特点

- 网络安全的特点

**机密性、完整性、可用性、可控性、不可否认性**

— 可控性：对网络中信息传播及内容能实现有效控制；

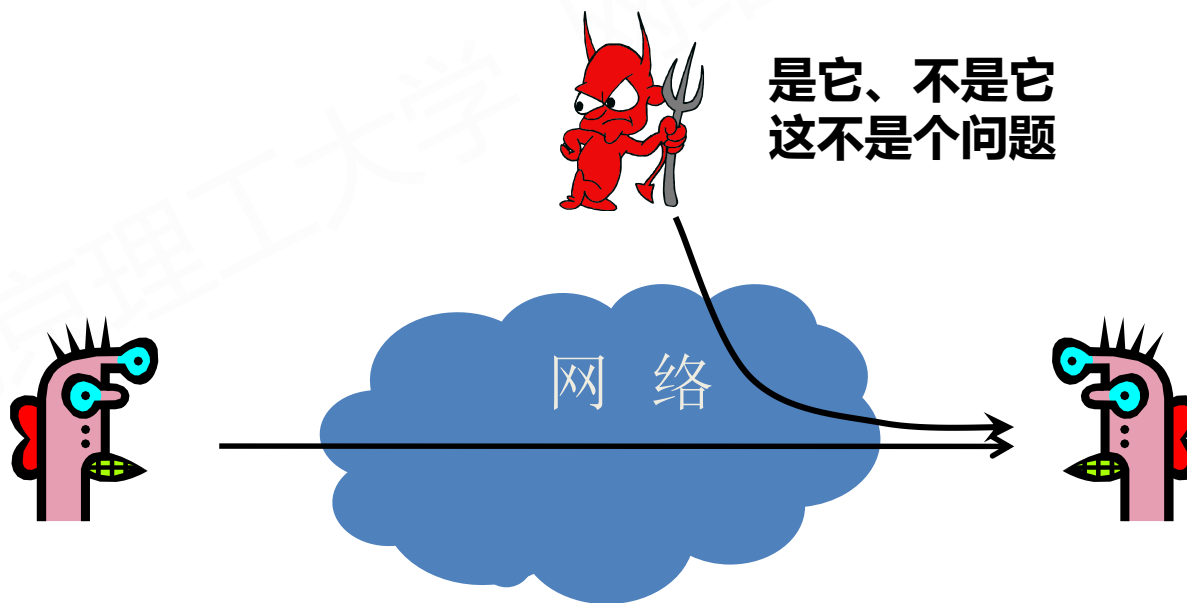


# 网络信息安全特点

- 网络安全的特点

**机密性、完整性、可用性、可控性、不可否认性**

– 不可否认性：所有参与者不可否认或者抵赖本人的真实身份。



# 密码算法的分类

- **古典密码算法和现代密码算法**
  - 根据算法和密钥是否分开来区分
- **对称密钥密码和非对称密钥密码**
  - 根据加密和解密是否使用相同的密钥来区分
- **分组密码和序列密码**
  - 根据每次操作的数据单元是否分块来区分
- **双向加密和单向加密**
  - 根据明文加密后是否需要还原来区分

# 非对称密钥密码算法

- 对称密钥密码系统的缺点

- 密钥分发需要经过安全通道
- 无法用于鉴别身份(数字签名)
- 密钥管理复杂,  $O(n^2)$



- 非对称密钥密码系统

- 1976年由W. Diffie和M. Hellman提出
- 受到了Ralph Merkle工作的启发



# 非对称密钥密码算法

- **非对称密钥密码系统**

- 两个密钥，一公一私
- 对密钥分配、数字签名、认证等具有深远影响
- 相关算法真正基于数学理论，而不是代替和换位
- 密码学史上一次真正意义的革命



# 非对称密钥密码算法

- 常用的非对称密钥密码算法

- Diffie-Hellman密钥交换协议

- ElGamal

- **RSA**

- ECC, 椭圆曲线

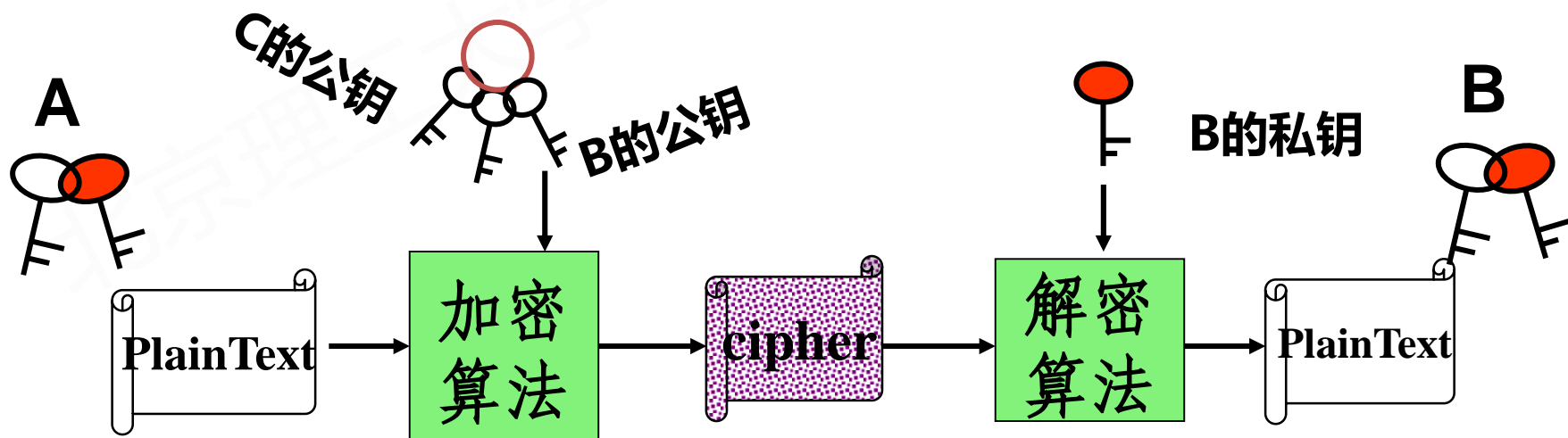
- Cramer-Shoup算法

# 非对称密钥密码算法

## 信息接收

### • 加密原理

- 每个通信实体有一对密钥，公钥公开，用于加密和验证签名，私钥保密，用作解密和签名
- A向B发送消息，用B公钥加密；B收到后，用其私钥解密

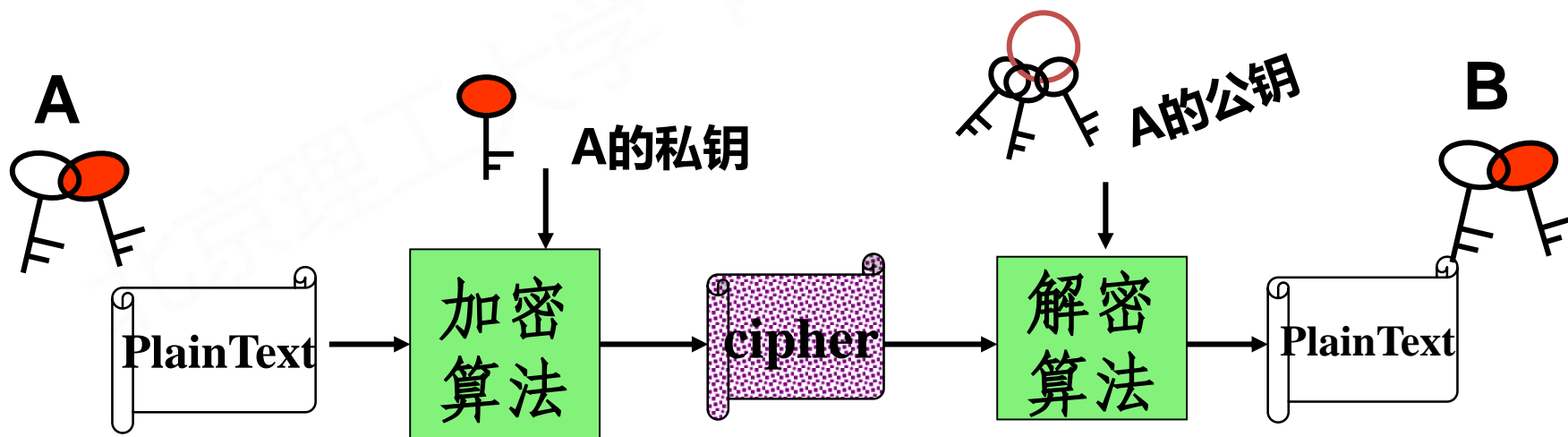


# 非对称密钥密码算法

## 来源证明

### • 签名原理

- A向B发送消息，用A的私钥加密——签名过程
- B收到密文后，用A的公钥解密——验证签名过程

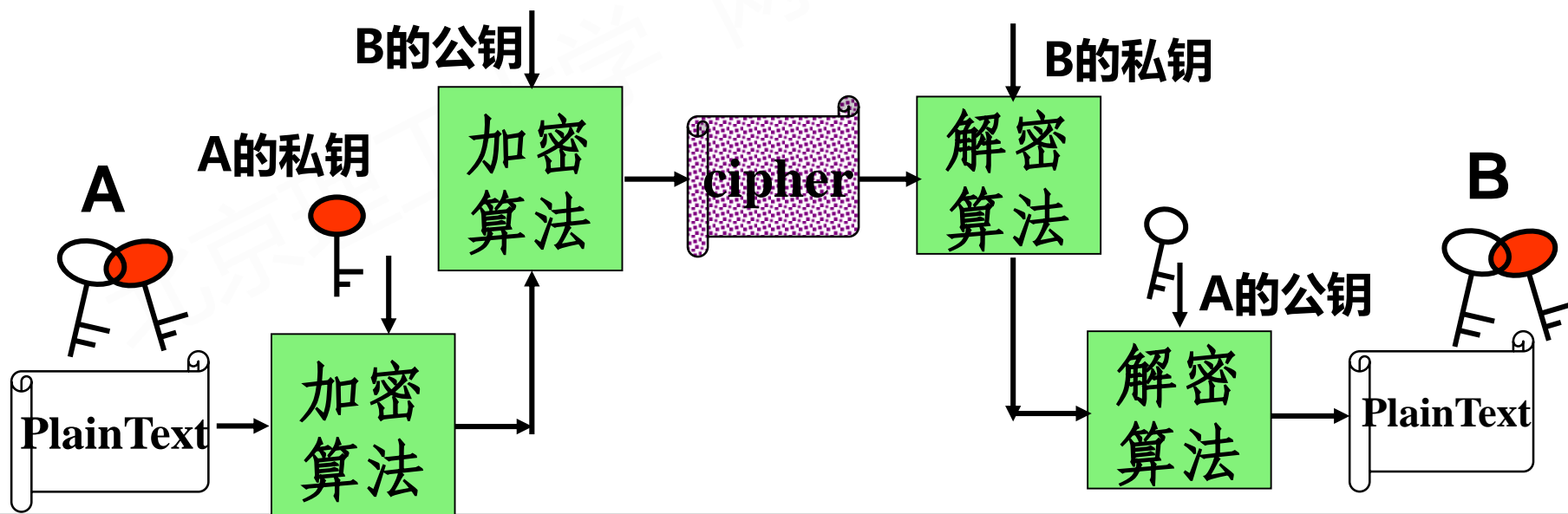


# 非对称密钥密码算法

## 可证明来源的信息接收

### • 签名和加密同时使用

- A向B发送消息，用A的私钥加密——签名过程
- B收到密文后，用A的公钥解密——验证签名过程

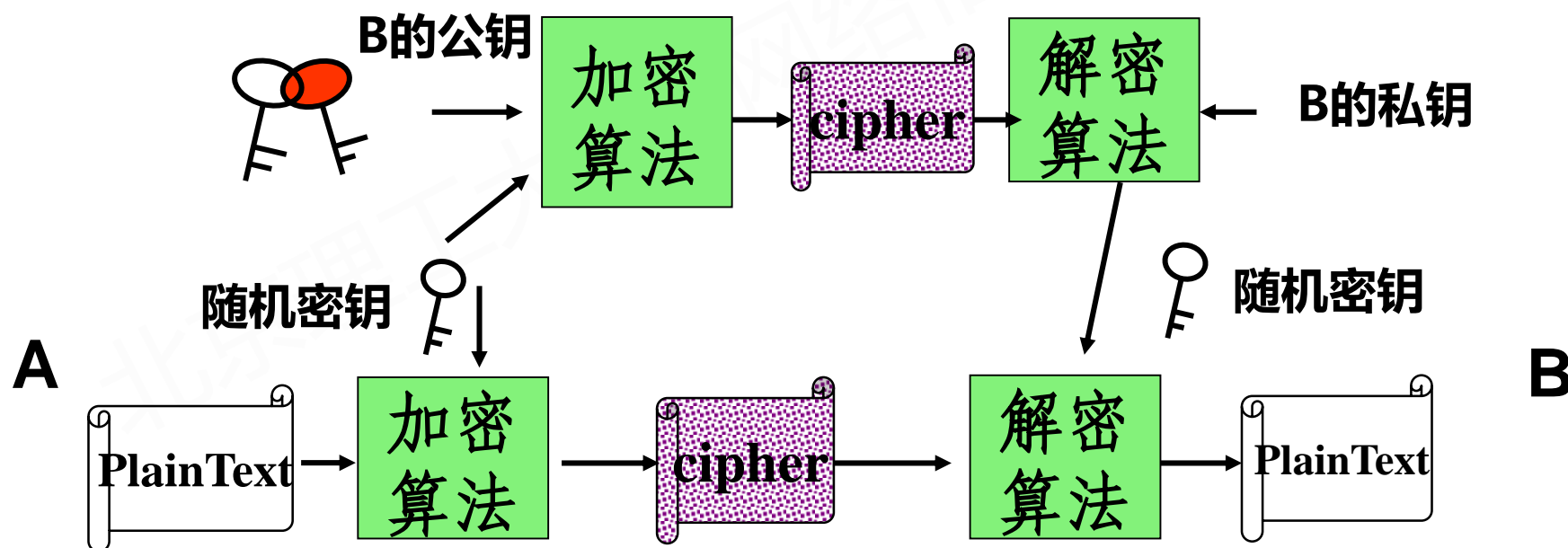


# 非对称密钥密码算法

高速数据加密传输

- 与对称密钥算法同时使用

- 对称密钥算法加密消息，非对称密钥算法加密密钥



# 非对称密钥密码算法

- 算法要求

- 参与双方A和B都包含一对密钥，且密钥产生容易

- $(k_a, k_a^{-1})$  和  $(k_b, k_b^{-1})$  , A向B发送消息

- 已知 $k_b$ , A的加密操作是容易的,  $C = E_{k_b}(P)$

- 已知 $k_b^{-1}$ , B对密文解密操作是容易的,  $P = D_{k_b^{-1}}(C)$

- 已知 $k_b$ , 求 $k_b^{-1}$ 在计算上不可行 (由公钥无法计算私钥)

- 仅知 $k_b$ 和C, 恢复P在计算上不可行 (仅知公钥, 无法破解)

# 非对称密钥密码算法

- **非对称密钥密码算法的理解**

- **公开密钥算法和对称密钥算法那种更安全？**

任何一种算法的安全性都依赖于密钥的长度和破解的工作量，从密码分析角度来说，两种方法具有同样优势

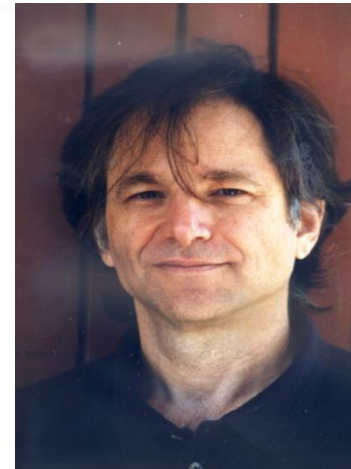
- **对称密钥算法过时了吗？**

公开密钥算法相对很慢，适合用在数字签名和密钥管理等片段加密的情况，对称密钥仍然是主流方法。

# RSA算法

- **RSA算法介绍**

– **Ron Rivest,      Adi Shamir,      Leonard Adleman**



– **2002年，图灵奖获得者**



# RSA算法

- **RSA算法介绍**

- RSA安全性基于分解极大数的困难性 **(两素数积的因式分解)**
- 至今，只有短的RSA密钥才可以被强力破解
- 至今，世界上还没有任何可靠的攻击RSA算法的方式
- 只要密钥足够长，RSA加密的信息在计算上不能被破解
- RSA算法于1977年以论文形式发表，1983年在美国申请了专利， U.S. Patent 4,405,829，但已经过时，其他国家没有被授予专利

# RSA算法

- 数论基础

- 模运算的特点：可交换、可结合、可分配

$$(a+b) \bmod n = ((a \bmod n) + (b \bmod n)) \bmod n$$

$$(a-b) \bmod n = ((a \bmod n) - (b \bmod n)) \bmod n$$

$$(a \times b) \bmod n = ((a \bmod n) \times (b \bmod n)) \bmod n$$

$$(a \times (b+c)) \bmod n = (a \times b) \bmod n + (a \times c) \bmod n$$

# RSA算法

- 数论基础

- 幂的模运算

$$m^2 \bmod n = (m \times m) \bmod n = (m \bmod n)^2 \bmod n$$

$$m^4 \bmod n = (m^2 \bmod n)^2 \bmod n$$

$$m^8 \bmod n = ((m^2 \bmod n)^2 \bmod n)^2 \bmod n$$

$$m^{25} \bmod n = (m \times m^8 \times m^{16}) \bmod n$$

# RSA算法

- 欧拉函数  $\phi(n)$

- 正整数 $n$ , 欧拉函数是小于或等于 $n$ 的正整数中与 $n$ 互质的数的数目

$$\phi(3)=|\{1, 2\}|=2$$

$$\phi(7)=|\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}|=6$$

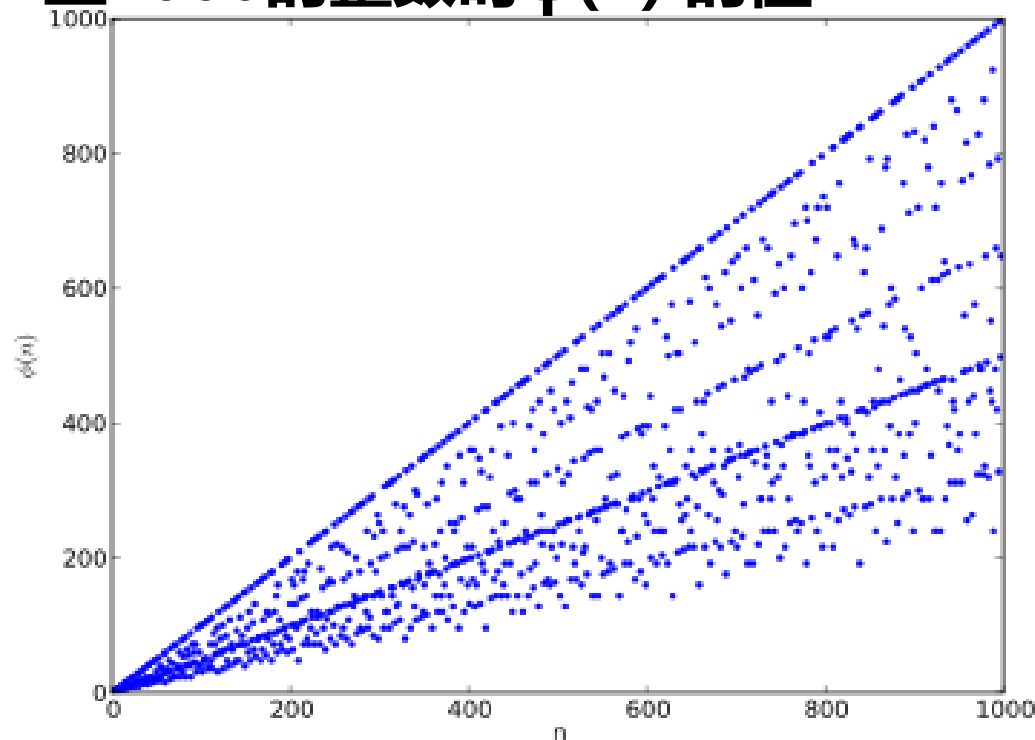
$$\phi(10)=|\{1, 3, 7, 9\}|=4$$

- 如果 $p$ 是素数, 则 $\phi(p)=(p-1)$ , 比如 $\phi(5)$ 、 $\phi(11)$
- 如果 $p, q$  是素数, 则 $\phi(pq)=\phi(p)\phi(q)=(p-1)(q-1)$

# RSA算法

- 欧拉函数  $\phi(n)$

- 当n为1至1000的整数时 $\phi(n)$  的值



# RSA算法

- 欧拉定理（费马-欧拉定理）

- 若整数 $m$ 和 $n$ 互素，则  $m^{\phi(n)} \equiv 1 \pmod{n}$

- 欧拉定理用来简化幂的模运算

- 例如，计算 $7^{222}$ 的个位数，即  $7^{222} \pmod{10}$

因为7和10是互质，而且 $\phi(10) = 4$ ,

根据欧拉定理知，  $7^4 \equiv 1 \pmod{10}$

所以：  $7^{222} \equiv 7^{4 \times 55 + 2} \equiv (7^4)^{55} \times 7^2 \equiv 1^{55} \times 7^2 \equiv 49$

$\equiv 9 \pmod{10}$

# RSA算法

- **算法组成**

- **密钥生成算法（产生公钥和私钥）**
- **加密算法**
- **解密算法**

# RSA算法

## • 密钥生成算法

RSA的安全性基于分解极大数的困难性

– 取两个大素数  $p, q$ , 保密

$$p=7, q=17$$

– 计算  $N=pq$ , 公开  $N$

$$N=119$$

– 计算欧拉函数  $\phi(N) = (p-1)(q-1)$

$$\phi(N)=96$$

– 任意取一个与  $\phi(N)$  互素的整数  $e$ , 即  $1 < e < \phi(N)$

$$\text{公钥 } e=5$$

**$e$ 作为公钥公开**

– 寻找  $d$ , 使得  $de \equiv 1 \pmod{\phi(N)}$ ,  **$d$ 作为私钥保密**

$$5d \equiv 1 \pmod{96}$$

$$\text{得到 } d=77$$



# RSA算法

- 加密算法（加密过程）

- 密钥对  $(\{e, N\}, \{d, N\})$   $(\{5, 119\}, \{77, 119\})$

- 把待加密内容分成k比特分组,  $k \leq \log_2 N$ , 写成数字M,

则:  $C = M^e \bmod N$

$C = M^5 \bmod 119$

- 解密算法（解密过程）

$M = C^d \bmod N$

$M = C^{77} \bmod 119$

- 可以证明, 解密是正确的

# RSA算法

- 加密数字例子

- 明文 $M=19$ ,  $19^5 \equiv 66 \pmod{119}$ , 密文 $C=66$
- 解密过程:  $66^{77} \pmod{119} = ?$

- 加密字符串例子

- 每次读取字符串中多个字节, 变成 $M$ 进行加解密
- RSA                      focus**RSA**
- 5CB6CD6BC              9F47D51C325D67B**5CB6CD6BC**
- RSA在实现上需要结合填充方法使用

# RSA算法

## • 填充

- 在消息中填充随机信息，使得密文和明文的对应关系存在随机性
- ANSI X.923 (零+个数)

```
... | DD DD DD DD DD DD DD DD | DD DD DD DD 00 00 00 04 |
```

- ISO 10126 (随机数+个数)

```
... | DD DD DD DD DD DD DD DD | DD DD DD DD 81 A6 23 04 |
```

- RSA实现中采用PKCS#1填充方法 (个数)

```
... | DD DD DD DD DD DD DD DD | DD DD DD DD 04 04 04 04 |
```

# RSA算法的安全性

## • 攻击方法

- 蛮力攻击：尝试所有密钥
- 密码分析：等效于对两个素数乘积 $N$ 的因子分解（求 $p$ 和 $q$ ）

## • 大数的因子分解是数论中的一个经典难题

十进制数字位数	近似比特数	得到的数据	MIPS年
100	332	1991	7
110	365	1992	75
120	398	1993	830
129	428	1994	5000
130	431	1996	500
193	640	2005	2.2GHz-CPU 运算30年

# RSA算法的安全性

- 大数的因子分解是数论中的一个经典难题
  - 一般使用1024位密钥，证书认证机构采用2048位

## RSA-640

16347336458092538484431338838650908598417836700330  
92312181110852389333100104508151212118167511579

and

1900871281664822113126851573935413975471896789968  
515493666638539088027103802104498957191261465571

# RSA算法的安全性

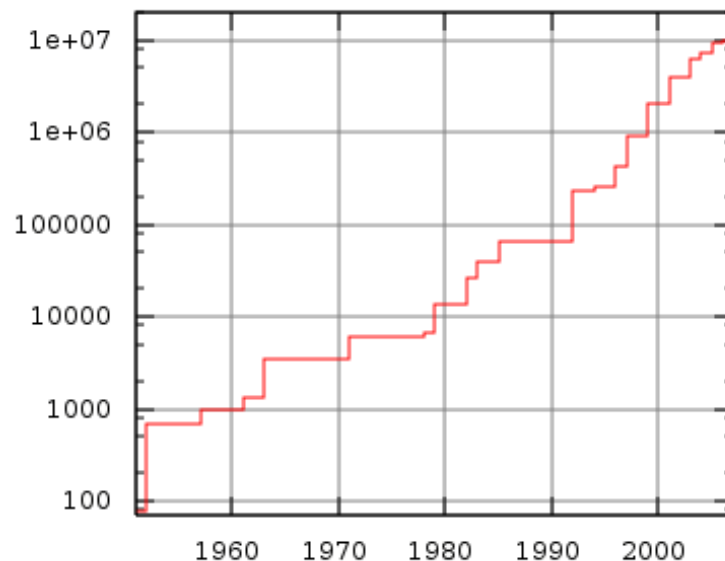
- 已知最大素数

- 欧几里得证明存在无限多个素数
- 已知最大素数于2008年8月23日发现（梅森素数）

UCLA

$$2^{43,112,609} - 1$$

- 十进制12,978,189位
- 悬赏第一个1亿位和10亿位素数



# RSA算法

- **RSA的算法性能**

- 软件实现比DES软件慢100倍
- 硬件实现比DES硬件慢1000倍

	512位	768位	1024位
加密	0.03	0.05	0.08
解密	0.16	0.48	0.93
签名	0.16	0.52	0.97
验证	0.02	0.07	0.08

# 椭圆曲线密码系统

- 算法概况

- Elliptic Curve Cryptography, 缩写为ECC
- 理论基础是解决椭圆曲线离散对数的困难性
- 主要优势是使用更短的密钥达到与RSA相同的安全性
- 160位密钥可达到RSA1024位密钥的安全性, 甚至更高



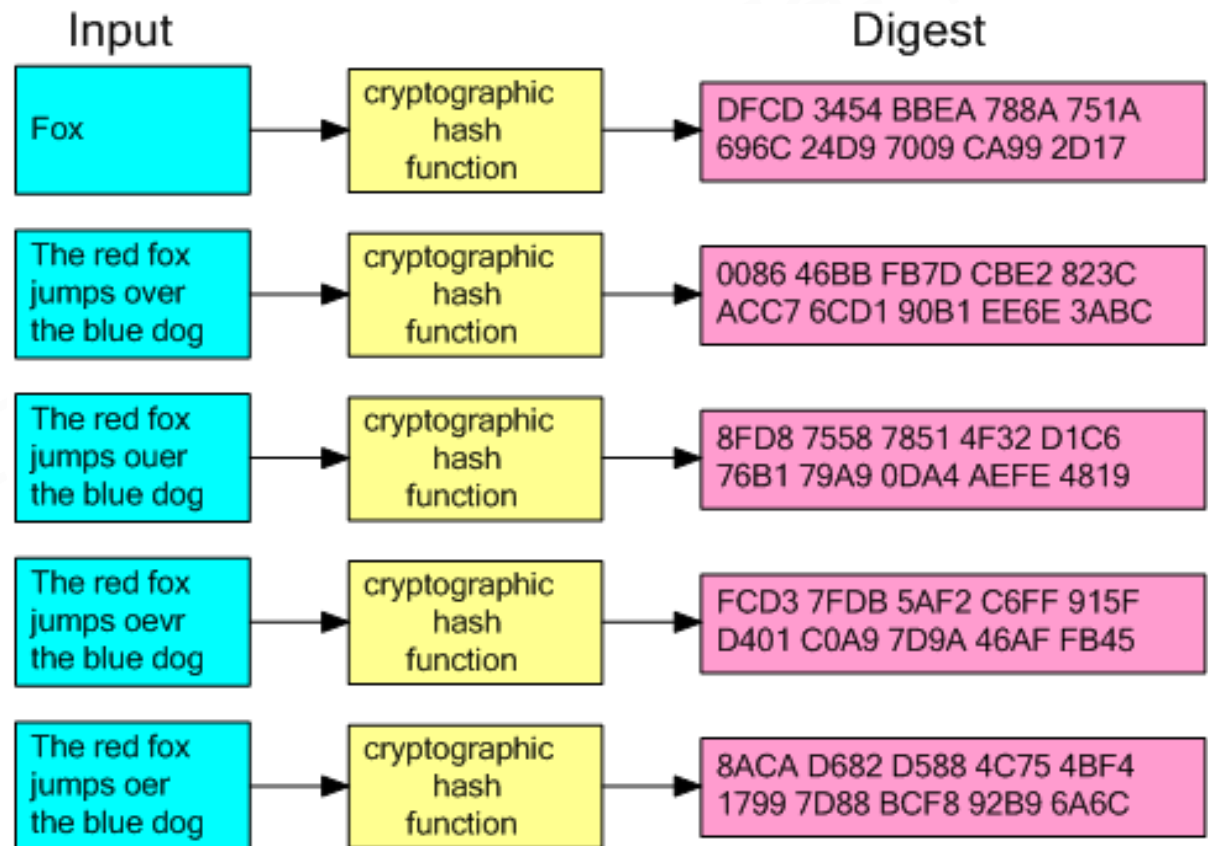
# 本节大纲

- 非对称密钥密码算法
- 单向散列函数

# 单向散列函数

- Hash: 哈希函数、散列函数

–  $h = H(m)$



# 单向散列函数

- **H的特点和要求**

- 可以操作任意长度内容  $m$
- 给定  $m$ , 计算  $h$  是容易的
- 给定任意  $m$ , 产生的  $h$  的长度固定
- 给定  $h$ , 寻找  $m'$ , 使得  $h = H(m')$  是困难的
- 寻找任何  $(m, m')$ ,  $m \neq m'$ , 使得  $H(m) = H(m')$  计算上不可行

# 单向散列函数

- 常用的单向散列函数

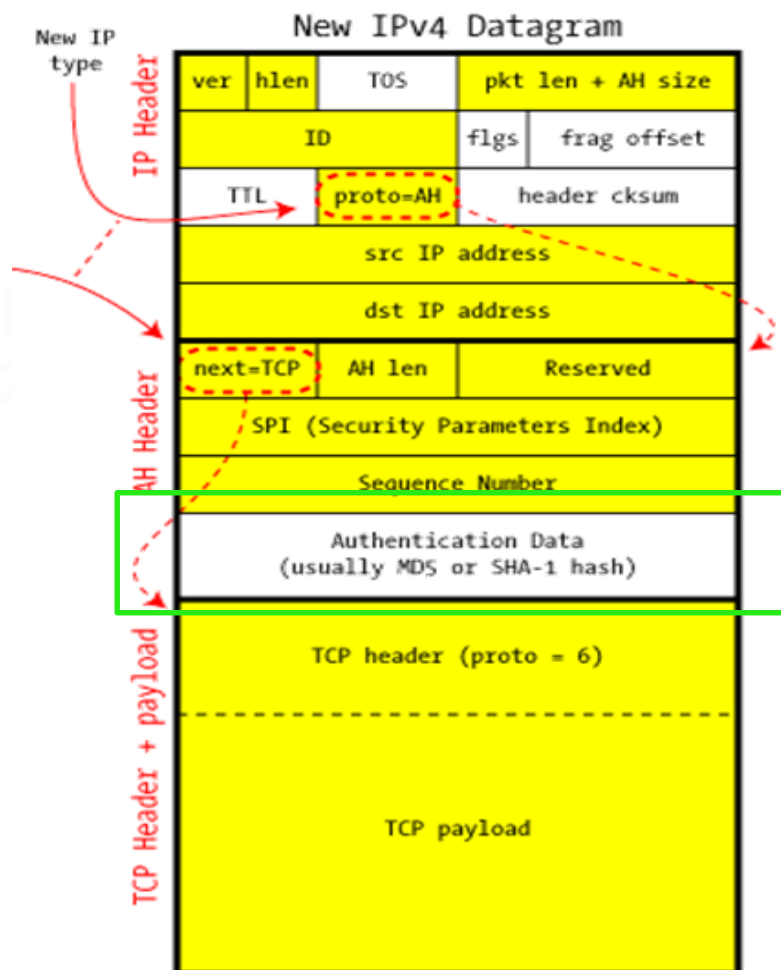
- MD2、MD4、MD5

- SHA-0、SHA-1

- SHA-256/224

- SHA-512/384

- 例如：IPSec安全协议



# MD5算法

- 算法历史

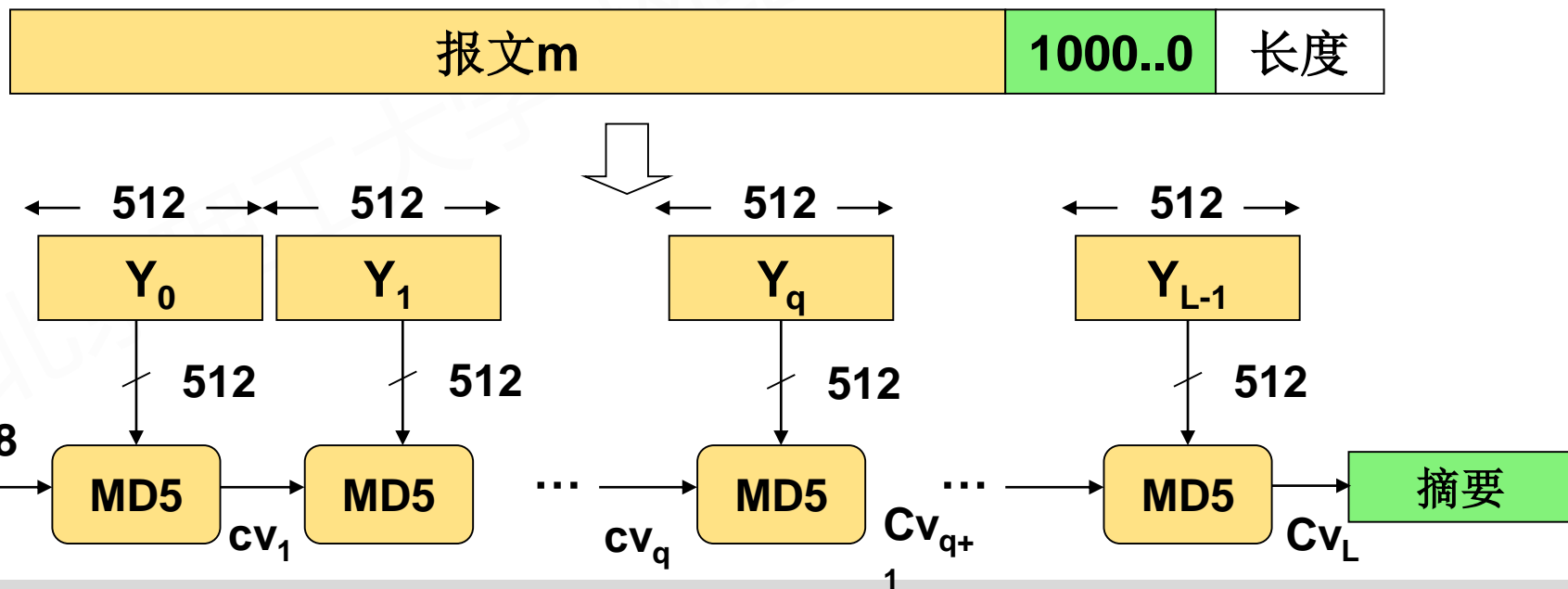
- MD5是1992年，由Ronald Rivest设计
- MD, MD2, MD3, MD4, MD5, MD6
- MD: Message Digest, 信息摘要算法
- 对任意输入均产生128bit的输出
- 基于32位的简单操作，易于软件实现
- 简单而紧凑，没有复杂的程序和大数据结构
- 详细: RFC 1321



# MD5算法

## • 算法步骤

- Step1: 填充, 使报文的长度为512减64位
- Step2: 将填充前的长度写入最后64位, 总长为512整数倍

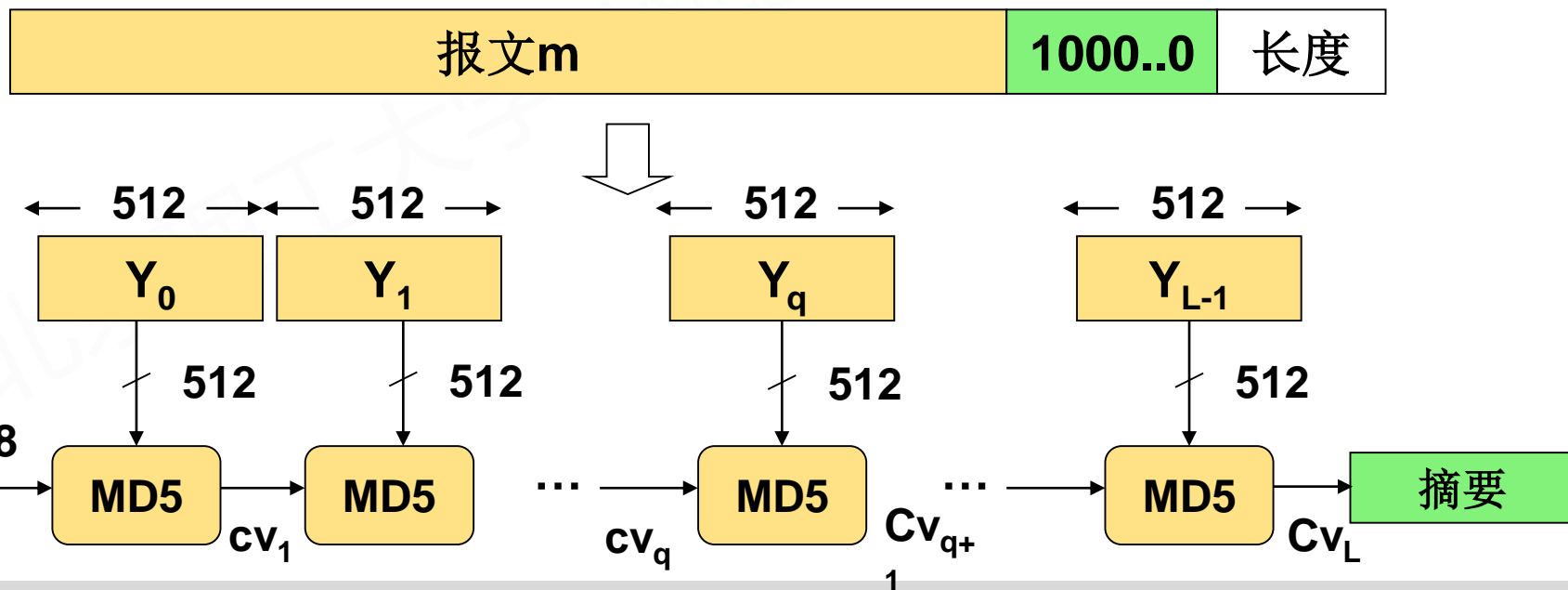


# MD5算法

## • 算法步骤

### – Step3: 初始化4个32位寄存器

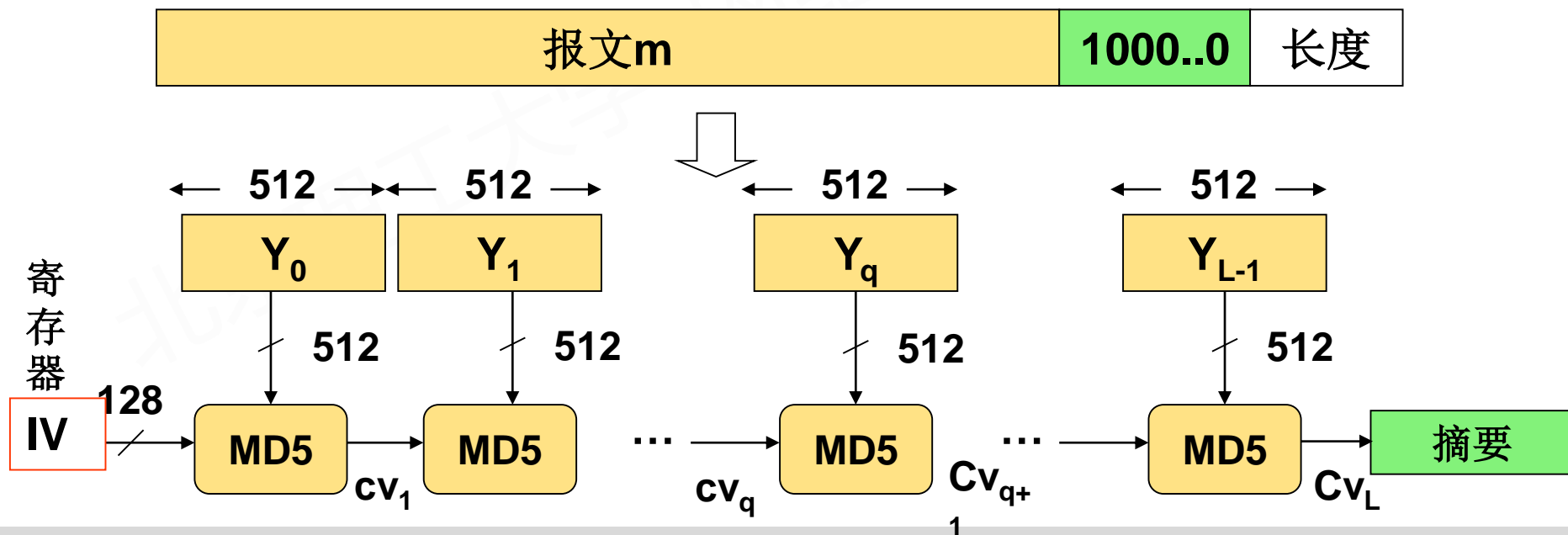
A= 01 23 45 67; B= 89 AB CD EF; C=FE DC BA 98; D=76 54 32 10



# MD5算法

- 算法步骤

- Step4: 处理每个报文分组，核心是4轮循环的压缩函数



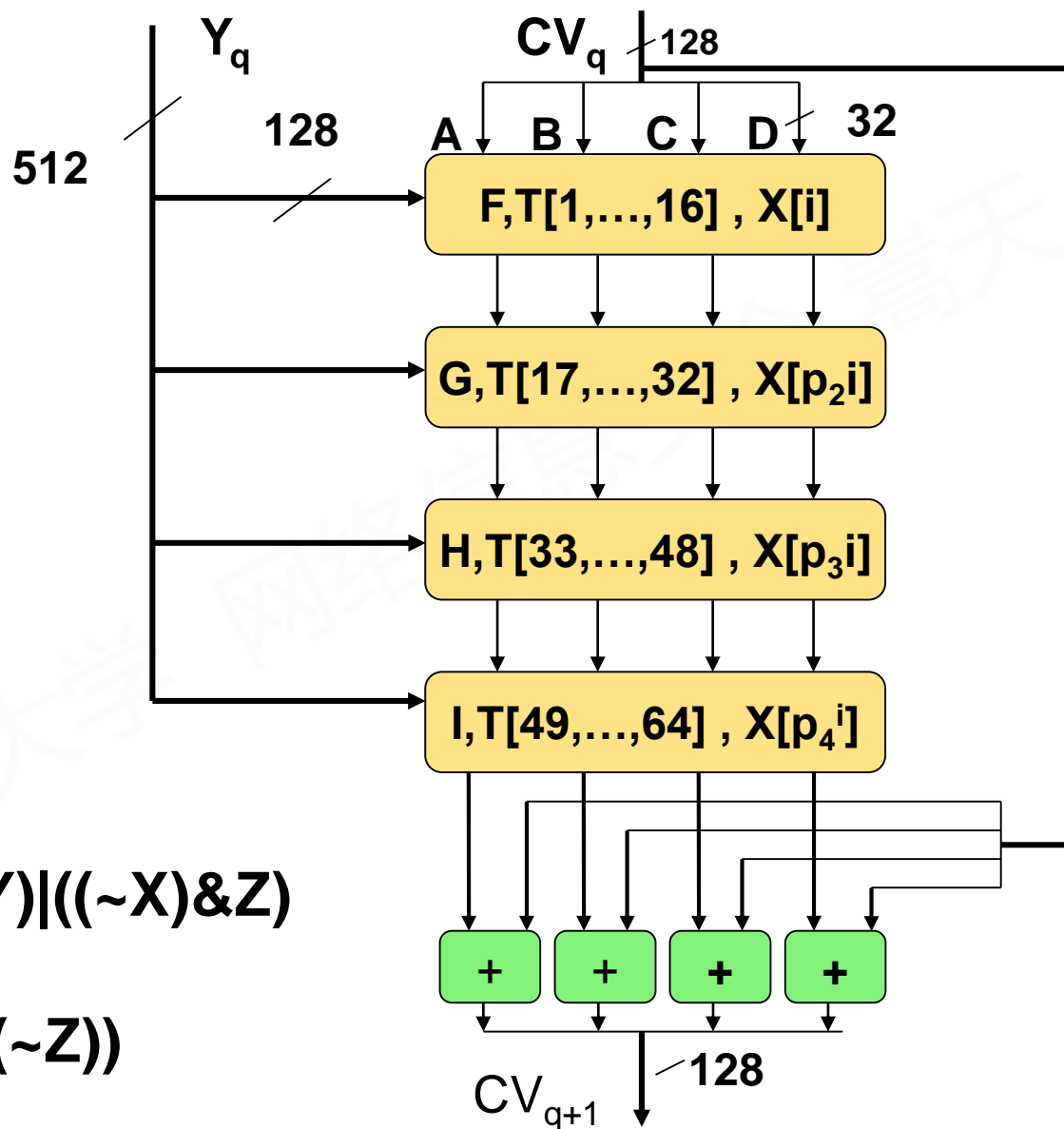


# • 算法步骤

– Step4

$$F(X,Y,Z) = (X \& Y) | ((\sim X) \& Z)$$

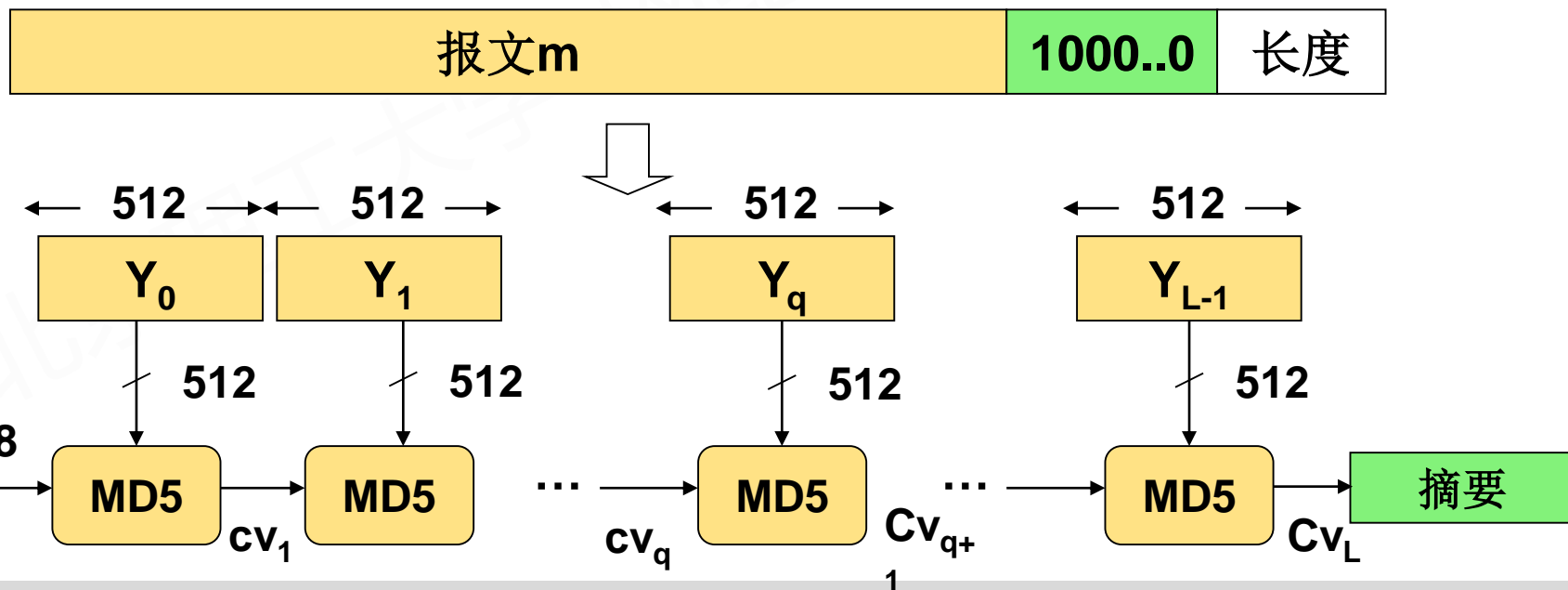
$$I(X,Y,Z) = Y \wedge (X | (\sim Z))$$



# MD5算法

- 算法步骤

- Step5: 所有L 个 512 bit 的分组处理完之后，第L阶段的输出便是128bit 的报文摘要



# SHA算法

## • 算法介绍

- SHA: Security Hash Algorithm, 是美国政府密码标准
- SHA-0和SHA-1算法产生160位的摘要信息 (散列值)
- 单次输入信息最长 ( $2^{64} - 1$ ) 位
- 基于MD4设计, 和MD5方法十分类似

Algorithm and variant		Output size (bits)	Internal state size (bits)	Block size (bits)	Max message size (bits)
SHA-0		160	160	512	$2^{64} - 1$
SHA-1		160	160	512	$2^{64} - 1$
SHA-2	SHA-256/224	256/224	256	512	$2^{64} - 1$
	SHA-512/384	512/384	512	1024	$2^{128} - 1$

# SHA算法

## • 算法的安全性

- SHA-1在安全协议中广为使用：TLS/SSL、PGP、SSH和IPSec
- SHA-1被视为MD5的后继者
- 2005年2月，王小云团队对SHA-0进行破解，在 $2^{39}$ 的计算复杂度内可以找到碰撞（每秒10万次运算，63天）
- 2005年8月，王小云和姚期智夫妇对SHA-1进行破解，在 $2^{63}$ 的计算复杂度内可以找到碰撞
- SHA算法已经不安全了，但尚无完善替换算法（SHA-2/SHA-3）