

Netzwerke – Seminaristische Übung WS17/18

Bit-Arithmetik & OSI Layer I

Benjamin.Troester@HTW-Berlin.de

PGP: ADE1 3997 3D5D B25D 3F8F 0A51 A03A 3A24 978D
D673

Benjamin Tröster

20. Februar 2018

Road-Map

1 Zahlensysteme

- Stellenwertsystem
- Stellenwert Basis b
- Dualzahlen
- Oktal
- Hexadezimal

2 Umrechnung von Zahlensysteme

- Basis $b \rightarrow$ Dezimal
- Dezimal \rightarrow Basis b

3 Bit-Arithmetik

- Bit-Wertigkeit
- Byte-Wertigkeit
- Umrechnung Bit \leftrightarrow Byte
- ...

4 Netzwerkgeräte

Nerd-Wochenmarkt

Empfehlung der Woche:

■ n00bCore:

- „n00bfreundlicher Podcast über Computer“
- <http://n00bcore.de/nc-006-was-ist-ein-internet/>
- <http://n00bcore.de/nc007-away/>

Retrospektive

- Vorlesung
 - Fragen?
- Übungsblatt
 - Auflösung des letzten Aufgabenblatts
 - Fragen?

Dezimalsystem \rightarrow Basis 10

Eine Zahl in der Darstellung

$$a_n \dots a_0.a_{-1} \dots a_{-m} = \sum_{i=-m}^n a_i \cdot 10^i, \quad a_i \in \{0, 1, \dots, 9\}$$

wird als Dezimalzahl bezeichnet.

$$\text{Bsp.: } 23.42 = 2 \cdot 10^1 + 3 \cdot 10^0 + 4 \cdot 10^{-1} + 2 \cdot 10^{-2}$$

- Stelle einer Ziffer innerhalb der Zahl gibt an, mit welcher Potenz von 10 zu multiplizieren ist
 - → deshalb nennt man ein derartiges System
Stellenwertsystem
- Darstellung von $\mathbb{N}, \mathbb{Z}, \mathbb{Q}, \mathbb{I}, \mathbb{R}$ (\mathbb{C} ebenfalls, aber als Ebene)
- Rechner: nur begrenzte Darstellung möglich → begrenzter Speicher

Allgemein kann eine natürliche Zahl mit Basis b durch

$$\sum_{i=-m}^n a_i \cdot b^i, \quad a_i \in \{0, 1, 2, \dots, b-1\}$$

dargestellt werden

- Dual (lat. dualis „zwei enthaltend“) \rightarrow Basis 2
- Ziffern nur aus den Werten 0 und 1
- In der Informatik als Bit, in der E-Technik „on/off“
- $\sum_{i=0}^n a_i \cdot b^i, \quad a_i \in \{0, 1\}, b = 2$
- Bsp.: $1101_2 = 1 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^2 + 0 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0 = 13_{10}$

- Oktal (lat. octo – acht) \rightarrow Basis 8
- Ziffern nur aus den Werten $0 \dots 7$
- In der Informatik Permissionsbits
- $\sum_{i=0}^n a_i \cdot b^i, \quad a_i \in \{0, \dots 7\}, b = 7$
- Bsp.: $4223_8 = 4 \cdot 8^3 + 2 \cdot 8^2 + 2 \cdot 8^1 + 3 \cdot 8^0 = 2195_{10}$

- Hexadezimal (griech. hexa – sechs & lat. decem – zehn) → Basis 16
- Ziffern nur aus den Werten $0, \dots, 9$ und Zeichen A, \dots, F
- In der Informatik Codierung von MAC-Adressen, Farbwerten, ...
- $\sum_{i=0}^n a_i \cdot b^i, \quad a_i \in \{0, \dots, 9, A, \dots, F\}, b = 16$
- Bsp.: $1310_{16} = 1 \cdot 16^3 + 3 \cdot 16^2 + 1 \cdot 16^1 + 0 \cdot 16^0 = 4880_{10}$

- Ganze Zahlen,
- Zahlen mit Basis b
- Allgemein:

$$\sum_{i=-m}^n a_i \cdot b^i, \quad a_i \in \{0, 1, 2, \dots, b-1\}$$

- Horner-Schema
- Das Polynom $p(x) = b_0 + b_1x + b_2x^2 + \dots + b_nx^n$ vom Grad n kann mithilfe des Horner-Schemas durch $p(x) = (\dots (b_nx + b_{n-1})x + \dots)x + b_0$ definiert werden.

- Divisionsmethode (Restverfahren)
- Konvertierung ganzer Zahlen:
 - Die Zahl wird solange durch die Zahlensystem-Basis geteilt bis die ganzzahlige Teilung das Ergebnis 0 liefert
 - Bei jedem Schritt wird der Rest notiert
 - Rest-Ziffern liefern die Zahl im anderen Zahlensystem

■ $617210 \rightarrow 1100000011100_2$

Dividend	Divisor	Quotient	Rest
6172	2	3086	0
3086	2	1543	0
1543	2	771	1
771	2	385	1
385	2	192	1
192	2	96	0
96	2	48	0
48	2	14	0
24	2	12	0
12	2	6	0
6	2	3	0
3	2	1	1
1	2	0	1

- Legt den Stellenwert der Bits fest
- Legt das Vorzeichen fest – Vorzeichenbit
- LSB-0-Bitnummerierung – least significant bit
 - Bit am Index 0 niedrigsten Stellenwert
 - $\sum_{i=0}^{n-1} a_i \cdot 2^i$
 - Stellen gemäß ihrer absteigenden Wertigkeit – rechts beginnend
- MSB-0-Bitnummerierung – most significant bit
 - Bit am Index 0 höchsten Stellenwert
 - $\sum_{i=0}^{n-1} a_i \cdot 2^{n-1-i}$
 - Stellen gemäß ihrer absteigenden Wertigkeit – links beginnend

- Bitnummerierung ist unabhängig von der Byte-Reihenfolge
- Werden je acht Bits zu einem Byte gruppiert und diese wiederum zu größeren Zahlenformaten, so ist zusätzlich die Byte-Reihenfolge wichtig
- Big- / Little-Endian-Architektur

- Zusammenfassung von 8 Bit zu einem Byte
- Speicherkapazitäten mit Zweierpotenz 2^n -Byte
- $2^{10} = 1024$ statt 1000
- 1 Kilobyte (kB) = 1000 Byte, 1 Megabyte (MB) = 1000 Kilobyte = $1000 \cdot 1000$ Byte = 1.000.000 Byte
- IEC-Präfixe:
 - 1 Kibibyte (KiB) = 1024 Byte, 1 Mebibyte (MiB) = $1024 \cdot 1024$ Byte = 1.048.576 Byte.

Prefixes for multiples of bits (bit) or bytes (B)

Decimal			Binary		
Value		SI	Value	IEC	JEDEC
1000	k	kilo	1024	Ki kibi	K kilo
1000 ²	M	mega	1024 ²	Mi mebi	M mega
1000 ³	G	giga	1024 ³	Gi gibi	G giga
1000 ⁴	T	tera	1024 ⁴	Ti tebi	–
1000 ⁵	P	peta	1024 ⁵	Pi pebi	–
1000 ⁶	E	exa	1024 ⁶	Ei exbi	–
1000 ⁷	Z	zetta	1024 ⁷	Zi zebi	–
1000 ⁸	Y	yotta	1024 ⁸	Yi yobi	–





