# Identification et Filtrage (IDFIL) Travaux Pratiques n° 1

# HOUSSEYNE NADOUR

Master ARIA, ASI

Sous direction de l'ensignant  $SA\ddot{D}MOUSSAOUI$ 

#### 31 décembre 2017

#### Résumé

L'objective de ce TP est de mettre en pratique, les différents techniques de filtrage, et comparer entre eux, les filtres á synthétiser sont des filtre Analogiques, filtres RII, et des filtres RIF, Ce travaille est composé de deux parties, dans chaque partie on analyse ces différent types de filtres.

# TABLE DES MATIÈRES

## I. LE SIGNALE Á FILTRER:

Les filtres á synthétiser seront appliqués sur un signal de durée de 8s, composé successivement de 8 signales sinusoïdales de fréquences différentes et de même durée (1s).

fréquence d'échantillonnage a choisi de telle façon de le théorème de Schannone qui consiste á choisir la fréquence d'échantillonnage deux fois plus grande que la plus grande fréquence que le signale comporte pour extraire toute les informations utiles dans ce signale, dans notre cas la plus grande fréquence est : 523 Hz, tant que la fréquence d'échantillonnage  $f_e$  = 8192, d'où le théorème de Shcannone est respecté.

#### II. FILTRAGE PAS-BAS ANALOGIQUE

# i. L'ordre de chaque filtre

Le script du Matlab pour calculer l'ordre de chaque filtre :

Listing 1 – Le script du Matlab pour calculer l'ordre de chaque filtre

Type du filtre	L'ordre du filtre
Butterworth	20
Chabyshev de type 1	8
Chabyshev de type 2	8
Cauer	5

## Remarque:

Il est claire que la méthode de Butterworth a le plus grand ordre*n*, par contre le filtre de Cauer a le plus petit ordre, et les deux types de chabychev ont le même ordre entre les filtre de Butterworth et Cauer. On peut dire alors que le filtre de Cauer est le moins couteux parmi les autres filtres analogiques que signifie que ce filtre est simple a synthétiser, et n'exige pas beaucoup de calcul et beaucoup de temps pour filtrer le signal.

Le script suivant a pour objective de calculer les coefficients de dénominateur et numérateur de chaque filtre :

Listing 2 – Le script du Matlab pour calculer l'ordre de chaque filtre

```
%% B) Les coefficients de chaque filtre
   % Butterworth:
   [numc_b, denc_b] = butter(nc_b,wnc_b,'
       low','s');% en analogique
   % Chabyshev de type 1:
4
   [numc_c1, denc_c1] = cheby1(nc_c1,Ap,
       wnc_c1, 'low', 's');% en analogique
6
   % Chabyshev de type 2:
7
   [numc_c2, denc_c2] = cheby2(nc_c2,Aa,
       wnc_c2, 'low', 's');% en analogique
8
   % Chabyshev de ellipe:
   [numc_el, denc_el] = ellip(nc_el,Ap,Aa,
       wnc_el,'low','s');% en analogique
  H_ellip = tf(numc_el, denc_el);
```

Par exemple le filtre Cauer est de la forme suivante :

```
H_{ellip} = \tfrac{94.79s^4 + 6.36e - 12s^3 + 1.978e09s^2 - 3.073e - 06s + 9.42e\underline{15}}{s^5 + 1319s^4 + 8.828e06s^3 + 8.501e09s^2 + 1.823e13s + 9.42e\overline{15}}
```

la fonction de transfert de ce filtre est plus compact que celles des autres filtres.

# ii. les réponses fréquentielles en amplitude des quatre filtres

le script suivant permet d'obtenir les valeurs numériques de chaque fonctions de transfert (chaque filtre) pour chaque valeur de fréquence f:

**Listing 3 –** Le script du Matlab pour calculer la réponse de chaque filtre

```
% La reponse frequentielle de chaque
    filtre analogique:

f = linspace(fmin,fmax,1000);

Hc_b = freqs(numc_b,denc_b,2*pi*f);

Hc_c1 = freqs(numc_c1,denc_c1,2*pi*f);

Hc_c2 = freqs(numc_c2,denc_c2,2*pi*f);

Hc_el = freqs(numc_el,denc_el,2*pi*f);
```

On peut utiliser la fonction margin ou la fonction bode pour tracer les réponses en amplitude en phase :

Listing 4 – réponse fréquentielle du filtre de Cauer

```
H_ellip = tf(numc_el, denc_el);
margin(H_ellip);
```

Mais avec ce scripte, les réponses sont dessinées en fonction de la pulsation au lieu de la fréquence  $(\omega = 2.\pi.f)$ .

pour obtenir les réponses en fréquence on utilise le script suivant :

**Listing 5** – Le script pour tracer les réponses fréquentielles

```
graph = plot(f,20*log10(abs(Hc_b)),f
    ,20*log10(abs(Hc_c1)),f,20*log10(
    abs(Hc_c2)),f,20*log10(abs(Hc_el)))
    ;
legend(graph,'Butterworth','Chabyshev
    de type 1','Chabyshev de type 2','
    Cauer')
```

Les réponses sont illustrées sur la figure suivante :

# Images/3.png 1 2

FIGURE 1 – la réponse fréquentielle de chaque filtre

#### Remarque:

Le graphe montre des caractéristiques commune et autre différentes entre les quatre filtres synthétisés :

- Tout les filtre synthétisé rejettent tous les signaux de fréquence supérieur à la fréquence de coupure désirée fc = 420
- La fréquence de coupure reélle n'est pas confondue á celle désirée (l'idéelle est 420 Hz), en effet les courbes montrent que la fréquence de coupure réelle est 360 Hz, dans notre ça ne pose pas le problem de rejeter des signaux utiles parce que le signal á filtrer comporte des fréquences espacées entre elles.
- La caractéristique en amplitude du filtre Butterworh est très plate dans la bande passante, et lisse dans bande coupée, et ça revient á l'ordre élevé du filtre. Par contre les autre filtres présentent de oscillations dans la bande passante á cause de l'ordre réduit de chaque filtre.
- Les deux filtres Chebytchev type 1 et Cauer sont plus proches du filtre idéal que les filtres Butterworth et Chebytchev de type 2, parce qu'ils ont une coupure extrêmement raide.

# iii. Filtrage du signal audio

**Listing 6** – Le script du Matlab pour filtrer la gamme, et écoûter les gammes filtrées

```
% Filter and listen:
Filtred_Signal_ButterWorth = lsim(tf(
    numc_b,denc_b),sig,t);
soundsc(Filtred_Signal_ButterWorth, fe)
;

Filtred_Signal_Cheb1 = lsim(tf(numc_c1,
    denc_c1),sig,t);
soundsc(Filtred_Signal_Cheb1, fe);
Filtred_Signal_Cheb2 = lsim(tf(numc_c2,
    denc_c2),sig,t);
soundsc(Filtred_Signal_Cheb2, fe);
Filtred_Signal_Cauer = lsim(tf(numc_el,
    denc_el),sig,t);
soundsc(Filtred_Signal_Cauer, fe);
```

Les trois dernier notes ont été partialement rejetées, en plus la note *Sol* (qui est considérés comme une information utile dans la bande passante) a été influencée par le filtre, malgré qu'on ne peut jamais synthétiser un filtre idéal, mais pour notre signale ou les fréquence des notes sont espacées, on peut modifier les paramètres du filtre(la bande passantes et les amplitudes) pour rejeter parfaitement les trois dernières note sans influencer aucune note utile.

En faite, les paramètres suivants satisfont l'objective désiré :

```
f_c = 425 Hz au lieu f_c = 420 Hz \Delta f = 60 Hz au lieu \Delta f = 100 Hz A_a = 50 au lieu A_a = 40 Les nouveaux réponses fréquentielles :
```

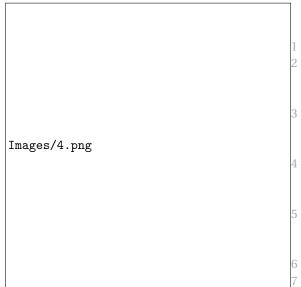


FIGURE 2 – la réponse fréquentielle de chaque filtre après l'amélioration

Touts les filtres rejettent d'une manière presque parfaite les trois dernières notes et sans affecter la note Sol.

Mais cet avantage est payé par un augmentation dans les ordres des filtres :

Type du filtre	L'ordre du filtre
Butterworth	41
Chabyshev de type 1	12
Chabyshev de type 2	12
Cauer	6

## Remarque:

La méthode de Cauer montre une caractéristique inter issante, son ordre n'a augmenté que de 20%, tant que celui de Butterworth a augmentés de plus que 100%, et l'ordre de Chabyshev de type 1 et 2 ont un augmentation de 50%.

Cet résultat montre que le filtre de Cauer est le meilleur choix.

# iv. Le graphe de l'allure de la gamme filtrée dans le domaine temporel et fréquentiel

premièrement, on tracer l'allure du signale filtré en utilisant les paramétrés données dans la question. puis on trace l'allure en utilisant les paramètres proposés.

**Listing 7 –** *Le script du Matlab pour la gamme filtrées dans le domaine temporel* 

```
figure(2);
subplot(2,2,1); plot(t,
    Filtered_Signal_ButterWorth);title(
    'ButterWorth');
subplot(2,2,2); plot(t,
    Filtered_Signal_Cheb1);title('Cheb1
    ');
subplot(2,2,3); plot(t,
    Filtered_Signal_Cheb2);title('Cheb2
    ');
subplot(2,2,4); plot(t,
    Filtered_Signal_Cauer);title('Cauer
    ');
legend(graph,'Butterworth','Chabyshev
    de type 1','Chabyshev de type 2','
    Cauer')
```

#### iv.1 L'allure dans le domaine temporel

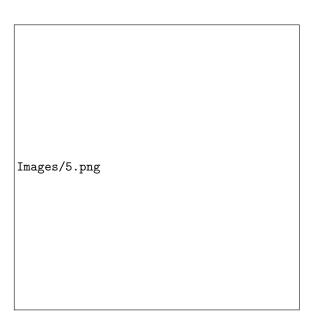


Figure 3 – L'allure dans le domaine temporel de la gamme filtrée

Remarque : Ce graphe confirme les remarques qu'on a constaté précédemment :

 Les notes á filtrer (*La Si Do*) ont été rejetés mieux par le filtre Cauer et Chebychev 1 que Butterworth et Chebychev 2.

- La note Sol a été influencée par le filtrage,
   On ne va plus remarquer cette inconvénient après l'amélioration des paramètres du filtre (Voire le graphe suivant).
- On remarque des ondulation dans la bande passant pour le filtre de Chebycheve type 1 et le filtre de Cauer, c'est le coût d'avoir une coupure raide (bande transitoire très courte), cette remarque est confirmée par la réponse fréquentielle qui montre des ondulation dans la bande passante. Par contre les deux filtres de Butterworth et Chebychev type 2, ne présentent pas cet inconvénient. surtout le filtre de Butterworth, c'est expliqué par la réponse fréquentielle qui montre une caractéristique en amplitude très plate dans la bande passante.
- Les altérations du signal filtré dans la bande passante (les ondulations) signifie que le volume du son change dans la bande passante.

Si on utiliser les paramètres suivant :

 $f_c = 425$  Hz au lieu  $f_c = 420$  Hz  $\Delta f = 60$  Hz au lieu  $\Delta f = 100$  Hz  $A_a = 50$  au lieu  $A_a = 40$  On trouve les résultats désirés.

Images/6.png

FIGURE 4 – L'allure dans le domaine temporel de la gamme filtrée après l'amélioration des paramètres

Remarque: Le filtre de Butterworth montre des

bonnes caractéristiques dans la bande passante et dans la bande coupée par rapport á les autres filtres, mais c'est payé par le coût de l'ordre de ce filtre (n = 40).

iv.2 Le spectre d'amplitude de la gamme filtrée

Images/7.png

FIGURE 5 – Le spectre de la gamme filtrée

Ce graphe confirme les points remarqués sur l'allure de la gamme filtrée dans le domaine temporel. En utilisant les paramètres proposés, on trouve des bons résultat dans les deux bandes, passantes et coupée.

Images/8.png	v. Modification de le bande de transition $\label{eq:definition} \text{le paramètre qui va se changer c'est:} \\ \Delta f = 20 Hz \\ \text{On résume les résultats trouvés pour chaque filtre dans les graphes suivants:} $	
	v.1 L'ordre de chaque filtr	re
FIGURE 6 – Le spectre de la gamme filtrée après l'amé- lioration des paramètres	Type du filtre Butterworth Chabyshev de type 1 Chabyshev de type 2 Cauer	L'ordre du filtre 111 20 20 7
	v.2 les réponses fréquent des quatre filtres	tielles en amplitude
	Images/9.png	

FIGURE 7 – les réponses fréquentielles en amplitude des quatre filtres

v.3	L'allure de la gamme filtrée dans le do- maine temporel
Ima	ges/10.png
	JRE 8 – L'allure de la gamme filtrée dans le domaine temporel  L'allure de la gamme filtrée dans le domaine fréquentiel
Ima	ges/11.png

FIGURE 9 – L'allure de la gamme filtrée dans le domaine fréquentiel

Remarque : On remarque des avantages et des inconvénients en modifiant la bande de transitoire :

- L'ordre de chaque filtre a augmenté, surtout le filtre de Butterworth, qui a exigé un ordre de 111, et ça rend le filtre non applicable, et on peut voir que le matlab n'a pas pu dessiner les allures pour le filtre de Butterworth due au chut de calcul. par contre le filtre de Cauer reste toujours dans le cadre pratique due au son ordre qui est 7.
- Un bon filtrage de notes á rejeter dans la bande á coupée.
- Les ondulations dans la bandes passantes ont disparu, que signifie que le volume du son ne change pas dans la bande passante.
- Les filtres ont des coupure extremement raides (bande transitoire tres courte), et d'oú l'avantage suivant :
- Les signales outiles (comme la note Sol) ne ont pas été influencée par le filtrage.

# III. ELIMINATION D'UNE NOTE PAR FILTRAGE COUPE-BANDE

i. Filtre numérique coupe-bande de type Chebyshev 2

Le script pour calculer le filtre :

Listing 8 – Le script pur calculer le Filtre numérique coupe-bande de type Chebyshev 2, et pour tracer la réponse fréquentielle

```
%% Chabyshev de type 2:
 1
2
   Df = 10;
3
   fc_b = 340;
   fc_h=360;
4
5
   % Df = 5;
6
   % fc_b = 345;
7
   % fc_h=355;
8
   fp_b = fc_b - Df/2;
9
10
   fp_h = fc_h - Df/2;
11
   fa_b = fc_b + Df/2;
   fa_h = fc_h + Df/2;
12
   Wp = 2*[fa_b fp_h]/fe; % IN
   Ws = 2*[fp_b fa_h]/fe; % EX
14
   Ap=1; Aa=40;
15
16
   %% A) Filtrage Coup—Bande analogique
   %% L'ordre de chaque filtre:
17
   [nd_c2, wnd_c2] = cheb2ord(Wp,Ws,Ap,Aa)
18
   % B) Les coefficient de chaque filtre:
19
    [numd_c2, dend_c2] = cheby2(nd_c2, Aa,
20
       wnd_c2, 'stop');
21
   %% C) Les reponses frequentielles;
22
23
    figure(2)
24
     f = linspace(fmin,fmax,1000);
    Hd_c2 = freqz(numd_c2, dend_c2, f, fe);
25
         plot(f,20*log10(abs(Hd_c2)));
```

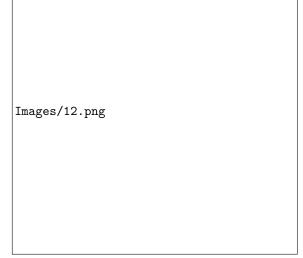


FIGURE 10 – La réponse fréquentielle du filtre RII de type Chebychev 2

- La graphe est très plat dans les bandes passantes (il n'y a pas des ondulations dans cette bande), que signifie que le volume du son ne est pas altéré.
- La note Fa qui correspond à la fréquence 349Hz est rejetée.
- Malgré que la coupure est raide (bande transitoire très courte), le filtre touche la bande passant (la bande coupée réelle est plus large que celle désirée), que signifie que la note la plus proche *Mi* est altéré par ce filtre. on peut régler ce problem en prenant les paramètres suivants :

$$\Delta f = 5$$

$$f_c^b = 345$$

$$f_c^h = 345$$

Et on trouve le résultat désiré:

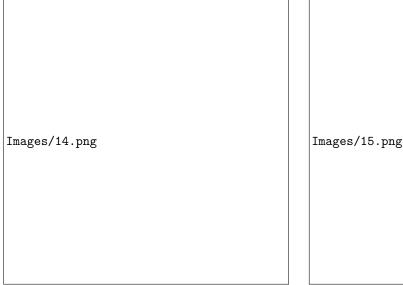


FIGURE 11 - La réponse fréquentielle du filtre RII de type Chebychev 2 après l'amélioration des paramètres

FIGURE 12 – L'allure temporelle de la gamme filtrée

ii. L'allure temporelle et le spectre d'amplitude de la gamme filtrée

Listing 9 – Le script pur Tracer l'allure temporelle et le spectre d'amplitude de la gamme filtrée

```
%% D1) Tracer sur la meme figure l
      allure temporelle et le spectre d
       amplitude de lagamme filtree
    figure(3)
3
    Cheb2 = filter(numd_c2,dend_c2,sig);
    plot(t,Cheb2);title('Cheb2');
4
   %% D2) Le spectre d'amplitude de la
        gamme filtree
6
   figure(4)
7
   ffc = [0:length(Cheb2)-1]*(fe/length(
       Cheb2));
  fmin = 100; fmax = 600; ymax = 0.6;
  Sfc = fft(Cheb2)/fe; plot(ffc, abs(Sfc
      )); axis([fmin fmax 0 ymax]); hold
       on;
  soundsc(Cheb2, fe)
```

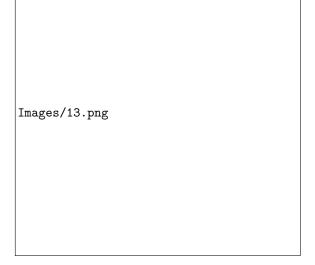


FIGURE 13 – Le spectre d'amplitude la gamme filtrée

Cet résultat confirme les points remarqués sur le graphe de la réponse fréquentielle du filtre :

- Le volume du son n'est pas altéré (sauf la note Mi), parce que le filtre ne présente pas des ondulations dans cette bande
- La note Fa qui correspond á la fréquence 349 est rejetée.
- La note la plus proche *Mi* est altéré par ce filtre. on peut régler ce problem en prenant

les paramètres suivants :

 $\Delta f = 5$ 

 $f_c^b = 345$ 

 $f_c^h = 345$ 

On trouve le résultat désiré:

Images/16.png

6
7

FIGURE 14 – L'allure temporelle de la gamme filtrée après l'amélioration des paramètres

Images/17.png

FIGURE 15 – Le spectre d'amplitude de la gamme filtrée après l'amélioration des paramètres

iii. Le filtre RIF de longueur minimal (fenêtre de Kaiser)

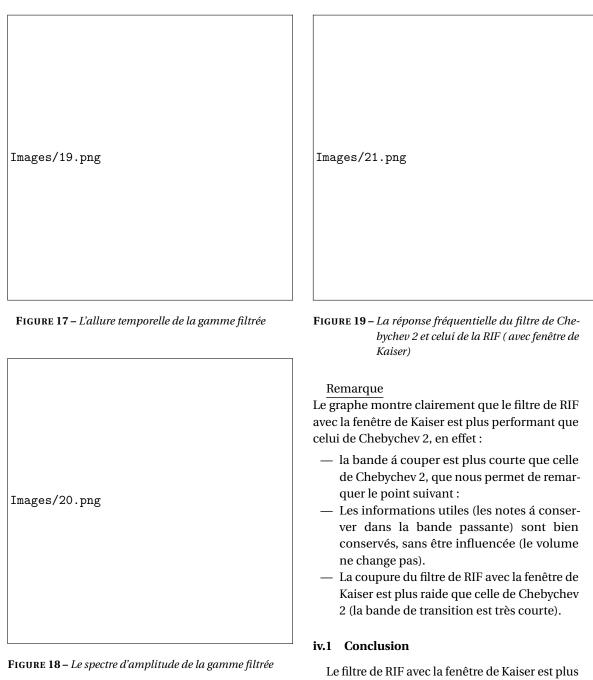
**Listing 10 –** Le script pur calculer Le filtre RIF de longueur minimal (fenêtre de Kaiser) et pour tracer la réponse fréquentielle et tracer la gamme filtrée

```
%% D1) Tracer sur la meme figure l
    allure temporelle et le spectre d
    amplitude de lagamme filtree
 figure(3)
Cheb2 = filter(numd_c2,dend_c2,sig);
 plot(t,Cheb2);title('Cheb2');
 % D2) Le spectre d'amplitude de la
    gamme filtree
figure(4)
ffc = [0:length(Cheb2)-1]*(fe/length(
    Cheb2));
fmin = 100; fmax = 600; ymax = 0.6;
Sfc = fft(Cheb2)/fe; plot(ffc, abs(Sfc
    )); axis([fmin fmax 0 ymax]); hold
     on;
soundsc(Cheb2, fe)
```

Les résultats de la simulation sont obtenus en utilisant les paramétrés suivants :  $\Delta f = 5$ ,  $f_c^b = 345$ , et  $f_c^h = 345$ 

Images/18.png

**FIGURE 16 –** La réponse fréquentielle du filtre RIF (avec fenêtre de Kaiser)



Remarque Ce filtre a réalisé l'objective de la manière désirée.

iv. Comparaison entre le filtre de Chebychev de type 2 et celui de la RIF avec la fenetre de Kaiser

On trace les deux réponses fréquentielles dans le même graphe.

Le filtre de RIF avec la fenêtre de Kaiser est plus performant que celui de Chebychev 2.