## MATLAB(矩阵基本运算)



## 矩阵 的基本命令和功能

MATLAB命令	功能			效果		
A'	矩阵A的转置	1 2 3 4	4 3 2 2	3 2 1 0	2 1 4 1	
A+B	矩阵A和矩阵B的和	3 6 5 4	7 4 4 2		6 6 9 2	
A-B	矩阵A减矩阵B	-1 2 1 0	-3 2 0	0 -4	2 -2 -9 0	
A*B	矩阵A乘以矩阵B	20 22 12 16	17 29 19 20	37 32 15 30	40	
k*A	数看乘以矩阵A	3 12 9 6	6 9	等于3时 9 6 3 12	12 6	
det(A)	A的行列式	-16.0000				

rank(A)	A的秩	4
inv(A)	A的逆	-0.8125 1.5000 -1.5625 0.2500 1.1250 -2.0000 2.6250 -0.5000 0.1875 -0.5000 0.4375 0.2500 -0.2500 1.0000 -1.2500 0
B/A	B左乘A的逆;A右除B,即 B*inv(A)	3.8750 -6.0000 8.3750 -1.5000 -1.1250 4.0000 -4.6250 0.5000 -0.6875 5.5000 -6.9375 0.7500 0 0 1.0000
A\B	B右乘A的逆;A左除B,即 inv(A)*B	0.2313 -0.4437 0.5750 0.1375 0.4625 2.1125 -0.8500 0.2750 0.3437 1.7188 -0.8750 0.3125 0 0 0 1.0000
A^n	A的n次幂	当n=2时 26 18 26 12 26 23 28 24 14 14 14 16 20 16 16 11
A.*B	A与B的对应元素相乘	2 10 6 8 8 3 4 8 6 4 5 0 4 1 16 1
a3=A(3,:)	A的第三列生成一个行向量	3 2 1 0
b2=B(:,2)	B的第2列生成一个列向量	5 1 2 1
A(始行:步长:终行,始 列:步长:终列)	A的某几行、某几列上交叉元 素生成A的子矩阵	
zeros(6)	生成6阶的零矩阵	0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0
eye(4)	生成4阶单位阵	1 0 0 0 0 0 0 0 0 1 0 0 0 0 1 0 0 0 1
a1*a2'	两个向量的内积	

## 常用的函数列表

MATLAB 函数	功能	格式		效果	:	
ones	生成全1阵	y=ones(n) %生成n×n的全1阵 y=ones(m,n) %生成m×n的全1阵	1 1 1	1 1 1	1 1 1	
rand	生成均匀分布随机	y=rand(n) %生成n×n的随机矩阵 其元素 在(0,1)内	0.7577 0.7431 0.3922	0.6555 0.1712 0.7060	0.0318 0.2769 0.0462	

	矩阵	y=ones(m,n) %生成m×n的随机矩阵	
randn	生成正态 分布随机 矩阵	y=randn(n) %生成n×n的正态分布随机矩阵 y=ones(m,n) %生成m×n的正态分布随机 矩阵	-0.7648 0.4882 1.4193 -1.4023 -0.1774 0.2916 -1.4224 -0.1961 0.1978
linspace	产生线性等分向量	y=linspace(a,b) %产生100个线性等分点 y=linspace(a,b,n) %产生n个线性等分点	当a=3,b=2,n=5时 i,sse 2.788 2.889 2.899 2.8000
logspace	产生对数等分向量	y=logspace(a,b) %在()之间产生50个对数等分向量 y=logspace(a,b,n) %在()之间产生n个对数等分向量	当a=3,b=2,n=5时 1.6401 1 1.6001 EMI EJIH EJIH
numel	计算矩阵 中元素的 个数	n=numel(A) %返回矩阵A的元素的个数	16
blkdiag	产生以输入元素为对角线元素阵	out=blkdiag(a,b,c,d) %产生以 a,b,c,d,为对角线元素的矩阵	当 a=3,b=2,c=4,d=8 时 3 0 0 0 0 2 0 0 0 0 4 0 0 0 0 8
hadamard	生成 hadamard 矩阵	H=hadamard(n) %返回n阶hadamard矩 阵	当n=2时 1 1 1 -1
Hankel	生成 Hankel方 阵	H=hankel(c)%第1列元素为c,反三角以下元素为0 H=hankel(c,r)%第1列元素为c,最后1行元素为r,如果c的最后一个元素与r的第1个元素不同,交叉位置取为c的最后一个元素	
hilb	生成 Hilbert矩 阵	H=hilb(n) %返回n阶Hilbert矩 阵,H(i,j)=1/(i+j-1)	
invhilb	生成逆 Hilbert矩 阵	H=invhilb(n) %产生n阶逆Hilbert矩阵	9 -36 30 -36 192 -180 30 -180 180
magic(n)	生成 Magic矩 阵	M=magic(n) %产生n阶魔方矩阵	8 1 6 3 5 7 4 9 2

## 向量的范数norm, 使用格式和具体的数学含义分别为:

X =

1 2 6 3 2

A =

1 2 3 4 4 3 2 2 3 2 1 0 2 1 4 1

使用格式	数学含义	效果
n=norm(X)	X为向量,求欧几里德范数即 $  X  _2 = \sqrt{\sum  X_k ^2}$	7.3485
n=norm(X,inf)	求 $\infty$ 范数,即 $  X  =max(abs(X))$ ,即	6
n=norm(X,1)	求1范数,即 $  X  _1 = \sum  X_k $	14
n=norm(X,- inf)	求向量-X的元素的绝对值的最小值,即 $  X  =min(abs(X))$	1
n=norm(X,p)	求p-范数,即 $  X  _p=\sqrt[p]{\sum  X_k ^p}$ ,所以 $\operatorname{norm}(X,2)=\operatorname{norm}(X)$	当p=2时 7.3485
n=norm(A)	A为矩阵,求欧几里德范数 ,等于A的最大奇异值 $  A  _2$	
n=norm(A,1)	求A的列范数 $  A  _1$ ,等于A的列向量的1-范数的最大值	10
n=norm(A,2)	求A的欧几里德范数 $  A  _2$ ,和 $  A  _2$	
n=norm(A,inf)	求行范数 $  A  _{\infty}$ ,等于A的行向量的1–范数的最大值,即:max(sum(abs(A')))	11
n=norm(A, 'fro')	求矩阵A的Frobenius范数 $  A  _F=\sqrt{\sum\sum A_{ij} ^2}$ ,即 ${ m sqrt(sum(diag(A'*A))),}$ 不能用矩阵 ${ m p}$ -范数	

矩阵的其它有关运算,包括矩阵的特征值、特征向量、矩阵 初等变换的实现、向量组线性相关性的判定、矩阵条件数的 计算、矩阵的LU分解等内容

A =

7 3 2 6 5 0 7 1 5

使用格式	功能	效果
D=eig(A)	求A的特征值,得到一个由特征值构成的 向量D	11.8941 0.4920 4.6139
	A的特征向量矩阵X及A的特征之组成的	

[X,D]=eig(A)	对角阵D	х =		
[X,D]=cig(X)	אואריב	-0.5716		0.0370
			0.6379 0.6027	
		D =		
		11.8941	0	0
		0		0 4. 6139
Q=orth(A)	将非奇异矩阵A正交化为Q, Q'*Q=1		-0.7067	0.4634
	75 11 5777-277	-0.6046	0.7030	0.3745
			_	
A([i,j],:)=A([j,i],:)	互换A的第i行与第i行	6 7	5 3	2
		7	1	5
		5	6	0
A(:,[i,j])=A(:,[j,i])	互换A的第i列与第j列	3 1	7 7	5
		1	'	
		<u> </u>	ái=1,k=:	2时
		10	12	0
A(i,:)=k*A(i,:)	用k乘以A的第i行	3	7	2
		1	7	5
		—————————————————————————————————————	=1,k=2,j	i=2Rt
		16	26	4
A(i,:)=A(i,:)+k*A(j,:)	将A的第j行的k倍加到第i行上	3	7	2
		1	7	5
		68	26	4
A(:,i)=A(:,i)+k*A(:,j)	将A的第j行的k倍加到第i列上	17 15	7 7	2 5
		10		
	由已定义的矩阵A,E,O, A作为矩阵的子			
B=[A,E;O,A]	块,生成矩阵B			
		1	0	0
rref'(A)	求A的列向量组的一个极大线性无关组	0	1 0	0 1
			·	•
c=cond(A)	cond 2(A)=	4	64.7625	
			当p=2	14
c=cond(A,p)	cond p(A)=			
		4	64.7625	'
	U为上三角阵,L为下三角阵或其变换形			

[L,U]=lu(A)	式,满足LU=A	L =
		1.0000 0 0 0.1875 0.3953 1.0000 0.0625 1.0000 0
		U =
		16.0000 26.0000 4.0000 0 5.3750 4.7500 0 0 -0.6279
[L,U,P]=lu(A)	U为上三角阵,L为下三角阵,P为单位矩 阵的行变换矩阵,满足LU=PA	L =  1.0000 0 0 0.0625 1.0000 0 0.1875 0.3953 1.0000  U =  16.0000 28.0000 4.0000 0 5.3750 4.7500 0 0 -0.8279  P =  1 0 0 0 0 0 1 0 0 1 0 1 0

