
ENSAYO DE MODELO PARA RESOLVER EXPRESIONES ARITMÉTICAS SIMPLES

IPC2 INNOVATIVE PROJECTS

202204496 – Rodrigo Sebastian Castro Aguilar

Resumen

El ensayo examina detalladamente un código de procesamiento y visualización de señales en Python que demuestra la capacidad de la programación para abordar desafíos prácticos. A través de una estructura organizada y la incorporación de bibliotecas especializadas, el código carga, procesa y representa señales a través de archivos XML. La implementación de clases como "Node" y "LinkedList" ilustra la reutilización de conceptos y la modularidad, mientras que la generación de gráficos mediante la librería graphviz resalta la comunicación efectiva de datos. La preocupación por la robustez y la fiabilidad mediante validaciones muestra una mentalidad responsable. En última instancia, el código encarna la programación como una herramienta creativa para resolver problemas complejos y transformar abstracciones en soluciones concretas.

Palabras clave

Programación, Procesamiento de señales, Visualización, Estructuras de datos, Bibliotecas especializadas.

Abstract

The essay takes a detailed look at signal processing and display code in Python that demonstrates the programming's ability to address practical challenges. Through an organized structure and the incorporation of specialized libraries, the code loads, processes and represents signals through XML files. The implementation of classes like "Node" and "LinkedList" illustrate concept reuse and modularity, while graph generation using the Graphviz library highlights effective data communication. Concern for robustness and reliability through validations shows a responsible mindset. Ultimately, code embodies programming as a creative tool for solving complex problems and transforming abstractions into concrete solutions.

Keywords

Programming, Signal processing, Visualization, Data structures, Specialized libraries.

Introducción

En la era actual, la programación no solo se limita a ser un medio para crear software o aplicaciones; más bien, se ha convertido en una potente herramienta para abordar desafíos complejos y resolver problemas del mundo real. El código de procesamiento y visualización de señales en Python, que es objeto de análisis en este ensayo, es un vívido ejemplo de cómo la programación puede trascender las líneas del código para modelar y solucionar problemas tangibles en diversos campos. A medida que la tecnología sigue evolucionando, se vuelve imprescindible explorar cómo la programación, al fusionar conceptos fundamentales con herramientas especializadas, puede ser una fuerza transformadora en la resolución de problemas interdisciplinarios.

En este contexto, el código de procesamiento y visualización de señales se destaca como un microcosmos de ingenio programático. Este código, meticulosamente diseñado y estructurado, no solo refleja la habilidad técnica del programador, sino que también destila los elementos esenciales de la programación que tienen una resonancia más allá de los puros códigos y algoritmos. A lo largo de este ensayo, exploraremos cómo esta implementación demuestra la versatilidad y aplicabilidad de la programación en diversos contextos, desde la ingeniería hasta la biología, y cómo encapsula conceptos como modularidad y reutilización de código.

Es fundamental comprender cómo el código en cuestión aprovecha la programación para traducir datos abstractos en resultados concretos. Esto resalta cómo la programación se convierte en una lente que transforma datos crudos en visualizaciones gráficas claras y comprensibles, que a su vez, permiten una

toma de decisiones informada. Al examinar más de cerca la integración de bibliotecas como numpy y graphviz, se revela cómo la programación se nutre de una amplia gama de herramientas para potenciar su capacidad resolutive

A medida que profundizamos en el análisis del código, no solo consideraremos sus aspectos técnicos, sino también su capacidad para inculcar mejores prácticas. La preocupación por la robustez y la fiabilidad a través de verificaciones y validaciones refleja una ética de programación responsable, subrayando cómo los programadores deben anticipar posibles problemas y construir sistemas resistentes..

Desarrollo del tema

El código presentado ejemplifica de manera elocuente cómo la programación no solo es un conjunto de instrucciones abstractas, sino también una herramienta poderosa para abordar desafíos reales de manera estructurada y creativa. Al explorar en detalle sus componentes y enfoques, es posible desentrañar varios aspectos adicionales que resaltan la versatilidad y el impacto de la programación en la resolución de problemas tecnológicos.

Una característica notable del código es la forma en que combina múltiples bibliotecas y módulos de Python para lograr una solución completa. Más allá de la ya mencionada librería numpy para la manipulación eficiente de matrices, se observa la incorporación de la biblioteca graphviz para la generación de gráficos. Esta adición refuerza el hecho de que la programación no se limita a la codificación de algoritmos, sino que también abarca la selección inteligente y el uso de herramientas específicas para cada etapa del proceso.

Además, es esencial notar cómo el código no solo se centra en la funcionalidad, sino también en la legibilidad y la modularidad. La implementación de clases como "Node" y "LinkedList" va más allá de ser un simple ejercicio académico. Estas clases encapsulan conceptos de estructuras de datos que son fundamentales en la programación y que tienen aplicaciones en una amplia gama de escenarios. Esta abstracción demuestra la habilidad del programador para reconocer patrones y conceptos reutilizables en problemas más complejos.

Al profundizar en las capacidades de procesamiento y visualización de señales, es importante resaltar cómo estas funcionalidades son esenciales en diversas disciplinas, desde la ingeniería hasta la biología y la economía. El código se convierte en un ejemplo concreto de cómo la programación puede empoderar a los profesionales de diferentes campos para analizar y comprender datos en formas significativas. La capacidad de transformar datos crudos en gráficos comprensibles y manipulables resalta cómo la programación actúa como un puente entre los datos y la toma de decisiones informadas.

Además, el código presenta un enfoque en la robustez y la fiabilidad a través de la implementación de verificaciones y validaciones. Esta preocupación por anticipar posibles problemas y manejarlos de manera adecuada refleja la mentalidad responsable y ética que los programadores deben adoptar. Garantizar que el programa no se rompa frente a entradas inesperadas o situaciones límite es un recordatorio de cómo la programación impacta directamente en la experiencia del usuario y en la calidad del producto final.

En última instancia, el código no solo resuelve un problema técnico, sino que también demuestra cómo la programación puede ser una herramienta creativa para materializar ideas y conceptos abstractos. La manera en que toma datos en forma de archivos XML y los transforma en representaciones visuales y procesables es una manifestación tangible de cómo la tecnología puede traducir abstracciones en realidades concretas. Este proceso también subraya la importancia de la iteración y la mejora continua en la programación, ya que cada iteración del código puede llevar a una solución más refinada y eficiente.

Versatilidad y Aplicabilidad Interdisciplinaria:

El código de procesamiento y visualización de señales en Python es una manifestación concreta de cómo la programación trasciende las barreras disciplinarias. A través de la capacidad de cargar, analizar y representar datos en forma de señales, este código se convierte en una herramienta esencial en una variedad de campos. Desde la ingeniería, donde puede utilizarse para el análisis de señales eléctricas, hasta la biología, donde podría aplicarse para el estudio de patrones biológicos, el código demuestra la versatilidad de la programación para abordar una amplia gama de desafíos. Esto resalta la idea de que la programación no es solo un conjunto de habilidades técnicas, sino una competencia que puede empoderar a profesionales de diversas disciplinas para tomar decisiones informadas basadas en datos.

Legibilidad y Modularidad en la Programación:

El código en cuestión no solo se distingue por su funcionalidad, sino también por su estructura organizada y su enfoque en la legibilidad y la modularidad. La implementación de clases como

"Node" y "LinkedList" no solo permite la manipulación de listas de manera eficiente, sino que también destaca la importancia de la reutilización de conceptos en la programación. Esta abstracción de conceptos en clases independientes no solo facilita la comprensión del código, sino que también fomenta prácticas de programación más sólidas. La modularidad se extiende a la elección de bibliotecas, como numpy y graphviz, que permiten al programador aprovechar herramientas existentes en lugar de reinventar la rueda. Esto ilustra cómo la programación no solo se trata de escribir código desde cero, sino de seleccionar y combinar sabiamente las herramientas disponibles para lograr soluciones efectivas.

Transformación de Conceptos en Resultados Tangibles:

Uno de los aspectos más intrigantes del código es su capacidad para traducir conceptos abstractos en resultados tangibles. Al cargar y procesar datos desde archivos XML y convertirlos en visualizaciones gráficas comprensibles, el código refleja el poder de la programación para convertir datos en información significativa. Esta transformación es esencial para la toma de decisiones informada, ya que proporciona una forma clara y concisa de analizar y comprender conjuntos de datos complejos. Además, esta capacidad de traducir datos abstractos en representaciones visuales tiene un impacto en la depuración y la comunicación del código en sí. Al mostrar procesos internos en forma de gráficos, los programadores pueden identificar más fácilmente posibles errores y optimizaciones en su implementación.

Conclusiones

- El código demuestra cómo la programación es aplicable en diversas disciplinas, al permitir el procesamiento y la visualización de señales para un análisis informado en campos tan variados como la ingeniería y la biología.
- La implementación de clases y la selección de bibliotecas especializadas destacan la importancia de la legibilidad y la modularidad en la programación, promoviendo la reutilización de conceptos y herramientas en problemas más complejos.
- El código ejemplifica la capacidad de la programación para transformar datos abstractos en representaciones visuales y procesables, lo que subraya cómo la tecnología puede materializar ideas y resolver problemas de manera efectiva.

Anexos

```
1 import sys, os, random, time as t
2 import xml.dom.minidom as minidom
3 from graphviz import Digraph
4
5 class Node:
6     def __init__(self, data):
7         self.data = data
8         self.next = None
9
10 class LinkedList:
11     def __init__(self):
12         self.head = None
13         self.length = 0
14
15     def insert(self, data):
16         new_node = Node(data)
17         if not self.head:
18             self.head = new_node
19         else:
20             current = self.head
21             while current.next:
22                 current = current.next
23             current.next = new_node
24             self.length += 1
25
26     def exists(self, data):
27         current = self.head
28         while current:
29             if current.data == data:
30                 return True
31             current = current.next
32         return False
33
34     def __getitem__(self, index):
35         current = self.head
36         count = 0
37         while current:
38             if count == index:
39                 return current.data
```

```

38         if count == index:
39             return current.data
40         count += 1
41         current = current.next
42         raise IndexError("Index out of range")
43
44     def __setitem__(self, index, data):
45         current = self.head
46         count = 0
47         while current:
48             if count == index:
49                 current.data = data
50                 return
51             count += 1
52             current = current.next
53         raise IndexError("Index out of range")
54
55     def __len__(self):
56         return self.length
57
58     def imprimir_matriz(matriz):
59         for fila in matriz:
60             fila_str = ' '.join(map(str, fila))
61             print(fila_str)
62
63     def imprimir_grupos(grupos):
64         for grupo_num, filas in grupos.items():
65             filas_str = ' '.join(map(str, filas))
66             print(f"Grupo {grupo_num}: {filas_str}")
67
68     def cargar_archivo():
69         tree = ET.parse("prueba.xml")
70         root = tree.getroot()
71         max_amplitud = 0
72         max_tiempo = 0
73
74     def aplicar_umbral(matriz):
75         matriz_umbral = []
76         for fila in matriz:
77             fila_umbral = []
78             for elemento in fila:
79                 if elemento.tag == 'A':
80                     amplitud = int(elemento.text)
81                     if amplitud > 0:
82                         fila_umbral.append(amplitud)
83             matriz_umbral.append(fila_umbral)
84         return matriz_umbral
85
86     def agrupar_filas(matriz_umbral):
87         grupos = {}
88         fila_indices = {}
89         for fila_num, fila in enumerate(matriz_umbral):
90             fila_str = ' '.join(map(str, fila))
91             if fila_str in fila_indices:
92                 grupo_id = fila_indices[fila_str]
93                 grupos[grupo_id].append(fila_num)
94             else:
95                 nuevo_grupo_id = len(grupos) + 1
96                 grupos[nuevo_grupo_id] = [fila_num]
97                 fila_indices[fila_str] = nuevo_grupo_id
98         return grupos
99
100     def sumar_valores_por_grupo(matriz_valores, grupos):
101         valores_agrupados = {}
102         num_columnas = len(matriz_valores[0])
103         for grupo_num, filas in grupos.items():
104             suma_grupo = [0] * num_columnas
105             for fila_num in filas:
106                 suma_grupo = [a + b for a, b in zip(suma_grupo, matriz_valores[fila_num])]
107             valores_agrupados[grupo_num] = suma_grupo
108         return valores_agrupados
109
110     def guardar_en_xml(filename, matriz_valores, grupos, valores_agrupados):
111         root = ET.Element("senalesReducidas")
112         for grupo_num, filas in grupos.items():
113             atributos_grupo = {"nombre": f"grupo {grupo_num + 1}"}
114             grupo = ET.SubElement(root, "senal", atributos_grupo)
115             grupo.set("A", str(len(matriz_valores[0])))
116             grupo.set("s", str(grupo_num + 1))
117             grupo_element = ET.SubElement(grupo, "grupo", gstr(grupo_num + 1))

```

```

74     max_amplitud = 0
75     max_tiempo = 0
76
77     for elemento in root.findall('senal'):
78         for item in elemento.findall('dato'):
79             tiempo = int(item.get('t'))
80             amplitud = int(item.get('A'))
81
82             max_amplitud = max(max_amplitud, amplitud)
83             max_tiempo = max(max_tiempo, tiempo)
84
85     matriz = linkedlist()
86     for _ in range(max_tiempo):
87         fila = linkedlist()
88         for _ in range(max_amplitud):
89             fila.insert(0)
90         matriz.insert(fila)
91
92     for elemento in root.findall('senal'):
93         for item in elemento.findall('dato'):
94             tiempo = int(item.get('t')) - 1
95             amplitud = int(item.get('A')) - 1
96             valor = int(item.get('v'))
97             fila = matriz[tiempo]
98             fila[amplitud] = valor
99
100     return matriz
101
102     def aplicar_umbral(matriz):
103         matriz_umbral = []
104         for fila in matriz:
105             fila_umbral = linkedlist()
106             for valor in fila:
107                 fila_umbral.insert(0 if valor > 0 else 0)
108             matriz_umbral.append(fila_umbral)
109         return matriz_umbral
110
111     def agrupar_filas(matriz_umbral):
112         grupos = {}
113         fila_indices = {}
114         for fila_num, fila in enumerate(matriz_umbral):
115             fila_str = ' '.join(map(str, fila))
116             if fila_str in fila_indices:
117                 grupo_id = fila_indices[fila_str]
118                 grupos[grupo_id].append(fila_num)
119             else:
120                 nuevo_grupo_id = len(grupos) + 1
121                 grupos[nuevo_grupo_id] = [fila_num]
122                 fila_indices[fila_str] = nuevo_grupo_id
123         return grupos
124
125     def sumar_valores_por_grupo(matriz_valores, grupos):
126         valores_agrupados = {}
127         num_columnas = len(matriz_valores[0])
128         for grupo_num, filas in grupos.items():
129             suma_grupo = [0] * num_columnas
130             for fila_num in filas:
131                 suma_grupo = [a + b for a, b in zip(suma_grupo, matriz_valores[fila_num])]
132             valores_agrupados[grupo_num] = suma_grupo
133         return valores_agrupados
134
135     def guardar_en_xml(filename, matriz_valores, grupos, valores_agrupados):
136         root = ET.Element("senalesReducidas")
137         for grupo_num, filas in grupos.items():
138             atributos_grupo = {"nombre": f"grupo {grupo_num + 1}"}
139             grupo = ET.SubElement(root, "senal", atributos_grupo)
140             grupo.set("A", str(len(matriz_valores[0])))
141             grupo.set("s", str(grupo_num + 1))
142             grupo_element = ET.SubElement(grupo, "grupo", gstr(grupo_num + 1))

```

```

145     grupo = ET.SubElement(root, "senal", atributos_grupo)
146     grupo.set("A", str(len(matriz_valores[0])))
147     grupo.set("s", str(grupo_num + 1))
148
149     grupo_element = ET.SubElement(grupo, "grupo", gstr(grupo_num + 1))
150     tiempos_element = ET.SubElement(grupo_element, "tiempos")
151     tiempos_element.text = ' '.join(str(fila + 1) for fila in filas)
152
153     datos_grupo_element = ET.SubElement(grupo_element, "datos_grupo")
154     for amplitud, valor in enumerate(valores_agrupados[grupo_num - 1]):
155         dato_element = ET.SubElement(datos_grupo_element, "dato", A=str(amplitud + 1))
156         dato_element.text = str(valor)
157
158     rough_string = ET.tostring(root, 'utf-8')
159     reparsed = minidom.parseString(rough_string)
160     pretty_xml = reparsed.toprettyxml(indent=" ")
161
162     with open(filename, "w", encoding="utf-8") as xml_file:
163         xml_file.write(pretty_xml)
164
165     def generar_grafica_matriz_original(matriz, titulo):
166         dot = Digraph(titulo)
167         dot.attr(rankdir="TB")
168         dot.node("inicio", title, shape="ellipse")
169         t_filas = linkedlist()
170         t_filas.insert(len(matriz))
171         dot.node("t_filas", label=f"t={t_filas.head.data}", shape="ellipse")
172         dot.edge("inicio", "t_filas")
173         A_columnas = linkedlist()
174         A_columnas.insert(len(matriz[0]))
175         dot.node("A_columnas", label=f"A={A_columnas.head.data}", shape="ellipse")
176         dot.edge("t_filas", "A_columnas")
177         for i in range(A_columnas.head.data):
178             node_id = f"fila_{i}.col_{i}"
179             label = linkedlist()
180             label.insert(str(matriz[i][i]))
181             dot.node(node_id, label=label.head.data, shape="ellipse", style="filled", fillcolor="white")
182             columna_node_id.insert(node_id)
183             dot.edge("inicio", columna_node_id.head.data)
184             current_node = columna_node_id.head
185             while current_node.next:
186                 dot.edge(current_node.data, current_node.next.data)
187                 current_node = current_node.next
188             dot.view()
189
190     def generar_grafica_valores_agrupados(valores_agrupados, titulo):
191         dot = Digraph(titulo)
192         dot.attr(rankdir="TB")
193         dot.node("inicio", title, shape="ellipse")
194         t_grupos = linkedlist()
195         t_grupos.insert(len(valores_agrupados))
196         dot.node("t_grupos", label=f"t={t_grupos.head.data}", shape="ellipse")
197         dot.edge("inicio", "t_grupos")
198         A_columnas = linkedlist()
199         A_columnas.insert(len(valores_agrupados[0]))
200         dot.node("A_columnas", label=f"A={A_columnas.head.data}", shape="ellipse")
201         dot.edge("t_grupos", "A_columnas")
202         for i in range(A_columnas.head.data):
203             columna_node_id = linkedlist()
204             for j in range(t_grupos.head.data):
205                 node_id = f"grupo_{j}.col_{i}"
206                 label = linkedlist()
207                 label.insert(str(valores_agrupados[j][i]))
208                 dot.node(node_id, label=label.head.data, shape="ellipse", style="filled", fillcolor="white")
209                 columna_node_id.insert(node_id)
210             dot.edge("t_grupos", columna_node_id.head.data)
211             current_node = columna_node_id.head
212             while current_node.next:
213                 dot.edge(current_node.data, current_node.next.data)
214                 current_node = current_node.next
215             dot.view()

```

```

145     grupo = ET.SubElement(root, "senal", atributos_grupo)
146     grupo.set("A", str(len(matriz_valores[0])))
147     grupo.set("s", str(grupo_num + 1))
148
149     grupo_element = ET.SubElement(grupo, "grupo", gstr(grupo_num + 1))
150     tiempos_element = ET.SubElement(grupo_element, "tiempos")
151     tiempos_element.text = ' '.join(str(fila + 1) for fila in filas)
152
153     datos_grupo_element = ET.SubElement(grupo_element, "datos_grupo")
154     for amplitud, valor in enumerate(valores_agrupados[grupo_num - 1]):
155         dato_element = ET.SubElement(datos_grupo_element, "dato", A=str(amplitud + 1))
156         dato_element.text = str(valor)
157
158     rough_string = ET.tostring(root, 'utf-8')
159     reparsed = minidom.parseString(rough_string)
160     pretty_xml = reparsed.toprettyxml(indent=" ")
161
162     with open(filename, "w", encoding="utf-8") as xml_file:
163         xml_file.write(pretty_xml)
164
165     def generar_grafica_matriz_original(matriz, titulo):
166         dot = Digraph(titulo)
167         dot.attr(rankdir="TB")
168         dot.node("inicio", title, shape="ellipse")
169         t_filas = linkedlist()
170         t_filas.insert(len(matriz))
171         dot.node("t_filas", label=f"t={t_filas.head.data}", shape="ellipse")
172         dot.edge("inicio", "t_filas")
173         A_columnas = linkedlist()
174         A_columnas.insert(len(matriz[0]))
175         dot.node("A_columnas", label=f"A={A_columnas.head.data}", shape="ellipse")
176         dot.edge("t_filas", "A_columnas")
177         for i in range(A_columnas.head.data):
178             node_id = f"fila_{i}.col_{i}"
179             label = linkedlist()
180             label.insert(str(matriz[i][i]))
181             dot.node(node_id, label=label.head.data, shape="ellipse", style="filled", fillcolor="white")
182             columna_node_id.insert(node_id)
183             dot.edge("inicio", columna_node_id.head.data)
184             current_node = columna_node_id.head
185             while current_node.next:
186                 dot.edge(current_node.data, current_node.next.data)
187                 current_node = current_node.next
188             dot.view()
189
190     def generar_grafica_valores_agrupados(valores_agrupados, titulo):
191         dot = Digraph(titulo)
192         dot.attr(rankdir="TB")
193         dot.node("inicio", title, shape="ellipse")
194         t_grupos = linkedlist()
195         t_grupos.insert(len(valores_agrupados))
196         dot.node("t_grupos", label=f"t={t_grupos.head.data}", shape="ellipse")
197         dot.edge("inicio", "t_grupos")
198         A_columnas = linkedlist()
199         A_columnas.insert(len(valores_agrupados[0]))
200         dot.node("A_columnas", label=f"A={A_columnas.head.data}", shape="ellipse")
201         dot.edge("t_grupos", "A_columnas")
202         for i in range(A_columnas.head.data):
203             columna_node_id = linkedlist()
204             for j in range(t_grupos.head.data):
205                 node_id = f"grupo_{j}.col_{i}"
206                 label = linkedlist()
207                 label.insert(str(valores_agrupados[j][i]))
208                 dot.node(node_id, label=label.head.data, shape="ellipse", style="filled", fillcolor="white")
209                 columna_node_id.insert(node_id)
210             dot.edge("t_grupos", columna_node_id.head.data)
211             current_node = columna_node_id.head
212             while current_node.next:
213                 dot.edge(current_node.data, current_node.next.data)
214                 current_node = current_node.next
215             dot.view()

```

```

C:\Users\rodr1\AppData\Local\Programs\Python\Python311\python.exe C:/Users/rodr1/Documents/Python/IPC_Proyecto_20220406/index.py
Menú principal:
1. Cargar archivo
2. Procesar archivo
3. Escribir archivo salida
4. Mostrar datos del estudiante
5. Generar gráfica
6. Salida
Selección una opción: 1
Archivo cargado exitosamente...
Menú principal:
1. Cargar archivo
2. Procesar archivo
3. Escribir archivo salida
4. Mostrar datos del estudiante
5. Generar gráfica
6. Salida
Selección una opción: 2
Procesando archivo...
< main .linkedlist object at 0x0000029CFE461D0>
Matriz de valores original:
2 3 0 4 0
0 0 1 0 0
3 4 0 2 0
1 0 1 5 3
0 0 3 1 0
0 0 3 0 3

Matriz umbral:
1 1 0 1 0
0 0 1 1 0
1 1 0 1 0
2 0 1 1 1
0 0 1 1 0
0 0 1 0 1

```

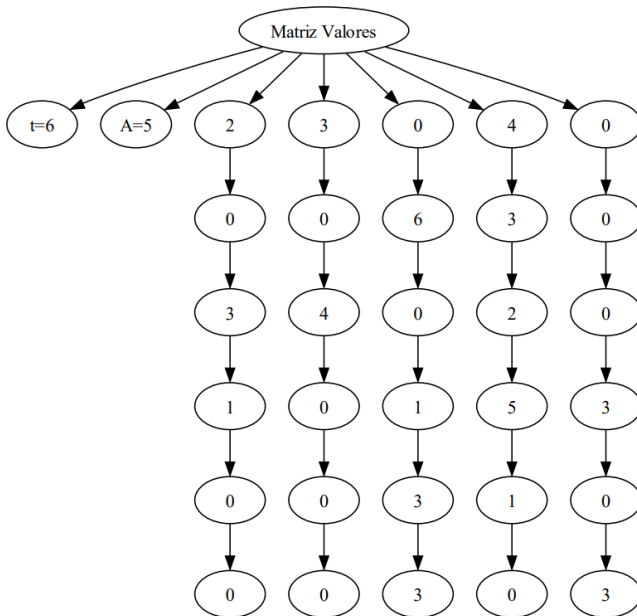
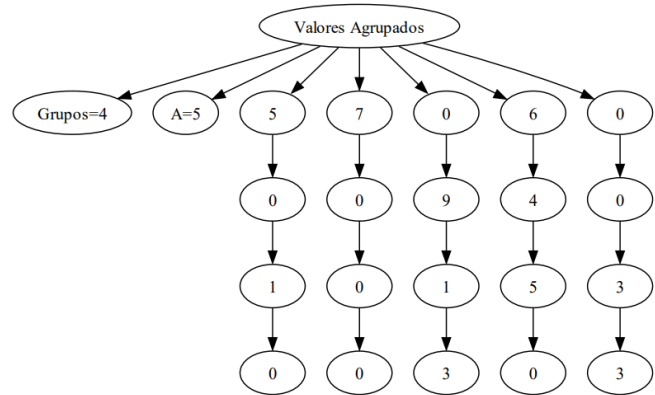
```

Grupos:
Grupo 1: Filas [0, 2]
Grupo 2: Filas [1, 4]
Grupo 3: Filas [3]
Grupo 4: Filas [5]

Valores agrupados:
5 7 0 6 0
0 0 9 4 0
1 0 1 5 3
0 0 3 0 3

Menú principal:
1. Cargar archivo
2. Procesar archivo
3. Escribir archivo salida
4. Mostrar datos del estudiante
5. Generar gráfica
6. Salida
Selecciona una opción: 3
Escribiendo archivo de salida...
Archivo XML 'senales_reducidas.xml' guardado exitosamente.
Menú principal:
1. Cargar archivo
2. Procesar archivo
3. Escribir archivo salida
4. Mostrar datos del estudiante
5. Generar gráfica
6. Salida
Selecciona una opción: 4
Nombre: Rodrigo Sebastian Castro Aguilar
Carné: 202204496
Curso: Introduccion a la Computacion y Programacion 2
Carrera: Ingeniería en Ciencias y Sistemas
Semestre: Cuarto Semestre

```



Referencias bibliográficas y e-grafías

- Documentación oficial de sympy:
<https://docs.sympy.org/>
- "SymPy Tutorial" de SymPy documentation:
<https://docs.sympy.org/latest/tutorial/index.html>