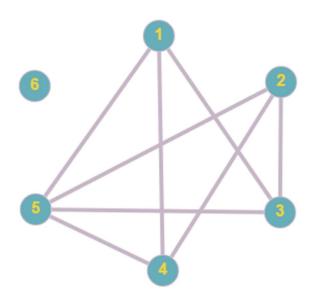
# Exercício 1

a) Construir uma representação geométrica do grafo G = (V, E), onde:

$$V = \{1,2,3,4,5,6\}$$

$$E = \{(1,3), (1,4), (1,5), (2,3), (2,4), (2,5), (3,5), (4,5)\}$$



b) Represente-o através de suas matrizes de adjacência e de incidência.

# Matriz de Adjacência:

### Matriz de Incidência:

|         | -              | {1,3}       | {1,4}       | {1,5}       | {2,3}       | {2,4}       | {2,5}       | {3,5}       | {4,5}       |   |
|---------|----------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|---|
|         | <i>V</i> 1     | 1           | 1           | 1           | 0           | 0<br>1<br>0 | 0           | 0           | 0           |   |
| $A_6 =$ | V2             | 0           | 0           | 0           | 1           | 1           | 1           | 0           | 0           | l |
|         | <i>V</i> 3     | 1           | 0           | 0           | 1           | 0           | 0           | 1           | 0           |   |
|         | V4             | 0           | 1           | 0           | 0           | 1           | 0           | 0           | 1           | l |
|         | <i>V</i> 5     | 0           | 0           | 1           | 0           | 0           | 1           | 1           | 1           |   |
|         | V6             | 0           | 0           | 0           | 0           | 0           | 0           | 0           | 0           |   |
|         | V4<br>V5<br>V6 | 0<br>0<br>0 | 1<br>0<br>0 | 0<br>1<br>0 | 0<br>0<br>0 | 1<br>0<br>0 | 0<br>1<br>0 | 0<br>1<br>0 | 1<br>1<br>0 |   |

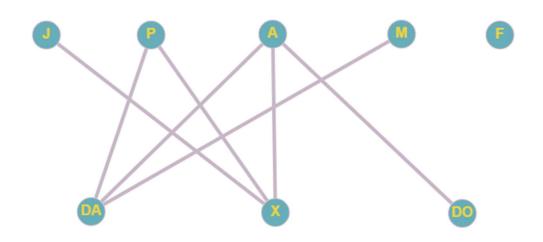
## Exercício 2

Os amigos João, Pedro, Antônio, Marcelo e Francisco sempre se encontram para botar conversa fora e às vezes jogar dama, xadrez e dominó. As preferências de cada um são as seguintes: João só joga xadrez; Pedro não joga dominó; Antônio joga tudo; Marcelo não joga xadrez e dominó e Francisco não joga nada.

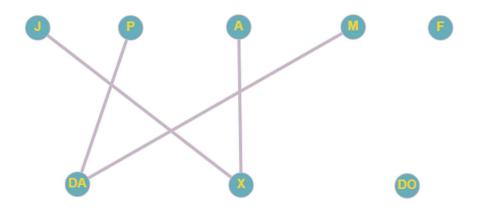
**a)** Represente através de um grafo bipartido G = (V, E) todas as possibilidades de um amigo jogar com os demais. Defina V e E.

$$V = {J, P, A, M, F, DA, X, DO}$$

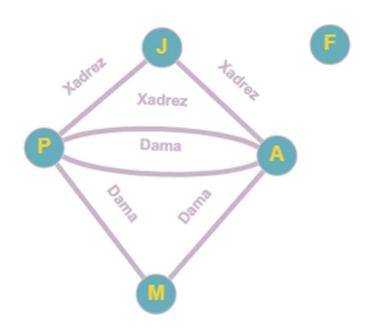
$$\mathsf{E} = \{(\mathsf{J},\,\mathsf{X}),\,(\mathsf{P},\,\mathsf{DA}),\,(\mathsf{P},\,\mathsf{X}),\,(\mathsf{A},\,\mathsf{DA}),\,(\mathsf{A},\,\mathsf{X}),\,(\mathsf{A},\,\mathsf{DO}),\,(\mathsf{M},\,\mathsf{DA})\}$$



**b)** Defina um subgrafo em que todos, menos Francisco, joguem ao mesmo tempo.



**c)** A partir do grafo bipartido do item a) construa um grafo rotulado que mostra quem pode jogar com quem o que.

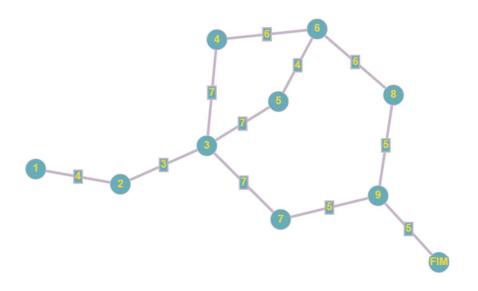


### Exercício 5

Considere a tabela de tarefas a seguir para a construção de uma casa de madeira:

| Tarefas                               | Pré-Requisitos | Dias |
|---------------------------------------|----------------|------|
| l. Limpeza do terreno                 | Nenhum         | 4    |
| 2. Produção e colocação da fundação   | 1              | 3    |
| 3. Produção da estrutura              | 2              | 7    |
| 4. Colocação do telhado               | 3              | 6    |
| 5. Colocação das tábuas externas      | 3              | 4    |
| 6. Instalação do encanamento e fiação | 4 e 5          | 6    |
| 7. Colocação das janelas e portas     | 3              | 5    |
| 8. Instalação de janelas e portas     | 6              | 5    |
| 9. Pintura do interior                | 7 e 8          | 5    |

a) Construa o grafo correspondente;



**b)** Determine o tempo mínimo para construir a casa;

4 + 3 + 7 + 6 + 6 + 5 + 5 = 36 dias para construir a casa.

c) Qual a sequência de atividades críticas para a construção.

A sequência que determina o caminho crítico, com todo o tempo necessário para a construção é:

$$1 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 4 \rightarrow 6 \rightarrow 8 \rightarrow 9$$