

## Documentación de la Simulación de Tráfico Aéreo

### Introducción

Este documento explica de manera sencilla el funcionamiento del código de simulación de tráfico aéreo, detallando los cálculos principales, el propósito de cada función y el uso de las librerías empleadas.

### Librerías Utilizadas

- **numpy**: Para cálculos matemáticos y generación de números aleatorios.
- **matplotlib.pyplot** y **matplotlib.animation**: Para graficar el mapa y animar el movimiento de los aviones.
- **cartopy.crs** y **cartopy.feature**: Para crear mapas geográficos y añadir características como costas y fronteras.
- **datetime**: Para registrar la fecha y hora de las colisiones.
- **matplotlib.offsetbox.AnnotationBbox**, **OffsetImage**: Para mostrar iconos de aviones en el mapa.
- **matplotlib.image**: Para cargar imágenes de los aviones.
- **matplotlib.widgets.Button**: Para crear botones interactivos en la interfaz gráfica.
- **tkinter**, **tkinter.messagebox**: Para mostrar mensajes emergentes de información y advertencia.
- **pymysql**: Para registrar y consultar colisiones en una base de datos MySQL.

### Estructura del Código

#### 1. Configuración Inicial

- El usuario ingresa el número de aviones y la velocidad de simulación.
- Se validan los valores para asegurar que sean positivos y estén dentro de un rango razonable.

#### 2. Clase Aircraft

- Representa cada avión con atributos como identificador, posición, destino, velocidad y altitud.
- Método `update_position`: Calcula la nueva posición del avión usando trigonometría y conversiones de grados a kilómetros.
  - **Cálculo de distancia**: Usa la fórmula de distancia euclidiana en grados y la convierte a kilómetros considerando la latitud.
  - **Actualización de posición**: Avanza el avión hacia su destino proporcionalmente a la velocidad y el tiempo transcurrido.

### 3. Generación de Aviones

- Se crean objetos Aircraft con posiciones y destinos aleatorios dentro de un área geográfica definida (bounding box).

### 4. Detección de Colisiones

- Calcula la distancia entre dos aviones usando la fórmula:

$$\text{distancia} = (\Delta \text{lat} \times 111)^2 + (\Delta \text{lon} \times 111 \times \cos(\text{lat promedio}))^2$$
$$\text{distancia} = (\Delta \text{lat} \times 111)^2 + (\Delta \text{lon} \times 111 \times \cos(\text{lat promedio}))^2$$

- Si la distancia es menor a 50 km, se considera una colisión.

### 5. Registro de Colisiones en MySQL

- Cuando ocurre una colisión, se guarda la información en una base de datos MySQL.
- Se muestra un mensaje de advertencia y se marca el punto de colisión en el mapa.

### 6. Configuración del Mapa

- Se utiliza Cartopy para crear un mapa con proyección PlateCarree.
- Se añaden características geográficas: tierra, océano, costas y fronteras.

### 7. Aviones e Iconos

- Se cargan y muestran iconos de aviones en el mapa en sus posiciones iniciales.
- Se añade texto con información de vuelo y se dibujan las trayectorias de cada avión.

### 8. Animación

- Se actualizan las posiciones de los aviones en cada frame de la animación.
- Se verifica si algún avión ha llegado a su destino o si ocurre una colisión.
- Se actualizan los iconos, textos y trayectorias en el mapa.

### 9. Mostrar Colisiones

- Se consulta la base de datos y se muestran las colisiones registradas en un mensaje emergente.

### 10. Inicio de la Simulación

- Se inicia la animación con Matplotlib.
- Se agrega un botón para mostrar las colisiones registradas.
- Se usa Tkinter para mostrar mensajes emergentes.

### Explicación de los Cálculos

- **Conversión de velocidad:** De nudos a kilómetros por segundo:  $\text{velocidad (km/s)} = \text{nudos} \times 1.852 / 3600$
- **Conversión de grados a kilómetros:**
  - 1 grado de latitud  $\approx 111$  km.
  - 1 grado de longitud  $\approx 111 \text{ km} \times \cos(\text{latitud})$ .
- **Distancia entre dos puntos:** Se usa el teorema de Pitágoras adaptado a la superficie terrestre.
- **Colisión:** Si la distancia calculada es menor a un umbral (50 km), se considera que los aviones han colisionado.

#### Uso de Cada Librería

| Librería   | Propósito principal  |
|------------|--|
| numpy      | Cálculos matemáticos, generación de números aleatorios                   |
| matplotlib | Graficar y animar los aviones y sus trayectorias                         |
| cartopy    | Crear mapas geográficos y añadir características como costas y fronteras |
| pymysql    | Registrar y consultar colisiones en una base de datos MySQL              |
| tkinter    | Mostrar mensajes emergentes al usuario                                   |

#### 1. Cálculo de la nueva posición de cada avión

Cada avión tiene una posición actual (latitud, longitud) y un destino (latitud, longitud). Para moverlo, el simulador hace:

##### a. Calcular la diferencia de posición:

- $dlat = \text{latitud destino} - \text{latitud actual}$
- $dlon = \text{longitud destino} - \text{longitud actual}$

Esto da el "vector" hacia el destino.

##### b. Calcular la distancia en grados:

- $\text{dist\_deg} = \sqrt{dlat^2 + dlon^2}$

##### c. Convertir la velocidad de nudos a kilómetros por segundo:

- Los aviones tienen una velocidad base en nudos (knots).
- Se multiplica por el **factor de velocidad** elegido por el usuario.
- Se convierte a km/h:  $velocidad\ (km/h) = nudos \times 1.852$
- Se convierte a km/s:  $velocidad\ (km/s) = km/h \div 3600$

**d. Calcular cuántos kilómetros avanzará el avión en el intervalo de tiempo:**

- $dist\_km = velocidad\ (km/s) \times delta\_time\ (s)$

**e. Convertir grados a kilómetros:**

- 1 grado de latitud  $\approx 111\ km$ .
- 1 grado de longitud  
 $\approx 111 \times \cos(latitud\ actual\ en\ radianes)$

**f. Calcular el paso en grados para avanzar:**

- $step\_lat = dist\_deg \times km\_deg\_lat$
- $step\_lon = dist\_deg \times km\_deg\_lon$

Esto da el avance en grados de latitud y longitud para el siguiente paso.

**g. Actualizar la posición:**

- Nueva latitud:  $latitud\ actual + step\_lat$
- Nueva longitud:  $longitud\ actual + step\_lon$

Si el avión está muy cerca del destino ( $dist\_deg < 0.001$ ), se considera que llegó.

**2. Cálculo de distancia entre dos aviones (para detectar colisión)**

El simulador revisa si dos aviones están peligrosamente cerca:

**a. Diferencia de posiciones:**

- $dlat = latitud\ avio\ n\ 2 - latitud\ avio\ n\ 1$
- $dlon = longitud\ avio\ n\ 2 - longitud\ avio\ n\ 1$
- $avg\_lat = (latitud\ avio\ n\ 1 + latitud\ avio\ n\ 2) / 2$

**b. Convertir diferencias a kilómetros:**

- $d\_km\_lat = dlat \times 111$
- $d\_km\_lon = dlon \times 111 \times \cos(avg\_lat\ en\ radianes)$

**c. Calcular la distancia real:**

- $distancia = \sqrt{d\_km\_lat^2 + d\_km\_lon^2}$

#### d. Comparar con el umbral de colisión:

- Si la distancia es menor a 50 km, se considera colisión.

### 3. Resumen del flujo de cálculos

1. **Cada avión** calcula su nuevo paso hacia el destino usando su velocidad y la geometría de la Tierra.
2. **Cada ciclo**, el simulador revisa todas las parejas de aviones para ver si están a menos de 50 km.
3. **Si hay colisión**, se registra en la base de datos y se notifica visualmente.

#### 4. ¿Por qué estos cálculos?

- Se usan conversiones de grados a kilómetros porque las posiciones están en coordenadas geográficas (lat/lon), pero el "peligro" y el movimiento real se miden en kilómetros.
- Se usa el coseno de la latitud para ajustar la longitud, porque los meridianos se acercan en los polos.
- El umbral de 50 km es un valor de seguridad típico en simulaciones sencillas, aunque en la realidad puede variar según el espacio aéreo y la altitud.

### 5. Ejemplo numérico sencillo

Supón dos aviones:

- Avión 1: lat 10°, lon -80°
- Avión 2: lat 10.3°, lon -80.2°

#### a. Diferencias:

- $d_{lat} = 0.3$
- $d_{lon} = -0.2$
- $avg\_lat = 10.15^\circ$

#### b. En km:

- $d_{km\_lat} = 0.3 \times 111 = 33.3 \text{ km}$
- $d_{km\_lon} = -0.2 \times 111 \times \cos(10.15^\circ) \approx -0.2 \times 111 \times 0.984 = -21.85 \text{ km}$

#### c. Distancia:

- $distancia = \sqrt{33.3^2 + 21.85^2} \approx \sqrt{1108 + 478} \approx \sqrt{1586} \approx 39.85 \text{ km}$

#### d. Resultado:

- Como  $39.85 \text{ km} < 50 \text{ km}$ , **hay colisión**.

Estos cálculos, aunque aproximados, son estándar en simulaciones de tráfico aéreo para modelar el movimiento y la interacción entre aeronaves de manera eficiente y comprensible.