

Diskrētās struktūras datorzinātnēs

Lekcija. Attieksmes

Bināras attieksmes

Pierakstu veidi:

- $\langle x, y \rangle \in R$
- xRy

$$R = \{ \langle a, 2 \rangle, \langle a, 4 \rangle, \langle c, 3 \rangle, \langle c, 2 \rangle \},$$

$$A = \{ a, b, c, d \},$$

$$B = \{ 1, 2, 3, 4 \},$$

$$D_R = \{ x \mid \langle x, y \rangle \in R, \text{ noteiktiem } y \} = \{ a, c \}$$

$$V_R = \{ y \mid \langle x, y \rangle \in R, \text{ noteiktiem } x \} = \{ 2, 4, 3 \}$$

$$R' = \{ \langle a, 2 \rangle, \langle c, 3 \rangle \}$$

$$R' \subset R$$

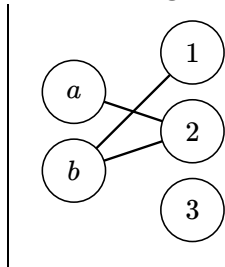
$$\Rightarrow D_{R'} \subseteq D_R, V_{R'} \subseteq V_R$$

Bināru attieksmju uzdošnas veidi

- Uzdodot visu kortežu kopu
| $R = \{ \langle a, 2 \rangle, \langle b, 1 \rangle, \langle b, 2 \rangle \}$
- Matrica

| | 1 | 2 | 3 |
|---|---|---|---|
| a | 0 | 1 | 0 |
| b | 1 | 1 | 0 |

- Orientēts grafs



Bināru attieksmju īpašības

$$A \times A$$

1. R sauc par refleksīvu, ja ir spēkā $\forall a, \langle a, a \rangle \in A$
2. R sauc par antirefleksīvu, ja ir spēkā $\forall a, \langle a, a \rangle \notin A$
3. Ja $\forall xRy \rightarrow yRx$, jeb $\forall x, y, \langle x, y \rangle \in R \wedge \langle y, x \rangle \in R$, tad tā ir simetriska: $R = R^{-1}$
4. R ir antisimetriska, ja $\exists a \langle a, b \rangle \in R \wedge \langle b, a \rangle \notin R$
5. R ir asimetriska, ja $\forall \langle a, b \rangle \in R \nexists \langle b, a \rangle \in R$
6. R ir transitīvs, ja $\forall a, b, c \in R, aRb \wedge bRc \Rightarrow aRc$. Vislabāk tas ir redzams grafos, jo tad katram elementam ir taisns ceļš līdz tiem elementiem, ar kuriem viņš ir netieši saistīts.