# 分支限界法总结 课堂展示

麦骏

信息科学技术学院

2022年6月8日



- ◆□ ▶ ◆圖 ▶ ◆ 差 ▶ ◆ 差 → 夕久(?)

## 分支限界法

- 搜索算法主要优化在于剪枝力度。
- 分支限界法的精髓在于搜索树子树内上下界函数的确定。
- 当加入优先队列优化时,每次会选择一个子树可能最优的节点进行扩展。
- 但上下界相等时,说明已经获得子树内最优的答案。又因为 每次选择的节点为全局可能最优的节点。那么当上下界相等 时,该节点就是全局最优节点。
- 若需要求最小值,那么子树下界作为优先级,子树上界用来 更新答案。若需要求最大值,则子树上界作为优先级,下界 用来更新答案。

2 / 7

#### 迭代加深搜索

- 有一个长度为 n 全排列 p<sub>i</sub>. 每次可以将某个前缀 reverse, 求最少几次操作可以将排列升序排序.
- $n \le 25$ .

- 4 ロ ト 4 団 ト 4 珪 ト 4 珪 ト 9 Q (^

#### 迭代加深搜索

- 若采用分支限界法,则子树下界可以定义为  $|p_i p_{i+1}| \neq 1$  的位置的个数,而子树上界可以贪心求得。
- 子树上界收敛速度慢, 时空的浪费严重。

- 4 ロ b 4 部 b 4 き b 4 き - 釣 9 0 0 0

4 / 7

#### 迭代加深搜索

- 观察到答案与子树上界都是 O(n), 可以从小到大枚举答案 进行 dfs 搜索。
- 每次剪枝剪去子树下界大于枚举的答案的节点。

- 4 □ ▶ 4 ∰ ▶ 4 분 ▶ 4 분 ▶ 9 Q @

### 总结

- 以上算法主要通过对于子树上下界估值进行剪枝,上下界确定的精确度决定了剪枝的力度。
- 另外,当上下界拥有较为特殊的性质时,可以调整搜索方式,进行优化。

→□▶ →□▶ → □▶ → □ ● → ○○○

Thanks!

- ◆□ ▶ ◆圖 ▶ ◆ ≣ ▶ ◆ ■ ・ 釣 Q (~)