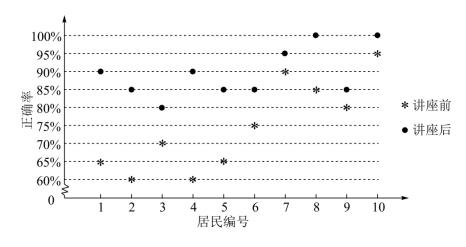
2022 年普通高等学校招生全国统一考试

文科数学

注意事项:

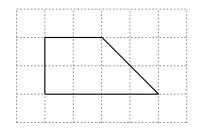
- 1. 答卷前,考生务必用黑色碳素笔将自己的姓名、准考证号、考场号、座位号填写在答题卡 上,并认真核准条形码上的准考证号、姓名、考场号、座位号及科目,在规定的位置贴好条 形码,
- 2. 回答选择题时,选出每小题答案后,用铅笔把答题卡上对应题目的答案标号涂黑,如需改 动,用橡皮擦干净后,再选涂其他答案标号.回答非选择题时,将答案写在答题卡上、写在本 试卷上无效.
- 3. 考试结束后,将本试卷和答题卡一并交回.
- 一、选择题:本题共12小题,每小题5分,共60分.在每小题给出的四个选项中,只有一项 是符合题目要求的.
- 1. 设集合 $A = \{-2, -1, 0, 1, 2\}, B = \left\{x | 0 \le x < \frac{5}{2}\right\}, \quad \emptyset A \cap B = ($
- A. $\{0,1,2\}$
- B. $\{-2,-1,0\}$ C. $\{0,1\}$
- D. {1,2}
- 2. 某社区通过公益讲座以普及社区居民的垃圾分类知识. 为了解讲座效果, 随机抽取 10 位社区居民, 让他 们在讲座前和讲座后各回答一份垃圾分类知识问卷,这10位社区居民在讲座前和讲座后问卷答题的正确率 如下图:

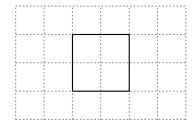


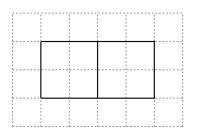
则 (

- A. 讲座前问卷答题的正确率的中位数小于70%
- B. 讲座后问卷答题的正确率的平均数大于85%
- C. 讲座前问卷答题的正确率的标准差小于讲座后正确率的标准差

- D. 讲座后问卷答题的正确率的极差大于讲座前正确率的极差
- 3. 若z=1+i. 则 $|iz+3\overline{z}|=$ ()
- A. $4\sqrt{5}$
- B. $4\sqrt{2}$ C. $2\sqrt{5}$ D. $2\sqrt{2}$
- 4. 如图,网格纸上绘制的是一个多面体的三视图,网格小正方形的边长为1,则该多面体的体积为(







A. 8

B. 12

C. 16

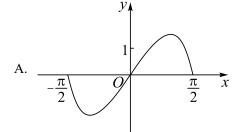
- D. 20
- 5. 将函数 $f(x) = \sin\left(\omega x + \frac{\pi}{3}\right)(\omega > 0)$ 的图像向左平移 $\frac{\pi}{2}$ 个单位长度后得到曲线 C,若 C 关于 y 轴对称,
- 则 ω 的最小值是()

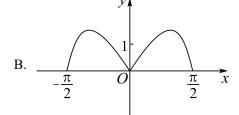
B. $\frac{1}{4}$

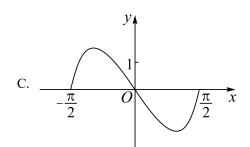
- D. $\frac{1}{2}$
- 6. 从分别写有1,2,3,4,5,6的6张卡片中无放回随机抽取2张,则抽到的2张卡片上的数字之积是4 的倍数的概率为()
- A. $\frac{1}{5}$

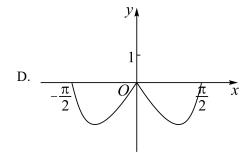
- B. $\frac{1}{3}$ C. $\frac{2}{5}$

- D. $\frac{2}{3}$
- 7. 函数 $y = (3^x 3^{-x})\cos x$ 在区间 $\left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right]$ 的图象大致为(









- 8. 当 x = 1 时,函数 $f(x) = a \ln x + \frac{b}{x}$ 取得最大值 -2 ,则 f'(2) = (
- A. -1

- D. 1
- 9. 在长方体 $ABCD A_lB_lC_lD_l$ 中,已知 B_lD 与平面 ABCD 和平面 AA_lB_lB 所成的角均为 30° ,则(
- A. AB = 2AD

B. AB 与平面 AB_1C_1D 所成的角为30°

C. $AC = CB_1$

- D. B_1D 与平面 BB_1C_1C 所成的角为 45°
- 10. 甲、乙两个圆锥的母线长相等,侧面展开图的圆心角之和为 2π ,侧面积分别为 $S_{\mathbb{H}}$ 和 $S_{\mathbb{Z}}$,体积分别为 $V_{\mathbb{H}}$

和
$$V_{\rm Z}$$
. 若 $\frac{S_{\rm H}}{S_{\rm Z}}$ =2,则 $\frac{V_{\rm H}}{V_{\rm Z}}$ = ()

A. $\sqrt{5}$

- B. $2\sqrt{2}$
- C. $\sqrt{10}$
- D. $\frac{5\sqrt{10}}{4}$
- 11. 已知椭圆 $C: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1(a > b > 0)$ 的离心率为 $\frac{1}{3}$, A_1, A_2 分别为C的左、右顶点,B为C的上顶点. 若

$$\overrightarrow{BA_1} \cdot \overrightarrow{BA_2} = -1$$
, 则 C 的方程为 (

A.
$$\frac{x^2}{18} + \frac{y^2}{16} = 1$$

B.
$$\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{8} = 1$$

A.
$$\frac{x^2}{18} + \frac{y^2}{16} = 1$$
 B. $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{8} = 1$ C. $\frac{x^2}{3} + \frac{y^2}{2} = 1$ D. $\frac{x^2}{2} + y^2 = 1$

D.
$$\frac{x^2}{2} + y^2 = 1$$

- 12. 己知 $9^m = 10$, $a = 10^m 11$, $b = 8^m 9$,则(
- A. a > 0 > b
- B. a > b > 0 C. b > a > 0
- D. b > 0 > a
- 二、填空题: 本题共 4 小题, 每小题 5 分, 共 20 分.
- 13. 已知向量 $\vec{a} = (m,3), \vec{b} = (1,m+1)$. 若 $\vec{a} \perp \vec{b}$,则m =
- 14. 设点 M 在直线 2x + y 1 = 0 上,点 (3,0) 和 (0,1) 均在 $\bigcirc M$ 上,则 $\bigcirc M$ 的方程为_____
- 15. 记双曲线 $C: \frac{x^2}{a^2} \frac{y^2}{b^2} = 1(a > 0, b > 0)$ 的离心率为 e,写出满足条件"直线 y = 2x 与 C 无公共点"的 e 的一 个值

16. 已知
$$\triangle ABC$$
 中,点 D 在边 BC 上, $\angle ADB$ = 120°, AD = 2, CD = 2 BD . 当 $\frac{AC}{AB}$ 取得最小值时,

$$BD =$$
 .

三、解答题: 共70分.解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤.第17~21题为必考题,每个试题考生都必须作答.第22、23题为选考题,考生根据要求作答.

(一) 必考题: 共60分

17. 甲、乙两城之间的长途客车均由 A 和 B 两家公司运营,为了解这两家公司长途客车的运行情况,随机调查了甲、乙两城之间的 500 个班次,得到下面列联表:

	准点班次数	未准点班次数
А	240	20
В	210	30

- (1) 根据上表,分别估计这两家公司甲、乙两城之间的长途客车准点的概率;
- (2) 能否有 90%的把握认为甲、乙两城之间的长途客车是否准点与客车所属公司有关?

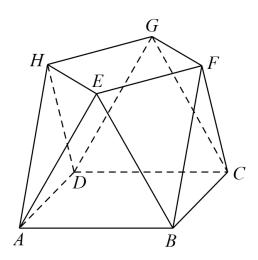
附:
$$K^2 = \frac{n(ad-bc)^2}{(a+b)(c+d)(a+c)(b+d)}$$
,

$$P(K^2 \geqslant k)$$
 0.100 0.050 0.010

 k 2.706 3.841 6.635

18. 记
$$S_n$$
为数列 $\left\{a_n\right\}$ 的前 n 项和. 已知 $\frac{2S_n}{n}+n=2a_n+1$.

- (1) 证明: $\{a_n\}$ 是等差数列;
- (2) 若 a_4 , a_7 , a_9 成等比数列,求 S_n 的最小值.
- 19. 小明同学参加综合实践活动,设计了一个封闭的包装盒,包装盒如图所示: 底面 ABCD 是边长为 8(单位: cm)的正方形, $\triangle EAB$, $\triangle FBC$, $\triangle GCD$, $\triangle HDA$ 均为正三角形,且它们所在的平面都与平面 ABCD 垂直.



- (1) 证明: *EF* // 平面 *ABCD*;
- (2) 求该包装盒的容积(不计包装盒材料的厚度).
- 20. 已知函数 $f(x) = x^3 x$, $g(x) = x^2 + a$, 曲线 y = f(x) 在点 $(x_1, f(x_1))$ 处的切线也是曲线 y = g(x) 的切线.
- (1) 若 $x_1 = -1$, 求a;
- (2) 求 a 的取值范围.
- 21. 设抛物线 $C: y^2 = 2px(p > 0)$ 的焦点为 F,点 D(p,0),过 F 的直线交 C 于 M,N 两点. 当直线 MD 垂直于 x 轴时, |MF| = 3 .
- (1) 求 C 的方程;
- (2) 设直线 MD, ND 与 C 的另一个交点分别为 A, B, 记直线 MN, AB 的倾斜角分别为 α , β . 当 α β 取得最大值时,求直线 AB 的方程.
- (二)选考题: 共10分.请考生在第22、23题中任选一题作答.如果多做,则按所做的第一题计分.

[选修 4-4: 坐标系与参数方程]

22. 在直角坐标系
$$xOy$$
 中,曲线 C_1 的参数方程为
$$\begin{cases} x = \frac{2+t}{6} \\ y = \sqrt{t} \end{cases}$$
 (t 为参数),曲线 C_2 的参数方程为
$$\begin{cases} x = -\frac{2+s}{6} \\ y = -\sqrt{s} \end{cases}$$

(s 为参数).

- (1) 写出 C_1 的普通方程;
- (2) 以坐标原点为极点,x 轴正半轴为极轴建立极坐标系,曲线 C_3 的极坐标方程为 $2\cos\theta \sin\theta = 0$,求

 C_3 与 C_1 交点的直角坐标,及 C_3 与 C_2 交点的直角坐标.

[选修 4-5: 不等式选讲]

23. 已知 a, b, c 均为正数,且 $a^2 + b^2 + 4c^2 = 3$, 证明:

(1)
$$a+b+2c \le 3$$
;

(2) 若
$$b=2c$$
,则 $\frac{1}{a}+\frac{1}{c}\geq 3$.