# 2020年普通高等学校招生全国统一考试 文科数学

## 注意事项:

- 1. 答卷前, 考生务必将自己的姓名和准考证号填写在答题卡上.
- 2.回答选择题时,选出每小题答案后,用铅笔把答题卡对应题目的答案标号涂黑.如需改动 ,用橡皮擦干净后,再选涂其他答案标号.回答非选择题时,将答案写在答题卡上.写在本试 卷上无效.
- 3. 考试结束后,将本试卷和答题卡一并交回.
- 顶中, 只有一项是

一、选择题:	本题共12小题,每小题	题5分,共60分.在每小题约	合出的四个选项
符合题目要求	的.		
1.已知集合 4 □ □	$\Box 1,2 \ 3 \ 5,7 \ 11 \ \Box$ , $B \Box \Box x \   \ 3$	3 □ x □ 15□,则4∩B中元素的	]个数为( )
A. 2	B. 3	C. 4	D. 5
【答案】B			
【解析】			
【分析】			
采用列举法列举	出 $A \square B$ 中元素的即可.		
【详解】由题意	, $A \square B \square \{5,7,11\}$ ,古	$     ★ A \square B 中元素的个数为3. $	
故选: B			
【点晴】本题主	要考查集合的交集运算,	考查学生对交集定义的理解	,是一道容易题.
2.若 z □1 □ i □ □ □	1 □ i ,则z= ( )		
A. 1– <i>i</i>	B. 1+ <i>i</i>	C. –i	D. <i>i</i>
【答案】D			
【解析】			
【分析】			
先利用除法运算	求得 <i>z</i> ,再利用共轭复数	b的概念得到 z 即可.	
_	$\begin{array}{cccc} 1 & i & & (1 & i) \\ & & & & \\ & & & \end{array}$		
z = <i>i</i> 【详解】因为		□ □ <i>i z</i> ,所以	
•	$1 \square i  (1 \square i)(1 \square i)$	2	
故选:D			

【点晴】本题主要考查复数的除法运算,涉及到共轭复数的概念,是一道基础题. 关注公众号"一个高中僧"获取更多高中资料

3.设一组样本数据	$x_1, x_2, \ldots, x_n$ 的方差为(	0.01,则数据10x1,10x2,	, 10x <sub>n</sub> 的方差为 ( )	
A. 0.01	B. 0.1	C. 1	D. 10	
【答案】C				
【解析】				
【分析】				
根据新数据与原数	据关系确定方差关系,是	即得结果.		
【详解】因为数据	$\frac{1}{2}ax \square b, (i \square 1, 2, L, n)$	的方差是数据 ( 1,2,		
	$a^2$ i	$x$ , $i$ $\Box$ $\Box$	n	
所以所求数据方差	5为102 □ 0.01=1			
故选: C				
【点睛】本题考查	方差,考查基本分析求的	解能力,属基础题.		
4.Logistic模型是常	'用数学模型之一,可应原	用于流行病学领城,有学	者根据公布数据建立了某地[	区新冠肺炎
罗计确诊病例数 <i>I((</i>	r)(t的单位:天)的Logistic	K 模型・I()= 0.23(-53)	其中 <i>K</i>	当 <i>I( t</i>
27 × 1 40 × 10 × 10 × 10 × 10 × 10 × 10 ×	)(vij —   <u>1</u> . ) () ii j 2 o g 1 stee	t	其中K为最大确诊病例数 .	*
)=0.95 <i>K</i> 时,标志着	情已初步遏制疫情,则 <i>t∗</i>	约为 ( ) (ln19≈3)		
A. 60	B. 63	C. 66	D. 69	
【答案】C				
【解析】	<del></del>			
【分析】				
	K			
将 <i>t</i> □ <i>t</i> □ 代入函数		结合 □ □ 0.95 求 <i>I t</i> □ K t□	得 即可得解.	
	K 	<i>K</i>		
<i>I t</i> □ 【详解】 □ □			。□ □ ,则 √	
,	<u> </u>	<u> </u>	<u> </u>	
	I t			
	1 □ <i>e</i>	1 🗆 .	0.23 t 53 19	
	$\square 0.23  \square 53$ $\square t  \square$	$1 \square e_{\square 0.23 \ t \square 53}$		
关注公众号"一个高中僧	"获取更多高中资料	ПпП		

e

3

【答案】B

#### 【解析】

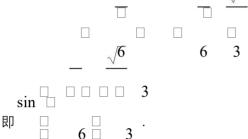
#### 【分析】

将所给的三角函数式展开变形,然后再逆用两角和的正弦公式即可求得三角函数式的值.

【详解】由题意可得:  $\sin \square \underline{1} \sin \square \underline{\sqrt{3}} \cos \square \square$ 

则:  $\frac{3}{2}\sin\Box$   $\frac{\sqrt{3}}{2}\cos\Box$   $\Box$   $1\frac{\sqrt{2}}{2}$   $3\sin$   $\Box$   $1\cos$   $\overline{2}$  3,

从而有: sin cos cos sin *为*,



故选: B.

【点睛】本题主要考查两角和与差的正余弦公式及其应用,属于中等题.

6.在平面内, A, B是两个定点, C是动点,  $\exists AC \square BC=1$ , 则点C的轨迹为( )

A. 圆

B. 椭圆

C. 抛物线

D. 直线

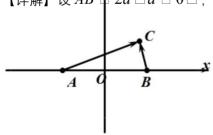
# 【答案】A

### 【解析】

#### 【分析】

首先建立平面直角坐标系,然后结合数量积的定义求解其轨迹方程即可.

【详解】设AB  $\psi^2 a \square a \square 0 \square$ ,以AB中点为坐标原点建立如图所示的平面直角坐标系,



则:  $A \square \square a, 0 \square, B \square a, 0 \square$ , 设 $C \square x, y \square$ , 可得:  $AC \square x a, y \square, BC \square x a, y \square$ ,

从而:  $\square$   $\square$   $\square$   $\square$  ,  $AC\square BC$   $\square$  x  $\square$  a x  $\square$  a  $\square$   $y_2$ 

关注公众号"一个高中僧"获取更多高中资料

结合题意可得:  $\Box x \Box a \Box \Box x \Box a \Box \Box y^2 \Box 1$ ,

即点C的轨迹是以 $AB$ 中点为圆心、 $\sqrt{a^2-1}$ 为半径的圆、故选: A. 【点睛】本题主要考查平面向量及其数量积的坐标运算、轨迹方程的求解等知识、意在考查学生的转化能力和计算求解能力。 $7$ 设の为坐标点点,直线 $-2$ 与抛物线 $C: y^2-2px(p^2-0)$ 交于 $D. E$ 两点,若 $OD\perp OE$ ,则 $C$ 的焦点坐标为() A. $\begin{pmatrix} 1 & & & & & & & & & & & & & & & & & & $	整理可得: $x^2 \square y^2 \square a^2 \square 1$ ,
【点睛】本題主要考查平面向量及其数量积的坐标运算,轨迹方程的求解等知识,意在考查学生的转化能力和计算求解能力。 7.设 / 3	即点 $C$ 的轨迹是以 $AB$ 中点为圆心, $\sqrt{a^2 \; \Box \; 1} \;$ 为半径的圆 $_{.}$
力和计算求解能力。 7.设の为坐标原点、直线x=2与抛物线C: y=2px(p>0)交于D、E两点、若のD L OE、则C的焦点坐标为()  A. (	故选: A.
7. 浚の为坐标原点、直线x=2与抛物线C: y²=2px(p>0)交于D、E两点、若OD⊥OE、则C的焦点坐标为() A. (	【点睛】本题主要考查平面向量及其数量积的坐标运算,轨迹方程的求解等知识,意在考查学生的转化能
A. (	力和计算求解能力.
A. (	7.设 $O$ 为坐标原点,直线 $x$ =2与抛物线 $C$ : $y^2$ =2 $px(p>0)$ 交于 $D$ , $E$ 两点,若 $OD \perp OE$ ,则 $C$ 的焦点坐标为(
4	
【解析】 【分析】  □COx □COx □COx □ 4 根据题中所给的条件OD □OE,结合抛物线的对称性,可知 从而可以确定出点 D 的坐标,代入方程求得 的值,进而求得其焦点坐标,得到结果. 【详解】因为直线 x □ 2 与抛物线 y² □ 2 px(p □ 0) 交于C, D 两点,且OD □ OE, □DOx □COx □ C(2,2) 根据抛物线的对称性可以确定 4 代入抛物线方程 4 □ 4 p,求得 p □ 1,所以其焦点坐标为(1,0), 2 故选:B. 【点睛】该题考查的是有关圆锥曲线的问题,涉及到的知识点有直线与抛物线的交点,抛物线的对称性,点在抛物线上的条件,抛物线的焦点坐标,属于简单题目. 8.点(0, -1)到直线 y □ k □ x □ 1□ 距离的最大值为() A.1 B. 2 C. 3 D.2 【答案】B 【解析】 【分析】	4 2
【分析】  □COx □□COx □□COx □ 4  根据题中所给的条件OD□OE,结合抛物线的对称性,可知 ,从而可以确定出点 D	
□ COx □ □ COx □ 4  根据题中所给的条件OD □ OE,结合抛物线的对称性,可知 , 从而可以确定出点 D	
根据题中所给的条件 <i>OD</i> □ <i>OE</i> ,结合抛物线的对称性,可知	
D       p         的坐标,代入方程求得的值,进而求得其焦点坐标,得到结果.         【详解】因为直线x□2与抛物线y²□2px(p□0)交干C,D两点,且OD□OE,         □DOx□□COx□□C(2,2)         根据抛物线的对称性可以确定       4         代入抛物线方程4□4p,求得p□1,所以其焦点坐标为(1,0),2         放选:B.       【点睛】该题考查的是有关圆锥曲线的问题,涉及到的知识点有直线与抛物线的交点,抛物线的对称性,点在抛物线上的条件,抛物线的焦点坐标,属于简单题目.         8.点(0,-1)到直线y□k□x□1□距离的最大值为()         A.1       B. 2       C. 3       D.2         【答案】B       【解析】         【分析】	т
<ul> <li>的坐标,代入方程求得 的值,进而求得其焦点坐标,得到结果.</li> <li>【详解】因为直线 x □ 2 与抛物线 y² □ 2 px(p □ 0) 交于C,D 两点,且OD □ OE,□ □ COx □ □ C(2,2)</li> <li>根据抛物线的对称性可以确定 □ H</li></ul>	
□DOx □ □COx □ C(2,2) 根据抛物线的对称性可以确定 4  代入抛物线方程4 □ 4p,求得 p □ 1,所以其焦点坐标为(1,0), 2  故选: B. 【点睛】该题考查的是有关圆锥曲线的问题,涉及到的知识点有直线与抛物线的交点,抛物线的对称性,点在抛物线上的条件,抛物线的焦点坐标,属于简单题目. 8.点(0, -1)到直线 y □ k □ x □ 1□ 距离的最大值为( )  A. 1 B. 2 C. 3 D. 2  【答案】B 【解析】 【分析】	z p
4 代入抛物线方程 4 □ 4 p ,求得 p □ 1,所以其焦点坐标为(1,0), 2 故选: B. 【点睛】该题考查的是有关圆锥曲线的问题,涉及到的知识点有直线与抛物线的交点,抛物线的对称性,点在抛物线上的条件,抛物线的焦点坐标,属于简单题目. 8.点(0, -1)到直线 y □ k □ x □ 1 □ 距离的最大值为() A. 1 B. 2 C. 3 D. 2 【答案】B 【解析】 【分析】	一 【详解】因为直线 $x \square 2$ 与抛物线 $y^2 \square 2$ $px(p \square 0)$ 交于 $C,D$ 两点,且 $OD \square OE$ ,
4 代入抛物线方程 4 □ 4 p ,求得 p □ 1,所以其焦点坐标为(1,0), 2 故选: B. 【点睛】该题考查的是有关圆锥曲线的问题,涉及到的知识点有直线与抛物线的交点,抛物线的对称性,点在抛物线上的条件,抛物线的焦点坐标,属于简单题目. 8.点(0, -1)到直线 y □ k □ x □ 1 □ 距离的最大值为() A. 1 B. 2 C. 3 D. 2 【答案】B 【解析】 【分析】	
放选: B.  【点睛】该题考查的是有关圆锥曲线的问题,涉及到的知识点有直线与抛物线的交点,抛物线的对称性,点在抛物线上的条件,抛物线的焦点坐标,属于简单题目. 8.点(0, -1)到直线 y □ k □ x □ 1 □ 距离的最大值为( )  A.1 B. 2 C. 3 D.2  【答案】B  【解析】 【分析】	
故选: B. 【点睛】该题考查的是有关圆锥曲线的问题,涉及到的知识点有直线与抛物线的交点,抛物线的对称性,点在抛物线上的条件,抛物线的焦点坐标,属于简单题目. 8.点(0, -1)到直线 y □ k □ x □ 1□ 距离的最大值为 ( ) A. 1 B. 2 C. 3 D. 2 【答案】B 【解析】 【分析】	
点在抛物线上的条件, 抛物线的焦点坐标, 属于简单题目.  8.点(0, -1)到直线 y □ k □ x □ 1 □ 距离的最大值为 ( )  A. 1 B. 2 C. 3 D. 2 【答案】B 【解析】 【分析】	
8.点(0, -1)到直线 y □ k □ x □ 1 □ 距离的最大值为 ( ) A. 1 B. 2 C. 3 D. 2 【答案】B 【解析】 【分析】	【点睛】该题考查的是有关圆锥曲线的问题,涉及到的知识点有直线与抛物线的交点,抛物线的对称性,
A.1 B. 2 C. 3 D.2 【答案】B 【解析】 【分析】	点在抛物线上的条件,抛物线的焦点坐标,属于简单题目.
【答案】B 【解析】 【分析】	8.点 $(0, -1)$ 到直线 $y \square k \square x \square 1 \square$ 距离的最大值为( )
【解析】	A. 1 B. 2 C. 3 D. 2
【分析】	【答案】B
	【解析】
首先根据直线方程判断出直线过定点 $P(\Box 1,0)$ ,设 $A(0,\Box 1)$ ,当直线 $y \Box k(x \Box 1)$ 与 $AP$ 垂直时,点 $A$	【分析】
	首先根据直线方程判断出直线过定点 $P(\Box 1,0)$ ,设 $A(0,\Box 1)$ ,当直线 $y\Box k(x\Box 1)$ 与 $AP$ 垂直时,点 $A$
到直线 $y \square k(x \square 1)$ 距离最大,即可求得结果.	到直线 $y \square k(x \square 1)$ 距离最大,即可求得结果.
关注公众号"一个高中僧"获取更多高中资料 【详解】由 $y \square k(x \square 1)$ 可知直线过定点 $P(\square 1,0)$ ,设 $A(0,\square 1)$ ,	关注公众号"一个高中僧"获取更多高中资料 【详解】由 $y \square k(x \square 1)$ 可知直线过定点 $P(\square 1,0)$ ,设 $A(0,\square 1)$ ,

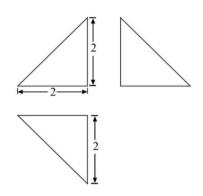
当直线  $y \square k(x \square 1)$  与 AP 垂直时,点 A 到直线  $y \square k(x \square 1)$  距离最大,

即为 $|AP| \square \sqrt{2}$ .

故选: B.

【点睛】该题考查的是有关解析几何初步的问题,涉及到的知识点有直线过定点问题,利用几何性质是解题的关键,属于基础题.

9.下图为某几何体的三视图,则该几何体的表面积是()



A. 
$$6+4\sqrt{2}$$

B. 
$$4+4\sqrt{2}$$

C. 6+2 
$$\sqrt{3}$$

D. 4+2
$$\sqrt{3}$$

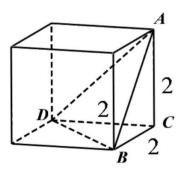
【答案】C

【解析】

【分析】

根据三视图特征, 在正方体中截取出符合题意的立体图形, 求出每个面的面积, 即可求得其表面积.

【详解】根据三视图特征,在正方体中截取出符合题意的立体图形

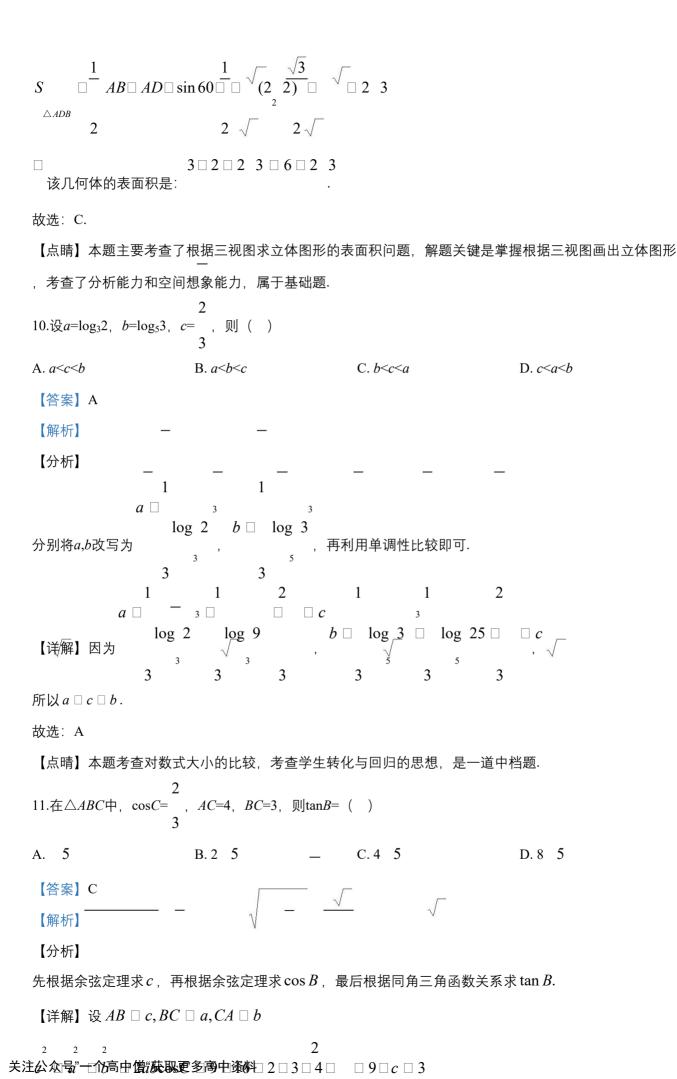


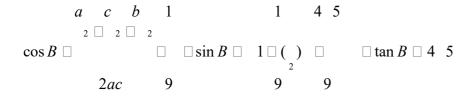
根据立体图形可得: 
$$S \square S \square S \square S \square \square \square 2 \square 2$$
  $\square 2 \square ADC \sqrt{CDB}$  2

根据勾股定理可得:  $\overrightarrow{AB} \square AD \square DB \square 2$  2

根据三角形面积公式可得:

关注公众号"一个高中僧"获取更多高中资料





故选: C

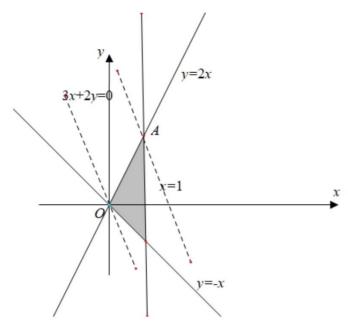
【点睛】本题考查余弦定理以及同角三角函数关系,考查基本分析求解能力,属基础题.

12.已知函数 $f(x)=\sin x+\frac{1}{\sin x}$ ,则( )	
A. f(x)的最小值为2	B. $f(x)$ 的图像关于 $y$ 轴对称
	□
$C. f(x)$ 的图像关于直线 $x \square \square$ 对称	D. f(x)的图像关于直线 对称
	$x \square$
【答案】D	
【解析】	
【分析】	
根据基本不等式使用条件可判断A;根据奇偶性可判	」断B;根据对称性判断C,D.
【详解】□sin x 可以为负,所以A错;	
	1
$Q\sin x \Box 0\Box x \Box k\Box (k\Box Z) Q f(\Box x) \Box \Box \sin x$	$x \square \qquad \square \ \square f(x) \square f(x)$ 关于原点对称;
	$\sin x$
$Q f(2 \square \square x) \square \square \sin x \square \qquad \square f(x), f(\square \square$	$\begin{array}{ccc} & & 1 \\ x) \Box \sin x \Box & \Box f(x), \end{array}$
$\sin x$	故B错; sin <i>x</i>
$\Box f(x)$ $x \Box$	
关于直线 对称,故C错,D对 2	
故选: D	
【点睛】本题考查函数定义域与最值、奇偶性、对	†称性,考查基本分析判断能力,属中档题.
二、填空题:本题共4小题,每小题5分,共	20分.
$\Box x \Box y \Box 0$ ,	
13.若 $x$ , $y$ 满足约束条件 $\Box$	的最大值为.
x 1,	
【答案】7	
【解析】	
【分析】  佐山京石林、利田恭明的『何亲义知法	
作出可行域,利用截距的几何意义解决.	

关注图数号 $^{\square}$ 3本高中增"获取更多高中资料 , 易知截距 越大,则 越大, x z z

【详解】不等式组所表示的可行域如图

故答案为: 7.



【点睛】本题主要考查简单线性规划的应用,涉及到求线性目标函数的最大值,考查学生数形结合的思想 ,是一道容易题.

#### 【答案】 3

#### 【解析】

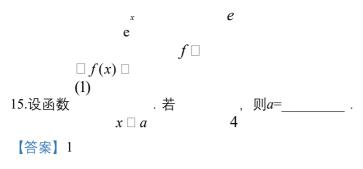
【分析】

根据已知可得  $\Box$  2  $\overline{\phantom{a}}$  结合双曲线中 a,b,c 的关系,即可求解.

因为其一条渐近线为 $y \square 2x$ ,

故答案为: 3

在位置,属于基础题.



#### 【分析】

由题意首先求得导函数的解析式,然后得到关于实数a的方程,解方程即可确定实数a的值 【详解】由函数的解析式可得:  $e \quad x \square a \square 1$  $_{x}$  $x \square a$  $x \square a$ 则: , 据此可得:  $e_1 \square 1 \square a \square 1$  ae ae П  $\begin{bmatrix} 1 & a & \Box_2 \end{bmatrix}$  $\square_2$  $\square$   $\square$   $\square$  2 4 *a* 1 整理可得:  $a^2 \square 2a \square 1 \square 0$ , 解得:  $a \square 1$ . 故答案为: 1. 【点睛】本题主要考查导数的运算法则,导数的计算,方程的数学思想等知识,属于中等题. 【答案】 【解析】 【分析】 **N** 将原问题 圆锥内切球的问题,然后结合截面确定其半径即可确定体积的值. 球为圆锥的内切球, 球与圆锥内切时的轴截面如图所示, 其中 $BC \square 2MAB \square AC \square 3$ . 且点 $M \ni BC$ 边上的中点. 设内切圆的圆<del>心为O</del>,

设内切圆半径为r,则:

$S$ $\square$ $S$ $\square$ $S$ $\square$ $S$ $\square$ $S$ $\square$ $S$ $\square$ $\square$ $S$ $\square$ $\square$ $S$	$ \begin{array}{cccc} 1 & \Box AB \Box r \Box \\ AC \Box r & 2 \end{array} $	$\Box BC \Box r \Box \Box$
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	2 2	Z

解得: 
$$r = \frac{\sqrt{2}}{2}$$
, 其体积:  $V \square \frac{4}{3} \square r^3 \square \frac{\sqrt{2}}{3}$  \(\text{ \text{ \text{ \text{\ti}\text{\texi\text{\text{\text{\text{\text{\text{\tilit{\text{\text{\tilit{\text{\tett}\text{\tetx{\text{\text{\text{\text{\text{\texi}\text{\texi}\text{\text{\texi{\texi}\text{\text{\texi}\text{\texi}\text{\text{\text{\text{

【点睛】与球有关的组合体问题,一种是内切,一种是外接.解题时要认真分析图形,明确切点和接点的位置,确定有关元素间的数量关系,并作出合适的截面图,如球内切于正方体,切点为正方体各个面的中心,正方体的棱长等于球的直径;球外接于正方体,正方体的顶点均在球面上,正方体的体对角线长等于球的直径.

三、解答题: 共70分.解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤.第17~21题为必考题,每个试题考生都必须作答.第22、23题为选考题,考生根据要求作答.

(一) 必考题: 共60分.

17.设等比数列
$$\{a_n\}$$
满足 $a_1 \square a_2 \square 4$ ,  $_3$  1 8.

- (1) 求 $\{a_n\}$ 的通项公式;
- (2) 记 $S_n$ 为数列 $\{\log_3 a_n\}$ 的前n项和.若 $S_n \square S_n \square S_n$ ,求m.

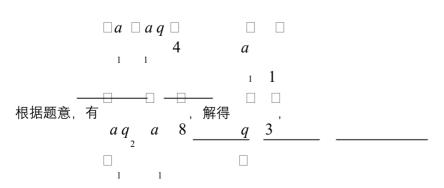
【答案】 (1) 
$$a \square 3^{n\square 1}$$
; (2)  $m \square 6$ .

#### 【解析】

#### 【分析】

- (1) 设等比数列  $\square$  的公比为 ,根据题意,列出方程组,求得首项和公比,进而求得通项公式; a q
- (2) 由(1)求出 $\{\log_3 a_n\}$ 的通项公式,利用等差数列求和公式求得 $S_n$ ,根据已知列出关于m的等量关系式,求得结果.

【详解】 (1) 设等比数列 $\Box a$   $\Box$  的公比为q,



所以 $a_{\square} \square 3^{n\square 1}$ ;

#### 关注公众一一个高中僧"获取更多高中资料

 $n(0 \square n \square 1) \quad n(n \square 1)$ 所以  $S \square \square \square$ 所以  $n \square 1$   $n(m \square 1) \square m(m \square 1) \square (m \square 2)(m \square 3)$ 引根据  $S_m \square S_{m \square 1} \square S_{m \square 3}$ ,可得  $2 \qquad 2 \qquad 2$ 整理得  $m^2 \square 5m \square 6 \square 0$ ,因为  $m \square 0$ ,所以  $m \square 6$ ,

【点睛】本题考查等比数列通项公式基本量的计算,以及等差数列求和公式的应用,考查计算求解能力,属于基础题目.

18.某学生兴趣小组随机调查了某市100天中每天的空气质量等级和当天到某公园锻炼的人次,整理数据得到下表(单位:天):

锻炼人次 空气质量等级	[0, 200]	(200, 400]	(400, 600]
1 (优)	2	16	25
2 (良)	5	10	12
3 (轻度污染)	6	7	8
4(中度污染)	7	2	0

- (1) 分别估计该市一天的空气质量等级为1, 2, 3, 4的概率;
- (2) 求一天中到该公园锻炼的平均人次的估计值(同一组中的数据用该组区间的中点值为代表);
- (3) 若某天的空气质量等级为1或2,则称这天"空气质量好";若某天的空气质量等级为3或4,则称这天"空气质量不好".根据所给数据,完成下面的2×2列联表,并根据列联表,判断是否有95%的把握认为一天中到该公园锻炼的人次与该市当天的空气质量有关?

	人次≤400	人次>400
空气质量好		
空气质量不好		

2	$n(ad \Box$	bc)		
附:				
$K \square$				
	$(a \square b)(c \square d)$	$(a \square c)(b \square d)$		
$P(K^2>k)$		0.050	0.010	0.001

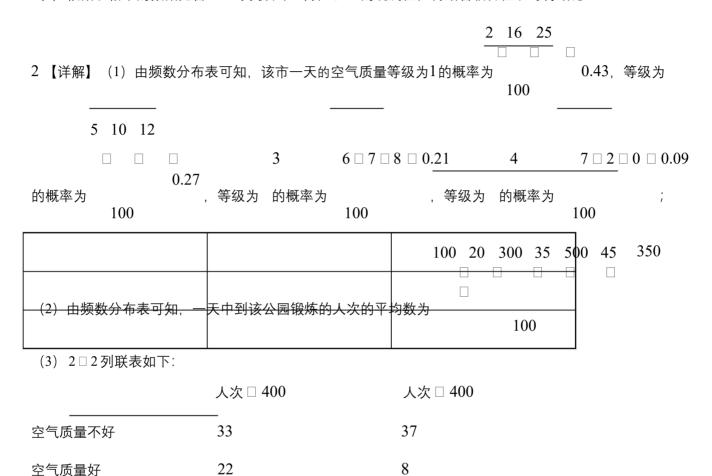
k 3.841 6.635 10.828

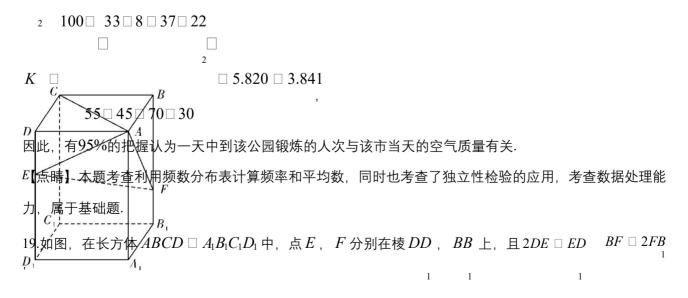
【答案】 (1) 该市一天的空气质量等级分别为1、2、3、4的概率分别为0.43、0.27、0.21、0.09 ; (2) 350; (3) 有,理由见解析.

#### 【解析】

#### 【分析】

- (1) 根据频数分布表可计算出该市一天的空气质量等级分别为1、2、3、4的概率;
- (2) 利用每组的中点值乘以频数, 相加后除以100可得结果;
- (3) 根据表格中的数据完善  $2 \square 2$  列联表,计算出  $K^2$  的观测值,再结合临界值表可得结论.





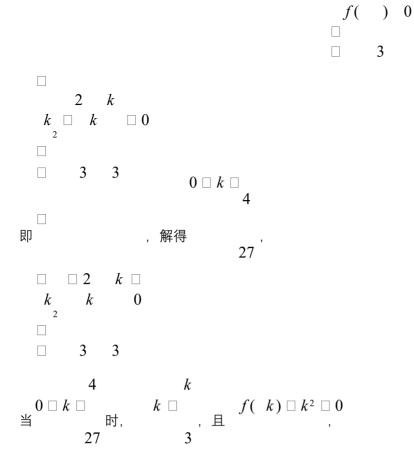
. 证明:

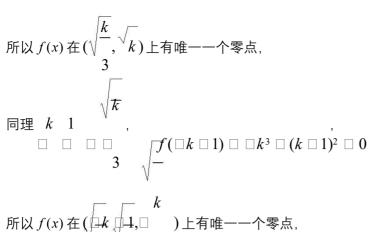
(1) 当  $AB \square BC$  时, $EF \square AC$ ; (2) 点 $C_1$ 在平面AEF内. 【答案】(1)证明见解析;(2)证明见解析. 【解析】 【分析】 BBDD(1) 根据正方形性质得  $AC \square BD$ ,根据长方体性质得  $AC \square BB$  ,进而可证 AC□平面 ,即得结果; (2) 只需证明 $EC_1//AF$ 即可,在 $CC_1$ 上取点M使得CM  $\square$   $2MC_1$ ,再通过平行四边形性质进行证明即可. DE 【详解】 (1) 因为长方体  $ABCD \square A_1B_1C_1D_1$ ,所以  $BB \square$  平面  $ABCD \square$  $AC \square BB$ 因为长方体  $ABCD \square A_1B_1C_1D_1$ ,  $AB \square BC$ ,所以四边形 ABCD 为正方形  $\square AC \square BD$ 因为  $BB_1 \mid BD \square B, BB_1, BD \square$  平面 BBDD,因此  $AC \square$  平面 BBDD1 1 因为 $EF \square$  平面 $BB_1D_1D$ ,所以 $AC \square EF$ ; (2) 在 $CC_1$ 上取点M 使得 $CM \square 2MC_1$ ,连DM,MF, 因为 $D_1E \square 2ED, DD_1//CC_1, DD_1=CC_1$  $ED \square MC ED MC$ 1, // 1, ,所以 所以四边形  $DMC_1E$  为平行四边形,  $\Box DM //EC_1$ 因为MF//DA,MF=DA,所以四边形MFAD为平行四边形,  $\Box DM$  AF  $\Box EC$  AF//

【点睛】本题考查线面垂直判定定理、线线平行判定,考查基本分析论证能力,属中档题. 关注公众号"一个高中僧"获取更多高中资料

(1) 讨论 $f(x)$ 的单调性;
(2) 若 $f(x)$ 有三个零点,求 $k$ 的取值范围 .
(0, <del>4</del> ) 【答案】 (1) 详见解析; (2)
【解析】
【分析】
$(1)$ $f(x) \square 3x^2 \square k$ ,对 $k 分 k \square 0$ 和 $k \square 0$ 两种情况讨论即可;
□ 3 (2) f(x)有三个零点,由(1)知k□0,且□ ,解不等式组得到k □ f( k) □ 0 □ 3
的范围,再利用零点存在性定理加以说明即可.
【详解】 (1) 由题, $f\cdot(x) \Box 3x^2 \Box k$ ,
当 $k \square 0$ 时, $f(x) \square 0$ 恒成立,所以 $f(x)$ 在 ( $\square \square$ , $\square \square$ )上单调递增;
当 $k$ $\square$ $\bigcirc$
$3$ $\sqrt{-}$ $3$ $3$ 令 $f'(x)$ $\square$ $0$ , 得 $x$ $\square$ $\frac{k}{3}$ 或 $x$ $\square$ $\frac{k}{3}$ , 所以 $f(x)$ 在 $(\sqrt{3}-\frac{k}{3})$ )上单调递减, $\overline{A}$
(□□,□ ,□ ,
关注公众号"一个高中僧"获取更多高中资料 □ □
k

20.已知函数  $f(x) \square x^3 \square kx \square k^2$ .





$$k$$
  $k$  —   
又  $f(x)$  在 ( $\Box$  , )上有唯一一个零点,所以  $f(x)$  有三个零点,  
3 3

综上可知 k 的取值范围为 $(0, \frac{4}{27})$ .

【点睛】本题主要考查利用导数研究函数的单调性以及已知零点个数求参数的范围问题。考查学生逻辑推 理能力、数学运算能力,是一道中档题.

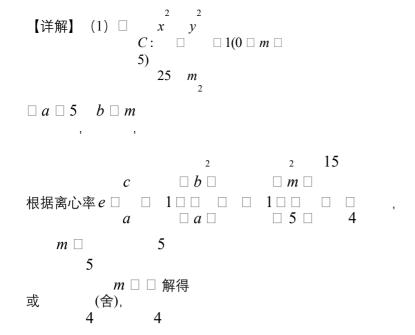
- (1) 求C的方程;
- (2) 若点P在C上,点Q在直线 $x \square 6$ 上,且 $|BP|\square|BQ|$ , $BP \square BQ$ ,求AAPQ的面积.

#### 【解析】

【分析】

- (2) 点 P 在 C 上,点 Q 在直线 x  $\square$  6 上,且|BP|  $\square|BQ|$ ,BP  $\square$  BQ ,过点 P 作 x 轴垂线,交点为 M
- ,设 $x \square 6$ 与x轴交点为N,可得 $\triangle \triangle PMB \square BNQ$ ,可求得P点坐标,求出直线AQ

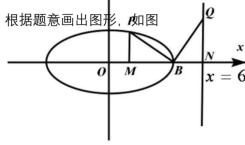
的直线方程,根据点到直线距离公式和两点距离公式,即可求得AAPO的面积. 关注公众号"一个高中僧"获取更多高中资料



 $x^2 \square 16y^2 \square В$ 1; 25 25

(2)  $\Box$ 点P在C上,点Q在直线x  $\Box$  6上,且|BP|  $\Box$  |BQ|,|BP|  $\Box$  |BQ|,|BP|

过点P作x轴垂 $\clubsuit$ ,交点为M,设 $x \square 6$ 与x轴交点为N



 $\square \mid BP \mid \square \mid BQ \mid \quad BP \ \square \ BQ \quad \square PMB \ \square \ \square QNB \ \square \ 90 \ \square$ 

 $\mathbb{Z} \square \square PBM \square \square QBN \square 90 \square$ ,  $\square BQN \square \square QBN \square 90 \square$ ,

 $\Box \ \Box PBM \ \Box \ \Box BQN$ 

可得:  $\triangle \triangle PMB \square BNQ$ ,

 $\Box$  B(5,0)

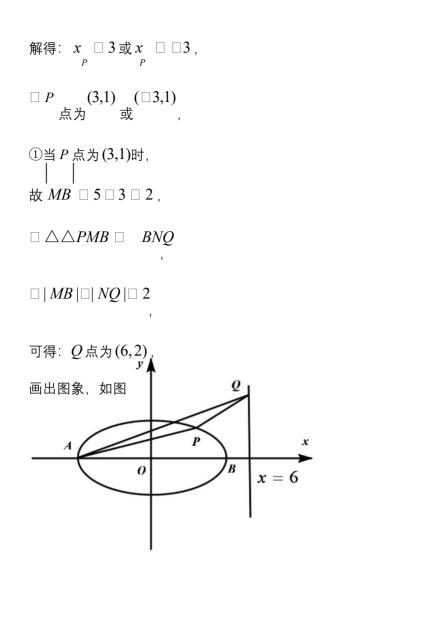
, \_\_\_\_

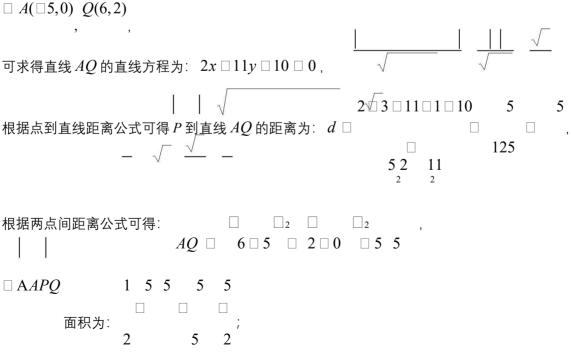
 $\square$  PM  $\square$  BN  $\square$  6  $\square$  5  $\square$  1

设P点为 $(x_{P}, y_{P})$ ,

25 25 25

x 口 口 2 16 可得: P 1 25 25



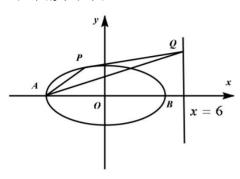


②当P点为( $\Box$ 3,1)时,

- $\square \triangle \triangle PMB \square BNQ$
- $\Box \mid MB \mid \Box \mid NQ \mid \Box \mid 8$

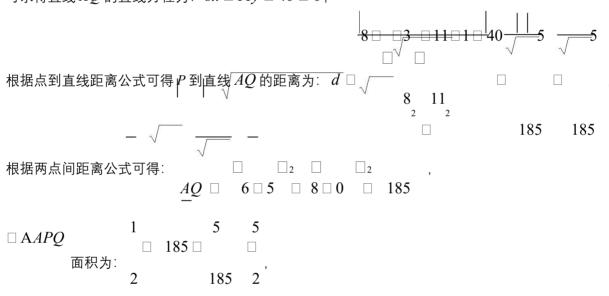
可得: Q点为(6,8),

画出图象, 如图



 $\Box A(\Box 5,0) Q(6,8)$ 

可求得直线 AQ 的直线方程为:  $8x \square 11y \square 40 \square 0$ ,



【点睛】本题主要考查了求椭圆标准方程和求三角形面积问题,解题关键是掌握椭圆的离心率定义和数形结合求三角形面积,考查了分析能力和计算能力,属于中档题.

(二)选考题:共10分.请考生在第22、23题中任选一题作答.如果多做,则按所做的第一题计分.

# [选修4-4: 坐标系与参数方程]

综上所述,AAPQ面积为:

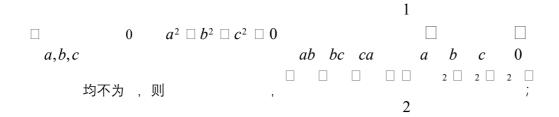
(1) 求| AB |:

【答案】 (1) 4 10 (2) 3□ cos□ □ □ sin□ □ 12 □ 0

【解析】

【分析】

$(1)$ 由参数方程得出 $A,B$ 的坐标,最后由两点间距离公式,即可得出 $\left AB\right $ 的值;
(2)由 $A,B$ 的坐标得出直线 $AB$ 的直角坐标方程,再化为极坐标方程即可.
【详解】 (1) 令 $x$ $\square$ $0$ , 则 $t^2$ $\square$ $t$ $\square$ $2$ $\square$ $0$ , 解得 $t$ $\square$ $\square$ $2$ 或 $t$ $\square$ $1$ (舍) ,则 $y$ $\square$ $2$ $\square$ $6$ $\square$ $4$ $\square$ $12$ ,即 $A(0,12)$
令 $y \square 0$ ,则 $t^2 \square 3t \square 2 \square 0$ ,解得 $t \square 2$ 或 $t \square 1$ (舍),则 $x \square 2 \square 2 \square 4 \square \square 4$ ,即 $B(\square 4,0)$ .
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
则直线 $AB$ 的方程为 $y \square 3(x \square 4)$ ,即 $3x \square y \square 12 \square 0$ .
由 $x \square \square \cos\square$ , $y \square \square \sin\square$ 可得,直线 $AB$ 的极坐标方程为 $3 \square \cos\square \square \square \sin\square \square 12 \square 0$ .
【点睛】本题主要考查了利用参数方程求点的坐标以及直角坐标方程化极坐标方程,属于中档题. [选修4-5: 不等式选讲] 23.设 $a$ , $b$ , $c \square R$ , $a+b+c=0$ , $abc=1$ .
(1) 证明: <i>ab+bc+ca&lt;</i> 0;
<ul> <li>(2) 用max{a, b, c}表示a, b, c中的最大值,证明: max{a, b, c}≥3 4 .</li> <li>【答案】 (1) 证明见解析 (2) 证明见解析.</li> <li>【解析】</li> <li>【分析】</li> </ul>
(1) 由 $(a \sqcup b \sqcup c)^2 \sqcup a^2 \sqcup b^2 \sqcup c^2 \sqcup 2ab \sqcup 2ac \sqcup 2bc \sqcup 0$ 结合不等式的性质,即可得出证明;
(2) 不妨设 $\max\{a,b,c\}$ $\square$ $a$ ,由题意得出 $a$ $\square$ $0,b,c$ $\square$ $0$ ,由 $\qquad \square$ $\qquad \square$ $\qquad \qquad \qquad$
- $bc$ $bc$
,结合基本不等式,即可得出证明.
【详解】 $(1)$ $\square (a \square b \square c)^2 \square a^2 \square b^2 \square c^2 \square 2ab \square 2ac                                  $
□ ab □ bc □ ca □ □ a □ b □ 关注公众号"一个高中僧"获取更多高中资料
2 - 2 - 2



(2) 不妨设  $\max\{a,b,c\} \square a$ ,

由 $a \square b \square c \square 0$ , $abc \square 1$ 可知,  $a \square 0$ , $b \square 0$ , $c \square 0$ ,  $a \square \square b \square c, a \square$  $b \square c$   $b \square c \square bc$   $bc \square bc$ 2 2 2 ,  $\square$   $\square$   $\square$   $\square$   $\square$   $\square$  4. bcbc bcbc当且仅当 $b \square c$ 时,取等号,

口 口 
$$\max\{a,b,c\}\dots$$
 3 4  $a$  ,即 .

【点睛】本题主要考查了不等式的基本性质以及基本不等式的应用,属于中档题.