Přírodovědecká fakulta Masarykovy univerzity

PRAKTIKUM Z FYZIKY PLAZMATU

Mikrovlnná interferometrie plazmatu

Zpracovali: Radek Horňák, Lukáš Vrána Naměřeno: 5. 4. 2022

1 Teorie

Plazma lze obecně kvalitativně považovat za vodič, dielektrikum či magnetickou kapalinu. Výběr modelu je závislý na konkrétní situaci. V případě interakce elektromagnetického záření s plazmatem se v oblasti nízkých frekvencí plazma popisuje jako vodič pomocí nízkofrekvenční vodivost, při vysokých frekvencích je vhodná aplikace dielektrického modelu včetně definice vysokofrekvenční permitivity. Hranicí mezi nízkými a vysokými frekvencemi je plazmová frekvence $\omega_{\rm pl}$, od které se může vlna plazmatem šířit. Ta souvisí s hustotou plazmatu pomocí vztahu

$$\omega_{\rm pl} = \frac{n_{\rm e}e^2}{m_{\rm e}\epsilon_0} \tag{1}$$

kde $n_{\rm e}$ je koncentrace volných elektronů, eelementární náboj, $m_{\rm e}$ hmotnost elektronu a ϵ_0 permitivita vakua.

Pro dielektrický model nemagnetického plazmatu je permitivita komplexní skalár ve tvaru $\epsilon_{\rm r}=\epsilon_1+i\epsilon_2$. V případě, že pro popis rozdělení rychlosti elektronů zvolíme Maxwellovo rozdělení, je relativní permitivita popsaná vztahem

$$\epsilon_{\rm r} = 1 - \frac{n_{\rm e}e^2(\omega - i\nu_{\rm m})}{m_{\rm e}\epsilon_0\omega(\omega^2 + \nu_{\rm m}^2)}$$
 (2)

kde $\nu_{\rm m}$ je srážková frekvenci pro přenos hybnosti elektron–neutrál. Na rozdíl od běžných dielektrik je reálná část permitivity plazmatu menší než jedna. Místo relativní permitivity můžeme obdobně popisovat plazma pomocí komplexního indexu lomu $N=n+i\kappa$, přičemž mezi ním a relativní permitivitou je vztah $N^2=\epsilon_{\rm r}$. Pro jeho složky platí

$$n = \sqrt{\frac{\epsilon_1 + \sqrt{\epsilon_1^2 + \epsilon_2^2}}{2}} \tag{3}$$

$$\kappa = \sqrt{\frac{-\epsilon_1 + \sqrt{\epsilon_1^2 + \epsilon_2^2}}{2}} \tag{4}$$

Reálná část indexu lomu je přímo úměrná fázové rychlosti vlny a tedy i fázovému posuvu $\Delta \phi$. Platí vztah

$$\Delta \phi = k_0 (1 - n) \Delta z \tag{5}$$

kde k_0 je vlnové číslo a Δz kus dráhy.

1.1 Stanovení koncentrace elektronů

Pro stanovení koncentrace elektronů aproximujeme vztah (2) tak, že zanedbáme imaginární složku a vypustíme $\nu_{\rm m}^2$. Dostáváme

$$\epsilon_{\rm r} = 1 - \frac{n_{\rm e}e^2}{m_{\rm e}\epsilon_0\omega^2} \tag{6}$$

Po dosazení do (5) a úpravách můžeme vyjádřit koncentraci elektronů v závislosti na fázovém posunu jako

$$n_{\rm e} = \frac{\left(1 - \left(1 - \frac{\Delta\phi}{k_0 \Delta z}\right)^2\right) m_{\rm e} \epsilon_0 \omega^2}{e^2} \tag{7}$$

1.2 Stanovení srážkové frekvence

Pomocí Taylorova rozvoje je možné dojít k tvaru imaginární části indexu lomu

$$\kappa = \frac{|\epsilon_2|}{2\sqrt{2}|\epsilon_1|} \tag{8}$$

Zkombinováním tohoto vztahu s (2), (3), (4) a zanedbáním kvadratických členů můžeme vyjádřit srážkovou frekvenci jako

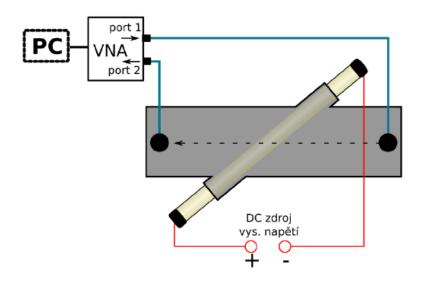
$$\nu_{\rm m} = \frac{c \ln \frac{P_0}{P} 2\sqrt{2} |\epsilon_1|}{2\omega \Delta z \, \frac{n_{\rm e} e^2}{m_{\rm e} \epsilon_0 \omega^3}} \tag{9}$$

kde P_0 je dodávaný výkon a P je součet prošlého a odraženého výkonu. Výpočet srážkové frekvence tedy předpokládá znalost koncentrace elektronů.

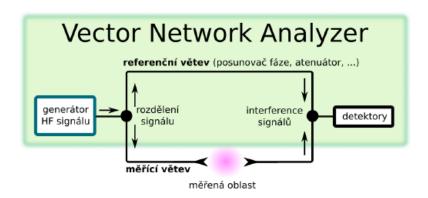
2 Měření a výsledky

Měřící aparatura se skládá ze zářivky procházející vlnovodem. Uvnitř ní je zapálený doutnavý výboj v argonu a parách rtuti za sníženého tlaku, typicky kolem 400 Pa. Schéma aparatury je na obr. 1. Důležitým prvkem v zapojení je Vector Network Analyzer (VNA), který zastává funkci vysokofrekvenčního zdroje i detektoru. V klasickém interferometrickém experimentu je signál ze zdroje rozdělený do referenční a měřící větve, které jsou nakonec svedeny dohromady. Výsledný detekovaný signál je tedy interferencí signálů z obou větví. Abychom kromě změny fáze také detekovali změnu amplitudy signálu, je potřeba použít metodu kvadraturní detekce se dvěma detektory. VNA, jehož schéma je vidět na obr. 2, má uvnitř integrovanou referenční větev včetně detektorů, nám tedy stačí přes dva porty připojit měřící větev. Prostřednictvím VNA měříme S parametry rozptylové matice.

Před měřením je potřeba VNA zkalibrovat. To se klasicky provádí pomocí definovaných zátěží – short, open a match. Měření probíhá následovně: Na vysokonapěťovém zdroji měníme proud mezi hodnotami $0,2–3\,\mathrm{mA}$ a zaznamenáváme fázi a prošlý výkon parametru S_{21} . Odražený výkon zanedbáváme. První sadu dat měříme pro oblast frekvencí $1,5–3\,\mathrm{GHz}$. Na VNA máme zapnuté x $10\,\mathrm{průměrováni}$, čímž potlačíme šum. Každé dvě měření s určitými hodnotami proudu na zářivce vystřídáme měřením s nulovým proudem, tedy vypnutou zářivkou. Při zpracování dat poté vztahujeme jednotlivá měření k nejbližšímu s nulovým proudem. Tímto způsobem tedy zkoumáme vliv výboje v zářivce umístěné ve vlnovodu na procházející signál vlnovodem.



Obrázek 1: Schéma měřící aparatury



Obrázek 2: Schéma Vector Network Analyzer (VNA)

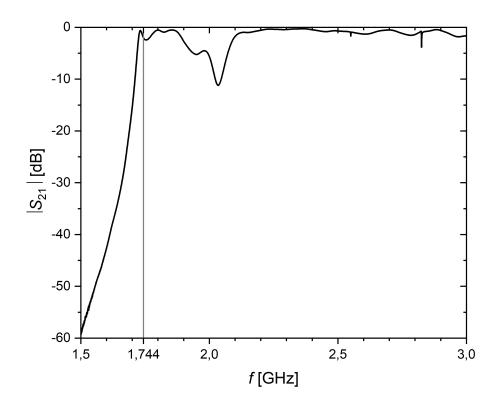
Druhou sadu dat jsme naměřili stejným způsobem pro menší oblast frekvencí 2,235–2,265 GHz.

Ve výpočtech vystupuje veličina Δz , kterou jsme obecně označili jako kus dráhy. V našem případě se jedná o tloušťku plazmatu, kterou je potřeba odhadnout. To provedeme pomocí geometrické úvahy ze znalosti příčného rozměru vlnovodu $b=86\,\mathrm{mm}$, průměru zářivky $d=18\,\mathrm{mm}$, délky zářivky $l=b/\sin\alpha$ a úhlu mezi zářivkou a vlnovodem $\alpha=35^\circ$. Za předpokladu, že zářivka má objem válce V_v , který následně aproximujeme pravidelným čtyřbokým hranolem, tloušťka plazmatu podél nejdelšího rozměru vlnovodu je

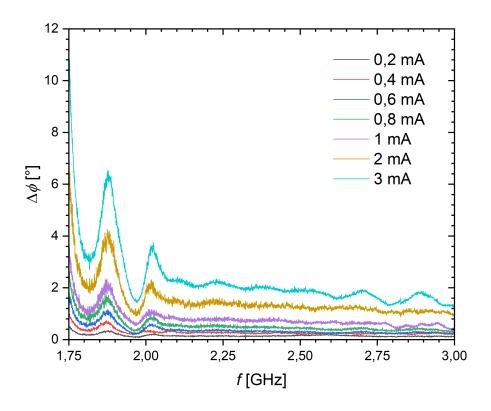
$$\Delta z = \frac{V_v}{bd} = \frac{l\pi d^2}{4bd} = \frac{b\pi d^2}{4bd \sin \alpha} = \frac{\pi d}{4 \sin \alpha} = 24,6 \,\text{mm}$$
 (10)

Vlnovod přenásí energii až od určité mezní frekvence. Průřezem vlnovodu je obdélník a jeho delší strana b určuje mezní frekvenci $f_{\rm m}=\frac{c}{2b}=1,744\,{\rm GHz}.$ Na obr. 3 je zobrazena amplituda S_{21} parametru pro vypnutou výbojku. Vidíme tedy propustnost vlnovodu a měřená mezní frekvence téměř odpovídá vypočítané. Pro následující grafy je S_{21} parametr měřen od frekvence 1,75 GHz. Na obr. 4 a 5 jsou vyneseny fázové posuvy v závislosti na frekvenci pro 7 různých proudů I tekoucích plazmatem a pro širší a užší oblast frekvencí. Pozorujeme s rostoucím proudem vyšší fázový posuv. Z něj jsme dále vypočítali koncentraci elektronů v plazmatu dle vztahu (7) a její závislost na proudu vynesli do obr. 6. Pro proudy I=0,4-

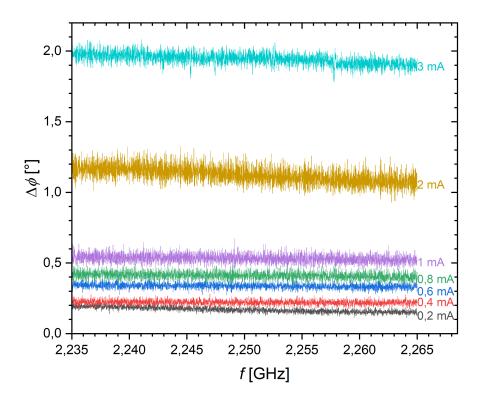
3 mA se koncentrace pohybuje řádově $n_e \approx 10^{14}-10^{15}~\mathrm{m}^{-3}$. Tabulkové hodnoty $n_{e,\mathrm{tab}} \approx 10^{15}-10^{17}~\mathrm{m}^{-3}$ [1] jsou vyšší. Zářivka už byla na konci své životnosti a nedokázali jsme v ní udržet stabilně výboj při vyšším proudu I, na kterém koncentrace závisí.



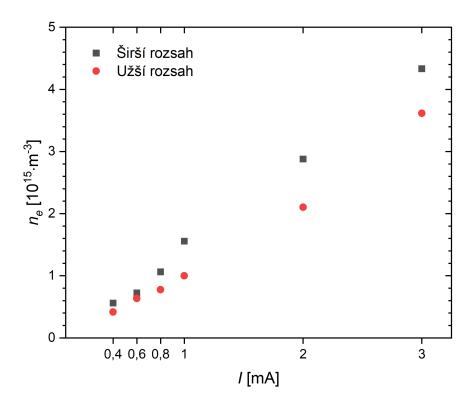
Obrázek 3: Závislost amplitudy parametru S_{21} na frekvenci se znázorněnou teoretickou mezní frekvencí.



Obrázek 4: Závislost fázového posuvu parametru S_{21} na frekvenci pro širší oblast frekvencí.



Obrázek 5: Závislost fázového posuvu parametru S_{21} na frekvenci pro užší oblast frekvencí.



Obrázek 6: Závislost koncentrace elektronů na proudu pro širší a užší rozsah frekvencí.

3 Závěr

Mikrovlnnou inteferometrií jsme měřili vlastnosti rtuťové zářivky. Pomocí VNA jsme naměřili S_{21} parametr, který je závislý na interakci elektromagnetického záření s plazmatem. Z něj jsme následně určili posuv frekvence v závislosti na frekvenci a koncentraci elektronů uvnitř zářivky. Ta vyšla pro proudy I=0,4-3 mA řádově $n_e\approx 10^{14}-10^{15}$ m⁻³. Tabulkové hodnoty $n_{e,{\rm tab}}\approx 10^{15}-10^{17}$ m⁻³ [1] jsou vyšší kvůli nižšímu proudu naší zářivkou.

Reference

[1] FRANZ, Gerhard. Low Pressure Plasmas and Microstructuring Technology [online]. Berlin, Heidelberg: Springer Berlin Heidelberg, 2009 [cit. 2022-06-26]. ISBN 978-3-540-85848-5. Dostupné z: doi:10.1007/978-3-540-85849-2