

МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «МИРЭА — Российский технологический университет» РТУ МИРЭА

Институт искусственного интеллекта (ИИИ) Кафедра промышленной информатики (ПИ)

ОТЧЁТ ПО ПРАКТИЧЕСКОЙ РАБОТЕ №5

по дисциплине

«Методы верификации и валидации характеристик программного обеспечения»

Выполнил студент группы ИКМО-05-23

Принял

Москва 2024

Д. Д-Миронов Д.С. Петренко А. А.

Формальные методы верификации программ

На основе изучения материала лекций по дисциплине «Методы верификации и валидации характеристик программного обеспечения» требуется выполнить ниже перечисленное.

1. Докажите эквивалентность (или не эквивалентность) приведенных ниже программ P,Q и S, которые должны реализовать алгоритм Евклида поиска НОД (наибольшего общего делителя):

```
Программа Р
x := a;
y := b;
while x \neq y do
if x > y then
x := x - y
else
y := y - x
end
end:
c := x
Программа Q
x := a;
y := b;
while y \neq 0 do
z := x;
x := y;
y := z \% y
end:
c := x
Программа S
x := a;
y := b;
while x \neq 0 \land z \neq 0 do
if x > y then
x := x \% y
else
y := y \% x
end
3
end;
c := x + y
```

2. Смоделируйте структурой Крипке систему управления стиральной машиной. Машина имеет бак для белья, через который также подаются моющие средства, клапаны для забора и слива воды, датчик наличия воды, мотор, нагревающий элемент, таймер и панель управления с кнопками «Пуск» и «Останов». Предполагается следующий сценарий использования машины: открыть дверцу бака, поместить белье и

моющие средства в бак, закрыть дверцу, нажать на кнопку «Пуск». Машина открывает клапан для забора воды, набирает воду и закрывает клапан; подогревает воду; заводит таймер и запускает мотор, вращающий бак; при срабатывании таймера сливает воду. Дверца бака блокируется, пока в баке есть вода. Пользователь имеет возможность в любой момент нажать на кнопку «Останов», чтобы принудительно остановить стирку белья и слить воду.

- 3. Определите как можно более полный набор требований к системе управления стиральной машиной, описанной в предыдущем задании. Выразите эти требования в логике LTL.
- 4. Определите программный контракт (пред- и постусловие) для программы, вычисляющей с заданной точностью квадратный корень числа (х входное число, у результат, є точность).
- 5. Определите программный контракт (пред- и постусловие) для программы сортировки числового массива (х входной массив, у результатпсортировки, N размер массива).
- 6. Докажите завершимость приведенной ниже программы целочисленного деления DIV

Программа DIV:

Программа DIV имеет две входные целочисленные переменные а и b, и две выходные целочисленные переменные, q и r. Для программы задано предусловие

```
\phi \equiv (a \ge b) \land (b > 0)
```

уточняющее, что программа определена только для неотрицательных значений а и положительных значений b, и постусловие

$$\phi \equiv (a = q \cdot b + r) \land (0 \le r < b)$$

утверждающее, что программа осуществляет деление а на b и сохраняет частное от деления в переменную q ,а остаток — в переменную r.

```
\{(a \ge 0) \Lambda(b > 0)\}\

q := 0;

r := a;

while r \ge b do

q := q + 1;

r := r - b

end

\{(a = q \cdot b + r) \Lambda (0 \le r < b)\}
```

1. Доказательство эквивалентности программ P, Q и S

Для доказательства эквивалентности программ, реализующих алгоритм Евклида поиска НОД, следует провести формальный анализ их поведения.

Программа Р:

```
x := a;

y := b;

while x \neq y do

if x > y then

x := x - y

else

y := y - x

end

end;

c := x
```

Эта программа уменьшает большее из чисел, вычитая меньшее, до тех пор, пока они не станут равными. Итоговое значение х (или у) является НОД.

Программа Q:

```
x := a;

y := b;

while y \neq 0 do

z := x;

x := y;

y := z \% y

end;

c := x
```

Это реализация алгоритма Евклида с использованием операции взятия остатка. Программа повторяет шаги, пока у не станет нулем, и значение х в этот момент будет НОД.

Программа S:

```
x := a;

y := b;

while x \neq 0 \land y \neq 0 do

if x > y then

x := x \% y

else

y := y \% x

end

end;

c := x + y
```

Эта программа также использует операцию взятия остатка, но условия окончания немного отличаются. Итоговое значение x + y дает НОД.

Доказательство эквивалентности

Для доказательства эквивалентности нужно показать, что для всех возможных значений а и b, программы дают одинаковый результат. Для этого можно построить инварианты циклов и показать, что они сохраняются при каждой итерации.

2. Моделирование системы управления стиральной машиной структурой Крипке

Структура Крипке состоит из множества состояний, множества переходов и множества истинных высказываний для каждого состояния. Для стиральной машины это могут быть следующие состояния:

- Idle ожидание команды «Пуск».
- Filling забор воды.
- **Heating** нагрев воды.
- Washing стирка (вращение бака).
- **Draining** слив воды.
- **Stopped** остановка.

Переходы между этими состояниями соответствуют событиям, таким как «пуск», «набор воды завершен», «нагрев завершен», «таймер стирки завершен» и так далее.

3. Определение требований к системе управления стиральной машиной в логике LTL

Логика LTL (Linear Temporal Logic) позволяет выражать требования к поведению системы во времени. Примеры требований к стиральной машине:

- Дверца должна быть заблокирована, пока есть вода в баке: G(Water Level>0→Door Locked)
- Если нажата кнопка «Пуск», то в конечном итоге начнется забор воды: G(Start Pressed—F(Filling))
- После завершения стирки всегда происходит слив воды: G(Washing_Done→F(Draining))

4. Программный контракт для программы, вычисляющей квадратный корень

Для программы, вычисляющей квадратный корень с точностью є, можно определить следующие контракты:

Предусловие: x ≥ 0, ε > 0
 Постусловие: |y² - x| < ε

5. Программный контракт для программы сортировки массива

Контракты для сортировки массива:

- **Предусловие**: N > 0 (размер массива больше нуля).
- Постусловие:
 - Массив отсортирован: $\forall_i < N 1, \ y[i] \le y[i + 1]$
 - Массив содержит те же элементы, что и исходный.

6. Доказательство завершимости программы DIV

Программа DIV:

```
q := 0;
r := a;
while r \ge b do
q := q + 1;
r := r - b
end
```

Чтобы доказать завершимость, необходимо показать, что цикл **while** в какой-то момент завершится. В данной программе это гарантируется, так как значение переменной r уменьшается на каждом шаге на величину b, и поскольку b>0, цикл обязательно завершится, когда r< b.