deryus 8.

Memog optoroheaubhorx npeopazobanui приведения квадр дрореных канониквиду Tujomo Q(x) - KBagp Popula, 1-её магрица в некопром оргонормир Japace E. JII. x. A- curemenpuria, TO I OPTOTOHOLOGICAL MICETURGA C: C'AC=A', ye А'- диспонаноная марища (Сиг. мекцию б) npurleir éé guan en-cuir els corest. зночения марисун А, повтреющиеся сполько рад, канова их кражост. Но имению так преобрациють мариную кваза формент вые, А'- маринуа квази Форшот СТ) в другом Оргонори. ocquice E', nouvieur cocraeeisecer my coocs bekropob magningor A. Bajuc E' else оргонорищер., Т.К. Е-оргонорищер. обще, а С-оргономанная магрища перехода om E r E'. Onp elineemoe nebapoxgennoe npeoopayobana kbagp. Popono Q(x) = X'AX B Q(x)-(X')'A'X' пре А'= СТАС и С-оргогон матрицей, наз

План приведения квадр доргиют к каношическовину виду оргональными преобразованием.

Dana Rhagp. GOTMA Q(F)=XTAX.

- 1) Hadigen cooch значения маршерь А из решения характ. Ур-я А-ЛЕ/=0
- 2) Haligen coocib berrow, coorbercolynougue naingennemen coocib. znarennemen.
- а) Если все $\lambda_1, ..., \lambda_n$ размичной, то соотвину собсяв. векторой оргоновной. Норишризми их, помучен оргонормир. бази $\vec{e}_1, ..., \vec{e}_n$.

3anumeeu marmusor $A' = \begin{pmatrix} \lambda_1 & 0 \\ 0 & \lambda_4 \end{pmatrix} \qquad \qquad C = \begin{pmatrix} \ddots & \ddots & \ddots \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots \end{pmatrix}.$

б) Если среди да, под есть кратоге собсяв значения, напр., да имеет кратость р, то в собсяв подпростанстве, соответствно- изем да, выберей р оргонорый всегда векторов. Это собсяв подпр-во всегда р-мерно, а дые выбора такод сиссемен векторов, возможно, придётся примения

проуесс оргогонализации Грама-Шицуга. Запишем марицыя A'= $\begin{pmatrix} \lambda_1 & & \\ & \lambda_k & \\ & & \lambda_n \end{pmatrix}$ $u C = \begin{pmatrix} & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \end{pmatrix}$ 4) Bannumeen kanonur big kbasp $\varphi \circ \mu u \circ \varphi$ $Q(x) = \lambda_1 x_1^2 + \ldots + \lambda_n x_n^2$ (HEKOTOPORE My): MORET parbmetors regue) Матрицей оргогон преобразованиер явинет смерина С. Зам. Можно проверить, что А'=СТАС. Ucnoubzobanue Kanonureckoro buga RBagp Popular u coocibennous зночений матилия квадр. Форуп I. Tegrecia Pain Kbago popular paben 1) комичеству кожрущимиентов, не равных нумо, в её сегодоне каконест. виде. 2) Kouvrecity coocit zuarence, не patriors нумо, мобой матиную квадр Формой

1. Теореша о піпе квадо, фореног в зависимост, от миножества собств. значений ей матрицы.

Tun Kbagp Populion	Muoxecto coocto. 34corenia
Jouoxure elono on pegecië HHAL	Bee coecib zhareneep $\lambda_i > 0$, $i = 1,, n$
Onpegenennas	Bce cootes guarences $\lambda_i < 0$, $i = 1,, n$
Знакопеременная	Cynipecthyret coocto. zuarence paymous zuarob. $\lambda_i > 0$ u $\lambda_i < 0$
Вырожденная	Cyngertyer regueboe cooctb. znarence:

Приведение уравнений кривых и поверхностей г поредка к канонической

Pac apriquentireckoe up-B 12"= = 2(x1,..., xn) | x = R, i=1,..., ng -even-bo ynopegorennoux nadquob uj n geercoher.

FLEEULEHTOT IR" LICOKNO paic. Kark beknoper x=(x1,...,xn) c odornoucce операция спожения векторов ч yeinoxenial bekropob na gelicitur runa (nokoopgunatio). Thoga 124- миневлес np-80. Eccus onpegecusto 6 12" craingap-THOE CRAIRPROS moughegence (x,y)=x,y,+ ...+x,y,

TO 12" cranobital ebungoborcer up-Bu

Fueruenion 1R4 maxko par Kak Torku M(x,.., xn). Haxgod nape Torek A(an, an) 4 B(B1, ..., Bn) coorbercityes equinces.

Beknop AB(B1-an, ..., Bn-an). Dell cuerra Thex Toren A, B, C bononuse Tes pabencito AB +BC = AC. Ecui onpegenime BIR"

расстания между модым двумые

[AB]=IAB]=V(AB, AB) = V(β₁-a₁)²+...+(βη-aη)²,
το Rn cranobural ποτεчно-векторноги
ebungoboren η-вош.

Пресиодпольной сектемой координая в \mathbb{R}^n называется совокупнось модой римсированной тогки 0 и оргонормир базывается $\overline{e}_1, ..., \overline{e}_n$ Тытка 0 называется началом системия координах Жоординахами модой тогки M называются координалого её размус-вектора 0М относменьно базыка $\overline{e}_1, ..., \overline{e}_n$

Опр. Поверхностью 2 поредка в \mathbb{R}^n над ин-во точек из \mathbb{R}^n , координать которых относительно некоторой, премоутольной системы координа в \mathbb{R}^n удовнетворенот уравнению \mathbb{R}^n $\sum_{\alpha_{ii} \times i^2} + 2\sum_{\alpha_{ij} \times i \times j} a_{ij} \times 2\sum_{i=1}^{n} b_i \times i + c = 0$,

(4) $\sum_{i=1}^{2} a_{ii} x_{i}^{2} + 2 \sum_{i,j=1}^{2} a_{ij} x_{i} x_{j} + 2 \sum_{i=1}^{2} b_{i} x_{i} + c = 0,$ $1ge \quad a_{ij}, b_{i}, \quad R \quad u \quad xors \quad obrogen \quad qopma$ He pabet type.

Ур-е пов-ги 2 поредка в IR пиожно записать так:

 $(2) X^TAX + 2B^TX + c = 0,$

rge A-матрица квадр Формо, $B = \begin{pmatrix} e_1 \\ e_n \end{pmatrix}$ -матрица минедиой формо, $e \in \mathbb{R}$.

Записи (1) и (2) наз. координатой и истричной записяеми ур-я пов-п. 2 пор.

Пуст уравнение пов-ти записано относия. некоторой преспоросиной системы коор-диная Оё, ёй (те ОЕ).

Наша задача: найт новую преморонения систему координая обенью систему координая обенью обень

Угранулья преобразования координая точек при изменением системен коорд-г. DE u D'E', nouvieu bropas cucreeua K-r Zagana omocurenon nepboli: D'ueueer K-MI $X_{0} = \begin{pmatrix} x_{1}^{0} \\ x_{n}^{0} \end{pmatrix}$ отн. $D\mathcal{E}$, векторот \vec{e}_{1}^{0} , ..., \vec{e}_{n}^{0} базиса \mathcal{E}' иенеют коорушнают $\vec{e}_{i}^{0} = \begin{pmatrix} c_{1i} \\ \vdots \\ c_{ni} \end{pmatrix}$ ликорича $X_{0} = \begin{pmatrix} x_{1}^{0} \\ x_{n}^{0} \end{pmatrix}$ отн. $D\mathcal{E}$ и иенеет коорушнают $X_{0} = \begin{pmatrix} x_{1} \\ x_{1} \end{pmatrix}$ отн. $D\mathcal{E}$ и $X_{0} = \begin{pmatrix} x_{1} \\ x_{1} \end{pmatrix}$ отн. $D\mathcal{E}'$ Thorga X=Test + Xo Don-bo.

My yeurobrue \Rightarrow OM univer koopg-m $\begin{pmatrix} x_1 \\ x_n \end{pmatrix}$ on \mathcal{E} , O'M univer koopg-m $\begin{pmatrix} x_1 \\ x_n \end{pmatrix}$ on \mathcal{E}' ,

m.e. $OM = (\vec{e}_1 ... \vec{e}_n) \begin{pmatrix} x_1 \\ x_n \end{pmatrix} = \mathcal{E}X$ (3) $\overrightarrow{OM} = (\overrightarrow{e_1} \cdot \overrightarrow{e_n})(x_1) = \mathcal{E}'X' = (\mathcal{E}T_{e_n})X' = \mathcal{E}(T_{e_n}X')$ $\overrightarrow{OO'} = (\overrightarrow{e_1} \cdot \overrightarrow{e_n})(x_1) = \mathcal{E}Xo$ $\Rightarrow \overrightarrow{OM} = \overrightarrow{OO'} + \overrightarrow{O'M} = \mathcal{E}X_o + \mathcal{E}(T_{e_n}X') = \mathcal{E}(X_o + T_{e_n}X')$ (4)

Chabulbar (3) 4(4), b curily equinorberenous page 10 xerus berropa no sapray, nonymus $X = \overline{k} \times 1 + X_0$. 4.7.9.

Tionezyell 7000 populua, enoxuo nocajamo, 400 ubago populua nebeparacry b nobôr cucreene kooppunat npeorpaziene no origeny npabuery npeorpaziobanul nbago popul 750 oznavaet, 400 b cucreene kooppunat 0'E' yp-e kbago. Populo origer neuero big $(X')^T(T_0)^T A T_0 x' + 2D^T X' + c' = 0$.

Trygen nogorhar Teres Tak, 4200 A' obria Trygen nogorhar Teres Tak, 4200 A' obria A guar. Marphysed y coocib. znarence A guar. Marphysed y coocib. znarence A subash. Popula npullet by $\frac{n}{\sum_{i=1}^{n} \lambda_i x_i^{i2}} + 2 \sum_{i=1}^{n} d_i x_i^i + c' = 0$

Ecou paux kbasp populus paben z, mo chegu di roubico z nengueborx cot ruces; nycro $\frac{270}{n}$ nepbore z craraemorx: $\sum_{i=1}^{2} \lambda_i x_i^{12} + 2 \sum_{i=1}^{n} d_i x_i^{1} + c^{1} = 0$

Сканировано с CamScanner

Сканировано с CamScanner

Pac. orgenono characenore $\sum_{i=1}^{2} \lambda_i x_i^{\prime 2} + 2 \sum_{i=1}^{2} d_i x_i^{\prime}$,

forgemen nomenone kbaggaaror no bæn xi: $\lambda_i x_i^{12} + 2d_i x_i^{1} = \lambda_i \left(x_i^{12} + 2\frac{d_i}{\lambda_i} x_i^{1} + \left(\frac{d_i}{\lambda_i} \right)^2 - \left(\frac{d_i}{\lambda_i} \right)^2 \right) =$

 $=\lambda_{i}I(x_{i}^{!}+\frac{di}{di})^{2}-\frac{di^{2}}{\lambda_{i}}.$

Dansnednie ynponjenne jpabnemis zabucur or di u h u moxer npubeciu k ognomy y caegyponjenx yp-uli:

 $\sum_{i=1}^{2} \lambda_{i} x_{i}^{2} = 0$ (5)

 $\sum_{i=1}^{r} m_i x_i^{"2} = 1$ (6)

 $\sum_{i=1}^{2} M_{i} \cdot \chi_{i}^{"2} = \chi_{2+1}^{"}$

Уравнения (5), (6), (7) нау. каноническения уравнением пов-тя 2-го поредка в Р. Дом п=2 и п=3 размичноге сочетания знаков ді и мі дадуї нау 9 и 17 канонич. ур-ид поверхностей в пр-ве соответственно.

Системог косрушнат, в которогх написаног канонические уравнения, наз канонические истемания.