

但重要的是要记住, Java 提供的仅仅是遵循递归思想的一种尝试。不是所有的数学递归函数都能被有效地(或正确地)由 Java 的递归模拟来实现。上面例子说的是递归函数 f 应该只用几行就能表示出来, 正如非递归函数一样。图 1-2 指出了函数 f 的递归实现。

```
1      public static int f( int x )
2      {
3          if( x == 0 )
4              return 0;
5          else
6              return 2 * f( x - 1 ) + x * x;
7      }
```

图 1-2 一个递归方法

第 3 行和第 4 行处理基准情况(base case), 即此时函数的值可以直接算出而不用求助递归。正如 $f(x) = 2f(x-1) + x^2$ 若没有 $f(0) = 0$ 这个事实在数学上没有意义一样, Java 的递归方法若无基准情况也是毫无意义的。第 6 行执行的是递归调用。

关于递归, 有几个重要并且可能会被混淆的概念。一个常见的问题是: 它是否就是循环推理(circular logic)? 答案是: 虽然我们定义一个方法用的是这个方法本身, 但是我们并没有用方法本身定义该方法的一个特定的实例。换句话说, 通过使用 $f(5)$ 来得到 $f(5)$ 的值才是循环的。通过使用 $f(4)$ 得到 $f(5)$ 的值不是循环的, 当然, 除非 $f(4)$ 的求值又要用到对 $f(5)$ 的计算。两个最重要的问题恐怕就是如何做和为什么做的问题了。如何和为什么的问题将在第 3 章正式解决。这里, 我们将给出一个不完全的描述。

实际上, 递归调用在处理上与其他调用没有什么不同。如果以参数 4 的值调用函数 f , 那么程序的第 6 行要求计算 $2 * f(3) + 4 * 4$ 。这样, 就要执行一个计算 $f(3)$ 的调用, 而这又导致计算 $2 * f(2) + 3 * 3$ 。因此, 又要执行另一个计算 $f(2)$ 的调用, 而这意味着必须求出 $2 * f(1) + 2 * 2$ 的值。为此, 通过计算 $2 * f(0) + 1 * 1$ 而得到 $f(1)$ 。此时, $f(0)$ 必须被赋值。由于这属于基准情况, 因此我们事先知道 $f(0) = 0$ 。从而 $f(1)$ 的计算得以完成, 其结果为 1。然后, $f(2)$ 、 $f(3)$ 以及最后 $f(4)$ 的值都能够计算出来。跟踪挂起的函数调用(这些调用已经开始但是正等待着递归调用来完成)以及它们的变量的记录工作都是由计算机自动完成的。然而, 重要的问题在于, 递归调用将反复进行直到基准情形出现。例如, 计算 $f(-1)$ 的值将导致调用 $f(-2)$ 、 $f(-3)$ 等等。由于这将不可能出现基准情形, 因此程序也就不可能算出答案。偶尔还可能发生更加微妙的错误, 我们将其展示在图 1-3 中。图 1-3 中程序的这种错误是第 6 行上的 $\text{bad}(1)$ 定义为 $\text{bad}(1)$ 。显然, 实际上 $\text{bad}(1)$ 究竟是多少, 这个定义给不出任何线索。因此, 计算机将会反复调用 $\text{bad}(1)$ 以期解出它的值。最后, 计算机簿记系统将占满内存空间, 程序崩溃。一般情形下, 我们会说该方法对一个特殊情形无效, 而在其他情形是正确的。但此处这么说则不正确, 因为 $\text{bad}(2)$ 调用 $\text{bad}(1)$ 。因此, $\text{bad}(2)$ 也不能求出值来。不仅如此, $\text{bad}(3)$ 、 $\text{bad}(4)$ 和 $\text{bad}(5)$ 都要调用 $\text{bad}(2)$, $\text{bad}(2)$ 算不出值, 它们的值也就不能求出。事实上, 除了 0 之外, 这个程序对 n 的任何非负值都无效。对于递归程序, 不存在像“特殊情形”这样的情况。

```
1      public static int bad( int n )
2      {
3          if( n == 0 )
4              return 0;
5          else
6              return bad( n / 3 + 1 ) + n - 1;
7      }
```

图 1-3 无终止递归方法