

- 6.26 合并图 6.58 中的两个斜堆
- 6.27 写出将关键字 1 到 15 依序插入到一斜堆内的结果。
- 6.28 证明下述结论成立或不成立：如果将关键字 1 到 $2^k - 1$ 依序插入到一个初始为空的斜堆中，那么结果形成一棵理想平衡树(perfectly balanced tree)。
- 6.29 使用标准的二叉堆算法可以建立一个 N 个元素的斜堆。我们能否使用练习 6.25 中描述的同样的合并策略用于斜堆而得到 $O(N)$ 运行时间？
- 6.30 证明二项树 B_k 以二项树 B_0, B_1, \dots, B_{k-1} 作为其根的儿子。
- 6.31 证明高度为 k 的二项树在深度 d 有 $\binom{k}{d}$ 个节点。
- 6.32 将图 6-59 中的两个二项队列合并。

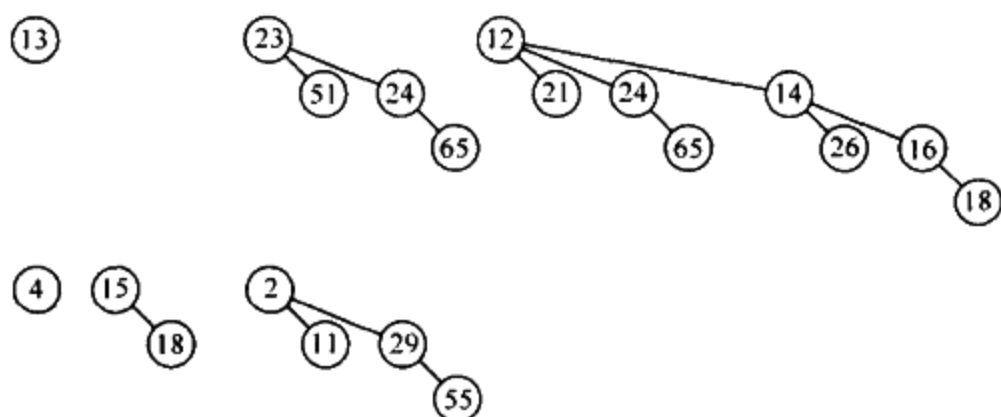


图 6-59 练习 6.32 中的输入

- 6.33 a. 证明，向初始为空的二项队列进行 N 次 insert 在最坏情形下花费 $O(N)$ 的时间。
b. 给出一个算法来建立有 N 个元素的二项队列，在元素间最多使用 $N-1$ 次比较。
* c. 提出一个算法，以 $O(M + \log N)$ 最坏情形运行时间将 M 个节点插入到 N 个元素的二项队列中。证明该算法的界。
- 6.34 写出一个高效的例程使用二项队列来完成 insert 操作。不要调用 merge 方法。
- 6.35 对于二项队列：
a. 如果没有树留在 H_2 中且 carry 树为 null，则修改 merge 例程以终止合并。
b. 修改 merge 使得较小的树总被合并到较大的树中。
- * 6.36 假设我们将二项队列扩充为允许每个结构同一高度至多有两棵树。我们能否在其他操作保留为 $O(\log N)$ 时得到插入为 $O(1)$ 的最坏情形时间？
- 6.37 设有许多盒子，每个盒子都能容纳总重量 C ，而物品 $i_1, i_2, i_3, \dots, i_N$ 分别重 $w_1, w_2, w_3, \dots, w_N$ 。现在想要把所有的物品包装起来，但任一盒子都不能放置超过其容量的重物，而且要使用尽量少的盒子。例如，若 $C=5$ ，物品分别重 2, 2, 3, 3，则我们可用两个盒子解决该问题。
一般说来，这个问题很困难，尚不知有高效的解决方案。编写程序高效地实现下列各近似解法：
* a. 将重物放入能够承受其重量的第一个盒子内(如果没有盒子拥有足够的容量就开辟一个新的盒子)(该方法以及后面所有的方法都将得出 3 个盒子，这不是最优的结果)。
b. 把重物放入对其有最大空间的盒子内。
* c. 把重物放入能够容纳它而又不过载的装填得最满的盒子中。