

### 6.3.2 堆序性质

让操作快速执行的性质是堆序性质(heap-order property)。由于我们想要快速找出最小元,因此最小元应该在根上。如果我们考虑任意子树也应该是一个堆,那么任意节点就应该小于它的所有后裔。

应用这个逻辑,我们得到堆序性质。在一个堆中,对于每一个节点  $X$ ,  $X$  的父亲中的关键字小于(或等于) $X$  中的关键字,根节点除外(它没有父亲)<sup>○</sup>。在图 6-5 中左边的树是一个堆,而右边的树则不是(虚线表示堆有序性被破坏)。

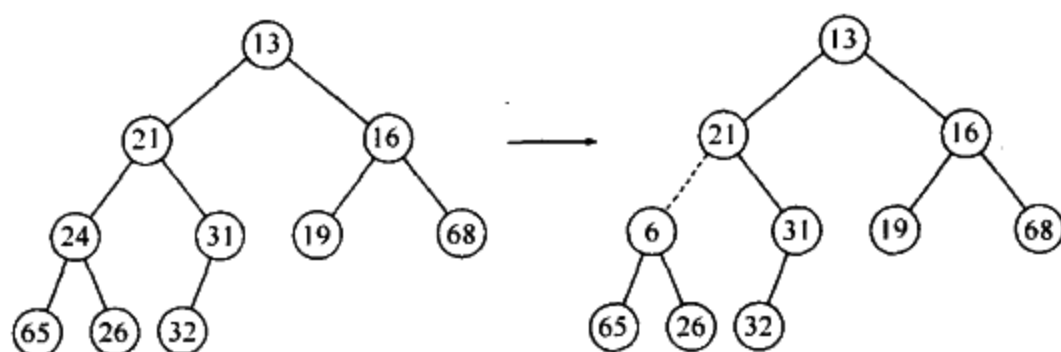


图 6-5 两棵完全树(只有左边的树是堆)

根据堆序性质,最小元总可以在根处找到。因此,我们以常数时间得到附加操作 findMin。

### 6.3.3 基本的堆操作

无论从概念上还是实际上考虑,执行这两个所要求的操作都是容易的。所有的工作都需要保证始终保持堆序性质。

#### insert(插入)

为将一个元素  $X$  插入到堆中,我们在下一个可用位置创建一个空穴,否则该堆将不是完全树。如果  $X$  可以放在该空穴中而并不破坏堆的序,那么插入完成。否则,我们把空穴的父节点上的元素移入该空穴中,这样,空穴就朝着根的方向上冒一步。继续该过程直到  $X$  能被放入空穴中为止。如图 6-6 所示,为了插入 14,我们在堆的下一个可用位置建立一个空穴。由于将 14 插入空穴破坏了堆序性质,因此将 31 移入该空穴。在图 6-7 中继续这种策略,直到找出置入 14 的正确位置。

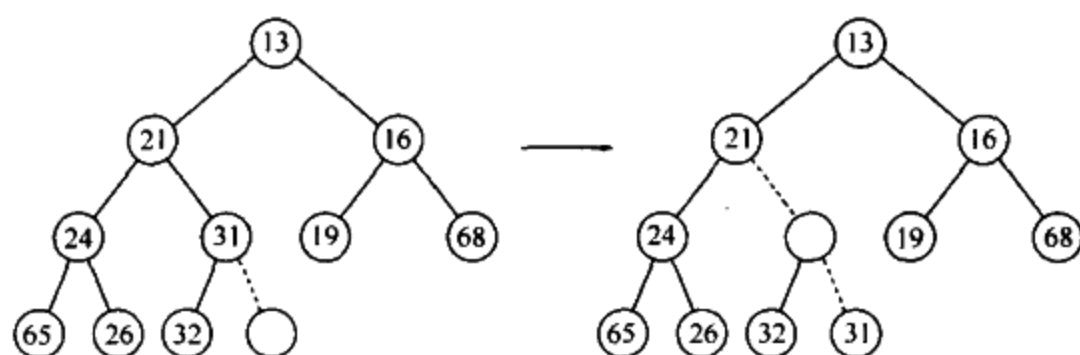


图 6-6 尝试插入 14: 创建一个空穴,再将空穴上冒

这种一般的策略叫做上滤(percolate up);新元素在堆中上滤直到找出正确的位置。使用图 6-8所示的代码很容易实现插入。

○ 类似地,我们可以声明一个(max)堆,它使我们通过改变堆序性质能够有效地找出和删除最大元。因此,优先队列可以用来找出最大元或最小元,但这需要提前决定。