# Vybrané grafové algoritmy v jazyce Python

# 1 Úvod

Tento text vznikl jako doprovodný materiál ke cvičení školy programovacích technik pořádané na Katedře informatiky, VŠB - Technická univerzita Ostrava. Programovacím jazykem pro cvičení je Python. Každý úkol ve cvičení obsahuje popis zadání, odkaz na kódy ze kterých při řešení budete vycházet a u některých úkolů je součástí také odkaz na externí video, jenž může danou problematiku pomoci přiblížit.

## Python

Spouštění vzorových kódu a případné vypracování úkolů v jazyce Python vyžaduje jeho instalaci. Python je dostupný ke stažení pro většinu dnešních platforem <sup>1</sup>. Po správném nainstalování Pythonu je možné zkusit vytvořit a spustit první program. K tomuto účelu je možné využít buď příkazový řádek a běžný textový editor, nebo vývojové prostředí typu Visual Studio Code <sup>2</sup> popřípadě PyCharm <sup>3</sup>. Vývojové prostředí pro daný jazyk obsahují nápovědu, doplňování slov a další pomocníky, které programování usnadní. Na webu existuje celá řada tutoriálů <sup>4</sup>, které ukazují jak Python instalovat a spustit, takže podrobnější popis zde vynecháme.

<sup>1</sup>https://www.python.org/downloads/

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>https://code.visualstudio.com

<sup>3</sup>https://www.jetbrains.com/pycharm/

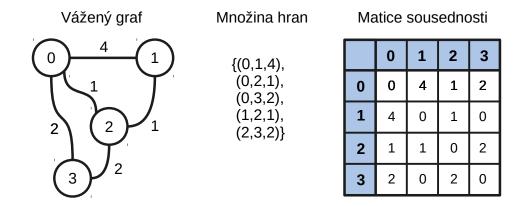
<sup>4</sup>https://www.youtube.com/watch?v=N4mEzFDjqtA

# Úkol 1: Načtení grafu

#### Skript:

https://github.com/RadimBaca/SOPA/tree/master/ukol1/mustr.py Zadaní:

Graf je v souboru reprezentován jako množina hran ve formátu vrchol1; vrchol2; vaha. Prvním úkolem je uložit graf jako matici sousednosti  $^5$ .



#### Video:

https://www.youtube.com/watch?v=9C2cpQZVRBA

Toto video obsahuje podrobnější popis matice sousednosti spolu s popisem jejích výhod a nevýhod.

<sup>5</sup>https://cs.wikipedia.org/wiki/Matice\_sousednosti

## Úkol 2: Stupeň grafu

### Skript:

https://github.com/RadimBaca/SOPA/tree/master/ukol2/mustr.py Zadaní:

Graf je nyní reprezentován jako matice sousednosti. Vážený stupeň vrcholu je dán součtem vah jeho hran. Pro spočítání váženého stupně každého vrcholu v grafu využijte Numpy funkci sum.

```
rank = matrix.sum(axis=1)
```

Hlavním úkolem je vypsat prvních deset osob dle jejich váženého stupně. Při vypisování prvních deset osob využijte také mapu names, kterou jste načetli ze souboru v rámci předchozího úkolu. Ve skriptu je možné vidět očekávaný výstup. Pro jednoduchost pokračujte v implementaci v souboru, který jste začali psát v prvním úkolu.

## Úkol 3: Karate klub

### Skript:

https://github.com/RadimBaca/SOPA/tree/master/ukol3/mustr.py Zadaní:

Dalším úkolem je analýza Zachary karate klubu. Jde o sociální síť univerzitního karate klubu. Tento karate klub byl studován doktorem Wayne W. Zacharym po dobu tří let (1970-1972). Vrcholy sítě jsou osoby karate klubu a hrany představují skutečnost, že dvě osoby se mezi sebou znají a stýkají i mimo karate klub. V průběhu kdy byl karate klub studován se vystupňoval konflikt mezi administrátorem a instruktorem, který vedl k rozděleni klubu na dva <sup>6</sup>.

Načtěte graf karate klubu (naleznete v adresáři data na github) a použijte předchozí analýzu dle vážených stupňů nalézt dvě nejdůležitější osoby (administrátora a instruktora) v grafu. Tzn. nalezněte jejich číslo.

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup>https://en.wikipedia.org/wiki/Zachary%27s\_karate\_club

# Úkol 4: Nejkratší cesta

#### Data:

https://github.com/RadimBaca/SOPA/tree/master/ukol4/mustr.py Zadaní:

Dokončete kód jenž bude s pomocí Breath-first search algoritmu (BFS) <sup>7</sup> hledat nejkratší vzdálenost od výchozího vrcholu ke všem ostatním vrcholům v grafu. Vstupem algoritmu je tedy id výchozího vrcholu a výstupem má být list s těmito vzdálenostmi.

Tyto vzdálenosti pro každý vrchol jsou následně sečteny (řádek 28 ve vzorovém souboru) a spočítáme průměrnou nejkratší vzdálenost.

Uveďme ještě základní popis datových struktur v BFS algoritmu, kde **V** je počet vrcholů v grafu:

- distances list o velikosti V, kde každá pozice udává nejkratší vzdálenost od výchozího vrcholu. Na začátku jsou všechny nastaveny na nula.
- visited list o velikosti V, kde každá pozice uchovává příznak, zda-li byl vrchol navštíven nebo ne. Na začátku jsou všechny nastaveny na False.
- queue list dvojic (vrchol, vzdalenost). Na začátku je v listu pouze jedna dvojice (vychozi vrchol, 0). Pro vkládání nových dvojic použijte funkci append.

#### Video:

https://www.youtube.com/watch?v=E\_V71Ejz3f4

Toto video názorně demonstruje základní ideu algoritmu BFS.

<sup>7</sup>https://en.wikipedia.org/wiki/Breadth-first\_search

## Úkol 5: Floyd-Warshall

#### Data:

```
https://github.com/RadimBaca/SOPA/tree/master/ukol5/mustr.py Zadaní:
```

Spočítejte průměrnou délku nejkratší cesty v grafu s pomocí Floyd-Warshall algoritmu <sup>8</sup>. Tento algoritmus je i spolu s pseudokódem a příkladem obstojně popsán na wikipedi. Tento algoritmus funguje i pro vážené grafy.

Využijte knihovnu time pro porovnání doby výpočtu průměrné nejkratší cesty v grafu s pomocí BFS a s pomocí Floyd-Warshall algoritmu.

#### <u>Video:</u>

```
https://www.youtube.com/watch?v=40QeCuLYj-4
```

Toto video názorně demonstruje základní ideu algoritmu.

### Bonusový úkol: Layer of indirection

Pozorný programátor si jistě všiml určitého nedostatku v naší implementaci, která pro určité typy vstupů může vést k nekorektním výsledkům. Počítáme s tím, že vstupní graf indexuje všechny vrcholy s pomocí konečné posloupnosti přirozených čísel  $a_n=n$  kde n jde od nuly. Problém tedy nastane jakmile tento předpoklad není splněn a posloupnost nezačíná nulou, nebo dokonce obsahuje 'díry'. Tzn. některá čísla v daném rozsahu se v posloupnosti indexů vrcholů vůbec nevyskytují. První možnost (tzn. indexy nezačínají nulou) se vyskytuje u kolekce karate klubu a toto je lehce řešitelné odečtením jedničky při počítání parametrů. V případě děr je situace komplikovanější a vyžadovala by vytvoření tzv. layer of indirection  $^9$ , což je v podstatě datová struktura implementující funkci, která přeloží id vrcholu na přirozené číslo s požadovanými vlastnostmi.

Tato vrstva by se mohla implementovat s pomocí hash tabulky v Pythonu (jednoduše dictionary <sup>10</sup>), kde bychom uložili dvojice (poradi\_v\_matici,

 $<sup>^{8}</sup> https://en.wikipedia.org/wiki/Floyd\%E2\%80\%93Warshall\_algorithm$ 

<sup>9</sup>https://en.wikipedia.org/wiki/Indirection

 $<sup>^{10} \</sup>mathtt{https://docs.python.org/3/tutorial/datastructures.html\#dictionaries}$ 

index\_vrcholu) pro každý vrchol. Pořadí v matici by už byla posloupnost přirozených čísel, která roste od nuly a neobsahuje mezery.

## Zadaní:

Cílem tohoto bonusového úkolu je rozšířit naši funkci read\_matrix, tak aby

- vracela matici, kde nebudou žádné 'díry',
- vracela dictionary s pomocí kterého bude možné pro index řádku matice dohledat původní index vrcholu.