

# **ФУНКЦИОНАЛНО ПРОГРАМИРАНЕ**

Магдалина Тодорова  
[magda@fmi.uni-sofia.bg](mailto:magda@fmi.uni-sofia.bg)  
[todorova\\_magda@hotmail.com](mailto:todorova_magda@hotmail.com)  
кабинет 517, ФМИ

## **Тема 10**

**Деструктивни процедури за работа със списъци.  
Мутиращи списъци. Еквивалентности и разделяне на  
обекти. Представяне и реализация на опашка**

# 1. Примитивни мутатори на списъкови структури

## Примитивна процедура **set-car!**

*Синтаксис:*

(set-car! x y)

където

- x е израз, чиято оценка е точкова двойка;
- y е произволен израз.

*Семантика:*

Оценяват се изразите x и y. Оценката на set-car!-израза е неопределена. Като страничен ефект, car-ът на [x] се разрушава и се заменя с [y].

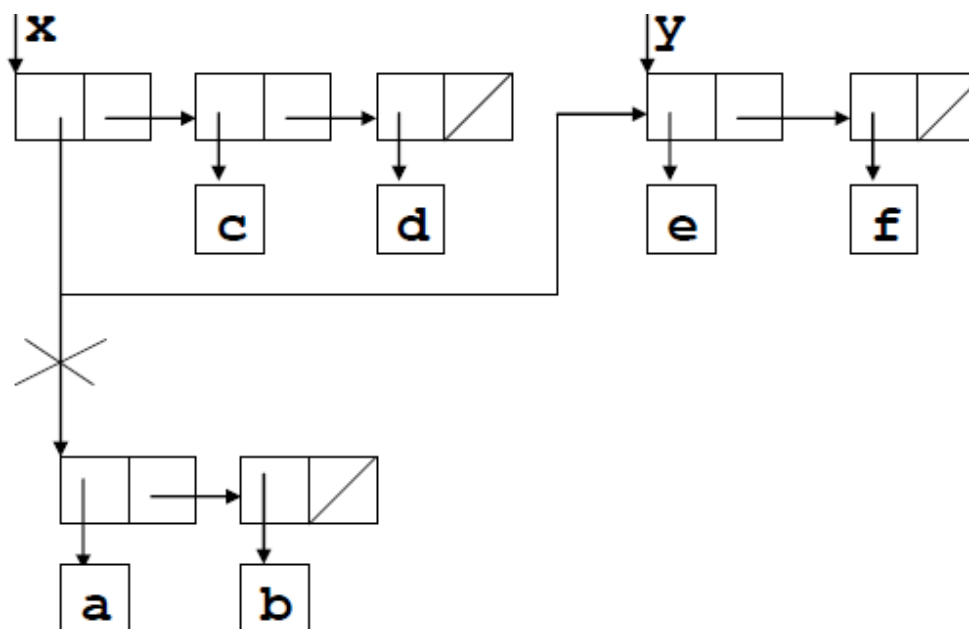
## 1. Примитивни мутатори на списъкови структури

*Забележка:* В много реализации оценката на `set-car!`-израз съвпада с новата стойност на първия аргумент (тази, която се получава в резултат от изпълнението на *`set-car!`*).

# 1. Примитивни мутатори на списъкови структури

*Пример:*

```
(define x '((a b) c d))  
(define y '(e f))  
(set-car! x y)
```



# 1. Примитивни мутатори на списъкови структури

## Примитивна процедура `set-cdr!`

### *Синтаксис:*

`(set-cdr! x y)`

където

- `x` е израз, чиято оценка е точкова двойка;
- `y` е произволен израз.

### *Семантика:*

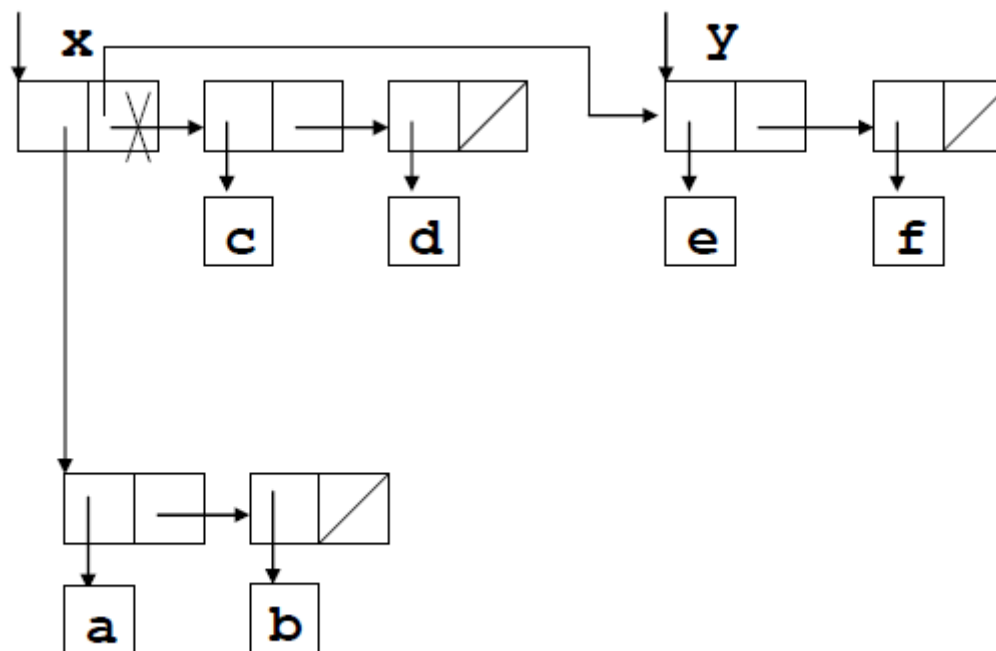
Оценяват се изразите `x` и `y`. Оценката на `set-cdr!`-израза е неопределена. Като страничен ефект, `cdr`-ът на `[x]` се разрушава и се заменя с `[y]`.

# 1. Примитивни мутатори на списъкови структури

```
(define x '((a b) c d))
```

```
(define y '(e f))
```

```
(set-cdr! x y)
```



## 2. Приложения на `set-car!` и `set-cdr!`

### ➤ Деструктивно конкатениране на списъци

Вградената в DrRacket процедура *append* е **недеструктивна**.

Тя копира всичките си аргументи (освен последния) на друго място в паметта, като в построените копия заменя записа за край на списък с указател към копието на следващия аргумент.



## 2. Приложения на set-car! и set-cdr!

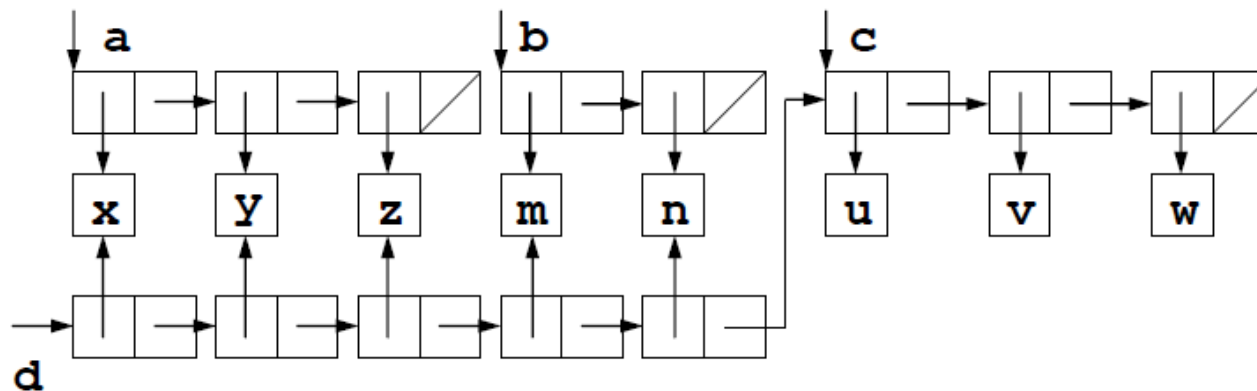
*Пример:*

```
(define a '(x y z))
```

```
(define b '(m n))
```

```
(define c '(u v w))
```

```
(define d (append a b c))
```



## 2. Приложения на `set-car!` и `set-cdr!`

Понякога не е необходимо непременно да се запазват (да не се променят) аргументите на *append*. В такива случаи вместо *append* може да се използва вградената (примитивната) процедура *append!*.

Процедура *append!* е деструктивна – променя всичките си аргументи освен последния, като във всеки от тях заменя записа за край на списък с указател към следващия аргумент.

Така се спестяват време и памет, но се получават странични ефекти.

Ще реализираме *append!*.

## 2. Приложения на set-car! и set-cdr!

### Задача.

Нека  $x$  и  $y$  са дадени списъци, като  $x$  не е празен. Да се дефинира процедура `append2!`, която конкатенира  $x$  с  $y$ , като разрушава `cdr`-а на последната двойна кутия, представяща списъка  $x$ .

## 2. Приложения на set-car! и set-cdr!

```
(define (last x) ; x не е празен списък
  (if (null? (cdr x)) x
      (last (cdr x))))
```

```
(define (append2! x y)
  (set-cdr! (last x) y)
  x)
```

```
(define (append! . L)
  (accumulate append2! '() L))
```

## 2. Приложения на set-car! и set-cdr!

### ➤ Изтриване на елемент от списък

#### Задача.

Даден е непразен списък L. Да се дефинира деструктивна процедура, която изключва n-тия елемент на L.

Предполага се, че n-тият елемент на списъка съществува.

#### *Опит за решение:*

```
(define (delete! L n)
  (if (= n 1)
      (begin (set! L (cdr L)) L)
      (begin (set-cdr! (n_sub_list (- n 1) L)
                        (cdr (n_sub_list n L)))
              L)))
```

## 2. Приложения на **set-car!** и **set-cdr!**

Процедурата (**n\_sub\_list** *n* *L*) намира указател към *n*-тия елемент на непразния списък *L*. Предполага се, че *n*-тият елемент на *L* съществува.

```
(define (n_sub_list n L)
  (if (= n 1) L
      (n_sub_list (- n 1) (cdr L))))
```

## 2. Приложения на set-car! и set-cdr!

Експерименти с delete!

```
>(define d '(1 2 3 4))
```

```
>d
```

```
(1 2 3 4)
```

```
>(delete! d 2)
```

```
(1 3 4)
```

```
>d
```

```
(1 3 4)
```

## 2. Приложения на set-car! и set-cdr!

Експерименти с delete!

```
>(delete! d 1)
```

```
(3 4)
```

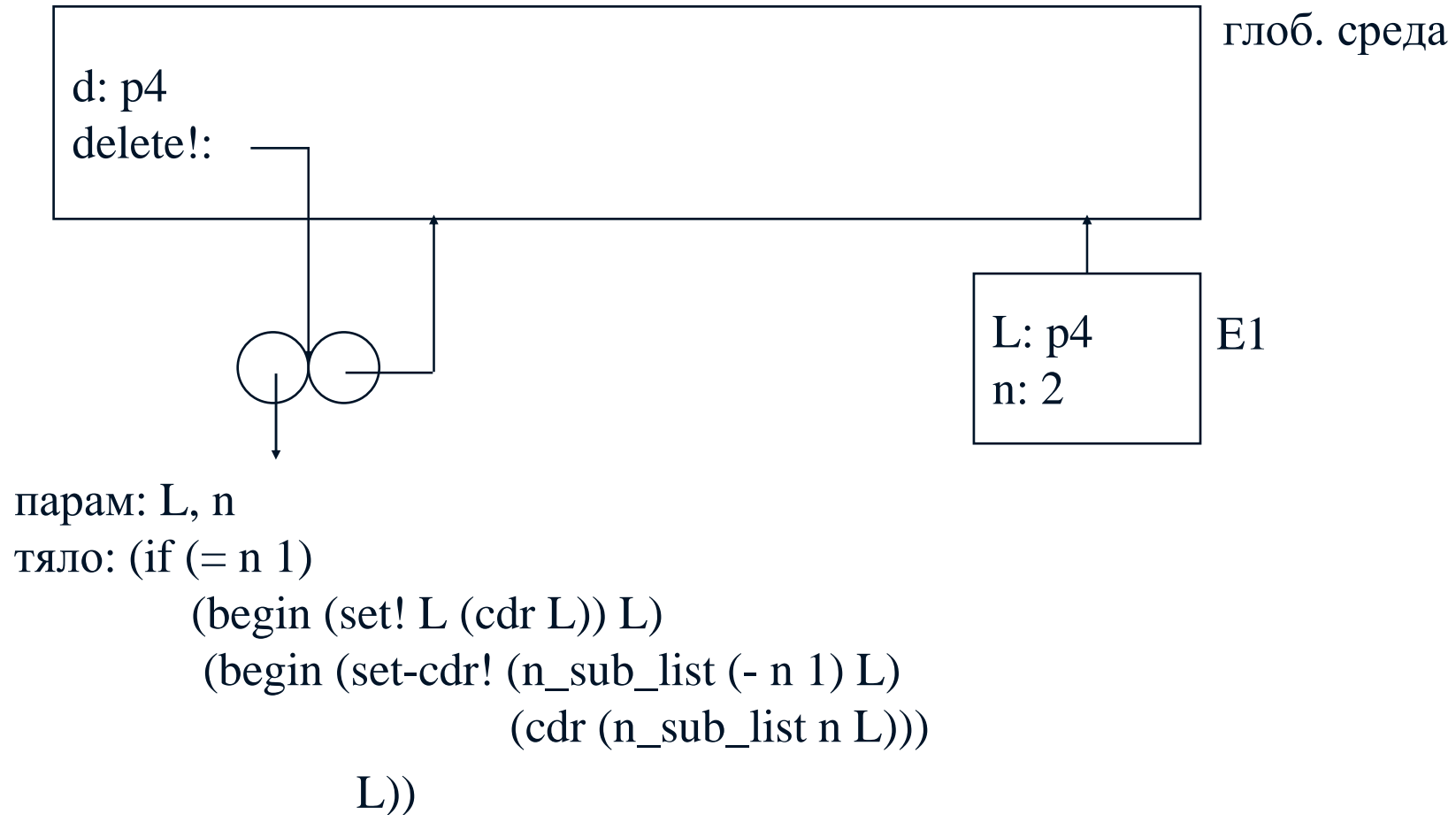
```
>d
```

```
(1 3 4)
```

В този случай, обръщението към delete! връща правилен резултат, но променливата d не се е променила.

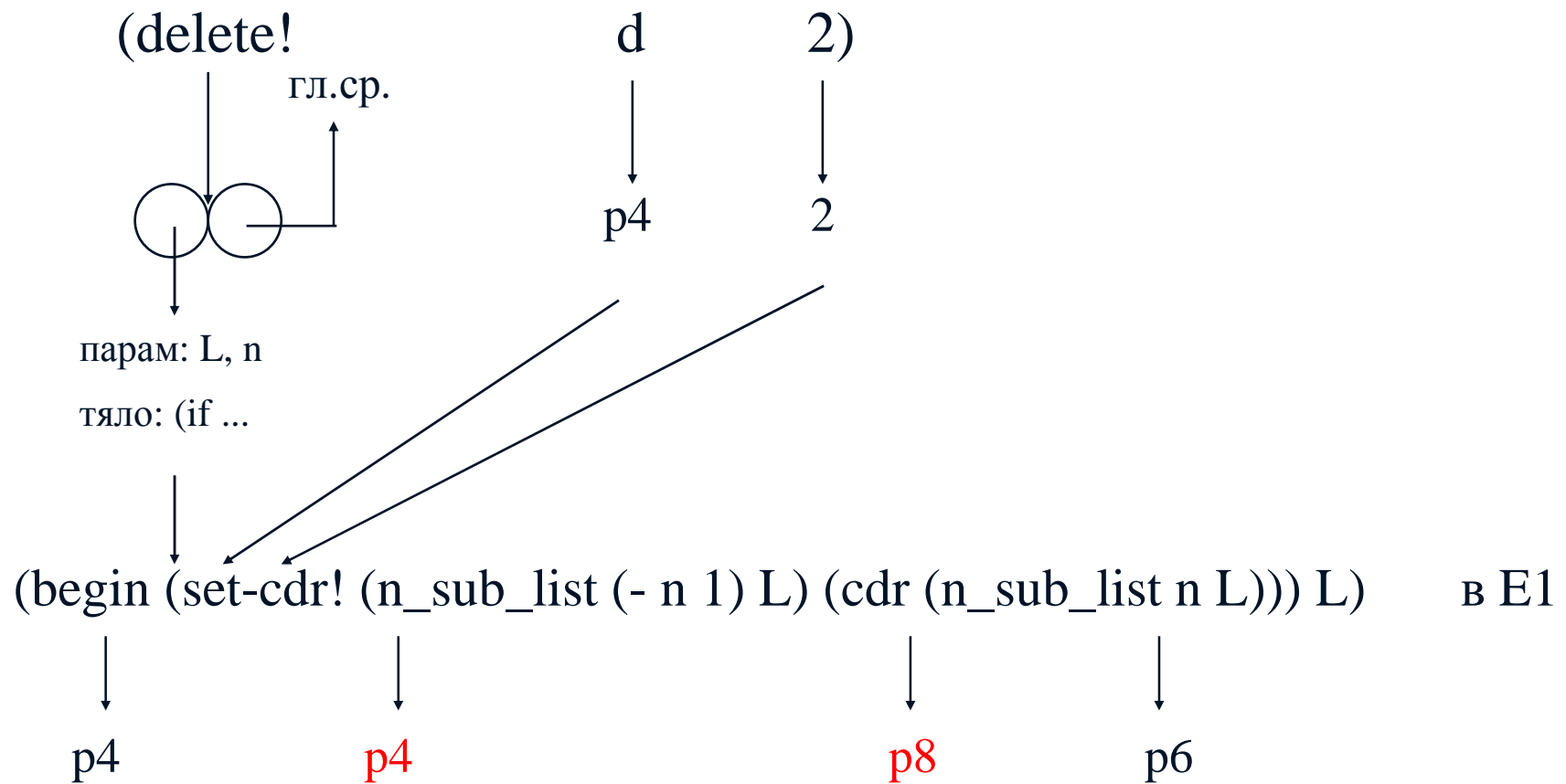


## 2. Приложения на set-car! и set-cdr!



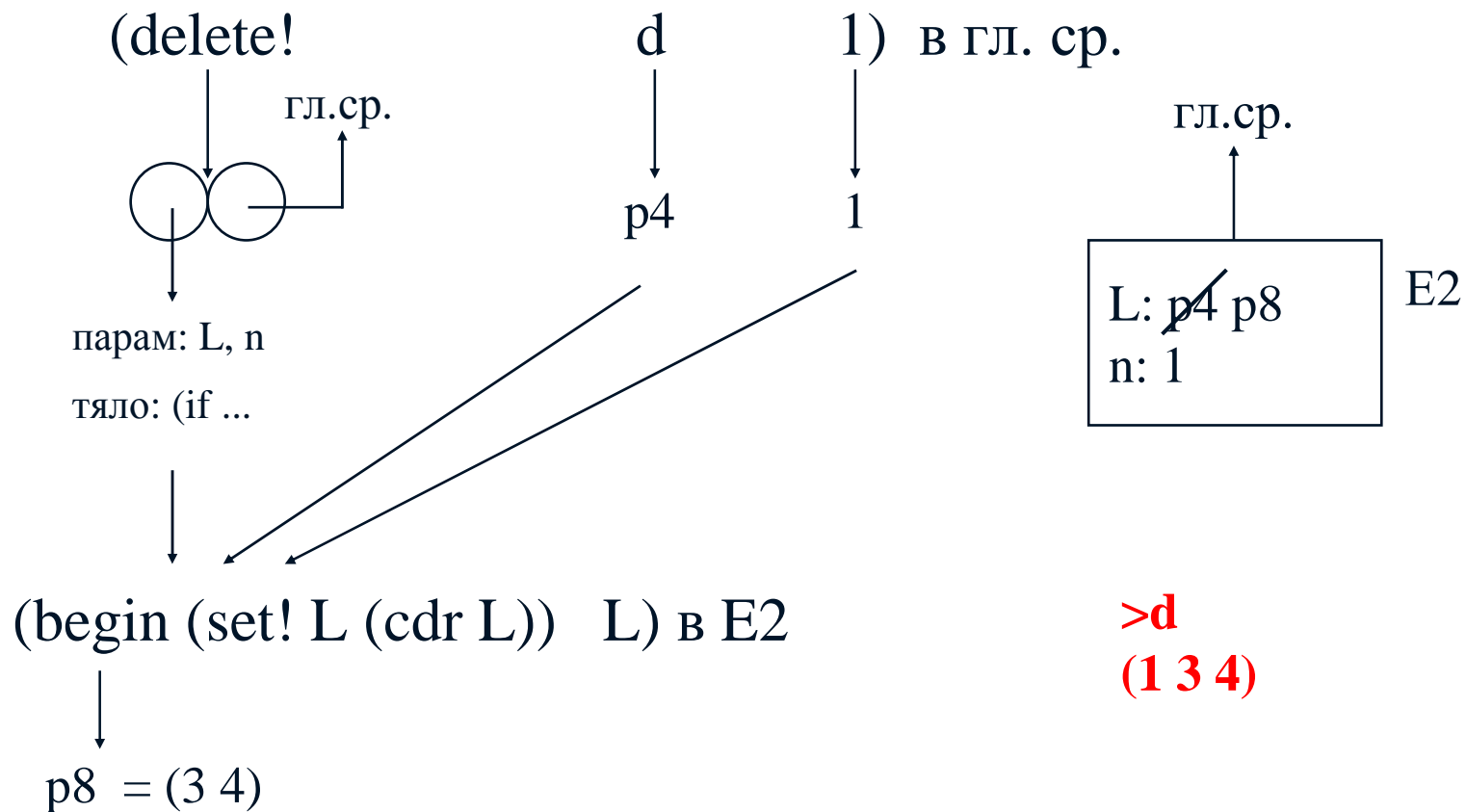
## 2. Приложения на set-car! и set-cdr!

|      | 0 | 1 | 2 | 3 | 4  | 5  | 6  | 7 | 8  | 9 | ... |
|------|---|---|---|---|----|----|----|---|----|---|-----|
| car- |   |   |   |   | n1 | n4 | n2 |   | n3 |   | ... |
| cdr- |   |   |   |   | p6 | e0 | p8 |   | p5 |   | ... |



## 2. Приложения на set-car! и set-cdr!

|             | 0 | 1 | 2 | 3 | 4  | 5  | 6  | 7 | 8  | 9 | ... |
|-------------|---|---|---|---|----|----|----|---|----|---|-----|
| car-        |   |   |   |   | n1 | n4 | n2 |   | n3 |   | ... |
| <u>cdr-</u> |   |   |   |   | p8 | e0 | p8 |   | p5 |   | ... |



## 2. Приложения на set-car! и set-cdr!

За да се изтрие първият елемент на списъка, в конкретния случай може да се прекопира втората двойка, представляваща списъка, в първата, т.е. да се замени

```
(set! L (cdr L))
```

с

```
(set-car! L (cadr L))
```

```
(set-cdr! L (cddr L))
```

Последното е възможно, ако списъкът има повече от един елемент.

**А ако списъкът има точно един елемент?**

## 2. Приложения на set-car! и set-cdr!

### Препоръка:

*При деструктивни операции над списък пред първия елемент на списъка да се постави фиктивен елемент (сентинел).*

Тази техника ще приложим при работа с: опашка и асоциативен списък.

### 3. Еквивалентности

В лиспоподобните езици за програмиране за сравнение на обекти за еквивалентност са въведени понятията:

- *идентичност,*
- *операционна еквивалентност и*
- *равенство.*

### 3. Еквивалентности

#### а) *Идентичност на обекти*

*Дефиниция:*

- два символа са идентични, ако се състоят от едни и същи знаци, записани в един и същ ред, т.е. ако се печатат по един и същ начин;
- две числа с една и съща стойност могат да са, но могат и да не са идентични. Това зависи от реализацията на езика. В повечето реализации на езика са идентични само целите числа от определен диапазон;
- *в останалите случаи два обекта са идентични, ако се представят вътрешно чрез един и същ указател.*

### 3. Еквивалентности

#### Примитивен предикат eq?

*Синтаксис:*

(eq? obj1 obj2)

където

- eq? е специален символ;
- obj1 и obj2 са произволни обекти.

*Семантика:*

Оценяват се obj1 и obj2. Обръщението към eq? връща #t, ако [obj1] и [obj2] са идентични и #f – в противен случай.



### 3. Еквивалентности

За по-лесно определяне на идентичността на два обекта могат да се използват следните *правила*:

- два обекта от различни типове не са идентични;
- два обекта от един и същ тип, но с различни оценки не са идентични;
- #t е идентично на себе си, #f е идентично на себе си и () е идентичен на себе си. (В стандарта на езика Scheme не е указано дали #f и () са идентични или не);
- два символа, състоящи се от едни и същи знаци, записани в един и същ ред, т.е. печатат се по един и същ начин, са идентични;

### 3. Еквивалентности

- два низа, състоящи се от едни и същи знаци, записани в един и същ ред, може да са, но може и да не са идентични (зависи от реализацията);
- два обекта, създадени по различно време чрез един и същ `cons`, `list`, `let`, `let*` или `lambda`-израз не са идентични;
- две процедури, създадени чрез един и същ `lambda`-израз по едно и също време са идентични.

### 3. Еквивалентности

#### *Примери:*

|                           |    |                   |
|---------------------------|----|-------------------|
| (eq? 'a 3)                | #f |                   |
| (eq? "hi" '(hi))          | #f |                   |
| (eq? 312 312)             | #t |                   |
| (eq? 999999 999999)       | #f |                   |
| (eq? #t #t)               | #t |                   |
| (eq? #t #f)               | #f |                   |
| (eq? 'ab 'ab)             | #t |                   |
| (eq? "a" "a")             | #f | ; в DrRacket е #t |
| (eq? "abcd" "abcd")       | #f | ; в DrRacket е #t |
| (eq? (= 3 3) (null? '())) | #t |                   |

### 3. Еквивалентности

```
(define x (list 1 2 3))  
(eq? x x) #t  
(define f (lambda (x) x))  
(eq? f f) #t  
(eq? car car) #t  
(eq? (cons 1 2) (cons 1 2)) #f  
(let ((f (lambda (x) x))  
      (g (lambda (x) x))))  
  (eq? f g) #f
```

### 3. Еквивалентности

#### б) *Операционна еквивалентност*

Операционната еквивалентност е обобщение на идентичността. Следните **правила** определят операционната еквивалентност на обекти:

- два идентични обекта са операционно еквивалентни;
- два обекта от различен тип не са операционно еквивалентни;
- два числови обекта са операционно еквивалентни, ако са равни в смисъла на  $=$ ;

### 3. Еквивалентности

- два низа, състоящи се от едни и същи знаци, записани в един и същ ред, са операционно еквивалентни;
- два мутиращи обекта са операционно еквивалентни, ако са идентични;
- две процедури са операционно еквивалентни, ако имат едни и същи аргументи, връщат едни и същи оценки и извършват едни и същи действия (имат едни и същи странични ефекти).

За установяване на операционната еквивалентност на обекти се използва предикатът  $eqv$ ?

### 3. Еквивалентности

#### Примитивен предикат $eqv?$

*Синтаксис:*

$(eqv? \text{obj1 obj2})$

където

- $eqv?$  е специален символ;
- $\text{obj1}$  и  $\text{obj2}$  са произволни изрази.

*Семантика:*

Оценяват се  $\text{obj1}$  и  $\text{obj2}$ . Оценката на  $eqv?$ -израза е  $\#t$ , ако  $[\text{obj1}]$  и  $[\text{obj2}]$  са операционно еквивалентни обекти и  $\#f$  – в противен случай.

### 3. Еквивалентности

**Забележка:** За повечето реализации на езика, разликата между идентичността и операционната еквивалентност е единствено в сравняването на числа и низове.

**Примери:**

|                      |    |
|----------------------|----|
| (eqv? 'a 3)          | #f |
| (eqv? "hi" '(hi))    | #f |
| (eqv? 999999 999999) | #t |
| (eqv? #t #t)         | #t |
| (eqv? 'ab 'ab)       | #t |
| (eqv? "abcd" "abcd") | #t |
| (eqv? "abcd" "abce") | #f |



### 3. Еквивалентности

*Примери:*

|                                                                 |    |
|-----------------------------------------------------------------|----|
| (eqv? (= 3 3) (null? '()))                                      | #t |
| (eqv? car car)                                                  | #t |
| (eqv? (cons 1 2) (cons 1 2))                                    | #f |
| (let ((f (lambda (x) x))<br>(g (lambda (x) x))))<br>(eqv? f g)) | #f |

### 3. Еквивалентности

#### в) *Равенство*

*Дефиниция:* Два обекта са равни, ако имат една и съща структура и съдържание, т.е. ако се печатат по един и същ начин.

Чрез предиката `equal?` се установява дали два обекта са равни.

На практика, предикатът `equal?` най-често се използва за сравняване на списъци. Добрата дефиниция на `equal?` трябва да допуска две числа да са `equal?` в смисъл на  $=$ .

### 3. Еквивалентности

#### Примитивен предикат `equal?`

*Синтаксис:*

`(equal? obj1 obj2)`

където

- `equal?` е специален символ;
- `obj1` и `obj2` са произволни изрази.

*Семантика:*

Оценяват се `obj1` и `obj2`. Оценката на `equal?`-израза е `#t`, ако `[obj1]` е равно на `[obj2]` и е `#f` – в противен случай.

### 3. Еквивалентности

*Примери:*

|                                            |    |
|--------------------------------------------|----|
| (equal? "hi" '(hi))                        | #f |
| (equal? '(a b) '(a b))                     | #t |
| (equal? 'a 'b)                             | #f |
| (equal? 3156 3156)                         | #t |
| (equal? 3.4 (+ 3.0 0.4))                   | #t |
| (equal? (cons 'a 'b) (cons 'a 'b))         | #t |
| (equal? "hi" "hi")                         | #t |
| (equal? car car)                           | #t |
| (let ((f (lambda (x) x)))<br>(equal? f f)) | #t |

## 4. Поделяне на обекти

*Поделяне.* Обект се поделя, ако се използва едновременно от два или повече обекта.

Поделянето може да е предизвикано от:

- програмиста;
- реализацията.

## 4. Поделяне на обекти

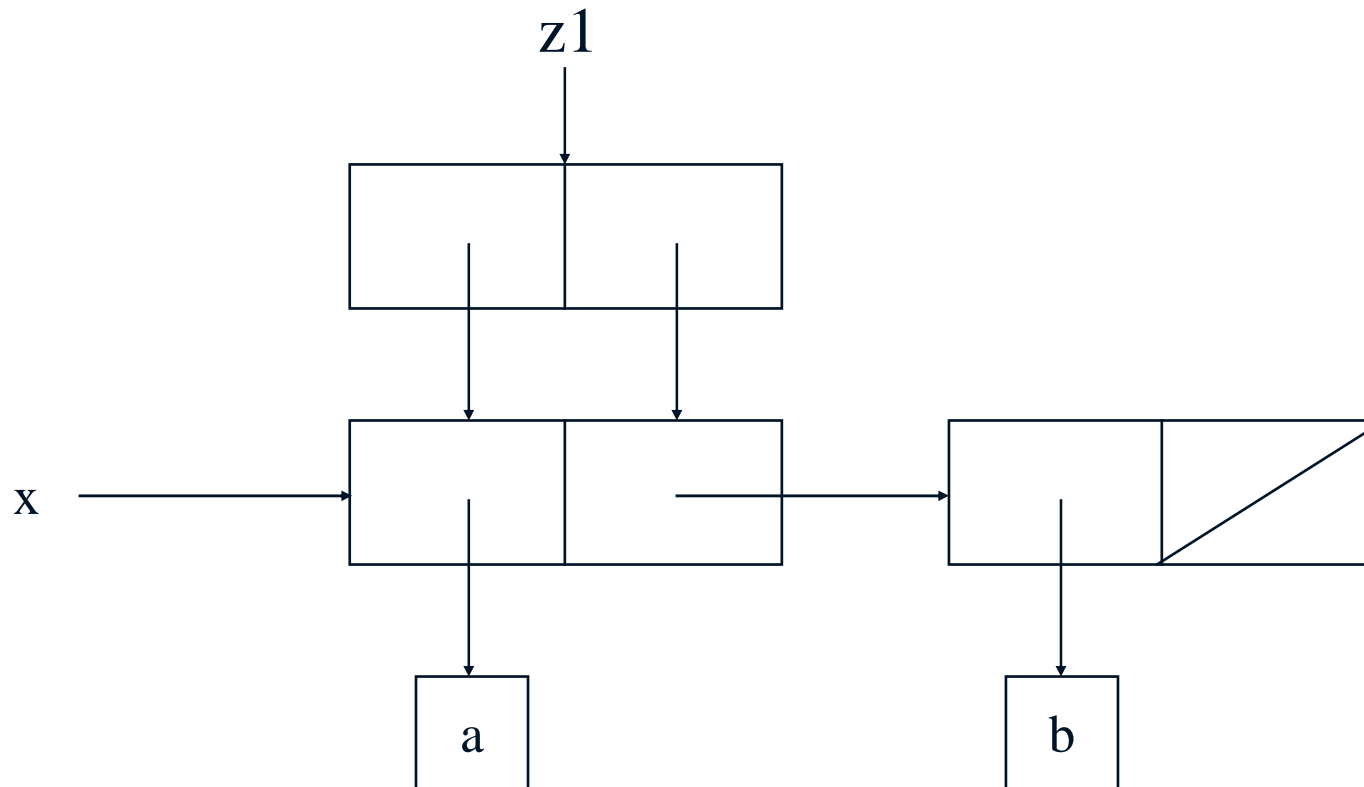
*Пример (поделяне, предизвикано от програмиста):*

>(define x (list 'a 'b))

x

>(define z1 (cons x x))

z1



## 4. Поделяне на обекти

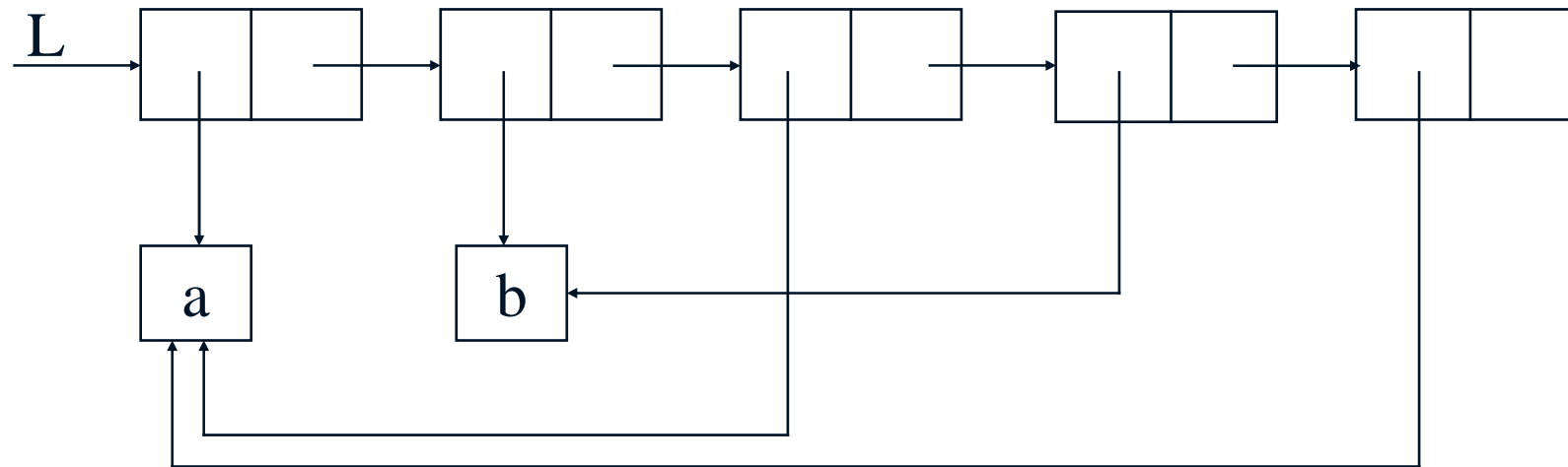
*Пример (поделяне, предизвикано от реализацията):*

>(define L '(a b a b a))

L

>L

(a b a b a)



## 4. Поделяне на обекти

Поделянето на обекти може да се установи чрез предиката `eq?`.

*Пример:*

`(eq? (car z1) (cdr z1))` → `#t`

`(eq? (car L) (caddr L))` → `#t`

`(eq? (caddr L) (cadr (cdddr L)))` → `#t`

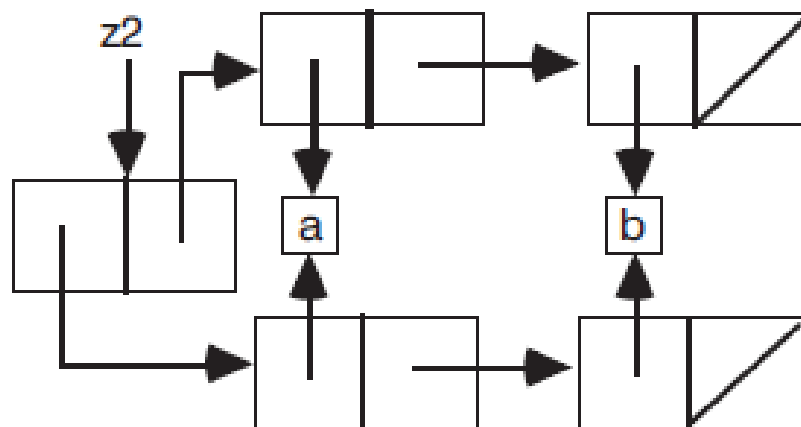


## 4. Поделяне на обекти

Нека списъкът z2 е дефиниран по следния начин:

```
(define z2 (cons (list 'a 'b) (list 'a 'b)))
```

Графичното представяне на z2 има вида:



```
(eq? (caar z2) (cadr z2))      #t
```

```
(eq? (cadar z2) (caddr z2))   #t
```

## 4. Поделяне на обекти

Ако се оценят  $z1$  и  $z2$ , се получава:

$>z1$

$((a\ b)\ a\ b)$

$>z2$

$((a\ b)\ a\ b)$

Следователно,  $z1$  и  $z2$ , разглеждани на ниво списък са равни.

$(\text{equal? } z1\ z2)$  е  $\#t$

В първия случай списъкът  $(a\ b)$  се разделя от  $\text{car}$ -а и  $\text{cdr}$ -а на  $z1$ , а във втория случай не е така – създадени са две копия на  $(a\ b)$ .

## 4. Поделяне на обекти

Поделянето е напълно неоткриваемо, ако се работи само с примитивните процедури *car*, *cdr* и *cons*. Ако се използват мутатори, разделянето става съществено и може да предизвика проблеми.

**Пример:** Списъците *z1* и *z2* са равни, но извършването на една и съща деструктивна операция над тях води до получаване на различни резултати.

```
>(set-car! (car z1) 'x)
```

```
((x b) x b)
```

```
>(set-car! (car z2) 'x)
```

```
((x b) a b)
```

## 5. Представяне и реализация на опашка

*Опашка* – това е крайна редица от елементи. Операцията включване на елемент се осъществява само в единия край на редицата (края на опашката), а операцията изключване - само в другия ѝ край (началото на опашката).

***Примери:***

*Операция:*

(define q (make-queue))

(insert-queue! q 'a)

(insert-queue! q 'b)

(delete-queue! q)

(insert-queue! q 'c)

(insert-queue! q 'd)

(delete-queue! q)

*Получена опашка:*

()

(a)

(a b)

(b)

(b c)

(b c d)

(c d)

## 5. Представяне и реализация на опашка

Опашката може да се разглежда като структура, дефинирана чрез следното множество от операции:

а) *конструктор*

(make-queue) – създава празна опашка

б) *селектор*

(front queue) – намира обекта, който е в началото на непразна опашка или сигнализира за грешка, ако опашката е празна.

в) *мутатори*

(insert-queue! queue item) – включва елемента *item* в опашката *queue* и връща модифицираната опашка.

(delete-queue! queue) – изключва елемент от опашката *queue* и връща модифицираната опашка.

## 5. Представяне и реализация на опашка

г) предикат

(empty-queue? queue) - връща #t, ако опашката *queue* е празна и #f – в противен случай.

Тъй като опашката е редица от елементи, тя може да се представи чрез списък. Началото на опашката ще бъде cdr-ът на списъка.

Включването на елемент в опашка е еквивалентно на конкатенирането на списъка, представящ опашката със списък, съдържащ един елемент – този, който ще се включва. Изключването на елемент от опашка означава да се вземе cdr-ът на списъка, представящ опашката.

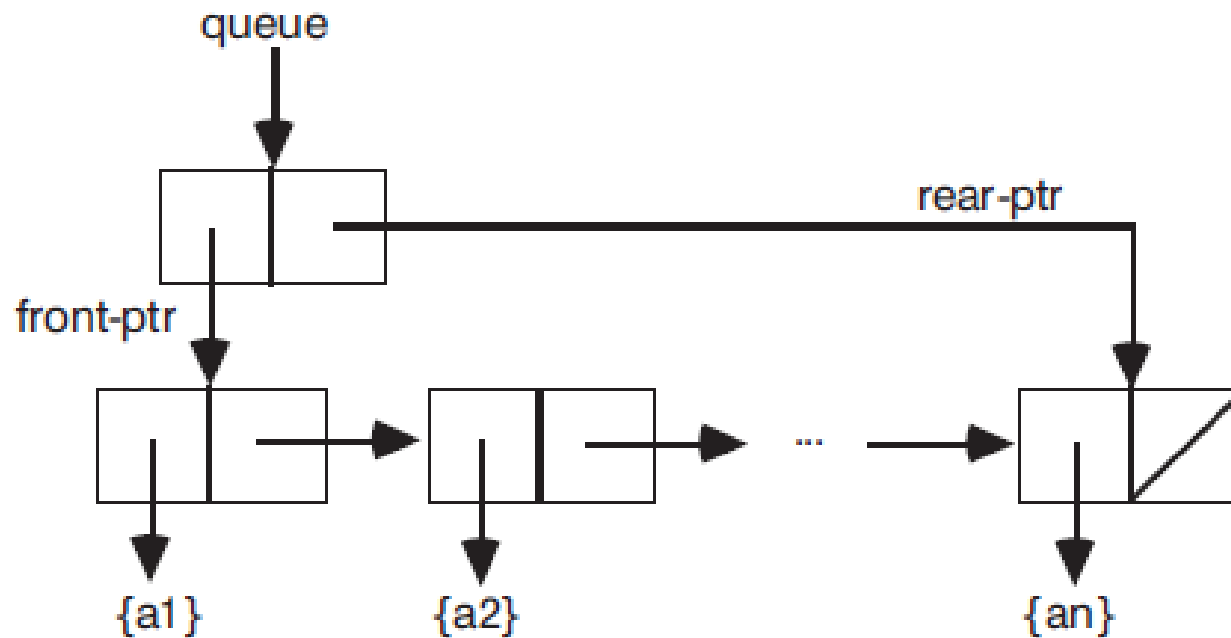
## 5. Представяне и реализация на опашка

Това представяне е неефективно, защото за да се включи нов елемент, трябва да се сканира списъкът, представящ опашката, докато се достигне крайт му. Тъй като единственият метод за обхождане на списък е последователното прилагане на операцията *cdr*, сканирането на списък от  $n$  елемента ще изисква време от порядък  $O(n)$ .

Освен това при изключване на елемент от опашка с един елемент, а също при включване на елемент в празна опашка, ще възникват проблеми.

## 5. Представяне и реализация на опашка

Модификация на представянето (добавяме *сентинел* пред първия елемент на опашката):





## 5. Представяне и реализация на опашка

*Основни операции над опашка:*

*а) Проверка дали опашка е празна*

```
(define (empty-queue? queue)  
  (null? (car queue)))
```

*б) Конструктор на опашка*

```
(define (make-queue)  
  (cons '() '()))
```

## 5. Представяне и реализация на опашка

*Основни операции над опашка:*

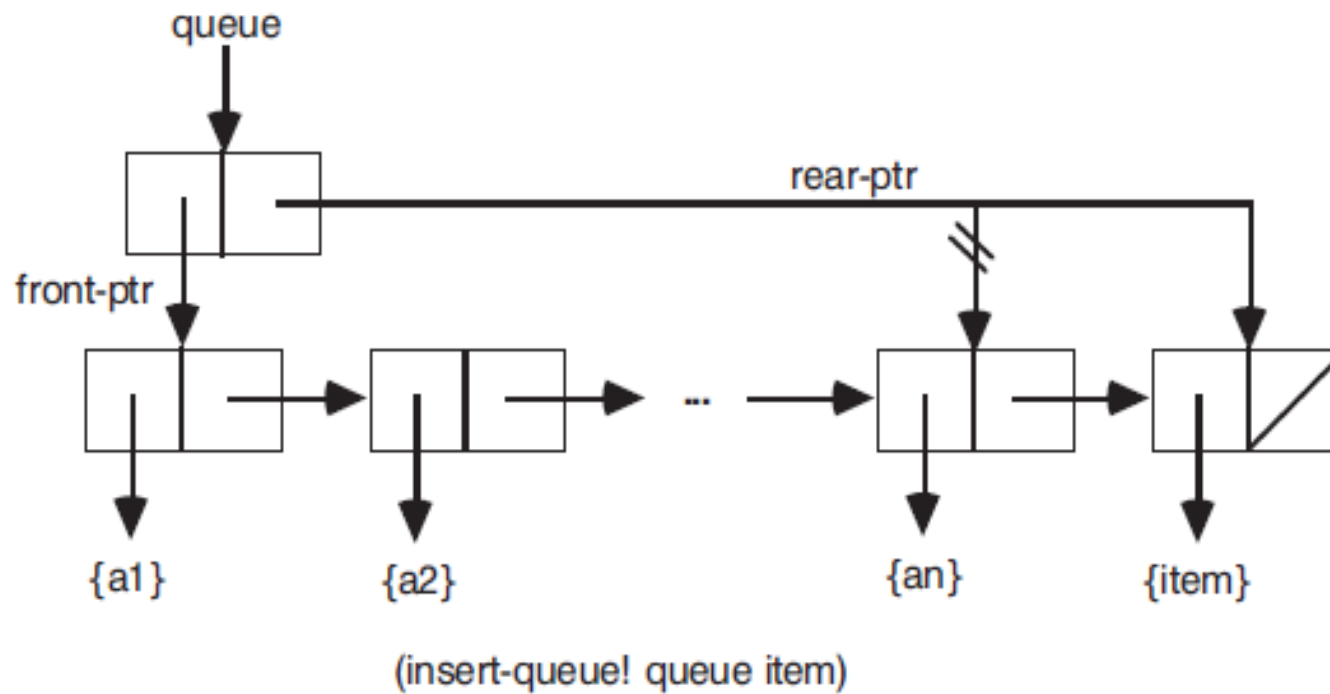
в) *Намиране на елемента в началото на опашката*

```
(define (front queue)
  (if (empty-queue? queue)
      (error "front is called for an empty queue" queue)
      (car (car queue))))
```

## 5. Представяне и реализация на опашка

### *Основни операции над опашка:*

Г) *Включване на елемент в опашка*



## 5. Представяне и реализация на опашка

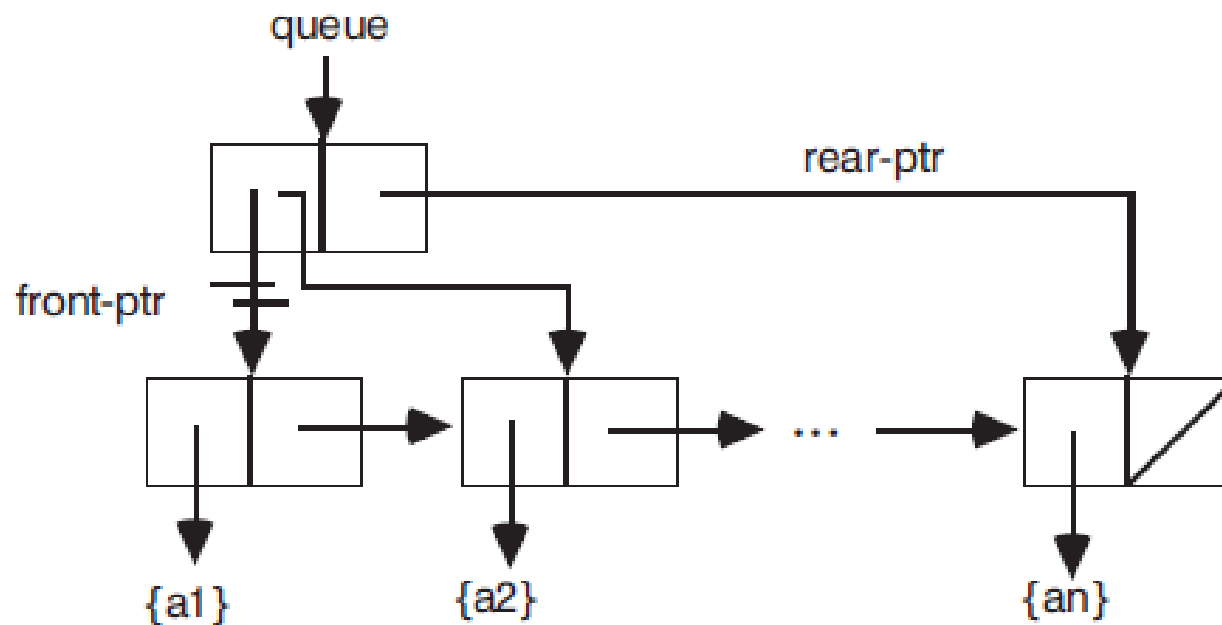
*Основни операции над опашка:*

```
(define (insert-queue! queue item)
  (let ((new-pair (cons item '())))
    (if (empty-queue? queue)
        (begin (set-car! queue new-pair)
                (set-cdr! queue new-pair)
                queue)
        (begin (set-cdr! (cdr queue) new-pair)
                (set-cdr! queue new-pair)
                queue))))
```

## 5. Представяне и реализация на опашка

*Основни операции над опашка:*

д) *Изключване на елемент от опашка*



## 5. Представяне и реализация на опашка

*Основни операции над опашка:*

```
(define (delete-queue! queue)
  (if (empty-queue? queue)
      (error "deleting an element from an empty queue" queue)
      (begin (set-car! queue (cdr (car queue)))
              queue)))
```

## 5. Представяне и реализация на опашка

### *Експерименти:*

```
>(define q (make-queue))
```

```
>q
```

```
(( ))
```

```
>(insert-queue! q 1)
```

```
((1) 1)
```

```
>(insert-queue! q 2)
```

```
((1 2) 2)
```

```
>(insert-queue! q 3)
```

```
((1 2 3) 3)
```

```
>(delete-queue! q)
```

```
((2 3) 3)
```

## 5. Представяне и реализация на опашка

```
(define (print-queue! queue)
  (if (empty-queue? queue) (princ " ")
      (begin
        (princ (front queue))
        (princ " ")
        (print-queue! (delete-queue! queue))))))
```

display

The word 'display' is positioned to the right of the code block. Three arrows originate from it: one points to the 'princ' call in the 'if' branch, another points to the 'princ' call inside the 'begin' block, and a third points down towards the second code block.

извежда елементите на опашка, но я разрушава.

```
(define (print-queue queue)
  (if (empty-queue? queue) (princ " ")
      (car queue)))
```

извежда елементите на опашка без да я разрушава.