Titre: Filtrage en optique

Présentée par : Bernard Chelli Rapport écrit par : Bernard Chelli

Correcteur: Pauline Yzombard **Date**: 4/06/2020

Bibliographie de la leçon :			
Titre	Auteurs	Éditeur	Année
TD Optique Diffraction 1 et 2 du centre de préparation de l'agrégation Montrouge (experience d'abbe, fraunhofer et hyugens fresnel)	Clément Sayrin		2018- 2019
Sextant (pour les calculs)			-
Dictionnaire de physique			

Plan détaillé

Niveau choisi pour la leçon : Licence (L2 ou L3)

Prérequis:

Transformée de Fourier

Diffraction de Fraunhofer (évidement le pp de Huygens Fresnel est implicite) Critère de Rayleigh ;

Plan:

- I) Rappels de la diffraction de Fraunhofer
- II) Filtrage spatial
 - a. Diffraction par une fente triangulaire
 - b. Retour sur les fentes d'Young
- III) Limitations dues à la diffraction/applications
 - a. Résolution angulaire limite
 - b. Filtrage spatial, expérience d'Abbe

<u>Introduction</u>

- Préciser que la diffraction vient d'être étudiée.
- Or à priori le lien avec la formation des images n'a pas encore été étudié, c'est l'occasion de faire le lien entre les deux

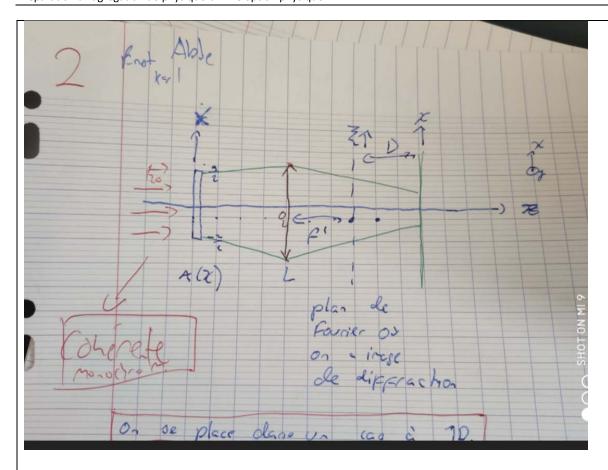
I) Rappels de la diffraction de Fraunhofer

Rappeler les conditions où on a le droit d'appliquer la formule de Fraunhofer pour le calcul de diffraction :

- diffraction d'une onde plane à l'infini
- diffraction d'une onde plane à grande distance (D>>r^2/2*lambda) (voir [1])
- diffraction au voisinage de l'image géométrique de la source (relire [1] pour comprendre pourquoi)

Rq : C'est ce dernier cas qui sera important pour justifier la suite, ceci permet aussi aux étudiants d'avoir un exemple où l'on se place dans cette dernière condition qui est plutôt inhabituelle en TP.

Faire le schéma de la diffraction de Fraunhofer suivant : il est à compléter petit à petit.

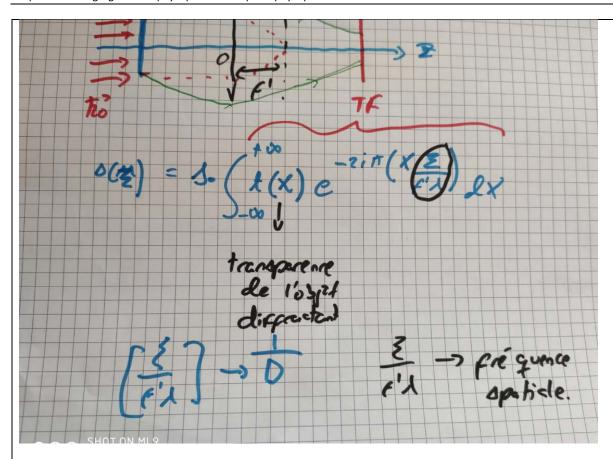


- Préciser que la lumière incidente est cohérente et monochromatique.

Rq. Le filtrage marche aussi quand la lumière est non-monochromatique, par contre les calculs sont beaucoup plus lourds et complexes (aucun exemple en ligne ou dans le sextant)

- Ne pas oublier de noter les différents axes de coordonnées que l'on va utiliser (plan objet fourier) et d'orienter l'axe optique. On peut rappeler les conditions de Gauss qui sont implicites aussi.
- Pour le moment, ne pas mettre l'écran dans le schéma, on fait de la diffraction
- Préciser que l'on se place dans un cas à 1D.

Si on place un écran dans le plan de Fourier, on observe alors la figure de diffraction de l'objet. Alors, la forme du signal est :



Préciser que s est la vibration de la lumière, on se place dans le modèle scalaire ou l'on oublie les champs électrique et magnétique.

t est la fonction transparence de l'objet diffractant, l'intégrale se fait sur les coordonnées de l'objet diffractant.

Introduire la fréquence spatiale par analyse dimensionnelle dans l'exponentielle. Préciser que la figure de diffraction est la transformée de Fourier de la fonction transparence t, et que surtout la variable qu'on utilise alors est la fréquence spatiale.

IMP. Surligner la fonction t pour préciser qu'à priori elle peut être complexe.

- Placer l'écran pour former dessus l'image dans le schéma et dessiner les rayons extrêmes qui rentrent dans la lentille (rayons verts dans le schéma).

Avant qu'on introduise la diffraction, on a utilisé ce dispositif pour former des images en optique géométrique. Tous les rayons qui sont utilisés pour former l'image passent par les rayons extrêmes. Alors si on ajoute des obstacles qui font empêcher la lumière de passer entre la lentille et l'écran, nous allons modifier l'image résultante.

Définir le filtrage spatial : méthode permettant de sélectionner des composantes spatiales d'une image.

On utilise le filtrage spatial pour modifier une image, par exemple pour enlever certains défauts où visualiser certaines caractéristiques de cette image.

- finir le schéma avec l'axe pour le plan image de coordonnées x. Préciser aussi la distance D et la focale f'.

II) Filtrage Spatial

La question qui se pose naturellement est comment choisir les rayons à bloquer pour filtrer des éléments spécifiques de l'image finale.

1) lien entre la figure de diffraction et l'image obtenu

Rappeler à l'oral le pp de hyugens Fresnel:

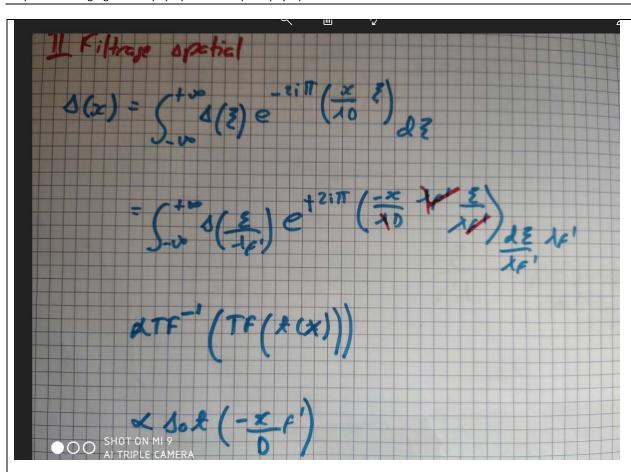
<u>Chaque point M d'une surface SIGMA atteinte par la lumière</u> peut être considerée comme une source secondaire émettant une onde sphérique. L'état vibratoire de cette source secondaire est proportionnelle à celui de l'onde incidente en M et à l élement de surface dSIGMA entourant le point M. Les vibrations issues des sources secondaires interferent entre elles.

Faire remarquer que le pp de Hyugens Fresnel ne parle pas de surface physique mais toute surface. D'habitude nous utilisons la surface de l'objet diffractant qui est une surface matériel, mais on peut aussi utiliser ue surface virtuelle, par exemple, la surface définie sur la plan de Fourier.

De plus, on a le droit d'utiliser l'approximation de Fraunhofer parce que nous sommes localisés sur le plan image de la source!

- Faire alors le developpement :

Rq. L'image de la diffraction est forcément sur le plan image où se forme l'image de l'objet. Si on n'est pas convaincu on peut utiliser le pp du retour inverse de la lumière et dire que la figure de diffraction est celle de l'image plutôt que celle de l'objet.



- ATTENTION, la transformée de fourier est celle du signal s(xsi), or nous on veut faire apparaître la variable de fréquence spatiale ! faire le changement de variable correspondant.
- faire rentrer le signe dans l'exponentielle pour faire apparaître la TF inverse

On retrouve alors la fonction transparence de l'objet mais avac une homotetie qui l'inverse et la contracte/élargie suivant le rapport f'/D. Ce sont les résultats de l'optique géométrique.

Ce qui est très fort, c'est que nous avons démontré que le signal lumineux sur le plan de fourier est à l'image obtenue par transformée de fourier.

Montrer slide 1 avec photo du monatag (montage ?)

2) Fréquences spatiales

Dans le plan de fourier on peut ajouter un object ce qui correspondrait à ajouter une fonctiuon de transparence t'(xsi) dans la transformée de fourier que nous venons de faire. Lors du filtrage, on choisit certaines fréquences spatiales que nous voulons couper.

Ce qui est très fort c'est que nous avons physiquement accès aux différentes valeurs des fréquences spatiales. En effet, l'expression de la fréquence spatiale est (xsi/lambda*f'), lambda et f' sont des constantes et xsi est la coordonnée d'espace dans le plan de fourier.

Ainsi, les hautes fréquences spatiales correspondent à un xsi éloigné du point du plan de fourier à traver lequel passe l'axe optique, donc un Xsi grand en valeur absolue.

Au contraire, les **basses fréquences spatiales** correspondent aux positions sur le plan de fourier qui sont proches du centre du point du plan de fourier à traver lesquel passe l'axe optique.

Ce sont les rayons lumineux qui portent les fréquences spatiales, et suivant par où ces rayons lumineux traversent le plan de fourier, l'information qu'ils contiennent correspond aux basses fréquences spatiales ou les hautes fréquences spatiales.

La dernière question à se poser est quels aspects de l'image sont contenus dans les hautes et basses fréquences spatiales

On peut comprendre par analogie avec les hautes fréquences temporelles. Une haute fréquence temporelle signifie que dans dans un intervalle de temps faible, le signal varie beaucoup (ou beaucoup de fois). Une fréquence spatiale haute correspond à une forte variation du signal lumineux dans l'image entre deux points voisins. En d'autres termes les hautes fréquences spatiales contiennent l'iinformation sur détails de l'image. Par exemple la bordure des objets ou les petits détails.

Reciproquement les basses fréquences spatiales correspondent à des aspects de l'image qui ne varient pas beaucoup entre deux points voisins. (composante continue).

Montrer slide pour illustrer ces propos.

III) Traitement d'images et résolution

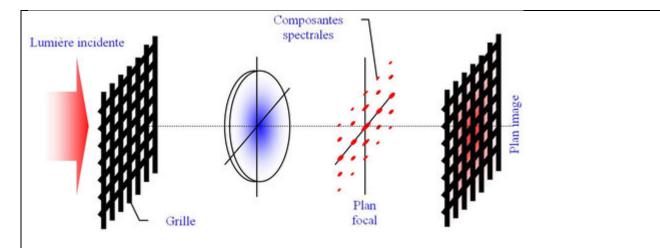
Comment est ce qu'on peut éliminer des fréquences spatiales ? il suffit de les couper avec un cache mis dans le plan de fourier (ou un diaphragme).

Notamment, il est possible de lisser les images pour éliminer les petits défauts ou points brillants dans une image en jouant sur les hautes fréquences spatiales.

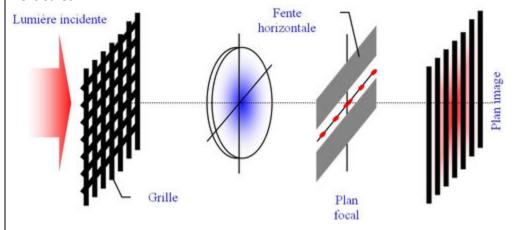
On peut ainsi faire du traitement d'images . Par ailleurs on peut être sélectifs si on connait la transformée de Fourier de l'objet que l'on veut supprimer.

III.1) L'experience d'abbe

On reprend le montage avec cette foi-ci comme objet une grille. La transformée de Fourier de cette grille est alors une série de points lumineux, avec les points qui forment une croix centrée sur l'axe optique les plus brillants :



Si on fait le choix de ne laisser passer que la ligne horizontale centrale (i.e. la moitié de la croix) en rajoutant un diaphragme, l'image est alors modifiée pour ne montrer que des lignes verticales.



Réciproquement, si laisse passer que les points verticaux, on obtient des lignes horizontales.

Ainsi, on peut choisir en modifiant la fonction de transparence au niveau du plan de fourier, les parties de l'image que l'on va garder.

On peut même aller plus loin. Si on connait la TF spatiale d'un objet que l'on veut enlever de l'image, on peut, en bloquant les points par où passent par les points lumineux de la transformée de fourier de cet objet, le supprimer sélectivement de l'image. Mais cela n'est possible que si les composantes de la TF de l'objet à supprimer est bien séparée dans le plan de Fourier, par rapport aux autres TFs des autres composants de l'image.

Dans ce cas là, si on connait la transformormée de Fourier spatiale d'un objet dans l'image, et on souhaite supprimer cet objet de l'image finale, on peut le faire en mettant un masque opaque correspondant à la transformée de fourier de cet objet. Usuellement, la méthode employée est un peu différente. Il est préfèrable d'avoir dans le plan de Fourier, un masque qui contient la TF des objets que l'on veut garder, afin d'éliminer, par convolution, la TF de l'objet que l'on veut supprimer (et qui convoluer avec le masque, donnera zero).

Ceci peut se faire numériquement, en effet il peut avoir des problèmes d'alignement pour pouvoir effacer un object correctement.

III.2) lien avec la résolution spatiale

Nous avons établi dans des cours précédents le critère de résolution de Rayleigh, notamment pour une lentille : nous avons consideré que le plus petit détail dû à la limite de résolution pour une lentille circulaire était :

1,22*labda*f'/d, avec d le diamètre de la lentille.

On peut observer que si la lentille avait un diamètre infini, nous aurions une résolution infinie. On peut interpréter ce résultat avec ce que nous avons dit sur les fréquences spatiales. En réalité, pour uns sytème réel, il faudra trouver le diaphragme limitant du système d'imagerie, et prendre en compte les imperfections de la lentille/du ssytème optique, dégradant la qualité de l'image.

Si on reprend notre schéma avec les rayons extrêmes, on constate que l'extension dans le plan de fourier des rayons émis par l'objet, est borné. En d'autres termes, nous avons coupé les hautes fréquences spatiales de l'image parfaite de l'objet à cause de l'extension limitée de la lentille.

Ainsi, une lentille peut être considerée comme un filtre passe bas en optique. La coupure des hautes fréquences spatiales résulte en une limitation la variation du signal liumineux entre deux points voisins de l'image finale. En d'autres termes, en une perte de résolution.

Conclure.

Questions posées par l'enseignant

Commentaires donnés par l'enseignant

Partie réservée au correcteur

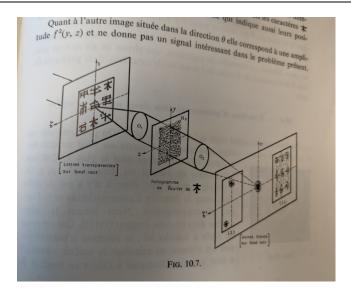
Avis général sur la leçon (plan, contenu, etc.)

Leçon bien structurée, avec une partie III d'exemples d'applications intéressante, mais qui aurait pu être plus exploitée avec des exemples un peu plus concrets (« concrètement, je place quel type de diaphragme, et où et pourquoi ? »). L'utilisation de la vidéo à deux reprises est intéressante, mais ralentis la dynamique du cours et du temps aurait pu être gagné en se focalisant sur un ou deux supports pour le/les exploiter au maximum, plutôt que de montrer plusieurs vidéos ou photos de montages rapidement. Le cours était dynamique, avec choix par l'étudiant de donner beaucoup d'informations en mode « dictée » sans prise de notes au tableau, ce qui rend la leçon fluide et permet de rappeler rapidement des notions déjà vues en prérequis.

Notions fondamentales à aborder, secondaires, délicates

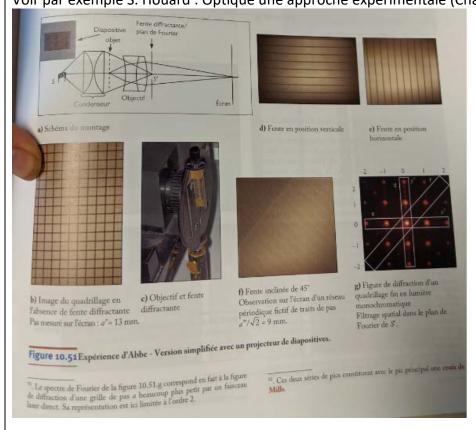
La leçon portait donc sur le filtrage spatial optique. Les notions clés de diffractions, approximation de Fraunhofer, définition du plan de Fourier et des fréquences spatiales ont bien été présentées, avec une explication clair des notions de hautes fréquences (=détails fin de l'image), et basses fréquences (au plus près de la tâche centrale de diffraction). Il faut néanmoins pouvoir mettre en application ces notions pour des exemples simples, comme avec le montage d'Abbe qui aurait pu être pris en exemple pédagogique : comment concrètement détramer une grille, où est-ce que je place le diaphragme pour n'obtenir que des lignes horizontales et enlever les lignes verticales de l'image de la grille, etc. (l'étudiant était peu à l'aise sur ces questions alors que les explications théoriques étaient les bonnes, mais transposer au montage expérimental a été un peu plus dur).

Par ailleurs, en partie III, l'étudiant a proposé une solution pour séparer deux objets très proches dans le champ objet, en masquant la tâche de diffraction d'un des deux objets dans le plan de Fourier, pour faire apparaitre l'image de l'objet non masqué. C'est une application clé en détection d'objets développées à partir des années 50, et elle repose sur le concept de corrélation des TF des objets (= spectres de Fourier=tâches de diffraction) avec le masque appliqué dans le plan de Fourier. Cette partie là aurait pu être plus approfondie car les deux tâches de diffractions des objets ne seront pas à priori « séparés » spatialement dans le plan de Fourier, et donc on ne peut pas brutalement appliquer un masque occultant sur l'un des spectres de Fourier sans bloquer l'autre également, comme l'a suggéré l'étudiant. Voir par exemple : Françon, : Optique, formation et traitement des images



Expériences possibles (en particulier pour l'agrégation docteur)

L'étudiant a bien proposé un montage pour observer le plan de Fourier et la tâche de diffraction d'un objet diffusant, ce qui était très bien venu. Une suggestion aurait été d'exploiter ce montage et de montrer concrètement l'action d'un diaphragme, par exemple rectangulaire, ne sélectionnant qu'une partie de la tâche diffractée, et illustrer les conséquences sur l'image formée. Ce qui a un peu manqué à ce cours, dont l'axe choisi a été une approche expérimentale et d'applications. Voir par exemple S. Houard : Optique une approche expérimentale (Chap 10)



<u>Bibliographie conseillée</u> M. Françon : optique : formation et traitement des images
S. Houard : une approche expérimentale et pratique
J. Goodman : introduction à l'optique de Fourier et à l'holographie Revue d'Optique, Janv 1967 page 1-64, Progrès récents en optique cohérente: filtrage des fréquences
spatiales, holographie, Serge Lowenthal et Yves Belvaux