

Trabalho Prático 02

Algoritmos de ordenação

Rafael Francisco Silva Granja

2021019629

Introdução:

O objetivo deste trabalho era a análise de diferentes métodos, algoritmos de ordenação em diferentes cenários, levando em conta o tamanho da entrada, o tempo de execução, quantidade de trocas e a quantidade de comparações realizadas.

A solução empregada para realizar esta análise foi a construção de uma estrutura que faz a leitura de um arquivo de entrada contendo em cada linha um tamanho de vetor, e para cada tamanho de vetor, criar um vetor daquele tamanho com elementos aleatórios, em seguida utilizar cada um dos métodos de ordenação propostos no trabalho, para ordenar o vetor, e ao final gerar um arquivo de saída contendo as estatísticas de cada método de ordenação para ser posteriormente analisado.

Método:

O uso de conceitos de POO garante a fluidez, o reuso, velocidade e fácil manutenção do código, apesar de não serem levados em conta neste TP.

Inicialmente Existe uma Classe Vetor e uma Classe Analisa, a classe Vetor possui um objeto Analisa, que é onde acontecem as operações para gerar as estatísticas de cada método, além disso, a classe Vetor possui todas as funções comuns entre os métodos de ordenação, como a troca de elementos, preenchimento do vetor com elementos aleatórios, escrita das estatísticas no arquivo de saída, etc;

A implementação de fato dessas classes no código principal acontece da seguinte forma:

1. Leitura da linha de comando e tratamento das suas informações;
2. Identifica qual tipo de ordenação será usado;
3. Leitura de arquivo de entrada;
4. Loop para gerar estatísticas do método de ordenação escolhido para cada tamanho de vetor passado no arquivo de entrada;

Análise de Complexidade:

Em relação à complexidade do programa, a maior preocupação foi utilizar estruturas que não sobrepujassem a complexidade do próprio algoritmo de ordenação utilizado, então o programa só utiliza estruturas com $O(n)$, sendo 'n' o tamanho do vetor de entrada, ou a quantidade de elementos no arquivo de entrada.

Dessa forma a Ordem de Complexidade, se resume à ordem de complexidade do algoritmo que está sendo utilizado. Formalmente, todos são $\Omega(n \cdot \log(n))$.

Estratégia de Robustez:

O uso de conceitos de Programação Orientada a Objetos, reutilizando funções e adaptando classes para todos os métodos de ordenação garantem a robustez do código para qualquer tipo de manutenção, correção, adição ou remoção no código, da mesma forma que garantem segurança no acesso das informações de cada classe somente pelas classes permitidas.

Análise Experimental:

Para fazer a análise de cada método de ordenação, foi utilizado a comparação em tabela, seguida de seleção para afinamento, a seguir estão os resultados dos testes realizados:

Comparação entre Quicksort Recursivo, Quicksort Mediana, Quicksort Seleção, Quicksort não Recursivo, Quicksort Empilha Inteligente:

	QuicksortRecursivo			QuicksortMediana			QuicksortSelecao			QuicksortNaoRecursivo			QuicksortEmpilha		
	TEMPO DE EXECUÇÃO	NÚMERO DE TROCAS	NÚMERO DE COMPARAÇÕES	TEMPO DE EXECUÇÃO	NÚMERO DE TROCAS	NÚMERO DE COMPARAÇÕES	TEMPO DE EXECUÇÃO	NÚMERO DE TROCAS	NÚMERO DE COMPARAÇÕES	TEMPO DE EXECUÇÃO	NÚMERO DE TROCAS	NÚMERO DE COMPARAÇÕES	TEMPO DE EXECUÇÃO	NÚMERO DE TROCAS	NÚMERO DE COMPARAÇÕES
1000	0.002476	6467	13766	0.004717	5991	12215	0.002497	7201	13709	0.003272	4473	10398	0.002773	4473	38371
5000	0.010539	36380	78608	0.012953	35968	70865	0.012123	41964	79582	0.012983	25809	56781	0.013880	25809	227445
10000	0.023326	86151	170892	0.030499	76807	153853	0.035005	95434	175770	0.025668	54281	116215	0.038425	54281	475139
50000	0.133500	505796	1012750	0.228168	428008	909457	0.154172	520141	1016086	0.134142	303484	626355	0.188428	303484	2773046
100000	0.268195	1015162	2280239	1.020.914	980384	1964199	0.237019	1082427	2088347	0.255617	631333	1278699	0.348561	631333	5787479
500000	1.467.345	6192156	12510824	6.330.667	5686927	11052415	1.838.044	6322575	11882288	1.950.176	3294444	6268281	1.517.729	3294444	31781274
1000000	6.652.489	12414993	26253287	10.338.401	11926235	25059878	9.912.579	12656835	24776732	2.833.070	6853808	12800893	3.243.460	6853808	65671510

NÚMERO DE TROCAS

	QuicksortRecursivo			QuicksortMediana			QuicksortSelecao			QuicksortNaoRecursivo			QuicksortEmpilha		
	TEMPO DE EXECUÇÃO	NÚMERO DE TROCAS	NÚMERO DE COMPARAÇÕES	TEMPO DE EXECUÇÃO	NÚMERO DE TROCAS	NÚMERO DE COMPARAÇÕES	TEMPO DE EXECUÇÃO	NÚMERO DE TROCAS	NÚMERO DE COMPARAÇÕES	TEMPO DE EXECUÇÃO	NÚMERO DE TROCAS	NÚMERO DE COMPARAÇÕES	TEMPO DE EXECUÇÃO	NÚMERO DE TROCAS	NÚMERO DE COMPARAÇÕES
1000	0.002476	6467	13766	0.004717	5991	12215	0.002497	7201	13709	0.003272	4473	10398	0.002773	4473	38371
5000	0.010539	36380	78608	0.012953	35968	70865	0.012123	41964	79582	0.012983	25809	56781	0.013880	25809	227445
10000	0.023326	86151	170892	0.030499	76807	153853	0.035005	95434	175770	0.025668	54281	116215	0.038425	54281	475139
50000	0.133500	505796	1012750	0.228168	428008	909457	0.154172	520141	1016086	0.134142	303484	626355	0.188428	303484	2773046
100000	0.268195	1015162	2280239	1.020.914	980384	1964199	0.237019	1082427	2088347	0.255617	631333	1278699	0.348561	631333	5787479
500000	1.467.345	6192156	12510824	6.330.667	5686927	11052415	1.838.044	6322575	11882288	1.950.176	3294444	6268281	1.517.729	3294444	31781274
1000000	6.652.489	12414993	26253287	10.338.401	11926235	25059878	9.912.579	12656835	24776732	2.833.070	6853808	12800893	3.243.460	6853808	65671510

NÚMERO DE COMPARAÇÕES

	QuicksortRecursivo			QuicksortMediana			QuicksortSelecao			QuicksortNaoRecursivo			QuicksortEmpilha		
	TEMPO DE EXECUÇÃO	NÚMERO DE TROCAS	NÚMERO DE COMPARAÇÕES	TEMPO DE EXECUÇÃO	NÚMERO DE TROCAS	NÚMERO DE COMPARAÇÕES	TEMPO DE EXECUÇÃO	NÚMERO DE TROCAS	NÚMERO DE COMPARAÇÕES	TEMPO DE EXECUÇÃO	NÚMERO DE TROCAS	NÚMERO DE COMPARAÇÕES	TEMPO DE EXECUÇÃO	NÚMERO DE TROCAS	NÚMERO DE COMPARAÇÕES
1000	0.002476	6467	13766	0.004717	5991	12215	0.002497	7201	13709	0.003272	4473	10398	0.002773	4473	38371
5000	0.010539	36380	78608	0.012953	35968	70865	0.012123	41964	79582	0.012983	25809	56781	0.013880	25809	227445
10000	0.023326	86151	170892	0.030499	76807	153853	0.035005	95434	175770	0.025668	54281	116215	0.038425	54281	475139
50000	0.133500	505796	1012750	0.228168	428008	909457	0.154172	520141	1016086	0.134142	303484	626355	0.188428	303484	2773046
100000	0.268195	1015162	2280239	1.020.914	980384	1964199	0.237019	1082427	2088347	0.255617	631333	1278699	0.348561	631333	5787479
500000	1.467.345	6192156	12510824	6.330.667	5686927	11052415	1.838.044	6322575	11882288	1.950.176	3294444	6268281	1.517.729	3294444	31781274
1000000	6.652.489	12414993	26253287	10.338.401	11926235	25059878	9.912.579	12656835	24776732	2.833.070	6853808	12800893	3.243.460	6853808	65671510

Obs : Os dados podem ser consultados na planilha anexada junto ao arquivo de entrega na pasta src;

Foram analisados separadamente tempo de execução, número de trocas e número de comparações, apesar de em alguns testes o QuickSort Mediana apresentar menor tempo de execução, em relação aos outros quesitos, o quicksort não recursivo se mostrou dominante em relação aos testes e comparações realizadas.

Comparação entre Quicksort não Recursivo, MergeSort e HeapSort:

TEMPO DE EXECUÇÃO																			
Seed 1					Seed 2					Seed 3									
QuicksortNaoRecursivo		HeapSort		MergeSort		QuicksortNaoRecursivo		HeapSort		MergeSort		QuicksortNaoRecursivo		HeapSort		MergeSort			
TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES	TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES	TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES	TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES	TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES	TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES	TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES	TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES	TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES	TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES
1000	0.002179	44713	103958	0.002524	8118	29014	0.002570	8727	23715	1000	0.002851	4498	103777	0.002868	8097	28995	0.003437	1987	23727
5000	0.003749	23689	58781	0.013522	52080	179780	0.012444	55123	141946	5000	0.012060	25863	58808	0.012373	52106	177800	0.012738	61822	142027
10000	0.049226	14281	116125	0.028838	114148	389392	0.030328	120308	303940	10000	0.020967	54400	136474	0.025774	114076	389312	0.020937	113631	304014
50000	0.173887	303484	626355	0.179750	687583	2297353	0.150989	784481	1752688	50000	0.144063	304703	627965	0.126782	687387	2297021	0.149111	784481	1752682
100000	0.288885	631333	1273693	0.307915	1475330	4895464	0.246563	1688946	3705472	100000	0.233431	635286	1262136	0.262891	1475089	4894881	0.239477	1688946	3705497
500000	1.463744	3204444	6266281	1.534487	8523711	27920793	1.372291	9475732	20812078	500000	0.323439	3291632	6497151	1.605482	8524341	27922089	1.364358	9475732	20812945
1000000	18.370302	6853808	12803893	7.818524	18048947	58842635	5.457347	19951445	43625884	1000000	2.663105	6846033	12785329	3.585363	18047069	58840629	2.986111	19951445	43626103
NÚMERO DE TROCAS																			
Seed 1					Seed 2					Seed 3									
QuicksortNaoRecursivo		HeapSort		MergeSort		QuicksortNaoRecursivo		HeapSort		MergeSort		QuicksortNaoRecursivo		HeapSort		MergeSort			
TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES	TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES	TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES	TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES	TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES	TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES	TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES	TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES	TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES	TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES
1000	0.002179	44713	103958	0.002524	8118	29014	0.002570	8727	23715	1000	0.002851	4498	103777	0.002868	8097	28995	0.003437	1987	23727
5000	0.003749	23689	58781	0.013522	52080	179780	0.012444	55123	141946	5000	0.012060	25863	58808	0.012373	52106	177800	0.012738	61822	142027
10000	0.049226	14281	116125	0.028838	114148	389392	0.030328	120308	303940	10000	0.020967	54400	136474	0.025774	114076	389312	0.020937	113631	304014
50000	0.173887	303484	626355	0.179750	687583	2297353	0.150989	784481	1752688	50000	0.144063	304703	627965	0.126782	687387	2297021	0.149111	784481	1752682
100000	0.288885	631333	1273693	0.307915	1475330	4895464	0.246563	1688946	3705472	100000	0.233431	635286	1262136	0.262891	1475089	4894881	0.239477	1688946	3705497
500000	1.463744	3204444	6266281	1.534487	8523711	27920793	1.372291	9475732	20812078	500000	0.323439	3291632	6497151	1.605482	8524341	27922089	1.364358	9475732	20812945
1000000	18.370302	6853808	12803893	7.818524	18048947	58842635	5.457347	19951445	43625884	1000000	2.663105	6846033	12785329	3.585363	18047069	58840629	2.986111	19951445	43626103
NÚMERO DE COMPARAÇÕES																			
Seed 1					Seed 2					Seed 3									
QuicksortNaoRecursivo		HeapSort		MergeSort		QuicksortNaoRecursivo		HeapSort		MergeSort		QuicksortNaoRecursivo		HeapSort		MergeSort			
TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES	TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES	TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES	TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES	TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES	TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES	TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES	TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES	TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES	TEMPO DE EXECUÇÃO O DE TROCAS	NUMERO DE COMPARACOES
1000	0.002179	44713	103958	0.002524	8118	29014	0.002570	8727	23715	1000	0.002851	4498	103777	0.002868	8097	28995	0.003437	1987	23727
5000	0.003749	23689	58781	0.013522	52080	179780	0.012444	55123	141946	5000	0.012060	25863	58808	0.012373	52106	177800	0.012738	61822	142027
10000	0.049226	14281	116125	0.028838	114148	389392	0.030328	120308	303940	10000	0.020967	54400	136474	0.025774	114076	389312	0.020937	113631	304014
50000	0.173887	303484	626355	0.179750	687583	2297353	0.150989	784481	1752688	50000	0.144063	304703	627965	0.126782	687387	2297021	0.149111	784481	1752682
100000	0.288885	631333	1273693	0.307915	1475330	4895464	0.246563	1688946	3705472	100000	0.233431	635286	1262136	0.262891	1475089	4894881	0.239477	1688946	3705497
500000	1.463744	3204444	6266281	1.534487	8523711	27920793	1.372291	9475732	20812078	500000	0.323439	3291632	6497151	1.605482	8524341	27922089	1.364358	9475732	20812945
1000000	18.370302	6853808	12803893	7.818524	18048947	58842635	5.457347	19951445	43625884	1000000	2.663105	6846033	12785329	3.585363	18047069	58840629	2.986111	19951445	43626103

Obs : Os dados podem ser consultados na planilha anexada junto ao arquivo de entrega na pasta src;

Neste caso foram utilizadas 3 seeds diferentes para geração dos vetores e da mesma forma como no primeiro teste, foram analisados separadamente tempo de execução, número de trocas e número de comparações, em 98% das comparações o QuickSortNaoRecursivo se mostrou superior;

Conclusão:

De forma objetiva, pelos testes realizados, o QuickSort não recursivo se mostrou o melhor método de ordenação de vetores, e em relação ao trabalho de forma geral, podem existir erros quanto ao método

de contagem de comparações ou trocas, porém fiz questão de contabilizar o tempo de execução apenas do algoritmo, tendo confiança para usar como base na tomada de decisão.

O trabalho se mostrou muito útil para mostrar o quanto aprofundada pode ser uma análise de algoritmo, porém em relação as atividades propostas, foram um pouco confusas e não muito claras, que dificultaram o uso dos diferentes métodos.

Instruções para compilação:

Para utilizar o makefile, existem 3 comandos:

- make clean : limpa os arquivos na pasta bin e obj;
- make first: compila o código, limpa o arquivo de saída e o gera novamente, atualizado com o teste1, o objeto na pasta obj e o executável na pasta bin;
- make second: compila o código, limpa o arquivo de saída2 e o gera novamente, atualizado com o teste2, o objeto na pasta obj e o executável na pasta bin;