
Criptografia

Nuno Neves
Departamento de Informática
Faculdade de Ciências da Universidade de Lisboa

Sumário

- ❖ Introdução
- ❖ Criptografia e criptanálise
- ❖ Evolução da tecnologia de cifra
- ❖ Tipos de cifra
 - Cifras de transposição
 - Cifras de substituição
 - Monoalfabéticas
 - Polialfabéticas
- ❖ Conceitos teóricos
- ❖ Cifras modernas
 - Cifras simétricas
 - Cifras assimétricas
 - Cifras por blocos
 - Modos de cifra
 - Reforço de segurança
 - Funções de síntese
 - Autenticação
 - MACs
 - Assinaturas digitais

Introdução

❖ Criptografia

- Kryptós (oculto) + graph (escrever)
- ☹ o uso de criptografia revela-a
 - fornece indícios de que a informação é sensível
 - pode ser ilegal

❖ Esteganografia

- Conteúdo sensível é ocultado dentro de outro conteúdo
- Exemplos:
 - escrita com tinta invisível
 - ocultar conteúdos dentro de imagens nos bits menos significativos de cada pixel

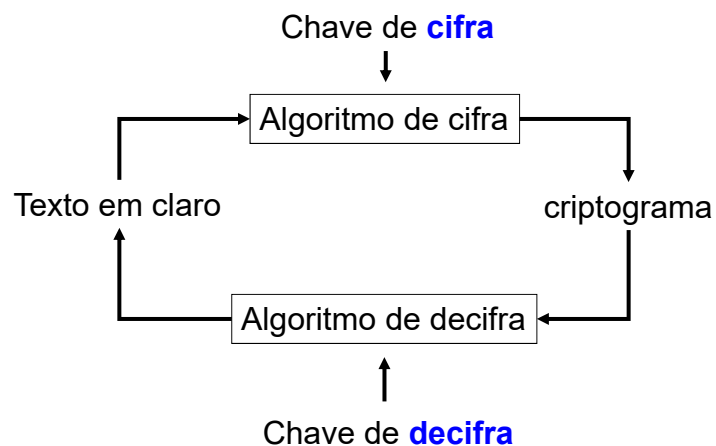
❖ Criptanálise

- Arte ou ciência de violar informação criptografada ou sistemas criptográficos

❖ Criptologia

- Estudo de criptografia e criptanálise

Criptografia



Criptanálise

❖ Objectivos:

- obter texto original
- obter chave de cifra
- obter algoritmo de cifra

❖ Algumas técnicas

- ataques usando apenas o criptograma (ciphertext-only attacks)
- ataques com conhecimento de parte do texto original (known-plaintext attacks)
- ataques com texto original escolhido (chosen-plaintext attacks)
 - ataques com texto original escolhido de forma adaptativa (adaptive chosen-plaintext attacks)
- ataques com criptogramas escolhidos (chosen-ciphertext attacks)
- ataques de aniversário (birthday attacks)

Evolução da tecnologia de cifra

❖ Primeiras cifras

- a sua segurança era baseada no secretismo do algoritmo
- Espartanos
 - o pergaminho só poderia ser lido se fosse enrolado num bastão com o mesmo diâmetro



➤ Cifra de César

- Substitui uma letra pela *k*ésima letra seguinte no alfabeto, MOD 26
- Mecanismo:
 - $E_k(m) = (m + k) \bmod 26$ (função de cifrar)
 - $D_k(c) = (26 + c - k) \bmod 26$ (função de decifrar)
- Exemplo:
 - $k = 2$
 - Texto em claro: seguranca
 - Texto cifrado: ugixtcpec

Cifras de transposição (ou permutação)

- ❖ Baralham (i.e., trocam a ordem) os caracteres do texto original
- ❖ Exemplos:
 - Permutações fixas em blocos com um número constante de caracteres
 - permutação: 45231
 - criptograma: raifc
 - Qual é o texto original ?
 - Blocos verticais de dimensão fixa
 - blocos verticais de 5 caracteres:
eaeo ...
loms
esqo
saun
nbeh



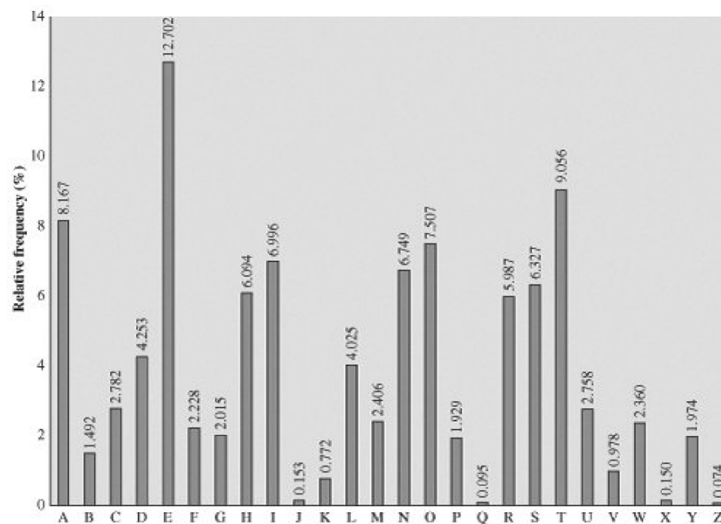
Text-cifrado

eaeo loms esqo saun nbeh

Cifras de substituição

- ❖ Substituem os caracteres do alfabeto usado no texto original por caracteres de um alfabeto de substituição
- ❖ **Mono-alfabéticas**
 - usam apenas um alfabeto de substituição
 - um carácter do alfabeto original é substituído sempre pelo mesmo carácter
 - exemplo: cifra de César
 - Criptoanálise
 - força bruta experimentando todas as combinações
 - *padrões estatísticos* dos caracteres usados no texto original (prox. slide)
 - ataques com texto original escolhido
- ❖ **Poli-alfabéticas**
 - aplicação sucessiva e cíclica de várias cifras mono-alfabéticas
 - exemplo: Cifra de Vigenère; Máquinas de rotor (slides seguintes)

Exemplo de frequência de letras no Inglês



© 2017 DI-FCUL Reprodução proibida sem autorização prévia.

10

Cifra Vigenère

❖ Mecanismo

- chave K é um conjunto de caracteres (e.g., uma palavra)
- repete-se a chave em sequência até que a chave seja do tamanho do texto a ser cifrado
- aplica-se a letra do texto em claro a substituição que corresponde à letra correspondente da chave
- se a chave tem uma letra apenas, temos uma cifra monoalfabética

❖ Exemplo de uso

- K = poema

Chave	poemapoemapoe
Texto em claro	elesnaosabemq
Texto cifrado	tzienpcwmbtau

❖ Criptanálise

- determinar a dimensão da chave N -> criptanálise de N cifras monoalfabéticas
- técnicas estatísticas para determinar N: teste de Kasiski e índice de coincidência

© 2017 DI-FCUL Reprodução proibida sem autorização prévia.

11

Tabela de Vigenère

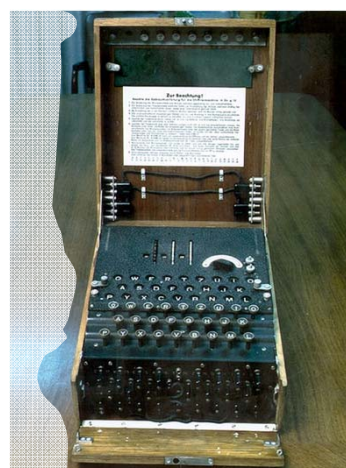
		Plaintext																											
		a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n	o	p	q	r	s	t	u	v	w	x	y	z		
Key	a	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z		
	b	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	
	c	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	
	d	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	
	e	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	
	f	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	
	g	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	
	h	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	
	i	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	
	j	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	
	k	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	
	l	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	
	m	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	
	n	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	
	o	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	
	p	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	
	q	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	
	r	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	
	s	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	
	t	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	
	u	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	
	v	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	
	w	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	
	x	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	
	y	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	
	z	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	

© 2017 DI-FCUL Reprodução proibida sem autorização prévia.

12

Máquinas de Rotor

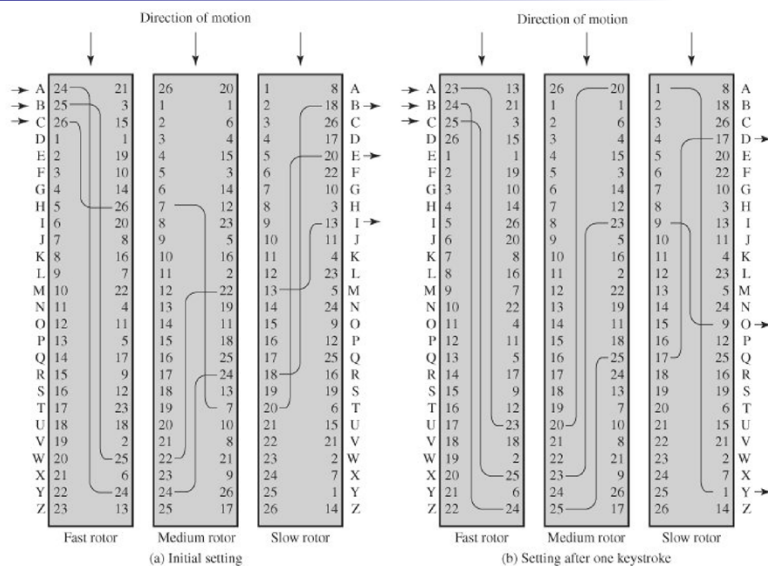
- ❖ Máquinas usadas para cifrar e decifrar mensagens
- ❖ Antes dos computadores modernos, eram muito usadas
 - na Segunda Guerra Mundial:
 - Enigma (Alemanha),
 - Hagelin (Aliados),
 - Purple (Japão)
- ❖ Formas de concretização variam (ex. uso de vários cilindros), mas em geral baseavam-se no uso de várias cifras de substituição, o que tornava a criptoanálise extremamente complexa



© 2017 DI-FCUL Reprodução proibida sem autorização prévia.

13

Máquina de Rotor com 3 Rotores



© 2017 DI-FCUL Reprodução proibida sem autorização prévia.

14

Conceitos teóricos

❖ Cifra perfeita

- uma cifra diz-se **perfeita** quando, dado um criptograma c , a probabilidade de ele corresponder a um dado texto original m e de ter sido gerado com uma dada chave k é igual à probabilidade de ocorrência do texto m
- o cardinal do espaço de chaves tem de ser igual ou superior ao cardinal do espaço de textos em claro
- **Cifra de Vernam** (serviu de base para *one time pad*)
- Dificuldades
 - para cada texto tem de ser usada uma chave diferente
 - o comprimento das chaves tem de ser igual ou superior ao dos textos
 - as chaves não são memorizáveis
 - pré-distribuição de chaves de grande dimensão
 - não faz sentido usar para cifrar dados armazenados

© 2017 DI-FCUL Reprodução proibida sem autorização prévia.

15

Conceitos teóricos

❖ Cifras seguras

- uma cifra diz-se segura se cumprir o objetivo para que é usada
 - a cifra não permite a sua criptanálise em **tempo útil** e admitindo um **investimento** tendo em conta a relação **custo-benefício**

❖ Critérios para avaliar a qualidade das cifras [Claude Shannon, 1949]

1. Quantidade de secretismo oferecida
 - tempo mínimo de segurança do criptograma
2. Dimensão das chaves
 - cifra de Vernam – gestão de chaves ☹
3. Simplicidade de realização e uso
4. Propagação de erros
5. Dimensão do criptograma
 - o tamanho do texto cifrado não deve ser maior que o do texto em claro, uma vez que tem impacto no custo de armazenamento ou transmissão

Conceitos teóricos

❖ Boas práticas:

- Criptanalista conhece o algoritmo de cifra e as suas fragilidades
 - Segurança baseia-se no desconhecimento da chave
 - Tem de ser baseado em matemática sólida
 - Tem de ter sido analisado por vários especialistas
 - Tem de ter passado no teste do tempo
- Criptanalista pode capturar todos os criptogramas
- Criptanalista conhece partes do texto original

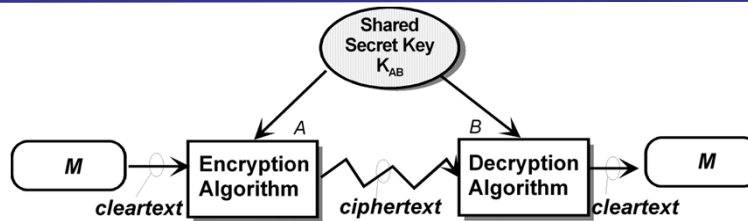
Sumário

- ❖ Introdução
- ❖ Criptografia e criptanálise
- ❖ Evolução da tecnologia de cifra
- ❖ Tipos de cifra
 - Cifras de transposição
 - Cifras de substituição
 - Monoalfabéticas
 - Polialfabéticas
- ❖ Conceitos teóricos
- ❖ **Cifras modernas**
 - **Cifras simétricas**
 - Cifras assimétricas
 - Cifras por blocos
 - Modos de cifra
 - Reforço de segurança
 - Funções de síntese
 - Autenticação
 - MACs
 - Assinaturas digitais

Cifras modernas

- ❖ Modo de operação
 - Cifras por blocos
 - Cifras contínuas
- ❖ Tipo de chave
 - Cifras simétricas
 - Chave secreta
 - Confidencialidade
 - Eficientes
 - N utilizadores e distribuição segura de chaves ☹
 - Cifras assimétricas
 - Par de chaves
 - Confidencialidade, autenticidade
 - Não eficientes
 - N utilizadores ☺
 - Distribuição de chaves públicas
 - Cifra híbrida
 - Cifra com chave simétrica
 - Distribuição de chave simétrica com cifras assimétricas
 - **Porquê?**

Criptografia Simétrica



- ❖ Também denominada de chave partilhada ou de chave secreta
 - chave de cifrar e decifrar iguais
 - bastante rápida
- ❖ Propriedade fundamental: $D(K, E(K, m)) = m$
- ❖ Cifras simétricas **por blocos**
 - *Data Encryption Standard* (DES) (1977); *Triple-DES*;
 - *International Data Encryption Algorithm* (IDEA);
 - *Advanced Encryption Standard* (AES) (2000)
- ❖ Cifras simétricas **contínuas**
 - A5 (usado no GSM)
 - RC4

Criptografia Simétrica – ponto de situação

- ❖ O **Data Encryption Standard (DES)** foi o primeiro algoritmo estandardizado e usado massivamente para melhorar a segurança de sistemas computacionais (1975)
- ❖ O **DES** resistiu (na prática) aos diversos ataques de criptanálise, acabando por ser atacado devido ao seu pequeno tamanho de chave (56 bits)
 - muitos desafios foram lançados para quebrar mensagens específicas cifradas com o DES
 - a maioria foi resolvida usando **computação paralela e/ou distribuída**
- ❖ O NIST em 2001 seleccionou o algoritmo **Rijndael** como seu **Advanced Encryption Standard (AES)**, o sucessor do DES
 - desenhado para resistir a ataques bem sucedidos ao DES

AES - Advanced Encryption Standard

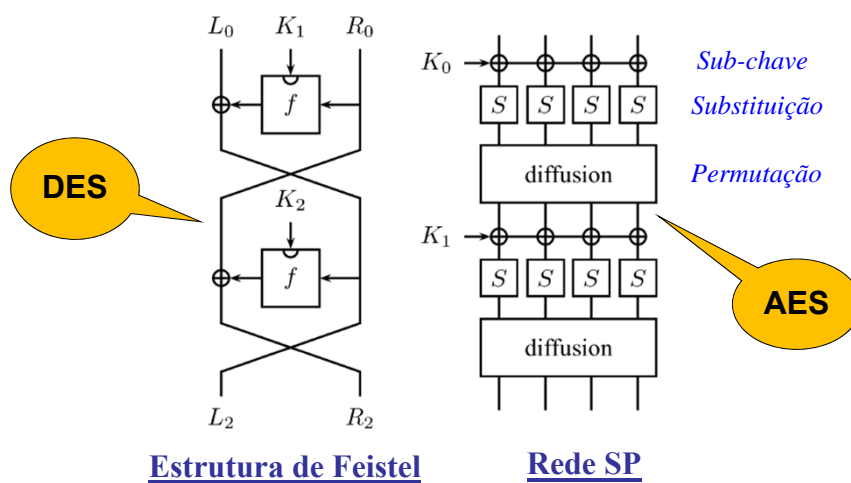
❖ Histórico:

- Novo padrão do NIST para substituir o DES
- Processo de selecção público (iniciado em 1997) onde se escolheu um algoritmo de entre vários candidatos
- O escolhido foi o Rijndael

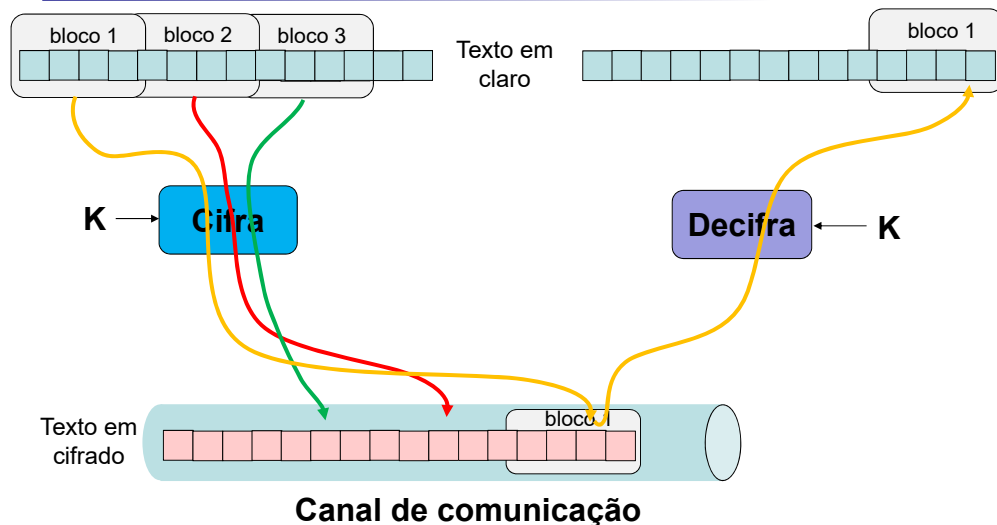
❖ Princípios:

- Recebe como entrada **blocos de 128 bits** de texto em claro
- As **chaves** podem ter **128, 192, 256 bits** (quanto maior, mais seguro)
- Produz blocos de 128 bits de texto cifrado
- Funciona iterativamente
 - cada bloco é dividido em 4 grupos de 4 bytes
 - um bloco inteiro é modificado em cada iteração (no DES é só metade)
- Rápido e eficiente em CPUs pequenos e grandes

AES - Advanced Encryption Standard



Sumário: Cifra simétrica de blocos



© 2017 DI-FCUL Reprodução proibida sem autorização prévia.

29

Cifras simétricas contínuas (Stream Cipher)

- ❖ Poder do XOR (OU Exclusivo)
 - operação binária com duas entradas onde a saída é 1 se e somente se uma e apenas uma das entradas é igual a 1

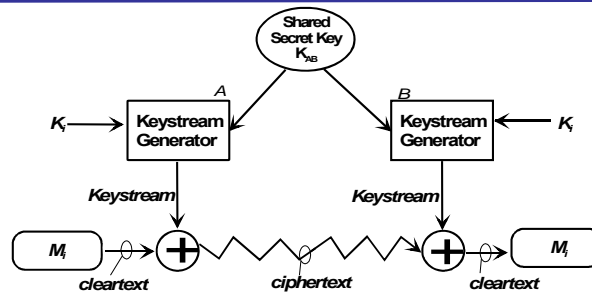
Input		Output
A	B	
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

- ❖ Repetição de dois XORs
 - $((B \text{ XOR } A) \text{ XOR } A) = B$
- ❖ Se A é um bit da **chave de fluxo**, que é do ponto de vista prático aleatória, então temos uma cifra muito eficiente e segura

© 2017 DI-FCUL Reprodução proibida sem autorização prévia.

30

Cifras simétricas contínuas



❖ PRINCÍPIO:

- cifra de fluxo processa um bit/byte de cada vez através da operação XOR
- a partir de **chave partilhada** é produzida uma sequência infinita de bits/bytes aleatórios a que se chama a **chave de fluxo** ou sequência (**keystream**)
- a chave de fluxo é usada uma única vez e portanto é muito difícil a criptoanálise

❖ CIFRAR:

- a chave de fluxo é XOR ao correr do fluxo de texto em claro, bit a bit (ou byte a byte)

❖ DECIFRAR:

- o fluxo cifrado é XOR com a mesma chave de fluxo, o que retorna o fluxo original

Cifras simétricas contínuas

❖ Requisitos de robustez:

- Secretismo, aleatoriedade e uso único da **chave de fluxo**
- A chave de fluxo precisa ser distribuída nas duas pontas do canal

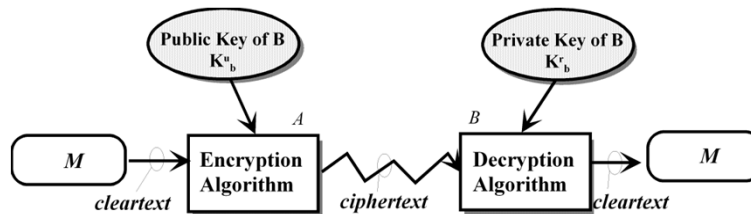
❖ Uso em sistemas reais:

- Em comunicação, a *chave de fluxo* é uma **sequência pseudo-aleatória** produzida em tempo-real à velocidade do fluxo de texto, por uma caixa-preta;
- A chave de fluxo é gerada nos dois extremos em simultâneo (as duas caixas pretas são sincronizadas)
- A chave de fluxo é parametrizada por uma chave mestra
- É susceptível a erros de bits, que podem dessincronizar o fluxo
- Exemplo de algoritmo: RC4 (usado no SSL e no WAP)

Criptografia Simétrica – vantagens/desvantagens

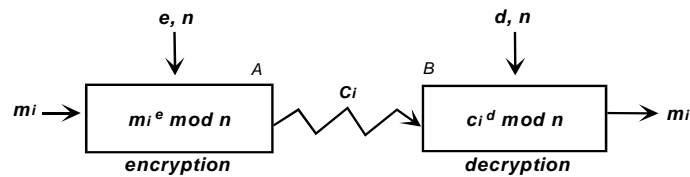
- ❖ Eficientes 😊
- ❖ Chave secreta
 - se perdida ou revelada em qualquer ponta, o canal é comprometido
- ❖ Distribuição de chaves
 - o problema do ovo e da galinha: “como distribuir a chave para ter canais seguros sem ter canais seguros?”
 - e se as chaves precisarem de ser mudadas frequentemente
- ❖ Gestão de chaves
 - grande escala ☹
 - comunicação arbitrária entre 10 participantes requer 45 chaves
 - 100 participantes -> quase 5000
 - $(n(n-1)/2)$ chaves são requeridas para n participantes

Criptografia Assimétrica



- ❖ Também chamada de **cifra de chave pública**
 - cifra com chave pública K_u e decifra com chave privada K_r
 - em geral é muito mais lenta que a criptografia simétrica
- ❖ PRINCÍPIO
 - usam problemas matemáticos, para os quais não existe **solução em tempo polinomial**, aplicados a **grande números** – factorização e o cálculo de logaritmos discretos
- ❖ PROPRIEDADES:
 - $D(K_r, E(K_u, m)) = m$ e $E(K_u, D(K_r, m)) = m$
- ❖ Exemplos de Algoritmos:
 - Rivest-Shamir-Adleman (RSA) (1978), ElGamal;
 - Diffie-Hellman, para calcular um número secreto partilhado (1976);

Criptografia Assimétrica - RSA



- ❖ Foi publicado em 1977 por três investigadores do MIT: Rivest, Shamir e Adleman (RSA)
- ❖ Pode ser usado tanto para cifrar quanto para assinar
- ❖ Texto em claro é dividido em blocos que são tratados como um número
- ❖ Exponenciação com a chave pública para obter o criptograma
- ❖ Exponenciação com a chave privada para obter o texto em claro

Criptografia Assimétrica - RSA

- ❖ Gerar Chaves:
 - Escolhe dois números primos grandes p, q
 - Considere $n = pq$ e $z = \phi(n) = (p-1)(q-1)$
 - Escolha $e < n$ tal que e é primo relativo (não tem factores em comum) de z
 - Calcula d tal que $ed \bmod z = 1$
 - **chave pública:** $K_u = (e, n)$; **chave privada:** $K_r = (d, n)$
- ❖ Cifrar:
 - $E(K_u, m) = m^e \bmod n = c$
- ❖ Decifrar:
 - $D(K_r, c) = c^d \bmod n = m$

É mais lento à medida
que d e e crescem:
(d é geralmente grande
enquanto e é pequeno)

Criptografia Assimétrica - RSA

❖ Criptanálise:

1. Procura de chaves “à bruta”
 - Inexequível se usarmos chaves grandes (≥ 1024 bits)
2. Ataques matemáticos
 - d é fácil de calcular a partir de e se forem conhecidos p e q -> factorização de n 's grandes
 - Determinar m a partir de c , e e n -> Função inversa da exponenciação modular: logaritmo modular
 - **ainda seguro com chaves ≥ 1024 bits**
3. Ataques temporais (*timing attacks*) na execução da operação de decifração
 - consegue estimar d pelo tempo que demora uma decifração

Criptografia Assimétrica - Diffie-Hellman

❖ PRINCÍPIO:

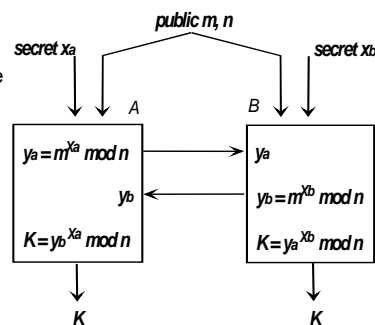
- é baseado em uma *one-way function* (função irreversível) e na dificuldade de se obterem logaritmos discretos

❖ OBJECTIVO:

- obter um número secreto K , compartilhado entre A e B, sem o comunicar em claro

❖ OPERAÇÃO:

- escolher dois números primos m e n públicos (n grande)
- A gera um número aleatório x_a
- A calcula $y_a = m^{x_a} \bmod n$
- B gera um número aleatório x_b
- B calcula $y_b = m^{x_b} \bmod n$
- y_a e y_b são tornados públicos
- Cada um calcula K localmente
- $K = y_b^{x_a} \bmod n = y_a^{x_b} \bmod n = m^{x_a x_b} \bmod n$



Segurança do Diffie-Hellman

- ❖ A segurança do Diffie-Hellman é baseada na dificuldade em se resolver o seguinte problema:

- Dados os elementos n , m e os valores m^x e m^y , qual o valor de m^{xy} ?

- ❖ Isto é equivalente ao cálculo de logaritmos discretos:

- $x = \log_m (m^x)$

- $y = \log_m (m^y)$

- (seria relativamente simples se não estivessemos a falar de aritmética modular – lembrem-se dos “ $\text{mod } n$ ” nas fórmulas)

Criptografia Assimétrica - vantagens/desvantagens

- ❖ Eficiência ☹

- ❖ Escala ☺

- ❖ Distribuição de chaves (públicas) ☹

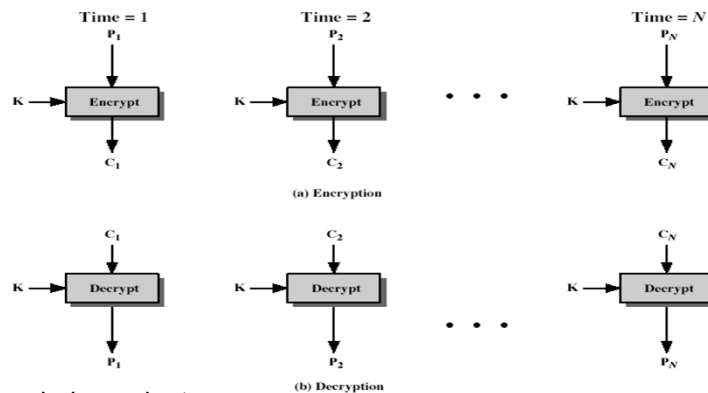
- autenticidade das chaves públicas
 - Como saber se afirmações do tipo “12DH457B6A9 é chave pública do Pedrinho” são verdadeiras?
 - Uma chave pública a ser enviada pode ser interceptada e substituída...
 - Ou, se uma base de dados de chaves públicas (PKI ou CA) é comprometida, qualquer chave armazenada pode ser substituída por uma chave falsa criada pelo atacante
 - A definição de **autoridades de certificação** (alguém que certifique a autenticidade das chaves) é necessária

MODOS DE CIFRA PARA ALGORITMOS SIMÉTRICOS DE BLOCOS

Como pegar num algoritmo de cifra básico e dar-lhe várias utilizações?

ECB: Electronic Code Book

ECB:
Electronic CodeBook



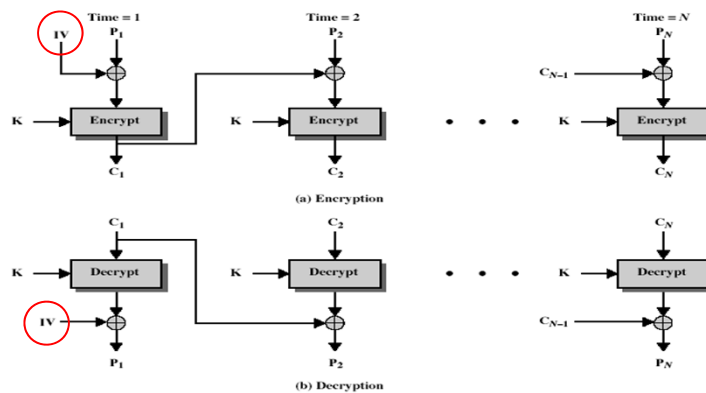
❖ Cifra por blocos independentes

❖ Fraquezas

- reprodução de padrões de texto original – dois blocos iguais produzem o mesmo criptograma
- vulnerável a ataques de reordenação ou *replay*

CBC: Cipher Block Chaining

CBC: Cipher Block Chaining



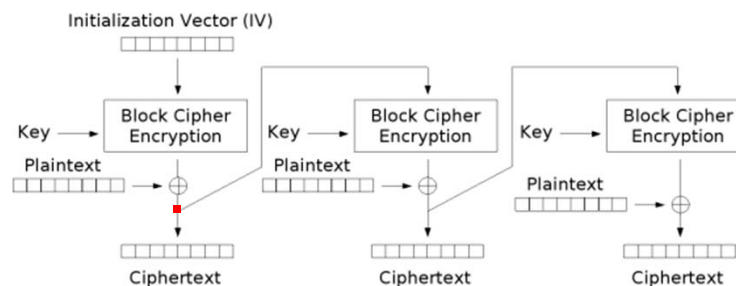
- ❖ O texto em claro é “XOR” com o texto cifrado do bloco anterior antes de ser cifrado
- ❖ Reduz risco de replicação de padrões
- ❖ Initialization Vector (IV): usado no 1º bloco (necessário para decifrar)
- ❖ *Padding*: bits para compor blocos inteiros do tamanho requerido pelo algoritmo

© 2017 DI-FCUL Reprodução proibida sem autorização prévia.

43

CFB: Cipher Feedback

CFB: Cipher Feedback



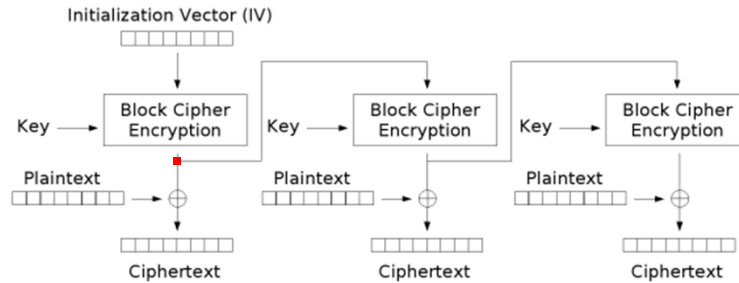
- ❖ Transforma cifra por blocos em cifra contínua
- ❖ Vantagens sobre o CBC:
 - a cifra de bloco só é utilizada na direcção de cifrar (independentemente de a operação ser cifrar ou decifrar) o que simplifica a sua implementação
 - a mensagem não necessita de ser “padded” para um múltiplo do tamanho do bloco porque o algoritmo trabalha com qualquer quantidade de bytes

© 2017 DI-FCUL Reprodução proibida sem autorização prévia.

44

OFB: Output Feedback

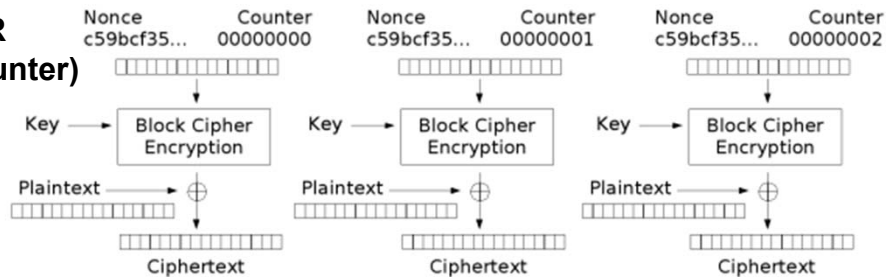
OFB: Output Feedback



- ❖ Mantêm as vantagens do CFB e ainda acrescenta outra
 - a mensagem não é utilizada no bloco seguinte, o que implica que as operações de cifra de bloco podem ser feitas antecipadamente permitindo que o XOR seja realizado em paralelo assim que o texto (mensagem ou mensagem cifrada) estiver disponível

CTR: Counter Mode

CTR (counter)



- Modo de cifra padrão para o AES
- Nonce+contador devem diferentes em cada operação de cifra
 - Caso seja usada a mesma chave e o mesmo nonce+contador para cifrar dois conteúdos diferentes, eles serão cifrados com duas chaves contínuas iguais ☹

Modos de cifra por blocos - comparação

- ❖ **Reforço de segurança**
 - Esconder padrões de texto original (exemplo: ECB ☹)
 - Confusão na entrada da cifra
 - exemplo : CBC com realimentação de bits do criptograma
 - Possibilidade de reutilização de uma chave de cifra
 - transformação em cifras contínuas; CFB, OFB, CTR ☹
 - Alteração determinística do texto em claro através da manipulação do criptograma
 - cifra contínua poderá ser fácil; pensar nos CFB, OFB, CTR ???
- ❖ **Otimização**
 - Efetuar pré-processamento
 - Exemplos: OFB e CTR
 - Paralelização do modo de cifra
 - Exemplos: ECB, CTR
- ❖ **Tolerância a faltas**
 - Propagação de erros
 - Exemplo: ECB – erro num bit apenas afeta o respetivo bloco
 - Recuperação de sincronismo de perda de bits

Modos de cifra por bloco - padding

- ❖ **Modos de cifra: ECB e CBC**
 - Iso10126
 - Exemplo: Blocos de 8 bytes e texto em claro 0x616263
 - Texto com padding 0x616263??????05
 - PKCS7
 - Exemplo: Blocos de 8 bytes e texto em claro 0x616263
 - Texto com padding 0x6162630505050505
 - Bit padding
 - 1011 1001 1101 0100 0010 0111 0000 0000

Reforço de segurança

❖ Cifra múltipla

➤ Cifra dupla

- *Dual DES* usa duas chaves K_1 e K_2 :
 - “chaves” $2n$ bits
 - » Para cifrar: $C = E(K_2, E(K_1, P))$
 - » Para decifrar: $P = D(K_1, D(K_2, C))$
 - » Frágil: Pode ser quebrado usando 2^{n+1} cifrações (ao contrário do 2^{2n} esperados)

➤ Cifra tripla

- *Triple DES* (ou DES-EDE)
 - duas chaves K_1 e K_2 :
 - » Para cifrar: $C = E(K_1, D(K_2, E(K_1, P)))$
 - » Para decifrar: $P = D(K_1, E(K_2, D(K_1, C)))$
 - » Também é mais frágil do que aparenta com relação a ataques de texto conhecido e texto escolhido
 - três chaves :
 - » Para cifrar: $C = E(K_3, E(K_2, E(K_1, P)))$
 - » Para decifrar: $P = D(K_1, D(K_2, D(K_3, C)))$
 - » Requer $O(2^{2n})$ cifrações e $O(2^n)$ de memória, com chaves de 56 bits, este ataque é inexequível

Sumário

❖ Introdução

❖ Criptografia e criptanálise

❖ Evolução da tecnologia de cifra

❖ Tipos de cifra

- Cifras de transposição
- Cifras de substituição
 - Monoalfabéticas
 - Polialfabéticas

❖ Conceitos teóricos

❖ Cifras contínuas

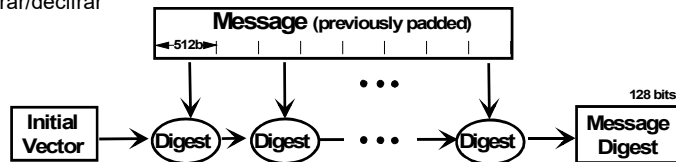
❖ Cifras modernas

- Cifras simétricas
- Cifras assimétricas
- Cifras por blocos
 - Modos de cifra
 - Reforço de segurança
- **Funções de síntese**
- Autenticação
 - MACs
 - Assinaturas digitais

Síntese Segura ou *Digest* de Mensagens

❖ Objectivo

- Produzem valores de dimensão constante (e pequena) a partir de entradas (mensagens, ficheiros, ...) de dimensão variável
- A **função de compressão** é aplicada de forma iterativa
 - 2 argumentos de entrada da função de compressão: síntese prévia, bloco a processar
- Não servem para cifrar/decifrar



❖ Propriedades

- Resistência à descoberta do texto original
 - Dada a síntese H , é muito difícil descobrir um texto M , tal que $H = h(M)$
- Resistência à descoberta de um segundo texto original
 - Dado um Texto M , é muito difícil descobrir $M' (M' \neq M)$ tal que $h(M) = h(M')$
- Resistência à colisão
 - É difícil descobrir dois textos quaisquer, M e M' , $M' \neq M$, tais que $h(M) = h(M')$

❖ Exemplos de Funções: MD5, SHA-1, SHA-256, SHA-3

Funções de síntese: Resistência à colisão

❖ Dimensão das sínteses

- Com sínteses de 128 bits e mensagens 1000 bits: $\sim 2^{872}$ mensagens dão origem à mesma síntese
- Síntese ≥ 128 bits

❖ Ataque do Aniversário (*Birthday attack*):

- Baseia-se no “paradoxo do aniversário” e é usado para encontrar um par de mensagens com a mesma síntese (colisão)
- Para sínteses de n bits, o atacante deve tentar **aproximadamente $2^{n/2}$ mensagens**

Síntese Segura - MD5

- ❖ Proposto por Ron Rivest (investigador do MIT)
- ❖ O último de uma série de funções MD2, MD4, ...
- ❖ Produz um valor de síntese de 128 bits
- ❖ Até recentemente era a função de síntese mais usada
 - recentemente foram encontradas falhas tanto através de ataques de força bruta quanto por criptanálise
 - especificado num padrão IETF (RFC1321)
- ❖ **Hoje em dia não é recomendada a sua utilização porque foi demonstrado que é possível encontrar colisões**

Síntese Segura- *Secure Hash Algorithm* (SHA)

- ❖ Várias variantes de algoritmos de hash propostos pelo NIST (e pela NSA) desde 1993
- ❖ Até recentemente, o **SHA-1** era o mais utilizado, produzindo sínteses de **160 bits**
- ❖ Baseia-se no desenho do MD4 com algumas diferenças (que aumentam muito a sua segurança)
- ❖ **No mês passado foi descrito o primeiro ataque que demonstrava uma colisão (fev 2017), e por isso deve deixar de ser usada**
- ❖ Existem diversas **versões do SHA**.
 - **SHA-2**: são baseadas nas mesmas ideias do SHA-1, mas são mais seguras na medida em que o **tamanho da síntese** produzida aumenta
 - **SHA-3**: utiliza um método diferente para a criação das sínteses, e resulta de um concurso para a criação de algoritmos de síntese organizado pelo NIST

Sumário dos algoritmos

Algorithm and variant		Output size (bits)	Max message size (bits)	Operations	Security (bits)
MD5		128	$2^{64} - 1$	And, Xor, Rot, Add, Or	<64 (collisions found)
SHA-0		160	$2^{64} - 1$	And, Xor, Rot, Add, Or	<80 (collisions found)
SHA-1		160	$2^{64} - 1$		<80 (collisions found)
SHA-2	<i>SHA-224</i>	224	$2^{64} - 1$	And, Xor, Rot, Add, Or, Shr	112
	<i>SHA-256</i>	256			128
	<i>SHA-384</i>	384	$2^{128} - 1$	And, Xor, Rot, Add, Or, Shr	192
	<i>SHA-512</i>	512			256
	<i>SHA-512/224</i>	224			112
	<i>SHA-512/256</i>	256			128
SHA-3	<i>SHA3-224</i>	224	Unlimited	And, Xor, Rot, Not	112
	<i>SHA3-256</i>	256			128
	<i>SHA3-384</i>	384			192
	<i>SHA3-512</i>	512			256
	<i>SHAKE128</i>	<i>d (arbitrary)</i>			$\min(d/2, 128)$
		<i>SHAKE256</i>	<i>d (arbitrary)</i>		$\min(d/2, 256)$

© 2017 DI-FCUL Reprodução proibida sem autorização prévia.

55

Sumário

- ❖ Introdução
- ❖ Criptografia e criptanálise
- ❖ Evolução da tecnologia de cifra
- ❖ Tipos de cifra
 - Cifras de transposição
 - Cifras de substituição
 - Monoalfabéticas
 - Polialfabéticas
- ❖ Conceitos teóricos
- ❖ Cifras contínuas
- ❖ Cifras modernas
 - Cifras simétricas
 - Cifras assimétricas
 - Cifras por blocos
 - Modos de cifra
 - Reforço de segurança
 - Funções de síntese
 - Autenticação
 - MACs
 - Assinaturas digitais

© 2017 DI-FCUL Reprodução proibida sem autorização prévia.

57

MAC - Message Authentication Code

- ❖ Funções de síntese – integridade
- ❖ Message Authentication Code – MAC
 - Usa chave simétrica partilhada
 - Como produzir MACs
 - Cifrar mensagem e síntese da mensagem
 - Cifrar síntese da mensagem
 - Fazer síntese da mensagem concatenada com a chave simétrica (HMAC)
 - Funções chaveadas (último criptograma gerado em modo CBC)
- ❖ O que garante ?

HMAC - Hash Message Authentication Code

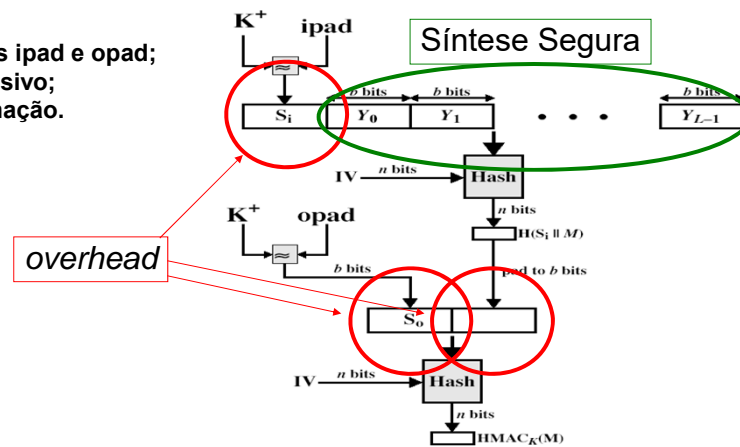
- ❖ Definido no RFC2104 do IETF
- ❖ Utiliza funções de síntese na mensagem
- ❖ Qualquer função de síntese segura pode ser usada no HMAC, como o MD5 (HMAC-MD5), SHA-1 (HMAC-SHA-1), etc.
- ❖ A segurança e a eficiência do algoritmo dependem da função de síntese segura usada
- ❖ A função de síntese pode ser substituída com o fim de melhorar segurança e/ou eficiência

HMAC - Hash Message Authentication Code

$$H_k(m) = \text{hash}(k' \oplus \text{opad} \parallel \text{hash}(k' \oplus \text{ipad} \parallel m))$$

onde:

- Constantes ipad e opad;
- \oplus ou exclusivo;
- \parallel concatenação.



© 2017 DI-FCUL Reprodução proibida sem autorização prévia.

60

Assinatura?

- ❖ MAC:
 - Alice e Beto compartilham uma chave k
 - Alice envia $m \parallel H_k(m)$ para Beto
- ❖ Isto é uma assinatura digital?
 - Beto verifica que recebeu m de Alice
- ❖ Certo?

ERRADO!

- ❖ Isto não é uma assinatura digital!
 - Um terceira parte não pode determinar se foi Alice ou Beto quem gerou a mensagem
 - i.e., não satisfaz a propriedade de não-repudição

© 2017 DI-FCUL Reprodução proibida sem autorização prévia.

61

Assinaturas Digitais

❖ Autenticidade

- quem assinou é identificável univocamente pela assinatura

❖ Integridade

- uma assinatura correcta num documento garante que este não é alterável sem detecção

❖ Não-reutilização

- a assinatura ou parte do documento não é reutilizável em outro documento

❖ Não-repudiação

- o assinante não pode negar a sua assinatura

❖ Não-forjamento

- quem assinou é o próprio e fê-lo deliberadamente

Assinaturas Digitais

❖ Modo de operação

- Cifrar com chave privada a síntese do texto original
- Algoritmos de assinatura mais usados
 - RSA
 - DSA

❖ RSA

- Dada a mensagem M: $\text{Assinatura} = E(K_r, \text{Hash}(M))$
- Para maiores garantias posso concatenar outra informação ao M, como o identificador de quem assina e a data

❖ DSS/DSA

- Proposta de solução específica para assinaturas digitais do NIST (1991)
- Digital Signature Standard (DSS) e Digital Signature Algorithm (DSA)
 - derivado do algoritmo de assinatura ElGamal
 - usa a função de síntese SHA-1

Criptografia Híbrida

- ❖ Vamos juntar a criptografia simétrica com a assimétrica
- ❖ Cifra híbrida - cifrar
 - Gerar chave secreta aleatória
 - Cifrar texto em claro com chave secreta
 - Cifrar chave secreta com chave pública do destinatário
 - Garantias / Vantagens ?
- ❖ Cifrar e assinar
 - Assina texto em claro
 - Cifra texto em claro + assinatura (como no exemplo anterior)
 - Garantias / Vantagens ?
- ❖ Ambos garantem a autenticidade e/ou integridade?

Bibliografia

- ❖ Stallings & Brown, Computer Security: Principles and Practice, Third Edition, 2015
 - Leitura obrigatória: Capítulo 2
 - Leitura opcional: Capítulo 20 e 21