

# Ficha 1

## Programação Imperativa

### 1 Estado e atribuições

Diga, justificando, qual o output de cada um dos seguintes excertos de código C.

1.

```
int x, y;  
x = 3;    y = x+1;  
x = x*y; y = x + y;  
printf("%d_%d\n", x, y);
```

2.

```
int x, y;  
x = 0;  
printf ("%d_%d\n", x, y);
```

3. (assuma que os códigos ASCII dos caracteres 'A', '0', ' ' e 'a' são respectivamente 65, 48, 32 e 97)

```
char a, b, c;  
a = 'A'; b = '_'; c = '0';  
printf ("%c_%d\n", a, a);  
a = a+1; c = c+2;  
printf ("%c_%d_%c_%d\n", a, a, c, c);  
c = a + b;  
printf ("%c_%d\n", c, c);
```

4.

```
int x, y;  
x = 200; y = 100;  
x = x+y; y = x-y; x = x-y;  
printf ("%d_%d\n", x, y);
```

5.

```
int x, y;  
x = 100; y = 28;  
x += y ; y -= x ;  
printf ("%d_%d\n", x++, ++y);  
printf ("%d_%d\n", x, y);
```

## 2 Estruturas de controle

1. Diga, justificando, qual o output de cada um dos seguintes excertos de código C.

(a)

```
int x, y;  
x = 3; y = 5;  
if (x > y)  
    y = 6;  
printf ("%d %d\n", x, y);
```

(b)

```
int x, y;  
x = y = 0;  
while (x != 11) {  
    x = x+1; y += x;  
}  
printf ("%d %d\n", x, y);
```

(c)

```
int x, y;  
x = y = 0;  
while (x != 11) {  
    x = x+2; y += x;  
}  
printf ("%d %d\n", x, y);
```

(d)

```
int i;  
for (i=0; (i<20) ; i++)  
    if (i%2 == 0) putchar ( '-' );  
    else putchar ( '#' );
```

(e)

```
char i, j;  
for (i='a'; (i != 'h'); i++) {  
    for (j=i; (j != 'h'); j++)  
        putchar (j);  
    putchar ( '\n' );  
}
```

(f)

```
void f (int n) {  
    while (n>0) {  
        if (n%2 == 0) putchar ( '0' );  
        else putchar ( '1' );  
    }
```

```

        n = n/2;
    }
    putchar ( '\n' );
}

int main () {
    int i;
    for (i=0;(i<16);i++)
        f (i);
    return 0;
}

```

2. Escreva um programa que desenhe no ecran (usando o caracter #) um quadrado de dimensão 5. Defina para isso uma função que desenha um quadrado de dimensão **n**. Use a função **putchar**. O resultado da invocação dessa função com um argumento 5 deverá ser

#####  
#####  
#####  
#####  
#####

3. Escreva um programa que desenhe no ecran (usando os caracteres # e \_) um tabuleiro de xadrez. Defina para isso uma função que desenha um tabuleiro de xadrez de dimensão **n**. Use a função **putchar**. O resultado da invocação dessa função com um argumento 5 deverá ser

```
#_#_#
_#_#_
#_#_#
_#_#_
#_#_#
```

4. Escreva duas funções que desenham triângulos (usando o caracter #). O resultado da invocação dessas funções com um argumento 5 deverá ser

```
#
##
###                                     #
####                                   ###
#####                               #####
#####                           #####
#####                       #####
#####                   #####
#####               #####
#####           #####
#####       #####
#####   #####
#####
```

Defina cada uma dessas funções (com o nome `triangulo`), num ficheiro separado (`vertical.c` e `horizontal.c`). Compile esses dois ficheiros (usando o comando `gcc -c`) separadamente.

Considere agora o seguinte programa `triangulo.c`

```
#include<stdio.h>

void triangulo (int n);

main () {
    triangulo (5);
    return 0;
}
```

Compile este programa (com o comando `gcc -c triangulo.c`). Construa (e use) agora dois executáveis, usando os comandos

- `gcc -o t1 triangulo.o vertical.o`
- `gcc -o t2 triangulo.o horizontal.o`

### 3 Memória e endereçamento

1. Diga justificando qual o resultado de executar o seguinte programa:

```
int main () {
    int i, j, *a, *b;

    i=3; j=5;
    a = &i; b = &j;
    i++;
    j = i + *b;
    b = a;
    j = j + *b;
    printf ("%d\n", j);

    return 0;
}
```

2. Considere a seguinte definição de uma função `void init (int a)`

```
void init (int a) {
    a = 0;
}
```

Diga justificando qual o resultado de executar o seguinte código:

```
int x;
x = 3;
init (x);
printf ("%d\n", x);
```

Como modificaria a função (e a sua invocação) para que o resultado fosse 0.

3. Defina uma função `void swap (.....)` que troca o valor de duas variáveis. Por exemplo, o código

```

int x = 3, y = 5;
swap (...);
printf ("%d %d\n", x, y);

```

deverá imprimir no ecran 5 3.

## 4 Algoritmos Numéricos sobre inteiros

1. Uma forma de definir a multiplicação por um inteiro é através de um somatório de parcelas constantes.

Assim

$$n \times m = \sum_{i=1}^n m$$

Esta definição corresponde à definição recursiva que se apresenta à direita.

Apresente uma definição iterativa desta função.

```

int mult (int n, int m) {
    int r;
    if (n>0)
        r = m + mult (n-1, m);
    else r = 0;

    return r;
}

```

2. Uma forma alternativa (e muito mais eficiente) consiste em aproveitar a representação binária dos inteiros (onde a multiplicação e divisão por 2 são pelo menos tão eficientes como a adição).

Se analisarmos a definição anterior em dois casos (caso em que o multiplicador é par ou ímpar), obtemos a seguinte definição:

$$n \times m = \begin{cases} 0 & \text{Se } n = 0 \\ n/2 \times (m * 2) & \text{Se } n \text{ é par} \\ m + ((n-1)/2 \times (m * 2)) & \text{Se } n \text{ é ímpar} \end{cases}$$

Que corresponde à definição recursiva que se apresenta abaixo.

Apresente uma definição iterativa desta função.

```

int mult (int n, int m) {
    int r = 0;
    if (n>0) {
        if (n % 2 != 0)
            r = r + m;
        r = r + mult (n>>1, m<<1);
    }
    return r;
}

```

3. O cálculo do máximo divisor comum entre dois números inteiros não negativos pode ser feito, de uma forma muito pouco eficiente, procurando de entre os divisores do menor deles, o maior que é também divisor do outro. Quantas iterações faz o ciclo desta função para valores dos argumentos de (1,1000) e (999,1000)?

```
int mdc (int a, int b) {
    int d;

    if (a>b) d = b;
    else     d = a;

    while ((a % d != 0) ||
           (b % d != 0));
        d--;

    return d;
}
```

4. Uma forma alternativa de calcular o máximo divisor comum (mdc) baseia-se na seguinte propriedade demonstrada por Euclides: para  $a$  e  $b$  inteiros positivos,

$$\text{mdc}(a, b) = \text{mdc}(a + b, b)$$

Desta propriedade podemos concluir que:

$$\text{mdc}(a, b) = \begin{cases} \text{mdc}(a - b, b) & \text{Se } a > b \\ \text{mdc}(a, b - a) & \text{Se } a < b \\ a & \text{Se } a = b \end{cases}$$

Que corresponde à definição recursiva que se apresenta à direita.

Apresente uma definição iterativa desta função.

```
int mdc (int a, int b) {
    int r;
    if (a == b) r = a;
    else if (a > b)
        r = mdc (a-b, b);
    else r = mdc (a, b-a);
    return r;
}
```

5. Quantas iterações faz o ciclo da função que apresentou na alínea anterior para valores dos argumentos de (1,1000) e (999,1000)?
6. Uma forma de melhorar o comportamento do algoritmo de Euclides consiste em substituir as operações de subtração por operações de % (resto da divisão inteira). Repita o exercício da alínea anterior para essa variante do algoritmo.
7. Uma outra variante do algoritmo de Euclides para o cálculo do mdc, é conhecida como o algoritmo de Euclides binário, e tal como já vimos noutros casos, usa o facto de a multiplicação e divisão por 2 serem operações muito eficientes.

Os seguintes passos<sup>1</sup> para calcular  $\text{mdc}(a, b)$  descrevem esta variante:

- (a)  $\text{mdc}(0, a) = \text{mdc}(a, 0) = a$
- (b) Se tanto  $a$  como  $b$  forem pares,  $\text{mdc}(a, b) = 2 * \text{mdc}(a/2, b/2)$
- (c) Se  $a$  for par e  $b$  ímpar,  $\text{mdc}(a, b) = \text{mdc}(a/2, b)$
- (d) Se  $a$  for ímpar e  $b$  par,  $\text{mdc}(a, b) = \text{mdc}(a, b/2)$

<sup>1</sup>ver em [en.wikipedia.org/wiki/Binary\\_GCD\\_algorithm](http://en.wikipedia.org/wiki/Binary_GCD_algorithm)

(e) Se ambos forem ímpares e  $a \geq b$ ,  $\text{mdc}(a,b) = \text{mdc}((a-b)/2, b)$

(f) Se ambos forem ímpares e  $a \leq b$ ,  $\text{mdc}(a,b) = \text{mdc}(a, (b-a)/2)$

O algoritmo continua a por aplicar estes passos até que um dos argumentos seja 0. O resultado obtido deverá então ser multiplicado por 2 tantas vezes quantas tiver sido aplicado passo 7b.

Codifique este algoritmo em C, tendo o cuidado de usar as operações  $\ll$  e  $\gg$  para multiplicar e dividir por 2.

8. A sequência de Fibonacci define-se como

$$fib(n) = \begin{cases} 1 & \text{Se } n < 2 \\ fib(n-1) + fib(n-2) & \text{Se } n \geq 2 \end{cases}$$

(a) Apresente uma definição recursiva de uma função que calcula o n-ésimo número desta sequência.

(b) O cálculo do n-ésimo número de Fibonacci pode ser definido de uma forma mais eficiente (e iterativa) se repararmos que ele apenas necessita de conhecer os valores dos 2 valores anteriores. Apresente uma definição alternativa (e iterativa) da função da alínea anterior que calcula o n-ésimo número de Fibonacci, usando duas variáveis auxiliares que guardam os dois valores anteriores.

9. O complemento para dois de um inteiro pode ser calculado de duas formas:

- adicionando 1 ao complemento para um desse número (e este número resulta de inverter todos os bits de um número). Para calcular o complemento para dois de 100100100 começamos por calcular o seu complemento para um 011011011 e depois adicionamos 1 011011100
- aplicando o seguinte algoritmo (considerando os bits da direita para a esquerda, i.e., do menos significativo para o mais significativo), por exemplo para o número 100100100:
  - (a) enquanto forem 0, preservam-se (obtendo 1001001 00)
  - (b) o primeiro 1 também é preservado (obtendo 100100 100)
  - (c) todos os restantes são invertidos (obtendo 011011100).

Apresente duas definições para o cálculo do complemento para dois de um inteiro, baseadas nas alternativas apresentadas.