### Ficha 1

#### Programação Imperativa

### 1 Estado e atribuições

Diga, justificando, qual o output de cada um dos seguintes excertos de código C.

```
int x, y;
  x = 3; y = x+1;
  x = x*y; y = x + y;
  printf("%d\_\%d\_n", x, y);
2.
  int x, y;
  x = 0;
  printf ("%d\sqrt{n}", x, y);
3. (assuma que os códigos ASCII dos caracteres 'A', '0', ' e 'a' são respectivamente
  65, 48, 32 e 97)
  char a, b, c;
  a = 'A'; b = '\Box'; c = '0';
  printf \ ("\%c \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ a);
  a = a+1; c = c+2;
  printf ("%c\sqrt{d}\%c\sqrt{d}\n", a, a, c, c);
  c = a + b;
  printf ("%c\sqrt{n}, c, c);
4.
  int x, y;
  x = 200; y = 100;
  x = x+y; y = x-y; x = x-y;
  printf ("%d\sqrt{n}", x, y);
5.
  char x, y;
  x = 200; y = 100;
  x = x+y; y = x-y; x = x-y;
  printf ("%d\sqrt{n}", x, y);
```

6. int x, y; x = 100; y = 28; x += y; y -= x; printf ("%d\_%d\n", x++, ++y); printf ("%d\_%d\n", x, y);

### 2 Estruturas de controlo

1. Diga, justificando, qual o output de cada um dos seguintes excertos de código C.

```
(a)
    int x, y;
    x = 3; y = 5;
    if (x > y)
     y = 6;
    printf \ ("%d \ \ \ \ '', \ x \, , \ y \,);
(b)
    int x, y;
    x = y = 0;
    while (x != 11) \{
       x = x+1; y += x;
    printf ("%d \sqrt{n}", x, y);
(c)
    \mathbf{int} \ x\,,\ y\,;
    x = y = 0;
    while (x != 11) \{
       x = x+2; y += x;
    printf ("%d\_%d\_n", x, y);
(d)
    int i;
    for (i=0; (i<20) ; i++)
       if (i\%2 = 0) putchar ('_-);
       else putchar ('#');
(e)
    char i, j;
    \  \, \textbf{for} \  \, (\,i = \mbox{`a\,'}\,; \  \, (\,i \ != \ \mbox{`h\,'}\,)\,; \  \, i + \! + \! ) \,\,\, \{ \,
       for (j=i; (j != 'h'); j++)
          putchar (j);
```

```
putchar ('\n');
}

(f)

void f (int n) {
    while (n>0) {
        if (n%2 == 0) putchar ('0');
        else putchar ('1');
        n = n/2;
      }
      putchar ('\n');
}

int main () {
    int i;
    for (i=0;(i<16);i++)
        f (i);
    return 0;
}</pre>
```

- 2. Escreva um programa que liste no ecran as letras do alfabeto (maiúsculas e minúsculas) e o respectivo código ASCII. Use para isso a função printf, tanto para imprimir os carateres como os seus códigos (inteiros).
- 3. Escreva um programa que desenhe no ecran (usando o caracter #) um quadrado de dimensão 5. Defina para isso uma função que desenha um quadrado de dimensão n. Use a função putchar. O resultado da invocação dessa função com um argumento 5 deverá ser

##### ##### ##### #####

4. Escreva um programa que desenhe no ecran (usando os caracteres # e \_) um tabuleiro de xadrez. Defina para isso uma função que desenha um tabuleiro de xadrez de dimensão n. Use a função putchar. O resultado da invocação dessa função com um argumento 5 deverá ser

```
#_#_#
_#_#_
#_#_#
_#_#_#
```

5. Escreva duas funções que desenham triangulos (usando o caracter #). O resultado da invocação dessas funções com um argumento 5 deverá ser

Defina cada uma dessas funções (com o nome triangulo), num ficheiro separado (vertical.c e horizontal.c). Compile esses dois ficheiros (usando o comando gcc -c) separadamente.

Considere agora o seguinte programa triangulo.c

```
#include<stdio.h>
void triangulo (int n);

main () {
  triangulo (5);
  return 0;
}
```

Compile este programa (com o comando gcc -c triangulo.c). Construa (e use) agora dois executáveis, usando os comandos

- gcc -o t1 triangulo.o vertical.o
- gcc -o t2 triangulo.o horizontal.o

# 3 Memória e endereçamento

1. Diga justificando qual o resultado de executar o seguinte programa:

```
int main () {
  int i , j , *a , *b;

i = 3; j = 5;
  a = & i; b = & j;
  i++;
  j = i + *b;
  b = a;
  j = j + *b;
  printf ("%d\n" , j);

return 0;
}
```

2. Considere a seguinte definição de uma função void init (int a)

```
void init (int a) {
  a = 0;
}
```

Diga justificando qual o resultado de executar o seguinte código:

```
int x;
x = 3;
init (x);
printf("%d\n", x);
```

Como modificaria a função (e a sua invocação) para que o resultado fosse 0.

3. Defina uma função void swap (....) que troca o valor de duas variáveis. Por exemplo, o código

```
int x = 3, y = 5;
swap(...);
printf ("%d_%d\n", x, y);
```

deverá imprimir no ecran 5 3.

- 4. Para cada uma das alíneas que se seguem, defina um programa que lê (usando a função scanf uma sequência de números inteiros terminada com o número 0 e imprime no ecran:
  - (a) a soma dos números lidos;
  - (b) o maior elemento da sequência;
  - (c) a média da sequência;
  - (d) o segundo maior elemento;

# 4 Algoritmos Numéricos sobre inteiros

1. Uma forma de definir a multiplicação por um inteiro é através de um somatório de parcelas constantes.

Assim

$$n \times m = \sum_{i=1}^{n} m$$

Esta definição corresponde à definição recursiva que se apresenta à direita.

Apresente ums definição iterativa desta função.

```
int mult (int n, int m) {
  int r;
  if (n>0)
    r = m + mult (n-1, m);
  else r = 0;

return r;
}
```

2. Uma forma alternativa (e muito mais eficiente) consiste em aproveitar a representação binária dos inteiros (onde a multiplicação e divisão por 2 são pelo menos tão eficientes como a adição).

Se analisarmos a definição anterior em dois casos (caso em que o multiplicador é par ou ímpar), obtemos a seguinte definição:

$$n \times m = \left\{ \begin{array}{ll} 2*(n/2 \times m) & \text{Se } n \text{ \'e par} \\ \\ m + 2*(n/2 \times m) & \text{Se } n \text{ \'e impar} \end{array} \right.$$

Que corresponde à definição recursiva que se apresenta à direita.

Apresente ums definição iterativa desta função.

3. O cálculo do máximo divisor comum entre dois números inteiros não negativos pode ser feito, de uma forma muito pouco eficiente, procurando de entre os divisores do menor deles, o maior que é também divisor do outro.

Quantas iterações faz o ciclo desta função para valores dos argumentos de (1,1000) e (999,1000)?

```
int mult (int n, int m) {
  int r;
  if (n>0) {
    r = mult (n>>1, m) << 1;
    if (n % 2 != 0)
      r = r + m;
  }
  else r = 0;
  return r;
}</pre>
```

4. Uma forma alternativa de calcular o máximo divisor comum (mdc) baseia-se na seguinte propriedade demonstrada por Euclides: para  $a \in b$  inteiros positivos,

$$mdc(a,b) = mdc(a+b,b)$$

Desta propriedade podemos concluir que:

$$\operatorname{mdc}(a,b) = \begin{cases} mdc \ (a-b,b) & \operatorname{Se} \ a > b \\ mdc \ (a,b-a) & \operatorname{Se} \ a < b \\ a & \operatorname{Se} \ a = b \end{cases}$$

Que corresponde à definição recursiva que se apresenta à direita.

Apresente ums definição iterativa desta função.

- int mdc (int a, int b) {
   int r;
   if (a == b) r = a;
   else if (a > b)
   r = mdc (a-b, b);
   else r = mdc (a, b-a);
   return r;
  }
- 5. Quantas iterações faz o ciclo da função que apresentou na alínea anterior para valores dos argumentos de (1,1000) e (999,1000)?
- 6. Uma forma de melhorar o comportamento do algoritmo de Euclides consiste em substituir as operações de subtracção por operações de % (resto da divisão inteira). Repita o exercício da alínea anterior para essa variante do algoritmo.

7. Uma outra variante do algoritmo de Euclides para o cálculo do mdc, é conhecida como o algoritmo de Euclides binário, e tal como já vimos noutros casos, usa o facto de a multiplicação e divisão por 2 serem operações muito eficientes.

Os seguintes passos<sup>1</sup> para calcular mdc (a,b) descrevem esta variante:

- (a) mdc (0,a) = mdc (a,0) = a
- (b) Se tanto a como b forem pares, mdc(a,b) = 2\*mdc(a/2, b/2)
- (c) Se a for par e b impar, mdc(a,b) = mdc(a/2,b)
- (d) Se a for impar e b par, mdc(a,b) = mdc(a,b/2)
- (e) Se ambos forem impares e a >= b, mdc(a,b) = mdc((a-b)/2,b)
- (f) Se ambos forem impares e a  $\leq$  b, mdc(a,b) = mdc(a,(b-a)/2)

O algoritmo continua a por aplicar estes passos até que um dos argumentos seja 0. O resultado obtido deverá então ser multiplicado por 2 tantas vezes quantas tiver sido aplicado passo 7b.

Codifique este algoritmo em C, tendo o cuidado de usar as operações << e >> para multiplicar e dividir por 2.

8. A sequência de Fibonacci define-se como

$$fib\ (n) = \begin{cases} 1 & \text{Se } n < 2\\ fib\ (n-1) + fib\ (n-2) & \text{Se } n \ge 2 \end{cases}$$

- (a) Apresente uma definição recursiva de uma função que calcula o n-ésimo número desta sequência.
- (b) O cálculo do n-ésimo número de Fibonacci pode ser definido de uma forma mais eficiente (e iterativa) se repararmos que ele apenas necessita de conhecer os valores dos 2 valores anteriores. Apresente uma definição alternativa (e iterativa) da função da alínea anterior que calcula o n-ésimo número de Fibonacci, usando duas variáveis auxiliares que guardam os dois valores anteriores.

# 5 Representação binária de inteiros

- 1. Defina uma função int bitsUm (unsigned int n) que calcula o número de bits iguais a 1 usados na representação binária de um dado número n.
- 2. Defina uma função int trailing (unsigned int n) que calcula o número de bits a 0 no final da representação binária de um número (i.e., o expoente da maior potência de 2 que é divisor desse número).
- 3. Usando as operações *bitwise* do C, defina uma função unsigned int inc (unsigned int n) que calcula o incremento de um dado número.
- 4. O complemento para dois de um inteiro pode ser calculado de duas formas:

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>ver em en.wikipedia.org/wiki/Binary\_GCD\_algorithm

- adicionando 1 ao complemento para um desse número (e este número resulta de inverter todos os bits de um número). Para calcular o complemento para dois de 100100100 começamos por calcular o seu complemento para um 011011011 e depois adicionamos 1 011011100
- aplicando o seguinte algoritmo (considerando os bits da direita para a esquerda, i.e., do menos significativo para o mais significativo), por exemplo para o número 100100100:
  - (a) enquanto forem 0, preservam-se (obtendo 1001001 00)
  - (b) o primeiro 1 também é preservado (obtendo 100100 100)
  - (c) todos os restantes são invertidos (obtendo 011011100).

Apresente duas definições para o cálculo do complemento para dois de um inteiro, baseadas nas alternativas apresentadas.

5. Defina, usando as operações bitwise do C, uma função para somar dois números inteiros.