MÓDULOS

•
$$|x| = \begin{cases} x & \text{se } x \ge 0 \\ -x & \text{se } x < 0 \end{cases}$$

•
$$|x| \le a \Leftrightarrow -a \le x \le a$$

•
$$|x| \ge a \Leftrightarrow x \le -a \lor x \ge a$$

LOGARITMOS

•
$$\log_a 1 = 0$$

•
$$\log_a a = 1$$

•
$$\log_a b \cdot c = \log_a b + \log_a c$$

•
$$\log_a \frac{b}{c} = \log_a b - \log_a c$$

•
$$\log_a b^n = n \log_a b$$

• Mudança de base:
$$\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a}$$

REGRAS DE DERIVAÇÃO

Derivadas Simples:

• Soma/Diferença: $(f \pm g)' = f' \pm g'$

• Produto:
$$(fg)' = f'g + fg'$$

Constante: $(\alpha f)' = \alpha f'$

• Quociente:
$$\left(\frac{f}{g}\right)' = \frac{f'g - fg'}{g^2}$$

• Potência:
$$(f^{\alpha})' = \alpha f^{\alpha-1} f'$$

• Exponencial:
$$\left(\alpha^f\right)' = f'\alpha^f(\ln \alpha)$$

Base e : $\left(e^f\right)' = f'e^f$

• Logaritmo:
$$(\log_{\alpha} f)' = \frac{f'}{f(\ln \alpha)}$$

Base
$$e$$
: $(\ln f)' = \frac{f'}{f}$

• Funções Trigonométricas:

$$* (\sin f)' = f'(\cos f)$$

$$* (\cos f)' = -f'(\sin f)$$

$$* (\tan f)' = \frac{f'}{\cos^2 f}$$

$$* (\arcsin f)' = \frac{f'}{\sqrt{1 - f^2}}$$

$$* (\arccos f)' = -\frac{f'}{\sqrt{1 - f^2}}$$

$$* (\arctan f)' = \frac{f'}{1+f^2}$$

• Função Hiperbólicas:

$$* (\sinh f)' = f'(\cosh f)$$

*
$$(\cosh f)' = f'(\sinh f)$$

Derivada da Função Composta

•
$$f[g(x)]' = f'[g(x)] \times g'(x)$$

Derivada da Função Inversa

•
$$(f^{-1})'(y) = \frac{1}{f'(f^{-1}(y))}$$

REGRAS DE PRIMITIVAÇÃO

Primitivas Imediatas e Quase-Imediatas

•

Primitivação por partes

•
$$\int u(x) \cdot v'(x) \, dx = u(x) \cdot v(x) - \int u'(x) \cdot v(x) \, dx$$

Primitivação por substituição

•
$$\int f(x) dx = \left(\int f(u(t)) u'(t) dt \right)_{t=u^{-1}(x)}$$