



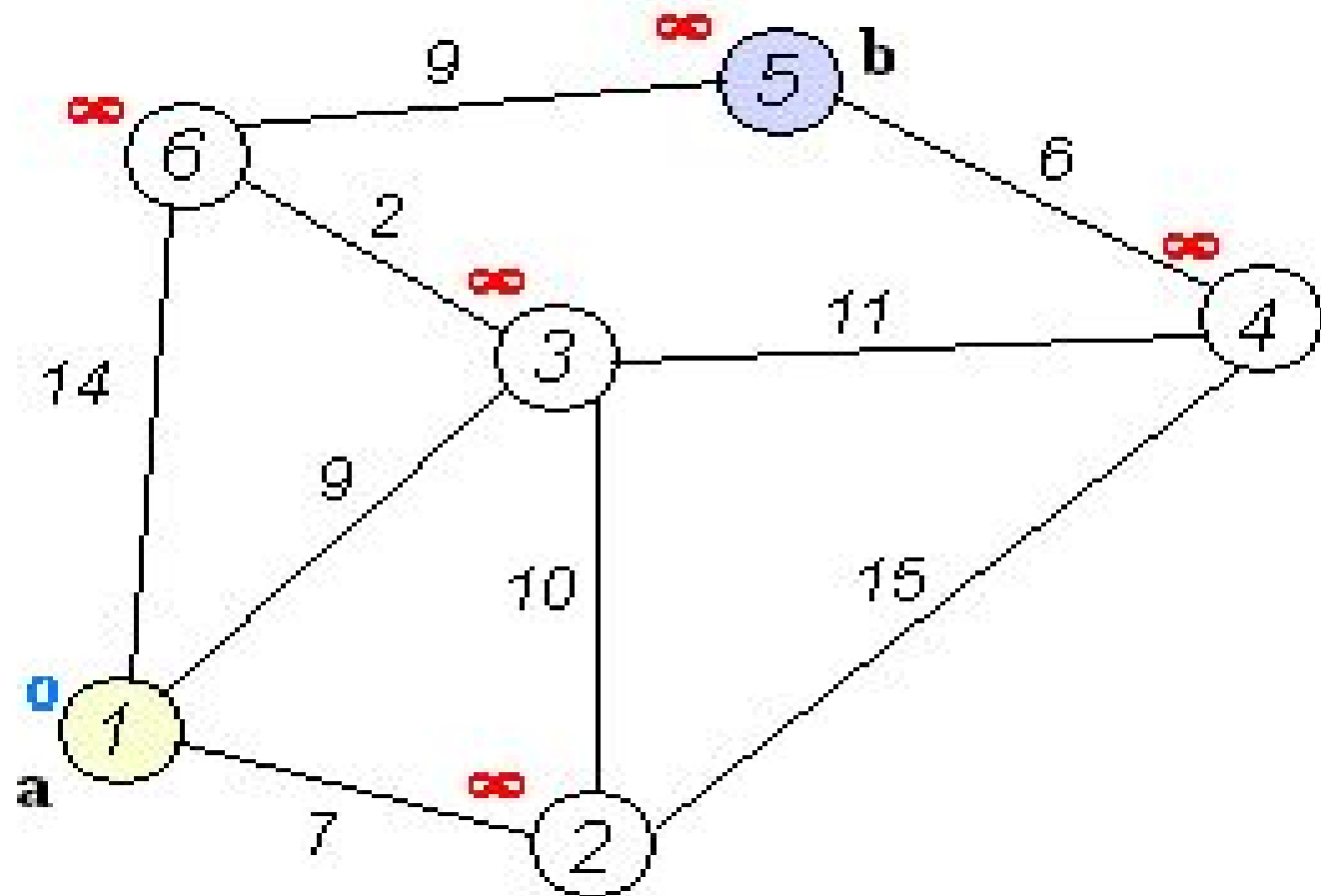
# Grafos

Algoritmos e seus  
funcionamentos

# Algoritmo de dijkstra

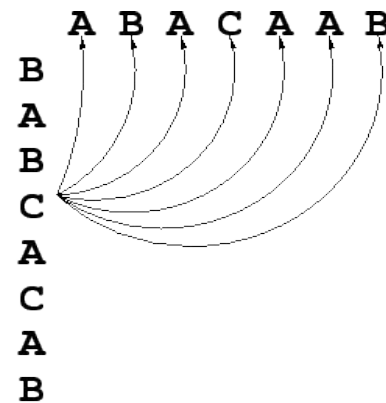
**algoritmo de Dijkstra**, concebido pelo **cientista da computação** holandês **Edsger Dijkstra** em 1956 e publicado em 1959, soluciona o **problema do caminho mais curto** num **grafo dirigido** ou não dirigido com arestas de peso não negativo, em tempo computacional  $O([m+n]\log n)$  onde  $m$  é o número de arestas e  $n$  é o número de vértices.



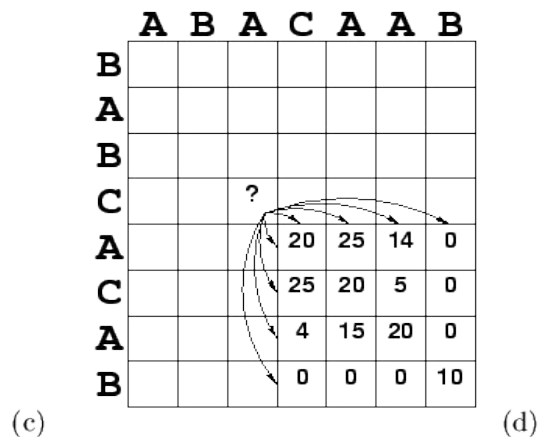


# Algoritmo de warshall

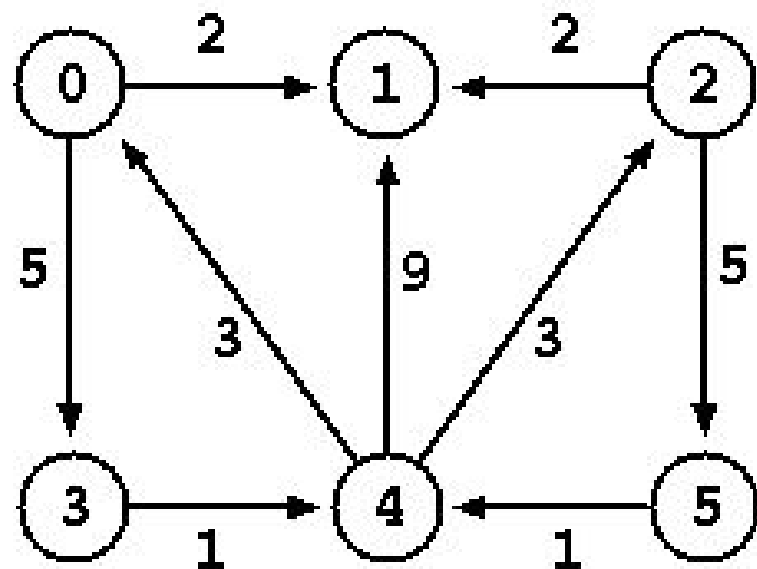
Na [ciência da computação](#), o **algoritmo de Floyd-Warshall** é um [algoritmo](#) que resolve o problema de calcular o [caminho mais curto](#) entre todos os pares de [vértices](#) em um [grafo orientado](#) (com direção) e valorado (com peso). O algoritmo Floyd-Warshall foi publicado por Robert Floyd em 1962. Este algoritmo é o mesmo que foi publicado por [Bernard Roy](#) em 1959 e também por [Stephen Warshall](#) em 1962 para determinar o fechamento transitivo de um grafo.<sup>[1]</sup> O formato atual do algoritmo de Floyd-Warshall com três loops de repetição foi descrito por [Peter Ingerman](#) em 1962.



$$\begin{aligned} a &= \mathbf{B \ A \ B \ C \ A \ C \ A \ B} \\ (a) \ b &= \mathbf{A \ B \ A \ C \ A \ A \ B} \end{aligned} \quad (b)$$



$$\begin{aligned} &\mathbf{B \ A \ B \ C \ A \ C \ A \ - \ B} \\ (e) \ &\mathbf{- \ A \ B \ - \ A \ C \ A \ A \ B} \end{aligned}$$



	0	1	2	3	4	5
0	0	2	0	5	0	0
1	0	0	0	0	0	0
2	0	2	0	0	0	5
3	0	0	0	0	1	0
4	3	9	3	0	0	0
5	0	0	0	0	1	0

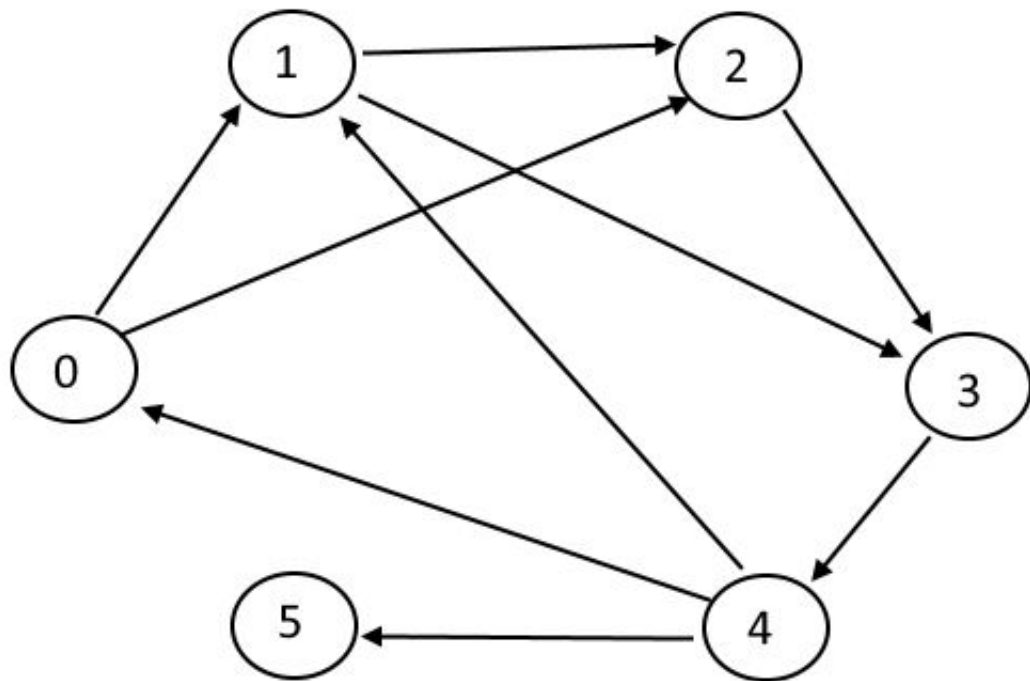
# BFS & DFS

Na teoria dos [grafos](#), **busca em largura** (ou busca em amplitude, também conhecido em inglês por Breadth-First Search - BFS) é um [algoritmo de busca](#) em [grafos](#) utilizado para realizar uma busca ou [travessia](#) num grafo e estrutura de dados do tipo árvore.

Intuitivamente, você começa pelo vértice raiz e explora todos os vértices vizinhos. Então, para cada um desses vértices mais próximos, exploramos os seus vértices vizinhos inexplorados e assim por diante, até que ele encontre o alvo da busca.

Na teoria dos [grafos](#), **busca em profundidade** (ou busca em profundidade-primeiro, também conhecido em inglês por Depth-First Search - DFS) é um algoritmo usado para realizar uma [busca](#) ou travessia numa árvore, [estrutura de árvore](#) ou [grafo](#). Intuitivamente, o [algoritmo](#) começa num nó raiz (selecioneando algum nó como sendo o raiz, no caso de um grafo) e explora tanto quanto possível cada um dos seus ramos, antes de retroceder([backtracking](#)).

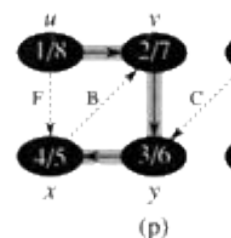
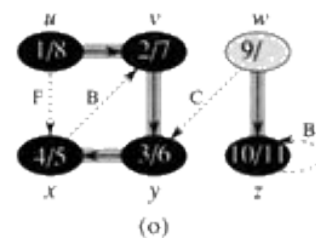
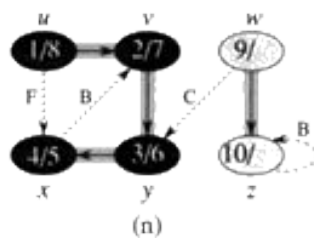
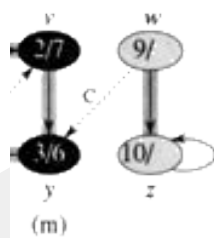
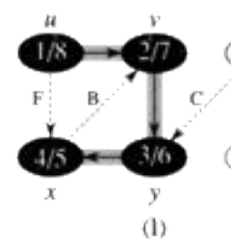
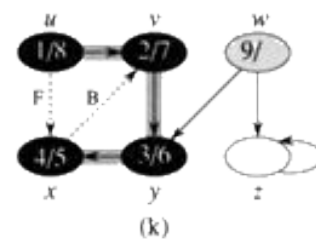
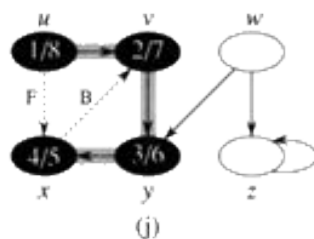
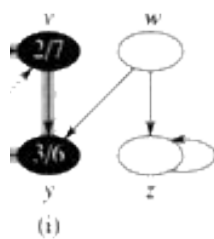
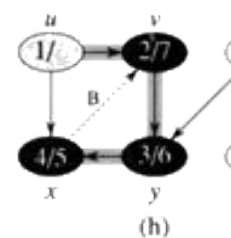
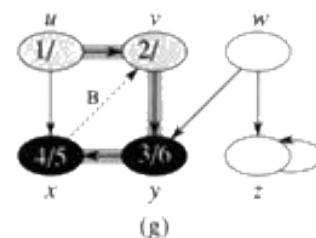
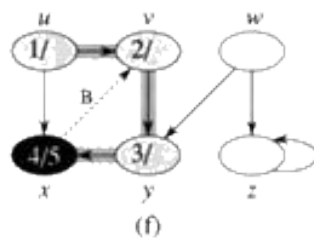
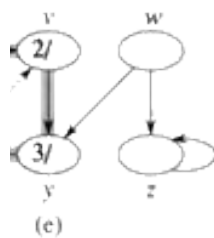
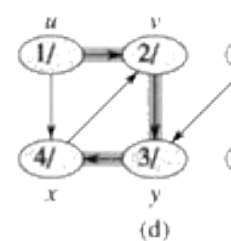
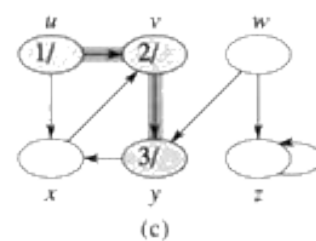
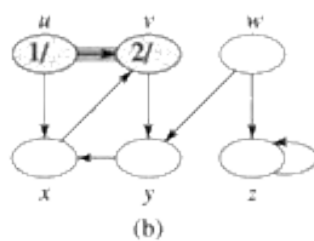
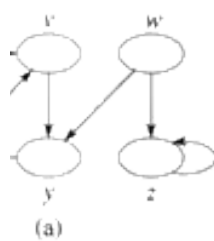
# BFS



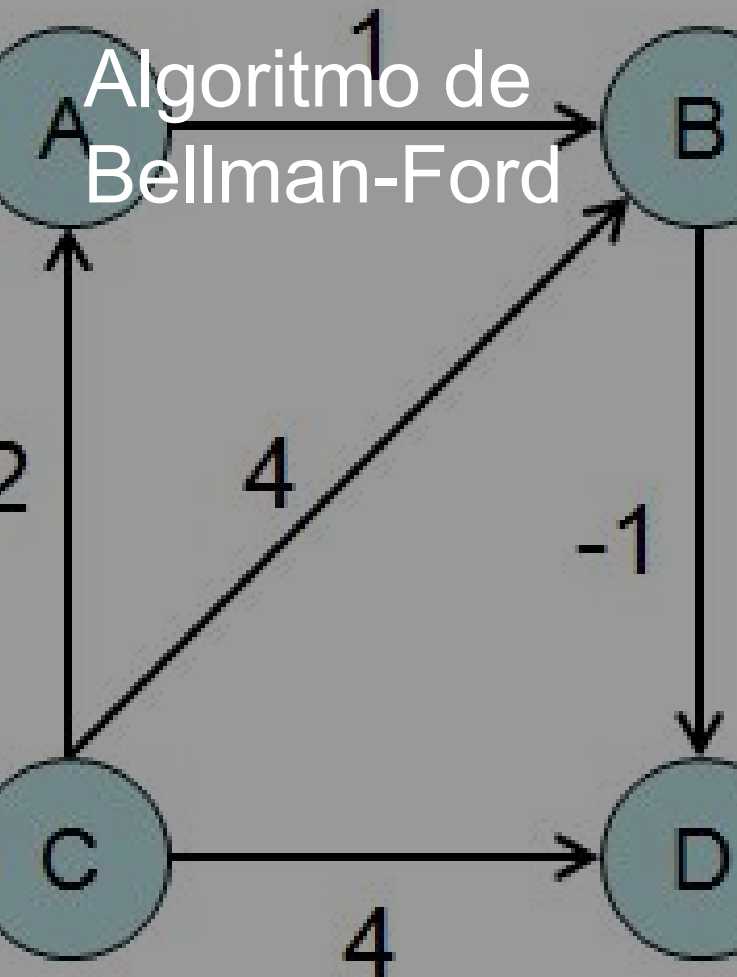
BFS starting from Node 0

0 2 1 3 4 5

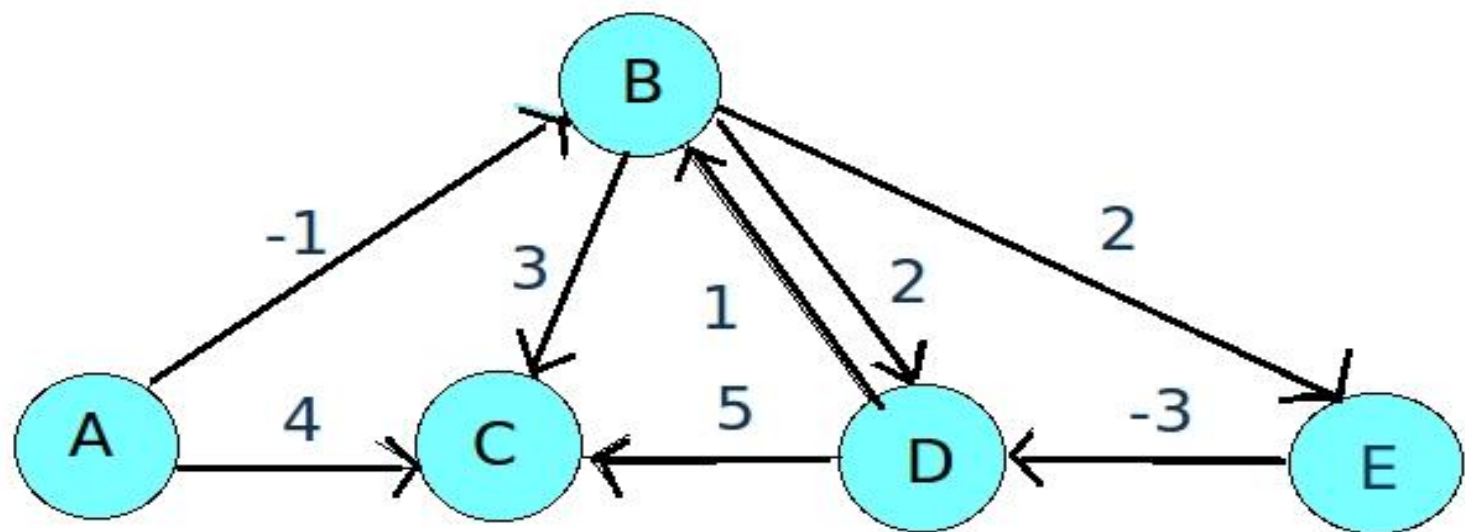
# DFS







O **Algoritmo de Bellman-Ford** é um algoritmo de busca de **caminho mínimo** em um **dígrafo** ponderado, ou seja, cujas arestas têm peso, inclusive negativo. O **Algoritmo de Dijkstra** resolve o mesmo problema, num tempo menor, porém exige que todas as arestas tenham pesos positivos. Portanto, o algoritmo de Bellman-Ford é normalmente usado apenas quando existem arestas de peso negativo.



Shortest distance from source node A, to all the other nodes.

1st iteration

2nd iteration

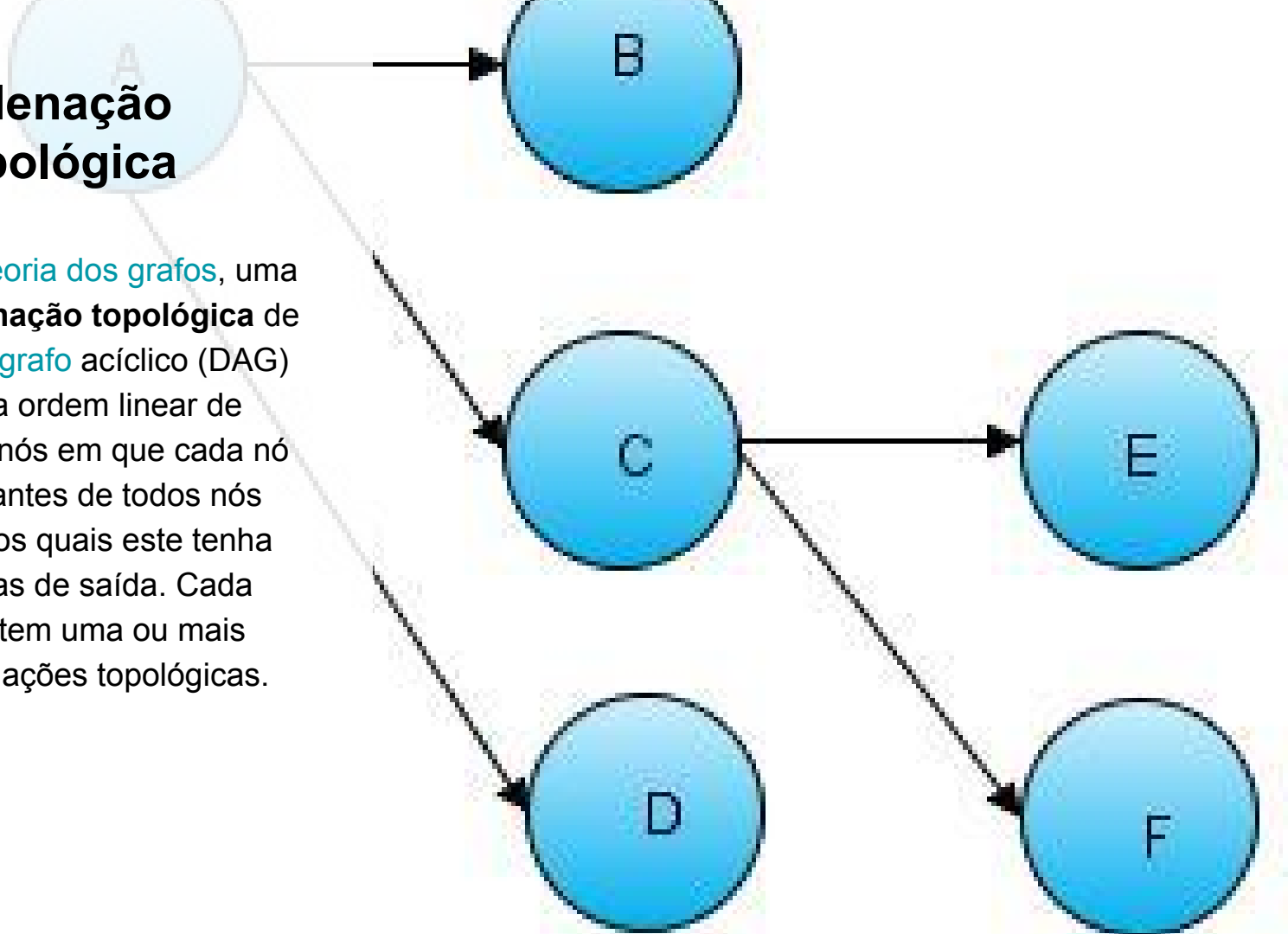
3rd iteration

4th iteration

A	B	C	D	E
0	inf	inf	inf	inf
0	-1	4	inf	inf
0	-1	2	1	1
0	-1	2	-2	1

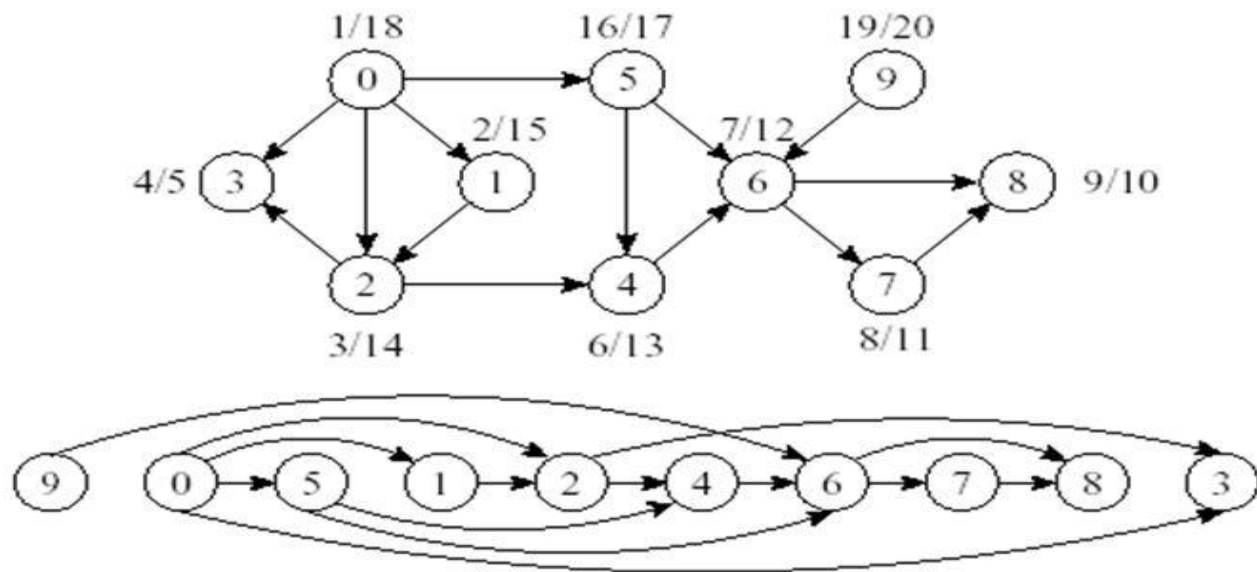
# Ordenação Topológica

Em [teoria dos grafos](#), uma **ordenação topológica** de um [digrafo](#) acíclico (DAG) é uma ordem linear de seus nós em que cada nó vem antes de todos nós para os quais este tenha arestas de saída. Cada DAG tem uma ou mais ordenações topológicas.



# Ordenação Topológica

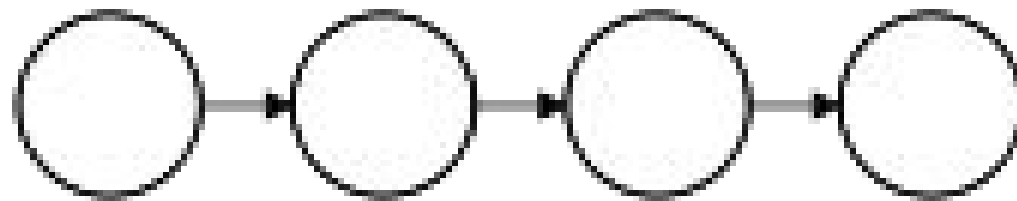
- Uma aresta direcionada  $(u,v)$  indica que a atividade  $u$  tem que ocorrer antes da atividade  $v$



# Fecho Transitivo

Se a própria relação binária é transitiva, então o fecho transitivo é a própria relação; senão, o fecho transitivo é uma outra relação. Por exemplo, se  $X$  é um conjunto de aeroportos e  $x R y$  significa "existe um voo direto do aeroporto  $x$  para o aeroporto  $y$ ", então o fecho transitivo de  $R$  sobre  $X$  é a relação  $R^+$ : "é possível voar a partir de  $x$  para  $y$  em um ou mais voos."

Input



Output

