# Universidade tecnológica federal do paraná - UTFPR

# **Atividade Prática Supervisionada (APS)**

## Solução Numérica de Equações Diferenciais Ordinárias

CN24NB – Cálculo Numérico Profa. Dra. Fernanda Paula Barbosa Pola Acadêmico Rafael Anderson Dalmolin Acadêmico Aviner Moraes

RA 1436287 RA 1585568

## Exercício 1)

## a),b), c)

As respostas paras as perguntas a,b e c estão anexas, foram calculadas todos os métodos como requisitado. Podemos verificar os valores na tabela de resultados.

d)

Analisando os dois gráficos do com título Exercício 1, podemos verificar que quanto menor for o passa h, melhor conseguimos uma aproximação para o valor real.

## Exercício 2)

### a) b)

A implementação do algoritmo foi feita em linguagem c.

Segue em anexo o código fonte, podendo ser compilado em ambiente Linux pelo terminal.

Instruções

1ºAcessar a pasta contendo o código fonte

2ºPara compilar basta digitar

gcc nomedoarquivo.c –o nomedoarquivo

3ºPara iniciar o algoritmo

./nomedoarquivo

A tabela com os resultados obtidos segue em anexo

c)

Podemos notar que para obtermos uma boa aproximação pelo método de Euler precisamos diminuir muito o passo h, o que acarreta num esforço computacional muito grande.

Já com o método de Runge Kutta, obtemos uma aproximação muito próxima da solução exata da função e com muito menos esforço computacional, tornando-o muito mais viável.

#### Tabela de Resultados do exercício 1

### PARA h=0.5

```
X | EULER AP|S. EXATA | ERRO ABSOLUTO

0.50 | 0.65625 | 0.63234 | 0.02391

1.00 | 0.53320 | 0.51342 | 0.01979

1.50 | 0.69983 | 0.68729 | 0.01254

2.00 | 1.77144 | 1.94773 | 0.17629
```

```
X | RUNGE K. | S. EXATA | ERRO ABSOLUTO

0.50 | 0.63234 | 0.63234 | 0.00001

1.00 | 0.51335 | 0.51342 | 0.00007

1.50 | 0.68700 | 0.68729 | 0.00029

2.00 | 1.93321 | 1.94773 | 0.01452
```

### Tabela de Resultados do exercício 1

#### **PARA h=0.25**

- X | EULER AP | S. EXATA | ERRO ABSOLUTO
- 0.25 | 0.78711 | 0.78287 | 0.00424
- 0.50 | 0.63837 | 0.63234 | 0.00604
- 0.75 | 0.55016 | 0.54369 | 0.00647
- 1.00 | 0.52007 | 0.51342 | 0.00666
- 1.25 | 0.55664 | 0.54938 | 0.00726
- 1.50 | 0.69499 | 0.68729 | 0.00770
- 1.75 | 1.03875 | 1.03713 | 0.00162
- 2.00 | 1.89693 | 1.94773 | 0.05080
- X | RUNGE K. | S. EXATA | ERRO ABSOLUTO
- 0.25 | 0.78287 | 0.78287 | 0.00000
- 0.50 | 0.63234 | 0.63234 | 0.00000
- 0.75 | 0.54369 | 0.54369 | 0.00000
- 1.00 | 0.51342 | 0.51342 | 0.00000
- 1.25 | 0.54938 | 0.54938 | 0.00000
- 1.50 | 0.68728 | 0.68729 | 0.00001
- 1.75 | 1.03700 | 1.03713 | 0.00013
- 2.00 | 1.94632 | 1.94773 | 0.00142

## Tabela de Resultados do exercício 2

## **PARA h=0.05**

EXATA	ERRO ABSOLUTO
1.31422	0.00047
1.65886	0.00104
2.03711	0.00172
2.45252	0.00254
2.90898	0.00350
3.41083	0.00465
3.96282	0.00599
4.57024	0.00757
5.23891	0.00941
5.97528	0.01155
6.78646	0.01404
7.68032	0.01693
8.66557	0.02027
9.75180	0.02412
10.94964	1  0.02856
12.27084	1  0.03367
13.72836	5  0.03953
15.33653	3  0.04625
17.11121	L  0.05395
19.06990	0  0.06276
	1.31422  1.65886  2.03711  2.45252  2.90898  3.41083  3.96282  4.57024  5.23891  5.97528  6.78646  7.68032  8.66557  9.75180  10.94964  12.27084  13.72836  15.33653

0.05  1.31422	1.31422	6.00000	6.27500	6.28875	6.57888	0.00000
0.10   1.65886	1.65886	6.57844	6.88236	6.89756	7.21820	0.00000
0.15   2.03711	2.03711	7.21771	7.55360	7.57039	7.92475	0.00000
0.20   2.45252	2.45252	7.92422	8.29543	8.31399	8.70562	0.00000
0.25   2.90898	2.90898	8.70503	9.11528	9.13580	9.56861	0.00000
0.30   3.41082	3.41083	9.56796	10.02136	10.04403	10.52237	0.00000
0.35  3.96282	3.96282	10.52165	11.02273	11.04779	11.57643	0.00000
0.40   4.57023	4.57024	11.57563	12.12942	12.15710	12.74134	0.00000
0.45   5.23890	5.23891	12.74047	13.35249	13.38309	14.02878	0.00000
0.50   5.97527	5.97528	14.02781	14.70420	14.73802	15.45161	0.00001
0.55   6.78645	6.78646	15.45054	16.19807	16.23544	17.02408	0.00001
0.60   7.68031	7.68032	17.02290	17.84904	17.89035	18.76193	0.00001
0.65  8.66556	8.66557	18.76063	19.67366	19.71931	20.68256	0.00001
0.70   9.75179	9.75180	20.68111	21.69017	21.74062	22.80517	0.00001
0.75   10.94963	10.94964	22.80358	23.91875	23.97451	25.15103	0.00001
0.80   12.27082	12.27084	25.14926	26.38172	26.44335	27.74360	0.00002
0.85   13.72834	13.72836	27.74164	29.10373	29.17183	30.60883	0.00002
0.90   15.33651	15.33653	30.60667	32.11200	32.18727	33.77540	0.00002
0.95   17.11118	17.11121	33.77302	35.43667	35.51985	37.27500	0.00003
1.00   19.06987	19.06990	37.27237	39.11098	39.20292	41.14266	0.00003

## Tabela de Resultados do exercício 2

#### **PARA h=0.1**

X | EULER AP | EXATA | ERRO ABSOLUTO 
0.10 | 1.65500 | 1.65886 | 0.00386 
0.20 | 2.44310 | 2.45252 | 0.00942 
0.30 | 3.39358 | 3.41083 | 0.01724 
0.40 | 4.54217 | 4.57024 | 0.02807 
0.50 | 5.93245 | 5.97528 | 0.04283 
0.60 | 7.61759 | 7.68032 | 0.06274 
0.70 | 9.66245 | 9.75180 | 0.08935 
0.80 | 12.14619 | 12.27084 | 0.12464 
0.90 | 15.16536 | 15.33653 | 0.17117 
1.00 | 18.83774 | 19.06990 | 0.23217

X | RUNGE K. | EXATA **| ERRO ABSOLUTO** |K1 | K2 |K3 | K4 0.10 | 1.65885 | 1.65886 |6.00000 |6.55000 |6.60500 |7.22100 |0.00001 0.20 | 2.45250 | 2.45252 | 7.21770 | 7.88947 | 7.95665 | 8.70903 | 0.00002 0.30 | 3.41079 | 3.41083 | 8.70500 | 9.52550 | 9.60755 | 10.52651 | 0.00003 0.40 | 4.57018 | 4.57024 | 10.52159 | 11.52374 | 11.62396 | 12.74638 | 0.00006 0.50 | 5.97519 | 5.97528 | 12.74036 | 13.96440 | 14.08680 | 15.45773 | 0.00008 |7.68032 | | 15.45038 | 16.94542 | 17.09492 | 18.76937 | 0.00012 0.60 | 7.68020 0.70 | 9.75162 | 9.75180 | 18.76040 | 20.58644 | 20.76904 | 22.81420 | 0.00018 0.80 | 12.27059 | 12.27084 | 22.80325 | 25.03357 | 25.25660 | 27.75457 | 0.00025 0.90 | 15.33619 | 15.33653 | 27.74119 | 30.46530 | 30.73772 | 33.78873 | 0.00034 1.00 | 19.06945 | 19.06990 | 33.77238 | 37.09962 | 37.43235 | 41.15885 | 0.00046