

Barnsley Fern (Samambaia de Barnsley)

Para esse trabalho resolvi implementar a Barnsley Fern, que é um fractal em forma de samambaia nomeado em homenagem ao matemático Michael Barnsley que o primeiramente o descreveu em seu livro *Fractals Everywhere*. Para a interface é usado Python, e para os cálculos é usado C. As informações detalhadas de como executar estão no Readme.md no Github.

Construções da Barnsley Fern:

Esse fractal é construído usando 4 transformações de matrizes:

$$\begin{aligned}
 f_1(x, y) &= \begin{bmatrix} 0.00 & 0.00 \\ 0.00 & 0.16 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} \\
 f_2(x, y) &= \begin{bmatrix} 0.85 & 0.04 \\ -0.04 & 0.85 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0.00 \\ 1.60 \end{bmatrix} \\
 f_3(x, y) &= \begin{bmatrix} 0.20 & -0.26 \\ 0.23 & 0.22 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0.00 \\ 1.60 \end{bmatrix} \\
 f_4(x, y) &= \begin{bmatrix} -0.15 & 0.28 \\ 0.26 & 0.24 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0.00 \\ 0.44 \end{bmatrix}
 \end{aligned}$$

Essas transformações são aplicadas em sequência, o 'x' e 'y' de uma alimenta a próxima iteração.

O algoritmo decide qual transformação utilizar de acordo com probabilidades definidas para cada uma. Nessa tabela, o 'p' descreve essas probabilidades:

w	a	b	c	d	e	f	p	Portion generated
f_1	0	0	0	0.16	0	0	0.01	Stem
f_2	0.85	0.04	-0.04	0.85	0	1.60	0.85	Successively smaller leaflets
f_3	0.20	-0.26	0.23	0.22	0	1.60	0.07	Largest left-hand leaflet
f_4	-0.15	0.28	0.26	0.24	0	0.44	0.07	Largest right-hand leaflet

O primeiro ponto se localiza na origem ($x_0 = 0$, $y_0 = 0$).

Os próximos pontos são calculados com as transformações e suas probabilidades:

f_1 :

$$x_{n+1} = 0$$

$$y_{n+1} = 0.16 y_n$$

f_2 :

$$x_{n+1} = 0.85 x_n + 0.04 y_n$$

$$y_{n+1} = -0.04 x_n + 0.85 y_n + 1.6$$

f_3 :

$$x_{n+1} = 0.2 x_n - 0.26 y_n$$

$$y_{n+1} = 0.23 x_n + 0.22 y_n + 1.6$$

f_4 :

$$x_{n+1} = -0.15 x_n + 0.28 y_n$$

$$y_{n+1} = 0.26 x_n + 0.24 y_n + 0.44$$

Para esses cálculos eu utilizei C, e estão no arquivo calculations.c.

```
calculations_build.py barnsley-fern M  calculations.h barnsley-fern M  calculations.c barnsley-fern M
C calculations.c > ...
1  #include <calculations.h>
2
3  // nesse arquivo estão os cálculos de todas as transformações
4  // necessárias para os pontos
5
6  float f1_x(float x, float y) {
7      return 0.00;
8  }
9
10 float f1_y(float x, float y) {
11     return 0.16 * y;
12 }
13
14 float f2_x(float x, float y) {
15     return (0.85 * x) + (0.04 * y);
16 }
17
18 float f2_y(float x, float y) {
19     return (-0.04 * x) + (0.85 * y) + 1.6;
20 }
21
22 float f3_x(float x, float y) {
23     return (0.2 * x) - (0.26 * y);
24 }
25
26 float f3_y(float x, float y) {
27     return (0.23 * x) + (0.22 * y) + 1.6;
28 }
29
30 float f4_x(float x, float y) {
31     return (-0.15 * x) + (0.28 * y);
32 }
33
34 float f4_y(float x, float y) {
35     return (0.26 * x) + (0.24 * y) + 0.44;
36 }
37
38 int main() {
39     return 0;
40 }
```

No arquivo main.py é utilizado essas funções que realizam os cálculos de acordo com suas probabilidades, e eu utilizo a biblioteca 'matplotlib' para plotar numa interface.

```
calculations_build.py barnsley-fern M  calculations.h barnsley-fern M  main.py barnsley-fern M X
main.py > main
1  from random import randint
2
3  import matplotlib.pyplot as plt
4  from _calculations_cffi import ffi, lib
5  from matplotlib.pyplot import figure
6
7  # número de ponto a serem redenzados
8  POINTS = 50000
9
10 def main():
11     x = []
12     y = []
13     x.append(0)
14     y.append(0)
15
16     current = 0
17
18     # para cada ponto aplica a função de acordo com sua probabilidade
19     for i in range(1, POINTS):
20         z = randint(1, 100)
21
22         if z == 1:
23             x.append(lib.f1_x(x[current], y[current]))
24             y.append(lib.f1_y(x[current], y[current]))
25
26         if z >= 2 and z <= 86:
27             x.append(lib.f2_x(x[current], y[current]))
28             y.append(lib.f2_y(x[current], y[current]))
29
30         if z >= 87 and z <= 93:
31             x.append(lib.f3_x(x[current], y[current]))
32             y.append(lib.f3_y(x[current], y[current]))
33
34         if z >= 94 and z <= 100:
35             x.append(lib.f4_x(x[current], y[current]))
36             y.append(lib.f4_y(x[current], y[current]))
37
38         current = current + 1
39
40     # plota a interface
41     with plt.style.context('dark_background'):
42         figure(figsize=(8, 10), dpi=80)
43         plt.scatter(x, y, s = 0.2, edgecolor='green')
44         plt.grid(False)
45         plt.axis('off')
46         plt.show()
47
48 if __name__ == '__main__':
49     main()
```

Como foi feito a linkagem entre os códigos em C e Python:

Foi utilizada a biblioteca CFFI, que tem como objetivo chamar código C de dentro do código Python.

O bind é feito no arquivo calculations_build.py onde a biblioteca é chamada, ela necessita saber do arquivo header(.h) e implementação(.c), ele compila o código e gera o bind em um pacote automaticamente numa pasta Release. Com isso, é possível utilizar as funções C no Python a lib desse pacote. Nesse caso eu chamei esse pacote de _calculations_cffi:

```
calculations_build.py barnsley-ferm M x h calculations.h barnsley-ferm M C
calculations_build.py > ...
1 import pathlib
2
3 import cffi
4
5 # builder que para gerar o bind entre C e Python
6 ffibuilder = cffi.FFI()
7
8 # pega o arquivo header
9 this_dir = pathlib.Path().absolute()
10 h_file_name = this_dir / "calculations.h"
11 with open(h_file_name) as h_file:
12     ffibuilder.cdef(h_file.read())
13
14 # seta o arquivo header e o ponto .c a se linkar
15 ffibuilder.set_source(
16     "_calculations_cffi",
17     '#include "calculations.h"',
18     sources=["calculations.c"],
19     include_dirs=[this_dir.as_posix()],
20     extra_link_args=["-Wl,-rpath,."],
21 )
22
23 # compila o código C e gera a pasta Realise
24 # com o pacote e as funções
25 if __name__ == "__main__":
26     ffibuilder.compile(verbose=True)
27
```

Para as funções estão dentro da lib do pacote `_calculations_cffi`, e podem ser acessadas por ela.

```
from random import randint

import matplotlib.pyplot as plt
from _calculations_cffi import ffi, lib
from matplotlib.pyplot import figure
```

```
if z == 1:
    x.append(lib.f1_x(x[current], y[current]))
    y.append(lib.f1_y(x[current], y[current]))
```

Aqui está o fractal gerado através dos códigos:



Links consultados para realizar esse trabalho:

https://en.wikipedia.org/wiki/Barnsley_fern

<https://cffi.readthedocs.io/en/latest/overview.html>

<https://matplotlib.org>