## LISTA 3: PROBABILIDADES - Estatística



## Prof<sup>a</sup> Patrícia Stülp

- Para cada um dos casos abaixo, escreva o espaço amostral correspondente e diga quantos s\u00e3o seus elementos.
  - (a) Uma moeda é lançada duas vezes e observam-se as faces obtidas.
  - (b) Um dado é lançado duas vezes e a ocorrência de face par ou ímpar é observada.
  - (c) Uma urna contém 10 bolas azuis e 10 vermelhas. Três bolas são selecionadas ao acaso com reposição e as cores são anotadas.
  - (d) Dois dados são lançados simultaneamente estamos interessados na soma das faces observadas.
  - (e) Em uma cidade, famílias com 3 crianças são selecionadas ao acaso, anotando-se o sexo de cada uma.
- 2) Sendo A e B dois eventos em um mesmo espaço amostral, "traduza" para a linguagem de conjuntos as seguintes situações:
  - (a) Pelo menos um dos eventos ocorre.
  - (b) Exatamente um dos eventos ocorre.
  - (c) Nenhum deles ocorre.
  - (d) O evento A ocorre, mas B não.
- 3) Considere o lançamento de dois dados. Considere os eventos: A = soma dos número obtidos igual a 9 e B = número no primeiro dado maior ou igual a 4. Enumere os elementos de A e B. Obtenha  $A \cup B$ ,  $A \cap B \in A^c$ .
- 4) Obtenha as probabilidades dos eventos que aparecem no Exercício acima.
- 5) Sejam A e B dois eventos associados a um experimento. Suponha que P(A)=0,4 e  $P(A\cup B)=0,7$ . Seja P(B)=p.
  - (a) Para que valor de p tem-se A e B mutuamente exclusivos?
  - (b) Para que valor de p tem-se A e B independentes?
- **6)** Demonstre que, se A e B forem eventos independentes, também o serão A e  $B^c$ ,  $A^c$  e B,  $A^c$  e  $B^c$ .
- 7) A probabilidade de que uma indústria norteamericana será localizada em Xangai é de 0,7; a probabilidade de que será localizada em Pequim é de 0,4: e a probabilidade de que será localizada em Xangai ou em Pequim, ou em ambos os lugares, é de 0,8. Qual é a probabilidade de que a empresa seja localizada
  - (a) em ambas as cidades?
  - (b) em nenhuma das cidades?

- 8) Uma montagem eletrônica é formada por dois subsistemas A e B. De experimentos anteriores, as seguintes probabilidades se admitem conhecidas: P(A falhe) = 0,20, P(A e B falhem) = 0,15 e P(B falhe sozinho) = 0,15. Calcule as seguintes probabilidades:
  - (a)  $P(Afalhe \mid Btenha falhado)$ .
  - (b) P(Afalhe sozinho).
- 9) A poluição dos rios nos Estados Unidos é um problema há anos. Considere os seguintes eventos:  $A = \{O \text{ rio \'e polu\'eo}\}$ ,  $B = \{U\text{ma amostra da água testada detecta poluição}\}$  e  $C = \{A \text{ pesca \'e permitida}\}$ . Assuma  $P(A) = 0, 30, P(B|A) = 0, 75, P(B|A^c) = 0, 20, P(C|A \cap B) = 0, 20, P(C|A^c \cap B) = 0, 15, P(C|A \cap B^c) = 0, 80, P(C|A^c \cap B^c) = 0, 90.$ 
  - (a) Determine  $P(A \cap B \cap C)$ .
  - **(b)** Determine  $P(B^c \cap C)$ .
  - (c) Determine P(C).
  - (d) Determine a probabilidade de o rio ser poluído dado que a pesca é permitida e a amostra testada não detectou poluição.
- 10) Dois processadores tipos A e B são colocados em teste por 50 mil horas. A probabilidade de que um erro de cálculo aconteça em um processador do tipo A é de 0, 4, no tipo B é 0, 7 e, em ambos, 0, 3. Qual a probabilidade de que:
  - (a) Pelo menos um dos processadores tenha apresentado erro?
  - (b) Nenhum processador tenha apresentado erro?
  - (c) Apenas o processador A tenha apresentado erro?
  - (d) O processador A apresente erro, dado que B não apresentou?
- 11) Uma indústria automobilística está preocupada com uma possível recall de seu sedã quatro portas mais vendido. Se houver um recall, há 0, 25 de probabilidade de que o defeito seja no sistema de freios; 0, 18 de que seja na transmissão; 0, 17 de que seja no sistemas de combustível e 0, 40 de que seja em alguma outra parte.
  - (a) Qual é a probabilidade de que o defeito esteja nos freios ou no sistema de combustível, se a probabilidade de defeitos em ambos os sistemas, simultaneamente, é de 0, 15?
  - (b) Qual é a probabilidade de que não haja defeitos nem no sistema de freios nem no sistemas de combustível?

- 12) É comum, em muitas áreas industriais, o uso de máquinas envasadoras para colocar os produtos em caixas. Isso ocorre na indústria alimentícia, bem como em outras áreas nas quais os produtos têm uso doméstico, como o detergente. Tais máquinas não são perfeitas e podem: A, atender às especificações; B, encher as caixas menos do que o necessário; ou C, encher mais do que o necessário. Geralmente, o não enchimento das caixas é o que se deseja evitar. Seja P(B) = 0,001 enquanto P(A) = 0,990.
  - (a) Forneça P(C).
  - (b) Qual é a probabilidade da máquina não encher as caixas menos do que o necessário?
  - (c) Qual é a probabilidade da máquina encher as caixas mais do que o necessário ou encher menos do que o necessário?
- 13) A probabilidade de que um automóvel sendo abastecido com gasolina também necessite de uma troca de óleo é de 0, 25; a probabilidade de que ele precise de um novo filtro de óleo é de 0, 40 e a probabilidade de que sejam necessárias tanto a troca de óleo quanto a de filtro é de 0, 14.
  - (a) Se o óleo tiver de ser trocado, qual é a probabilidade de que o filtro também tenha de ser trocado?
  - (b) Se for preciso um novo filtro, qual é a probabilidade de que o óleo também precise ser trocado?
- 14) A probabilidade de que Tom estará vivo daqui a 20 anos é de 0,7 e a de que Nancy estará viva é de 0,9. Se assumirmos a independência para ambos, qual é a probabilidade de que nenhum deles estejam vivos em 20 anos?
- 15) Cada uma de duas pessoas joga três moedas balanceadas. Qual a probabilidade de que elas obtenham o mesmo número de caras?

- 16) Suponha que temos duas urnas 1 e 2, cada uma com duas gavetas. A urna 1 contém uma moeda de ouro em uma gaveta e uma moeda de prata na outra gaveta. Enquanto que a urna 2 contém uma moeda de ouro em cada gaveta. Uma urna é escolhida ao acaso. A seguir uma de suas gavetas é aberta ao acaso. Verifica-se que a moeda encontrada nessa gaveta é de ouro. Qual a probabilidade de que a moeda provenha da urna 2?
- 17) Em certa região do país, sabe-se, baseado em experiências anteriores, que a probabilidade de selecionar um adulto com mais de 40 anos, com câncer, é de 0,05. Se a probabilidade do médico diagnosticar corretamente uma pessoa com câncer como portadora da doença é de 0,78 e a probabilidade de diagnosticar incorretamente uma pessoa sem câncer como sendo portadora da doença é de 0,06, qual é a probabilidade de que a pessoa seja diagnosticada com câncer?
- 18) Uma cadeia de lojas de produtos para pintura produz e vende látex e tinta semibrilho. Com base nas vendas de longo prazo, a probabilidade de que o cliente compre a tinta látex é de 0,75. Daqueles que compram látex, 60% também compram rolos. Mas somente 30% dos que compram tinta semibrilho compram também rolos. Um comprador selecionado aleatoriamente compra um rolo e uma lata de tinta. Qual é a probabilidade de que a tinta seja látex?
- 19) Num mercado, três corretoras A, B e C são responsáveis por 20%, 50% e 30% do volume total de contratos negociados, respectivamente. Do volume de cada corretora, 20%, 5% e 2%, respectivamente, são contratos futuros em dólares. Um contrato é escolhido ao acaso e este é futuro em dólares. Qual a probabilidade de ter sido negociado pela corretora A? E pela corretora C?

## GABARITO LISTA 3: PROBABILIDADES

Exercício 1.	<b>(b)</b> 0,05.
(a) $\Omega = \{CC, CK, KC, KK\}$	Exercício 9.
(b) $\Omega = \{PP, PI, IP, II\}$	(a) $0,045$ .
(c) $\Omega = \{AAA, AAV, AVA, VAA, AVV,$	<b>(b)</b> $0,564.$
$VVA, VAV, VVV\}$	(c) $0,630$
(d) $\Omega = \{2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12\}$	(d) $0,1064$
(e) $\Omega = \{FFF, FFM, FMF, MFF, FMM,$	
$MFM, MMF, MMM\}$	Exercício 10.
	(a) $0, 8$ .
Exercício 2.	<b>(b)</b> $0, 2$ .
(a) $A \cup B$	(c) $0, 1$
<b>(b)</b> $(A \cap B^c) \cup (A^c \cap B)$	(d) $0,33$
(c) $(A \cup B)^c$	
(d) $A \cap B^c$	Exercício 11.
	(a) $0, 27$ .
Exercício 3.	<b>(b)</b> $0,73.$
$A = \{(3,6), (4,5), (5,4), (6,3)\}$	
$B = \{(4,1), \cdots, (4,6), (5,1), \cdots, (5,6), (6,1), \cdots, (6,6), (6,1), (6$	)}Exercício 12.
$A \cup B = \{(3,6), (4,1), \cdots, (6,6)\}$	(a) 0,009.
$A \cap B = \{(4,5), (5,4), (6,3)\}$	(b) 0 000
$A^c = \{(1,1), \cdots, (3,5), (4,1), \cdots, (4,4), (4,6), (5,1), (5,1), (5,1), (5,1), (6,1), ($	(5,2), (6) (0,333)
$(5,3),(5,5),\cdots,(6,2),(6,4),(6,5),(6,6)$	(5) 5, 51
Exercício 4.	Exercício 13.
	(a) $0.56$
$P(A) = 4/36, P(B) = 18/36, P(A \cup B) = 19/36,$	$(\mathbf{b}) \ 0.35$
$P(A \cap B) = 3/36, P(A^c) = 32/36$	
T. (1. *	<b>Exercício 14.</b> 0,03
Exercício 5.	
(a) $0,3$	<b>Exercício 15.</b> 0,3125
<b>(b)</b> $0, 5$	Exercicio 16. 0, 6126
	<b>Exercício 16.</b> 0,67
Exercício 6. Demonstração.	Energies 10. 0, 0.
T	Exercício 17. 0,096
Exercício 7.	,
(a) $0,3$	E
<b>(b)</b> $0, 2$	<b>Exercício 18.</b> 0,8571
	<b>Exercício 19.</b> 0,563 e 0,084
Exercício 8.	<b>EXERCICIO 13.</b> 0,000 e 0,004
(a) $0, 5$ .	