

Laboratorio 2

Ejercicios en WinQSB

Integrantes: Rafael Ignacio Morales Venegas
Profesor: Santiago Enrique Zapata Caceres
Fecha de realización: 31 de mayo de 2022
Fecha de entrega: 06 de Junio de 2022
Santiago de Chile

Índice de Contenidos

1. Introducción	1
1.1. Problema a desarrollar	1
2. Marco teórico	2
2.1. Modelos de Inventario	2
2.2. Lote de Wilson	2
2.3. Funcion de Costo en un periodo	3
2.4. Función de Costo por unidad de Tiempo	3
Referencias	5

Índice de Figuras

1. Problema a desarrollar.	1
2. Lote de Wilson simple, elaboración propia.	2

1. Introducción

Este es un reporte de trabajo donde se discute la resolución de un problema propuesto como ejemplo en el libro “Análisis cuantitativo con WinQSB”[1].

El método de solución se divide en tres. Por un primer lado, se dará solución al problema propuesto por los autores sin alteraciones. Luego, se modificará ligeramente los datos del mismo para una segunda resolución. Por último, utilizando el software WinQSB, se dará una última solución al problema original, acompañado de un análisis e interpretación de estos resultados.

1.1. Problema a desarrollar

Ejemplo 7-1:

La materia prima principal para la creación de un producto cuesta \$20 por unidad. Cada unidad del producto final requiere una unidad de esa materia prima. Si la demanda para el próximo año es de 1000 unidades ¿Qué cantidad se debe pedir?

Cada orden por más unidades cuesta \$5 y el costo de almacenaje por unidad por año es de \$4.

Figura 1: Problema a desarrollar.

El problema en cuestión corresponde al ejemplo 7-1 del libro, que corresponde a un modelo de inventario simple para el cual no existe agotamiento y el tiempo de reposición es inmediato.

2. Marco teórico

Se dispone a continuación de un breve marco teórico con el que se verá la resolución del problema.

2.1. Modelos de Inventario

Según el apunte número 2 encontrado en la plataforma Reko[2], un modelo de inventario es un modelo matemático que describe el comportamiento de un sistema de inventarios. Estos modelos se pueden ocupar para derivar políticas óptimas de inventario, las que suelen ser implementadas a partir de sistemas computacionales que indican cuando conviene reabastecer.

Estos modelos pueden llegar a ser altamente refinados y de múltiples variables, acontando por cantidad de agotamiento de inventario permitida y el costo que este incorre, demandas no constantes, tiempos de reabastecimientos no inmediatos, entre otros.

2.2. Lote de Wilson

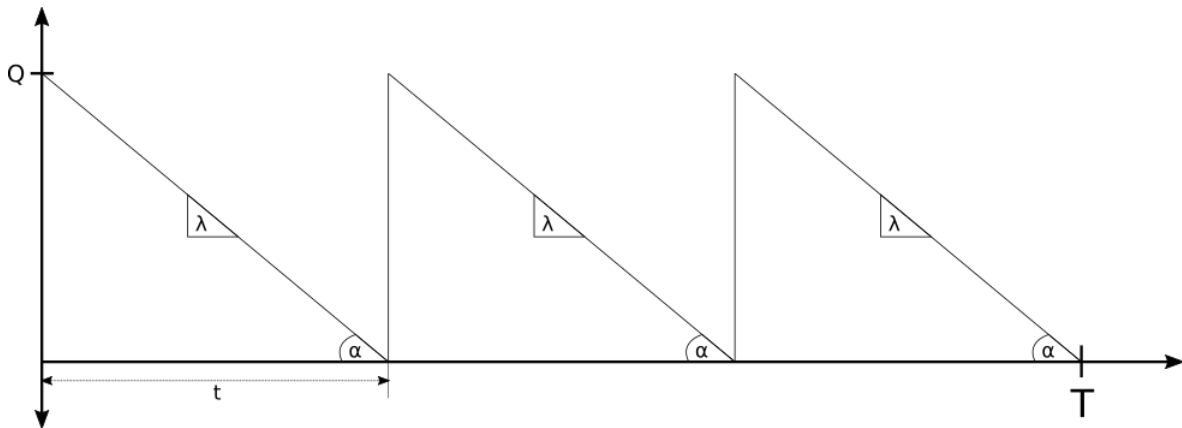


Figura 2: Lote de Wilson simple, elaboración propia.

El lote de Wilson corresponde al Lote económico de compra óptimo para un modelo de inventario simple sin agotamiento y reabastecimiento inmediato, además de demanda constante, tal y como se presenta en la figura (2).

En esta figura, se presenta una figura triangular con una hipotenusa λ . Esta hipotenusa corresponde a la demanda del producto inventariado. Por otro lado, el valor de Q corresponde a nuestro Lote económico de compra óptimo en un periodo t dado. La hipotenusa en un instante t en concreto corresponde a la cantidad de inventario en ese momento.

2.3. Funcion de Costo en un periodo

. Esta función de costo corresponde a todos los costos que se incurren en un periodo t determinado. Para efectos del modelo de Wilson, corresponde a la suma de tres costos en concreto:

1. Costo de adquisición, o la cantidad de producto multiplicado por su costo individual
2. Costo de mantención de inventario, calculable como el costo de mantención de una unidad de inventario multiplicada por la cantidad promedio de inventario en el periodo
3. Costo de colocar un pedido nuevo, que puede darse por costos bureocráticos y otros costos del negocio.

A partir de estos tres costos podemos describir la Funcion de costo en un periodo de la siguiente manera:

$$f_t(Q) = \text{Costo de Adquisición} + \text{Costo de Inventario} + \text{Costo de Pedido}$$

$$f_t(Q) = C_a Q + \frac{1}{2} Q t C_i + C_p \quad (1)$$

En esta ecuación, los valores de C_a corresponden al costo de adquisición de una unidad de producto, C_i es el costo de mantención de una unidad de producto, y C_p es el costo de hacer un pedido. Notar además que los valores que acompañan a C_i corresponden al area de la figura que el modelo de inventario intenta describir. La que es presentada en la ecuación 1 corresponde al area de la figura para el modelo de Wilson.

Además, Q corresponde a una cantidad de inventario que se compra en un periodo. Nuestro objetivo es optimizar este valor Q , pero nuestra función de costo no es convexa, por lo que debemos encontrar una función que si lo sea.

2.4. Función de Costo por unidad de Tiempo

A partir de nuestra función de costo por periodo 1, podemos generar una nueva función de costo tal que:

$$f_{ut}(Q) = \frac{f_t(Q)}{t}$$

$$f_{ut}(Q) = \frac{C_a Q}{t} + \frac{\frac{1}{2} Q t C_i}{t} + \frac{C_p}{t} \quad (2)$$

Jugando un poco con la figura de nuestro modelo de Wilson 2, podemos obtener un valor de t que sea más útil para desarrollar nuestra ecuación.

$$\begin{aligned}\tan \alpha &= \lambda = \frac{Q}{t} \\ t &= \frac{Q}{\lambda}\end{aligned}\tag{3}$$

Reemplazando este nuevo valor de t , podemos desarrollar nuestra ecuación inicial 2, tal que:

$$\begin{aligned}f_{ut}(Q) &= \frac{C_a Q}{\frac{Q}{\lambda}} + \frac{\frac{1}{2} Q t C_i}{t} + \frac{C_p}{\frac{Q}{\lambda}} \\ f_{ut}(Q) &= \frac{C_a Q \lambda}{Q} + \frac{\frac{1}{2} Q t C_i}{t} + \frac{C_p \lambda}{Q} \\ f_{ut}(Q) &= C_a \lambda + \frac{1}{2} Q C_i + \frac{C_p \lambda}{Q}\end{aligned}\tag{4}$$

Esta función es convexa, por lo que podemos igualar el valor de la derivada de esta a cero para obtener una expresión que nos entregue un Lote económico de compra óptimo para esta figura.

$$\begin{aligned}\frac{df_{ut}(Q)}{dQ} &= 0 \\ \frac{d(C_a \lambda)}{dQ} + \frac{d(\frac{1}{2} Q C_i)}{dQ} + \frac{d(\frac{C_p \lambda}{Q})}{dQ} &= 0 \\ \frac{1}{2} C_i - \frac{C_p \lambda}{Q^2} &= 0 \\ Q^2 &= \frac{C_p \lambda}{\frac{1}{2} C_i}\end{aligned}\tag{5}$$

$$\boxed{Q = \sqrt{\frac{2C_p \lambda}{C_i}}}\tag{6}$$

La ecuación resultante corresponde al Lote de Wilson.

Referencias

- [1] Manuel, Q. I. V. y Carlos, V. S. J., Análisis cuantitativo con WinQSB. B - EUMED, 2003.
- [2] Desconocido, “Apunte número 2.” Plataforma Reko, Desconocido.