## Universidade de Aveiro

## Sistemas Digitais Exame 14/9/2000, duração: 2h30m

- 1. Seja M um operador de maioria, isto é a saída f = M(x; y; z) = 1, se na entrada ocorrerem 2 ou mais 1's.
  - (a) Determine uma expressão algébrica para M.
  - (b) Mostre que o conjunto S = fM; e 0g é funcionalmente completo, isto é, toda e qualquer função booleana pode ser realizada a partir dos seus elementos (Nota: e designa o operador de complementação).<sup>1</sup>
  - (c) Implemente a função g = u@v recorrendo apenas a elementos do conjunto S.
- 2. Considere o circuito da ...gura 1.

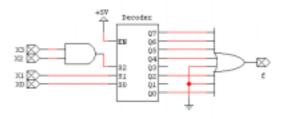


Figura 1: Circuito do problema 2

- (a) Represente  $f(x_0; x_1; x_2; x_3)$  na segunda forma canónica.
- (b) Represente  $f(x_0, x_1; x_2; x_3)$  de forma minimizada.

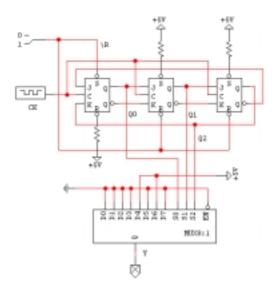


Figura 2: Circuito do problema 3

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Sugestão: Transforme o conjunto S num conjunto conhecido de operadores lógicos funcionalmente completo.

- 3. Considere o sistema sequencial síncrono da ...gura 2.
  - (a) Determine o diagrama de estados/saídas do sistema.
  - (b) De que tipo de máquina sequencial se trata?
  - (c) Justi...que e explique detalhadamente o processo de inicialização do sistema
  - (d) Desenhe cuidadosamente as formas de onda que considera relevantes neste sistema.
- 4. Pretende-se implementar um sistema sequencial síncrono capaz de produzir as saídas z<sub>2</sub> ¢¢¢ z<sub>0</sub> em função da entrada x. As saídas evoluem periodicamente da forma ilustrada na ...gura 3

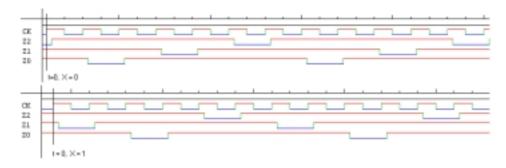


Figura 3: Evolução das saídas  $z_2 ::: z_0$  em função de x.

(a) Projecte o sistema recorrendo a apenas aos seguintes tipos de componentes (...gura 4): Contadores binários de 4 bits com LOAD e CLEAR síncronos, (tipo 74163), portas NAND, descodi...cadores 3:8 (tipo 74138), e bu¤ers 3'state (tipo 74244). Minimize o número de componentes.

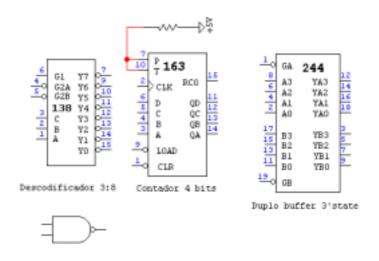


Figura 4: Componentes a utilizar no problema 4

(b) Projecte o sistema recorrendo agora apenas a um contador binário de 4 bits do tipo 74163, portas NAND e uma ROM. Justi...que cuidadosamente a sua solução e explicite rigorosamente as dimensões mínimas da ROM bem como o respectivo conteúdo.