### Busca

Inteligência Artificial – Prof. Flávio Varejão Departamento de Informática Universidade Federal do Espírito Santo

### Agenda

- Motivação
- Heurísticas
- MetaHeurísticas
  - Baseadas em Soluções Parciais
  - Baseadas em Soluções Completas
    - Busca Local
    - Busca Populacional
- Perspectivas e Desafios
- Conclusões

# Motivação

# Motivação

- Problemas NP
  - Bem definidos
    - Descritor de espaço de estados e operadores conhecidos
  - Função objetivo
    - Não é suave
    - Possui ótimos locais
  - Algoritmo conhecido resolve por enumeração
    - Intratável computacionalmente
- Soluções aproximadas são suficientes

- Procedimentos de resolução
  - Específicos para o problema a ser resolvido
  - Acham solução, mas não garantem que seja ótima
  - Normalmente baseados na experiência

#### Exemplo

- Jogo da Velha
  - Se inicia então joga no canto superior esquerdo
  - Se adversário joga no meio então joga no canto inferior direito
    - Se adversário joga em um canto então jogue no outro canto
       na sua próxima vez vença o jogo
    - Senão jogue as próximas rodadas de modo a impedir que o adversário vença o jogo e, se ele bobear, vença o jogo
  - Senão joga em canto que permita ganhar na sua próxima rodada e que não permita ao adversário alinhar a segunda jogada com a primeira
    - Se o adversário impedir sua vitória na próxima jogada então jogue no canto em que a linha e coluna não possui jogada do adversário - na sua próxima vez, vença o jogo

- Problema
  - Desenvolver heurísticas específicas para problema a ser resolvido pode ser difícil e/ou trabalhoso

# Meta-heurísticas

### Meta-heurísticas

- Procedimentos heurísticos gerais aplicáveis a um variedade de problemas
  - Tipicamente inclui características para fazer com que o procedimento de busca fuja de ótimos locais
- Definem infraestrutura para criação de procedimentos heurísticos
- Duas categorias principais
  - Baseadas em Soluções Parciais
  - Baseadas em Soluções Completas

# Baseadas em Soluções Parciais

# Baseadas em Soluções Parciais

- Construção de Solução
  - Busca realizada na medida que a solução é construída
- Procedimentos
  - Hill Climbing
  - Beam Search
  - Branch and Bound

# Hill Climbing

- Estratégia gulosa
  - Decisões baseadas em informação local
  - Uso de função estimativa heurística para escolher o próximo elemento da solução
  - Não há retrocesso na busca
  - Exemplo
    - Caixeiro Viajante
      - A partir da primeira cidade, vá para a cidade mais próxima ainda não visitada até que todas as cidades tenham sido visitadas. Então, retorne à primeira cidade.

# Hill Climbing

Algoritmo procedimento HillClimbing ()  $sm \leftarrow \emptyset$ enquanto sm não está completa faça Avaliar elementos ainda não selecionados r ← elemento melhor avaliado sm ← sm U r fim-enq **retorna** sm fim-proc

### Beam Search

- Busca em amplitude
  - Uso de função objetivo para avaliação dos estados
  - Limita total de estados mantidos as m melhores expansões dos estados atuais

### Beam Search

Algoritmo procedimento BeamSearch (m) avaliar todos os possíveis estados iniciais e manter os m melhores na fila f enquanto solução não está completa faça Expandir todos os estados na fila f e avaliá-los Atualizar f com m melhores estados fim-enq retorna o estado de melhor avaliação fim-proc

### Branch and Bound

- Requer (estimativa de) valor de função objetivo de uma solução (trivial)
- Dividido em duas etapas
  - Expansão de estados correntes
  - Poda de ramos que apresentam custo superior ao da solução atual

### **Branch and Bound**

- Função de avaliação leva em conta
  - Função objetivo do estado atual
  - Função heurística
    - Estimativa do custo para se chegar a solução
    - Otimista
      - Avalia sempre igual ou inferior a custo real
      - Garante achar o ótimo
    - Não otimista
      - Pode perder ótimo

### Branch and Bound

Algoritmo procedimento BranchBound () obter custo de uma solução trivial incluir na fila ordenada f todos os possíveis estados de partida com avaliação inferior ao custo da solução trivial enquanto f não está vazia faça Remover o primeiro s da fila f se s for solução então retorna s Avaliar os próximos estados de s Incluí-los na fila ordenada se custo inferior ao da solução trivial fim-enq fim-proc

# Baseadas em Soluções Completas

# Baseadas em Soluções Completas

- Necessário ter soluções completas para o problema para aplicar a heurística
  - Vetor descritor de estado totalmente preenchido
- A partir das soluções completas são feitas modificações com o intuito de encontrar uma melhor (boa) solução
- Duas subcategorias
  - Busca Local
  - Busca Populacional

- Busca na vizinhança de uma ou mais soluções
- Fácil de compreender/aprender
- Obtém soluções rapidamente
- Pouco tempo de implementação
- Necessário pouco ou nenhum conhecimento do problema

- Algoritmo Geral
  - Gerar solução inicial
  - 2. Modificar levemente a solução
  - 3. Avaliar nova solução
  - 4. Repetir passos 2 e 3 até que nenhuma melhoria significativa é encontrada

- Procedimentos
  - Simple descent
  - Deepest descent
  - Multistart descent
  - Tabu search
  - Simulated annealing
  - GRASP

- Necessárias funções para
  - Gerar solução inicial (s)
  - Determinar vizinhança (V(s))
  - Função objetivo (f)
- Minimização de função objetivo

# Simple Descent

Algoritmo procedimento Simple Descent (s) repetir Escolher  $s' \in V(s)$ **se** f(s') < f(s) **então**  $S \leftarrow S'$ fim-se até f(s') ≥ f(s),  $\forall s' \in V(s)$ fim-proc

### Deepest Descent

Algoritmo procedimento Deepest Descent (s) repetir Escolher  $s' \in V(s) / f(s') \le f(s'') \forall s'' \in V(s)$ **se** f(s') < f(s) **então**  $S \leftarrow S'$ fim-se até f(s') ≥ f(s),  $\forall s' \in V(s)$ fim-proc

### Multistart Descent

Algoritmo **procedimento** Multistart Descent iter = 1 $f(sm) = +\infty$ repetir Escolher s' aleatoriamente  $s \leftarrow Simple \ Descent(s') \ (ou \ Deepest \ Descent(s'))$ **se** f(s) < f(sm) **então**  $sm \leftarrow s$  $f(sm) \leftarrow f(s)$ fim-se iter = iter + 1**até** iter = iterMax fim-proc

### Tabu Search

- Movimento para pior solução é permitido
- Previne volta a soluções já visitadas através da lista tabu
  - Evita ciclo na busca
- Lembra a melhor solução encontrada até o momento
- Critérios de parada
  - Tempo de cpu, número de iterações, número de iterações sem melhorias

### Tabu Search

Algoritmo procedimento Tabu\_Search (s)  $sm \leftarrow s$ repetir Escolher  $s' \in \underline{V}(s) / f(s') \le f(s'') \ \forall s'' \in \underline{V}(s)$ **se** f(s') < f(sm) **então**  $sm \leftarrow s'$ fim-se  $S \leftarrow S'$ atualiza lista tabu até satisfazer critérios de parada fim-proc

# Simulated Annealing

- Analogia com processo físico de resfriamento de sólido superaquecido
  - Na medida que esfriam, entram em estados de menor energia
  - Ao longo do processo pode entrar em estados com maior energia
    - Ocorre de modo aleatório
    - Menos frequente na medida que a temperatura se reduz

# Simulated Annealing

- Busca não determinística
- Soluções melhores são sempre aceitas
- Movimento para pior solução é permitido
  - Quão pior a solução, menor a chance de ser aceita

# Simulated Annealing

Algoritmo

```
procedimento Simulated Annealing (s)
 sm \leftarrow s
 Escolher t (onde t é uma temperatura inicial)
 Gerar \alpha entre [0,1] (\alpha é fator de redução de t)
 repetir
       para i de 1 até numiter
                   Escolher aleatoriamente um vizinho s' de s
             se f(s') < f(s) então
                        S \leftarrow S'
                        se f(s') < f(sm) então
                               sm \leftarrow s
                        fim-se
              senão
                        s \leftarrow s' com probabilidade e(- (f(s') - f(s))/t)
         fim-se
       fim-para
       t \leftarrow \alpha * t
  até que o critério de parada seja satisfeito
fim-proc
```

# Análise de Sensitividade de Hiperparâmetros

- Hiperparâmetros de Simulated Annealing
  - lacktriangledown to e  $\alpha$
  - Várias instâncias do problema geradas aleatoriamente (30)
  - Monovariada
    - t<sub>o</sub>
    - $\alpha$
  - Multivariada
    - Busca em grade: pares ( $t_0$  ,  $\alpha$ )

#### **GRASP**

- Greedy Randomized Adaptive Search
- Consiste em um método iterativo probabilístico, onde a cada iteração é obtida uma solução do problema em estudo
- Cada iteração GRASP é composta de duas fases: a primeira, a construtiva, que determina a solução que será submetida à busca local e a segunda fase, cujo objetivo é obter alguma melhoria na solução corrente
- Requer função de avaliação gulosa

#### **GRASP**

```
Algoritmo
   procedimento Grasp ()
       para i de 1 até numiter
             s \leftarrow GreedyRandomConstruct(sem)
                s \leftarrow LocalSearch(s)
          se f(s) < f(sm) então
                sm \leftarrow s
          fim-se
       fim-para
      retorna sm
   fim-proc
```

#### **GRASP**

Algoritmo procedimento GreedyRandomConstruct (sem)  $s \leftarrow \emptyset$ enquanto s não está completa faça Avaliar os elementos ainda não selecionados Escolher os m melhores elementos r ← selecionar aleatoriamente um dos m sm ← sm U r fim-enq **retorna** sm fim-proc

# Busca Populacional

# **Busca Populacional**

- Baseada numa população de soluções
- Soluções são combinadas para gerar nova população

# **Busca Populacional**

- Computação Evolutiva
  - Algoritmos Genéticos
  - Algoritmos Meméticos
- Inteligência Coletiva
  - Colônia de Formigas
  - PSO

## Computação Evolutiva

- Inspirada na teoria da evolução natural e na genética
- Trata de sistemas para a resolução de problemas que utilizam modelos computacionais baseados na teoria da evolução natural
- Algoritmos genéticos é o representante mais importante e popular

- São programas evolutivos baseados na teoria de seleção natural e hereditariedade. Favorecem os candidatos mais promissores para a solução de um dado problema
- Desenvolvido por John Holland (1975) e seus alunos
- Popularizado por David Goldberg (1989)

#### Características

- Podem trabalhar com uma codificação do conjunto de parâmetros ou com os próprios parâmetros
- Trabalham com uma população e não com um único ponto
- Utilizam informações de custo ou recompensa
- Utilizam regras de transição estocásticas e não determinísticas

- Características
  - São fáceis de implementar em computadores
  - Adaptam-se bem a computadores paralelos
  - São facilmente combinados com outras técnicas
  - Funcionam com parâmetros contínuos ou discretos

- Classe de procedimentos com um conjunto de passos distintos e bem especificados, no qual cada um destes passos possui muitas possíveis variações
- Não são limitados por suposições sobre o espaço de busca, relativas a continuidade, existência de derivadas, etc.

# Representação

- Os parâmetros do problema são representados como genes em um cromossomo
- Cada gene pode assumir valores específicos, sendo cada um destes valores chamados de alelo do gene
- Um cromossomo representa um indivíduo, sendo composto por uma configuração de alelos
- A posição de um gene num cromossomo corresponde a um locus gênico

## Representação

#### Evolução Natural Problema Computacional

Indivíduo Solução de um problema

População Conjunto de soluções

Cromossomo Representação de uma solução

Gene Parte da representação de uma

solução

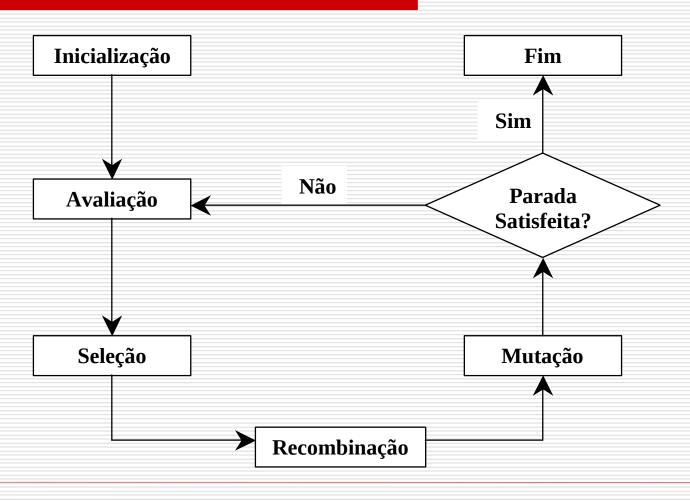
Crossover Operador de Busca

Mutação Operador de Busca

Seleção natural Reutilização de boas

aproximações

## Estrutura Básica



Inteligência Artificial 2019

## Genético

Algoritmo procedimento Genético() gerar população inicial e avaliar enquanto não satisfaz critério de parada faça selecionar os mais aptos gerar novos através de crossover e mutação repor inviáveis avaliar nova população fim-enq retorna melhor fim-proc

## Seleção

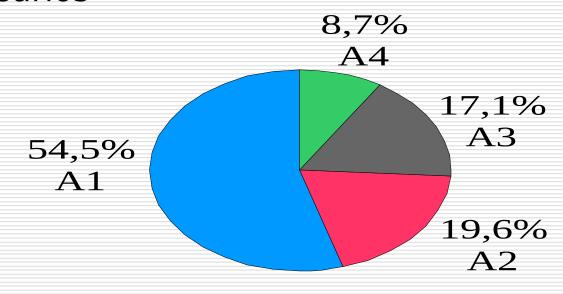
O princípio básico do funcionamento dos AGs é que um critério de seleção vai fazer com que, depois de muitas gerações, o conjunto inicial de indivíduos gere indivíduos mais aptos

## Seleção

- Uso de função objetivo como avaliação de aptidão
  - A aptidão pode ser vista como uma nota que mede o quão boa é a solução codificada por um indivíduo
  - Normalmente baseada no valor da função-objetivo, específica para cada problema
- Métodos de Seleção
  - Roleta
  - Torneio
  - Amostragem Universal Estocástica

#### Método da Roleta

- Aptidão usada para definir fatia
- Valor aleatório para selecionar cromossomo
- Processo repetido até gerar os n indivíduos necessários



#### Método do Torneio

- Escolha aleatória de m indivíduos
- Uso de função de aptidão para escolher o melhor
- Processo repetido até gerar os n indivíduos necessários

# Método da Amostragem

- Método da roleta com n agulhas igualmente espaçadas
- Roleta é girada uma única vez

# Operadores Genéticos

- Cruzamento
  - Cruzamento de pais para gerar dois filhos
  - Taxa de crossover
  - Tipos
    - Ponto Único
    - Dois Pontos
    - Multiponto
    - Uniforme
- Mutação

#### Cruzamento

Dois Pontos

```
pai_1 010 011000 101011 pai_2 001 001110 001101 filho<sub>1</sub> 010 001110 101011 filho<sub>2</sub> 001 011000 001101
```

#### Cruzamento

Multipontos

#### Parâmetros Genéticos

- Tamanho da população
- Taxa de cruzamento
- Taxa de mutação
- Intervalo de geração
  - Percentual de renovação da população

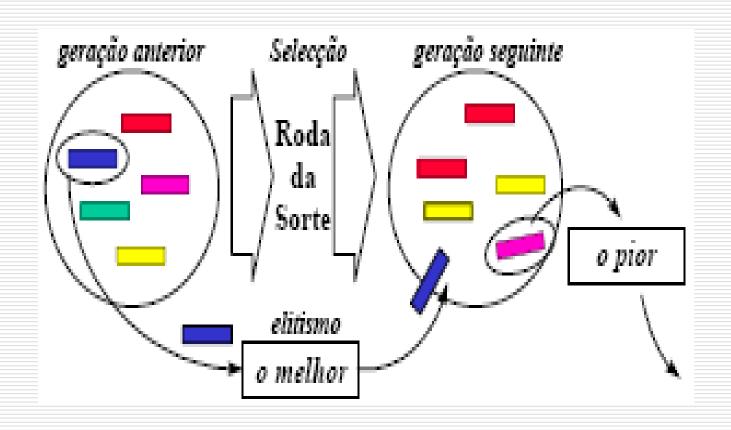
#### Parâmetros Genéticos

- Critério de parada
  - Número de gerações
  - Convergência da função de aptidão na população
  - Não melhoria da aptidão do melhor indivíduo após um número de gerações

#### Elitismo

- Um elemento que tenha maior aptidão que outro tem também maior probabilidade de ser selecionado
- Nada impede que seja selecionado o pior, perdendo-se assim talvez o melhor elemento da população, que poderia levar a uma convergência mais rápida
- Para tentar minimizar este possível problema, elitismo pode ser adicionado à seleção
- Percentual de indivíduos com melhor aptidão são mantidos na nova geração

## Elitismo



## Variações sobre AGs

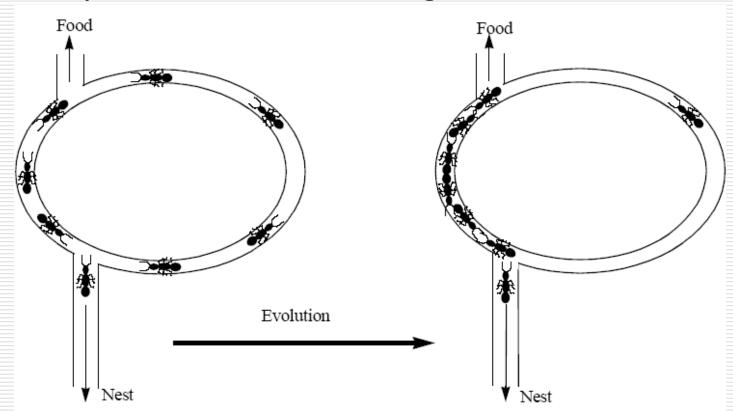
- Diversidade Populacional
  - Grau de diferença entre os cromossomos
    - Uso de medidas de diferença
  - Quanto maior a diversidade, maior o espalhamento das soluções avaliadas
  - Ideal
    - Grande no início, menor no final
  - Como aumentar diversidade?
    - Aumentar taxa de mutação
    - Aumentar população
  - Pode ser usado para controlar convergência prematura

## Variações sobre AGs

- Outros Operadores
  - Operador de Dominação
    - Alelo dominante e recessivo
  - Operador de Inversão
    - Segmento de cromossoma é invertido
  - Operador de Segregação
    - Combinação aleatória gene a gene
  - Operador de Translocação
    - Cruzamento de múltiplos cromossomos

# Inteligência Coletiva

Experimento com formigas reais



- Experimento com formigas reais
  - Inicialmente metade vai pelo menor e metade vai pelo maior
  - Formigas que usam o menor caminho vão e voltam mais rapidamente
    - Ocorre maior depósito de feromônios no menor caminho
    - Evaporação de feromônios é maior
  - Ao final formigas usam sempre o menor caminho

# □ Algoritmo procedimento AntColony (tam) enquanto condições de parada não satisfeitas faça construir soluções aplicar opcionalmente busca local atualizar informação de feromônio fim-enq fim-proc

## Algoritmo

```
procedimento construir soluções
para cada formiga na colônia
sorteie aleatoriamente estado inicial da formiga
enquanto não completa solução faça
avaliar próximos estados basedos na função objetivo
```

e no depósito de feromônio escolher aleatoriamente próximo estado com maior probabilidade para estados de melhor avaliação

fim-enq fim-para fim-proc

- Algoritmo
  - Probabilidade de escolha

$$p(c_{ij}|s^p) = \frac{\tau_{ij}^{\alpha} \cdot \eta_{ij}^{\beta}}{\sum_{c_{il} \in N(s^p)} \tau_{il}^{\alpha} \cdot \eta_{il}^{\beta}}, \forall c_{ij} \in N(s^p),$$

Função de atualização de feromônios

$$\tau_{ij} \leftarrow (1 - \rho) \cdot \tau_{ij} + \rho \cdot \sum_{s \in S_{upd} \mid c_{ij} \in s} F(s),$$

# Enxame de Partículas

- Como comparar diferentes algoritmos?
  - Experimentação
    - Univariada
      - Só Custo
      - Só Tempo de Execução
    - Multivariada
      - Custo e Tempo de Execução
    - Tempo fixo

- Como comparar diferentes algoritmos?
  - Procedimento Usual
    - Várias instâncias de um problema
    - Aplicar repetidamente os algoritmos
    - Comparação baseada em média e desvio padrão dos resultados

- Como comparar diferentes algoritmos?
  - Problemas comuns com procedimento usual
    - Amostragem
      - Exemplos reais ou artificialmente gerados
        - Não representa a distribuição real
        - Em quantidade insuficiente
    - Ajuste de parâmetros do algoritmo
      - Não separação de conjuntos de validação e teste
      - Resultados enviesados
        - Ajuste de parâmetros até obter melhores resultados

- Como comparar diferentes algoritmos?
  - Necessários Testes Estatísticos
    - Contudo,
      - Grande variedade de testes
        - Vários requisitos para aplicação
      - Não se conhece a distribuição estatística das instâncias do problema
        - Problema pode ser parametrizável
      - Necessidade de grande esforço computacional para realização dos experimentos

- Como comparar diferentes metaheurísticas?
  - Vários problemas de vários domínios
  - Necessários mais testes estatísticos
    - Necessidade de maior esforço computacional para realização dos experimentos

#### Conclusões

- Meta-heurísticas podem ser aplicadas a vários problemas bem definidos complexos
- Contudo
  - Existe uma grande variedade de heurísticas
    - Escolha de qual aplicar é difícil
  - Devem ser ajustadas para cada aplicação
    - Ajuste pode ser a etapa mais difícil

#### Conclusões

#### Contudo

- Cada uma requer a especificação de parâmetros que podem afetar o seu desempenho
  - Obter bons valores para os parâmetros requer experimentação
  - Métodos estatísticos de experimentação são recomendados mas demandam trabalho árduo
- Solução ótima não é garantida