

**IMD0029 - Estrutura de Dados Básicas 1 –2024.1 – Prova 01**  
**Prof. Eiji Adachi M. Barbosa**

Nome: \_\_\_\_\_

Matrícula: \_\_\_\_\_

**ANTES DE COMEÇAR A PROVA**, leia atentamente as seguintes instruções:

- Esta é uma prova escrita de caráter individual e sem consultas a pessoas ou material (impresso ou eletrônico).
- A prova vale 5,0 pontos na Unidade I e o valor de cada questão é informado no seu enunciado.
- Preze por respostas legíveis, bem organizadas e simples.
- As respostas devem ser em caneta. Respostas em lápis serão aceitas, mas eventuais questionamentos sobre a correção não serão aceitos.
- Celulares e outros dispositivos eletrônicos devem permanecer desligados durante toda a prova.
- **Desvios éticos ou de honestidade levarão a nota igual a zero na Unidade 1.**

**Questão 1:** (1,5ponto ) Sequências bitônicas são aquelas que possuem duas sequências, sendo uma sequência inicial crescente, seguida de uma sequência decrescente. Ou seja, os elementos de uma sequência bitônica inversa obedecem a seguinte relação:

$$A_0 < A_1 < \dots < A_{i-1} < A_i > A_{i+1} > \dots > A_n$$

Considere que um array bitônico é um array de inteiros sem repetições cujos elementos representam uma sequência bitônica. Neste contexto, implemente uma função que recebe como entrada um array bitônico e retorna o índice do elemento do “pico”. O elemento do “pico” é o último elemento da sequência inicial crescente e o primeiro elemento da sequência final decrescente, ou seja, é o elemento  $A_i$  da relação acima. Sua função deverá obrigatoriamente ser **recursiva**, ter complexidade  $\Theta(\lg(n))$  e seguir a assinatura:

```
int acharPico(int array[], int esquerda, int direita)
```

*Obs. 1: Considere que a chamada inicial à função `acharPico` recebe inicialmente para os parâmetros `esquerda` e `direita` os valores 0 e `tamanho-1`, em que `tamanho` representa a quantidade de elementos do array.*

*Obs. 2: Nesta questão, não podem ser usadas instruções para realizar repetição, como `for`, `while` e `do-while`. Ou seja, você não poderá usar instruções de repetição; você deverá construir sua solução apenas com chamadas recursivas.*

**Questão2:** (1,5 ponto ) Explique em quais situações o Quick Sort cai em seu pior caso, explicitando qual a complexidade do seu pior caso, e discuta ao menos uma estratégia para mitigar esse problema.

**Questão 3:** (2,0 pontos) Para cada uma das afirmações a seguir, marque V (verdadeiro) ou F (falso), **justificando sucintamente** sua resposta. Marcações de V ou F **sem justificativas não serão aceitas.**

1 – ( F ) O algoritmo de busca binária possui complexidade assintótica de ordem logarítmica ( $O(\lg n)$ ) no melhor caso e complexidade assintótica de ordem linear ( $O(n)$ ) no pior caso.

2 – ( ) O algoritmo de ordenação Selection Sort possui a mesma complexidade tanto para o melhor caso quanto para o pior caso, tornando-o mais previsível em termos de tempo de execução.

3 – ( ) O algoritmo de ordenação Insertion Sort possui a mesma complexidade tanto para o melhor caso quanto para o pior caso, tornando-o mais previsível em termos de tempo de execução.

4 – ( ) Considerando o melhor caso, o Insertion Sort tem menor complexidade assintótica do que o Selection Sort.

5 – ( ) O algoritmo de ordenação Merge Sort possui a mesma complexidade assintótica no melhor e no pior caso.