

Rafaela Martins Vieira

# **Trabalho Prático**

## **Gerenciador de Árvores AVL**

Brasil

2018, v<1>



Rafaela Martins Vieira

## **Trabalho Prático**

### **Gerenciador de Árvores AVL**

Trabalho Prático de Gerenciador de Árvores  
AVL da disciplina de Estrutura de Dados

Instituto Federal de Minas Gerais – IFMG

Faculdade de Ciência da Computação

Programa de Graduação

Brasil

2018, v<1>

# Resumo

O Trabalho Prático de Gerenciador de Árvores AVL é um trabalho proposto pela disciplina de Estrutura de Dados do Curso de Ciência da Computação do Instituto Federal de Minas Gerais - IFMG Campus Formiga. O Gerenciado em suma cria uma árvore binária de busca balanceada. Os comandos e dados são executados no programa através de um arquivo de entrada txt que após lido as funções correspondentes são executadas.

**Palavras-chaves:** Estrutura-de-Dados. Computação. Árvore.

# Lista de abreviaturas e siglas

ED	Estrutura de Dados
AVL	Árvore Binária de Busca Balanceada
ABB	Árvore Binária de Busca.
FB	Fator de Balanceamento



# Sumário

	<b>Introdução</b> . . . . .	<b>7</b>
<b>I</b>	<b>PREPARAÇÃO DO RELATÓRIO</b>	<b>9</b>
0.1	Estrutura . . . . .	11
0.2	Funções . . . . .	12
<b>II</b>	<b>RESULTADOS</b>	<b>15</b>
0.3	Funcionamento do algoritmo . . . . .	17
0.4	Como executar o programa . . . . .	17
<b>1</b>	<b>CONCLUSÃO</b> . . . . .	<b>19</b>
	<b>REFERÊNCIAS</b> . . . . .	<b>21</b>





# Introdução

Este trabalho tem como finalidade praticar o uso de tipos abstratos de dados e estruturas do tipo Árvore. É pedido um programa para gerenciar o ciclo de vida de uma Árvore Binária de Busca de valores inteiros. Tal gerenciador deve garantir que seja possível a criação de uma ABB, incluir elementos na ABB e mantê-la balanceada através das propriedades da AVL, excluir elementos da árvore binária de busca e manter a árvore balanceada, imprimir a árvore em detrimento da escolha de um dos percursos: pré-ordem, in-ordem e pós-ordem, buscar um dado elemento na árvore (usando a propriedade da árvore binária de busca) e destruir a árvore, liberando a memória utilizada. O gerenciador também deverá ler os dados de entrada a partir de um arquivo, cujo nome é passado como parâmetro na linha de comando. O arquivo de entrada é basicamente uma lista de comandos (um por linha) em formato texto. O último comando é a palavra FIM, que indica o final do arquivo. A elaboração do programa foi realizada, desenvolvido na linguagem C de programação o algoritmo criado atende os requisitos e sana o problema dado pela disciplina. Sua saída é um arquivo txt com os resultados das funções equivalentes ao comando de entrada como pedido na especificação do trabalho. Visto estes problemas propostos pela disciplina de ED e que a criação do trabalho foi realizada com êxito, este relatório apresenta os passos de criação e funcionamento desse gerenciador.



## Parte I

### Preparação do relatório



## 0.1 Estrutura

A primeira estrutura se chama *nodo*, ela possui três variáveis em seu escopo que são: "esq", "dir" e valor. A estrutura *nodo* foi renomeada para *Node* afim de auxiliar o programador. As variáveis "esq" e "dir" da estrutura são ponteiros do tipo *Node*, que tem como finalidade ser apontador para outro Nó da árvore. O filho a esquerda é chamado na estrutura de "esq", já o filho a direita do nó é chamado de "dir". A variável valor é do tipo inteiro e armazena o valor numérico daquele nó. Veja a estrutura

```
struct no {  
    Node *esq;  
    Node* dir;  
    int valor  
};
```

Sendo que:

- Node\* esq = Aponta para o nó à esquerda.
- Node \*dir = Aponta para o nó à direita.
- int valor = Armazena a informação inteira do nó.

Para inicialização da árvore tem-se outra estrutura que previamente se chama *arvore* mas é renomeada para *tree*. A Estrutura *arvore* em suma é um apontador para raiz da árvore, desta forma o tipo do elemento da estrutura é do tipo apontador para um nó. Veja:

```
struct arvore {  
    Node* root;  
};
```

Sendo que:

- Node\* root = É um apontador para o nó raiz da árvore, ou seja o apontador de início da ABB.

Foi definido no programa a seguinte constante: **#define MAX(a, b) ((a) > (b)? (a) : (b))**

Essa constante MAX representa um *if* condicional onde tem-se o comparativo de maior que entre as variáveis a e b, uma vez que a for maior que b retorna-se a variável a se não retorna-se b.

## 0.2 Funções

tree\* IniciaArvore() - Essa função tem como proposito criar a Arvore, basicamente alocando um espaço de memória do tipo tree e atribuindo valor nulo para o ponteiro da raiz.

Node\* IniciaNodo(int valor) - A função IniciaNodo recebe o valor a ser inserido na arvore e aloca o tipo Node na memoria. Os ponteiros esq e dir recebem valor nulo, e o elemento valor da estrutura alocada recebe o valor passado por parametro para a função. Está função retorna um ponteiro para o novo nó criado.

int altura(Node \*nodo) - Uma das funções mais usadas no código. A função altura recebe um nó inicial, este nó pode ser o root (raiz) da árvore ou apenas um nó da subarvore. A partir desse nó de forma recursiva todos os nós a partir desse nó inicial são vizitados, O retorno da função é a maior altura(direita ou a esquerda) acrescentado mais um.

int calculoFB(Node\* nodo) - Essa função calcula o Fator de Balanceamento, de modo geral o FB é calculado da seguinte forma:

**(Altura da subarvore a esquerda - Altura da subarvore a direita)**

Para realizar tal calculo a função possui uma variavel chamada fb. A primeira condição da função é verificar se existe filho a esquerda se sim fb recebe a soma de fb mais a altura desse filho. Se existir filho a direita fb recebe a subtração de fb menos a altura correspondente a aquele nó. Percebe-se que o calculo realizado nessa variavel fb é o mesmo da formula citada anteriormente. O retorno da função é um inteiro com o resultado da fb.

Node\* rotaciona\_RR ( Node\* nodo) - Essa é a função de rotação simples a direita, uma das mais usadas durante o gerenciamento da arvore pois contribui para o balanceamento da arvore. Essa função recebe uma ponteiro para um nó, este nó será rotacionado para a direita.

Node\* rotaciona\_LL (Node \*nodo) - Essa é a função de rotação simples a esquerda, também é muito usada durante o gerenciamento da arvore pois garante que ela esteja balanceada. Essa função recebe um ponteiro para um nó da arvore e este será rotacionado para a esquerda.

Node\* rotationa\_LR(Node\* nodo) - Essa função de rotação dupla a direita os ponteiros do nó passado são trocados de modo em que é feito uma rotação simples a esquerda e logo após rotação simples a direita.

Node\* rotaciona\_RL(Node\* nodo) - Essa função de rotação dupla a direita os ponteiros do nó passado são trocados de modo em que é feito uma rotação simples a direita e logo após rotação simples a esquerda.

Node\* balanceamento(Node\* nodo) - Responsável por chamar as principais funções que garantem a AVL. Inicialmente percorre a árvore recursivamente e a cada nível da árvore chama a função que calcula o seu fator de balanceamento. De acordo com o resultado da FB é feita a verificação de rotação, caso seja maior ou igual a 2 ou menor ou igual a -2 verifica-se a subárvore se é negativo ou positivo o FB.

void balancear\_tree (tree \*Arvore) - Esta função tem como objetivo enviar a raiz da árvore para a função de balanceamento, após a execução da rotina de balanceamento ele verifica se o nó raiz de retorno da função é igual ao nó raiz enviado se não ele atualiza a raiz inicial da árvore.

void Insere(tree\* Arvore, int valor) - A inserção verifica se o valor a ser inserido é maior ou menor que a raiz, se maior desce para a direita até achar nulo, se menor desce para a esquerda até achar nulo. Após achar o último nó ele localiza qual dos dois filhos(esquerda ou direita) ele será do nó. Chama-se a função de criação do nó e após a criação do nó inserido, o ponteiro da raiz recebe o novo nó(filho a esquerda ou filho a direita). Após a inserção ao final da função chama-se a função de balanceamento da árvore, dessa forma a árvore é balanceada após a inserção.

Node \*Buscar(tree \*Arvore,int valor) - A busca é uma função que percorre a árvore a partir de um valor, ele verifica se o valor a ser buscado é maior ou menor que o nó raiz, se maior desce para a subárvore da direita se menor desce para a subárvore da esquerda.

Node\* MaiorDireita(Node \*no) - Percorre a subárvore do nó referenciado por parametro até o filho a direita chegar a nulo, se chegar verifica se existe filho a esquerda, o nó recebe o filho a esquerda e continua o percurso pela direita até que ambos filho a esquerda e filho a direita seja nulos, Desta forma retornando o maior elemento a direita.

Node\* Excluir(Node \*raiz, int valor) - Essa função recebe a raiz da árvore e o valor a ser excluído, é realizado uma busca por toda a árvore até encontrar o nó que possui esse valor, assim que é encontrado verifica-se se ele não possui filhos, se não possui sabe-se que ele é nó folha da árvore e de acordo com as propriedades da AVL é simplesmente excluí-lo. Caso ele tenha um filho a esquerda, o nó a ser excluído recebe o valor do seu filho a esquerda, ele será substituído pelo seu filho de modo a não existir mais na árvore. O mesmo é feito se ele tiver um filho a direita, o nó a ser excluído é substituído pelo seu filho a direita. Se o nó a ser excluído tiver dois filhos é realizada a seguinte ação, como decisão de projeto escolhi pegar o maior filho direito da subárvore esquerda a partir do nó a ser excluído, chama-se a função MaiorDireita e ela me retorna tal nó. Após encontrar o maior e encontrar o nó a ser excluído troca-se o valor desses dois de modo que, o nó a ser excluído recebe o valor inteiro do nó maior a direita. Assim o valor inteiro a ser excluído se tornará um nó folha, e o maior a direita da subárvore a esquerda o seu valor inteiro ficará na raiz onde estava o valor inteiro a ser excluído antes. Deste modo tendo essa organização na árvore, chama-se o Excluir novamente passando o nó á esquerda e o

valor a ser excluído (esse valor não muda pq n foi excluído ainda apenas mudou de lugar na árvore), assim que entrar na função excluir novamente o if condicional irá entrar no if em que o valor a ser excluído é um nó folha assim a exclusão é feita de forma simples. Após excluir o valor chama-se a função `balancear_tree`, para rebalancear a árvore.

`FILE* listarPREORDER(Node* no, FILE* arq)` - Esta função exibe os valores da árvore na ordem raiz, esquerda e direita de forma recursiva. É passado por parametro o nó do tipo ponteiro para Node e o ponteiro do arquivo de escrita. Escreve no arquivo o valor do nó atual, logo após recursivamente é chamada a mesma função passando o filho a esquerda do nó atual e por fim chama-se recursivamente a mesma função `listarPOSORDEM` porém passa-se agora pra função o filho a direita do nó.

`FILE* listarINORDEM(Node* no, FILE* arq)` - Esta função exibe os valores da árvore na ordem esquerda, raiz e direita de forma recursiva. É passado por parametro o nó do tipo ponteiro para Node e o ponteiro do arquivo de escrita. Recursivamente é chamada a mesma função passando o filho a esquerda do nó atual, escreve no arquivo o valor do nó atual e por fim chama-se recursivamente a mesma função `listarPOSORDEM` porém passa-se agora pra função o filho a direita do nó.

`FILE* listarPOSORDEM(Node* no, FILE* arq)` - Esta função exibe os valores da árvore na ordem esquerda, direita e raiz de forma recursiva. É passado por parametro o nó do tipo ponteiro para Node e o ponteiro do arquivo de escrita. Recursivamente é chamado a mesma função passando o filho a esquerda do atual, logo após, chama-se recursivamente a mesma função `listarPOSORDEM` passa-se agora pra função o filho a direita do nó. É escrito no arquivo o valor do nó e o retorno é o ponteiro do arquivo de escrita. `void liberar(Node * no)` - percorre a árvore dando free. `void liberar__memoria(tree * no)` - Envia a raiz da árvore por parametro e está função chama a função `liberar`.



Parte II

Resultados



## 0.3 Funcionamento do algoritmo

Com a implementação dessa TAD é possível garantir uma árvore AVL. Porém vale lembrar que é de encargo do programador chamar as funções de balanceamento sempre que necessário, uma vez que as funções que garantem a AVL são independentes das funções da Arvore ABB. De modo geral a estrutura do programa é realizada da seguinte forma: É realizado no main a criação da árvore chamando a função `IniciaArvore`. Abre-se o arquivo de leitura, e abre-se também o arquivo de escrita, esses dois só serão fechados após receber um final de arquivo de leitura. A inclusão de um novo nó se dá com a chamada da função `insere`, passando a raiz da arvore mais o valor. Essa função raiz percorre toda a árvore procurando qual a posição que este nó será inserido, ao encontrar o espaço dá inserção, chama a função `IniciaNode()`, passando o valor inteiro, após a criação deste nó, ele é encaixado na árvore, no final da função chama-se `Balaceamento_tree()` passando a raiz da arvore e a partir dessa função chama-se balanceamento percorre a arvore calculando em cada nível o FB, e de acordo com o resultado do calculo é feito a rotação necessária. A exclusão é feita uma busca pela arvore se esse valor a ser excluido está a direita ou a esquerda. Ao encontrar esse valor verifica se ele é um nó folha, se ele possui um ou dois filhos, se for nó raiz realiza normalmente a exclusão, se tiver um filho(direita ou esquerda) esse filho se torna a raiz, se existir dois filhos procura o antecessor troxa os valores inteiros de forma em que o valor inteiro do antecessor fica no lugar da raiz que ia ser excluida e o valor inteiro da raiz(esse é o valor que queremos excluir) fica no lugar desse valor antecessor. Chama-se a função `Excluir` novamente de modo que agora o valor a ser excluido é um nó folha. A busca por um valor é feito com uma verificação sempre nó e dependendo se o valor buscado é maior ou menor que a raiz desce para a esquerda ou para a direita, ao identificar o valor retorna-se ele, caso não escreve no arquivo que o valor não existe. No final da leitura do arquivo a árvore é destruída.

Em sumo o algoritmo funciona dessa maneira, atingiu o abjetivo da disciplina, a implementação da arvore ABB com funções que garantem o balanceamento da mesma e a torne uma árvore AVL. O arquivo de saída retorna os resultados, a divisão do arquivo é feita por main, `tadArvore.c` e `tadArvore.h`. Os arquivos txt de teste estão junto ao arquivo compactado.

## 0.4 Como executar o programa

- Abra o terminal Linux
- Digite o seguinte comando **`gcc *.c -o NomeDoExecutavel`**
- Após compilar o arquivo e criar o executável volte ao terminal

- Digite `.^ NomeDoExecutavel NomeArquivoEntrada.txt`
- Se der erro de não executável vá em propriedades do arquivo "NomeDoExecutavel" e marque a opção executável.
- Execute o ultimo comando novamente via terminal.

# 1 Conclusão

O trabalho enviado atende os requisitos pedidos na disciplina garantindo a criação e exclusão da árvore, o balanceamento dos nós, a inserção e exclusão de um novo elemento, a busca e impressão da árvore. O algoritmo foi baseado no que consta no slide da disciplina ED.



## Referências