# Tema 3: FILTRADO EN EL DOMINIO ESPACIAL

1

### INGENIERÍA INFORMÁTICA

DPTO. MATEMÁTICA APLICADA I



### ÍNDICE:

Nociones básicas

• Concepto de ruido

• Dominio espacial: Técnica de filtrado





### Suavizar la imagen:

Reducir la cantidad de variaciones de intensidad entre píxeles vecinos.

#### Eliminar ruido:

Restaurar aquellos píxeles cuyo nivel de intensidad es muy diferente al de sus vecinos.

#### Realzar los detalles:

Aumentar las variaciones de intensidad existentes.

#### Detectar bordes:

Detectar píxeles donde se produce un cambio brusco en la función de intensidad.





#### • RUIDO:

- Información no deseada que contamina la imagen.
- El origen del ruido puede estar:
  - en el proceso de adquisición,
  - en el proceso de transmisión,
  - en el procesamiento de la imagen.





### **ADQUISICIÓN**

### **Sensores fotoquímicos:**

películas o diapositivas fotográficas

- Ruido de grano de película
- Ruido del polvo de componentes ópticos o revelado de película

**Sensores fotoelectrónicos**: tubos vidicon, dispositivos de inyección de carga (CID) y dispositivos de carga acoplada (CCD)

- Ruido térmico
- Ruido fotoeléctrico

 Ruido de cuantificación: cuando son usados insuficientes niveles de cuantificación de la intensidad





### TRANSMISIÓN

La transmisión de una imagen digital entre dos dispositivos remotos (una cámara y un ordenador, dos ordenadores o un monitor y un ordenador) puede incrementar el ruido de la imagen.

#### **PROCESAMIENTO**

Se genera ruido en la imagen para valorar la robustez de un algoritmo en presencia de ruido.





### • TIPOS DE RUIDO:

- Impulsivo / sal y pimienta.
- Ruido aditivo.





### • TIPOS DE RUIDO:

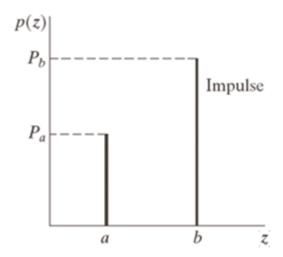
- Impulsivo / sal y pimienta.
- Ruido aditivo.





### Ruido impulsivo o sal y pimienta:

- -Ciertos píxeles de la imagen poseen unos niveles de intensidad que difieren bastante de los niveles de los píxeles de su entorno.
- Suele aparecer en forma de impulsos blancos y negros (sal y pimienta).

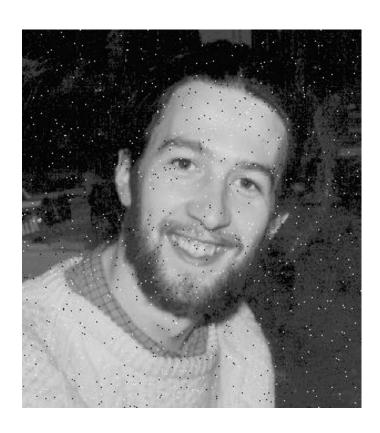






### • Ruido impulsivo / sal y pimienta:

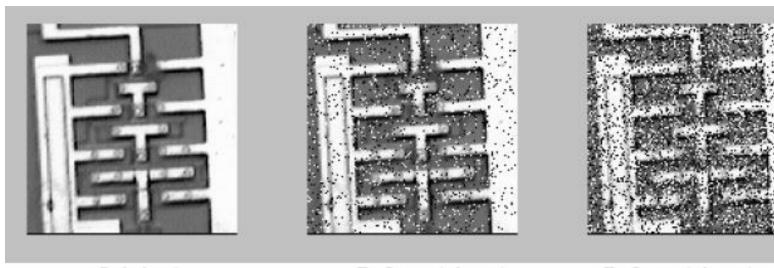








### • Ruido impulsivo / sal y pimienta:



Original

R. Impulsional 10%

R. Impulsional 30%





### • TIPOS DE RUIDO:

- Impulsivo / sal y pimienta.
- Ruido aditivo.





### Ruido aditivo: r(x,y)

- Es independiente de la señal de la imagen f(x,y)

$$g(x,y)=f(x,y)+r(x,y)$$

(f y r son funciones independientes).

- Se habla de distintos tipos de ruido aditivo según su distribución de probabilidad (gaussiano, exponencial, uniforme, etc.)





### Ruido gaussiano:

- Modela el ruido producido por los circuitos electrónicos o ruido de los sensores por falta de iluminación y/o altas temperaturas.
- Afecta a la imagen completa, es decir, la intensidad de todos los píxeles se ve afectada, añadiéndole un valor que sigue una distribución normal o gaussiana:

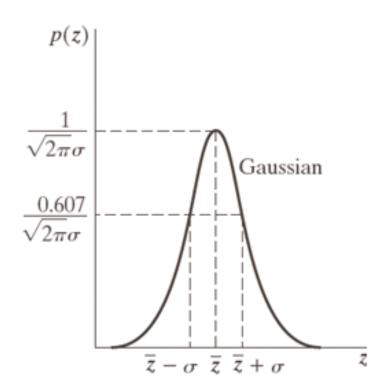
$$p(z) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-(z-\overline{z})^2/2\sigma^2}$$

donde z representa los niveles de intensidad,  $\overline{z}$  el valor medio de z (normalmente o) y  $\sigma$  su desviación estándar.  $\sigma^2$  es la varianza.





### • Ruido gaussiano:

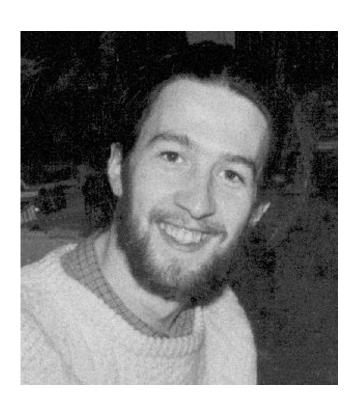






### • Ruido gaussiano:

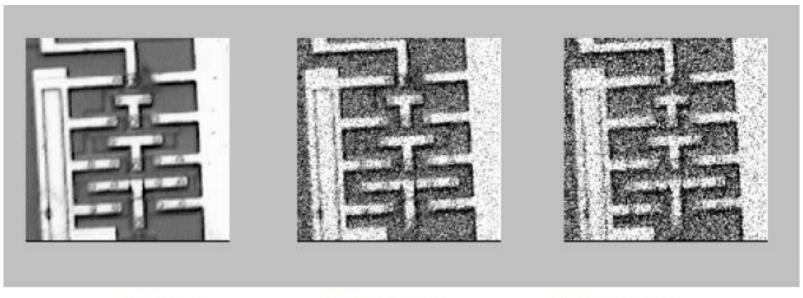








### • Ruido gaussiano:



Original

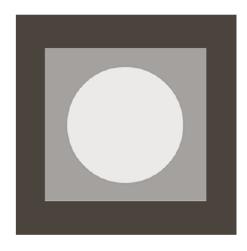
R. Gaussiano s=0,025

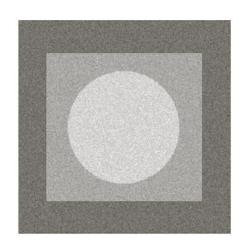
R. Gaussiano s=0,05

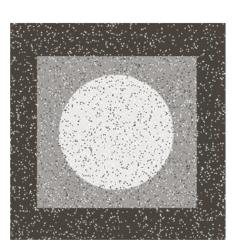




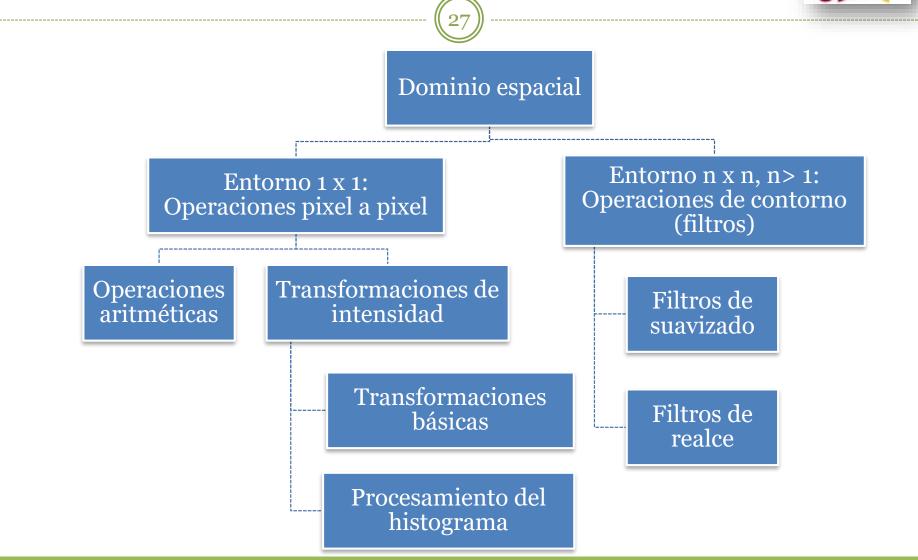
· Ruido gaussiano vs ruido sal y pimienta:



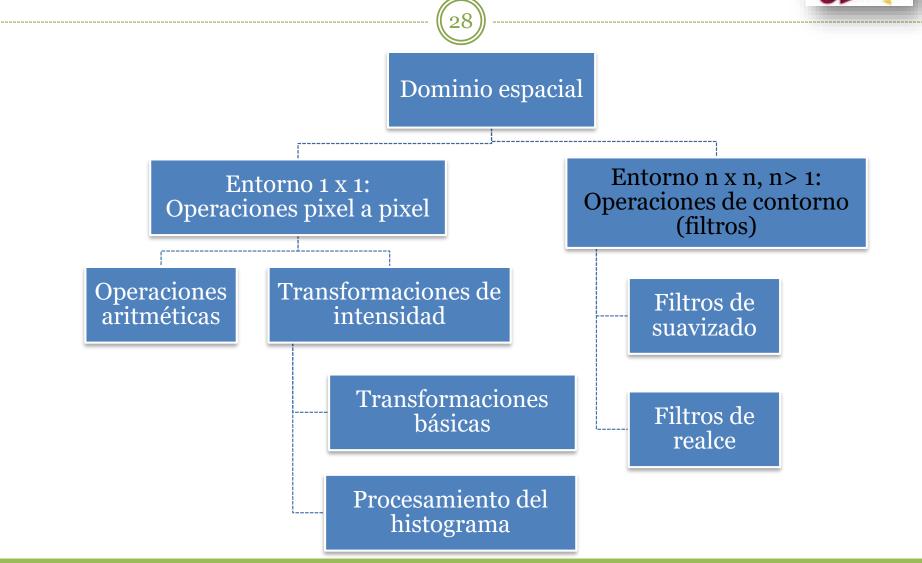
















• Las funciones de procesamiento de la imagen en el dominio espacial pueden expresarse como:

$$g(x,y) = T(f(x,y))$$

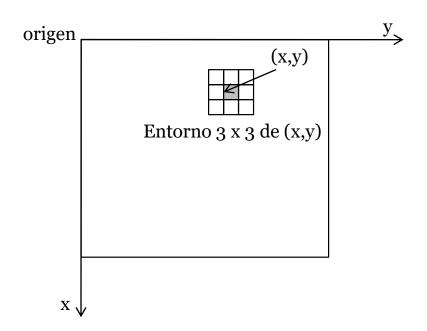
donde

- f(x,y) es la imagen original
- -g(x,y) es la imagen procesada
- T es un operador que actúa sobre f y se define en algún entorno de (x,y).





• Entorno de un punto (x,y): subimagen cuadrada o rectangular centrada en el punto (x,y).

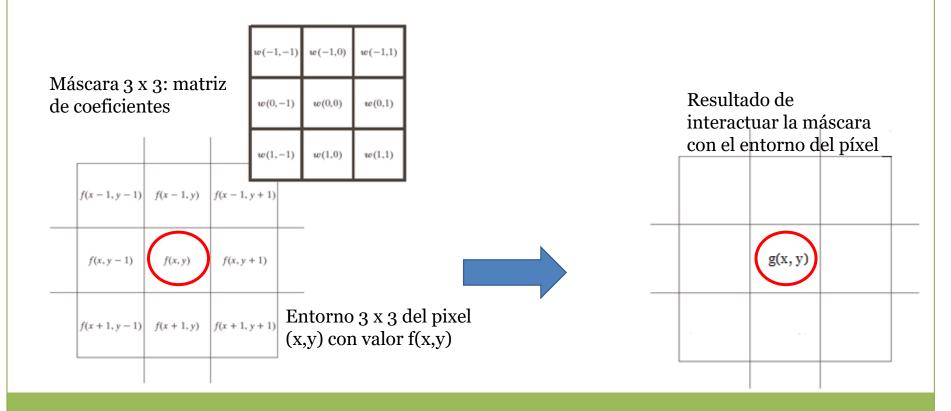


Pueden existir otros entornos, tales como aproximaciones de círculos, pero los cuadrados son los más comunes por ser los más fáciles de implementar.



31

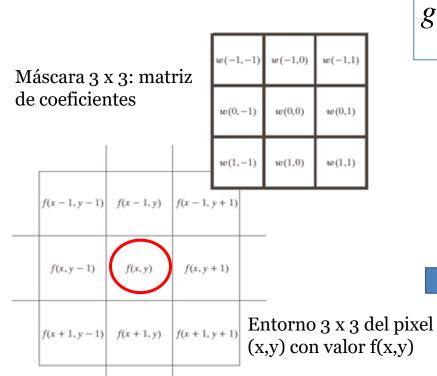
• **Técnica de filtrado en general:** Esquema del mecanismo de filtrado espacial usando un entorno 3x3



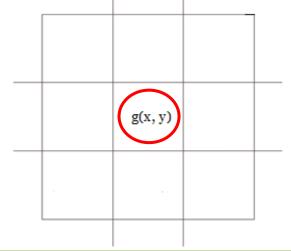




### · Técnica de filtrado lineal:



1 1
$g(x,y) = \sum \sum w(x,t) f(x + x, y + t)$
$g(x, y) = \sum \sum w(s, t) f(x+s, y+t)$
s=-1 $t=-1$







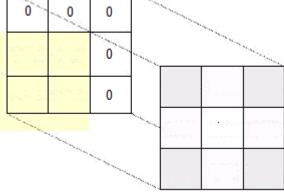
### · Técnica de filtrado lineal: convolución

Pa	added f	$\neg$ Rotated $w$	Convolution result	Full convolution result
	0 0 0 0 0	9-8-7 0 0 0 0 6 5 4 0 0 0 0	0 0 0 0 0	$\begin{smallmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 &$
	0 0 0 0 0	$\begin{bmatrix} 3 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$	0 <b>1 2 3</b> 0 0 <b>4 5 6</b> 0	0 0 <b>1 2 3</b> 0 0 0 0 <b>4 5 6</b> 0 0
0 0 1 0 0 1 2 3 0 0 0		0 0 0 0 0 0 0	0 7 8 9 0	0 0 7 8 9 0 0
0 0 0 0 0 0 <b>4 5 6</b> 0 0 0 0 0 0 0 0 <b>7 8 9</b> 0 0 0	) 0 0 0 0 ) 0 0 0 0	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0 0 0 0 0	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$



- Límites de la imagen: Podemos aplicar la máscara añadiendo un marco de ceros (padding) de la anchura adecuada. Esto puede tener efectos no deseados (p. ej., de difuminación en los límites de la imagen) pero, en general, poco significativos si la máscara es pequeña en relación

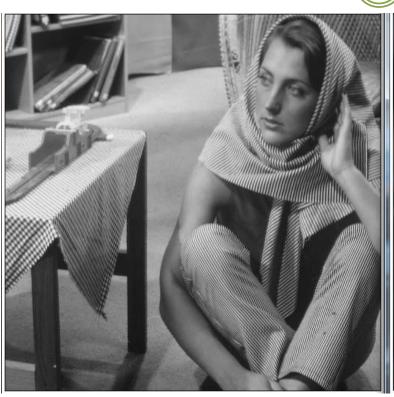
con el tamaño de la imagen



- Otras formas: duplicar el borde de la imagen, reflejarlo, no procesar el borde.

# Filtros de suavizado

35









- FILTROS DE SUAVIZADO: ¿Para qué se usan?
  - Emborronar la imagen:
    - Eliminar pequeños detalles antes de la segmentación de un objeto de interés.
    - Rellenar pequeños espacios.
  - Eliminar ruido.





- FILTROS DE SUAVIZADO: Clasificación
  - Filtros lineales
    - Filtro de la media
    - Filtro gaussiano
  - Filtros no lineales
    - Filtros estadísticos ordenados





### FILTRO DE LA MEDIA (Mean filter):

- **Operación**: Se reemplaza el valor de la cada píxel por la media de los valores de los píxeles vecinos. Se puede operar mediante convolución con una máscara determinada.

- Máscara 3 x 3:

	1/9	1/9	1/9
•	1/9	1/9	1/9
	1/9	1/9	1/9

- **Ejercicio**: ¿Cómo sería la máscara 5 x 5 para este filtro?





#### FILTRO DE LA MEDIA:

- **Ejemplo**: (Sin procesar el marco exterior)

5	1	1	3	2	3
6	4	0	2	3	2
7	7	0	3	3	1
9	7	0	1	1	1
8	8	0	1	1	O
7	7	О	1	О	O

1/9	1/9	1/9
1/9	1/9	1/9
1/9	1/9	1/9

5	1	1	3	2	3
6	3	2	2	2	2
7	4	3	1	2	1
9	5	3	1	1	1
8	5	3	O	0	О
7	7	О	1	О	О





#### FILTRO DE LA MEDIA:

- -Los coeficientes deben ser todos iguales y sumar 1.
- Es el más simple, intuitivo y fácil de implementar.
- Puede crear nuevas intensidades de grises que no aparecían en la imagen.
- A mayor tamaño de la máscara, mayor emborronamiento.





#### FILTRO DE LA MEDIA:

### - Aplicaciones:

- Suavizar imágenes, es decir, reducir la cantidad de variaciones de intensidad entre píxeles vecinos.
- Conseguir que las intensidades de los objetos pequeños se mezclen con el fondo con el fin de detectar los objetos de mayor tamaño.
- Eliminar ruido.





#### FILTRO DE LA MEDIA:

a b c d

#### FIGURE 3.39

(a) Test pattern of size 1024 × 1024 pixels. (b)-(d) Results of lowpass filtering with box kernels of sizes 3 × 3, 11 × 11, and 21 × 21, respectively.













### • FILTRO DE LA MEDIA:

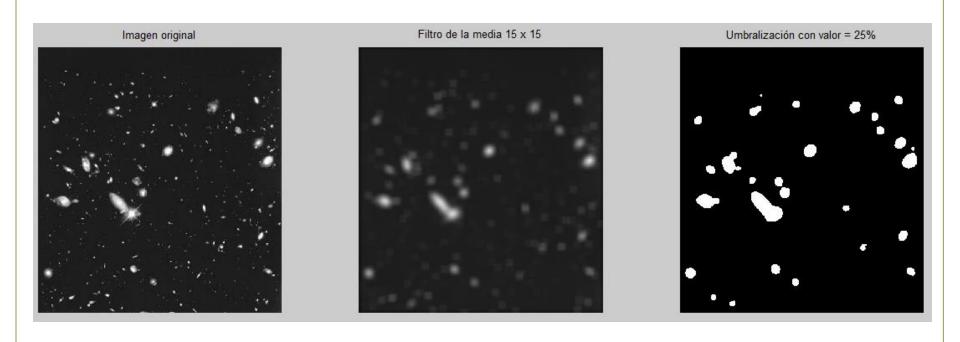






Imagen original



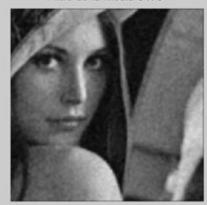
Filtro de la media 3 x 3



Ruido gaussiano media 0 y varianza 0.01



Filtro de la media 5 x 5







- FILTRO GAUSSIANO (Gaussian filter):
- Operación: Función gaussiana

$$G(x,y) = \frac{1}{2\pi\sigma^2}e^{-\frac{x^2+y^2}{2\sigma^2}}$$

- Ejemplo de máscara 5 x 5 que aproxima la función gaussiana con  $\sigma$  =1:

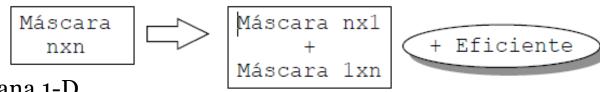




#### FILTRO GAUSSIANO:

#### - Características:

- Efecto similar al filtro de la media, emborronando la imagen, pero con un resultado más "natural" ya que se le da más peso al píxel central.
- Todos los coeficientes siguen sumando 1.
- Es un *filtro separable*, es decir, en lugar de usar una máscara bidimensional, es posible usar dos máscaras 1-dimensionales; una vertical y otra horizontal, lo cual es más eficiente computacionalmente.



Ejemplo de máscara gaussiana 1-D con la que tendríamos el mismo resultado que con la máscara 5x5 anterior:

.006 .061 .242	.383	.242	.061	.006
----------------	------	------	------	------





#### • FILTRO GAUSSIANO (Gaussian filter):

- Operación: Función gaussiana

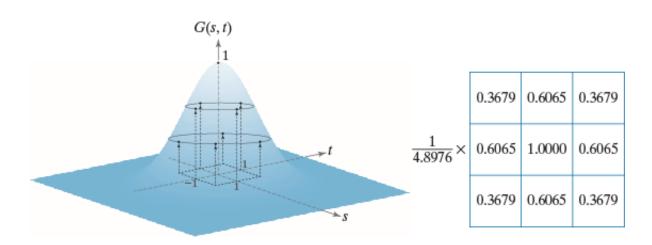
$$G(x,y) = \frac{1}{2\pi\sigma^2}e^{-\frac{x^2+y^2}{2\sigma^2}}$$

#### - Discretización

a b

#### FIGURE 3.41

(a) Sampling a Gaussian function to obtain a discrete Gaussian kernel. The values shown are for K = 1 and  $\sigma = 1$ . (b) Resulting  $3 \times 3$  kernel [this is the same as Fig. 3.37(b)].







#### FILTRO GAUSSIANO (Gaussian filter):

### - Ejemplo de filtros 3 x 3:

a b

#### FIGURE 3.37

Examples of smoothing kernels: (a) is a box kernel; (b) is a Gaussian kernel.

	1	1	1
1/9 ×	1	1	1
	1	1	1

	0.3679	0.6065	0.3679
1 4.8976 ×	0.6065	1.0000	0.6065
	0.3679	0.6065	0.3679



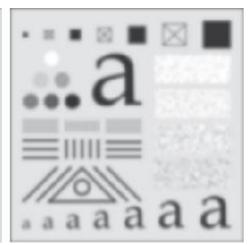


#### FILTRO GAUSSIANO:

$$G(x,y) = \frac{1}{2\pi\sigma^2}e^{-\frac{x^2+y^2}{2\sigma^2}}$$







a b c

**FIGURE 3.42** (a) A test pattern of size  $1024 \times 1024$ . (b) Result of lowpass filtering the pattern with a Gaussian kernel of size  $21 \times 21$ , with standard deviations  $\sigma = 3.5$ . (c) Result of using a kernel of size  $43 \times 43$ , with  $\sigma = 7$ . This result is comparable to Fig. 3.39(d). We used K = 1 in all cases.





#### FILTRO GAUSSIANO:

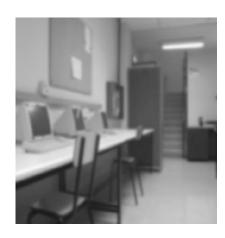
$$G(x,y) = \frac{1}{2\pi\sigma^2} e^{-\frac{x^2+y^2}{2\sigma^2}}$$



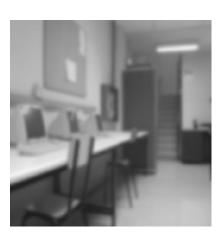




 $\sigma = 2$ 



 $\sigma = 3$ 



 $\sigma = 4$ 





#### FILTROS ESTADÍSTICOS ORDENADOS:

- **Operación no lineal**: Ordenar los valores en la vecindad de cada píxel de menor a mayor y obtener algún valor a partir de la lista.

#### - Tipos:

- Máximo
- Mínimo
- Mediana





### FILTROS ESTADÍSTICOS ORDENADOS:

- **Operación no lineal**: Ordenar los valores en la vecindad de cada píxel de menor a mayor y seleccionar el valor en la posición primera (mínimo), intermedia (mediana) o final (máximo)

#### - Ejemplo:

123	125	126	130	140
122	124	126	127	135
118	120	150	125	134
119	115	119	123	133
111	116	110	120	130

Valores ordenados de menor a mayor: {115) 119, 120, 123, 124, 125, 126, 127, 150}

Mínimo Mediana Máximo





#### FILTROS ESTADÍSTICOS ORDENADOS: Mínimo

- Selecciona el menor valor de dentro de una ventana ordenada de valores de píxeles.
- Ventaja: Elimina el ruido sal (píxeles blancos).
- Inconvenientes:
  - Sólo funciona cuando el ruido es exclusivamente tipo sal.
  - Tiende a oscurecer la imagen.





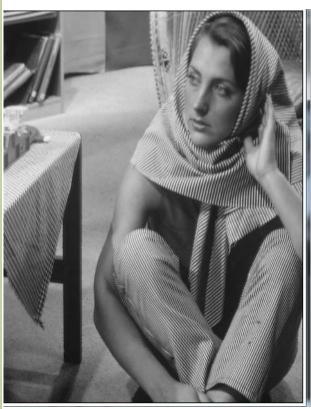
#### FILTROS ESTADÍSTICOS ORDENADOS: Máximo

- Selecciona el mayor valor dentro de una ventana ordenada de valores de nivel de gris.
- Ventaja: Elimina el ruido pimienta (píxeles negros).
- Inconvenientes:
  - Sólo funciona cuando el ruido es exclusivamente tipo pimienta.
  - Tiende a aclarar la imagen.

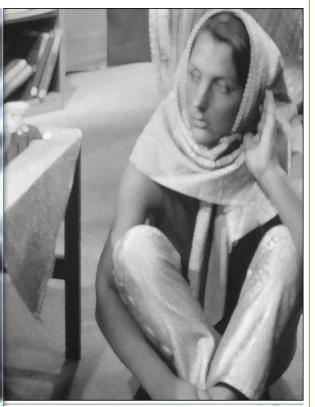




• FILTROS ESTADÍSTICOS ORDENADOS: Mínimo y máximo











#### FILTRO DE LA MEDIANA (median filter):

- **Operación no lineal**: Ordenar los valores en la vecindad de cada píxel de menor a mayor y seleccionar el valor en la posición intermedia (mediana).

#### - Ejemplo:

123	125	126	130	140
122	124	126	127	135
118	120	150	125	134
119	115	119	123	133
111	116	110	120	130

Valores ordenados de menor a mayor: {115, 119, 120, 123, 124, 125, 126, 127, 150}

Mediana = 124.





#### FILTROS DE LA MEDIANA:

### - Ventajas:

- Atenúa el ruido impulsivo (sal y pimienta).
- Preserva mejor los bordes de la imagen.

#### - Inconvenientes:

- No es lineal:  $mediana(f+g) \neq mediana(f) + mediana(g)$
- Pierde detalles (puntos, líneas finas).
- Redondea las esquinas de los objetos.





#### FILTROS DE LA MEDIANA:



Imagen original



Imagen con ruido sal y pimienta.



Imagen tras aplicar filtro de la mediana 3 x 3.





#### FILTROS DE LA MEDIANA:



Imagen original



Imagen con ruido sal y pimienta.



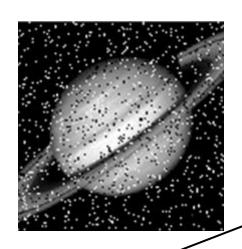
Imagen tras aplicar filtro de la mediana 5 x 5.

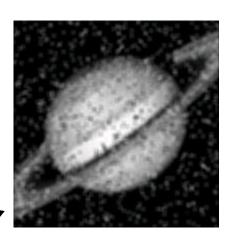




#### FILTROS DE LA MEDIA Y LA MEDIANA:







Filtro de la media 3 x 3.

Filtro de la mediana 3 x 3.







#### FILTROS DE LA MEDIANA PONDERADA:

- Operación no lineal: La nueva imagen se genera a base de hallar la mediana de los valores del entorno del píxel, repetidos tantas veces como indique una determinada máscara.

- Máscara 3 x 3 (ej):

1	2	1
2	4	2
1	2	1





#### • FILTROS DE LA MEDIANA PONDERADA:

1	2	1
2	4	2
1	2	1

123	125	126	130	140
122	124	126	127	135
118	120	150	125	134
119	115	119	123	133
111	116	110	120	130

Valores ordenados de menor a mayor:

 $\{115, 119, 120, 123, 124, 125, 126, 127, 150\}$ 

Aplicando máscara:

{115, 119, 119, 120, 120, 123, 124, 125, 125, 126, 126, 127, 150, 150, 150, 150}

# Filtros de realce











#### • FILTROS DE REALCE:

- **Objetivo**: Realzar los detalles de una imagen que hayan podido quedar emborronados. Estos filtros están asociados, por tanto, con la detección de lados o bordes (edges).
- La **idea** que subyace en la mayor parte de las técnicas de detección de bordes es el cálculo de un operador local de derivación ya que un píxel pertenece a un borde si se produce un cambio brusco entre niveles de grises con sus vecinos. Mientras más brusco sea el cambio, más fácil es detectar el borde.
- Inconveniente: El ruido es colateralmente realzado.





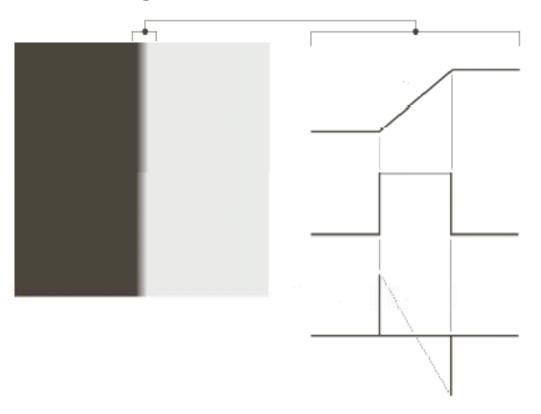
### Derivada digital:

- La derivada de una función digital se mide en términos de variaciones entre píxeles adyacentes. Existen varias formas de definir estas diferencias pero todas deben cumplir:
  - La 1º derivada debe ser o en zonas de intensidad constante y distinta de o en zonas de variaciones (escalones o rampas).
  - La 2º derivada debe ser o en zonas de intensidad constante y a lo largo de rampas con intensidad constante y debe ser distinta de o en escalones y comienzo y fin de rampa.





### Derivada digital:



Perfil de intensidad horizontal

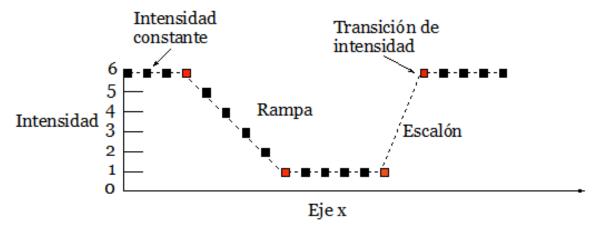
1º derivada

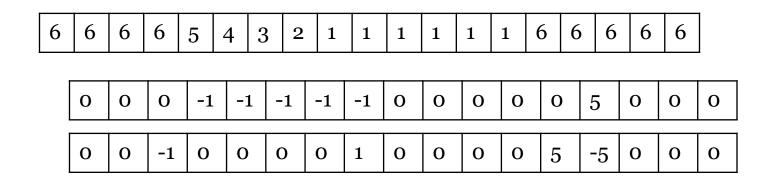
2º derivada





### • Derivada digital:

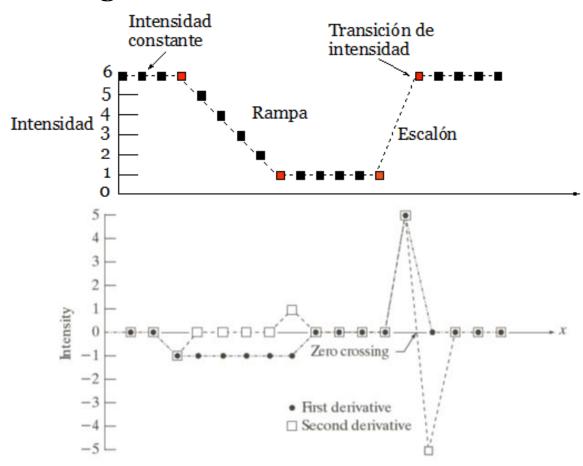








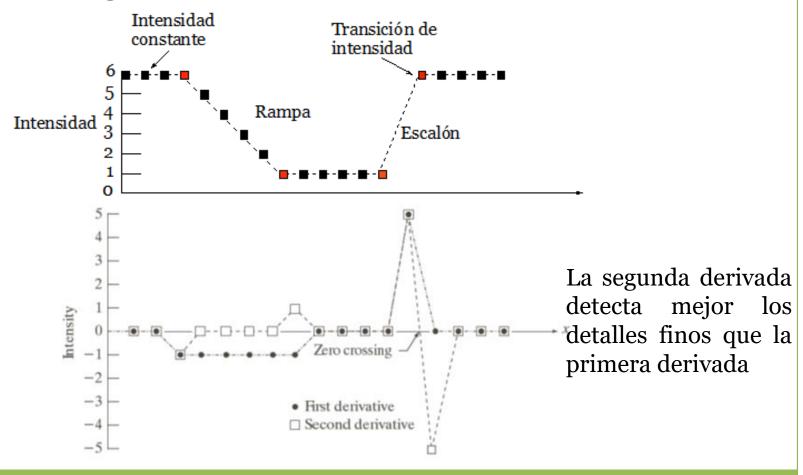
### Derivada digital:







### Derivada digital:







#### GRADIENTE DIGITAL:

- Una aproximación del gradiente de una imagen f(x,y) sería:

$$\nabla f = grad(f) = \begin{bmatrix} g_x \\ g_y \end{bmatrix} \quad g_x = \frac{\partial f}{\partial x} = f(x, y) - f(x - 1, y)$$
$$g_y = \frac{\partial f}{\partial y} = f(x, y) - f(x, y - 1)$$

- Estas operaciones pueden usarse en forma de convolución usando las siguientes máscaras, respectivamente:

О	0	0
-1	1	О
О	О	О

О	-1	О
0	1	0
0	0	0





### • GRADIENTE DIGITAL: Operador de Sobel.

- Se usan dos máscaras 3 x 3 para aproximar el gradiente:

1	2	1
0	0	0
-1	-2	-1
	$g_{\rm x}$	

-1	О	1
-2	0	2
-1	0	1
$g_{\mathrm{y}}$		

- Observemos que tienen más pesos los píxeles situados en la vertical y la horizontal (con respecto al píxel central) que los píxeles de la diagonal.





### • GRADIENTE DIGITAL: Operador de Sobel.

Imagen original g(x,y)

a b c d

#### FIGURE 10.16

(a) Image of size 834×1114 pixels, with intensity values scaled to the range [0,1]. (b)  $g_x$ , the component of the gradient in the x-direction. obtained using the Sobel kernel in Fig. 10.14(f) to filter the image. (c)  $|g_v|$ , obtained using the kernel in Fig. 10.14(g). (d) The gradient image,  $g_x$  +









 $|g_{x}|$ 

$$|\nabla f| \approx |g_x| + |g_y|$$

 $|g_y|$ 





#### LAPLACIANO DIGITAL:

- El Laplaciano de una función bidimensional f es un operador definido por:

$$\nabla^2 f = \frac{\partial^2 f}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial y^2}$$

- El Laplaciano puede implementarse en forma digital de varias maneras. La más frecuente en la práctica es:

$$\nabla^2 f(x,y) = [f(x+1,y) + f(x-1,y) + f(x,y+1) + f(x,y-1)] - 4f(x,y)$$

О	1	0
1	-4	1
0	1	0





#### LAPLACIANO DIGITAL:

- Otras máscaras 3 x 3 para implementar en Laplaciano digital:

1	1	1
1	-8	1
1	1	1

0	-1	0
-1	4	-1
О	-1	O

-1	-1	-1
-1	8	-1
-1	-1	-1

- Nótese que la suma de los coeficientes de la máscara debe ser cero, lo que es coherente en el caso de que el punto en cuestión y sus vecinos tengan el mismo valor.
- Los píxeles a ambos lados de un borde darán como respuesta un número positivo y negativo "grande" en valor absoluto.





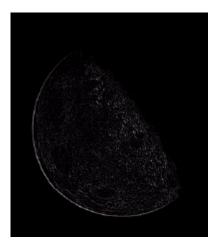
#### LAPLACIANO DIGITAL:

- El Laplaciano no suele usarse directamente en la práctica por ser muy sensible al ruido. Se suele usar sumado o restado con la imagen original para realzar detalles.

$$g(x,y)=f(x,y)+c\nabla^2 f(x,y)$$



Imagen original



Laplaciano (con la primera máscara )



Imagen original -Laplaciano





#### LAPLACIANO DIGITAL:



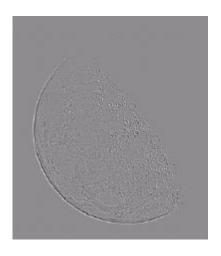
Imagen original



Laplaciano



Secciones grandes negras ya que los valores negativos del Laplaciano se truncan en o (negro).



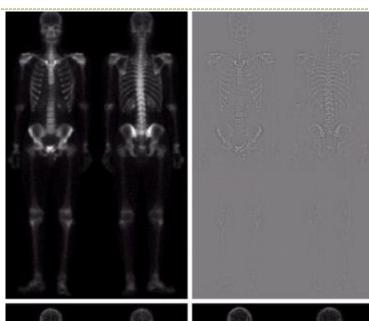
Reescalado del laplaciano

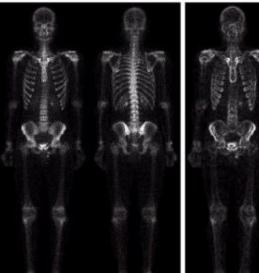


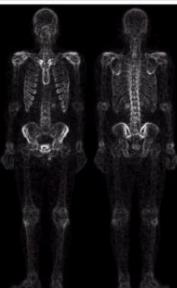
Para que los valores estén entre [o, L-1] (transformación de intensidad)











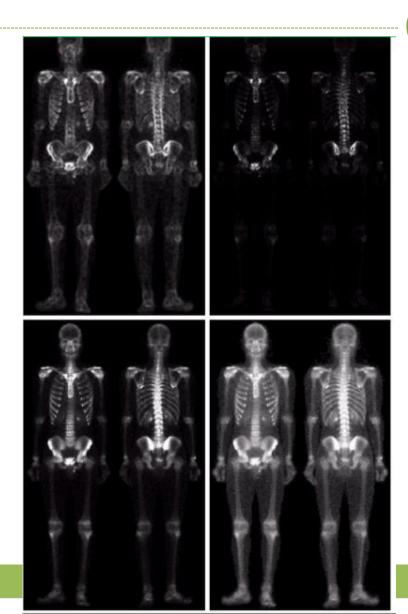
a b c d

#### FIGURE 3.46

- (a) Image of whole body bone scan.
- (b) Laplacian of (a). (c) Sharpened
- image obtained by adding (a) and
- (b). (d) Sobel of
- (a).







e f g h

#### FIGURE 3.46

(Continued)
(e) Sobel image smoothed with a 5 × 5 averaging filter. (f) Mask image formed by the product of (c) and (e).
(g) Sharpened

image obtained by the sum of (a) and (f). (h) Final result obtained by applying a power-law transformation to (g). Compare (g) and (h) with (a). (Original image courtesy of G.E. Medical Systems.)





#### Bibliografía

- R.C. González, R.E. Woods. *Digital Image Processing*, 4th edition. Pearson, 2018. (La mayor parte de las imágenes han sido extraídas de esta publicación)
- Mark S. Nixon, Alberto S. Aguado. Feature Extraction and Image Processing for Computer Vision. Elsevier, 2020.