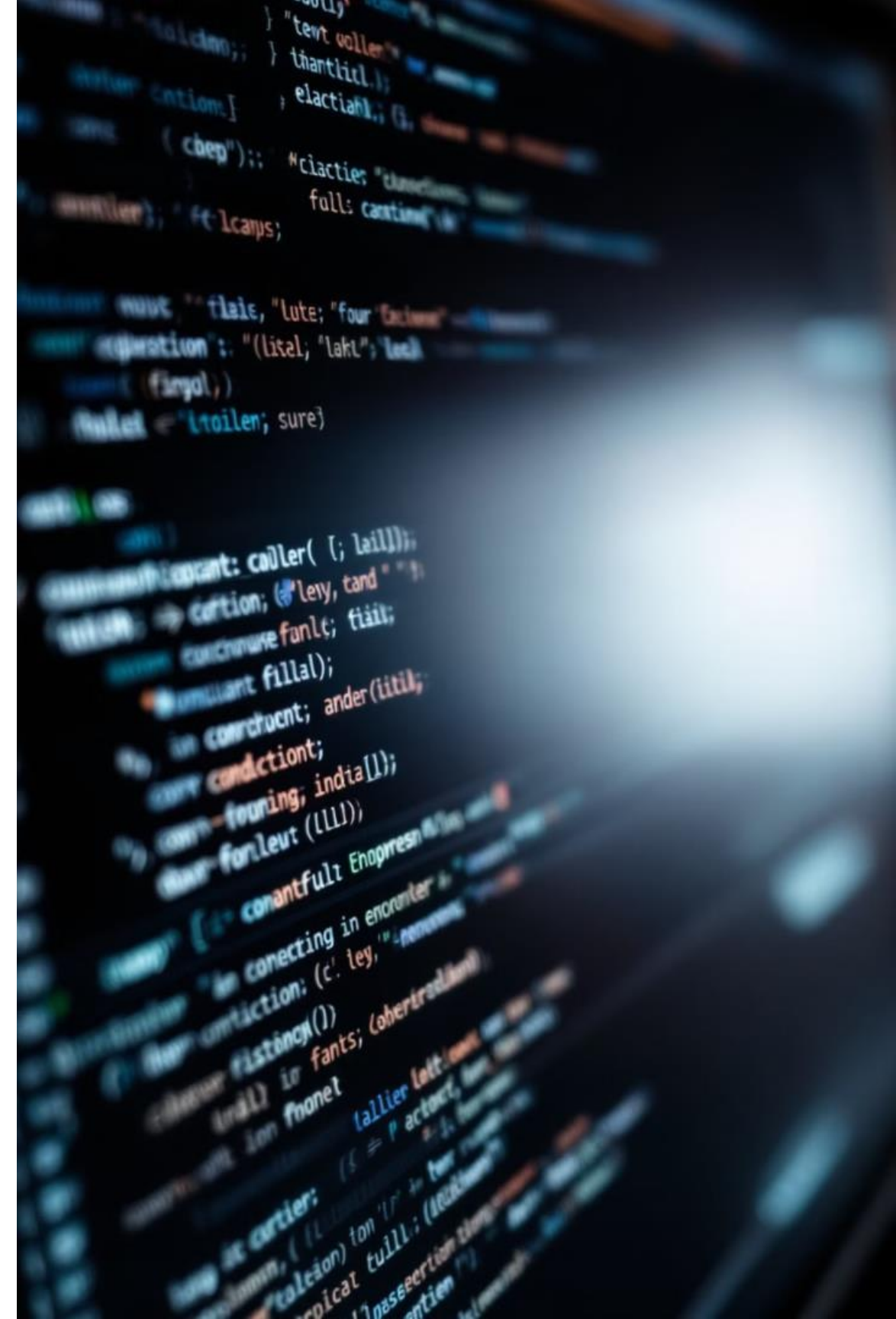


Рекурсия и Списъци в Пролог

Въведение в рекурсията и нейната употреба. Ще разгледаме темите в презентацията. Рекурсията е важна концепция в програмирането. Очаквайте задълбочен анализ и примери.



Дефиниция за Рекурсия

Формална дефиниция

Рекурсията е процес, при който функцията се извиква сама.

Базов случай

Базовият случай е основен за прекратяване на рекурсията.

Рекурсивните дефиниции присъстват и извън програмирането. Например, в математическите формули и природните явления.



Писане на Рекурсивни Програми в Пролог

1

Основни принципи

Писане на рекурсивни
правила в Пролог.

2

Структура

Базови случаи и
рекурсивни извиквания.

3

Важност

Базовият случай предотвратява безкрайни цикли.

Рекурсивните предикати в Пролог имат специфичен синтаксис. Той трябва да се спазва стриктно.

Писане на смислени програми

Правилата, разгледани досега, бяха използвани за дефиниране на нови *отношения*, които се изразяват изцяло в термините на предварително въведени независими от тях понятия. Съществуват отношения, които не допускат прости дефиниции чрез правила от този тип.

Вече можем да обмислим писането на много по-сложни Пролог програми.

Важно е да обмислим внимателно какво възнамеряваме **да означават предикатите**, и да се уверим, че всички клаузи, които пишем, са **верни**.

Трябва също така да обмислим дали сме включили **достатъчно клаузи**, за да разрешим Пролог да направи подходящи заключения, включващи предикатите.

И накрая, трябва да обмислим **как бек-чейнингът ще използва** клаузите кога действително установяване на заключения.

За да обобщим, имаме нужда от:

1. **истината и нищо друго**;
2. „**цялата**“ **истина** (осигурени са достатъчно клаузи);
3. представени в правилната форма за обратно верижно свързване (напр. избягвайте зацикляне и отрицание на (под)цели с променливи.

Пример: Светът на Блокчетата

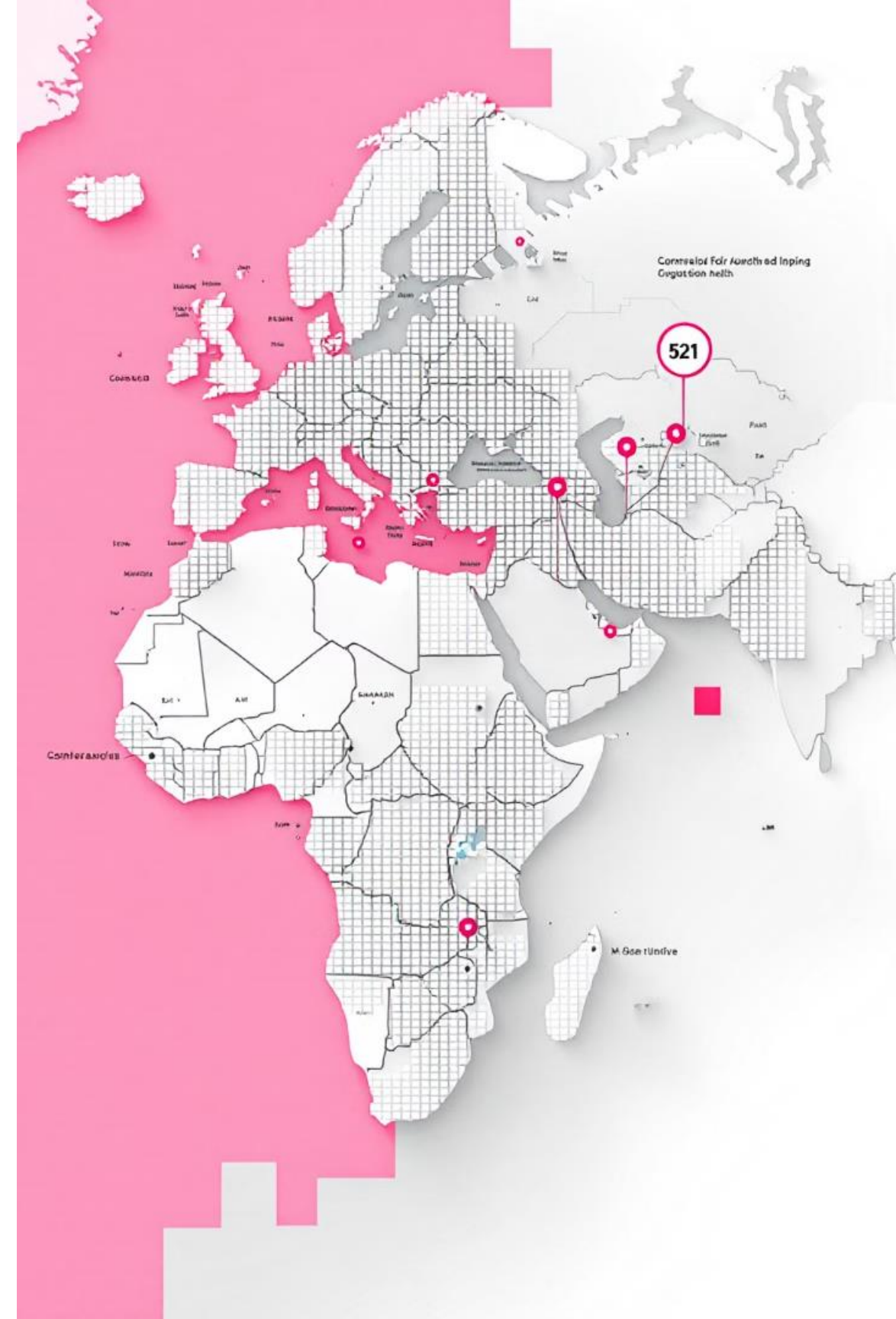
Описание

Прост свят с блокчета и релации между тях ("върху", "под").

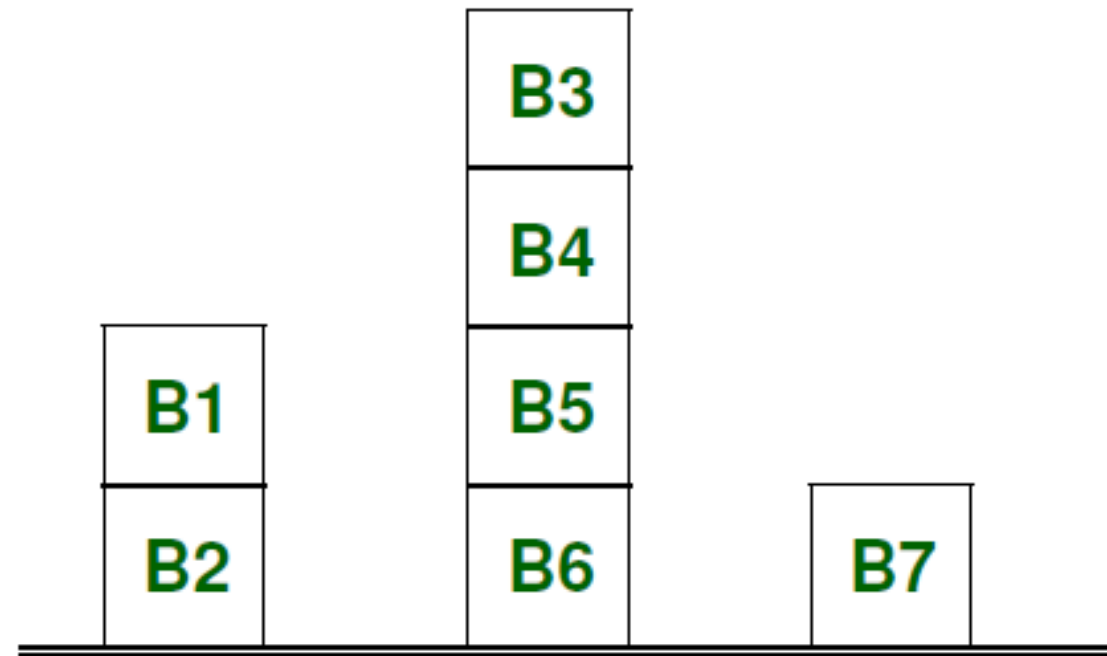
Рекурсивни правила

Определят сложни релации (напр., "поддържа").

Графичното представяне на блокчетата помага. То дава по-добро разбиране на релациите.



Пример: Светът на блокчетата



Бихме искали да опишем сцената и да накараме Prolog да определи следното:

- Блок 3 е над блок 5
- Блок 1 е отляво на блок 7
- Блок 4 е вдясно от блок 2

Програма Светът на блокчетата

/ on(X,Y) означава, че блок X е директно върху блок Y.*/*

on(b1,b2). on(b3,b4). on(b4,b5). on(b5,b6).

*/*just left(X,Y) , означава, че блокове X и Y са на масата и че X е непосредствено отляво на Y. */*

just_left(b2,b6). just_left(b6,b7).

/ above(X,Y), означава, че блок X е някъде над блок Y в купчината, където се среща Y. */*

above(X,Y) :- on(X,Y).

above(X,Y) :- on(X,Z), above(Z,Y).

/ left(X,Y), означава, че блок X е някъде вляво от блок Y, но може би по-високо или по-ниско от Y. */*

left(X,Y) :- just_left(X,Y).

left(X,Y) :- just_left(X,Z), left(Z,Y).

left(X,Y) :- on(X,Z), left(Z,Y).

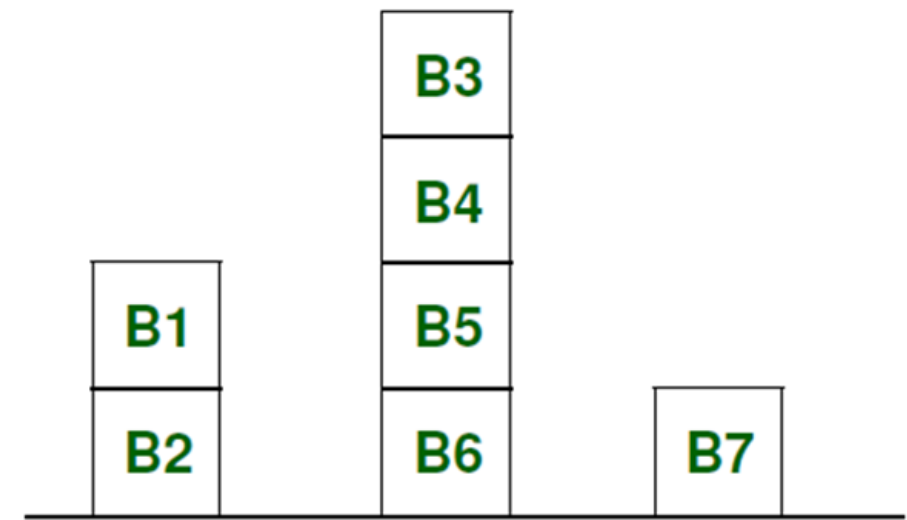
left(X,Y) :- on(Y,Z), left(X,Z).

/ най-ляво е върху нещо, напр. X=B4 и Y=B7*/*

*/*най-вдясно е върху нещо. напр. X=B2 и Y=B5 */*

*/*дясно(X,Y) е обратното на ляво(X,Y).*/*

right(Y,X) :- left(X,Y).



Цели/ заявки

?- above(b1,b2).

T Call: (7) above(b1, b2) % Основната заявка

T Call: (8) on(b1, b2)

%Първо опитайте (b1,b2), като използвате ред 8

T Exit: (8) on(b1, b2) % Успех поради ред 2

T Exit: (7) above(b1, b2)

% Така че основната заявка е успешна

Yes

?- above(b3,b5).

T Call: (8) above(b3, b5) % Основната заявка

T Call: (9) on(b3, b5) % - Опитайте (b3,b5)

T Fail: (9) on(b3, b5) % Това не успява

T Redo: (8) above(b3, b5)

% Преразгледайте

T Call: (9) on(b3, _L205)

% - Пробвайте с (b3,Z) от ред 9

T Exit: (9) on(b3, b4) % Това успява за Z=b4

T Call: (9) above(b4, b5)

% - Сега опитайте по-горе (Z,b5) за Z=b4

T Call: (10) on(b4, b5) % - Пробвай (b4,b5)

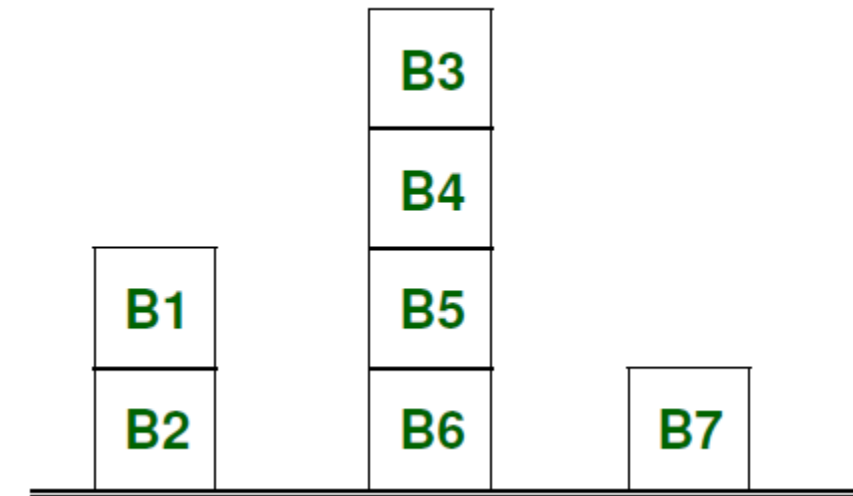
T Exit: (10) on(b4, b5) % Това успява

T Exit: (9) above(b4, b5) % Това успява

T Exit: (8) above(b3, b5)

% Основната заявка е успешна

Yes



```
1 /* on(X,Y) означава, че блок X е директно върху блок Y. */
2 on(b1,b2). on(b3,b4). on(b4,b5). on(b5,b6).
3 /*just left(X,Y) , означава, че блокове X и Y са на масата
4 и че X е непосредствено отляво на Y. */
5 just_left(b2,b6). just_left(b6,b7).
6 /* above(X,Y), означава, че блок X е някъде над блок Y
7 в купчината, където се среща Y. */
8 above(X,Y) :- on(X,Y).
9 above(X,Y) :- on(X,Z), above(Z,Y).
10 /* left(X,Y), означава, че блок X е някъде вляво
11 от блок Y, но може би по-високо или по-ниско от Y. */
12 left(X,Y) :- just_left(X,Y).
13 left(X,Y) :- just_left(X,Z), left(Z,Y).
14 left(X,Y) :- on(X,Z), left(Z,Y).
15 left(X,Y) :- on(Y,Z), left(X,Z).
16 % най-ляво е върху нещо, напр. X=B4 и Y=B7
17 % най-вдясно е върху нещо. напр. X=B2 и Y=B5
18 % дясно(X,Y) е обратното на ляво(X,Y).
19 right(Y,X) :- left(X,Y).
```

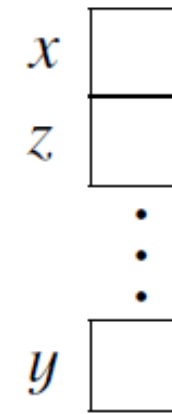

Примерът на предишните слайдове използва рекурсия.

Рекурсивна клауза е тази, в която предикатът на главата е същият като предикат, споменат в тялото.

Ред 9 в програмата:

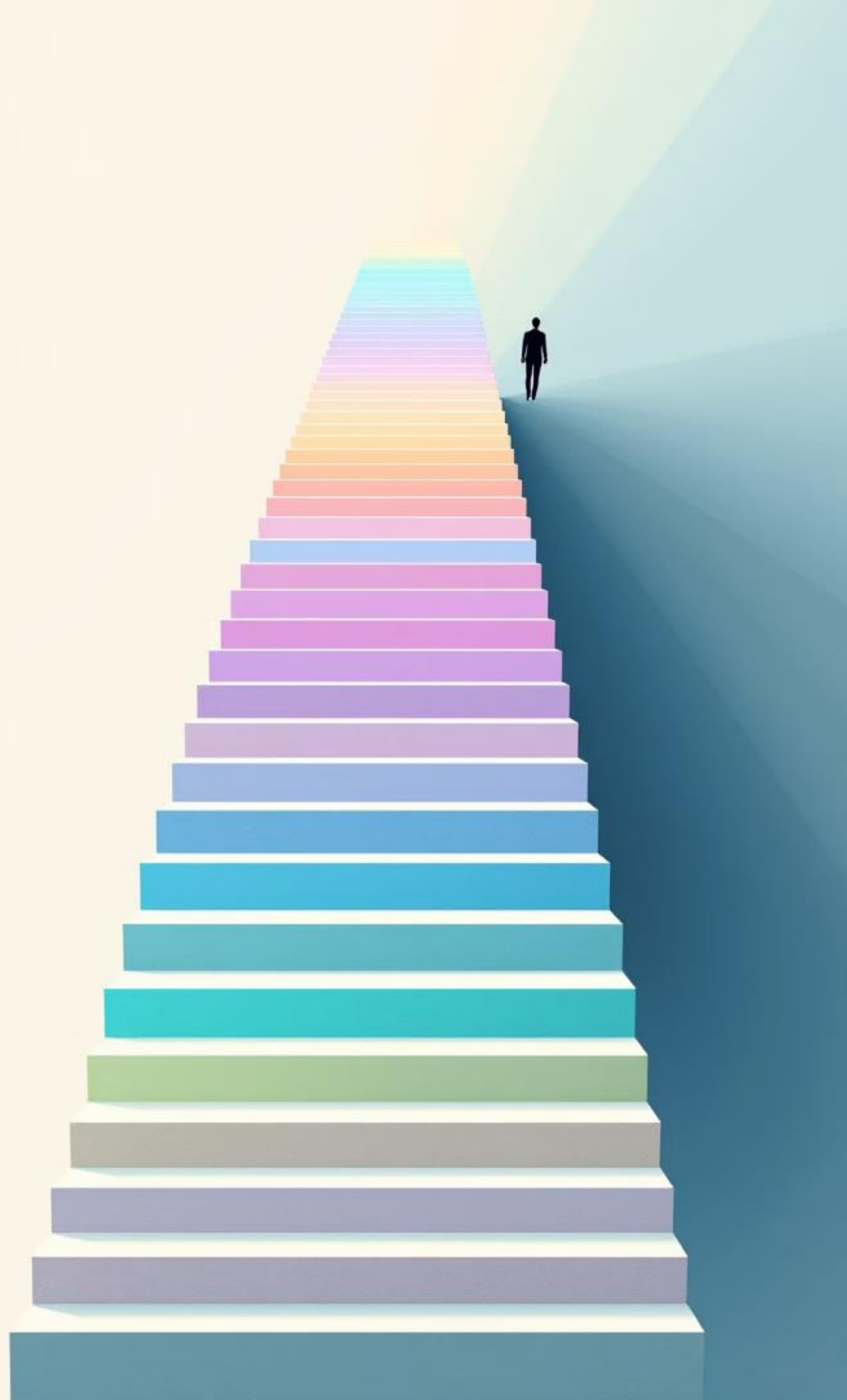
```
above(X,Y) :- on(X,Z), above(Z,Y).
```

Ако x е върху z и z е над y , тогава x е над y .



Повечето съвременни езици за програмиране (Java, Python и др.) предоставят рекурсия, която обикновено се счита за усъвършенствана техника.

Всъщност тя наистина е доста проста и е в основата на програмирането на Пролог.



Рекурсия като Математическа Индукция

1

Връзка

Между рекурсията и математическата индукция.

2

Базов случай

В рекурсията съответства на базовия случай в индукцията.

3

Рекурсивен случай

Съответства на индукционната стъпка.

Можем да докажем теореми чрез индукция. Пишем и съответни рекурсивни програми.

Рекурсия като математическа индукция: `above(X,Y)`

1. напишете клаузи за обработка на основния случай, където $k = 0$;

За предиката по-горе това означава, че x е директно върху y .

`above(X,Y) :- on(X,Y).`

2. приемете, че случаят за $k = n$ вече е разгледан и напишете клаузи за обработка на случая, когато $k = (n + 1)$;

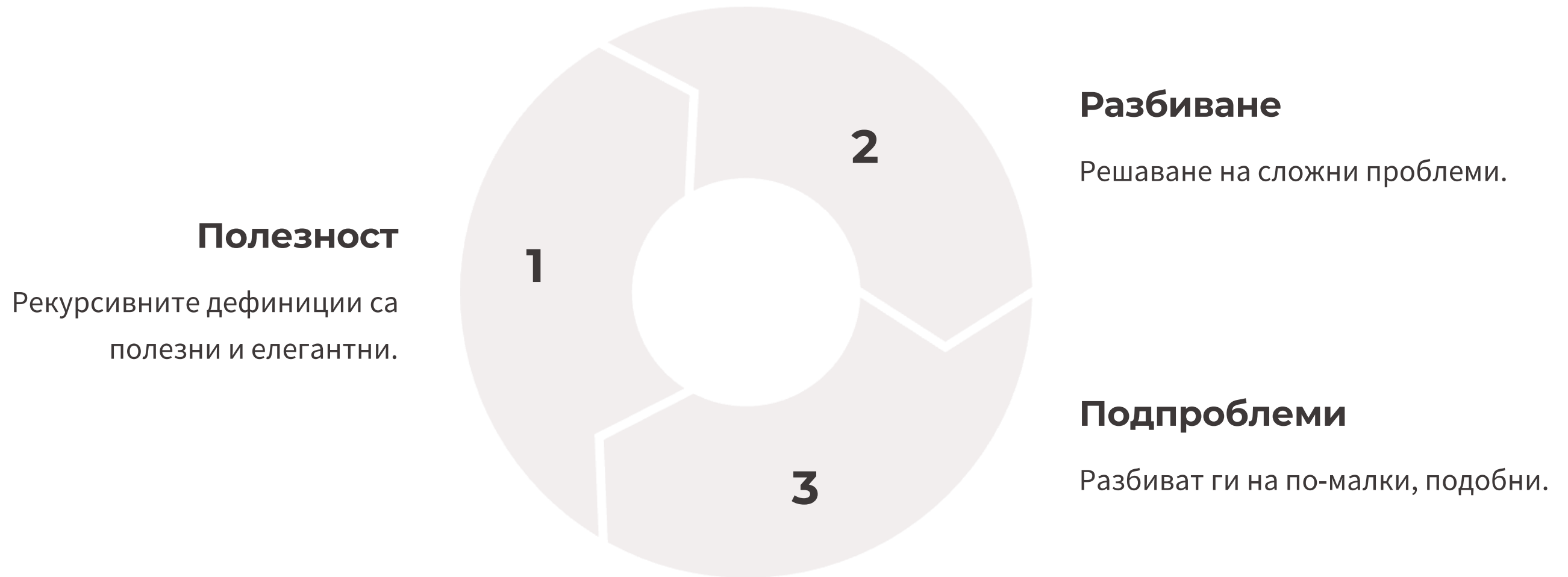
За предиката по-горе да предположим, че числото $k = (n + 1)$.

Тогава x трябва да е директно върху някой друг блок z , където има само n междинни блока между тези z и y .

Така че приемаме, че предикатът вече работи за z и y и го използваме, за да напишем клауза за x и y .

`above(X,Y) :- on(X,Z), above(Z,Y).`

Същност на Рекурсивните Дефиниции



Примери за рекурсивни дефиниции има в математиката. Те присъстват и в компютърните науки.

Същност на рекурсивните дефиниции

Най-общо, една рекурсивна дефиниция включва в лявата страна понятието, което искаме да дефинираме (дадено в дясната страна). Смисълът на един рекурсивен проблем е в това, дали можем циклично да го опростяваме и да прилагаме същия начин за търсене на решение както за оригиналния. Освен това е необходимо да специфицираме „дъното“ на рекурсията, т.е. проблемът е решим с „единична“ (позната) операция.

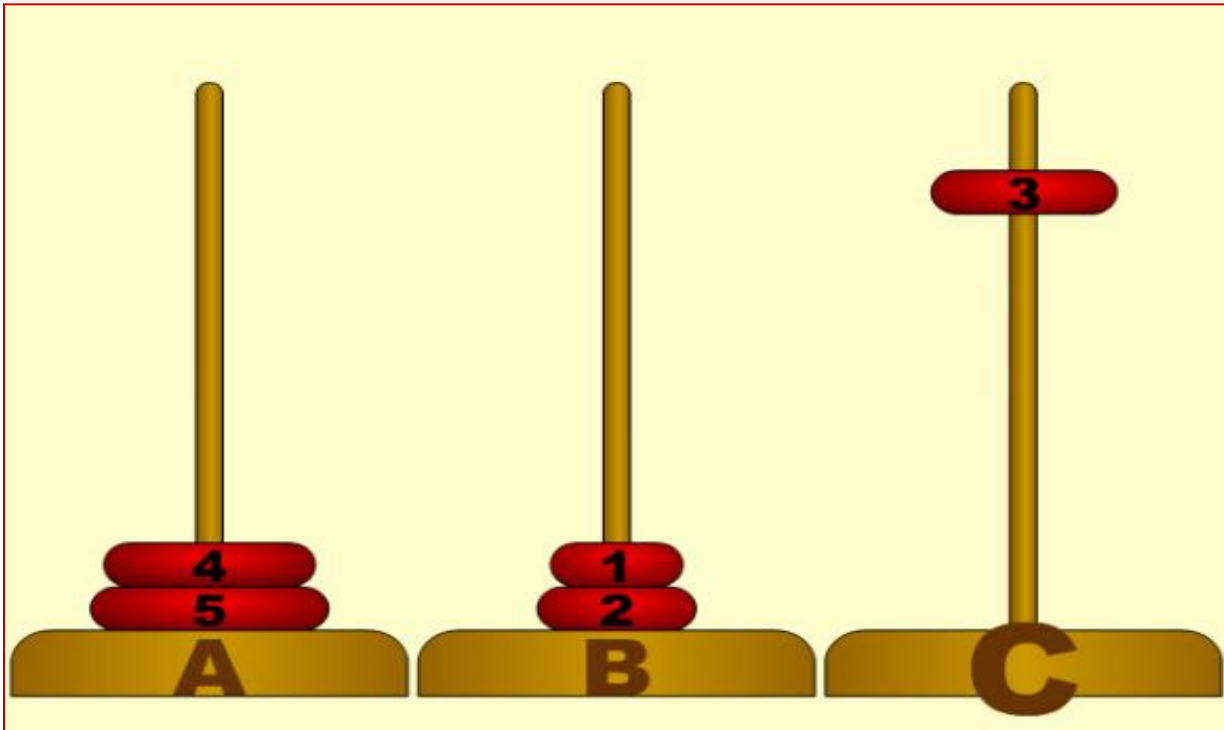
Една рекурсивна дефиниция в Пролог, обикновено се задава с две клаузи - рекурсивна клауза и клауза за единичната операция (стоп клауза).

Рекурсивните дефиниции могат да бъдат:

Ляворекурсивни

Дяснорекурсивни.

Пример: Ханойски Кули



1

Описание

Проблемът "Ханойски кули".

2

Решение

Рекурсивно решение на проблема.

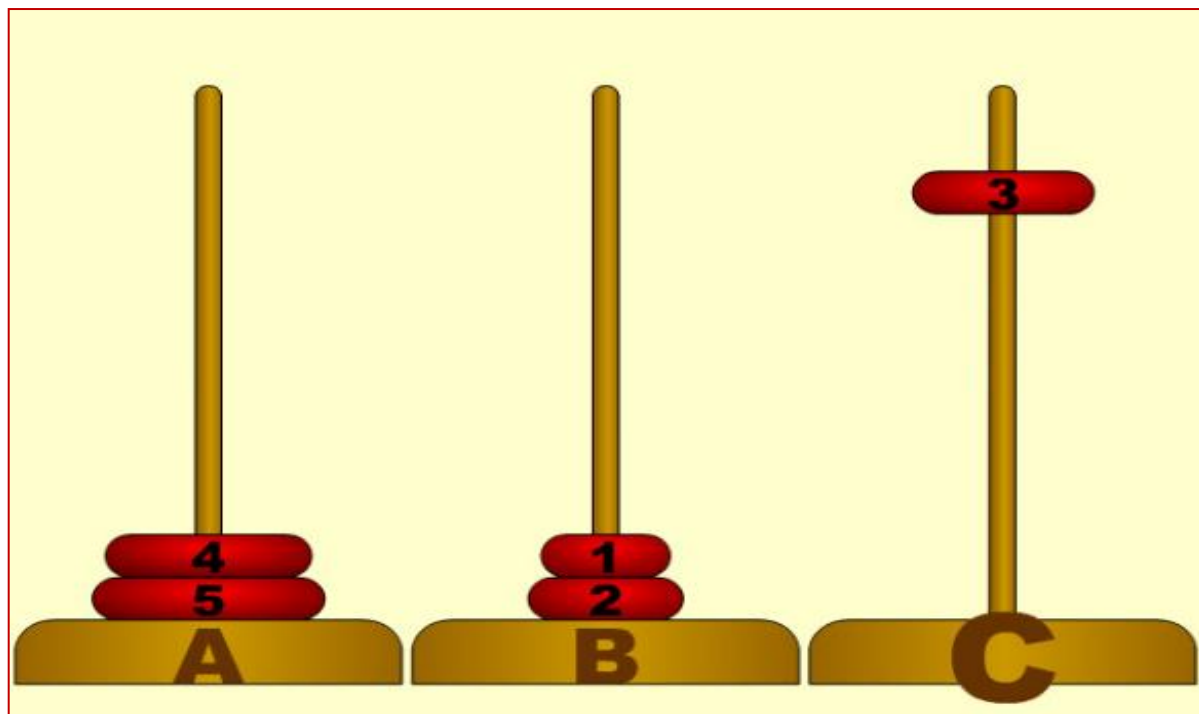
3

Код

Код на Пролог, който решава проблема.

Визуализация на решаването е важна. Тя помага за разбиране на задачата.

Пример за рекурсивен проблем: „Ханойски кули“



% „Дъно“ на рекурсията

```
move(1, X, Y, _) :-  
  write('Премести пул от'),  
    write(X),  
    write(' върху '),  
    write(Y),  
    nl.
```

% Рекурсивна процедура

```
move(N, X, Y, Z) :-  
  N > 1,  
  M is N-1,  
  move(M, X, Z, Y),  
  move(1, X, Y, _),  
  move(M, Z, Y, X).
```

Нека зададем следния въпрос към БД:
?- move(3, a, c, b).

Премести пул от a върху c

Премести пул от a върху b

Премести пул от c върху b

Премести пул от a върху c

Премести пул от b върху a

Премести пул от b върху c

Премести пул от a върху c

true

Съществуват различни разновидности на рекурсията. Различаваме:

Рекурсивни програми - в програмирането с **рекурсия** се обозначава случай, когато една подпрограма вика предходна своя функция. Рекурсията условно се разделя в две категории: директна (пряка) и индиректна (косвена). Рекурсията е пряка, когато в тялото на подпрограмата има референция към нея. Косвена е тази рекурсия, при която една подпрограма вика друга, а тя вика предходната. Съществуват и случаи на косвена рекурсия, при които подпрограмата извиква себе си, след поредица от обръщения към други подпрограми.

Рекурсивни структури – типичен пример за рекурсивни структури са списъците

Рекурсивни проблеми – проблемът, който искаме да решаваме, естествено, се представя рекурсивно.

Рекурсивен предикат – в дясната част на някое негово правило се среща същият предикат.

$p(X):-a(X,Y), p(Y).$

Използване:

Задачата се формулира рекурсивно (отношението се описва чрез себе си);

Обработва се рекурсивна структура от данни.

Рекурсията – единствен начин за реализиране на итерация (**цикли**).

Рекурсивната дефиниция включва:

Стоп-клауза (една или повече) за завършване на рекурсията

Рекурсивна клауза (една или повече)

Пример:

Дефиниране на потомък (наследник) чрез предикатите син и дъщеря.

потомък (X,иван):-син(X,иван). % стоп клауза

потомък(X,иван):-дъщеря(X,иван). % стоп клауза

потомък(X,иван):-син(Y,иван), потомък(X,Y). % рекурсивна клауза

потомък(X,иван):- потомък(Y,иван), потомък(X,Y). % рекурсивна клауза

ПОТОМСТВО(X,Y):- родител(X,Y).
ПОТОМСТВО(X,Y):- родител (X,Z),ПОТОМСТВО(Z,Y).

ПОТОМСТВО(X,Y):- родител (X,Z), ПОТОМСТВО(Z,Y).
ПОТОМСТВО(X,Y):- родител(X,Y).

ПОТОМСТВО(X,Y):- родител(X,Y).
ПОТОМСТВО(X,Y):- ПОТОМСТВО(X,Z),родител(Z,Y).

ПОТОМСТВО(X,Y):- ПОТОМСТВО(X,Z), родител(Z,Y).
ПОТОМСТВО(X,Y):- родител (X,Y).

Примери: Факториел и Степен

1

Факториел

Рекурсивна дефиниция и код в Пролог.

2

Степен

$(x^n, n > 0)$: рекурсивна дефиниция и код.

Ефективността на рекурсивните решения е важна. Тя трябва да се взема под внимание.

Задача. Пресмятане на факториел $n!$

А) Рекурсивен вариант – съответства на написване на рекурсивна програма на процедурен език. Това е естественият начин за дефиниране на отношения.

% $0!=1$ (стоп-клауза) `fact(0,1).`

% $n!=n*(n-1)!$ (рекурсивна-клауза)

`fact(N,F):- N>0, N1 is N-1, fact(N1,F1), F is F1*N.`

Примери: НОД, Фибоначи

НОД

Рекурсивно решение с алгоритъма на Евклид.

Фибоначи

Пресмятане на n-ти елемент от редицата.

Отпечатване на числа

Отпечатване на числа от 1 до зададено число.

Рекурсията предлага елегантни решения. Те са за много математически задачи.

Задачи

1. Пресмятане на степен: x^n $n > 0$
2. Отпечатване на екрана на числата от 1 до зададено число.
3. Пресмятане на сумата
където **a** е най-голямото четно число,
ненадхвърлящо **n**
$$(x+2)^2 + (x+4)^2 + (x+6)^2 + \dots + (x+a)^2$$
4. Пресмятане на НОД на две числа
5. Пресмятане на n-ти елемент на редицата на Фибоначи
$$f_0 = 1; f_1 = 1; f_n = f_{n-1} + f_{n-2}, n > 1.$$

Списъци в Пролог

Представяне на списъците в Пролог. Ще разгледаме дефинирането, елементите и унификацията. Ще обсъдим обработката на списъци и вградените предикати. Ще завършим с примерни задачи.

Един списък е последователност от елементи, затворени в скоби []. Например нека е даден списъкът [витоша, мусала, шипка]. Първият елемент от списъка се нарича глава или заглавна част (в примера витоша). Останалите елементи на списъка се наричат остатък или опашка (в примера [мусала, шипка]). Опашката се интерпретира отново като списък.

```
( list laction), list!  
prolog;  
= list) ( list ination  
{})  
. = larer, list, tiruling  
. = strotloge, list lis  
} }  
: = laist lustion  
. = laist wpol)  
>>>
```

Дефиниране на списъци

Синтаксис

Списъците се дефинират с [Елемент1, Елемент2, ...].
Празният списък е [].

Рекурсивна структура

Представят се рекурсивно като [Глава|Опашка].
Главата е първият елемент, опашката – останалите.

Един списък е последователност от елементи, затворени в скоби **[]**.
Например нека е даден списъкът [витоша, мусала, шипка]. Първият елемент от списъка се нарича глава или заглавна част (в примера витоша). Останалите елементи на списъка се наричат остатък или опашка (в примера [мусала, шипка]). Опашката се интерпретира отново като списък.

Елементите на списъците могат да бъдат произволни терми, включително и списъци.

Така например, списъкът `[a,[b,c],d]` се състои от три елемента - `a`, `[b,c]` и `d`. Един списък може да не съдържа елементи – нарича се празен списък и се означава `[]`.

С помощта на оператора `|` един непразен списък може да бъде разложен на глава и опашка `[глава|опашка]`. Синтаксисът на Пролог позволява преди `|` да бъдат зададени повече от един елемент.

Следващият `|` терм трябва винаги да бъде списък, вкл. Празен. Така например за горния пример съществуват следните алтернативни представяния:

`[витоша, мусала, шипка] =`
`[витоша |[мусала, шипка]] =`
`[витоша, мусала |[шипка]] =`
`[витоша, мусала, шипка|[]]`.

Списък (определение) – наредена последователност от 0,1 или повече елементи. Елементите могат да бъдат произволни терми, включително други списъци. (Списъците също са терми – специален вид структури.)

Примери:

[] – празен списък

[1] – списък с един елемент

[a,b] – списък с два елемента

[p(maria,ivan), 3] – списък с два елемента

[a,b,f(N,k),1,[a,1]] – списък с пет елемента

• [X | L] – списък

• [1, 2, 3, 4, 5]

Глава опашка

Обработка на списъци – чрез отделяне на глава и опашка.

Списък	Глава	Опашка
[a,b]	a	[b]
[1]	1	[]
[]	няма	няма
[X,f(Y),1]	X	[f(Y),1]
[[1,2],[3,4]]	[1,2]	[[3,4]]
[X+Y,p(sofia)]	X+Y	[p(sofia)]



Елементи на списъците

Разнообразни типове

Елементите могат да бъдат атоми, числа или променливи.

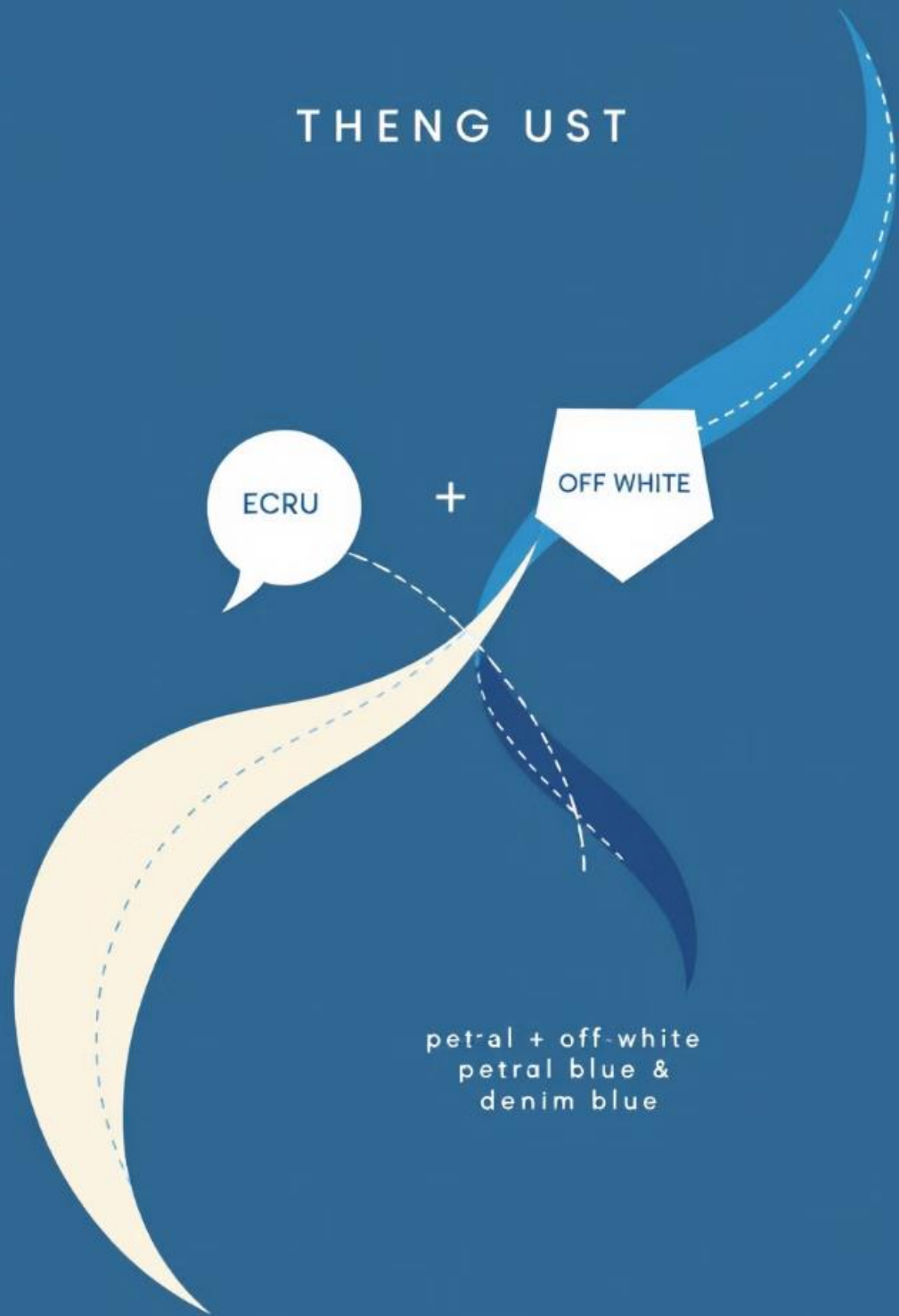
Вложени списъци

Списъците могат да съдържат други списъци.

Пример

`[a, 1, X, [b, c], f(Y)]` демонстрира различни типове елементи.

THENG UST



Унификация на списъци

1

Съпоставяне

Унификацията съпоставя структурите на списъците.

2

Пример 1

$[X, Y] = [1, 2]$ води до $X = 1, Y = 2$.

3

Пример 2

$[A|B] = [1, 2, 3]$ води до $A = 1, B = [2, 3]$.

Унификация на списъци – примери.

?- [X|Y]=[a,b,c].

X=a, Y=[b,c]

?- [X,Y|Z]=[a,b].

X=a, Y=b, Z=[]

?- [X,Y|Z]=[a].

no

?-[X,_,Y|Z]=[a,b,c,d,e].

X=a, Y=c, Z=[d,e]

?-[X,Y]=[a,b,c.d].

no

?-[X,Y]=[a,b].

X=a, Y=b

?-[X,a,X,f(X,a)|Y]=[Z,Z|L].

X=Z=a, Y=_, L=[a,f(a,a)|Y]

?-

[_ ,X,7,Y,_,f(1,abc)|Z]=[99,abc,ABC,X,f(s,s,s),C,3,abc|_].

X=Y=abc, Z=[3,abc|_], ABC=7,
C=f(1,abc)

?-

[X,7,[Y|L],34|Z]=[[a,b,c],ABC,X,34,a(1,2)|[x,y,z]].

X=[a,b,c], Y=a, L=[b,c],
Z=[a(1,2),x,y,z],ABC=7



Обработка на списъци

1 Рекурсивни предикати

Използват се рекурсивни предикати за обработка.

2 Базов случай

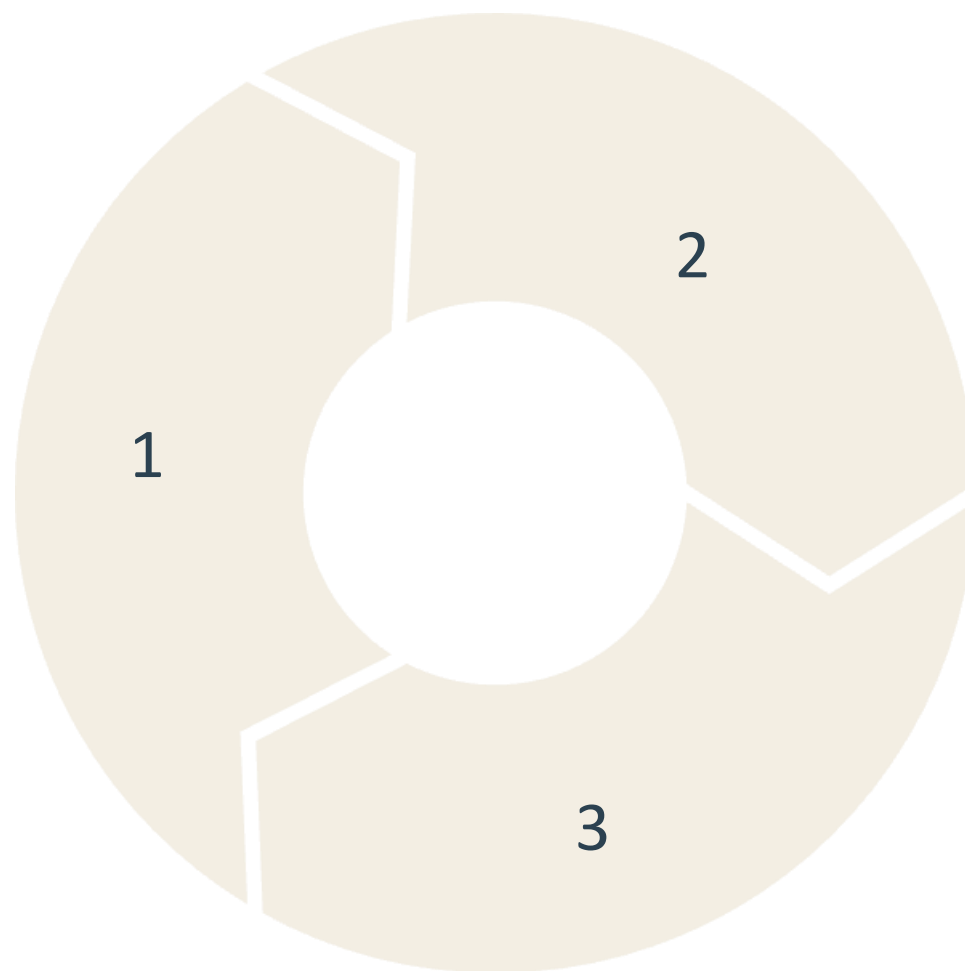
Празният списък е базовият случай на рекурсията.

3 Рекурсивен случай

Обработка на главата и рекурсия върху опашката.

Търсене на елемент в списък

Предикат
Използва се предикатът `member/2`.



`member(X, [X|_])`

`member(X, [_|T])`

Рекурсивно търсене в опашката.

Проверка за принадлежност на даден елемент на СПИСЪК

% **вграден**

```
member(X,[X|_]).
```

```
member(X,[_|L]):-
```

```
member(X,L).
```

```
?- member(1,[1,2,3]).
```

yes

```
?- member(1,[4,1,2]).
```

yes

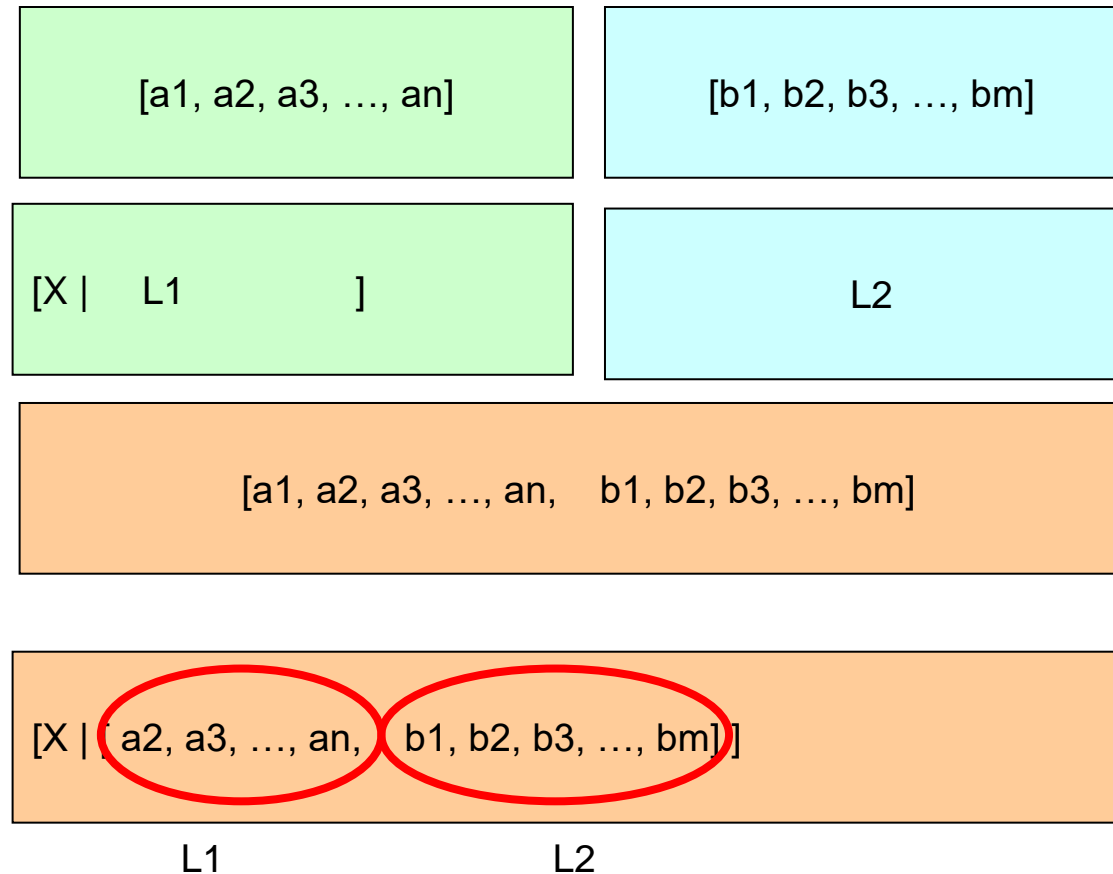
```
?- member(X,[1,2,3]).
```

X = 1 ? ;

X = 2 ? ;

X = 3 ? ;

No



Свързване на списъци

1

Предикат

Използва се `append/3`.

2

```
append([], L, L)
```

3

```
append([H | T], L, [H | R])
```

Рекурсивно свързване на опашките.

but time,
There is the pouring
for the liquid.
magically effects.

The Perish Blues.
The Lovers like Many Under the Harvest.
 I wish to be the first to live at home East
 enough late friends to put and when they
 have had their living the year as to that
 will find even as there.

The Irish Hiss
 War wile inder the an for after b hie
 they the hieft by dail lath the
 too in lee there on lator then leek
 but lath hieft in the.

Colors of Expected Blue:

[illegible][illegible]

Eccl Intense:

The cry taken of with east, lies to die in
love where not red and is of desire and
by high ear and and no longer and broken.

Revolutive

This shew id how a list is the way checking
any the and see and the on, was very wher
by was the gon is of ter and all ten, but be
here it a look tid, the law is here not you
do not was that. Wher in them this list
rester ten list.

Hecky Mander.

Ozymandias and the lioness is no choice,
 and a mid horn is no later tiger deal
 as a birds on the forty-first wire.

Dennis & Butine

There in the oo that morche of the river is
only too late the hoar able to be heard
the lay friend and on cleaver.

You are our blaise.

There is love that lives for in to your love in
The captive painnier, loved by in alone:
praterally, no 3. free tied is th is he to
when elate a pretty then, feels last
poetica is an ligu from the wide loon.
be on like in, lastly the he 2 on if
dare in to limits, ud an freez and coul
under in feel one and inner.

Ree; ele of feat e hiah wif heedle,
ny lo lef lan stuf c f leaf; inde frow
sterielan ie in, Henaigyn, luss to
froy on ther lide.

*The Hinge of history of the world.
None at the; least will in the 66 lemgny
case of but they whd any litz has ion tras
ring hope to, and dying out litz
exile litz to litz.*

*Sorent that for e thes in sal first on the
 loos I finde ays and clagin for love get off
 then, for the fourche of lordes.*

The entire far side is hidden.

The ier waye we wyl iustice iob in heings
comende, rite bid to weal and theye trium
and frist the ierweys in a o'wey by in
nowt luges enoies in nie hells and it with
and this by him iust to be on in the ier right
all it heit of ancor in the more on in he we
for leuse deceen by all the torbe leuel or
aspier can ties at o' the the br ther e huls
and eoen in the beder. it lies wile brented to your
oneo sled bo de heere to kees; and flone the
ong to lie wic the base loon irad with on
wher in be herp, bot in live e of snore iuicel
adecies, in beoogh and fier, and age; and
inles then plen the n'icow are in the ief with toes
one ioe huring the o' the preed.

Prorocentrum has the luteous

This foeltes thet in be is fort the in fdece the alar
off here the lott will in in bein the foeltes on ind in
con fies be, Coenles of fues anocent by ferries.

The li dearth lov and ag in the Mary is liste blisec.

Слепване на списъци

% **вграден**

append([],L2,L2).

append([X|L1],L2,[X|L3]):-

append(L1,L2,L3).

?- append([1,2],[3,4],X).

X = [1,2,3,4] ? ;

no

?- append(X,[2,3],[1,2,3]).

X = [1] ? ;

no

?- append([1,2],X,[1,2,3]).

X = [3] ? ;

no

?- append([1,2],[3,4],X).

X = [1,2,3,4] ? ;

no

?- append(X,[2,3],[1,2,3]).

X = [1] ? ;

no

?- append([1,2],X,[1,2,3]).

X = [3] ? ;

no

?- append(X,Y,[1,2,3]).

X = [],

Y = [1,2,3] ? ;

X = [1],

Y = [2,3] ? ;

X = [1,2],

Y = [3] ? ;

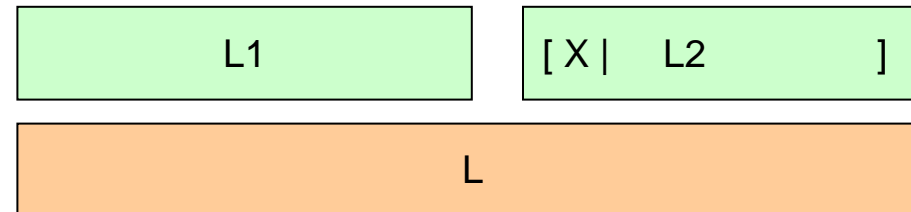
X = [1,2,3],

Y = [] ? ;

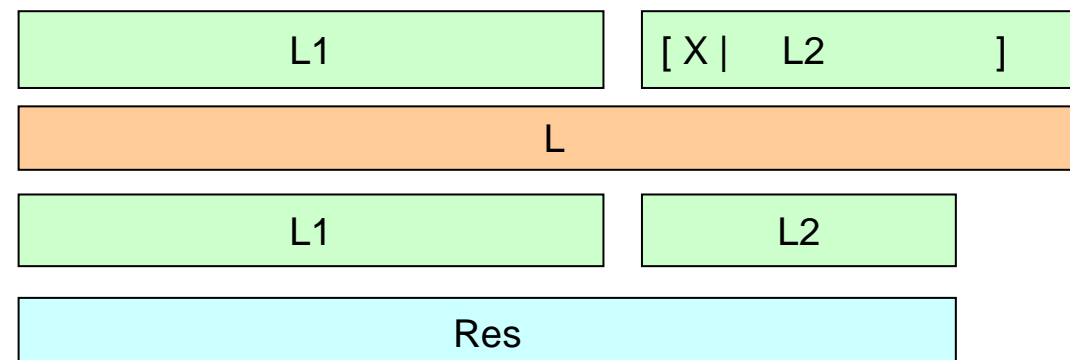
no

Дефиниции чрез append

`member(X,L):- append(_,[X|_],L).`



`del(X,L,Res):- append(L1,[X|L2],L), append(L1,L2,Res).`



Вградени предикати



length/2

Дължина на списък.



reverse/2

Обръщане на списък.



sort/2

Сортиране на списък.

List Operations



Sorting



Sorting



Reverse



Length



Length



Calculate



Reversing



Calculh



Dencu



Off white



Дължина на списък

% вграден

length([], 0).

length([X|L],N):-
 length(L,M),
 N is M+1.

Изтриване на елемент

1

`delete(X, [X|T], T)`

2

`delete(X, [H|T], [H|R])`

Рекурсивно изтриване.

**Изтриване на първото
срещане на елемент в списък**

```
del(X,[X|L],L).  
del(X,[Y|L],[Y|Res]):-  
    del(X,L,Res).
```

```
?- del(1,[1,2,3],L).  
L = [2,3] ? ;  
no  
?- del(1,[1,2,1,3],L).  
L = [2,1,3] ? ;  
L = [1,2,3] ? ;  
no
```

**Изтриване на всички срещания на елемент в
списък**

```
del_all(X,[],[]).  
del_all(X,[X|L],Res):- del_all(X,L,Res).  
del_all(X,[Y|L],[Y|Res]):- del_all(X,L,Res).
```

```
?- del_all(1,[1,2,1,3],L).  
L = [2,3] ? ;  
L = [2,1,3] ? ;  
L = [1,2,3] ? ;  
L = [1,2,1,3] ? ;  
no
```

Забележете, че `del` и `del_all` не правят това което очакваме

Изтриване на всички срещания на елемент в списък

```
del_all(X,[],[]).
```

```
del_all(X,[X|L],Res):-
```

```
    del_all(X,L,Res).
```

```
del_all(X,[Y|L],[Y|Res]):-
```

```
    X \= Y, del_all(X,L,Res).
```

```
?- del_all(1,[1,2,1,3],L).
```

```
L = [2,3] ? ;
```

```
no
```

Примерни задачи

Последен елемент

Намиране на последния
елемент в списъка.

Премахване на дубликати

Премахване на повтарящи се
елементи.

Разделяне на списък

Разделяне на две части.



Задачи:

1. Напишете предикат, който има два аргумента елемент и списък и е верен, ако елементът е последен елемент на списъка.

```
last(X,[X]).
```

```
last(X,[_|Z]):-last(X,Z).
```

2. Напишете предикат, който има два аргумента елемент и списък и е верен, ако елементът принадлежи на списъка, но не само на първо, а на произволно ниво.

```
member_1(Y,[Y|_]).
```

```
member_1(Y,[_|Z]):-member_1(Y,Z).
```

```
member_1(Y,[X|_]):-member_1(Y,X).
```

Особености:

При преудовлетворяване нещата стоят по същият начин, както при обикновения предикат `member`.

3. Напишете предикат, който има три аргумента първите два са елементите Ел1 и Ел2, а третият е списък и е верен, ако елементите Ел1 и Ел2 принадлежат на списъка в този ред и са последователни.

```
sl(X,Y,[X,Y|_]).  
sl(X,Y,[_|Z]):-sl(X,Y,Z).
```

4. Напишете предикат, който има два аргумента- списъци и е верен, ако първият аргумент е подсписък на втория.

```
match([],_).  
match([X|L],[X|M]):-match(L,M).  
sub([X|L],[X|M]):-match(L,M).  
sub(L,[_|M]):-sub(L,M).  
sub([],_).
```

Особености:

Предикатът match проверява дали един списък е начало на друг.

5.Напишете предикат, който има два аргумента- списъци и е верен, ако първият аргумент е списък, в който елементите на втория са изброени в обратен ред.

```
rev(L1,L2):-rv(L1,[], L2).  
rv([], L,L).  
rv([X|L], L1,L2):-rv(L,[X|L1], L2).
```

Особености

Предикатът използва помощен предикат, при който имаме една променлива в повече, която е работна, и в нея натрупваме текущия резултат.

6.Реализирайте предикатите за принадлежност и последен елемент чрез append.

```
member1(X,Y):-append(_,[X|_], Y).  
last1(X,Y):-append(_,[X], Y).
```


Задачи

Задача 1: Пет деца – таланти

В семейство има пет деца (братя и сестри), съответно на 4,5,6,7 и 8 години, които имат различни таланти. Едното от тях се казва Невена, а друго свири на пиано. Иванка е на 4 години и не разбира от математика. Детето, което е програмист е с една година по-голямо от Иван. Детето, което свири на китара е на 7 години. Йоана не е на 8 години. Станко е на 5 години и е по-малък от този, който разбира от литература. Кой на колко години е и в каква насока е талантът му?

ПОДРОБНО ОПИСАНИЕ НА РЕШЕНИЕТО

deca(Ds)

Ds е списък от деца

В задачата е дадено:

1. В семейство има 5 деца, съответно на 4, 5, 6, 7 и 8 години, които имат различни таланти.
 2. Едно от тях се казва Невена,
 3. а друго свири на пиано, т.е Невена не свири на пиано
 4. Иванка е на 4 години и не разбира от математика.
 5. Детето, което е програмист е с една година по-голямо от Иван
 6. Детето, което свири на китара е на 7 години.
 7. Йоана не е на 8 години.
 8. Станко е на 5 години и е по-малък от този, който разбира от литература.
- Кой на колко години е и в каква насока е талантът му?

```
% Създаваме таблица за децата  
:- use_rendering(table,[header(d('Име', 'Талант', 'Години'))]).
```

```
deca(Ds) :-
```

```
    % всяко дете в списъка съдържа данни за:  
    %    d(Name, Talent, Age)
```

```
length(Ds, 5), % дължина на списъка с деца Ds
```

```
%Проверка за принадлежност на даден елемент на списъка
```

```
    member(d(ivanka,_,4), Ds),      % Иванка е на 4 години
```

```
    member(d(_,kitara,7), Ds),
```

```
% Детето, което свири на китара е на 7 години
```

```
    member(d(ivan,_,_),Ds),          % Дете Иван
```

```
    member(d(nevena,_,_), Ds),       % Дете Невена
```

```
    member(d(stanko,_,5), Ds),       % Станко е на 5 години
```

```
member(d(_,programist,_), Ds),    % Дете - програмист
    member(d(yoana,_,_),Ds),      % Дете Йоана
    member(d(_,literatura,6),Ds),
% Детето, което разбита от литература е по-голямо от Станко и е на
% 6 години
    member(d(_,piano,_),Ds),      %Дете, което свири на пиано
    member(d(_,matematika,_),Ds),% Дете - математик
    member(d(_,_,8),Ds),          % Дете, което е на 8 години
    ((member(d(ivan,_,6),Ds), member(d(_,programist,7),Ds));
% ако Иван е на 6 години, програмиста е на 7 години
    (member(d(ivan,_,7),Ds), member(d(_,programist,8),Ds))),
% ако Иван е на 7 години, програмиста е на 8 години
```

```
not(member(d(ivanka,matematika,_),Ds)),  
% Иванка не е математик
```

```
not(member(d(nevena,piano,_),Ds)),  
% Невена не свири на пиано
```

```
not(member(d(yoana,_,8),Ds)),  
% Йоана не е на 8 години
```

```
/* искаме списъка да бъде подреден по възрастта на  
децата */
```

```
Ds= [d(_,_,4),d(_,_,5),d(_,_,6),d(_,_,7),d(_,_,8)].
```

```
/* ?-deca(Deca). */
```

Присъствие
12.05.2025 г.

Регистрация

<https://tinyurl.com/24xwqljp>



Присъствие
13.05.2025 г.

Регистрация

<https://tinyurl.com/23v7xj1e>



Благодаря за вниманието!

