WEBCHAT COM CRIPTOGRAFIA DE PONTA A PONTA



Ronaldo Ávila de Arruda Junior Leonardo Garcia dos Santos

> Santo André – SP 2024

INTRODUÇÃO

Nos últimos tempos, o avanço da tecnologia tem se tornado cada vez mais iminente, esses avanços possibilitam a troca de informações globalmente entre dois dispositivos a milhares de quilômetros em tempo real. Com mais de 3,2 bilhões de usuários que acessam a internet todos os dias e geram centenas de milhares de bytes de informação que trafegam pelo mundo por meio da internet, surge uma pergunta sobre a segurança dessas informações: essas mensagens estão realmente isentas de serem interceptadas e lidas por algum cibercriminoso? A criptografia é fundamental nesse cenário e vem ganhando força nos últimos anos a fim de garantir a confidencialidade dos dados. Existem muitos algoritmos que implementam a criptografia para resolver problemas em relação a segurança, onde cada um utiliza métodos e paradigmas distintos. Nos chats de aplicativos de mensagens, é muito comum utilizarem uma criptografia de ponta a ponta, onde a mensagem é criptografada pelo remetente e só poderá ser descriptografada pelo destinatário, essas estratégias são cada vez mais aprimoradas e disseminadas na atualidade, uma vez que a segurança é fundamental para a harmonia social e política.

VISÃO GERAL

Neste projeto, foi desenvolvido um WebChat com criptografia de ponta a ponta, utilizando o algoritmo RSA e AES. As linguagens de programação utilizadas, juntamente com sua respectiva cobertura, foram: JavaScript, com uma cobertura de 96,9%; Go, com 0,2%; e o restante consistiu em HTML e CSS. A princípio, foi proposta a utilização de uma VPN para criar um servidor seguro entre os usuários. Era definido o uso do Wireguard ou do OpenVPN. No entanto, a implementação desses envolvia a liberação de certas portas bloqueadas no firewall do ponto de acesso. Para evitar conflitos com o provedor de internet, foi decidido utilizar uma instância da AWS para hospedar o sistema.

Como funciona um Websocket

O websocket é um protocolo que permite a comunicação bidirecional fullduplex entre um único socket TCP. Inicialmente o client solicita conexão com o servidor utilizando o protocolo HTTP, após o servidor abrir a conexão o protocolo HTTP sofre um 'upgrade' para realizar o handshake com o socket

DESCRIÇÃO GERAL

O usuário acessa o sistema através do endereço público da instância AWS usando a porta de onde o servidor está em execução. Após acessar, o usuário deve definir um nome de usuário e um avatar na interface da aplicação para se conectar a um websocket e gerar suas chaves. Caso o outro usuário já esteja presente no socket, o script envia a chave pública deste para o usuário que acabou de entrar. Quando o usuário recém-conectado se conectar, ele também envia sua chave para o outro. Após o handshake do usuário com o servidor, o usuário pode se comunicar com o outro para enviar mensagens criptografadas em tempo real. O <u>usuário</u> criptografa a mensagem com a chave pública do destinatário, e a mensagem é descriptografada apenas com a chave privada do destinatário.

DESCRIÇÃO DO CÓDIGO FONTE

Front-End

Bibliotecas usadas

- Bootstrap 5.3.0 componente front-end;
- Jquery 3.6.0;
- Socket.io 1.4.5;
- Movable Type Scripts AES;
- isbn

Os recursos utilizados do bootstrap foram classes de estilos já pré-definidos pela biblioteca.

Socket.IO é uma biblioteca que permite a comunicação em tempo real, bidirecional e baseada em eventos entre o navegador e o servidor.

Index.html

Aqui está o entrypoint do sistema, para onde o usuário é direcionado ao acessar a instância. Existem algumas verificações no LocalStorage do cliente assim que o HTML é renderizado, uma vez que as mensagens e as chaves são armazenadas localmente. Caso o usuário tenha acessado anteriormente o sistema,

ele poderá entrar diretamente na sessão de mensagens. Essa verificação é feita no main.js.

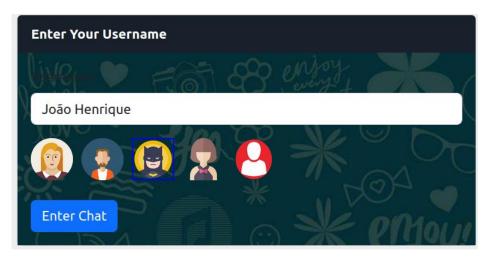


Figura 1: Interface gráfica para registro de nome de usuário e seleção de avatar.

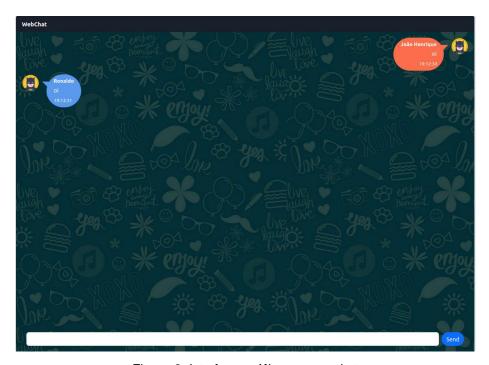


Figura 2: Interface gráfica para o chat.

Main.js

O arquivo main é aquele que faz toda a lógica estruturada do sistema, o arquivo define algumas constantes, sendo elas o do conteúdo da mensagem e username, além de usar a biblioteca socket.io para se conectar a um websocket:

```
const ws = new WebSocket('ws://localhost:8000/ws');
```

Figura 3: Conexão com o websocket

No local de homologação foi usado o localhost, porém na instância esse endereço se torna o ip público da vm ("virtual machine") da aws. Foi importado algumas funções do arquivo RSA.js e AES.js para lidar com a criptografia, que serão abordadas na parte do RSA.

Evento inicial:

```
$(document).ready(function () {
         username = localStorage.getItem('username');
         if (username) {
           $("#userContent").hide();
         }else{
           const keys = keysGenerate();
         $("#chatContent").hide();
         $('#usernameForm').submit(function (e) {
           e.preventDefault();
           username = $('#usernameInput').val();
           if (username.trim() !== ") {
              localStorage.setItem('username',username);
              localStorage.setItem('privateKey', JSON.stringify(keys.privateKey))
              localStorage.setItem('publicKey', JSON.stringify(keys.publicKey))
              ws.send(JSON.stringify({event:'newkey',
                                                          data:{'publicKey':
                                                                                keys.publicKey,
'username': username}}))
              $("#chatContent").show();
              $("#userContent").hide();
           } else {
              alert('Please enter a username.');
         });
```

```
});
```

No trecho do código acima, foi utilizado jQuery para facilitar a transição de elementos visuais, além de realizar a verificação se o usuário já se conectou por meio do LocalStorage. Caso o usuário seja novo, a função keysGenerate (pertencente ao arquivo RSA.js) será chamada. Em seguida, as chaves pública e privada serão armazenadas localmente. Quando as chaves forem geradas, é necessário enviá-las para a outra pessoa conectada. Para isso, é invocado o método send do WebSocket, um método da biblioteca Socket.lO para enviar dados através desse socket.

Evento ao enviar mensagem

```
send.onclick = () => {
  const message = {
    username: username,
  content: input.value,
  avatar: localStorage.getItem('selectedAvatar'),
  date: getCurrentDate(),
}
insertMessage(message, true)

//CRIPTOGRAFIA
message.content = do_encrypt(JSON.parse(localStorage.getItem('targetKey')),message.content);
ws.send(JSON.stringify({event: 'message', data: message }}));
input.value = "";
};
```

A imagem acima demonstra a função que será chamada após o usuário clicar no botão "send" definido no HTML. Ela gera uma constante "message", que é um JSON dos valores da mensagem. Após isso, é chamada a função insertMessage(message, true). Essa função imprime na tela a mensagem do próprio usuário. O conteúdo da mensagem é criptografado utilizando a função do_encrypt (RSA.js) para criptografar a mensagem com a chave pública do destinatário. É chamado a função send do websocket para enviar esse json com o conteúdo da mensagem, com o evento 'message'. O parâmetro "true" da função insertMessage

indica que é uma mensagem do usuário, afetando o lado que a mensagem se aloca no chat.

Evento ao receber uma mensagem:

```
ws.onmessage = function (msg) {
msg = JSON.parse(msg.data)
if (msg.event == "message"){

if (username != msg.data.username) {
    msg.data.content = do_decrypt(JSON.parse(localStorage.getItem('privateKey')), msg.data.content)
insertMessage(msg.data, false)
}
}
else if (username != msg.data.username){ //newkey
localStorage.setItem('targetKey', JSON.stringify(msg.data.publicKey))
ws.send(JSON.stringify({event:'newkey', data:{'publicKey': keys.publicKey, 'username': username}}))
return
}
//QUANDO RECEBER A DELE ENVIAR A MINHA
};
```

A imagem acima ilustra a função onmessage do WebSocket, que é chamada quando a função send é executada, ou seja, quando a mensagem é enviada para o servidor. Foram definidas algumas verificações, uma delas é que o username da mensagem seja diferente em relação ao utilizador. Após isso, a função do_decrypt (RSA.js) é chamada para descriptografar o conteúdo da mensagem. Com o conteúdo decifrado, a função insertMessage é chamada com o segundo parâmetro como "false", o que define que a mensagem seja posicionada à esquerda da tela.

Caso um dado JSON chegue com o "event" diferente de "message" (exemplo: event: "newKey"), significa que o outro usuário enviou sua chave pública (conectouse à instância). A chave pública é então salva localmente como "targetKey", que como o próprio nome sugere, será a chave alvo usada para criptografar. É necessário enviar a chave do utilizador também, então é invocada a função send para enviar a chave pública do utilizador. A instrução return é usada para quebrar o ciclo, uma vez que a função send é chamada, que por sua vez chama a função onmessage.

```
const listItem = document.createElement('li');
if (isOut == true) {
  listItem.setAttribute('class', 'out');
}else{
  listItem.setAttribute('class', 'in');
const chatBodyDiv = document.createElement('div');
chatBodyDiv.setAttribute('class', 'chat-body');
const chatImgDiv = document.createElement('div');
chatImgDiv.setAttribute('class', 'chat-img');
const img = document.createElement('img');
img.setAttribute('alt', 'Avatar');
img.setAttribute('src', messageObj.avatar);
chatImgDiv.appendChild(img);
const chatMessageDiv = document.createElement('div');
chatMessageDiv.setAttribute('class', 'chat-message');
const heading = document.createElement('h5');
heading.textContent = messageObj.username;
const paragraph = document.createElement('p');
paragraph.textContent = messageObj.content;
const date = document.createElement('div');
date.setAttribute('class', 'hour-format')
date.textContent = messageObj.date;
chatMessageDiv.appendChild(heading);
chatMessageDiv.appendChild(paragraph);
chatMessageDiv.appendChild(date);
chatBodyDiv.appendChild(chatMessageDiv);
listItem.appendChild(chatImgDiv);
```

```
listItem.appendChild(chatBodyDiv);

const messages = document.getElementById('messages');
  messages.appendChild(listItem);

localStorage.setItem('chatMessages', messages.innerHTML);
}
```

Acima está a função "insertMessage", que é responsável por inserir mensagens em uma lista no chat. Dependendo do segundo parâmetro, classes diferentes serão dispostas com o método setAttribute. Ao longo do codigo, toda a estrutura do corpo, estilo e conteúdo da mensagem serão definidos. Tanto a estrutura quanto o conteúdo da mensagem serão armazenados localmente, permitindo que os usuários tenham um histórico de mensagens.

RSA.js

Em um primeiro momento, para a criptografia, foi desenvolvida uma implementação do algoritmo RSA sem a utilização de bibliotecas de terceiros. No entanto, não foi possível conseguir desempenho necessário para que aplicação gerasse chaves de tamanho suficiente para conferir segurança à criptografia, com chaves de pelo menos 1024 bits. Devido a isso, posteriormente, passou-se a ser utilizada a biblioteca *jsbn*, escrita por Tom Wu, para a criptografia, em vista de sua simplicidade e desempenho.

A implementação inicial consistia na geração de chaves privadas e públicas. No primeiro passo, é necessário gerar valores P e Q primos da ordem de 10¹⁰⁰. No entanto, no projeto, foi utilizado a ordem de 7¹⁰. Isso ocorreu porque, para verificar a primalidade dos números, é necessário usar o teste de primalidade de Miller-Rabin, e quanto maior a ordem do número, menor será a probabilidade de o algoritmo encontrar um candidato primo. Utilizando a grandeza recomendada, foi executado um laço de repetição com 10000 iterações e o teste falhou em todas. Por outro lado, com a grandeza menor, todos os testes foram bem-sucedidos.

```
do {
    let num = Math.floor(Math.random() * 7 ** 10);
    if (num % 2 === 0) {
        num++;
    }
    if (millerRabinTest(num, 10)) {
        PQ.push(num);
        break;
    }
    } while (true);
}
return PQ;
}
```

Acima está a função responsável por gerar P e Q. Foi utilizado um array para armazenar P e Q. Para isso, um laço com duas iterações foi utilizado, e dentro de cada iteração, outro laço do while é executado. Este é responsável pela geração e verificação do teste de Miller-Rabin. Um número é gerado com Math.random() de 0 a 1, e em seguida, esse número é multiplicado pela ordem de 7¹⁰. Optou-se por números ímpares, uma vez que estão mais presentes no grupo dos primos. Após isso, é chamada a função millerRabinTest (pertencente ao arquivo miller-rabin.js). Os parâmetros dessa função são "num" e "n" (número de vezes a ser executado o teste). Quanto maior o "n", maior a probabilidade do teste acertar o estado de primalidade do número.

Multiplicar "P" e "Q" para encontrar "N":

```
function calcularN() {
    return PQ[0] * PQ[1];
}
```

Calcular Z de forma que Z = (P - 1) * (Q - 1):

```
function calcularZ() {
    return (PQ[0] - 1) * (PQ[1] - 1);
}
```

Encontrar um E aleatório da forma 2 < E <= Z e que não seja primo relativo de Z. Outras implementações optam por utilizar um E fixo e de menor grandeza para todas as chaves, devido ao maior desempenho proporcionado para a criptografia e verificação de assinaturas. No entanto, para maior segurança sem sacrificar performance, é recomendado utilizar o valor de 2¹⁶+1, ou 65337 (BONEH, 1999)

```
function calcularE(z) {
    let e;
    do {
        e = getRandomNumber(2, z);
    } while (gcd(e, z) !== 1);
    return e;
}
```

```
function getRandomNumber(min, max) {
    return Math.floor(Math.random() * (max - min + 1)) + min;
}
```

Função para o algoritmo de Euclides para encontrar o máximo divisor comum:

```
function gcd(a, b) {
    if (b === 0) {
        return a;
    }
    return gcd(b, a % b);
}
```

Calcular D de forma que $E^*D^*(\text{mod }Z) = 1$, para isso é necessário o algoritmo de euclides estendido para encontrar o maior divisor comum assim como os coeficientes x e y, tais que ax + by = MDC(a,b).

```
function calcularD(e, z) {
   const [d, _] = extendedEuclideanAlgorithm(BigInt(e), BigInt(z));
   return (d % BigInt(z) + BigInt(z)) % BigInt(z);
}
```

A mensagem criptografada toma a forma de C = M^E mod N. Dessa forma, E e N compõem a chave pública.

```
function encrypt(m, publicKey) {
    var result = []
    var arrMsg = textToAscii(m)
    for(let i = 0; i < arrMsg.length; i++){
        result[i] = modPow(BigInt(hexToInt(arrMsg[i])), BigInt(publicKey.e),
        BigInt(publicKey.n));
    }
    return result
}</pre>
```

A criptografia consiste em converter os caracteres da mensagem no código da tabela ascii utilizando a função "textToAscii"

```
function textToAscii(message){
   var result = []

for (let index = 0; index < message.length; index++) {
   result[index] = message.charCodeAt(index).toString(16)
   }
   return result
}</pre>
```

A função retorna um array da tabela ascii em hexadecimal e na função "encrypt" é convertido o array de hexadecimal para inteiro a partir da função "hexToInt":

```
function hexToInt(hex){

return parseInt(hex,16)
}
```

Função para descriptografar:

```
function decrypt(c, privateKey) {
```

```
var result = []
var resultHex = []
c = convertArrayStringToInt(c)

for(let i=0; i < c.length; i++){
    result[i] = modPow(c[i], BigInt(privateKey.d), BigInt(privateKey.n))
}

for(let i=0; i < result.length; i++){
    resultHex[i] = intToHex(result[i])
}

return asciiToText(resultHex)
}</pre>
```

A mensagem será $M = C^D^*(mod N)$, após descriptografar todo o array do conteúdo da mensagem é necessário converter para hexadecimal e por fim de Ascii para Texto.

Biblioteca jsbn

Devido a impraticabilidade do código anterior para geração de chaves suficientemente grandes para a criptografia segura em tempo real, foi criado um arquivo que gerencia as criptografias e descriptografias utilizando a biblioteca jsbn.

```
class RSAKeyAttributes {
  constructor(e, bits) {
  var rsa = new RSAKey();
  rsa.generate(parseInt(bits), e);
  this.e = e;
  this.n = linebrk(rsa.n.toString(16), 64);
  this.d = linebrk(rsa.d.toString(16), 64);
  this.p = linebrk(rsa.p.toString(16), 64);
  this.q = linebrk(rsa.q.toString(16), 64);
  this.dmp1 = linebrk(rsa.dmp1.toString(16), 64);
  this.dmq1 = linebrk(rsa.dmq1.toString(16), 64);
  this.coeff = linebrk(rsa.coeff.toString(16), 64);
}
```

No código acima foi criado uma classe que instâncias a biblioteca, e no método construtor de RSAKeyAttributes tem como parâmetro o 'e' e 'bits' (número de bits), após, é instanciada a RSAKey e gerada as chaves.

```
function do_encrypt(publicKey, message) {
  var rsa = new RSAKey();
  rsa.setPublic(publicKey.n.toString(), publicKey.e.toString());
  var res = rsa.encrypt(message);
  if(res) {
  return linebrk(res, 64);
  }
}
```

Acima a função para encriptação é demonstrada, com os parâmetros 'publicKey' e 'message', a classe RSAKey é instanciada e o método setPublic() é chamado para setar a chave pública na classe, após, é chamada a função 'encrypt' para criptografar a mensagem.

```
function do_decrypt(privateKey, message) {
  var rsa = new RSAKey();
  rsa.setPrivateEx(privateKey.n, '3', privateKey.d, privateKey.p,privateKey.q, privateKey.dmp1,
  privateKey.dmq1,privateKey.coeff);
  if(message.length == 0) {
  return;
  }
  var res = rsa.decrypt(message);
  return res;
}
```

Acima a função para a descriptografia das mensagens, foi chamada a função 'setPrivateEx' para definir os parâmetros para os cálculos internos da biblioteca, após, é chamado a função decrypt da classe RSAKey para descriptografar a mensagem.

miller-rabin.js

Esse código foi criado com referência a bibliotecas já existentes que utilizam o teste de Miller-Rabin, em questão foi utilizado como referência a biblioteca disponível no github chamada "number.js".

Back End

Figura 4: Listagem dos arquivos do back-end

Acima é representada a estrutura dos diretórios que compõem o backend. O arquivo go.mod são os módulos necessários para a aplicação rodar, já o arquivo go.sum é usado para gerar o arquivo de módulos e armazenar no cache, assim não é necessário baixar todos os módulos toda vez que subir o container. Para o servidor go foi usado o módulo "socket" e foram importadas as seguintes bibliotecas:

```
import (
static "github.com/gin-contrib/static"

"github.com/gin-gonic/gin"

"gopkg.in/olahol/melody.v1"
)
```

Foi escolhido o melody para lidar com o websocket e o gin para criar um servidor web. O arquivo (main.go) que abre conexões websocket contém apenas uma função, que é a main():

```
func main() {
    r := gin.Default()
    m := melody.New()

r.Use(static.Serve("/", static.LocalFile("./public", true)))
```

```
r.GET("/ws", func(c*gin.Context) {
    m.HandleRequest(c.Writer, c.Request)
})

m.HandleMessage(func(s*melody.Session, msg []byte) {
    m.Broadcast(msg)
})

r.Run(":8000")
}
```

"A variável 'r' é uma instância de gin, assim como 'm' é uma instância de melody. O comando gin.default inicializa um roteador HTTP com configurações padrões. Após, é necessário indicar qual diretório o servidor web inicializado em 'r' vai usar como rota ", no caso é o "./public" que contém o index.html que é sempre o primeiro arquivo a ser chamado. É necessário lidar com o websocket e para isso definiu-se um roteamento GET para o caminho "/ws". Quando o servidor receber uma solicitação GET para este caminho, ele chamará a função de retorno de chamada fornecida. Nesta função de retorno de chamada, estamos usando o método HandleRequest do objeto melody.Melody para lidar com a solicitação WebSocket. Isso configura a conexão WebSocket. O melody possui uma função que lida com mensagens recebidas na conexão que é o 'handleMessage', essa função faz o broadcast da mensagem recebida para todas as sessões."

INSTÂNCIA AWS

O sistema foi hospedado em uma instância EC2 da aws, para isso foi necessário realizar algumas configurações, dentre elas a criação de uma chave para o acesso remoto via ssh da instância no computador local, para se conectar a uma instância via ssh é utilizado o comando:

"sudo ssh -i key.pem ubuntu@public-ip"

É necessário a chave e o endereço público da instância. Também é necessário configurar o ambiente da instância, instalando o docker e algumas dependências. Quando o docker-compose é executado e os container estão em execução,

precisamos configuraros grupos de entrada e saída da instância para permitir a porta do servidor ("8000").

ID da regra do grupo de se	Intervalo de po	Protocolo	Origem
sgr-02c8e83862a751821	443	TCP	0.0.0.0/0
sgr-049e554fc37bf752c	80	TCP	0.0.0.0/0
sgr-012b62abe297fa569	22	TCP	0.0.0.0/0
sgr-00e32f5b3cdee9618	8000	TCP	0.0.0.0/0

Figura 5: Regras de entrada da instância do servidor

A imagem acima mostra as regras de entrada onde as portas 443,80,22 e 8000 são liberadas para qualquer endereço de ip.

ID da regra do grupo de se	Intervalo de po	Protocolo	Destino
sgr-0a507a92aabaacd2e	Todos	Todos	0.0.0.0/0

Flgura 6: Regras de saída da instância do servidor

A imagem acima demonstra a permissão de saída, onde pode enviar tráfego para qualquer ip. Após esses passos podemos acessar a aplicação por meio da seguinte url:

http://public-ip:8000.

Quando a instância é interrompida e reiniciada posteriormente ela gera um novo endereço de ip público, dessa forma é necessário alterar no arquivo main a conexão do websocket.

const ws = new WebSocket('ws://public-ip:8000/ws');

WIRESHARK

O software Wireshark é capaz de capturar todo o tráfego de saída e entrada da máquina, utilizando desse mecanismo foram feitos testes a fim de averiguar a criptografia das mensagens e os seguintes resultados foram coletados:

273 T.003210077	102.100.10.0	10.550.100.01	101	Z-11 TOUTO - 0000
250 4.344860947	18.229.135.51	192.168.15.8	TCP	68 8000 → 48040
251 4.344861145	18.229.135.51	192.168.15.8	TCP	237 8000 → 48040
253 4.385719793	192.168.15.8	18.229.135.51	TCP	68 48040 → 8000
385 8.705711633	192.168.15.8	18.229.135.51	TCP	68 48026 → 8000

Flgura 7: Captura do pacote TCP do servidor utilizando o wireshark

Na imagem acima se refere a uma captura do programa que possibilitou capturar o envio da mensagem e o recebimento. O endereço da instância nesse momento é 18.229.135.51. O conteúdo da mensagem foi devidamente criptografado.



Figura 8: Payout do pacote criptografado

CONCLUSÃO

Este trabalho estuda a segurança e a confidencialidade nas trocas de mensagens. Destacam-se a análise do algoritmo de criptografia RSA, um pilar fundamental na estruturação da segurança digital, juntamente com a implementação de firewalls configurados na instância AWS.

Além disso, investigamos o funcionamento dos web chats que empregam criptografia ponta a ponta. Ao longo do projeto, enfrentamos uma série de desafios que exigiram pesquisa detalhada e resolução gradual, muitas vezes buscando soluções em fóruns especializados de programação.

Este estudo reforça a relevância crítica da segurança em web chats, plataformas utilizadas para trocas de mensagens que frequentemente lidam com informações sensíveis, potencialmente sujeitas a riscos políticos, criminais ou pessoais. Destaca-se, portanto, a importância da confidencialidade das mensagens para preservar a integridade e a privacidade dos usuários.

Em suma, este trabalho não apenas amplia nosso entendimento sobre os mecanismos de segurança digital, mas também ressalta a necessidade contínua de aprimoramento e inovação para proteger as comunicações online em um mundo cada vez mais interconectado e vulnerável às ameaças cibernéticas.

REFERÊNCIAS

Number.js, GitHub, 2015. Advanced Mathematics Tools for Node.js and JavaScript. Disponível em: https://github.com/numbers/numbers.js/blob/master/src/numbers.js

Bootdey Admin, Bootdey, 2018. Exemple template card-list. Disponível em: https://www.bootdey.com/snippets/view/card-chat-list

Melody, GitHub, 2024. websocket framework based on <u>gorilla/websocket</u>. Disponível em: https://github.com/olahol/melody

Gin, Github, 2024. Gin is a web framework written in <u>Go</u>. Disponível em: https://github.com/gin-gonic/gin

GeekforGeeks, 2023. RSA Algorithm in Cryptography. Dlsponível em: https://www.geeksforgeeks.org/rsa-algorithm-cryptography/

Daniel Rosa, freecodecamp, 2023. Algoritmo de Euclides: MDC. Disponível em: https://www.freecodecamp.org/portuguese/news/algoritmo-de-euclides-mdc-maximo-divisor-comum-explicado-com-exemplos-em-varias-linguagens/

MillerRabin, Github, 2023. Miller-Rabin Primality Test. Disponível em: https://github.com/latonv/MillerRabinPrimality

Golang, dockerhub, 2024. golang docker image. Disponível em: https://hub.docker.com/_/golang/

Henrylle Maia, Youtube, 2023. Como lançar uma EC2 com Docker na AWS. Disponível em:

https://www.youtube.com/watch?v=rYWjsOWGmxU

cliffhall, Github, 2019. JSON.stringify() doesn't know how to serialize a BigInt. Disponível em:

https://github.com/GoogleChromeLabs/jsbi/issues/30#issuecomment-953187833

Tom Wu, cs-stanford, 2009. RSA and ECC in JavaScript. Disponível em: http://www-cs-students.stanford.edu/~tjw/jsbn/

Boneh, D. Twenty years of attacks on the RSA cryptosystem. N. Am. Math. Soc. v.46, n.2, p.203–213. fev.1999