

Revisão para Prova Teórica

Raissa Pereira Miranda CJ3028941

1. Defina os seguintes conceitos relacionados a Grafos:

- Vértice (ou Nó): são pontos que podem ter valor e que representam entidades ou objetos, podendo estar conectados a outros vértices através de arestas.
- Aresta: são os relacionamentos que ligam um par de vértices, podendo ter um valor associado e ser direcionadas ou não.
- Grafo Direcionado: as arestas desse grafo possuem direções para os vértices.
- Grafo Não Direcionado: as arestas desse grafo não possuem direções para os vértices.
- Grafo Ponderado: as arestas desse grafo possuem pesos.

2. Explique a diferença entre a representação de grafos por Matriz de Adjacência e por Lista de Adjacência, citando vantagens e desvantagens de cada uma.

A matriz de adjacência é representada por uma tabela de $n \times n$, onde n é o número de vértices, em que cada intersecção mostra se há ou não um relacionamento (aresta) entre os vértices, podendo ser representado por 0 e 1 ou pelo peso (se for grafo ponderado). Suas vantagens são: mais eficiente para grafos com muitas conexões, acesso rápido e implementação compacta. Suas desvantagens são: consome muita memória $O(n^2)$ e é menos eficiente para percorrer todos os vizinhos de um vértice.

Já a lista de adjacência é representada por uma lista onde cada vértice armazena uma lista de vértices adjacentes que estão conectados a ele. Suas vantagens são: uso mais eficiente de memória, pois só armazena as conexões existentes, e maior eficiência para percorrer os vizinhos de um vértice. Suas desvantagens são: implementação mais complexa e desempenho menor para grafos com muitas conexões.

3. Descreva o funcionamento do algoritmo de Busca em Largura (BFS) em grafos. Em que tipo de problema ele é mais adequado?

Em grafos a busca em largura é realizada descobrindo os vértices em camadas, partindo de um vértice inicial e visitando todos os seus vizinhos antes de avançar para os vizinhos desses vizinhos.

Primeiro, escolhe um vértice inicial e enfileira ele. Depois, desenfileira o primeiro vértice (marca como visitado), enfileira todos os seus vizinhos. Após isso, desenfileira o próximo da fila (marca como visitado) e enfileira seus vizinhos. Repete isso até ter visitados todos os vértices de camada por camada e a fila ficar vazia.

Esse algoritmo é mais adequado quando se quer encontrar o menor caminho em grafos não ponderados.

4. Explique o objetivo e o funcionamento do Algoritmo de Dijkstra. Qual é a sua principal aplicação?

O Algoritmo de Dijkstra tem como objetivo encontrar o caminho mais curto entre um vértice inicial (origem) e todos os outros vértices de um grafo ponderado com pesos positivos. Sua principal aplicação é em dispositivos GPS para encontrar a menor rota possível entre a localização atual e o destino.

5. Descreva o funcionamento do algoritmo de Busca em Profundidade (DFS) em grafos. Em que tipo de problema ele é mais adequado?

Em grafos a busca em profundidade é realizada descobrindo vértices e percorrendo os caminhos de suas adjacências recursivamente, explorando até o final de um caminho antes de retroceder para explorar outros caminhos, até que todos os vértices sejam visitados. A DFS é mais adequada em algoritmos que precisam explorar todos os caminhos possíveis para depois tomar uma decisão.

6. Qual a principal diferença entre Pesquisa Sequencial e Pesquisa Binária? Em que condições a Pesquisa Binária é mais eficiente?

A pesquisa sequencial verifica os elementos um por um ($O(n)$), da esquerda para a direita, até encontrar a chave buscada ou chegar no final do array. Ela funciona tanto para arrays ordenados ou não. Já a pesquisa binária divide o array ao meio a cada comparação, verificando se a chave buscada está na metade esquerda ou direita. Ela só funciona se o array estiver ordenado. A pesquisa binária é mais eficiente com arrays grandes e ordenados, reduzindo a quantidade de comparações necessárias $O(\log n)$.

7. Descreva o funcionamento do algoritmo de ordenação Bubble Sort. Qual a sua complexidade de tempo no pior caso?

A ordenação no Bubble Sort é feita através de trocas com os elementos adjacentes do array. Sua complexidade de tempo no pior caso é $O(n^2)$, tanto na versão não otimizada do algoritmo quanto na versão otimizada.

8. Explique o princípio de "dividir para conquistar" aplicado ao algoritmo Merge Sort. Qual a sua complexidade de tempo?

O Merge Sort usa o princípio de “dividir para conquistar” ao dividir o array em metades menores até chegar em um único elemento, ordenar esses subarrays recursivamente e, por último, combinar as partes ordenadas para formar o array final ordenado. Sua complexidade de tempo é $O(n \log n)$ em todos os casos.

9. Defina o conceito de Tabela Hash (ou Tabela de Dispersão) e explique sua principal finalidade na organização de dados.

A Tabela Hash é uma estrutura de dados desenvolvida para armazenar e buscar elementos rapidamente, usando uma função de hash que transforma uma chave específica em um índice dentro de um array. Sua principal finalidade é otimizar operações de busca, inserção e remoção de dados, possuindo uma complexidade de tempo de $O(1)$.

10. Explique o que é a complexidade de tempo e a complexidade de espaço de um algoritmo. Por que é importante analisar a eficiência de algoritmos?

A complexidade de tempo de um algoritmo é o tempo que ele leva para executar as instruções conforme a entrada cresce, podendo ser um crescimento constante, logarítmico, linear, exponencial, etc. Já a complexidade de espaço está relacionado com a utilização de espaço extra para executar as instruções, sendo $O(1)$ quando se utiliza nada ou quase nada de memória adicional e $O(n)$ quando se utiliza memória adicional.

Questões extra:

11. Dado que o algoritmo Quick Sort tem complexidade média de $O(n \log n)$ e o algoritmo Bubble Sort tem complexidade $O(n^2)$, qual afirmação é correta?

- A. O Quick Sort é sempre mais rápido, independentemente do tamanho do array.
- B. O Bubble Sort pode ser mais eficiente para listas totalmente desordenadas.
- C. O Quick Sort tende a ser mais eficiente para grandes conjuntos de dados.
- D. Ambos têm a mesma eficiência quando o array já está ordenado.
- E. O Bubble Sort consome menos memória e, por isso, é mais eficiente.

3. Qual dos seguintes algoritmos é considerado não estável?

- A. Insertion Sort
- B. Merge Sort
- C. Counting Sort
- D. Selection Sort
- E. Bubble Sort

4. A complexidade de espaço do Merge Sort é $O(n)$ porque:

- A. Ele utiliza árvores binárias auxiliares para ordenação.
- B. Ele precisa armazenar todos os elementos na memória secundária.
- C. Ele cria subarrays temporários em cada etapa de intercalação.
- D. Ele realiza muitas trocas que consomem espaço adicional.
- E. Ele aloca espaço fixo, independente da entrada.

5. Após a primeira iteração completa do algoritmo Insertion Sort, considerando a entrada [7, 3, 5, 1, 2], qual será a nova sequência?

- A. [3, 7, 5, 1, 2]
- B. [3, 5, 7, 1, 2]
- C. [7, 3, 5, 1, 2]

D. [3, 5, 1, 2, 7]

E. [7, 5, 3, 1, 2]

6. Qual algoritmo apresenta desempenho linear ($O(n)$) no melhor caso, quando o array já está ordenado?

A. Bubble Sort com otimização

B. Merge Sort

C. Counting Sort

D. Heap Sort

E. Selection Sort

7. Cite uma vantagem do Insertion Sort sobre o Selection Sort.

Uma vantagem que o Insertion Sort tem sobre o Selection Sort seria a sua capacidade de ter complexidade de tempo de $O(n)$ no melhor caso quando o array já está ordenado, visto que o Selection Sort possui complexidade de tempo de $O(n^2)$ em todos os casos. Outra vantagem seria que o Insertion Sort é um algoritmo estável, diferente do Selection Sort que é instável.