

# CSP-S 初赛模拟题 (120 分钟)

## 1. 单项选择题 (每题 2 分, 15 题, 共 30 分)

- 若有定义 `char x[] = "12345"; char y[] = {'1', '2', '3', '4', '5'}`; 则 ( )。  
 A. `x` 数组与 `y` 数组的所占内存空间相同  
 B. `x` 数组比 `y` 数组占的内存空间大  
 C. `x` 数组比 `y` 数组占的内存空间小  
 D. `x` 数组等价于 `y` 数组
- $-128$  的补码表示为 ( )  
 A. 00000000      B. 00000001      C. 10000000      D. 11111111
- 给出 4 种排序: 插入排序、冒泡排序、选择排序、快速排序。这 4 种排序的时间代价分别是 ( )。  
 A.  $O(n^2)$ 、 $O(n^2)$ 、 $O(n^2)$ 、 $O(n \log n)$   
 B.  $O(n^2)$ 、 $O(n^2)$ 、 $O(n^2)$ 、 $O(\log n)$   
 C.  $O(n \log n)$ 、 $O(n^2)$ 、 $O(n^2)$ 、 $O(n \log n)$   
 D.  $O(n \log n)$ 、 $O(n^2)$ 、 $O(n \log n)$ 、 $O(n \log n)$
- $(2019)_{10} + (2020)_8$  的结果是 ( )。  
 A.  $(3049)_{10}$       B.  $(BF3)_{16}$       C.  $(101111110001)_2$       D.  $(5765)_8$
- 平面上有三条平行直线, 每条直线上分别有 7, 5, 6 个点, 且不同直线上三个点都不在同一条直线上。问用这些点为顶点, 能组成 ( ) 个不同四边形。  
 A. 18      B. 210      C. 2250      D. 4500
- 同时查找  $2n$  个数中的最大值和最小值, 最少比较次数为 ( )。  
 A.  $3(n-2)/2$       B.  $3n-2$       C.  $4n-2$       D.  $2n-2$
- 将 2 个红球, 1 个蓝球, 1 个白球放到 10 个编号不同的盒子中去, 每个盒子最多放一个球, 有多少种放法 ( )。  
 A. 5040      B. 2520      C. 1260      D. 420
- 一棵结点数为 2015 的二叉树最多有 \_\_\_\_\_ 个叶子结点。  
 A. 1007      B. 1008      C. 1009      D. 1006
- $G$  是一个非连通简单无向图, 共有 36 条边, 则该图至少有 ( ) 个顶点  
 A. 10      B. 9      C. 8      D. 7
- 由四个不同的点构成的简单无向连通图的个数是 ( )  
 A. 32      B. 35      C. 38      D. 31
- 前缀表达式  $- + * 4 + 2 3 1 5$  的值为 ( )  
 A. 16      B. 17      C. 19      D. 15
- $2+3*(4-(5+6))/7$  的逆波兰表达式为 ( )  
 A.  $2\ 3\ 4\ 5\ 6\ -\ +\ *\ 7\ /\ +$   
 B.  $2\ 3\ 4\ 5\ 6\ -\ +\ *\ / 7\ +$   
 C.  $2\ 3\ 4\ 5\ 6\ +\ -\ *\ 7\ /\ +$   
 D.  $2\ 3\ 4\ 5\ 6\ +\ +\ *\ / 7\ -$
- 已知  $T(n) = T(n/2) + 1$ ,  $T(1) = 1$  求时间复杂度 ( )

- A.  $O(n)$       B.  $O(\log n)$       C.  $O(n \log n)$       D.  $O(n^2 \log n)$
14. 公共汽车起点站于每小时的 10 分, 30 分, 55 分发车, 该顾客不知发车时间, 在每小时内的任一时刻随机到达车站, 则乘客候车时间的数学期望 (精确到秒) 是 ( )。
- A. 8 分 40 秒      B. 15 分 20 秒      C. 22 分 30 秒      D. 10 分 25 秒
15. 设要将序列  $\langle Q, H, C, Y, P, A, M, S, R, D, F, X \rangle$  中的关键码按字母的升序重新排列, 则 ( ) 是以第一个元素为分界元素的快速排序一趟扫描的结果。
- A. F, H, C, D, P, A, M, Q, R, S, Y, X  
 B. P, A, C, S, Q, D, F, X, R, H, M, Y  
 C. A, D, C, R, F, Q, M, S, Y, P, H, X  
 D. H, C, Q, P, A, M, S, R, D, F, X, Y

## 2. 阅读程序题 (共 40 分)

1. 阅读程序题 1, 请阅读程序, 回答问题。

```
#include <stdio.h>
using namespace std;
int findvall(int n)
{
    int f;
    if (n == 0) return 1;
    else
    {
        f = findvall(n / 2);
        return (n*f);
    }
}
int main()
{
    int n;
    scanf("%d", &n);
    printf("%d\n", findvall(n));
    return 0;
}
```

1. 第 6 行输出 if (n==0) 改成 if (n==1) 时对于输入的正整数 n, 输出结果不会改变。 ( )
- A. 正确      B. 错误
2. 对于输入的正整数程序输出的值小于等于 n。 ( )
- A. 正确      B. 错误
3. 如果输入的 n 是负数的话, 该程序会出现死循环, 所以该程序不能求解 n 是负数的情况。 ( )
- A. 正确      B. 错误
4. 如果多次运行该程序, 并且输入的 n 是单调递增的正整数, 那么每次输出的结果也是一个严格单调递增的数列。 ( )
- A. 正确      B. 错误
5. 若两次输入 n 的值相差 1, 但输出的结果却是 1 个正数, 一个负数, 那么两次输入的 n 可能是下面四组中的 ( )。
- A. 不可能      B. -6, -7      C. -15, -16      D. -23, -24
6. 此程序的时间复杂度是 ( )。

A.  $O(n^2)$       B.  $O(\log n)$       C.  $O(n)$       D.  $O(n \log n)$

```
2.
#include <iostream>
#include <cmath>
#define MAX 1000
#define p sqrt(3)
using namespace std;
int n, dp[1000][3];
int h0=1, h1=3;
double ans1=(2+p)/(2*p), ans2=(-2+p)/(2*p);
int main(){
    cin>>n;
    dp[1][0]=dp[1][1]=dp[1][2]=1;
    for(int i=2, tmp; i<=n; i++){
        {
            dp[i][0]=dp[i-1][1]+dp[i-1][2];
            dp[i][1]=dp[i-1][0]+dp[i-1][1]+dp[i-1][2];
            dp[i][2]=dp[i-1][0]+dp[i-1][1]+dp[i-1][2];
            tmp=h1;
            h1=2*(h1+h0);
            h0=tmp;
        }
        for(int i=1; i<=n; i++){
            ans1=ans1*(1+p);
            ans2=ans2*(1-p);
        }
        cout<<h1<<endl;
        cout<<dp[n][0]+dp[n][1]+dp[n][2]<<endl;
        cout<<ans1+ans2<<endl;
        return 0;
    }
```

- 2.1 上述程序的输出中  $h1$  和  $dp[n][0]+dp[n][1]+dp[n][2]$  的值相等  
 对  
 错
- 2.2 上述程序的输出中  $dp[n][0]+dp[n][1]+dp[n][2]$  和  $ans1+ans2$  的值相等  
 对  
 错
- 2.3 当  $n$  等于 5 时，第一行输出(即  $h1$ )结果为( )  
 A. 164      B. 60      C. 448      D. 128
- 2.4 当  $n$  等于 10 时，第三行输出(即  $ans1+ans2$ )结果为( )  
 A. 9136      B. 68192      C. 24960      D. 3344

### 3. 阅读程序题 3，请阅读程序，回答问题。

本题是一款模拟贪吃蛇程序，游戏是在一个  $a \times a$  的网格上进行的。其中输入第一行一个整数  $a$ 。第二行两个整数  $n$  和  $m$ 。接下来是  $n$  行，每行第一个数为  $opt$ ，表示操作编号。接下来的输入的变量与操作编号对应，输出：即第  $m$  秒过后的地图，蛇所在的位置输出“o”，其余位置输出“.”，以换行结尾。

```
#include <bits/stdc++.h>
#include <windows.h>
using namespace std;
int a, mp[101][101];
int t[100003];
int y[100003];
```

```

int cnt;
int len = 2, dir = 3, die = 0;
const int dx[5] = {0, 0, -1, 0, 1};
const int dy[5] = {0, -1, 0, 1, 0};
int nx = 0, ny = 1;
int px = 1, py = 2;
int check(int x, int yy)
{
    if (x < 1 || x > a || yy < 1 || yy > a)
        return 1;
    if (cnt + 1 - mp[x][yy] < len)
        return 1;
    return 0;
}
void work()
{
    if (die)
        return;
    px += nx;
    py += ny;
    die = check(px, py);
    if (die)
        return;
    mp[px][py] = ++cnt;
}
void show()
{
    for (int i = 1; i <= a; ++i)
    {
        for (int j = 1; j <= a; ++j)
        {
            if (mp[i][j] != 0 && mp[i][j] >= cnt - len + 1)
                putchar('o');
            else
                putchar('.');
        }
        puts("");
    }
}
int main()
{
    mp[1][1] = ++cnt;
    mp[1][2] = ++cnt;
    int n, m, op, xx;
    char s[3];
    scanf("%d", &a);
    scanf("%d%d", &n, &m);
    while (n--)
    {
        scanf("%d%d", &op, &xx);
        if (op == 1)
        {
            t[xx] = 1;
            scanf("%s", s);
            if (s[0] == 'L')
                y[xx] = 1;
            else if (s[0] == 'U')
                y[xx] = 2;
            else if (s[0] == 'R')
                y[xx] = 3;
        }
    }
}

```

```

        else
            y[xx] = 4;
        }
        else
        {
            t[xx] = 2;
        }
    }
    for (int tm = 1; tm <= m; ++tm)
    {
        if (t[tm] == 1)
        {
            if (y[tm] % 2 != dir % 2)
            {
                dir = y[tm];
                nx = dx[y[tm]];
                ny = dy[y[tm]];
            }
        }
        else if (t[tm] == 2)
        {
            ++len;
        }
        work();
        if (die)
        {
            break;
        }
    }
    show();
    return 0;
}

```

1. 由程序代码可知,贪吃蛇的初始长度为 2,蛇头和蛇尾分别在坐标[1,2]、[1,1]处 ( )。

A. 正确 B. 错误

2. check 函数是用来检测蛇是否吃到果实的。( )

A. 正确 B. 错误

3. 第 54 行及第 58 行输入 1 x y 表示在第 x 秒按下了 y 键,y 为 LURD 中的一种,分别表示按下了左、上、右、下四种按钮 ( )。

A. 正确 B. 错误

4. 当输入样例如下所示时:

```

10
10 20
2 1
2 2
2 3
2 4
2 5
1 6 R
1 7 D
1 8 L
1 9 U

```

最终程序的运行结果所代表的含义可表示为贪吃蛇在第 9 秒过后就死亡了,因此最后贪吃蛇保持的是死亡前(第 7 秒过后)的位置 ( )。

A. 正确 B. 错误

5. 若输入地图边长为 x,共 n 次操作 (x>n),该程序时间复杂度为 ( )。

A.  $x^2$  B.  $n^2$  C.  $n^2 * x$  D.  $x^2 * n$

### 3. 完善程序（共 30 分）

#### 1. 过河问题

在一个月黑风高的夜晚,有一群人在河的右岸,想通过唯一的一根独木桥走到河的左岸.在伸手不见五指的黑夜里,过桥时必须借助灯光来照明,不幸的是,他们只有一盏灯.另外,独木桥上最多能承受两个人同时经过,否则将会坍塌.每个人单独过独木桥都需要一定的时间,不同的人要的时间可能不同.两个人一起过独木桥时,由于只有一盏灯,所以需要的时间是较慢的那个人单独过桥所花费的时间.现在输入  $N$  ( $2 \leq N < 1000$ ) 和这  $N$  个人单独过桥需要的时间,请计算总共最少需要多少时间,他们才能全部到达河左岸.

例如,有 3 个人甲、乙、丙,他们单独过桥的时间分别为 1、2、4,则总共最少需要的时间为 7.具体方法是:甲、乙一起过桥到河的左岸,甲单独回到河的右岸将灯带回,然后甲、丙在一起过桥到河的左岸,总时间为  $2+1+4=7$ .

```
#include <iostream>
#include<cstring>
using namespace std;
const int SIZE=100;
const int INFINITY = 10000;
const bool LEFT=true;
const bool RIGHT =false;
const bool LEFT_TO_RIGHT=true;
const bool RIGHT_TO_LEFT=false;
int n, hour[SIZE];
bool pos[SIZE];
int max(int a,int b)
{
    if(a>b)
        return a;
    else
        return b;
}
int go(bool stage)
{
    int i,j,num,tmp,ans;
    if(stage==RIGHT_TO_LEFT)
    {
        num=0;
        ans=0;
        for(i=1;i<=n;i++)
            if(pos[i]==RIGHT)
            {
                num++;
                if( hour[i]>ans)
                    ans=hour[i];
            }
        if( ① )
            return ans;
        ans=INFINITY;
        for(i=1;i<=n-1;i++)
            if(pos[i]==RIGHT)
                for(j=i+1;j<=n;j++)
                    if(pos[j]==RIGHT)
                    {
                        pos[i]=LEFT;
                        pos[j]=LEFT;
                        tmp=max(hour[i],hour[j])+ ② ;
```

```

        if(tmp<ans)
            ans=tmp;
        pos[i]=RIGHT;
        pos[j]=RIGHT;
    }
    return ans;
}
if(stage==LEFT_TO_RIGHT)
{
    ans=INFINITY;
    for(i=1;i<=n;i++)
        if( ③ )
        {
            pos[i]=RIGHT;
            tmp=④;
            if(tmp<ans)
                ans=tmp;
            ⑤;
        }
    return ans;
}
return 0;
}
int main()
{
    int i;
    cin>>n;
    for(i=1;i<=n;i++)
    {
        cin>>hour[i];
        pos[i]=RIGHT;
    }
    cout<<go(RIGHT_TO_LEFT)<<endl;
    return 0;
}

```

1) ①处应填 ( )

- A. num < 2                      B. num <= 2  
C. num >= 2                      D. num > 2

2) ②处应填 ( )

- A. go(RIGHT)                      B. go(RIGHT\_TO\_LEFT)  
C. go(LEFT\_TO\_RIGHT)              D. go(LEFT)

3) ③处应填 ( )

- A. pos[i] == LEFT\_TO\_RIGHT              B. pos[i] == RIGHT\_TO\_LEFT  
C. pos[i] == RIGHT                      D. pos[i] == LEFT

4) ④处应填 ( )

- A. hour[i] + go(RIGHT\_TO\_LEFT)              B. hour[i] + go(LEFT\_TO\_RIGHT)  
C. go(RIGHT\_TO\_LEFT)                      D. go(LEFT\_TO\_RIGHT)

5) ⑤处应填 ( )

- A. pos[i] = RIGHT                      B. pos[i] = LEFT  
C. pos[i] = ++RIGHT                      D. pos[i] = ++LEFT



## 2. 烽火传递

烽火台又称烽燧，是重要的军事防御设施，一般建在险要处或交通要道上。一旦有敌情发生，白天燃烧柴草，通过浓烟表达信息；夜晚燃烧干柴，以火光传递军情。在某两座城市之间有  $n$  个烽火台，每个烽火台发出信号都有一定的代价。为了使情报准确地传递，在连续的  $m$  个烽火台中至少要有 1 个发出信号。现输入  $n$ 、 $m$  和每个烽火台发出信号的代价，请计算总共最少花费多少代价，才能使敌军来袭之时，情报能在这两座城市之间准确传递。

例如，有 5 个烽火台，他们发出信号的代价依次为 1, 2, 5, 6, 2，且  $m$  为 3，则总共最少花费代价为 4，即由第 2 个和第 5 个烽火台发出信号。

```
#include <iostream>
#include<cstring>
using namespace std;
const int SIZE=100;
int n,m,r,value[SIZE],heap[SIZE],
    pos[SIZE],home[SIZE],opt[SIZE];
//heap[i]表示用顺序数组储存的堆 heap 中第 i 个元素的值
//pos[i]表示 opt[i]在堆 heap 中的位置，即 heap[pos[i]]=opt[i]
//home[i]表示 heap[i]在序列 opt 中的位置，即 opt[home[i]]=heap[i]
void swap(int i,int j)//交换堆中的第 i 个和第 j 个元素
{
    int tmp;
    pos[home[i]]=j;
    pos[home[j]]=i;
    tmp=heap[i];
    heap[i]=heap[j];
    heap[j]=tmp;
    tmp=home[i];
    home[i]=home[j];
    home[j]=tmp;
}
void add(int k)//在堆中插入 opt[k]
{
    int i;
    r++;
    heap[r]= ① ;
    pos[k]=r;
    ② ;
    i=r;
    while( (i>1) && (heap[i]<heap[i/2]) )
    {
        swap(i,i/2);
        i/=2;
    }
}
void remove(int k)//在堆中删除 opt[k]
{
    int i,j;
    i=pos[k];
    swap(i,r);
    r--;
    if(i==r+1)
        return ;
    while( (i>1) && (heap[i]<heap[i/2]) )
    {
        swap(i,i/2);
        i/=2;
    }
}
```



```

while(i+i<=r)
{
    if( (i+i+1<=r) && (heap[i+i+1]<heap[i+i]) )
        j=i+i+1;
    else
        ③;
    if(heap[i]>heap[j])
    {
        ④;
        i=j;
    }
    else
        break;
}
}
int main()
{
    int i;
    cin>>n>>m;
    for(i=1;i<=n;i++)
        cin>>value[i];
    r=0;
    for(i=1;i<=m;i++)
    {
        opt[i]=value[i];
        add(i);
    }
    for(i=m+1;i<=n;i++)
    {
        opt[i]= ⑤;
        remove( ⑥ );
        add(i);
    }
    cout<<heap[1]<<endl;
    return 0;
}

```

1) ①处应填 ( )

- A. opt[k]                      B. k                      C. heap[k]                      D. value[k]

2) ②处应填 ( )

- A. home[k] = r                      B. home[r] = k  
C. home[r] = opt[k]                      D. home[k] = opt[r]

3) ③处应填 ( )

- A. j = i + i+1                      B. j = i + i                      C. j = i + i-1                      D. j = i + 1

4) ④处应填 ( )

- A. swap(heap[i],heap[j])                      B. swap(heap[j],heap[i])  
C. swap(i, j)                      D.

5) ⑤处应填 ( )

- A. value[i]                      B. heap[1]                      C. value[i] + heap[1]                      D. value[i] - heap[1]

6) ⑥处应填 ( )

- A. i+m                      B. i-m                      C. i                      D. m

### 3. 尺取法求区间个数

给  $n$  个非负整数  $a[1], a[2], \dots, a[n]$ , 求区间和小于或等于  $k$  的区间个数,

即求使  $SUM=a[L]+a[L+1]+\dots+a[R-1]+a[R]\leq k$  的区间  $[L, R]$  的个数 ( $1\leq L\leq R\leq n$ ), 但由于对内存和复杂度有要求, 本题已经用尺取法写好部分代码, 请补全程序。

输入:

第一行两个整数  $n, k$  ( $1\leq n\leq 1000000, 0\leq k\leq 1000000000000000000$ )。

第二行为  $n$  个数, 表示  $a[1]\sim a[n]$  的值 ( $0\leq a[i]\leq 1000000000$ )。

```
#include <bits/stdc++.h>
#define ll long long
using namespace std;
const int mx = 1e6 + 10;
int n, a[mx];
ll k, sum, ans;
int main()
{
    scanf("%d%lld", &n, &k);
    for (int i = 1; i <= n; ++i)
    {
        scanf("%d", &a[i]);
    }
    int r = 0;
    for (int i = 1; i <= n; ++i)
    {
        while (r < n)
        {
            if (①) ②;
            else break;
        }
        ③;
        if (i <= r) ④;
        else ⑤;
    }
    printf("%lld\n", ans);
}
```

1. ①处应填 ( )。

- |                       |                     |
|-----------------------|---------------------|
| A. $sum+a[r+1]\leq k$ | B. $sum+a[r]\leq k$ |
| C. $sum+a[r+1]< k$    | D. $sum+a[r]< k$    |

2. ②处应填 ( )。

- |                  |                  |
|------------------|------------------|
| A. $sum+=a[r]$   | B. $sum+=a[++r]$ |
| C. $sum+=a[r++]$ | D. $sum+=a[r+1]$ |

3. ③处应填 ( )。

- |                 |                 |
|-----------------|-----------------|
| A. $ans+=r-i+1$ | B. $ans+=r-i$   |
| C. $ans+=r-i-1$ | D. $ans+=n-i+1$ |

4. ④处应填 ( )。

- |                |                |
|----------------|----------------|
| A. $sum+=a[i]$ | B. $sum=a[r]$  |
| C. $sum=a[i]$  | D. $sum-=a[i]$ |

5. ⑤处应填 ( )。

- |               |               |
|---------------|---------------|
| A. $r = ++i;$ | B. $r = i--;$ |
|---------------|---------------|

```
C.r = i++;
```

```
D.r = i;
```

码谷编程  
青少年信息学编程