

T1

可以转化为每次把所有1元都存进去，然后再考虑答案。

那么显然当 $b + d \geq 1000000$ 的时候，直接除是对的I（因为一定能够找零）。

否则我们只需要暴力枚举前 1000000 次，然后看是否能够找零（因为买一杯脉动后售货机剩下的钱之和买之前售货机剩下的钱有关）。

T2

首先只有三种字符，并且每种字符内部顺序不会改变

移动次数 = 逆序对个数

我们只需要知道当前有哪些已经选了，就能够算出逆序对

$f[i][j][k]$ 表示三种字符各选到了第几个，转移的时候枚举一下每种字符没选/选过的个数用前缀和算逆序对就行了。

复杂度: $O(N^3)$

关于如何卡常：

1. 滚动数组
2. 不要开vector
3. 尽量不要赋初值

T3

原问题等价于：将每一组人拆成若干个 2 人和若干个 3 人再重新组合成新的“组”（圆桌），每个圆桌最多是 R ，这样一定能表示所有的方案。

不难算出：总共可以分成 l 到 r 个 3（其中奇偶性不能改变，即 $l \equiv r \pmod{2}$ ）。

首先如果是 l 个 3，特判，其余情况下每个圆桌只能有一个 3（否则可以减少 3 的个数）。

所以对于其余情况求答案只需要考虑有多少个 3。考虑 i 个 3 的公式是（ $tot = \sum_{i=1}^n a_i$ ）：

$$a = i, b = \frac{tot - 3i}{2}, sz_1 = \lfloor \frac{R - 3}{2} \rfloor, sz_2 = \lfloor \frac{R}{2} \rfloor$$
$$ans = a + \lceil \frac{\max(0, b - a * sz_1)}{sz_2} \rceil$$

a 表示有多少个 3, b 表示有多少个 2, sz_1 表示存在 3 的圆桌会放多少个 2, sz_2 表示不存在 3 的圆桌会放多少个 2。

考虑当 $i + 2$ 的时候, 前面 (a) 增加了 2, 后面 ($\lceil \frac{\max(0, b - a * sz_1)}{sz_2} \rceil$) 的部分分子减少了 $3 + 2 * sz_1 = 3 + 2 * \lfloor \frac{r-3}{2} \rfloor$ 根据 r 的奇偶性, 这个式子要么比 $2sz_2$ 小, 要么比 $2sz_2$ 大 1。也即只需要考虑最小的 i 或者最大的使得 $b - a * sz_1$ 大于等于 0 的 i 。

考虑 l 个 3, 考虑确定每个圆桌填的 3 的个数的奇偶性之后一定是顺着能填 3 就填 (也即除了最后一个, 每个位置要么填满, 要么只填满足奇偶性的, 否则可以调整 3 个 2, 3 的位置不对)。显然枚举有几个是奇数个 3 即可做到 $O(l)$, 而不难发现 l 其实是 $O(n)$ 的。

总复杂度 $O(n + \log \sum a_i)$

T4

1. 相邻数之间是的差一定是奇数 (若是偶数, 他们加起来一定是偶数, 即他们中间一定缺了一个需要在 S 里的)
2. 若有三个数相邻, 且距离不相等, 则: 一定不是。因为:
 $B - A + C - B = C - A = 0 \pmod{2}$, 而这个数不是奇数
3. 于是相当于问有多少个子集满足: 公差为 $i * 2 + 1$ 的等差数列
 枚举公差, 枚举起点 (这里只算了 $|T| \geq 2$ 的)。

$$\begin{aligned}
 & \sum_{i \equiv 1 \pmod{2}} \sum_{s=1}^n \lfloor (n-s)/i \rfloor \\
 &= \sum_{D(=n-s)=0}^{n-1} \sum_{i \equiv 1 \pmod{2}} \lfloor D/i \rfloor \\
 &= \sum_{D=0}^{n-1} \sum_{i \equiv 1 \pmod{2}} \sum_{j=1} \lfloor ij \leq D \rfloor \\
 &= \sum_{k(=i \times j)=1}^n (n-k) d_1(k) \\
 &= \left(\sum_i d_1(i) \right) * n - \left(\sum_i i * d_1(i) \right)
 \end{aligned}$$

其中 $d_1(i)$ 表示有多少奇数 $x \leq i$, s.t. $i \bmod x = 0$

计算就枚举 x 按照 n/x 分块, 计算 $x \times j (j = 1 \cdots n/x)$ 的贡献。