Note

observation1: 最多只会有一个重合。

考虑一个合法选择, 只需要找到 LIS 包含 a, b, LDS 包含 c, d, 并且:

$$\max(a,c) < min(b,d), p_a < p_c, p_b > p_d$$

即可。

想要找到这个东西是 trivial 的:

不妨设 $p_b > p_c$,那么考虑如果确定 c,d 一定是选择尽量靠右,我们对 p_c 做扫描线,将 $p_a < p_c$ 加入到线段树中(这个在位置 a 插入 p_c)这个时候 a > c 一定成立(否则我们可以 考虑 a < c < b 并且 $p_a < p_c < p_b$,对于 (a,b) 来说,他们不能在 LIS 中连续出现),所以只需要在 c < a < d 之间找到 p_c 最大的 c 即可。

这个东西是一个简单的扫描线。